

ThS. LÊ HỒNG ĐỨC - ThS. MẠI TRỌNG Y - PHẠM ĐỨC CƯỜNG

TRẦN NGUYỄN TƯỜNG - NGUYỄN TÂN TRUNG

Giới thiệu và hướng dẫn

GIẢI CHI TIẾT

ĐỀ THI

TUYỂN SINH ĐẠI HỌC

Khối A

(Tái bản
lần thứ nhất
có sửa chữa
bổ sung)



NHÀ XUẤT BẢN GIÁO DỤC VIỆT NAM

www.daykemquynhon.ucoz.com

ThS. LÊ HỒNG ĐỨC – ThS. MAI TRỌNG Ý – PHẠM ĐỨC CƯỜNG
TRẦN NGUYỄN TƯỜNG – NGUYỄN TẤN TRUNG

**GIỚI THIỆU VÀ HƯỚNG DẪN
GIẢI CHI TIẾT
ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC**

KHỐI A

Tái bản lần thứ nhất, có sửa chữa và bổ sung

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI

Lời nói đầu

Các em học sinh thân mến!

Nhằm giúp các em có thêm tài liệu bổ ích trong việc ôn luyện thi vào các trường ĐH, CĐ, chúng tôi biên soạn cuốn sách "**Giới thiệu và hướng dẫn giải chi tiết đề thi tuyển sinh Đại học khối A**".

Nội dung sách gồm :

Giới thiệu đề thi môn Toán các khối A, B từ năm 2008 đến nay.

Giới thiệu đề thi môn Vật lí từ năm 2009 đến nay.

Giới thiệu đề thi môn Hóa Học khối A, B từ năm 2009 đến nay.

Trong lần tái bản này, chúng tôi bổ sung đề thi chính thức năm 2012, các đề thi ở những năm trước cũng được chuẩn hóa theo cấu trúc mới của Bộ GD & ĐT. Hi vọng cuốn sách sẽ thật sự có ích cho các em trong việc ôn luyện để chuẩn bị cho các kì thi sắp tới.

Dù đã cố gắng nhiều trong biên soạn, song chắc không tránh khỏi những thiếu sót. Xin chân thành cảm ơn và mong nhận được các ý kiến đóng góp của các em học sinh và quý đồng nghiệp để cuốn sách ngày một hoàn thiện hơn.

Các tác giả

A. PHẦN TOÁN

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2008

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = \frac{mx^2 + (3m^2 - 2)x - 2}{x + 3m}$, m là tham số. (1)

1. Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số (1) khi $m = -1$.
2. Tìm m để góc giữa hai đường tiệm cận của đồ thị hàm số (1) bằng 45° .

Câu II: (2 điểm)

1. Giải phương trình: $\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin\left(x - \frac{3\pi}{2}\right)} = 4 \sin\left(\frac{7\pi}{4} - x\right)$.

2. Giải hệ phương trình:
$$\begin{cases} x^3 + y + x^3y + xy^2 + xy = -\frac{5}{4} \\ x^4 + y^2 + xy(1 + 2x) = -\frac{5}{4} \end{cases}, (x, y \in \mathbb{R}).$$

Câu III: (2 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm $A(2; 5; 3)$ và đường thẳng:

$$(d): \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{2}.$$

1. Tìm tọa độ hình chiếu vuông góc của A trên đường thẳng (d) .
2. Viết phương trình mặt phẳng (P) chứa (d) sao cho khoảng cách từ A đến (P) lớn nhất.

Câu IV: (2 điểm)

1. Tính tích phân $I = \int_0^{\pi/6} \frac{\tan^4 x \cdot dx}{\cos 2x}$.

2. Tìm các giá trị của tham số m để phương trình sau có đúng hai nghiệm phân biệt:
- $$\sqrt[4]{2x} + \sqrt{2x} - 2\sqrt[4]{6-x} + 2\sqrt{6-x} = m, (m \in \mathbb{R}).$$

PHẦN TỰ CHỌN

Thí sinh chọn câu V.a hoặc câu V.b

Câu V.a Theo chương trình THPT không phân ban (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, hãy viết phương trình chính tắc của Elíp (E) , biết rằng (E) có tâm sai bằng $\frac{\sqrt{5}}{3}$ và hình chữ nhật cơ sở của (E) có chu vi bằng 20.
2. Cho khai triển $(1 + 2x)^n = a_0 + a_1x + \dots + a_nx^n$, trong đó $n \in \mathbb{N}^*$ và các hệ số $a_0, a_1, \dots, a_n$ thỏa mãn hệ thức $a_0 + \frac{a_1}{2} + \dots + \frac{a_n}{2^n} = 4096$. Tìm số lớn nhất trong các số $a_0, a_1, \dots, a_n$.

Câu V.b Theo chương trình THPT phân ban (2 điểm)

- Giải phương trình $\log_{2x-1}(2x^2 + x - 1) + \log_{x+1}(2x - 1)^2 = 4$.
- Cho lăng trụ $ABC.A'B'C'$ có độ dài cạnh bên bằng $2a$, đáy ABC là tam giác vuông tại A , $AB = a$, $AC = a\sqrt{3}$ và hình chiếu vuông góc của đỉnh A' trên mặt phẳng (ABC) là trung điểm của cạnh BC . Tính theo a thể tích của khối chóp $A'.ABC$ và tính cosin của góc giữa hai đường thẳng AA' , $B'C'$.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

- Với $m = 1$ hàm số có dạng:

$$(H): y = \frac{x^2 + x - 2}{x + 3} \Leftrightarrow (H): y = x - 2 + \frac{4}{x + 3}$$

Ta lần lượt có:

- Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R} \setminus \{-3\}$.

- Sự biến thiên của hàm số:

- Giới hạn của hàm số tại vô cực, giới hạn vô cực và các đường tiệm cận:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\infty; \lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty.$$

$\lim_{x \rightarrow -3} y = \infty$ nên $x = -3$ là đường tiệm cận đứng.

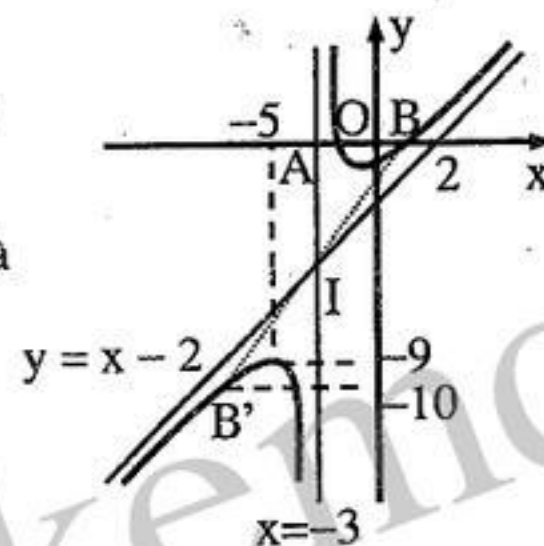
$\lim_{x \rightarrow \infty} [y - (x - 2)] = 0$ nên $y = x - 2$ là đường tiệm cận xiên.

- Bảng biến thiên:

$$y' = 1 - \frac{4}{(x+3)^2} = \frac{x^2 + 6x + 5}{(x+3)^2}$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow x^2 + 6x + 5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = -5 \end{cases}$$

x	$-\infty$	-5	-3	-1	$+\infty$			
y'		+	0	-	0	+		
y	$-\infty$	$\nearrow$	CD -9	$\searrow$	$+\infty$	CT -1	$\nearrow$	$+\infty$



- Đồ thị của hàm số: Lấy thêm các điểm $A(-2; 0)$, $B(1; 0)$.

- Viết lại hàm số dưới dạng: $y = mx - 2 + \frac{6m-2}{x+3m}$.

Khi đó:

- Với: $6m - 2 = 0 \Leftrightarrow m = \frac{1}{3}$ đồ thị hàm số không có hai tiệm cận.

- Với $m \neq \frac{1}{3}$ đồ thị hàm số có hai tiệm cận là:

Tiệm cận đứng $(d_1): x = -3m \Leftrightarrow (d_1): x + 3m = 0 \Rightarrow \text{vtpt } \vec{n}_1(1; 0)$.

Tiệm cận xiên $(d_2): y = mx - 2 \Leftrightarrow (d_2): mx - y - 2 = 0 \Rightarrow \text{vtpt } \vec{n}_2(m; -1)$.

Để góc giữa hai đường tiệm cận của đồ thị hàm số (1) bằng 45° điều kiện là:

$$\cos 45^\circ = \frac{|\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2|}{|\vec{n}_1| \cdot |\vec{n}_2|} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{|m|}{\sqrt{m^2 + 1}} \Leftrightarrow m = \pm 1.$$

Vậy, với $m = \pm 1$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu II.

- Điều kiện: $\begin{cases} \sin x \neq 0 \\ \sin\left(x - \frac{3\pi}{2}\right) \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x \neq 0 \\ \cos x \neq 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \sin 2x \neq 0 \Leftrightarrow 2x \neq k\pi \Leftrightarrow x \neq k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}.$$

Biến đổi phương trình về dạng:

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} = 4 \sin\left(-\frac{\pi}{4} - x\right) \Leftrightarrow \frac{\sin x + \cos x}{\sin x \cdot \cos x} = -2\sqrt{2}(\sin x + \cos x)$$

$$\Leftrightarrow (\sin x + \cos x) \left(\frac{2}{\sin 2x} + 2\sqrt{2} \right) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin x + \cos x = 0 \\ \sin 2x = -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \tan x = -1 \\ \sin 2x = -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{4} + k\pi \\ x = -\frac{\pi}{8} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ x = \frac{5\pi}{8} + k\pi \end{cases}$$

Vậy, phương trình có ba họ nghiệm.

- Biến đổi hệ phương trình về dạng: $\begin{cases} x^2 + y + xy(x^2 + y) + xy = -\frac{5}{4} \\ (x^2 + y)^2 + xy = -\frac{5}{4} \end{cases}$

Đặt $u = x^2 + y$ và $v = xy$, hệ phương trình được biến đổi về dạng:

$$\begin{cases} u + uv + v = -\frac{5}{4} \\ u^2 + v = -\frac{5}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u + u\left(-\frac{5}{4} - u^2\right) - \frac{5}{4} - u^2 = -\frac{5}{4} \\ v = -\frac{5}{4} - u^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} u^3 + u^2 + \frac{u}{4} = 0 \\ v = -\frac{5}{4} - u^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u = 0 \\ u = -\frac{1}{2} \\ v = -\frac{5}{4} - u^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u = 0 & \& v = -\frac{5}{4} \\ u = -\frac{1}{2} & \& v = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

Ta lần lượt:

- Với $u = 0$ và $v = -\frac{5}{4}$ thì:

$$\begin{cases} x^2 + y = 0 \\ xy = -\frac{5}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -x^2 \\ x(-x^2) = -\frac{5}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt[3]{\frac{5}{4}} \\ y = -\sqrt[3]{\frac{25}{16}} \end{cases}$$

- Với $u = -\frac{1}{2}$ và $v = -\frac{3}{2}$ thì:

$$\begin{cases} x^2 + y = -\frac{1}{2} \\ xy = -\frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - \frac{3}{2x} = -\frac{1}{2} \\ y = -\frac{3}{2x} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x^3 + x - 3 = 0 \\ y = -\frac{3}{2x} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -\frac{3}{2} \end{cases}, \begin{cases} x = -\frac{3}{2} \\ y = 1 \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có ba cặp nghiệm $\left(\sqrt[3]{\frac{5}{4}}; -\sqrt[3]{\frac{25}{16}}\right)$, $\left(-\frac{3}{2}; 1\right)$ và $\left(1; -\frac{3}{2}\right)$.

Câu III. Đường thẳng (d) có vtcp $\vec{u}(2; 1; 2)$.

- Gọi H là hình chiếu vuông góc của A lên đường thẳng (d), ta có thể trình bày theo hai cách sau:

Cách 1: Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số:

$$(d): \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = t \\ z = 2 + 2t \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$$

Vì điểm $H \in (d)$ nên $H(1 + 2t; t; 2 + 2t)$, suy ra $\overrightarrow{AH}(-1 + 2t; t - 5; -1 + 2t)$.

Để H là hình chiếu vuông góc của A lên (d) điều kiện là:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AH} \perp (d) &\Leftrightarrow \overrightarrow{AH} \perp \vec{u} \Leftrightarrow \overrightarrow{AH} \cdot \vec{u} = 0 \\ &\Leftrightarrow 2(-1 + 2t) + 1(t - 5) + 2(-1 + 2t) = 0 \Leftrightarrow t = 1 \Rightarrow H(3; 1; 4). \end{aligned}$$

Cách 2: Gọi (P) là mặt phẳng chứa đường thẳng (d):

$$(P): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (P) \perp (d) \end{cases} \Leftrightarrow (P): \begin{cases} \text{Qua A}(2; 5; 3) \\ \text{vtpt } \vec{u}(2; 1; 2) \end{cases} \Leftrightarrow (P): 2x + y + 2z - 15 = 0.$$

Vì $\{H\} = (d) \cap (P)$ nên tọa độ H là nghiệm hệ phương trình:

$$\begin{cases} \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{2} \\ 2x + y + 2z - 15 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \\ z = 4 \end{cases} \Rightarrow H(3; 1; 4).$$

- Gọi K là hình chiếu vuông góc của A lên mặt phẳng (P), ta có:

$d(A, (P)) = AK < AH$ - tính chất đường vuông góc và đường xiên.

Do đó, khoảng cách từ A đến (P) lớn nhất khi và chỉ khi $K \equiv H$. Suy ra, mặt phẳng (P) cần dựng sẽ đi qua H, do đó:

$$(P): \begin{cases} \text{Qua A}(2; 5; 3) \\ \text{vtpt } \overrightarrow{AH}(1; -4; 1) \end{cases} \Leftrightarrow (P): x - 4y + z + 15 = 0.$$

Câu IV.

- Biến đổi tích phân về dạng: $I = \int_0^{\pi/6} \frac{\tan^4 x \cdot dx}{\cos^2 x - \sin^2 x} = \int_0^{\pi/6} \frac{\tan^4 x \cdot dx}{(1 - \tan^2 x) \cos^2 x}$

Đặt $t = \tan x$, suy ra $dt = \frac{dx}{\cos^2 x}$.

Đổi cận:

- Với $x = 0$ thì $t = 0$.

- Với $x = \frac{\pi}{6}$ thì $t = \frac{1}{\sqrt{3}}$.

$$\begin{aligned} \text{Khi đó: } I &= \int_0^{1/\sqrt{3}} \frac{t^4 \cdot dt}{1 - t^2} = - \int_0^{1/\sqrt{3}} \left(\frac{t^4 - 1 + 1}{t^2 - 1} \right) dt = - \int_0^{1/\sqrt{3}} \left(t^2 + 1 + \frac{1}{t^2 - 1} \right) dt \\ &= - \int_0^{1/\sqrt{3}} \left[(t^2 + 1) + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{t-1} - \frac{1}{t+1} \right) \right] dt \\ &= - \left[\frac{t^3}{3} + t + \frac{1}{2} (\ln|t-1| - \ln|t+1|) \right]_0^{1/\sqrt{3}} = - \left(\frac{t^3}{3} + t + \frac{1}{2} \ln \left| \frac{t-1}{t+1} \right| \right) \Big|_0^{1/\sqrt{3}} \\ &= -\frac{1}{2} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{10}{9\sqrt{3}}. \end{aligned}$$

- Điều kiện: $\begin{cases} 2x \geq 0 \\ 6 - x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 \leq x \leq 6.$

Đặt VT của phương trình là $f(x)$, chúng ta đi xét hàm số này trên tập $D = [0; 6]$, ta có:

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt[4]{2x}} + \frac{1}{\sqrt{2x}} - \frac{1}{2\sqrt[4]{6-x}} - \frac{1}{\sqrt{6-x}}$$

$$= \underbrace{\left(\frac{1}{2\sqrt[4]{2x}} - \frac{1}{2\sqrt[4]{6-x}} \right)}_{u(x)} + \underbrace{\left(\frac{1}{\sqrt{2x}} - \frac{1}{\sqrt{6-x}} \right)}_{v(x)}$$

Nhận xét rằng:

$$u(x) = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{2\sqrt[4]{2x}} - \frac{1}{2\sqrt[4]{6-x}} = 0 \Leftrightarrow \sqrt[4]{2x} = \sqrt[4]{6-x} \Leftrightarrow x = 2.$$

$$v(x) = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{2x}} - \frac{1}{\sqrt{6-x}} = 0 \Leftrightarrow \sqrt{2x} = \sqrt{6-x} \Leftrightarrow x = 2.$$

Từ đó, suy ra:

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 2 \text{ và với đánh giá rằng:}$$

- Khi $x \in [0; 2)$ thì $u(x), v(x)$ cùng âm, do đó $f'(x) < 0$.
- Khi $x \in (2; 6]$ thì $u(x), v(x)$ cùng dương, do đó $f'(x) > 0$.

Ta có bảng biến thiên:

x	0	2	6		
y'		-	0	+	0
y	f(0)	f(2)	f(6)		

Để phương trình ban đầu có hai nghiệm thực phân biệt điều kiện là đường thẳng $y = m$ cắt đồ thị hàm số $y = f(x)$ trên tập $D = [0; 6]$ tại hai điểm phân biệt, ta được:

$$\max\{f(0), f(6)\} \leq m < f(2) \Leftrightarrow 2\sqrt{6} + 2\sqrt[4]{6} \leq m < 3\sqrt{2} + 6.$$

Vậy, với $2\sqrt{6} + 2\sqrt[4]{6} \leq m < 3\sqrt{2} + 6$ thì $-1 < m < \frac{1}{3}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu V.a.

- Giả sử Elíp (E) có phương trình: $(E): \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, 0 < b < a$.

Ta lần lượt có:

- Hình chữ nhật cơ sở của (E) có chu vi bằng 20 nên:

$$2(2a + 2b) = 20 \Leftrightarrow a + b = 5 \Leftrightarrow b = 5 - a. \quad (1)$$

- Tâm sai bằng $\frac{\sqrt{5}}{3}$ nên:

$$\frac{\sqrt{5}}{3} = \frac{c}{a} \Leftrightarrow \frac{5}{9} = \frac{a^2 - b^2}{a^2} \Leftrightarrow 4a^2 = 9b^2 \Leftrightarrow 2a = 3b = 3(5 - a)$$

$$\Leftrightarrow a = 3 \Rightarrow b = 2.$$

Vậy, Elíp (E) có phương trình $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$.

- Đặt: $f(x) = (1 + 2x)^n = a_0 + a_1x + \dots + a_nx^n = \sum_{k=0}^n C_{12}^k (2x)^k = \sum_{k=0}^{12} C_{12}^k 2^k x^k$

$$\text{suy ra: } f\left(\frac{1}{2}\right) = a_0 + \frac{a_1}{2} + \dots + \frac{a_n}{2^n} \Leftrightarrow 2^n = 4096 \Leftrightarrow n = 12.$$

Tôi đây, bài toán được chuyển về tìm $k \in \{1, 2, \dots, 12\}$ sao cho $a_k = C_{12}^k 2^k$ lớn nhất.

$$\text{Ta xét: } \frac{a_{k+1}}{a_k} > 1 \Leftrightarrow \frac{C_{12}^{k+1} 2^{k+1}}{C_{12}^k 2^k} > 1 \Leftrightarrow \frac{2(12-k)}{k+1} > 1 \Leftrightarrow k < \frac{23}{3}$$

$$\Rightarrow a_0 < a_1 < \dots < a_8 > a_9 > \dots > a_{12}$$

Vậy, số lớn nhất trong các số $a_0, a_1, \dots, a_n$ là $a_8 = C_{12}^8 2^8 = 126720$.

Câu V.b.

- Biến đổi phương trình về dạng: $\log_{2x-1}(2x-1)(x+1) + \log_{x+1}(2x-1)^2 = 4$.

$$\text{Điều kiện: } \begin{cases} 0 < 2x-1 \neq 1 \\ 0 < x+1 \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{1}{2} < x \neq 1. \quad (*)$$

Biến đổi tiếp phương trình về dạng:

$$1 + \log_{2x-1}(x+1) + 2\log_{x+1}(2x-1)^2 = 4$$

$$\Leftrightarrow \log_{2x-1}(x+1) + 2\log_{x+1}(2x-1)^2 - 3 = 0.$$

$$\text{Đặt } t = \log_{2x-1}(x+1), \text{ suy ra } \log_{x+1}(2x-1) = \frac{1}{t}.$$

$$\text{Khi đó, phương trình có dạng: } t + \frac{2}{t} - 3 = 0 \Leftrightarrow t^2 - 3t + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = 2 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

- Với $t = 1$ thì: $\log_{2x-1}(x+1) = 1 \Leftrightarrow x+1 = 2x-1 \Leftrightarrow x = 2$.
- Với $t = 2$ thì: $\log_{2x-1}(x+1) = 2 \Leftrightarrow x+1 = (2x-1)^2 \Leftrightarrow 4x^2 - 5x = 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \text{ (loại)} \\ x = 5/4 \end{cases}$$

Vậy, phương trình có hai nghiệm $x = 2$ và $x = \frac{5}{4}$.

- Bạn đọc tự vẽ hình.

- Tính thể tích của khối chóp $A'.ABC$.

Gọi H là trung điểm của BC, suy ra $A'H \perp (ABC)$ nên:

$$V_{A'.ABC} = \frac{1}{3} A'H \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{6} A'H \cdot AB \cdot AC. \quad (1)$$

Trong đó, ta lần lượt có:

$$AB = a, AC = a\sqrt{3}. \quad (2)$$

$$AH = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + 3a^2} = a.$$

$$A'H^2 = A'A^2 - AH^2 = 3a^2 \Rightarrow A'H = a\sqrt{3}. \quad (3)$$

Thay (2), (3) vào (1), ta được $V_{A'ABC} = \frac{a^3}{2}$.

b. Tính cosin của góc giữa hai đường thẳng AA' , $B'C'$.

Trong $\Delta A'B'H$ vuông tại A' , ta có:

$$B'H^2 = A'B'^2 + A'H^2 = 4a^2 \Rightarrow B'H = 2a \Rightarrow \Delta B'BH \text{ cân tại } B'.$$

Gọi α là góc giữa hai đường thẳng AA' , $B'C'$, suy ra:

$$\alpha = \widehat{B'BH} \text{ và } \cos \alpha = \frac{a}{2.2a} = \frac{1}{4}.$$

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2008

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = 4x^3 - 6x^2 + 1$.

(1)

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số (1).
- Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số (1), biết rằng tiếp tuyến đó đi qua điểm $M(-1; -9)$.

Câu II: (2 điểm)

- Giải phương trình $\sin^3 x - \sqrt{3} \cos^3 x = \sin x \cdot \cos^2 x - \sqrt{3} \sin^2 x \cdot \cos x$.
- Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} x^4 + 2x^3y + x^2y^2 = 2x + 9 \\ x^2 + 2xy = 6x + 6 \end{cases}, (x, y \in \mathbb{R}).$$

Câu III: (2 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho ba điểm $A(0; 1; 2)$, $B(2; -2; 1)$, $C(-2; 0; 1)$.

- Viết phương trình mặt phẳng đi qua ba điểm A, B, C.
- Tìm tọa độ điểm M thuộc mặt phẳng $2x + 2y + z - 3 = 0$ sao cho $MA = MB = MC$.

Câu IV: (2 điểm)

$$1. \text{ Tính tích phân } I = \int_0^{\pi/4} \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right).dx}{\sin 2x + 2(1 + \sin x + \cos x)}.$$

- Cho hai số thực x, y thay đổi thỏa mãn hệ thức $x^2 + y^2 = 1$. Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$A = \frac{2(x^2 + 6xy)}{1 + 2xy + 2y^2}.$$

PHẦN TỰ CHỌN

Thí sinh chọn câu V.a hoặc câu V.b

Câu V.a Theo chương trình THPT không phân ban (2 điểm)

$$1. \text{ Chứng minh rằng: } \frac{n+1}{n+2} \left(\frac{1}{C_{n+1}^k} + \frac{1}{C_{n+1}^{k+1}} \right) = \frac{1}{C_n^k}$$

(n nguyên dương, C_n^k là tổ hợp chập k của n phần tử).

- Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, xác định tọa độ đỉnh C của ΔABC , biết rằng hình chiếu vuông góc của C trên đường thẳng AB là điểm $H(-1; -1)$, đường phân giác trong của góc A có phương trình $x - y + 2 = 0$ và đường cao kẻ từ B có phương trình $4x + 3y - 1 = 0$.

Câu V.b Theo chương trình THPT phân ban (2 điểm)

$$1. \text{ Giải bất phương trình } \log_{0.7} \left(\log_6 \frac{x^2 + x}{x + 4} \right) < 0.$$

- Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh $2a$, $SA = a$, $SB = a\sqrt{3}$ và mặt phẳng (SAB) vuông góc với mặt phẳng đáy. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AB, BC. Tính theo a thể tích khối chóp S.BMDN và cosin của góc giữa hai đường thẳng SM, DN.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

- Ta lần lượt có:

a. Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

b. Sự biến thiên của hàm số:

▪ Giới hạn của hàm số tại vô cực:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[x^3 \left(4 - \frac{6}{x} + \frac{1}{x^3} \right) \right] = \begin{cases} +\infty & \text{khi } x \rightarrow +\infty \\ -\infty & \text{khi } x \rightarrow -\infty \end{cases}$$

▪ Bảng biến thiên: $y' = 12x^2 - 12x$, $y' = 0 \Leftrightarrow 12x^2 - 12x = 0 \Leftrightarrow x = 0$ hoặc $x = 1$.

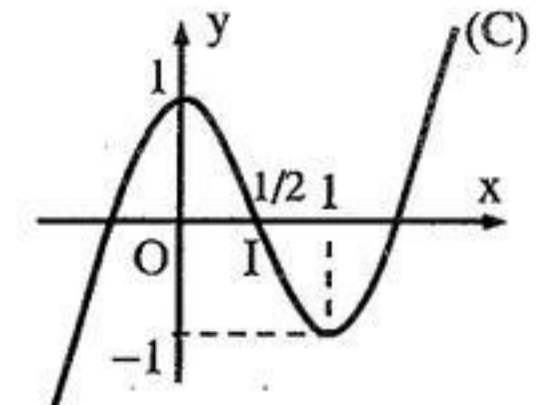
x	$-\infty$	0	1	$+\infty$
y'		+	0	-
y	$-\infty$	1	CT	$+\infty$
		CD	-1	

▪ Điểm uốn:

$$y'' = 24x - 12, \quad y'' = 0 \Leftrightarrow 24x - 12 = 0 \Leftrightarrow x = 1/2.$$

Vì y'' đổi dấu khi x qua điểm 1/2 nên đồ thị hàm số có một điểm uốn là $I(1/2; 0)$.

c. Đồ thị của hàm số.



2. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Giả sử hoành độ tiếp điểm là $x = x_0$, khi đó phương trình tiếp tuyến có dạng:

$$(d): y = y'(x_0)(x - x_0) + y(x_0)$$

$$\Leftrightarrow (d): y = (12x_0^2 - 12x_0)(x - x_0) + 4x_0^3 - 6x_0^2 + 1. \quad (1)$$

Điểm $M(-1; -9) \in (d)$, suy ra:

$$-9 = (12x_0^2 - 12x_0)(-1 - x_0) + 4x_0^3 - 6x_0^2 + 1$$

$$\Leftrightarrow (x_0 + 1)^2(4x_0 - 5) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = -1 \\ x_0 = 5/4 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

▪ Với $x_0 = -1$, thay vào (1) ta được tiếp tuyến $(d_1): y = 24x + 15$.

▪ Với $x_0 = \frac{5}{4}$, thay vào (1) ta được tiếp tuyến $(d_2): y = \frac{15}{4}x - \frac{21}{4}$.

Vậy, tồn tại hai tiếp tuyến $(d_1), (d_2)$ của đồ thị thỏa mãn điều kiện.

Cách 2: Phương trình đường thẳng (d) qua $M(-1; -9)$ với hệ số góc k , có dạng:

$$y = k(x + 1) - 9. \quad (1)$$

Đường thẳng (d) tiếp xúc với đồ thị hàm số khi hệ sau có nghiệm:

$$\begin{cases} 4x^3 - 6x^2 + 1 = k(x + 1) - 9 \\ 12x^2 - 12x = k \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x + 1)^2(4x - 5) = 0 \\ 12x^2 - 12x = k \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{5}{4} \\ 12x^2 - 12x = k \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k = 24 \\ k = \frac{15}{4} \end{cases}$$

Ta lần lượt:

▪ Với $k = 24$, thay vào (1) ta được tiếp tuyến $(d_1): y = 24x + 15$.

▪ Với $k = \frac{15}{4}$, thay vào (1) ta được tiếp tuyến $(d_2): y = \frac{15}{4}x - \frac{21}{4}$.

Vậy, tồn tại hai tiếp tuyến $(d_1), (d_2)$ của đồ thị thỏa mãn điều kiện.

Câu II.

1. Ta có thể trình bày theo hai cách sau:

Cách 1: Biến đổi phương trình về dạng:

$$\sqrt{3} \cos^3 x - \sqrt{3} \sin^2 x \cdot \cos x + \sin x \cdot \cos^2 x - \sin^3 x = 0$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{3} \cos x (\cos^2 x - \sin^2 x) + \sin x (\cos^2 x - \sin^2 x) = 0$$

$$\Leftrightarrow (\sqrt{3} \cos x + \sin x) \cos 2x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{3} \cos x + \sin x = 0 \\ \cos 2x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \tan x = -\sqrt{3} \\ \cos 2x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{3} + k\pi \\ 2x = \frac{\pi}{2} + k\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{3} + k\pi \\ x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2} \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có hai họ nghiệm.

Cách 2: Vì $\cos x = 0$ không phải là nghiệm của phương trình nên chia cả hai vế của phương trình cho $\cos^3 x \neq 0$, ta được:

$$\tan^3 x - \sqrt{3} = \tan x - \sqrt{3} \tan^2 x.$$

Đặt $t = \tan x$, ta được:

$$t^3 + \sqrt{3}t^2 - t - \sqrt{3} = 0 \Leftrightarrow t(t^2 - 1) + \sqrt{3}(t^2 - 1) = 0 \Leftrightarrow (t^2 - 1)(t + \sqrt{3}) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t = \pm 1 \\ t = -\sqrt{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \tan x = \pm 1 \\ \tan x = -\sqrt{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \pm \frac{\pi}{4} + k\pi \\ x = -\frac{\pi}{3} + k\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có ba họ nghiệm.

2. Hệ phương trình được biến đổi tương đương về dạng:

$$\begin{cases} (x^2 + xy)^2 = 2x + 9 \\ xy = -\frac{x^2}{2} + 3x + 3 \end{cases} \Rightarrow \left(x^2 - \frac{x^2}{2} + 3x + 3\right)^2 = 2x + 9$$

$$\Leftrightarrow x^4 + 12x^3 + 48x^2 + 64x = 0 \Leftrightarrow x(x + 4)^3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -4 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

▪ Với $x = 0$, thì: $0 \cdot y = 3$, vô nghiệm.

▪ Với $x = -4$, thì: $-4y = -8 + 3(-4) + 3 \Leftrightarrow y = \frac{17}{4}$.

Vậy, hệ có nghiệm $\left(-4; \frac{17}{4}\right)$.

Câu III.

1. Ta có thể trình bày theo hai cách sau:

Cách 1: Mặt phẳng (Q) đi qua ba điểm A, B, C được cho bởi:

$$(Q): \begin{cases} \text{Qua } A \\ \text{Cặp vtcp } \overline{AB}, \overline{AC} \end{cases} \Leftrightarrow (Q): \begin{cases} \text{Qua } A(0; 1; 2) \\ \text{vtpt } \vec{n} = [\overline{AB}, \overline{AC}] = (2; 4; -8) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (Q): x + 2y - 4z + 6 = 0.$$

Cách 2: Giả sử mặt phẳng (Q) có phương trình:

$$(Q): Ax + By + Cz + D = 0 \text{ với } A^2 + B^2 + C^2 > 0.$$

$$\text{Vì } A, B, C \text{ thuộc } (P), \text{ ta được: } \begin{cases} B + 2C + D = 0 \\ 2A - 2B + C + D = 0 \\ -2A + C + D = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B = 2A \\ C = -4A \\ D = 6A \end{cases}$$

Từ đó ta được: $(Q): Ax + 2Ay - 4Az + 6A \Leftrightarrow (Q): x + 2y - 4z + 6 = 0.$

2. Ta có thể trình bày theo hai cách sau:

Cách 1: Để $MA = MB = MC$ thì M thuộc trục đường tròn (d) của ΔABC (là đường thẳng đi qua tâm đường tròn ngoại tiếp ΔABC và vuông góc với mặt phẳng (ABC)).

Nhận xét rằng:

$$\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 0 \Leftrightarrow \Delta ABC \text{ vuông tại } A$$

$\Rightarrow$ Trung điểm $I(0; -1; 1)$ của BC là tâm đường tròn ngoại tiếp ΔABC .

Từ đó, suy ra M thuộc đường thẳng (d) thỏa mãn:

$$(d): \begin{cases} \text{Qua } I \\ (d) \perp (Q) \end{cases} \Leftrightarrow (d): \begin{cases} \text{Qua } I(0; -1; 1) \\ \text{vtcp } \vec{n}(1; 2; -4) \end{cases} \Leftrightarrow (d): \begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 - 4t \end{cases}$$

Từ đó, suy ra tọa độ điểm M là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 1 - 4t \\ 2x + 2y + z - 3 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 1 - 4t \\ 2t + 2(2t - 1) + (1 - 4t) - 3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 3 \\ z = -7 \end{cases}$$

Vậy, với điểm $M(2; 3; -7)$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Cách 2: Giả sử $M(x; y; z)$, để M thuộc mặt phẳng (P): $2x + 2y + z - 3 = 0$ sao cho $MA = MB = MC$ điều kiện là:

$$\begin{cases} M \in (P) \\ MA^2 = MB^2 \\ MA^2 = MC^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 2y + z - 3 = 0 \\ x^2 + (y - 1)^2 + (z - 2)^2 = (x - 2)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 \\ x^2 + (y - 1)^2 + (z - 2)^2 = (x + 2)^2 + y^2 + (z - 1)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 2y + z = 3 \\ 2x - 3y - z = 2 \\ 2x + y + z = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 3 \\ z = -7 \end{cases} \Rightarrow M(2; 3; -7).$$

Vậy, với điểm $M(2; 3; -7)$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu IV.

1. Viết lại I dưới dạng:

$$I = \frac{\sqrt{2}}{2} \int_0^{\pi/4} \frac{(\sin x - \cos x) \cdot dx}{(1 + \sin 2x) + 2(\sin x + \cos x) + 1}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \int_0^{\pi/4} \frac{(\sin x - \cos x) \cdot dx}{(\sin x + \cos x)^2 + 2(\sin x + \cos x) + 1} = \frac{\sqrt{2}}{2} \int_0^{\pi/4} \frac{(\sin x - \cos x) \cdot dx}{(\sin x + \cos x + 1)^2}$$

Đặt $t = \sin x + \cos x + 1$, suy ra:

$$dt = (\cos x - \sin x)dx \Leftrightarrow (\sin x - \cos x)dx = -dt.$$

Đổi cận:

• Với $x = 0$ thì $t = 2$.

• Với $x = \frac{\pi}{4}$ thì $t = \sqrt{2} + 1$.

$$\text{Khi đó: } I = -\frac{\sqrt{2}}{2} \int_2^{\sqrt{2}+1} \frac{dt}{t^2} = \frac{\sqrt{2}}{2t} \Big|_2^{\sqrt{2}+1} = \frac{4 - 3\sqrt{2}}{4}.$$

$$2. \text{ Biến đổi } A \text{ về dạng: } A = \frac{2(x^2 + 6xy)}{x^2 + y^2 + 2xy + 2y^2} = \frac{2(x^2 + 6xy)}{x^2 + 2xy + 3y^2}.$$

Nhận xét rằng:

• Với $y = 0$ thì $x^2 = 1$, suy ra $A = 2$.

• Với $y \neq 0$ thì ta có biến đổi tiếp cho A bằng cách chia cả TS và MS cho y^2 :

$$A = \frac{2\left(\frac{x^2}{y^2} + 6\frac{x}{y}\right)}{\frac{x^2}{y^2} + 2\frac{x}{y} + 3}$$

$$\text{Đặt } x = ty, \text{ ta được: } A = \frac{2(t^2 + 6t)}{t^2 + 2t + 3} \Leftrightarrow (A - 2)t^2 + 2(A - 6)t + 3A = 0. \quad (*)$$

Ta xét hai trường hợp:

Trường hợp 1: Với $A = 2$ thì (*) có nghiệm $t = \frac{3}{4}$.

Trường hợp 2: Với $A \neq 2$ thì (*) có nghiệm khi:

$$\Delta' \geq 0 \Leftrightarrow (A - 6)^2 - 3A(A - 2) \geq 0 \Leftrightarrow A^2 + 3A - 18 \leq 0 \Leftrightarrow -6 \leq A \leq 3.$$

Vậy, ta có kết luận:

$$A_{\min} = -6, \text{ đạt được khi: } t = -\frac{3}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x = -\frac{3}{2}y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{9}{4}y^2 + y^2 = 1 \\ x = -\frac{3}{2}y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y^2 = \frac{4}{13} \\ x = -\frac{3}{2}y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{3}{\sqrt{13}} & y = \frac{2}{\sqrt{13}} \\ x = \frac{3}{\sqrt{13}} & y = -\frac{2}{\sqrt{13}} \end{cases}$$

$A_{\max} = 3$, đạt được khi:

$$t = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x = 3y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 9y^2 + y^2 = 1 \\ x = 3y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y^2 = \frac{1}{10} \\ x = 3y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{3}{\sqrt{10}} & y = \frac{1}{\sqrt{10}} \\ x = -\frac{3}{\sqrt{10}} & y = -\frac{1}{\sqrt{10}} \end{cases}$$

Câu V.a.

1. Ta có:

$$\begin{aligned} VT &= \frac{n+1}{n+2} \left(\frac{k!(n+1-k)!}{(n+1)!} + \frac{(k+1)!(n-k)!}{(n+1)!} \right) \\ &= \frac{1}{n+2} \cdot \frac{k!(n-k)!}{n!} (n+1-k+k+1) = \frac{k!(n-k)!}{n!} = \frac{1}{C_n^k}, \text{ đpcm.} \end{aligned}$$

2. Bạn đọc tự vẽ hình.

Kí hiệu:

a. Đường phân giác trong của góc A là (d_1) , có vtcp $\vec{u}_1(1;1)$.

b. Đường cao kẻ từ B là (d_2) có vtcp $\vec{u}_2(3;-4)$.

Gọi $H'(a; b)$ là điểm đối xứng của H qua (d_1) thì H' thuộc AC. Ta có:

$$\begin{cases} \overline{HH'} \perp \vec{u}_1 \\ \text{Trung điểm I của } HH' \text{ thuộc } (d_1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1.(a+1) + 1.(b+1) = 0 \\ \frac{a-1}{2} - \frac{b-1}{2} + 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -3 \\ b = 1 \end{cases} \Rightarrow H'(-3; 1).$$

Phương trình đường thẳng AC được cho bởi:

$$(AC): \begin{cases} \text{Qua } H' \\ (AC) \perp (d_2) \end{cases} \Leftrightarrow (AC): \begin{cases} \text{Qua } H'(-3; 1) \\ \text{vtpt } \vec{u}_2(3; -4) \end{cases} \Leftrightarrow (AC): 3x - 4y + 13 = 0.$$

Vì $(AC) \cap (d_1) = \{A\}$ nên tọa độ của A là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} 3x - 4y + 13 = 0 \\ x - y + 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = 7 \end{cases} \Rightarrow A(5; 7).$$

Phương trình đường thẳng CH được cho bởi:

$$(CH): \begin{cases} \text{Qua } H \\ CH \perp HA \end{cases} \Leftrightarrow (CH): \begin{cases} \text{Qua } H(-1; -1) \\ \text{vtpt } \vec{HA}(6; 8) \end{cases} \Leftrightarrow (CH): 3x + 4y + 7 = 0.$$

Vì $(AC) \cap (CH) = \{C\}$ nên tọa độ của C là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} 3x - 4y + 13 = 0 \\ 3x + 4y + 7 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -10/3 \\ y = 3/4 \end{cases} \Rightarrow C\left(-\frac{10}{3}; \frac{3}{4}\right).$$

Câu V.b.

1. Biến đổi tương đương bất phương trình về dạng:

$$\begin{aligned} \log_6 \frac{x^2+x}{x+4} > 1 &\Leftrightarrow \frac{x^2+x}{x+4} > 6 \quad (*) \\ &\Leftrightarrow \frac{x^2+x}{x+4} - 6 > 0 \Leftrightarrow \frac{x^2-5x-24}{x+4} > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -4 < x < -3 \\ x > 8 \end{cases} \end{aligned}$$

Vậy, nghiệm của bất phương trình là tập $(-4; -3) \cup (8; +\infty)$.

Chú ý: Một số em học sinh mắc phải sai lầm khi giải (*) bằng cách nhân chéo hai vế. Hãy nhớ rằng điều đó chỉ có thể được thực hiện khi MS luôn âm hoặc luôn dương.

2. Bạn đọc tự giải.

a. $V_{S.BMDN} = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$.

b. Cosin của góc giữa hai đường thẳng SM, ND bằng $\frac{\sqrt{5}}{5}$.

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2009

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = \frac{x+2}{2x+3}$. (1)

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số (1).
- Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C), biết tiếp tuyến đó cắt hai trục Ox, Oy tại A, B và ΔOAB cân tại O.

Câu II: (2 điểm)

- Giải phương trình: $\frac{(1-2\sin x)\cos x}{(1+2\sin x)(1-\sin x)} = \sqrt{3}$.
- Giải phương trình: $2\sqrt{3x-2} + 3\sqrt{6-5x} - 8 = 0, (x \in \mathbb{R})$.

Câu III: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_0^{\pi/2} (\cos^3 x - 1) \cos^2 x dx$.

Câu IV: (1 điểm): Cho hình chóp S.ABCD có đáy là hình thang vuông tại A và D, $AB = AD = 2a$, $CD = a$, góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABCD) bằng 60° . Gọi I là trung điểm của cạnh AD. Biết hai mặt phẳng (SBI) và (SCI) vuông góc với mặt phẳng (ABCD). Tính thể tích khối chóp S.ABCD theo a.

Câu V: (1 điểm): Chứng minh rằng với mọi số thực dương x, y, z thỏa mãn

$$x(x+y+z) = 3yz,$$

$$\text{ta có: } (x+y)^3 + (x+z)^3 + 3(x+y)(x+z)(y+z) \leq 5(y+z)^3.$$

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho đường tròn (C) và đường thẳng (Δ) có phương trình:

$$(C): x^2 + y^2 + 4x + 4y + 6 = 0,$$

$$(\Delta): x + my - 2m + 3 = 0, \text{ với } m \text{ là tham số thực.}$$

Gọi I là tâm đường tròn (C). Tìm m để (Δ) cắt (C) tại hai điểm phân biệt A và B sao cho diện tích ΔIAB lớn nhất.

2. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt phẳng (P) và hai đường thẳng (Δ₁), (Δ₂) có phương trình:

$$(P): x - 2y + 2z - 1 = 0,$$

$$(\Delta_1): \frac{x+1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+9}{6}, (\Delta_2): \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+1}{-2}.$$

Xác định tọa độ điểm M thuộc đường thẳng (Δ₁) sao cho khoảng cách từ M tới đường thẳng (Δ₂) và khoảng cách từ M tới mặt phẳng (P) bằng nhau.

- Câu VII.b (1 điểm):** Giải hệ phương trình:
$$\begin{cases} \log_2(x^2 + y^2) = 1 + \log_2(xy) \\ 3^{x^2 - xy + y^2} = 81 \end{cases}$$

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

1. Với hàm số: (H): $y = \frac{ax+b}{cx+d}$, với $c \neq 0$, $D = ad - bc \neq 0$ ta lần lượt có:

- a. Tập xác định $D = \mathbb{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$.

- b. Sự biến thiên của hàm số:

- Giới hạn của hàm số tại vô cực, giới hạn vô cực và các đường tiệm cận:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \frac{a}{c} \text{ nên } y = \frac{a}{c} \text{ là đường tiệm cận ngang.}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\frac{d}{c}} y = \infty \text{ nên } x = -\frac{d}{c} \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

- Bảng biến thiên: $y' = \frac{ad - bc}{(cx + d)^2}$.

- Nếu $D = ad - bc > 0 \Rightarrow$ hàm số đồng biến trên D.
- Nếu $D = ad - bc < 0 \Rightarrow$ hàm số nghịch biến trên D.

Lập bảng biến thiên:

Trường hợp $D > 0$

x	$-\infty$	$-\frac{d}{c}$	$+\infty$
y'		+	+
y	$\frac{a}{c}$	$+\infty$	$\frac{a}{c}$

Vậy, hàm số đồng biến trên các khoảng $(-\infty; -\frac{d}{c})$ và $(-\frac{d}{c}; +\infty)$.

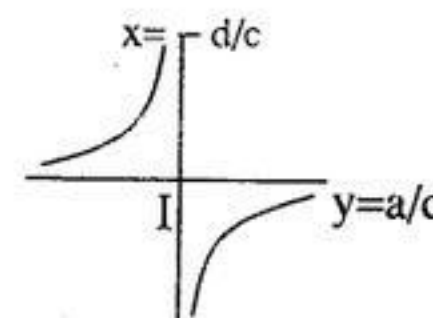
Trường hợp $D < 0$

x	$-\infty$	$-\frac{d}{c}$	$+\infty$
y'		-	-
y	$\frac{a}{c}$	$-\infty$	$\frac{a}{c}$

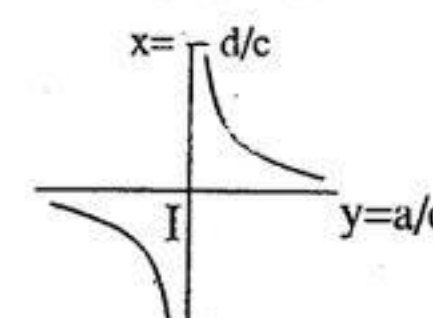
Vậy, hàm số nghịch biến trên các khoảng $(-\infty; -\frac{d}{c})$ và $(-\frac{d}{c}; +\infty)$.

- c. Đồ thị: Xác định tọa độ giao điểm của đồ thị với hai trục tọa độ.
Do có hai trường hợp khác nhau về chiều biến thiên nên đồ thị của hàm số có hai dạng sau đây:

Với $D > 0$



Với $D < 0$



Đồ thị hàm số nhận giao điểm của hai đường tiệm cận làm tâm đối xứng.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Ta lần lượt có:

- a. **Hàm số xác định** trên $D = \mathbb{R} \setminus \{-\frac{3}{2}\}$.

- b. **Sự biến thiên của hàm số:**

- Giới hạn của hàm số tại vô cực, giới hạn vô cực và các đường tiệm cận:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \frac{1}{2} \text{ nên } y = \frac{1}{2} \text{ là đường tiệm cận ngang.}$$

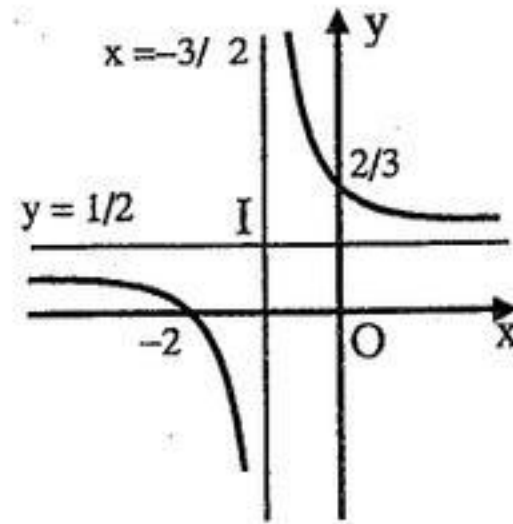
$$\lim_{x \rightarrow (-\frac{3}{2})^+} y = +\infty \text{ và } \lim_{x \rightarrow (-\frac{3}{2})^-} y = -\infty \text{ nên } x = -\frac{3}{2} \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

▪ Bảng biến thiên:

$$y' = -\frac{1}{(2x+3)^2} < 0 \text{ với mọi } x \in D$$

$\Rightarrow$ hàm số nghịch biến trên D.

x	$-\infty$	$-\frac{3}{2}$	$+\infty$
y'	-		-
y	$\frac{3}{2}$	$+\infty$	$\frac{3}{2}$



c. Đồ thị của hàm số: Đồ thị hàm số nhận điểm $I\left(-\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right)$ làm tâm đối xứng.

Lấy thêm các điểm $A\left(0; \frac{2}{3}\right)$ và $B(-2; 0)$.

2. Ta có thể lựa chọn một trong hai cách:

Cách 1: Nhận thấy rằng:

ΔOAB vuông cân tại $O \Rightarrow$ Đường thẳng AB có hệ số góc bằng ± 1 .

Hoành độ tiếp điểm của tiếp tuyến với đồ thị (C) là nghiệm của phương trình:

$$y' = \pm 1 \Leftrightarrow -\frac{1}{(2x+3)^2} = \pm 1 \Leftrightarrow (2x+3)^2 = \pm 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = -1 \end{cases}$$

Khi đó, ta lần lượt có:

- Với $x = -2$, ta được tiếp tuyến (d_1) có dạng $y = -x - 2$.
- Với $x = -1$, ta được tiếp tuyến (d_2) có dạng $y = -x$, tiếp tuyến này bị loại bởi nó đi qua gốc tọa độ O .

Vậy, tiếp tuyến cần tìm có phương trình $y = -x - 2$.

Cách 2: Điểm $M(a; y(a))$ thuộc đồ thị hàm số, khi đó phương trình tiếp tuyến tại M có dạng:

$$(d): y = y'(a)(x - a) + y(a) \Leftrightarrow (d): y = -\frac{1}{(2a+3)^2}(x - a) + \frac{a+2}{2a+3}$$

$$\Leftrightarrow (d): y = -\frac{1}{(2a+3)^2}x + \frac{2a^2+8a+6}{(2a+3)^2}$$

Toạ độ giao điểm A của tiếp tuyến (d) với Ox là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} y = 0 \\ y = -\frac{1}{(2a+3)^2}x + \frac{2a^2+8a+6}{(2a+3)^2} \end{cases} \Rightarrow A(2a^2+8a+6; 0)$$

Toạ độ giao điểm B của tiếp tuyến (d) với Oy là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = -\frac{1}{(2a+3)^2}x + \frac{2a^2+8a+6}{(2a+3)^2} \end{cases} \Rightarrow B\left(0; \frac{2a^2+8a+6}{(2a+3)^2}\right)$$

Để ΔOAB cân tại A điều kiện là:

$$OA = OB \Leftrightarrow |2a^2+8a+6| = \left|\frac{2a^2+8a+6}{(2a+3)^2}\right| \Leftrightarrow (2a+3)^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} a = -2 \\ a = -1 \end{cases}$$

Khi đó, ta lần lượt có:

- Với $a = -2$, ta được tiếp tuyến (d_1) có dạng $y = -x - 2$.
- Với $a = -1$, ta được tiếp tuyến (d_2) có dạng $y = -x$, tiếp tuyến này bị loại bởi nó đi qua gốc tọa độ O .

Vậy, tiếp tuyến cần tìm có phương trình $y = -x - 2$.

Câu II.

$$1. \text{ Điều kiện: } (1+2\sin x)(1-\sin x) \neq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x \neq -\frac{1}{2} \\ \sin x \neq 1 \end{cases} \quad (*)$$

Với điều kiện $(*)$ biến đổi tương đương phương trình về dạng:

$$(1-2\sin x)\cos x = \sqrt{3}(1+2\sin x)(1-\sin x)$$

$$\Leftrightarrow \cos x - 2\sin x \cdot \cos x = \sqrt{3}(1-2\sin^2 x + \sin x)$$

$$\Leftrightarrow \cos x - \sin 2x = \sqrt{3}(\cos 2x + \sin x)$$

$$\Leftrightarrow \cos x - \sqrt{3}\sin x = \sqrt{3}\cos 2x + \sin 2x$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}\cos x - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}\cos 2x + \frac{1}{2}\sin 2x \Leftrightarrow \cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \cos\left(2x - \frac{\pi}{6}\right)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - \frac{\pi}{6} = x + \frac{\pi}{3} + 2k\pi \\ 2x - \frac{\pi}{6} = -x - \frac{\pi}{3} + 2k\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \\ x = -\frac{\pi}{18} + k\frac{2\pi}{3} \end{cases}, k \in \mathbb{Z}$$

Kết hợp với $(*)$, ta được nghiệm của phương trình là: $x = -\frac{\pi}{18} + k\frac{2\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$.

$$2. \text{ Điều kiện: } 6 - 5x \geq 0 \Leftrightarrow x \leq \frac{6}{5}$$

$$\text{Sử dụng hai ẩn phụ: } \begin{cases} u = \sqrt[3]{3x-2} \\ v = \sqrt{6-5x}, v \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u^3 = 3x-2 \\ v^2 = 6-5x \end{cases} \Rightarrow 5u^3 + 3v^2 = 8$$

Khi đó, phương trình được chuyển thành hệ:

$$\begin{cases} 2u + 3v - 8 = 0 \\ 5u^3 + 3v^2 = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} v = \frac{8-2u}{3} \\ 5u^3 + 3\left(\frac{8-2u}{3}\right)^2 = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} v = \frac{8-2u}{3} \\ 15u^3 + 4u^2 - 32u + 40 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} v = \frac{8-2u}{3} \\ (u+2)(15u^2 - 26u + 20) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u = -2 \\ v = 4 \text{ (thỏa mãn)} \end{cases} \Rightarrow \sqrt{6-5x} = 4$$

$$\Leftrightarrow 6-5x = 16 \Leftrightarrow x = -2.$$

Vậy, phương trình có nghiệm duy nhất $x = -2$.

Câu III. Biến đổi I về dạng:

$$I = \int_0^{\pi/2} (\cos^5 x - \cos^2 x) dx = \underbrace{\int_0^{\pi/2} \cos^5 x dx}_{I_1} - \underbrace{\int_0^{\pi/2} \cos^2 x dx}_{I_2}. \quad (1)$$

Ta lần lượt:

▪ Với I_2 ta sử dụng công thức hạ bậc:

$$I_2 = \frac{1}{2} \int_0^{\pi/2} (1 + \cos 2x) dx = \frac{1}{2} \left(x + \frac{1}{2} \sin 2x \right) \Big|_0^{\pi/2} = \frac{\pi}{4}. \quad (2)$$

▪ Với I_1 ta sử dụng phép biến đổi:

$$I_1 = \int_0^{\pi/2} \cos^4 x \cdot \cos x dx = \int_0^{\pi/2} (1 - \sin^2 x)^2 \cdot \cos x dx.$$

Đặt $t = \sin x$, suy ra $dt = \cos x dx$.

Đổi cận:

- Với $x = 0$ thì $t = 0$.

- Với $x = \frac{\pi}{2}$ thì $t = 1$.

Khi đó:

$$I_1 = \int_0^1 (1-t^2)^2 dt = \int_0^1 (1-2t^2+t^4) dt = \left(t - \frac{2}{3}t^3 + \frac{1}{5}t^5 \right) \Big|_0^1 = \frac{8}{15}. \quad (3)$$

Thay (2), (3) vào (1), ta được $I = \frac{8}{15} - \frac{\pi}{4}$.

Câu IV. Bạn đọc tự vẽ hình.

Vì (SBI) và (SCI) cùng vuông góc với mặt phẳng (ABCD) nên:

$$SI \perp (ABCD) \Rightarrow V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SI \cdot S_{ABCD}. \quad (1)$$

$$\text{Ta có ngay: } S_{ABCD} = \frac{1}{2} (AB + CD) AD = 3a^2. \quad (2)$$

Gọi K là hình chiếu vuông góc của S trên BC, suy ra:

$IK \perp BC$ (định lý ba đường vuông góc)

$\Rightarrow g((SBC) \text{ và } (ABCD)) = \widehat{SKI} = 60^\circ$.

Ta có nhận xét: $S_{\Delta IBC} = S_{ABCD} - (S_{\Delta IAB} + S_{\Delta ICD}) = 3a^2 - \frac{3a^2}{2} = \frac{3a^2}{2}$.

Mặt khác, ta cũng có:

$$S_{\Delta IBC} = \frac{1}{2} IK \cdot BC = \frac{1}{2} IK \cdot \sqrt{(AB - CD)^2 + AD^2}$$

$$\Leftrightarrow IK = \frac{2S_{\Delta IBC}}{\sqrt{(AB - CD)^2 + AD^2}} = \frac{3a\sqrt{5}}{5}.$$

Trong ΔSIK , ta có: $SI = IK \cdot \tan \widehat{SKI} = \frac{3a\sqrt{5}}{5} \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a\sqrt{15}}{5}. \quad (3)$

Thay (2), (3) vào (1), ta được $V_{S.ABCD} = \frac{3a^3\sqrt{15}}{5}$.

Câu V. Đặt: $\begin{cases} a = x + y \\ b = x + z \\ c = y + z \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2}(a + b - c) \\ y = \frac{1}{2}(a - b + c) \\ z = \frac{1}{2}(-a + b + c) \end{cases}$

Khi đó, điều kiện $x(x + y + z) = 3yz$ trở thành:

$$c^2 = a^2 + b^2 - ab. \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow c^2 = (a + b)^2 - 3ab \geq (a + b)^2 - \frac{3}{4}(a + b)^2 = \frac{1}{4}(a + b)^2$$

$$\Leftrightarrow a + b \leq 2c. \quad (2)$$

Bất đẳng thức cần chứng minh tương đương với:

$$a^3 + b^3 + 3abc \leq 5c^3 \Leftrightarrow (a + b)(a^2 + b^2 - ab) + 3abc \leq 5c^3$$

$$\stackrel{(1)}{\Leftrightarrow} (a + b)c^2 + 3abc \leq 5c^3 \Leftrightarrow (a + b)c + 3ab \leq 5c^2. \quad (3)$$

$$\text{Từ (2), ta có: } (a + b)c \leq 2c^2. \quad (4)$$

Mặt khác:

$$ab \leq \frac{1}{4}(a + b)^2 \leq \frac{1}{4}(2c)^2 = c^2 \Leftrightarrow 3ab \leq 3c^2. \quad (5)$$

Cộng theo vế (4) và (5) ta được bất đẳng thức cần chứng minh (3).

Dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi:

$$\begin{cases} c^2 = a^2 + b^2 - ab \\ a = b = c \end{cases} \Leftrightarrow x = y = z.$$

Câu VI.a

1. Gọi N là điểm đối xứng với M qua I, suy ra $N(11; -1)$ và N thuộc đường thẳng CD.

Ta lần lượt:

- Vì E thuộc đường thẳng (Δ) nên $E(x; 5-x)$, khi đó:

$$\overline{IE}(x-6; 3-x) \text{ và } \overline{NE}(x-11; 6-x).$$

- Vì E là trung điểm của CD nên:

$$IE \perp NE \Leftrightarrow \overline{IE} \cdot \overline{NE} = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-6)(x-11) + (3-x)(6-x) = 0 \Leftrightarrow x^2 - 13x + 42 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 6 \text{ hoặc } x = 7.$$

Ta lần lượt:

- Với $x = 6$ thì phương trình đường thẳng AB được cho bởi:

$$(AB): \begin{cases} \text{Qua } M(1; 5) \\ \text{vptt } \overline{IE}(0; -3) \end{cases} \Leftrightarrow (AB): y - 5 = 0.$$

- Với $x = 7$ thì phương trình đường thẳng AB được cho bởi:

$$(AB): \begin{cases} \text{Qua } M(1; 5) \\ \text{vptt } \overline{IE}(1; -4) \end{cases} \Leftrightarrow (AB): x - 4y + 19 = 0.$$

Vậy, bài toán có hai nghiệm về phương trình đường thẳng (AB).

- Mặt cầu (S) có tâm I(1; 2; 3) và bán kính $R = 5$.

Ta có:

$$d(I, (P)) = \frac{|2 \cdot 1 - 2 \cdot 2 - 1 \cdot 3 - 4|}{\sqrt{4 + 4 + 1}} = 3 < R$$

$\Rightarrow (P) \cap (S) = \{(C)\}$ là một đường tròn nằm trong mặt phẳng (P).

Đường tròn (C) có bán kính r và tâm H là hình chiếu vuông góc của I lên (P).

- Bán kính r được cho bởi: $r = \sqrt{R^2 - IH^2} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$.

- Gọi (d) là đường thẳng qua I và vuông góc với (P) (có vtcp $\overline{n_p}(2; -2; -1)$), ta có:

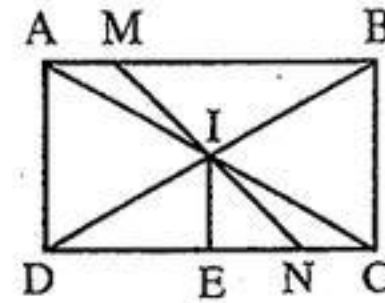
$$(d): \begin{cases} \text{Qua } I(1; 2; 3) \\ \text{vtcp } \overline{n_p}(2; -2; -1) \end{cases} \Leftrightarrow (d): \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - 2t, t \in \mathbb{R}. \\ z = 3 - t \end{cases}$$

- Khi đó, tọa độ của H là nghiệm x, y, z của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - 2t \\ z = 3 - t \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - 2t \\ z = 3 - t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 0 \\ z = 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow H(3; 0; 2).$$

Vậy, mặt phẳng (P) cắt mặt cầu (S) theo một đường tròn (C) có bán kính bằng 4 và tâm H(3; 0; 2).



Câu VII.a. Với phương trình: $z^2 + 2z + 10 = 0$ ta có:

$$\Delta' = 1 - 10 = -9 = 9i^2 \Rightarrow z_1 = -1 + 3i \text{ và } z_2 = -1 - 3i.$$

$$\text{Từ đó, suy ra: } A = |z_1|^2 + |z_2|^2 = [(-1)^2 + 3^2] + [(-1)^2 + (-3)^2] = 20.$$

Câu VI.b

- Đường tròn (C) có tâm I(-2; -2) và bán kính $R = \sqrt{2}$.

Nhận xét rằng:

$$S_{\Delta IAB} = \frac{1}{2} IA \cdot IB \cdot \sin \widehat{AIB} \leq \frac{1}{2} IA \cdot IB$$

từ đó, suy ra $(S_{\Delta IAB})_{\max} = \frac{1}{2} IA \cdot IB$, đạt được khi:

$$\sin \widehat{AIB} = 1 \Leftrightarrow \widehat{AIB} = 90^\circ \Leftrightarrow IA \perp IB \Leftrightarrow d(I, (\Delta)) = \frac{R}{\sqrt{2}}$$

$$\Leftrightarrow \frac{|-2 - 2m - 2m + 3|}{\sqrt{1 + m^2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \frac{|1 - 4m|}{\sqrt{1 + m^2}} = 1 \Leftrightarrow (1 - 4m)^2 = 1 + m^2$$

$$\Leftrightarrow 15m^2 - 8m = 0 \Leftrightarrow m = 0 \text{ hoặc } m = \frac{8}{15}.$$

Vậy, với $m = 0$ hoặc $m = \frac{8}{15}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

- Ta lần lượt:

- Chuyển phương trình đường thẳng (Δ_1) về dạng tham số: $(\Delta_1): \begin{cases} x = t - 1 \\ y = t \\ z = 6t - 9 \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$

Khi đó, điểm M thuộc (Δ_1) thì $M(t-1; t; 6t-9)$.

- Đường thẳng (Δ_2) đi qua điểm A(1; 3; -1) và có vtcp $\overline{u_2}(2; 1; -2)$.

Khi đó, ta lần lượt có:

- Khoảng cách từ M tới đường thẳng (Δ_2) được cho bởi:

$$d_1 = d(M, (\Delta_2)) = \frac{[\overline{MA}, \overline{u_2}]}{|\overline{u_2}|} = \sqrt{29t^2 - 88t + 68}.$$

- Khoảng cách từ M tới mặt phẳng (P) được cho bởi:

$$d_2 = d(M, (P)) = \frac{|t - 1 - 2t + 12t - 18 - 1|}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + 2^2}} = \frac{|11t - 20|}{3}.$$

Từ đó, để $d_1 = d_2$ điều kiện là:

$$\sqrt{29t^2 - 88t + 68} = \frac{|11t - 20|}{3} \Leftrightarrow 35t^2 - 88t + 53 = 0 \Leftrightarrow t = 1 \text{ hoặc } t = \frac{53}{35}.$$

Từ đó:

- Với $t = 1$ ta được điểm $M_1(0; 1; -3)$.
- Với $t = \frac{53}{35}$ ta được điểm $M_2\left(\frac{18}{35}; \frac{53}{35}; \frac{3}{35}\right)$.

Vậy, tồn tại hai điểm M_1, M_2 thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.b. Điều kiện $xy > 9$.

Biến đổi tương đương hệ phương trình về dạng:

$$\begin{cases} \log_2(x^2 + y^2) = \log_2(2xy) \\ 3^{x^2 - xy + y^2} = 3^4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 2xy \\ x^2 - xy + y^2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y \\ x^2 - x^2 + x^2 = 4 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = y \\ x = \pm 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = y = 2 \\ x = y = -2 \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có hai cặp nghiệm $(2; 2)$ và $(-2; -2)$.

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2009

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số:

$$y = 2x^4 - 4x^2. \quad (1)$$

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số (1).
- Với giá trị nào của m phương trình $x^2 |x^2 - 2| = m$ có đúng 6 nghiệm phân biệt.

Câu II: (2 điểm)

- Giải phương trình: $\sin x + \cos x \cdot \sin 2x + \sqrt{3} \cos 3x = 2(\cos 4x + \sin^3 x)$.
- Giải hệ phương trình: $\begin{cases} xy + x + 1 = 7y \\ x^2 y^2 + xy + 1 = 13y^2 \end{cases}$.

Câu III: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_1^3 \frac{3 + \ln x}{(x+1)^2} dx$.

Câu IV: (1 điểm): Cho hình lăng trụ tam giác $ABC.A'B'C'$ có $BB' = a$, góc giữa đường thẳng BB' và mặt phẳng (ABC) bằng 60° , ΔABC vuông tại C và $\widehat{BAC} = 60^\circ$. Hình chiếu vuông góc của điểm B' trên mặt phẳng (ABC) trùng với trọng tâm của ΔABC . Tính thể tích khối tứ diện $A'ABC$ theo a .

Câu V: (1 điểm): Cho các số thực x, y thay đổi thỏa mãn $(x+y)^3 + 4xy \geq 2$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$A = 3(x^4 + y^4 + x^2 y^2) - 2(x^2 + y^2) + 1.$$

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm)

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

- Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho đường tròn (C) và hai đường thẳng $(\Delta_1), (\Delta_2)$ có phương trình:

$$(C): (x-2)^2 + y^2 = \frac{4}{5}, (\Delta_1): x - y = 0, (\Delta_2): x - 7y = 0$$

Xác định tọa độ tâm K và bán kính của đường tròn (C_1) , biết đường tròn (C_1) tiếp xúc với các đường thẳng $(\Delta_1), (\Delta_2)$ và tâm K thuộc đường tròn (C).

- Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho tứ diện ABCD có các đỉnh $A(1; 2; 1), B(-2; 1; 3), C(2; -1; 1)$ và $D(0; 3; 1)$. Viết phương trình mặt phẳng (P) đi qua A, B sao cho khoảng cách từ C tới (P) bằng khoảng cách từ D tới (P).

Câu VII. a (1 điểm): Tìm số phức thỏa mãn: $\begin{cases} |z - (2+i)| = \sqrt{10} \\ z \cdot \bar{z} = 25 \end{cases}$

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu VI. b (2 điểm)

- Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho ΔABC cân tại A có đỉnh $A(-1; 4)$ và các đỉnh B, C thuộc đường thẳng $(\Delta): x - y - 4 = 0$. Xác định tọa độ điểm B và C, biết diện tích ΔABC bằng 18.
- Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm $A(-3; 0; 1), B(1; -1; 3)$ và mặt phẳng (P) phương trình:

$$(P): x - 2y + 2z - 5 = 0.$$

Trong các đường thẳng đi qua A và song song với (P), hãy viết phương trình đường thẳng mà khoảng cách từ B đến đường thẳng đó là nhỏ nhất.

Câu VII.b (1 điểm): Tìm giá trị của tham số m để đường thẳng $y = -x + m$ cắt đồ thị hàm số $y = \frac{x^2 - 1}{x}$ tại hai điểm phân biệt A, B sao cho $AB = 4$.

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

- Với hàm số: $y = f(x) = ax^4 + bx^2 + c$, với $a \neq 0$ ta lần lượt có:

Miền xác định $D = \mathbb{R}$.

Đạo hàm:

- Đạo hàm cấp một: $y' = 4ax^3 + 2bx = 2x(2ax^2 + b)$.

Phương trình $y' = 0$ hoặc có một nghiệm ($a, b \geq 0$) hoặc có ba nghiệm phân biệt. Do đó hàm số hoặc chỉ có một cực trị hoặc có ba cực trị.

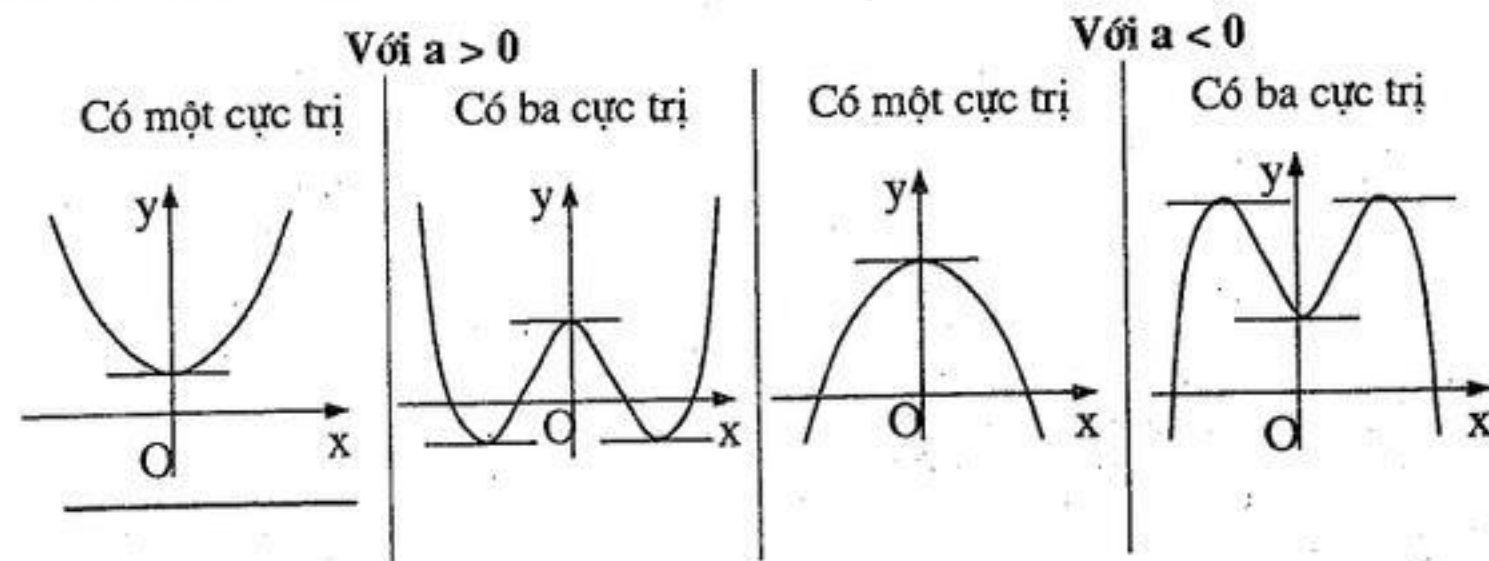
- Đạo hàm cấp hai: $y'' = 12ax^2 + 2b$.

Do đó hàm số hoặc có hai điểm uốn hoặc không có điểm uốn.

Giới hạn: $\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} ax^4(1 + \frac{b}{ax^2} + \frac{c}{ax^4}) = \begin{cases} +\infty & \text{khi } a > 0 \\ -\infty & \text{khi } a < 0 \end{cases}$

Bảng biến thiên: Dấu của y' phụ thuộc vào dấu của a ($a > 0$ hay $a < 0$) và dấu của a, b , do đó ta có bốn trường hợp biến thiên khác nhau.

Đồ thị của hàm số: Do có bốn trường hợp khác nhau về chiều biến thiên nên đồ thị của hàm trùng phương có bốn dạng sau đây:



ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Ta lần lượt có:

a. Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

b. Sự biến thiên của hàm số:

▪ Giới hạn của hàm số tại vô cực:

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} [2x^4(1 - \frac{2}{x^2})] = +\infty.$$

▪ Bảng biến thiên: $y' = 8x^3 - 8x$, $y' = 0 \Leftrightarrow 8x^3 - 8x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
y'	$-$	0	$+$	0	$+$
y	$+\infty$	CT -2	CĐ 0	CT -2	$+\infty$

▪ Điểm uốn: $y'' = 24x^2 - 8$, $y'' = 0 \Leftrightarrow 24x^2 - 8 = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$.

Vì y'' đổi dấu khi x qua các điểm $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}$ nên đồ thị hàm số có hai điểm uốn là

$$U_1\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}; -\frac{10}{9}\right) \text{ và } U_2\left(\frac{1}{\sqrt{3}}; -\frac{10}{9}\right).$$

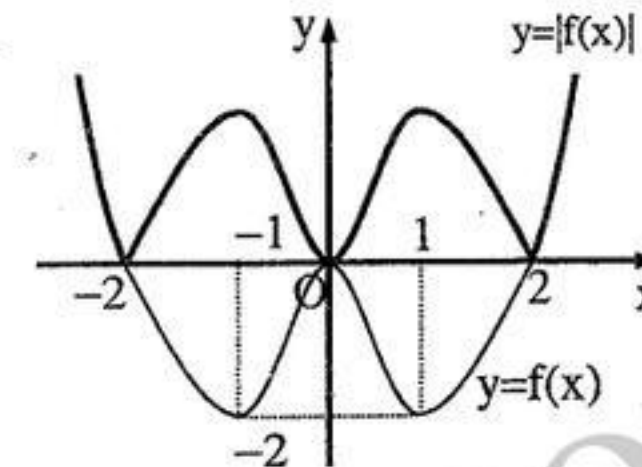
c. Đồ thị của hàm số: Ta tìm thêm vài điểm trên đồ thị $A(-2; 0)$, $B(2; 0)$.

2. Viết lại phương trình dưới dạng: $|2x^4 - 4x^2| = 2m$ phương trình có đúng 6 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi đường thẳng $y = 2m$ cắt đồ thị hàm số $y = |2x^4 - 4x^2|$ tại 6 điểm phân biệt.

Đồ thị $y = |2x^4 - 4x^2|$ gồm:

✦ Phần từ trục hoành trở lên của đồ thị (C): $y = 2x^4 - 4x^2$.

✦ Đối xứng phần đồ thị (C) phía dưới trục hoành qua trục hoành.



Từ đồ thị, yêu cầu của bài toán được thỏa mãn khi và chỉ khi: $0 < 2m < 2 \Leftrightarrow 0 < m < 1$.

Câu II.

1. Biến đổi phương trình về dạng:

$$(\sin x - 2\sin^3 x) + \cos x \cdot \sin 2x + \sqrt{3} \cos 3x = 2 \cos 4x$$

$$\Leftrightarrow (1 - 2\sin^2 x) \sin x + \cos x \cdot \sin 2x + \sqrt{3} \cos 3x = 2 \cos 4x$$

$$\Leftrightarrow \cos 2x \cdot \sin x + \cos x \cdot \sin 2x + \sqrt{3} \cos 3x = 2 \cos 4x$$

$$\Leftrightarrow \sin 3x + \sqrt{3} \cos 3x = 2 \cos 4x \Leftrightarrow \frac{1}{2} \sin 3x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos 3x = \cos 4x$$

$$\Leftrightarrow \cos\left(3x - \frac{\pi}{6}\right) = \cos 4x$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 4x = 3x - \frac{\pi}{6} + 2k\pi \\ 4x = -3x + \frac{\pi}{6} + 2k\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{6} + 2k\pi \\ x = \frac{\pi}{42} + k\frac{2\pi}{7} \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có hai họ nghiệm.

2. Vì $y = 0$ không phải là nghiệm của phương trình nên ta biến đổi:

$$\begin{cases} x + \frac{x}{y} + \frac{1}{y} = 7 \\ x^2 + \frac{x}{y} + \frac{1}{y^2} = 13 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left(x + \frac{1}{y}\right) + \frac{x}{y} = 7 \\ \left(x + \frac{1}{y}\right)^2 - \frac{x}{y} = 13 \end{cases}$$

Đặt $u = x + \frac{1}{y}$ và $v = \frac{x}{y}$, hệ phương trình được biến đổi về dạng:

$$\begin{cases} u+v=7 \\ u^2-v=13 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u+v=7 \\ u^2+u-20=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u+v=7 \\ u=-5 \\ u=4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u=-5 & v=12 \\ u=4 & v=3 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

▪ Với $u = -5$ và $v = 12$ thì:

$$\begin{cases} x + \frac{1}{y} = -5 \\ \frac{x}{y} = 12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 12y + \frac{1}{y} = -5 \\ x = 12y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 12y^2 + 5y + 1 = 0 \\ x = 12y \end{cases}, \text{ vô nghiệm.}$$

▪ Với $u = 4$ và $v = 3$ thì:

$$\begin{cases} x + \frac{1}{y} = 4 \\ \frac{x}{y} = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3y + \frac{1}{y} = 4 \\ x = 3y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3y^2 - 4y + 1 = 0 \\ x = 3y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 \\ y = 1/3 \\ x = 3y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 & y = 1 \\ x = 1 & y = 1/3 \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có hai cặp nghiệm $(3; 1)$ và $(1; \frac{1}{3})$.

Câu III. Đặt: $\begin{cases} u = 3 + \ln x \\ dv = \frac{dx}{(x+1)^2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = \frac{dx}{x} \\ v = -\frac{1}{x+1} \end{cases}$

Khi đó: $I = -\frac{3 + \ln x}{x+1} \Big|_1^3 + \int_1^3 \frac{dx}{x(x+1)} = \frac{3 - \ln 3}{4} + \int_1^3 \frac{dx}{x(x+1)} \quad (1)$

Với I' , ta có: $\frac{1}{x(x+1)} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x+1} = \frac{(A+B)x + A}{x(x+1)} \Rightarrow \begin{cases} A+B=0 \\ A=1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} A=1 \\ B=-1 \end{cases}$

Từ đó, tích phân I' được viết lại dưới dạng:

$$I' = \int_1^3 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} \right) dx = (\ln|x| - \ln|x+1|) \Big|_1^3 = \ln \left| \frac{x}{x+1} \right| \Big|_1^3 = \ln \frac{3}{2} \quad (2)$$

Thay (2) vào (1), ta được $I = \frac{3 - \ln 3}{4} + \ln \frac{3}{2}$.

Câu IV. Bạn đọc tự vẽ hình.

Gọi D là trung điểm của AC và G là trọng tâm ΔABC , ta có:

$$B'G \perp (ABC) \Rightarrow \widehat{B'BG} = 60^\circ,$$

$$B'G = BB' \cdot \sin \widehat{B'BG} = \frac{a\sqrt{3}}{2}, \quad BG = \frac{a}{2} \Rightarrow BD = \frac{3a}{4}.$$

Trong ΔABC , ta có:

$$BC = \frac{AB\sqrt{3}}{2}, \quad AC = \frac{AB}{2} \Rightarrow CD = \frac{AB}{4}$$

$$BC^2 + CD^2 = BD^2 \Leftrightarrow \frac{3AB^2}{4} + \frac{AB^2}{16} = \frac{9a^2}{16}$$

$$\Rightarrow AB = \frac{3a\sqrt{13}}{13}, \quad AC = \frac{3a\sqrt{13}}{26}, \quad S_{\Delta ABC} = \frac{9a^2\sqrt{3}}{104}.$$

$$\text{Khi đó: } V_{A'.ABC} = V_{B'.ABC} = \frac{1}{3} B'G \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{9a^3}{208}.$$

Câu V. Kết hợp bất đẳng thức $(x+y)^2 \geq 4xy$ với bất đẳng thức điều kiện, ta được:

$$(x+y)^3 + (x+y)^2 \geq 2 \Leftrightarrow x+y \geq 1.$$

$$\text{Khi đó: } A = \frac{3}{2}(x^2+y^2)^2 + \frac{3}{2}(x^4+y^4) - 2(x^2+y^2) + 1$$

$$\geq \frac{3}{2}(x^2+y^2)^2 + \frac{3}{4}(x^2+y^2)^2 - 2(x^2+y^2) + 1$$

$$= \frac{9}{4}(x^2+y^2)^2 - 2(x^2+y^2) + 1.$$

$$\text{Đặt } t = x^2 + y^2, \text{ ta có: } x^2 + y^2 \geq \frac{1}{2}(x+y)^2 \geq \frac{1}{2} \Rightarrow t \geq \frac{1}{2}.$$

$$\text{Ta được: } A \geq \frac{9}{4}t^2 - 2t + 1 = f(t) \geq f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{9}{16}.$$

$$\text{Vậy, ta có } A_{\min} = \frac{9}{16}, \text{ đạt được khi } x = y = \frac{1}{2}.$$

Câu VI.a

1. Giả sử $K(a; b)$, khi đó ta lần lượt có:

$$\begin{aligned} & \text{▪ Vì } K \text{ thuộc } (C) \text{ nên: } (a-2)^2 + b^2 = \frac{4}{5}. \quad (1) \\ & \text{▪ Vì } (C_1) \text{ tiếp xúc với các đường thẳng } (\Delta_1), (\Delta_2) \text{ nên:} \end{aligned}$$

$$d(K, (\Delta_1)) = d(K, (\Delta_2)) \Leftrightarrow \frac{|a-b|}{\sqrt{2}} = \frac{|a-7b|}{\sqrt{50}}$$

$$\Leftrightarrow 5|a-b| = |a-7b| \Leftrightarrow \begin{cases} 5(a-b) = a-7b \\ 5(a-b) = -a+7b \end{cases}$$

Khi đó, ta lần lượt:

- Với $5(a-b) = a-7b$ thì ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} b = -2a \\ (a-2)^2 + b^2 = \frac{4}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2a \\ (a-2)^2 + (-2a)^2 = \frac{4}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2a \\ 5a^2 - 4a + \frac{16}{5} = 0 \end{cases} \text{ vô nghiệm.}$$

- Với $5(a-b) = -a+7b$ thì ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} a = 2b \\ (a-2)^2 + b^2 = \frac{4}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ (2b-2)^2 + b^2 = \frac{4}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ 5b^2 - 8b + \frac{16}{5} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ b = \frac{4}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = \frac{8}{5} \\ b = \frac{4}{5} \end{cases} \Rightarrow K\left(\frac{8}{5}; \frac{4}{5}\right).$$

Và từ đó, bán kính đường tròn (C_1) được cho bởi: $R_1 = \frac{|a-b|}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{5}$.

Vậy, đường tròn (C_1) có tâm $K\left(\frac{8}{5}; \frac{4}{5}\right)$ và bán kính $R_1 = \frac{2\sqrt{2}}{5}$.

- Để mặt phẳng (P) cách đều hai điểm C, D chỉ có thể xảy ra hai trường hợp:

- (P) song song với CD .
- (P) đi qua trung điểm của CD .

Từ nhận xét trên, ta lần lượt:

- (P) song song với CD , suy ra:

$$(P): \begin{cases} \text{Qua } A \\ \text{Cặp vtcp } \overline{AB} \text{ và } \overline{CD} \end{cases} \Leftrightarrow (P): \begin{cases} \text{Qua } A(1; 2; 1) \\ \text{vtpt } \vec{n} = [\overline{AB}, \overline{CD}] = (-8; -4; -14) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (P): 4x + 2y + 7z - 15 = 0.$$

- (P) đi qua trung điểm $I(1; 1; 1)$ của CD , suy ra:

$$(P): \begin{cases} \text{Qua } A \\ \text{Cặp vtcp } \overline{AB} \text{ và } \overline{AI} \end{cases} \Leftrightarrow (P): \begin{cases} \text{Qua } A(1; 2; 1) \\ \text{vtpt } \vec{n} = [\overline{AB}, \overline{AI}] = (2; 0; 3) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (P): 2x + 3z - 5 = 0.$$

Vậy, tồn tại hai mặt phẳng (P) thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.a. Giả sử $z = a + bi$, ta có:

$$\begin{cases} |a + bi - (2 + i)| = \sqrt{10} \\ a^2 + b^2 = 25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} |a - 2 + (b - 1)i| = \sqrt{10} \\ a^2 + b^2 = 25 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} (a-2)^2 + (b-1)^2 = 10 \\ a^2 + b^2 = 25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2a + b = 10 \\ a^2 + b^2 = 25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 \text{ \& } b = 4 \\ a = 5 \text{ \& } b = 0 \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai số phức $z = 3 + 4i$ hoặc $z = 5$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VI.b

- Gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên (Δ) , suy ra H là trung điểm của BC và:

$$AH = d(A, (\Delta)) = \frac{9}{\sqrt{2}} \Rightarrow BC = \frac{2S_{\Delta ABC}}{AH} = 4\sqrt{2}.$$

$$AB = AC = \sqrt{AH^2 + \frac{BC^2}{4}} = \sqrt{\frac{97}{2}}.$$

Khi đó, tọa độ của B, C thỏa mãn hệ phương trình:

$$\begin{cases} x - y - 4 = 0 \\ (x+1)^2 + (y-4)^2 = \frac{97}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - y - 4 = 0 \\ x = 11/2 \\ x = 3/2 \end{cases}$$

Vậy, tọa độ hai điểm $B\left(\frac{11}{2}; \frac{3}{2}\right)$ và $C\left(\frac{3}{2}; -\frac{5}{2}\right)$ hoặc ngược lại.

- Gọi (d) là đường thẳng cần tìm.

Ta có:

- (d) nằm trong mặt phẳng (Q) qua A và song song với (P) , suy ra:

$$(Q): \begin{cases} \text{Qua } A \\ (Q) // (P) \end{cases} \Leftrightarrow (Q): x - 2y + 2z + 1 = 0.$$

- Gọi K, H theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của B trên (d) và (Q) , ta có:

$$BK > BH \Rightarrow AH \text{ là đường thẳng cần tìm.}$$

Từ đó, suy ra tọa độ của H thỏa mãn hệ phương trình:

$$\begin{cases} \frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-3}{2} \\ x - 2y + 2z + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1/9 \\ y = 11/9 \\ z = 7/9 \end{cases} \Rightarrow H\left(-\frac{1}{9}; \frac{11}{9}; \frac{7}{9}\right).$$

Khi đó, phương trình đường thẳng (d) được cho bởi:

$$(d): \begin{cases} \text{Qua } A(-3; 0; 1) \\ \text{vtcp } \overline{AH}\left(\frac{26}{9}; \frac{11}{9}; -\frac{2}{9}\right) \end{cases} \text{ chọn } (26; 11; -2)$$

$$\Leftrightarrow (d): \begin{cases} x = -3 + 26t \\ y = 11t \\ z = 1 - 2t \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$$

Câu VII.b. Phương trình hoành độ giao điểm của (d) với đồ thị hàm số là:

$$\frac{x^2 - 1}{x} = -x + m \Leftrightarrow f(x) = 2x^2 - mx - 1 = 0 \text{ với } x \neq 0. \quad (1)$$

Đường thẳng (d) cắt đồ thị hàm số tại hai điểm phân biệt khi:

$$\Delta_f > 0 \Leftrightarrow m^2 + 8 > 0, \text{ luôn đúng.}$$

Khi đó, (1) có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 là hoành độ của A, B thỏa mãn:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{m}{2} \\ x_1 \cdot x_2 = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

Để AB = 4, điều kiện là:

$$AB^2 = 16 \Leftrightarrow (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 = 16 \Leftrightarrow 2(x_1 - x_2)^2 = 16$$

$$\Leftrightarrow 2[(x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2] = 16 \Leftrightarrow \frac{m^2}{2} + 4 = 16 \Leftrightarrow m = \pm 2\sqrt{6}.$$

Vậy, với $m = \pm 2\sqrt{6}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2010

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số:

$$y = x^3 - 2x^2 + (1 - m)x + m, m \text{ là tham số thực. } (1)$$

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm số khi $m = 1$.
- Tìm m để đồ thị hàm số (1) cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2, x_3 thỏa mãn điều kiện $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 < 4$.

Câu II: (2 điểm)

$$1. \text{ Giải phương trình: } \frac{(1 + \sin x + \cos 2x) \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)}{1 + \tan x} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cos x.$$

$$2. \text{ Giải bất phương trình: } \frac{x - \sqrt{x}}{1 - \sqrt{2(x^2 - x + 1)}} \geq 1.$$

$$\text{Câu III: (1 điểm): Tính tích phân } I = \int_0^1 \frac{x^2 + e^x + 2x^2 e^x}{1 + 2e^x} dx.$$

Câu IV: (1 điểm): Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh a. Gọi M và N lần lượt là trung điểm của các cạnh AB và AC, H là giao điểm của CN với DM. Biết SH vuông góc với mặt phẳng (ABCD) và $SH = a\sqrt{3}$. Tính thể tích khối chóp S.CDNM và khoảng cách giữa hai đường thẳng DM và SC theo a.

$$\text{Câu V: (1 điểm): Giải hệ phương trình: } \begin{cases} (4x^2 + 1)x + (y - 3)\sqrt{5 - 2y} = 0 \\ 4x^2 + y^2 + 2\sqrt{3 - 4x} = 7 \end{cases}$$

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho hai đường thẳng $(d_1), (d_2)$ có phương trình:

$$(d_1): \sqrt{3}x + y = 0, (d_2): \sqrt{3}x - y = 0.$$

Gọi (T) là đường tròn tiếp xúc với (d_1) tại A, cắt (d_2) tại hai điểm B, C sao cho $\triangle ABC$ vuông tại B. Viết phương trình của (T), biết $\triangle ABC$ có diện tích bằng $\frac{\sqrt{3}}{2}$ và điểm A có hoành độ dương.

2. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $(\Delta): \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{-1}$ và mặt phẳng (P): $x - 2y + z = 0$. Gọi C là giao điểm của (Δ) với (P), M là điểm thuộc (Δ) . Tính khoảng cách từ M tới (P), biết $MC = \sqrt{6}$.

Câu VII.a (1 điểm): Tìm phần ảo của số phức z, biết $\bar{z} = (\sqrt{2} + i)^4 (1 - i\sqrt{2})$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu VI. b (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho $\triangle ABC$ cân tại A có đỉnh A(6; 6), đường thẳng đi qua trung điểm của các cạnh AB và AC có phương trình $x + y - 4 = 0$. Tìm tọa độ các đỉnh B và C, biết điểm E(1; -3) nằm trên đường cao đi qua điểm C của tam giác đã cho.

2. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm A(0; 0; -2) và đường thẳng $(\Delta): \frac{x+2}{2} = \frac{y-2}{5} = \frac{z+3}{2}$. Tính khoảng cách từ A đến (Δ) . Viết phương trình mặt cầu tâm A cắt (Δ) tại hai điểm B và C sao cho $BC = 8$.

$$\text{Câu VII.b (1 điểm): Cho số phức } z \text{ thỏa mãn } \bar{z} = \frac{(1 - i\sqrt{3})^3}{1 - i}.$$

Tìm môđun của số phức $\bar{z} + iz$.

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

- Tham khảo định hướng trong câu I.1 của đề toán khối B – 2008.
- Câu hỏi này thuộc dạng toán "Tính chất giao điểm của hai đồ thị", cụ thể "Tìm điều kiện của tham số để hai đồ thị hàm số $(C_1): y = f(x)$ và $(C_2): y = g(x)$ cắt nhau tại k giao điểm (phân biệt) thỏa mãn tính chất K", ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thiết lập phương trình hoành độ giao điểm:

$$f(x) = g(x). \quad (1)$$

Bước 2: Để xét tính chất của các giao điểm chúng ta khéo léo đưa về việc xét tính chất nghiệm của phương trình (1).

Chú ý: Các kết quả thường được sử dụng trong bước 2 là:

- Định lý Viét cho phương trình đa thức:

- Phương trình bậc hai $ax^2 + bx + c = 0$ ta có:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}, \text{ ngoài ra } |x_1 - x_2| = \frac{\sqrt{\Delta}}{a}.$$

- Phương trình bậc ba $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ ta có:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = -\frac{b}{a} \\ x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_3 x_1 = \frac{c}{a} \\ x_1 x_2 x_3 = -\frac{d}{a} \end{cases}$$

- Định lý đảo.

- Hàm số.

Câu II.

- Với phương trình lượng giác kiểu này (chứa $\tan x$ và chứa ẩn ở mẫu) ta thực hiện thông qua các bước sau:

Bước 1: Đặt điều kiện có nghĩa cho phương trình, cụ thể:

$$\begin{cases} \cos x \neq 0 \\ 1 + \tan x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \cos x \neq 0 \\ \tan x \neq -1 \end{cases} \quad (*)$$

Tới đây, các em học sinh có thể dừng lại hoặc giải tiếp hệ điều kiện đó tùy thuộc vào biến đổi nháp của bước 2.

Bước 2: Lựa chọn phép biến đổi lượng giác phù hợp để chuyển phương trình ban đầu về dạng phương trình lượng giác cơ bản, từ đó nhận được nghiệm cho phương trình theo $k \in \mathbb{Z}$.

Cụ thể, với phương trình này chúng ta cần khử mẫu số và công việc sẽ được bắt đầu bằng các đánh giá sau:

- Với phương trình hỗn hợp chứa $\sin$, $\cos$ và $\tan$ (hoặc $\cot$) thì thông thường ta cần chuyển đổi $\tan$ (hoặc $\cot$) về dạng $\sin$ và $\cos$, ta có:

$$1 + \tan x = 1 + \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\cos x + \sin x}{\cos x}.$$

- Với phương trình chứa các hàm lượng giác của nhiều cung khác nhau thì biến đổi tương đương về phương trình chỉ chứa các hàm lượng giác của một cung, ta có:

$$\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}(\sin x + \cos x).$$

- Như vậy, chúng ta đã nhận được phương trình dạng:

$$\sin x + \cos 2x = 0. \quad (1)$$

Và tới đây, các em học sinh có thể tiếp tục theo một trong hai hướng biến đổi:

Hướng 1: Sử dụng công thức góc nhân đôi biến đổi (1) về dạng phương trình bậc hai theo một hàm số lượng giác, cụ thể:

$$2\sin^2 x - \sin x - 1 = 0.$$

Hướng 2: Sử dụng phương trình lượng giác cơ bản, cụ thể:

$$\cos 2x = -\sin x \Leftrightarrow \cos 2x = \cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right).$$

Các em học sinh cần lựa chọn hướng biến đổi để tối ưu cho bước 3.

Bước 3: Kiểm tra điều kiện, từ đó kết luận về nghiệm của phương trình.

- Đây là bất phương trình không mẫu mực chứa căn bậc hai và được cho dưới dạng phân thức $\frac{P(x)}{Q(x)} \geq k$ (k là hằng số), do vậy để giải nó chúng ta cần có những đánh giá dẫn như sau:

- Nhận xét về dấu của $Q(x)$ để chuyển bất phương trình về dạng:

$$P(x) \geq k \cdot Q(x) \text{ hoặc } P(x) \leq k \cdot Q(x).$$

Với bài toán này, ta có:

$$Q(x) < 0 \Leftrightarrow 1 - \sqrt{2(x^2 - x + 1)} < 0 \Leftrightarrow \sqrt{2(x^2 - x + 1)} > 1$$

$$\Leftrightarrow 2(x^2 - x + 1) > 1 \Leftrightarrow 2x^2 - 2x + 1 > 0, \text{ luôn đúng.}$$

hoặc:

$$\sqrt{2(x^2 - x + 1)} = \sqrt{x^2 + (x-1)^2 + 1} > 1 \Rightarrow MS < 0$$

hoặc:

$$\sqrt{2(x^2 - x + 1)} = \sqrt{2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{2}} > \sqrt{\frac{3}{2}} > 1 \Rightarrow MS < 0$$

- Suy ra, bất phương trình được biến đổi về dạng:

$$x - \sqrt{x} \leq 1 - \sqrt{2(x^2 - x + 1)} \Leftrightarrow \sqrt{2(x^2 - x + 1)} \leq 1 - x + \sqrt{x}. \quad (1)$$

Tới đây, việc lựa chọn phương pháp giải cho bất phương trình (1) sẽ được dựa theo dạng xuất phát cơ bản là $\sqrt{f} \leq g$. Tuy nhiên, như đã trình bày trong phần cấu trúc đề thi đại học môn toán thì đây luôn là câu hỏi khó nên các em học sinh cần có kiến thức rất tốt mới có thể tiếp tục được. Cụ thể, chúng ta sẽ lựa chọn một trong các hướng sau:

Hướng 1: Sử dụng phép biến đổi tương đương: $\sqrt{f} \leq g \Leftrightarrow \begin{cases} g \geq 0 \\ f \leq g^2 \end{cases}$.

Và với hướng này cần có kinh nghiệm tốt trong việc biến đổi đại số.

Hướng 2: Sử dụng ẩn phụ $t = \sqrt{x}$ ($t \geq 0$) và phép biến đổi tương đương giống như hướng 1 để nhận được một bất phương trình bậc 4 theo t .

Hướng 3: Sử dụng ẩn phụ t là tổ hợp của $\sqrt{x}$ và phép biến đổi tương đương giống như hướng 1 để nhận được một bất phương trình bậc 2 theo t . Cụ thể trong bài toán này chúng ta sẽ đặt $t = \frac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x}$.

Hướng 4: Sử dụng phương pháp đánh giá (nếu có thể). Cụ thể trong bài toán này chúng ta sử dụng bất đẳng thức $2(a^2 + b^2) \geq (a + b)^2$ bởi ta có biến đổi:

$$\begin{aligned} \sqrt{2(x^2 - x + 1)} &= \sqrt{2[(1-x)^2 + (\sqrt{x})^2]} \\ &\geq \sqrt{(1-x + \sqrt{x})^2} = 1 - x + \sqrt{x}. \end{aligned}$$

Câu III. Chỉ cần đánh giá được TS là:

$$TS = x^2(1 + 2e^x) + e^x$$

chúng ta thấy ngay rằng I sẽ được tách thành hai tích phân nhỏ, cụ thể:

$$I = \int_0^1 \frac{x^2(1 + 2e^x) + e^x}{1 + 2e^x} dx = \int_0^1 \left(x^2 + \frac{e^x}{1 + 2e^x} \right) dx = \underbrace{\int_0^1 x^2 dx}_{I_1} + \underbrace{\int_0^1 \frac{e^x}{1 + 2e^x} dx}_{I_2}$$

và việc tính I_1, I_2 là khá đơn giản.

Câu IV. Các em học sinh có thể thấy:

1. Với khối chóp S.CDNM, ta có ngay: $V_{S.CDNM} = \frac{1}{3} S_{CDNM} \cdot SH$.

Trong đó, độ dài của SH đã biết nên công việc còn lại chỉ là tính diện tích tứ giác CDN M – một tứ giác không mẫu mực. Với trường hợp này ta có thể lựa chọn một trong hai hướng:

Hướng 1: Tách tứ giác CDN M thành các hình cơ bản, thí dụ:

$$S_{CDNM} = S_{ACDN} + S_{ACNM}$$

Hướng 2: Nhúng tứ giác CDN M trong một hình cơ bản, thí dụ:

$$S_{CDNM} = S_{ABCD} - (S_{AAMN} + S_{ABCM})$$

Với bài toán này ta sẽ đi chọn hướng 2 bởi các hình cơ sở trong đó là hình vuông, tam giác vuông có độ dài cho trước.

2. Để tính khoảng cách giữa DM và SC, chúng ta chỉ cần thực hiện:

- Tìm đoạn vuông góc chung của DM và SC, cụ thể với các em học sinh có kiến thức hình học phẳng vững sẽ dễ nhận thấy rằng:

$$DM \perp CN \Rightarrow DM \perp (SHC) \Rightarrow DM \perp SC$$

Suy ra, chỉ cần dựng HK vuông góc với SC chúng ta nhận được:

$$d(DM, SC) = HK.$$

- Để tính HK ta sử dụng công thức đường cao trong $\triangle SHC$ vuông tại H, cụ thể:

$$\frac{1}{HK^2} = \frac{1}{HS^2} + \frac{1}{HC^2}.$$

Trong công thức trên, ta cần tính thêm độ dài của CH dựa vào công thức hình chiếu trong $\triangle CDN$ vuông tại D.

Câu V. Hệ phương trình được cho dưới dạng không mẫu mực với đặc tính quan trọng là "Các biến x, y được cho trong các biểu thức độc lập", ta có thể tổng quát nó dưới dạng:

$$\begin{cases} f_1(x) - g_1(y) = 0 \\ f_2(x) + g_2(y) = k \end{cases}$$

Với hệ phương trình này dẫn dắt ta tới nhận định rằng "Có thể sử dụng phương pháp thế để giải hệ", và để sử dụng được phương pháp này ta cần rút được x hoặc y từ một trong hai phương trình của hệ.

Ở bài toán này ta sẽ xuất phát từ phương trình thứ nhất của hệ, bởi nó có dạng:

$$f_1(x) = g_1(y).$$

Ta đều biết rằng với phương trình hai ẩn phương pháp thường được sử dụng là:

- Biến đổi phương trình về dạng tích.
- Hàm số, dựa trên tính chất:

"Nếu $f(x) = f(y)$ và hàm số $f(t)$ đơn điệu trên D thì $x = y$ trên D "

cụ thể:

$$(4x^2 + 1)x = (3 - y)\sqrt{5 - 2y} \Leftrightarrow 2(4x^2 + 1)x = (6 - 2y)\sqrt{5 - 2y}$$

$$\Leftrightarrow [(2x)^2 + 1]2x = [(5 - 2y) + 1]\sqrt{5 - 2y}$$

$$\Leftrightarrow [(2x)^2 + 1]2x = [(\sqrt{5 - 2y})^2 + 1]\sqrt{5 - 2y}$$

$$\Leftrightarrow f(2x) = f(\sqrt{5 - 2y}) \quad (1)$$

trong đó $f(t) = (t^2 + 1)t$.

Ta có nhận xét:

$$f(t) = t^3 + t \Rightarrow f'(t) = 3t^2 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$$

$\Rightarrow$ Hàm số $f(t)$ đồng biến trên $\mathbb{R}$

do đó (1) được chuyển về dạng:

$$2x = \sqrt{5-2y} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x \geq 0 \\ 4x^2 = 5-2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ y = \frac{5}{2} - 2x^2 \end{cases}$$

Tới đây, bằng việc thế $y = \frac{5}{2} - 2x^2$ vào phương trình thứ hai của hệ chúng ta sẽ nhận được một phương trình với ẩn x đúng như mong đợi, cụ thể ta được:

$$4x^2 + \left(\frac{5}{2} - 2x^2\right)^2 + 2\sqrt{3-4x} = 7. \quad (2)$$

Tuy nhiên, đây lại là một phương trình chứa căn bậc hai không mẫu mực, nên việc sử dụng phương pháp biến đổi tương đương hoặc phương pháp đặt ẩn phụ là không khả thi. Từ đó, ta chỉ còn có thể lựa chọn phương pháp đánh giá:

- Sử dụng các phép biến đổi đại số để chuyển phương trình về dạng tổng các đại lượng không âm – Không khả thi.
- Sử dụng bất đẳng thức – Không khả thi.
- Hàm số, dựa trên tính chất:

"Với phương trình $f(x) = k$ có $f(x_0) = k$ và hàm số $f(x)$ đơn điệu trên D thì x_0 là nghiệm duy nhất của phương trình trên D"

cụ thể:

Xét hàm số $g(x) = 4x^2 + \left(\frac{5}{2} - 2x^2\right)^2 + 2\sqrt{3-4x}$ trên $D = \left[0; \frac{3}{4}\right]$, ta có:

$$g'(x) = 8x - 8x\left(\frac{5}{2} - 2x^2\right) - \frac{4}{\sqrt{3-4x}} = 4x(4x^2 - 3) - \frac{4}{\sqrt{3-4x}} < 0$$

$\Rightarrow$ Hàm số $g(x)$ nghịch biến trên D.

Từ đó, phương trình (2) nếu có nghiệm thì nghiệm đó là duy nhất.

Ta nhận thấy:

$$g\left(\frac{1}{2}\right) = 7 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \text{ là nghiệm duy nhất của (2).}$$

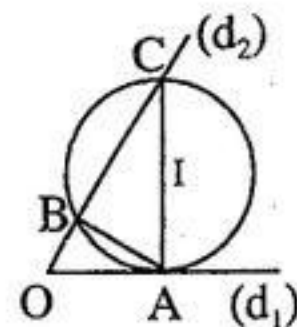
Câu VI.a

- Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ (hình bên).

Ta lần lượt sử dụng các giả thiết:

- Vì ΔABC vuông tại B nên AC chính là đường kính của đường tròn (T), từ đó suy ra rằng để có được phương trình của đường tròn (T) ta cần biết được tọa độ của hai điểm A và C.
- Xuất phát từ điểm A đường thẳng (d_1) nên $A(a; -a\sqrt{3})$ với $a > 0$, ta có:

$$(AB): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AB) \perp (d_2) \end{cases} \Rightarrow \text{Tọa độ của điểm B} = (AB) \cap (d_2).$$



$$(AC): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AC) \perp (d_1) \end{cases} \Rightarrow \text{Tọa độ của điểm C} = (AC) \cap (d_1).$$

- Từ giả thiết ΔABC có diện tích bằng $\frac{\sqrt{3}}{2}$, ta được:

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} AB \cdot CB \Rightarrow \text{Tọa độ của điểm A, tiếp tới điểm C.}$$

- Cuối cùng là việc lập phương trình đường tròn (T) với:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm I là trung điểm của AC} \\ \text{Bán kính IA} = \frac{1}{2} AC \end{cases}$$

Chú ý: Chúng ta cũng có thể sử dụng giả thiết về diện tích của ΔABC trước để nhận được tọa độ tường minh của điểm A. Từ đó, cũng với phương pháp trên để có được tọa độ điểm C (cách giải này sẽ tránh được việc phải tìm tọa độ điểm B). Cụ thể:

$$\begin{aligned} S_{\Delta ABC} &= \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin \widehat{BAC} \\ &= \frac{1}{2} (OA \cdot \sin \widehat{AOB}) (OA \cdot \tan \widehat{AOB}) \sin \widehat{AOB} \\ &\Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} OA^2 \cdot \sin^2(d_1, d_2) \cdot \tan(d_1, d_2) \Rightarrow \text{Tọa độ của điểm A.} \end{aligned}$$

$$\text{Ta có: } (AC): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AC) \perp (d_1) \end{cases} \Rightarrow \text{Tọa độ của điểm C} = (AC) \cap (d_1).$$

Cuối cùng là việc lập phương trình đường tròn (T) với:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm I là trung điểm của AC} \\ \text{Bán kính IA} = \frac{1}{2} AC \end{cases}$$

- Với bài toán này thường có hai kiểu định hướng:

Hướng 1 (Thường với học sinh ngại vẽ hình và học thụ động theo dạng): Khi đó, sẽ định dạng bài toán là "Tìm điểm thuộc đường thẳng thỏa mãn điều kiện K" và với định hướng này các em học sinh cần thực hiện theo các bước:

Bước 1: Chuyển phương trình đường thẳng (Δ) về dạng tham số.

Bước 2: Tìm tọa độ giao điểm C của (Δ) và (P).

Bước 3: Tìm tọa độ điểm M thuộc đường thẳng (Δ) thỏa mãn $MC = \sqrt{6}$.

Bước 4: Tính khoảng cách từ M tới mặt phẳng (P).

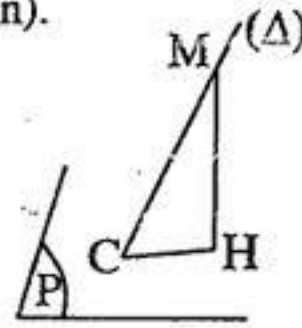
Hướng 2 (Thường với học sinh khá, giỏi): Vẽ hình mô phỏng (hình bên).

Khi đó, với H là hình chiếu vuông góc của M trên (P), ta có ngay:

$$d(M, (P)) = MH = MC \cdot \sin \widehat{MCH}.$$

Vấn đề còn lại chỉ là tính:

$$\sin \widehat{MCH} = \sin((\Delta), (P)) - \text{Đã có công thức.}$$



Câu VII.a. Với bài toán này các em học sinh chỉ cần sử dụng các phép biến đổi thông thường để nhận được dạng tổng quát của số phức $\bar{z} = a + bi$. Từ đó, suy ra được rằng $z = a - bi$ nên nó có phần ảo bằng $-b$.

Câu VI.b.

1. Trước tiên, các em học sinh hãy phân tích hình vẽ (hình bên).

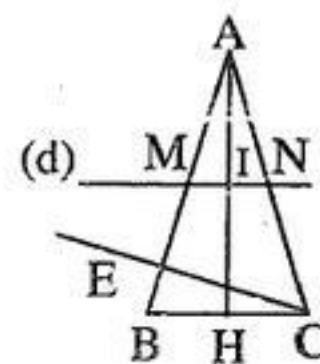
Ta lần lượt sử dụng các giả thiết:

- Vì ΔABC cân đỉnh A nên với H là trung điểm BC thì AH sẽ vuông góc với BC, suy ra:

$$(AH): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AH) \perp (MN) \end{cases} \Rightarrow \text{Phương trình (AH)}$$

$$\Rightarrow \text{Toạ độ trung điểm I của AH} \Rightarrow \text{Toạ độ điểm H}$$

$$\Rightarrow (BC): \begin{cases} \text{Qua H} \\ (BC) \parallel (MN) \end{cases} \Rightarrow \text{Phương trình tham số của (BC).}$$



- Tới đây, để có được toạ độ của B, C chúng ta sẽ tiếp tục với các bước:

Bước 1: Điểm B $\in$ (BC) (theo phương trình tham số t), từ đó suy ra toạ độ C dựa trên tính chất H là trung điểm của BC.

Bước 2: Vì điểm E nằm trên đường cao đi qua điểm C của ΔABC nên:

$$AB \perp CE \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CE} = 0 \Rightarrow \text{Giá trị tham số t}$$

$$\Rightarrow \text{Toạ độ của B và C.}$$

2. Bài toán này được chia thành hai phần, cụ thể:

- Tính khoảng cách từ A đến đường thẳng (Δ): Ta sử dụng công thức:

$$d(A, (\Delta)) = \frac{|\overrightarrow{AM} \cdot \vec{u}|}{|\vec{u}|}, \text{ với } M \in (\Delta) \text{ và } \vec{u} \text{ là vtcp của đường thẳng } (\Delta).$$

- Viết phương trình mặt cầu (T): Ta chỉ cần tìm được bán kính R của nó, và với H là trung điểm của BC thì:

$$R = AB = \sqrt{AH^2 + BH^2} = \sqrt{d^2(A, (\Delta)) + \left(\frac{BC}{2}\right)^2}.$$

Phương trình mặt cầu (T) được xác định bởi:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm A} \\ \text{Bán kính R} \end{cases}$$

Câu VII.b. Với bài toán này các em học sinh chỉ cần thực hiện theo các bước:

Bước 1: Sử dụng các phép biến đổi thông thường để nhận được dạng tổng quát của số phức $\bar{z} = a + bi$. Từ đó, suy ra được rằng $z = a - bi$.

Bước 2: Đơn giản biểu thức $z + iz = c + di$. Từ đó, suy ra môđun của số phức $\bar{z} + iz$ bằng $\sqrt{c^2 + d^2}$.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Với $m = 1$, hàm số có dạng: $y = x^3 - 2x^2 + 1$.

a. Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

b. Sự biến thiên của hàm số:

- Giới hạn của hàm số tại vô cực:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[x^3 \left(1 - \frac{2}{x} + \frac{1}{x^3} \right) \right] = \begin{cases} +\infty & \text{khí } x \rightarrow +\infty \\ -\infty & \text{khí } x \rightarrow -\infty \end{cases}$$

- Bảng biến thiên:

$$y' = 3x^2 - 4x, y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 4x = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ hoặc } x = \frac{4}{3}.$$

x	$-\infty$	0	$\frac{4}{3}$	$+\infty$
y'		+	0	-
y	$-\infty$	1	CT	$+\infty$
		CD	-5/27	

- Điểm uốn:

$$y'' = 6x - 4, y'' = 0 \Leftrightarrow 6x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{2}{3}.$$

Vì y'' đổi dấu khi x qua điểm $\frac{2}{3}$ nên đồ thị hàm

số có một điểm uốn là $U\left(\frac{2}{3}; \frac{11}{27}\right)$.

c. Đồ thị của hàm số.

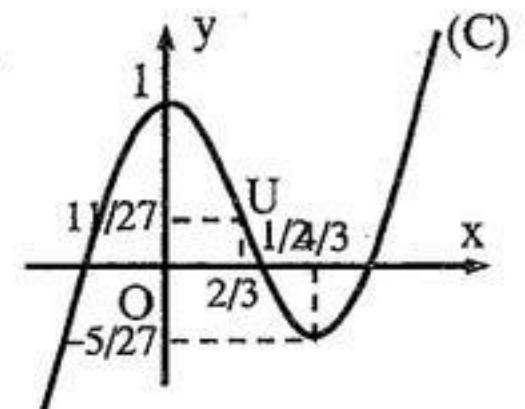
2. Phương trình hoành độ giao điểm:

$$x^3 - 2x^2 + (1 - m)x + m = 0 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow (x - 1)(x^2 - x - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = 1 \\ f(x) = x^2 - x - m = 0 \end{cases}$$

Từ đó, để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2, x_3 thỏa mãn $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 < 4$ điều kiện là:

$$f(x) = 0 \text{ có hai nghiệm } x_2, x_3 \text{ khác 1 thỏa mãn } x_2^2 + x_3^2 < 3$$



$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta_f > 0 \\ f(1) \neq 0 \\ x_2^2 + x_3^2 < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1+4m > 0 \\ 1-1-m \neq 0 \\ (x_2+x_3)^2 - 2x_2x_3 < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4m > -1 \\ m \neq 0 \\ 1^2 - 2(-m) < 3 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m \neq 0 \\ -\frac{1}{4} < m < 1 \end{cases}$$

Vậy, với $m \in \left(-\frac{1}{4}; 1\right) \setminus \{0\}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Chú ý: Trong lời giải của bài toán trên chúng ta đã sử dụng tất kết quả của định lý Vi-ét cho phương trình $f(x) = 0$, cụ thể ta cần có trình bày:
Nếu phương trình $f(x) = 0$ có hai nghiệm x_2, x_3 thì:

$$\begin{cases} x_2 + x_3 = 1 \\ x_2 x_3 = -m \end{cases}$$

Từ đó, để có được lời giải dễ hiểu hơn các em học sinh hãy trình bày theo cách:

Phương trình hoành độ giao điểm: $x^3 - 2x^2 + (1-m)x + m = 0$ (1)

$$\Leftrightarrow (x-1)(x^2 - x - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = 1 \\ f(x) = x^2 - x - m = 0 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

- Để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2, x_3 điều kiện là:

Phương trình $f(x) = 0$ có hai nghiệm x_2, x_3 phân biệt khác 1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta_f > 0 \\ f(1) \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1+4m > 0 \\ 1-1-m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -\frac{1}{4} < m \neq 0. (*)$$

Với điều kiện (*), ta có: $\begin{cases} x_2 + x_3 = 1 \\ x_2 x_3 = -m \end{cases}$

- Để $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 < 4$ điều kiện là:

$$1^2 + x_2^2 + x_3^2 < 4 \Leftrightarrow x_2^2 + x_3^2 < 3 \Leftrightarrow (x_2 + x_3)^2 - 2x_2x_3 < 3$$

$$\Leftrightarrow 1^2 - 2(-m) < 3 \Leftrightarrow m < 1.$$

Vậy, với $m \in \left(-\frac{1}{4}; 1\right) \setminus \{0\}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu II.

1. Điều kiện: $\begin{cases} \cos x \neq 0 \\ 1 + \tan x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \cos x \neq 0 \\ \tan x \neq -1 \end{cases} (*)$

Biến đổi phương trình về dạng: $\frac{\sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)(1 + \sin x + \cos 2x)}{1 + \frac{\sin x}{\cos x}} = \cos x$

$$\Leftrightarrow \frac{(\sin x + \cos x)(1 + \sin x + \cos 2x)}{\cos x + \sin x} = 1 \Leftrightarrow 1 + \sin x + \cos 2x = 1$$

$$\Leftrightarrow \sin x + \cos 2x = 0 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow \sin x + 1 - 2\sin^2 x = 0 \Leftrightarrow 2\sin^2 x - \sin x - 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \text{ (loại)} \\ \sin x = -\frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi \\ x = \frac{7\pi}{6} + k2\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có hai họ nghiệm.

Chú ý: Một vài em học sinh biến đổi phương trình (1) như sau:

$$\cos 2x = -\sin x \Leftrightarrow \cos 2x = \cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x = x + \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ 2x = -x - \frac{\pi}{2} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ x = -\frac{\pi}{6} + k\frac{2\pi}{3} \end{cases}$$

Như vậy, vô tình sẽ phải thực hiện thêm việc kiểm tra điều kiện (*) cho các trường hợp $k=0, k=1, k=2$.

2. Nhận xét rằng:

$$\sqrt{2(x^2 - x + 1)} = \sqrt{x^2 + (x-1)^2 + 1} > 1 \Rightarrow MS = 1 - \sqrt{2(x^2 - x + 1)} < 0.$$

Điều kiện $x \geq 0$.

Bất phương trình được biến đổi về dạng:

$$x - \sqrt{x} \leq 1 - \sqrt{2(x^2 - x + 1)} \Leftrightarrow \sqrt{2(x^2 - x + 1)} \leq 1 - x + \sqrt{x}. \quad (1)$$

Tới đây, chúng ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Biến đổi tiếp (1) về dạng: $\begin{cases} 1 - x + \sqrt{x} \geq 0 \\ x^2 + (x-1)^2 + 1 \leq (1 - x + \sqrt{x})^2 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1 - x + \sqrt{x} \geq 0 \\ x^2 + (x-1)^2 + 1 \leq (1-x)^2 + 2(1-x)\sqrt{x} + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - x + \sqrt{x} \geq 0 \\ x^2 + 1 \leq 2(1-x)\sqrt{x} + x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1-x+\sqrt{x} \geq 0 \\ (x^2-2x+1)-2(1-x)\sqrt{x}+x \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-x+\sqrt{x} \geq 0 \\ (1-x-\sqrt{x})^2 \leq 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1-x+\sqrt{x} \geq 0 \\ 1-x-\sqrt{x} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2\sqrt{x} \geq 0 \\ \sqrt{x} = 1-x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-x \geq 0 \\ x = (1-x)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 1 \\ x^2-3x+1=0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

Vậy, phương trình có nghiệm $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.

Cách 2: Đặt $t = \sqrt{x}$ ($t \geq 0$), khi đó (1) có dạng:

$$\Leftrightarrow \sqrt{2(t^4-t^2+1)} \leq 1-t^2+t \Leftrightarrow \begin{cases} 1-t^2+t \geq 0 \\ 2(t^4-t^2+1) \leq (1-t^2+t)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1-t^2+t \geq 0 \\ 2(t^4-t^2+1) \leq 1+t^4+t^2-2t^2+2t-2t^3 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1-t^2+t \geq 0 \\ t^4+2t^3-t^2-2t+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-t^2+t \geq 0 \\ (t^2+t-1)^2 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-t^2+t \geq 0 \\ t^2+t-1=0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2t \geq 0 \\ t = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2} \end{cases} \Leftrightarrow t = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \Leftrightarrow \sqrt{x} = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \Leftrightarrow x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

Vậy, phương trình có nghiệm $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.

Cách 3: Nhận xét rằng $x=0$ không phải là nghiệm của (1) nên ta có biến đổi:

$$\sqrt{2\left(x-1+\frac{1}{x}\right)} \leq \frac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x} + 1. \quad (2)$$

Đặt $t = \frac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x}$ thì $x + \frac{1}{x} = t^2 + 2$, khi đó (2) có dạng:

$$\sqrt{2(t^2+1)} \leq t+1 \Leftrightarrow \begin{cases} t+1 \geq 0 \\ 2(t^2+1) \leq (t+1)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t \geq -1 \\ t^2-2t+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t \geq -1 \\ (t-1)^2 \leq 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow t=1 \Leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow \sqrt{x} = 1-x \Leftrightarrow \begin{cases} 1-x \geq 0 \\ x = (1-x)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 1 \\ x^2-3x+1=0 \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

Vậy, phương trình có nghiệm $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.

Cách 4: Sử dụng bất đẳng thức $2(a^2+b^2) \geq (a+b)^2$, ta thấy:

$$\sqrt{2(x^2-x+1)} = \sqrt{2[(1-x)^2+(\sqrt{x})^2]} \geq \sqrt{(1-x+\sqrt{x})^2} = |1-x+\sqrt{x}| \geq 1-x+\sqrt{x}. \quad (3)$$

Từ (1) và (3) suy ra bất phương trình được biến đổi về dạng:

$$\begin{cases} 1-x = \sqrt{x} \\ 1-x+\sqrt{x} \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-x \geq 0 \\ (1-x)^2 = x \\ 2\sqrt{x} \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 1 \\ x^2-3x+1=0 \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

Vậy, phương trình có nghiệm $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.

Câu III. Ta có biến đổi:

$$I = \int_0^1 \frac{x^2(1+2e^x)+e^x}{1+2e^x} dx = \int_0^1 \left(x^2 + \frac{e^x}{1+2e^x} \right) dx = \int_0^1 x^2 dx + \int_0^1 \frac{e^x}{1+2e^x} dx$$

$$= \int_0^1 x^2 dx + \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{d(1+2e^x)}{1+2e^x} = \left(\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2} \ln|1+2e^x| \right) \Big|_0^1 = \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \ln \frac{1+2e}{3}$$

Câu IV.

a. Tính thể tích khối chóp S.CDNM: Ta có:

$$V_{S.CDNM} = \frac{1}{3} S_{CDNM} \cdot SH. \quad (1)$$

Trong đó $SH = a\sqrt{3}$ và:

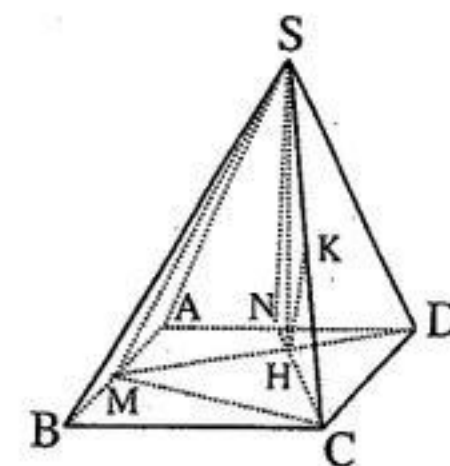
$$S_{CDNM} = S_{ABCD} - (S_{\triangle AMN} + S_{\triangle BCM})$$

$$= AB^2 - \left(\frac{1}{2} AM \cdot AN + \frac{1}{2} BC \cdot BM \right)$$

$$= a^2 - \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} a \cdot \frac{1}{2} a + \frac{1}{2} a \cdot \frac{1}{2} a \right) = \frac{5a^2}{8}. \quad (2)$$

Từ đó, bằng cách thay (2) vào (1) ta được:

$$V_{S.CDNM} = \frac{1}{3} \cdot \frac{5a^2}{8} \cdot a\sqrt{3} = \frac{5a^3\sqrt{3}}{24} \text{ (đvtt)}.$$



b. Tính khoảng cách giữa DM và SC: Trong mặt phẳng (SHC) hạ HK ⊥ SC, ta có nhận xét rằng:

$$\triangle ADM = \triangle DCN \Rightarrow \widehat{ADM} = \widehat{DCN} \Rightarrow DM \perp CN \Rightarrow DM \perp (SHC)$$

⇒ DM ⊥ HK ⇒ HK là đoạn vuông góc chung của DM và SC.

$$\text{Trong } \triangle SHC, \text{ ta có: } \frac{1}{HK^2} = \frac{1}{HS^2} + \frac{1}{HC^2} \Leftrightarrow HK = \frac{HS \cdot HC}{\sqrt{HS^2 + HC^2}} \quad (3)$$

Trong △CDN, ta có:

$$CD^2 = CH \cdot CN \Leftrightarrow HC = \frac{CD^2}{\sqrt{CD^2 + DN^2}} = \frac{a^2}{\sqrt{a^2 + \frac{a^2}{4}}} = \frac{2a}{\sqrt{5}} \quad (4)$$

Từ đó, bằng cách thay (4) vào (3) ta được:

$$HK = \frac{a\sqrt{3} \cdot \frac{2a}{\sqrt{5}}}{\sqrt{(a\sqrt{3})^2 + \left(\frac{2a}{\sqrt{5}}\right)^2}} = \frac{2a\sqrt{57}}{19} \text{ (đvdd).}$$

$$\text{Câu V. Điều kiện: } \begin{cases} 5-2y \geq 0 \\ 3-4x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y \leq \frac{5}{2} \\ x \leq \frac{3}{4} \end{cases}$$

Biến đổi phương trình thứ nhất của hệ về dạng:

$$\begin{aligned} (4x^2 + 1)x &= (3-y)\sqrt{5-2y} \Leftrightarrow 2(4x^2 + 1)x = (6-2y)\sqrt{5-2y} \\ &\Leftrightarrow [(2x)^2 + 1]2x = [(5-2y)+1]\sqrt{5-2y} \\ &\Leftrightarrow [(2x)^2 + 1]2x = [(\sqrt{5-2y})^2 + 1]\sqrt{5-2y} \Leftrightarrow f(2x) = f(\sqrt{5-2y}) \quad (1) \end{aligned}$$

trong đó $f(t) = (t^2 + 1)t$.

Ta có nhận xét:

$f(t) = t^3 + t \Rightarrow f'(t) = 3t^2 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R} \Rightarrow$ Hàm số $f(t)$ đồng biến trên $\mathbb{R}$ do đó (1) được chuyển về dạng:

$$2x = \sqrt{5-2y} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x \geq 0 \\ 4x^2 = 5-2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ y = \frac{5}{2} - 2x^2 \end{cases}$$

Từ đó, phương trình thứ hai của hệ được chuyển đổi về dạng:

$$4x^2 + \left(\frac{5}{2} - 2x^2\right)^2 + 2\sqrt{3-4x} = 7. \quad (2)$$

Xét hàm số $g(x) = 4x^2 + \left(\frac{5}{2} - 2x^2\right)^2 + 2\sqrt{3-4x}$ trên $\left[0; \frac{3}{4}\right]$, ta có:

$$g'(x) = 8x - 8x\left(\frac{5}{2} - 2x^2\right) - \frac{4}{\sqrt{3-4x}} = 4x(4x^2 - 3) - \frac{4}{\sqrt{3-4x}} < 0$$

⇒ Hàm số $g(x)$ nghịch biến trên $\left[0; \frac{3}{4}\right]$.

Từ đó, phương trình (2) nếu có nghiệm thì nghiệm đó là duy nhất.

Ta nhận thấy: $g\left(\frac{1}{2}\right) = 7 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$ là nghiệm duy nhất của (2).

Vậy, hệ có cặp nghiệm duy nhất $\left(\frac{1}{2}; 2\right)$.

☞ **Chú ý:** Để nhận được kết quả $2x = \sqrt{5-2y}$ từ phương trình thứ nhất của hệ ta còn có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Đặt $z = \sqrt{5-2y}$ ($z \geq 0$) suy ra $2y = 5 - z^2$.

Phương trình thứ nhất của hệ được biến đổi về dạng:

$$\begin{aligned} 2(4x^2 + 1)x &= (6-2y)\sqrt{5-2y} \Leftrightarrow 2(4x^2 + 1)x = [6 - (5 - z^2)]z \\ &\Leftrightarrow [(2x)^2 + 1]2x = (z^2 + 1)z \Leftrightarrow f(2x) = f(z) \quad (3) \end{aligned}$$

trong đó $f(t) = (t^2 + 1)t$.

Ta có nhận xét:

$$f(t) = t^3 + t \Rightarrow f'(t) = 3t^2 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$$

⇒ Hàm số $f(t)$ đồng biến trên $\mathbb{R}$

do đó (3) được chuyển về dạng:

$$2x = z \Leftrightarrow 2x = \sqrt{5-2y}.$$

Cách 2: Đặt $u = 2x, v = \sqrt{5-2y}$ ($v \geq 0$) suy ra $2y = 5 - v^2$.

Phương trình thứ nhất của hệ được biến đổi về dạng:

$$\begin{aligned} 2(4x^2 + 1)x + (2y - 6)\sqrt{5-2y} &= 0 \Leftrightarrow (u^2 + 1)u + (5 - v^2 - 6)v = 0 \\ &\Leftrightarrow (u^2 + 1)u - (v^2 + 1)v = 0 \Leftrightarrow (u - v)(u^2 + v^2 + uv + 1) = 0 \\ &\Leftrightarrow u - v = 0 \Leftrightarrow u = v \Leftrightarrow 2x = \sqrt{5-2y}. \end{aligned}$$

Câu VI.a

1. Vì △ABC vuông tại B nên AC chính là đường kính của đường tròn (T), để tìm tọa độ của hai điểm A và C ta lựa chọn một trong hai cách sau:

Cách 1: Điểm A thuộc đường thẳng (d_1) nên $A(a; -a\sqrt{3})$ với $a > 0$, ta có:

$$(AB): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AB) \perp (d_2) \end{cases} \Leftrightarrow (AB): \begin{cases} \text{Qua A}(a; -a\sqrt{3}) \\ \text{vtpt } \vec{n}_2(1; \sqrt{3}) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (AB): x + \sqrt{3}y + 2a = 0 \Rightarrow (AB) \cap (d_2) = \left\{ B\left(-\frac{a}{2}; -\frac{a\sqrt{3}}{2}\right) \right\}.$$

$$(AC): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AC) \perp (d_1) \end{cases} \Leftrightarrow (AC): \begin{cases} \text{Qua A}(a; -a\sqrt{3}) \\ \text{vtpt } \vec{n}_1(1; -\sqrt{3}) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (AC): x - \sqrt{3}y - 4a = 0 \Rightarrow (AC) \cap (d_2) = \left\{ C(-2a; -2a\sqrt{3}) \right\}.$$

Từ giả thiết ΔABC có diện tích bằng $\frac{\sqrt{3}}{2}$, ta được: $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} AB \cdot CB \Leftrightarrow 3 = AB^2 \cdot CB^2$

$$= \left[\left(-\frac{a}{2} - a\right)^2 + \left(-\frac{a\sqrt{3}}{2} + a\sqrt{3}\right)^2 \right] \left[\left(-\frac{a}{2} + 2a\right)^2 + \left(-\frac{a\sqrt{3}}{2} + 2a\sqrt{3}\right)^2 \right]$$

$$\Leftrightarrow a = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow A\left(\frac{1}{\sqrt{3}}; -1\right), C\left(-\frac{2}{\sqrt{3}}; -2\right).$$

Cách 2: Thấy ngay (d_1) cắt (d_2) tại điểm O. Ta có:

$$\cos \widehat{AOB} = \cos(d_1, d_2) = \frac{|\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} + 1 \cdot (-1)|}{\sqrt{3+1} \cdot \sqrt{3+1}} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{AOB} = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \widehat{BAC} = \frac{\pi}{3}.$$

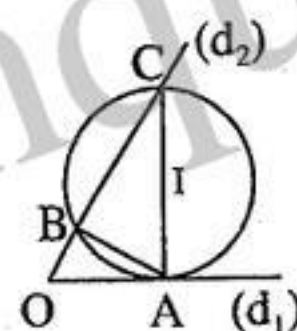
$$\text{Khi đó: } S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin \widehat{BAC}$$

$$\Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{2} (OA \cdot \sin \widehat{AOB}) (OA \cdot \tan \widehat{AOB}) \sin \widehat{BAC}$$

$$= \frac{1}{2} OA^2 \cdot \sin \frac{\pi}{3} \cdot \tan \frac{\pi}{3} \cdot \sin \frac{\pi}{3} = \frac{3\sqrt{3}}{8} OA^2 \Leftrightarrow OA^2 = \frac{4}{3}. \quad (*)$$

Vì A thuộc đường thẳng (d_1) nên $A(x_0; -x_0\sqrt{3})$ với $x_0 > 0$, do đó (*) có dạng:

$$x_0^2 + (-x_0\sqrt{3})^2 = \frac{4}{3} \Leftrightarrow 4x_0^2 = \frac{4}{3} \Rightarrow x_0 = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow A\left(\frac{1}{\sqrt{3}}; -1\right).$$



Phương trình đường thẳng (AC) được cho bởi:

$$(AC): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AC) \perp (d_1) \end{cases} \Leftrightarrow (AC): \begin{cases} \text{Qua A}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}; -1\right) \\ \text{vtpt } \vec{n}(1; -\sqrt{3}) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (AC): \left(x - \frac{1}{\sqrt{3}}\right) - \sqrt{3}(y + 1) = 0 \Leftrightarrow (AC): \sqrt{3}x - 3y - 4 = 0.$$

Khi đó, tọa độ điểm C là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} \sqrt{3}x - y = 0 \\ \sqrt{3}x - 3y - 4 = 0 \end{cases} \Rightarrow C\left(-\frac{2}{\sqrt{3}}; -2\right).$$

Tới đây, để nhận được phương trình đường tròn (T) với đường kính AC chúng ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Gọi I là trung điểm của AC thì $I\left(-\frac{1}{2\sqrt{3}}; -\frac{3}{2}\right)$ và phương trình đường tròn (T) được cho bởi:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm I} \\ \text{Đường kính AC} \end{cases} \Leftrightarrow (T): \begin{cases} \text{Tâm I}\left(-\frac{1}{2\sqrt{3}}; -\frac{3}{2}\right) \\ \text{Bán kính IA} = 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (T): \left(x + \frac{1}{2\sqrt{3}}\right)^2 + \left(y + \frac{3}{2}\right)^2 = 1.$$

Cách 2: Ta có:

$$M(x; y) \in (T) \Leftrightarrow MA \perp MC \Leftrightarrow \overline{MA} \cdot \overline{MC} = 0$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{\sqrt{3}} - x; -1 - y\right) \cdot \left(-\frac{2}{\sqrt{3}} - x; -2 - y\right) = 0$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{\sqrt{3}} - x\right)\left(-\frac{2}{\sqrt{3}} - x\right) + (-1 - y)(-2 - y) = 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + \frac{1}{\sqrt{3}}x + 3y + \frac{4}{3} = 0.$$

Đó chính là phương trình đường tròn (T) cần tìm.

Cách 3: Ta có:

$$M(x; y) \in (T) \Leftrightarrow \Delta MAC \text{ vuông tại M} \Leftrightarrow MA^2 + MC^2 = AC^2$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{\sqrt{3}} - x\right)^2 + (-1 - y)^2 + \left(-\frac{2}{\sqrt{3}} - x\right)^2 + (-2 - y)^2 = 2$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + \frac{1}{\sqrt{3}}x + 3y + \frac{4}{3} = 0.$$

Đó chính là phương trình đường tròn (C) cần tìm.

2. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Đường thẳng (Δ) có phương trình tham số:

$$(\Delta): \begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = t \\ z = -t - 2 \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$$

Toạ độ giao điểm C của (Δ) và (P) là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = t \\ z = -t - 2 \\ x - 2y + z = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = t \\ z = -t - 2 \\ 2t + 1 - 2t - t - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = -1 \\ z = -1 \\ t = -1 \end{cases} \Rightarrow C(-1; -1; -1).$$

Điểm M thuộc đường thẳng (Δ) nên $M(2t + 1; t; -t - 2)$, suy ra:

$$MC = \sqrt{6} \Leftrightarrow (2t + 2)^2 + (t + 1)^2 + (-t - 1)^2 = 6 \Leftrightarrow 6(t + 1)^2 = 6$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t + 1 = 1 \\ t + 1 = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = 0 \\ t = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} M_1(1; 0; -2) \\ M_2(-3; -2; 0) \end{cases}$$

Ta lần lượt:

$$\text{Với điểm } M_1 \text{ thì: } d(M_1, (P)) = \frac{|1 - 2 \cdot 0 - 2|}{\sqrt{4 + 1 + 1}} = \frac{1}{\sqrt{6}}.$$

$$\text{Với điểm } M_2 \text{ thì: } d(M_2, (P)) = \frac{|-3 - 2 \cdot (-2)|}{\sqrt{4 + 1 + 1}} = \frac{1}{\sqrt{6}}.$$

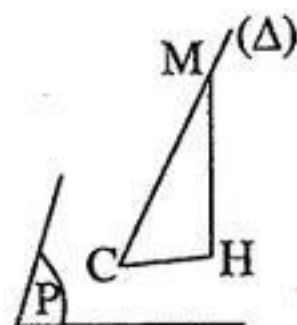
Vậy, khoảng cách từ điểm M đến mặt phẳng (P) bằng $\frac{1}{\sqrt{6}}$.

Cách 2: Gọi H là hình chiếu vuông góc của M trên (P), ta có:

$$\sin((\Delta), (P)) = \sin \widehat{MCH} = \frac{|2 \cdot 1 + 1 \cdot (-2) - 1 \cdot 1|}{\sqrt{4 + 1 + 1} \cdot \sqrt{1 + 4 + 1}} = \frac{1}{6}.$$

Khi đó:

$$d(M, (P)) = MH = MC \cdot \sin \widehat{MCH} = \sqrt{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{\sqrt{6}}.$$



Câu VII.a. Ta có ngay:

$$\bar{z} = (2 + 2i\sqrt{2} + i^2)(1 - i\sqrt{2}) = (1 + 2i\sqrt{2})(1 - i\sqrt{2}) = 5 + i\sqrt{2} \Rightarrow z = 5 - i\sqrt{2}.$$

Vậy, phần ảo của số phức z bằng $-\sqrt{2}$.

Câu VI.b

1. Gọi H, I theo thứ tự là trung điểm của BC và AH, ta lần lượt có:

▪ Phương trình đường thẳng (AH) được cho bởi:

$$(AH): \begin{cases} \text{Qua A} \\ (AH) \perp (MN) \end{cases} \Leftrightarrow (AH): \begin{cases} \text{Qua A}(6; 6) \\ \text{vtpt } \vec{n}(1; -1) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (AH): x - y = 0.$$

▪ Toạ độ điểm I là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x - y = 0 \\ x + y - 4 = 0 \end{cases} \Rightarrow I(2; 2) \Rightarrow H(-2; -2).$$

▪ Phương trình đường thẳng (BC) được cho bởi:

$$(BC): \begin{cases} \text{Qua H} \\ (AH) \perp (BC) \end{cases} \Leftrightarrow (BC): \begin{cases} \text{Qua H}(-2; -2) \\ \text{vtcp } \vec{u}(1; -1) \end{cases}$$

$$(BC): \begin{cases} x = -2 + t \\ y = -2 - t \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$$

▪ Vì B thuộc (BC) nên $B(-2 + t; -2 - t)$ và vì B, C đối xứng qua H nên ta có ngay $C(-2 - t; -2 + t)$.

▪ Vì điểm E(1; -3) nằm trên đường cao đi qua điểm C của ΔABC nên:

$$AB \perp CE \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{CE} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CE} = 0$$

$$\Leftrightarrow (-8 + t; -8 - t) \cdot (-3 - t; 1 + t) = 0$$

$$\Leftrightarrow (-8 + t)(-3 - t) + (-8 - t)(1 + t) = 0$$

$$\Leftrightarrow t^2 - 2t - 8 = 0 \Leftrightarrow t = 2 \text{ hoặc } t = -4.$$

Vậy, ta được $B(0; -4)$, $C(-4; 0)$ hoặc $B(-6; 2)$, $C(2; -6)$.

2. Ta lần lượt:

a. Tính khoảng cách từ A đến đường thẳng (Δ): Đường thẳng (Δ) đi qua điểm $M(-2; 2; -3)$ và có vtcp $\vec{u}(2; 3; 2)$ nên:

$$d(A, (\Delta)) = \frac{|\overrightarrow{AM} \cdot \vec{u}|}{|\vec{u}|} = \frac{|(7; 2; -10) \cdot (2; 3; 2)|}{\sqrt{4 + 9 + 4}} = \frac{3}{\sqrt{17}}.$$

b. Viết phương trình mặt cầu: Gọi H là trung điểm của BC suy ra mặt cầu (T) cần dựng có bán kính R được xác định bởi:

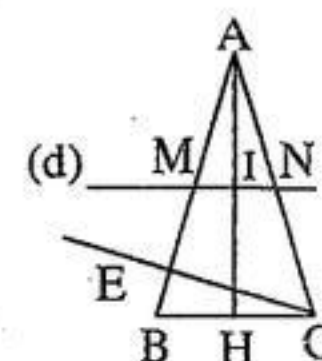
$$R = AB = \sqrt{AH^2 + BH^2} = \sqrt{d^2(A, (\Delta)) + \left(\frac{BC}{2}\right)^2} = \sqrt{9 + 16} = 5.$$

Phương trình mặt cầu (T) được xác định bởi:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm A}(0; 0; -2) \\ \text{Bán kính R}=5 \end{cases} \Leftrightarrow (T): x^2 + y^2 + (z + 2)^2 = 25.$$

Câu VII.b. Ta có:

$$(1 - i\sqrt{3})^3 = 1^3 - 3 \cdot 1^2 \cdot (i\sqrt{3}) + 3 \cdot 1 \cdot (i\sqrt{3})^2 - (i\sqrt{3})^3 = 1 - 3i\sqrt{3} - 9 + 3i\sqrt{3} = -8.$$



Từ đó, suy ra:

$$\bar{z} = \frac{-8}{1-i} = \frac{-8(1+i)}{(1-i)(1+i)} = \frac{-8(1+i)}{1-i^2} = -4-4i \Rightarrow z = -4+4i$$

$$\Rightarrow \bar{z} + iz = (-4-4i) + i(-4+4i) = -8-8i$$

$$\Rightarrow |\bar{z} + iz| = \sqrt{(-8)^2 + (-8)^2} = 8\sqrt{2}.$$

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2010

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = \frac{2x+1}{x+1}$.

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm số.
- Tìm m để đường thẳng $y = -2x + m$ cắt đồ thị (C) tại hai điểm phân biệt A, B sao cho tam giác OAB có diện tích bằng $\sqrt{3}$ (O là gốc tọa độ).

Câu II: (2 điểm)

- Giải phương trình: $(\sin 2x + \cos 2x)\cos x + 2\cos 2x - \sin x = 0$.
- Giải phương trình: $\sqrt{3x+1} - \sqrt{6-x} + 3x^2 - 14x - 8 = 0, x \in \mathbb{R}$.

Câu III: (1 điểm): Tính tích phân: $I = \int_1^e \frac{\ln x}{x(2+\ln x)^2} dx$.

Câu IV: (1 điểm): Cho hình lăng trụ tam giác đều ABC.A'B'C' có AB = a, góc giữa hai mặt phẳng (A'BC) và (ABC) bằng 60° . Gọi G là trọng tâm tam giác A'BC. Tính thể tích khối lăng trụ đã cho và tính bán kính mặt cầu ngoại tiếp tứ diện GABC theo a.

Câu V: (1 điểm): Cho các số thực không âm a, b, c thỏa mãn $a + b + c = 1$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$M = 3(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) + 3(ab + bc + ca) + 2\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}.$$

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

- Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho tam giác ABC vuông tại A, có đỉnh C (-4; 1), phân giác trong góc A có phương trình $x + y - 5 = 0$. Viết phương trình đường thẳng BC, biết diện tích ΔABC bằng 24 và đỉnh A có hoành độ dương.
- Trong không gian tọa độ Oxyz, cho các điểm A(1; 0; 0), B(0; b; 0), C(0; 0; c), trong đó b, c dương và mặt phẳng (P): $y - z + 1 = 0$. Xác định b và c, biết mặt phẳng (ABC) vuông góc với mặt phẳng (P) và khoảng cách từ điểm O đến mặt phẳng (ABC) bằng $\frac{1}{3}$.

Câu VII.a (1 điểm): Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, tìm tập hợp điểm biểu diễn các số phức thỏa mãn $|z-i| = |(1+i)z|$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu VI. b (2 điểm)

- Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho điểm A(2; $\sqrt{3}$) và elip (E): $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{2} = 1$. Gọi F₁ và F₂ là các tiêu điểm của (E) (F₁ có hoành độ âm); M là giao điểm có tung độ dương của đường thẳng AF₁ với (E); N là điểm đối xứng của F₂ qua M. Viết phương trình đường tròn ngoại tiếp tam giác ANF₂.
- Trong không gian tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $(\Delta): \frac{x}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{2}$. Xác định tọa độ điểm M trên trục hoành sao cho khoảng cách từ điểm M đến (Δ) bằng OM.

Câu VII.b (1 điểm): Giải hệ phương trình: $\begin{cases} \log_2(3y-1) = x \\ 4^x + 2^x = 3y^2 \end{cases}, x, y \in \mathbb{R}.$

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

- Tham khảo định hướng trong câu I.1 của đề toán khối A - 2009.
- Với bài toán này ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thiết lập phương trình hoành độ giao điểm:

$$\frac{2x+1}{x+1} = -2x+m \Leftrightarrow ax^2 + bx + c = 0 \text{ với } x \neq -1. \quad (1)$$

Bước 2: Ta lần lượt:

- Để đồ thị (C) cắt đường thẳng tại 2 điểm phân biệt điều kiện là:
Phương trình (1) có hai nghiệm x_A, x_B phân biệt khác -1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a \neq 0 \\ \Delta_f > 0 \\ f(-1) \neq 0 \end{cases} \quad (*)$$

Khi đó, với điều kiện (*):

$$\begin{cases} x_A + x_B = -\frac{b}{a} \\ x_A x_B = \frac{c}{a} \end{cases} \text{ và } \begin{cases} y_A = -2x_A + m \\ y_B = -2x_B + m \end{cases}$$

- Ta có:

$$S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} OA \cdot OB \cdot \sin \widehat{AOB} = \frac{1}{2} |x_A y_B - x_B y_A| \Rightarrow \text{Giá trị } m.$$

Bước 3: Kết luận.

Câu II.

1. Để nhận thấy phương trình sẽ được giải bằng cách chuyển về dạng tích, và với định hướng này chúng ta cần tạo ra được nhân tử chung. Nhận xét rằng:

$2\cos 2x - \sin x$ không thể có nhân tử chung với $(\sin 2x + \cos 2x)\cos x$.

Do đó, cần tổ hợp lại các toán tử trong phương trình, cụ thể:

$$\begin{aligned} & (\cos 2x \cdot \cos x + 2\cos 2x) + (\sin 2x \cdot \cos x - \sin x) = 0 \\ & \Leftrightarrow (\cos 2x \cdot \cos x + 2\cos 2x) + (2\cos^2 x \cdot \sin x - \sin x) = 0 \\ & \Leftrightarrow (\cos x + 2)\cos 2x + (2\cos^2 x - 1)\sin x = 0 \end{aligned}$$

Tới đây, ta đã có được nhân tử chung là $\cos 2x$ bởi $2\cos^2 x - 1 = \cos 2x$.

2. Đây là phương trình không mẫu mực chứa hai căn bậc hai nên không thể sử dụng phương pháp bình phương và cũng không thể sử dụng phương pháp ẩn phụ (với hai ẩn phụ) bởi nếu đặt:

$$\begin{aligned} & \begin{cases} u = \sqrt{3x+1} \\ v = \sqrt{6-x} \end{cases}, (u, v \geq 0) \Rightarrow \begin{cases} u^2 = 3x+1 \\ v^2 = 6-x \end{cases} \\ & \Rightarrow \begin{cases} u^2 + 3v^2 = 19 \\ u^2 v^2 = (3x+1)(6-x) = -3x^2 + 17x + 6 \end{cases} \quad \text{-- Không khả thi.} \end{aligned}$$

Như vậy, chỉ còn các phương pháp:

- Hàm số, khi đó nếu coi VT là hàm số $f(x)$ thì:

$$f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{3x+1}} + \frac{1}{2\sqrt{6-x}} + 6x^2 - 14 = 0$$

Và như vậy, rất khó để đánh giá được dấu của nó trên tập xác định $D = \left[-\frac{1}{3}; 6\right]$.

- Biến đổi phương trình về dạng tích, trong hướng lựa chọn này nhân tử chung chỉ có thể xuất hiện khi thực hiện các phép trục căn thức. Và như vậy, các em học sinh cần có kĩ năng nhằm được nghiệm x_0 của phương trình thì mới có thể đưa ra được phép tách phù hợp.

Với các bài toán kiểu này x_0 được chọn sao cho $\sqrt{3x_0+1}, \sqrt{6-x_0} \in \mathbb{N}$.

Nhận thấy rằng $x_0 = 5$ nên ta có phép tách:

$$\begin{aligned} & (\sqrt{3x+1}-4) - (\sqrt{6-x}-1) + 3x^2 - 14x - 5 = 0 \\ & \Leftrightarrow \frac{3x+1-16}{\sqrt{3x+1}-4} - \frac{6-x-1}{\sqrt{6-x}-1} + 3x^2 - 14x - 5 = 0 \\ & \Leftrightarrow \frac{3x-15}{\sqrt{3x+1}-4} + \frac{x-5}{\sqrt{6-x}-1} + (3x+1)(x-5) = 0 \end{aligned}$$

Tới đây, ta đã có được nhân tử chung là $x-5$.

Câu III. Tích phân này được lấy ra từ dạng tổng quát $I = \int_a^b f(\ln x) \cdot \frac{1}{x} dx$ nên chỉ cần sử dụng phương pháp đổi biến $u = \ln x$ chúng ta dễ dàng chuyển nó về dạng đa thức hoặc phân thức theo u .

Câu IV. Các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ (hình bên) rồi xác định góc giữa hai mặt phẳng $(A'BC)$ và (ABC) là $\widehat{A'HA} = 60^\circ$ với H là trung điểm của BC .

1. Với hình trụ $ABC.A'B'C'$, ta có ngay:

$$V_{ABC.A'B'C'} = S_{\Delta ABC} \cdot A'A.$$

Trong đó:

- ΔABC đều cạnh a nên có được $S_{\Delta ABC}$.
- Độ dài $A'A$ được tính dựa theo hệ thức lượng trong $\Delta A'AH$ vuông tại A .

2. Nhận xét rằng tứ diện $G.ABC$ có ΔABC đều nên để xác định được tâm mặt cầu ngoại tiếp của nó ta chỉ cần thực hiện:

- Xác định trục đường tròn x của ΔABC .
- Dựng trung trực y của GA .

Khi đó, giao điểm J của x và y là tâm mặt cầu ngoại tiếp $GABC$.

Câu V. Trước tiên, các em học sinh cần nhận thấy rằng M gồm ba phần là:

$$\begin{cases} A = a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 \\ B = ab + bc + ca \\ C = a^2 + b^2 + c^2 \end{cases}$$

mà ở đó B chính là phần tử trung gian bởi:

$$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca, 3(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) \geq (ab + bc + ca)^2.$$

Từ đó, với việc lựa chọn ẩn phụ $t = ab + bc + ca$ ta sẽ chuyển được M về dạng $f(t)$. Và việc tìm giá trị nhỏ nhất của M được chuyển thành việc tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số $f(t)$ với điều kiện ẩn t được suy ra từ điều kiện $1 = a + b + c$, cụ thể:

$$\begin{aligned} 1 &= (a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \geq 3(ab + bc + ca) = 3t \\ &\Rightarrow 0 < t \leq \frac{1}{3}. \end{aligned}$$

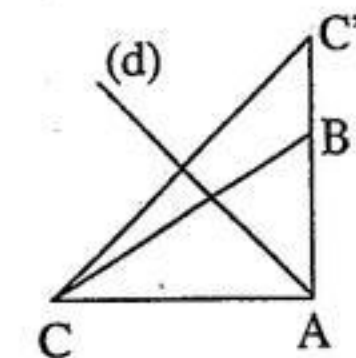
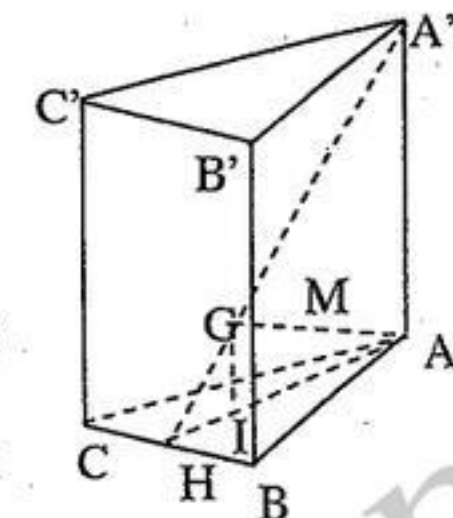
Câu VI.a

1. Các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ (hình bên) để thấy được rằng muốn có phương trình đường thẳng (BC) cách duy nhất là tìm ra được tọa độ của điểm B . Để thực hiện được mục tiêu này với đặc thù của giả thiết cho tọa độ điểm C , đường phân giác trong (d) của góc A và diện tích ΔABC (vuông tại A):

Ta lần lượt:

- Với giả thiết cho đường phân giác góc A nên ta cần tạo dựng tính đối xứng bằng cách tìm tọa độ điểm C' đối xứng với C qua (d) , cụ thể với $C'(x; y)$ thì:

$$\begin{cases} CC' \perp (d) \\ \text{trung điểm } I \text{ của } CC' \text{ thuộc } (d) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \overline{CC'} \perp \overline{u_d} \\ I \in (d) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \overline{CC'} \cdot \overline{u_d} = 0 \\ I \in (d) \end{cases}$$



- Vì ΔABC vuông tại A nên A là giao điểm của (d) với đường tròn đường kính CC'. Từ đó, suy ra:
Phương trình đường thẳng (AC').

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \Rightarrow \text{Độ dài của AB.} \quad (*)$$

- Tìm điểm B thuộc (AC') thỏa mãn (*) và kết hợp với điều kiện (d) là phân giác trong của góc A.
- Cuối cùng, lập phương trình đường thẳng (BC) đi qua hai điểm B và C.

Chú ý: Tuy nhiên, với trường hợp đặc biệt của bài toán này là đường phân giác trong (d) của góc A song song với đường phân giác của góc phần tư thứ hai nên chúng ta có thể tối ưu lời giải như sau:

- Phân giác trong của góc vuông A có phương trình $x + y - 5 = 0$ (song song với đường phân giác góc phần tư thứ II) nên:

$$AC // Ox \Rightarrow y_A = y_C \Rightarrow x_A \Rightarrow A \Rightarrow B(4; b) \text{ và độ dài AC.}$$

- Diện tích ΔABC bằng S, suy ra:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \Rightarrow \text{độ dài AB} \Rightarrow \text{Toạ độ B.}$$

- Cuối cùng, lập phương trình đường thẳng (BC) đi qua hai điểm B và C.

2. Vì bài toán có liên quan tới tính vuông góc và khoảng cách nên chúng ta lần lượt thực hiện:

- Lập phương trình mặt phẳng (ABC), ở đây ta sử dụng phương trình mặt phẳng chắn.
- Ta lần lượt:

- Mặt phẳng (ABC) vuông góc với mặt phẳng (P) nên:

$$\vec{n}_{ABC} \cdot \vec{n}_P = 0. \quad (1)$$

- Từ điều kiện khoảng cách từ điểm O đến mặt phẳng (ABC) bằng $\frac{1}{3}$ ta nhận được phương trình (2)

Giải hệ phương trình tạo bởi (1), (2) sẽ nhận được giá trị của b và c.

Câu VII.a. Với yêu cầu của bài toán chúng ta luôn bắt đầu với giả sử:

$$z = x + yi, x, y \in \mathbb{R}.$$

$$\text{Từ đó, suy ra: } |(x + yi) - i| = |(1 + i)(x + yi)| \Leftrightarrow |x + (y - 1)i| = |(x - y) + (x + y)i|$$

tới đây, sử dụng công thức tính môđun ta có chuyển đổi:

$$\sqrt{x^2 + (y - 1)^2} = \sqrt{(x - y)^2 + (x + y)^2} \Rightarrow f(x, y) = 0.$$

Và bằng những phép biến đổi đại số thông thường chúng ta sẽ nhận được phương trình của tập hợp điểm biểu diễn số phức z là $f(x, y) = 0$.

Câu VI.b.

1. Để lập được phương trình đường tròn (C) ngoại tiếp tam giác ΔANF_2 cách duy nhất là chúng ta cần tìm được toạ độ của điểm N. Và với bài toán này thì công việc được thực hiện tuần tự như sau:

- Từ phương trình của Elíp (E) suy ra toạ độ các tiêu điểm F_1 và F_2 .
- Lập phương trình đường thẳng (AF_1).
- Xác định toạ độ điểm M là giao của (AF_1) với (E). Từ đó, suy ra toạ độ của điểm N.
- Lập phương trình đường tròn (C) ngoại tiếp ΔANF_2 khi biết toạ độ ba đỉnh.

Tuy nhiên, nếu các em học sinh biết nhận xét rằng:

$$\overrightarrow{NA} \cdot \overrightarrow{F_2A} = 0 \Rightarrow \Delta ANF_2 \text{ vuông tại A}$$

suy ra, đường tròn (C) có đường kính là F_2N - Lời giải sẽ đơn giản hơn.

2. Với yêu cầu được tổng quát là "Tìm điểm thuộc Ox thỏa mãn điều kiện K cho trước", chúng ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Giả sử $M(m; 0; 0)$.

Bước 2: Thiết lập điều kiện K, cụ thể với bài toán này là $d(M, (\Delta)) = OM$ nên ta bắt đầu với:

- Chọn một điểm A thuộc (Δ) và một vpt $\vec{n}$ của (Δ) .

$$\text{Khi đó: } d(M, (\Delta)) = OM \Leftrightarrow \frac{|\vec{n} \cdot \overrightarrow{AM}|}{|\vec{n}|} = |m| \Rightarrow \text{Giá trị tham số m}$$

$\Rightarrow$ Toạ độ điểm M.

Câu VII.b. Với hệ phương trình này chúng ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Đặt điều kiện có nghĩa cho hệ phương trình.

Bước 2: Lựa chọn một trong hai phương trình của hệ để thực hiện phép biến đổi tương đương, ở đây ta chọn phương trình thứ nhất:

$$3y - 1 = 2^x \Leftrightarrow 3y = 2^x + 1. \quad (*)$$

Tới đây, chỉ cần thế (*) vào phương trình thứ nhất của hệ ta nhận được nghiệm x, từ đó suy ra y.

Bước 3: Kết luận về nghiệm của hệ thỏa mãn điều kiện ở bước 1.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Ta lần lượt có:

a. **Hàm số xác định** trên $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$.

b. **Sự biến thiên của hàm số:**

- Giới hạn của hàm số tại vô cực, giới hạn vô cực và các đường tiệm cận:

$\lim_{x \rightarrow \infty} y = 2$ nên $y = 2$ là đường tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow (-1)^+} y = +\infty$ và $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} y = -\infty$ nên $x = -1$ là đường tiệm cận đứng.

Bảng biến thiên: $y' = \frac{1}{(x+1)^2} > 0$ với mọi $x \in D$

$\Rightarrow$ hàm số đồng biến trên D .

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
y'			
y	2	$+\infty$	2

c. Đồ thị của hàm số: Đồ thị hàm số nhận điểm $I(-1; 2)$ làm tâm đối xứng.

Lấy thêm các điểm $A(-2; 3)$ và $B(-3; \frac{5}{2})$. Bạn đọc tự vẽ hình.

2. Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và đường thẳng (d): $y = -2x + m$ là:

$$\frac{2x+1}{x+1} = -2x + m \Leftrightarrow f(x) = 2x^2 - (m-4)x - m + 1 = 0. \quad (1)$$

Trước tiên, để đồ thị (C) cắt đường thẳng (d) tại 2 điểm phân biệt điều kiện là:

Phương trình (1) có hai nghiệm x_A, x_B phân biệt khác -1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta_f > 0 \\ f(-1) \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (m-4)^2 + 8(m-1) > 0 \\ -1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 + 8 > 0, \text{ luôn đúng.}$$

Như vậy, ta có: $\begin{cases} x_A + x_B = \frac{m-4}{2} \\ x_A x_B = \frac{1-m}{2} \end{cases}$ và $\begin{cases} y_A = -2x_A + m \\ y_B = -2x_B + m \end{cases}$

Ta có: $S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} OA \cdot OB \cdot \sin \angle AOB$

$$\Leftrightarrow \sqrt{3} = \frac{1}{2} |x_A y_B - x_B y_A| = \frac{1}{2} |x_A (m - 2x_B) - x_B (m - 2x_A)|$$

$$= \frac{1}{2} |m(x_A - x_B)|$$

$$\Leftrightarrow 12 = m^2 (x_A - x_B)^2 = m^2 [(x_A + x_B)^2 - 4x_A x_B]$$

$$= m^2 \left[\left(\frac{m-4}{2} \right)^2 - 4 \cdot \frac{1-m}{2} \right] = \frac{m^2 (m^2 + 8)}{4}$$

$$\Leftrightarrow m^4 + 8m^2 - 48 = 8 \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 = -12 \\ m^2 = 4 \end{cases} \Rightarrow m = \pm 2.$$

Vậy, với $m = \pm 2$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu II.

1. Biến đổi phương trình về dạng:

$$(\cos 2x \cdot \cos x + 2\cos 2x) + (\sin 2x \cdot \cos x - \sin x) = 0$$

$$\Leftrightarrow (\cos x + 2)\cos 2x + (2\cos^2 x - 1)\sin x = 0$$

$$\Leftrightarrow (\cos x + 2)\cos 2x + \sin x \cdot \cos 2x = 0 \Leftrightarrow (\cos x + \sin x + 2)\cos 2x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \cos x + \sin x + 2 = 0 \text{ (vô nghiệm)} \\ \cos 2x = 0 \end{cases} \Rightarrow \cos 2x = 0 \Leftrightarrow 2x = \frac{\pi}{2} + k\pi$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có một họ nghiệm.

2. Điều kiện: $\begin{cases} 3x+1 \geq 0 \\ 6-x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -\frac{1}{3} \leq x \leq 6. \quad (*)$

Biến đổi phương trình về dạng:

$$(\sqrt{3x+1}-4) - (\sqrt{6-x}-1) + 3x^2 - 14x - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{3x+1-16}{\sqrt{3x+1}-4} - \frac{6-x-1}{\sqrt{6-x}-1} + 3x^2 - 14x - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{3x-15}{\sqrt{3x+1}-4} + \frac{x-5}{\sqrt{6-x}-1} + (3x+1)(x-5) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x-5=0 \\ \frac{3}{\sqrt{3x+1}-4} + \frac{1}{\sqrt{6-x}-1} + 3x+1=0 \text{ (vn)} \end{cases} \Rightarrow x=5.$$

Vậy, phương trình có nghiệm duy nhất $x = 5$.

Câu III. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Đặt $u = \ln x$, suy ra $du = \frac{dx}{x}$.

Đối cận:

▪ Với $x = 1$ thì $u = 0$.

▪ Với $x = e$ thì $u = 1$.

Từ đó: $I = \int_0^1 \frac{u \cdot du}{(2+u)^2} = \int_0^1 \frac{[(2+u)-2] du}{(2+u)^2} = \int_0^1 \left[\frac{1}{2+u} - \frac{2}{(2+u)^2} \right] du$

$$= \left(\ln|2+u| + \frac{2}{2+u} \right) \Big|_0^1 = \ln \frac{3}{2} - \frac{1}{3}.$$

Cách 2: Đặt $u = 2 + \ln x$, suy ra $du = \frac{dx}{x}$.

Đổi cận:

- Với $x = 1$ thì $u = 2$.
- Với $x = e$ thì $u = 3$.

$$\text{Từ đó: } I = \int_2^3 \frac{(u-2)du}{u^2} = \int_2^3 \left(\frac{1}{u} - \frac{2}{u^2} \right) du = \left(\ln|u| + \frac{2}{u} \right) \Big|_2^3 = \ln \frac{3}{2} - \frac{1}{3}.$$

Câu IV. Gọi H là trung điểm của BC, theo giả thiết ta có:

$$\begin{cases} (A'BC) \cap (ABC) = BC \\ A'H \perp BC \\ AH \perp BC \end{cases}$$

$$\Rightarrow g((A'BC), (ABC)) = \widehat{A'HA} = 60^\circ.$$

a. Tính thể tích khối lăng trụ: Ta có:

$$V_{ABC.A'B'C'} = S_{\Delta ABC} \cdot A'A.$$

$$\text{Trong đó: } S_{\Delta ABC} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}.$$

$$A'A = AH \cdot \tan \widehat{A'HA} = \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a}{2}. \quad (3)$$

Thay (2), (3) vào (1), ta được:

$$V_{ABC.A'B'C'} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot \frac{3a}{2} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{8} \text{ (đvtt)}.$$

b. Tính bán kính mặt cầu ngoại tiếp tứ diện GABC: Ta có:

- Gọi I là hình chiếu vuông góc của G trên (ABC), suy ra I là trọng tâm ΔABC nên GI là trục đường tròn của ΔABC .
- Gọi M là trung điểm của GA và trong mặt phẳng (AGH) dựng đường trung trực Mx của GA. Khi đó, Mx cắt GI tại J thì J là tâm mặt cầu ngoại tiếp tứ diện GABC.

Nhận xét rằng:

$$GM \cdot GA = GJ \cdot GI \Leftrightarrow GJ = \frac{GM \cdot GA}{GI} = \frac{GA^2}{2GI} = \frac{GI^2 + AI^2}{2GI} = \frac{7a}{12}.$$

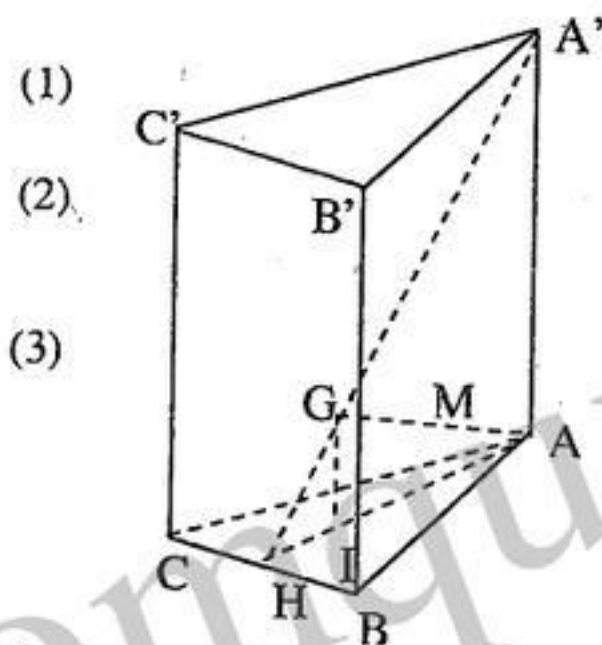
$$\text{Vậy, mặt cầu ngoại tiếp tứ diện GABC có bán kính } R = \frac{7a}{12}.$$

Câu V. Đặt $t = ab + bc + ca$ ($t \geq 0$), ta có:

$$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$$

$$\Rightarrow 1 = (a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \geq 3(ab + bc + ca) = 3t$$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 1 - 2t \text{ và } t \leq \frac{1}{3}.$$



Ngoài ra, theo Côsi ta có:

$$t^2 = (ab + bc + ca)^2 \leq 3(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) \Rightarrow M \geq t^2 + 3t + 2\sqrt{1-2t}$$

Xét hàm số $f(t) = t^2 + 3t + 2\sqrt{1-2t}$ trên tập $D = \left[0; \frac{1}{3}\right]$, ta có:

$$f'(t) = 2t + 3 - \frac{2}{\sqrt{1-2t}},$$

$$f''(t) = 2 - \frac{2}{\sqrt{(1-2t)^3}} \leq 0, \forall t \in D \Rightarrow f'(t) \text{ là hàm nghịch biến trên } D$$

$$\Rightarrow f'(t) \geq f'\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{11}{3} - 2\sqrt{3} > 0 \Rightarrow f(t) \text{ là hàm đồng biến trên } D$$

$$\Rightarrow f(t) \geq f(0) = 2.$$

Vậy, ta được $M_{\min} = 2$ đạt được khi $t = 0$, tức là với a, b, c không âm thỏa mãn:

$$\begin{cases} a + b + c = 1 \\ ab = bc = ca \\ ab + bc + ca = 0 \end{cases}$$

$\Leftrightarrow a, b, c$ là một trong các bộ số $(0; 0; 1), (0; 1; 0), (1; 0; 0)$.

Câu VI.a

1. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Ta lần lượt:

- Gọi $C'(x; y)$ là điểm đối xứng với C qua (d), ta có:

$$\begin{cases} CC' \perp (d) \\ \text{trung điểm I của } CC' \text{ thuộc } (d) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \overline{CC'} \perp \overline{u_d} \\ I \in (d) \end{cases}$$

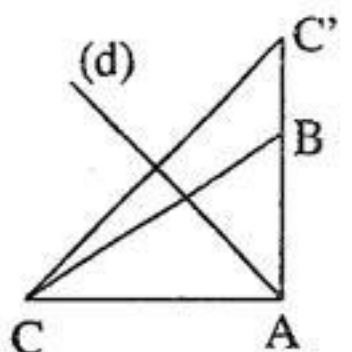
$$\Leftrightarrow \begin{cases} \overline{CC'} \cdot \overline{u_d} = 0 \\ I \in (d) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x+4) - (y-1) = 0 \\ \frac{x-4}{2} + \frac{y+1}{2} - 5 = 0 \end{cases} \Rightarrow C'(4; 9).$$

- Gọi (T) là đường tròn đường kính CC' , ta có:

$$(T): \begin{cases} \text{Tâm I}(0; 5) \\ \text{Bán kính } IC = \sqrt{32} \end{cases} \Leftrightarrow (T): x^2 + (y-5)^2 = 32.$$

- Vì ΔABC vuông tại A nên A là giao điểm của (d) với đường tròn (T) đường kính CC' , ta có:

$$\begin{cases} x + y - 5 = 0 \\ x^2 + (y-5)^2 = 32 \end{cases} \xrightarrow{x > 0} \begin{cases} x = 4 \\ y = 1 \end{cases} \Rightarrow A(4; 1).$$



- Phương trình đường thẳng (AC') được cho bởi:

$$(AC') : \begin{cases} \text{Qua A} \\ \text{Qua C'} \end{cases} \Leftrightarrow (AC') : \begin{cases} \text{Qua A(4; 1)} \\ \text{vtcp } \overline{AC'}(0; 8) \text{ chọn } (0; 1) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (AC') : x = 4 \Rightarrow B(4; b).$$

- Diện tích ΔABC bằng 24, suy ra:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \Leftrightarrow 24 = \frac{1}{2} AB \cdot 8 \Leftrightarrow AB = 6$$

$$\Leftrightarrow 36 = AB^2 = (b-1)^2 \Leftrightarrow \begin{cases} b=7 \\ b=-5 \end{cases} \Rightarrow B(4; 7) \text{ hoặc } B(4; -5).$$

Vì (d) là phân giác trong của góc $\hat{A}$ nên hai vector $\overline{AB}$, $\overline{AD}$ cùng hướng, suy ra $B(4; 7)$.

Khi đó, phương trình đường thẳng (BC) được cho bởi:

$$(BC) : \begin{cases} \text{Qua B} \\ \text{Qua C} \end{cases} \Leftrightarrow (BC) : \begin{cases} \text{Qua B(4; 7)} \\ \text{vtcp } \overline{BC}(-8; -6) \text{ chọn } (4; 3) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (BC) : \frac{x-4}{4} = \frac{y-7}{3} \Leftrightarrow (BC) : 3x - 4y + 16 = 0.$$

Cách 2: Ta lần lượt:

- Phân giác trong của góc vuông $\hat{A}$ có phương trình $x + y - 5 = 0$ (song song với đường phân giác góc phần tư thứ II) nên:

$$AC // Ox \Rightarrow y_A = y_C = 1 \Rightarrow x_A = 4 \Rightarrow A(4; 1)$$

$$\Rightarrow B(4; b) \text{ với } b > 1 \text{ và } AC = 8.$$

- Diện tích ΔABC bằng 24, suy ra:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \Leftrightarrow 24 = \frac{1}{2} AB \cdot 8 \Leftrightarrow AB = 6$$

$$\Leftrightarrow 36 = AB^2 = (b-1)^2 \Rightarrow b = 7 \Rightarrow B(4; 7).$$

Khi đó, phương trình đường thẳng (BC) được cho bởi:

$$(BC) : \begin{cases} \text{Qua B} \\ \text{Qua C} \end{cases} \Leftrightarrow (BC) : \begin{cases} \text{Qua B(4; 7)} \\ \text{vtcp } \overline{BC}(-8; -6) \text{ chọn } (4; 3) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow (BC) : \frac{x-4}{4} = \frac{y-7}{3} \Leftrightarrow (BC) : 3x - 4y + 16 = 0.$$

2. Sử dụng phương trình mặt phẳng chắn, ta được $(ABC) : \frac{x}{1} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$.

Ta lần lượt:

- Mặt phẳng (ABC) vuông góc với mặt phẳng (P) nên: $\frac{1}{b} - \frac{1}{c} = 0 \Leftrightarrow b = c$.

- Khoảng cách từ điểm O đến mặt phẳng (ABC) bằng $\frac{1}{3}$ nên:

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}}} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \sqrt{1 + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}} = 3 \Leftrightarrow \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} = 8 \Leftrightarrow \frac{2}{b^2} = 8$$

$$\Leftrightarrow b^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow b = \frac{1}{2}.$$

Vậy, với $b = c = \frac{1}{2}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.a. Giả sử $z = x + yi$, $x, y \in \mathbb{R}$.

Khi đó, ta có:

$$|(x + yi) - i| = |(1 + i)(x + yi)| \Leftrightarrow |x + (y-1)i| = |(x-y) + (x+y)i|$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{x^2 + (y-1)^2} = \sqrt{(x-y)^2 + (x+y)^2} \Leftrightarrow x^2 + y^2 - 2y + 1 = 2(x^2 + y^2)$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + 2y - 1 = 0 \Leftrightarrow x^2 + (y+1)^2 = 2.$$

Vậy, tập hợp điểm biểu diễn số phức z thuộc đường tròn $x^2 + (y+1)^2 = 2$.

Câu VI.b

- Với Elíp (E): $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{2} = 1$ có $a^2 = 3$, $b^2 = 2$ và $c^2 = a^2 - b^2 = 1$ nên:

$$F_1(-1; 0); F_2(1; 0).$$

Từ đó, suy ra phương trình đường thẳng (AF₁) được cho bởi:

$$(AF_1) : \begin{cases} \text{Qua A} \\ \text{Qua F}_1 \end{cases} \Leftrightarrow (AF_1) : \begin{cases} \text{Qua A(2; } \sqrt{3}) \\ \text{vtcp } \overline{AF_1}(-3; -\sqrt{3}) \text{ chọn } (\sqrt{3}; 1) \end{cases}$$

$$(AF_1) : x - y\sqrt{3} + 1 = 0.$$

Khi đó, tọa độ điểm M là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x - y\sqrt{3} + 1 = 0 \\ \frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{2} = 1 \\ y > 0 \end{cases} \Rightarrow M\left(1; \frac{2}{\sqrt{3}}\right) \Rightarrow N\left(1; \frac{4}{\sqrt{3}}\right).$$

Nhận xét rằng: $\overline{NA} \cdot \overline{F_2A} = \left(1; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right) \cdot \left(1; \sqrt{3}\right) = 0 \Rightarrow \Delta ANF_2$ vuông tại A.

Vậy, đường tròn (C) ngoại tiếp tam giác ΔANF_2 có đường kính là F_2N nên có phương trình:

$$(C) : (x-1)^2 + \left(y - \frac{2}{\sqrt{3}}\right)^2 = \frac{4}{3}.$$

2. Trước tiên, vì điểm M thuộc Ox nên M (m; 0; 0).

Với đường thẳng (Δ) thì nó đi qua điểm A(0; 1; 0) và có vpt $\vec{n}(2; 1; 2)$.

Khi đó:

$$d(M, (\Delta)) = OM \Leftrightarrow \frac{|\vec{n}, \overrightarrow{AM}|}{|\vec{n}|} = |m| \Leftrightarrow \frac{\sqrt{5m^2 + 4m + 8}}{\sqrt{4+1+4}} = |m|$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{5m^2 + 4m + 8} = 3|m| \Leftrightarrow m^2 - m - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m_1 = -1 \Rightarrow M_1(-1; 0; 0) \\ m_2 = 2 \Rightarrow M_2(2; 0; 0) \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm M_1, M_2 thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.b. Điều kiện: $3y - 1 > 0 \Leftrightarrow y > \frac{1}{3}$.

Biến đổi tương đương phương trình thứ nhất của hệ về dạng:

$$3y - 1 = 2^x \Leftrightarrow 3y = 2^x + 1. \quad (*)$$

Thay (*) vào phương trình thứ hai của hệ bằng cách:

$$3(4^x + 2^x) = 9y^2 \Leftrightarrow 3(2^{2x} + 2^x) = (2^x + 1)^2 \Leftrightarrow 2 \cdot 2^{2x} + 2^x - 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2^x = -1 \quad (1) \\ 2^x = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow x = -1 \Rightarrow y = \frac{1}{2}, \text{ thỏa mãn điều kiện.}$$

Vậy, hệ phương trình có một cặp nghiệm $\left(-1; \frac{1}{2}\right)$.

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2011

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = \frac{-x+1}{2x+1}$.

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số.
- Chứng minh rằng với mọi m đường thẳng $y = x + m$ luôn cắt đồ thị (C) tại hai điểm A và B. Gọi k_1, k_2 lần lượt là hệ số góc của các tiếp tuyến với (C) tại A và B. Tìm m để $k_1 + k_2$ đạt giá trị lớn nhất.

Câu II: (2 điểm)

- Giải phương trình: $\frac{1 + \sin 2x + \cos 2x}{1 + \cot^2 x} = \sqrt{2} \sin x \cdot \sin 2x$.
- Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0 \\ xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2 \end{cases}, (x, y \in \mathbb{R}).$

Câu III: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_0^{\pi/4} \frac{x \cdot \sin x + (x+1) \cos x}{x \cdot \sin x + \cos x} dx$.

Câu IV: (1 điểm): Cho hình chóp S.ABC có đáy ABC là tam giác vuông cân tại B, $AB = BC = 2a$, hai mặt phẳng (SAB) và (SAC) cùng vuông góc với mặt phẳng (ABC). Gọi M là trung điểm của AB, mặt phẳng qua SM và song song với BC, cắt AC tại N. Biết góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABC) bằng 60° . Tính thể tích khối chóp S.BCNM và khoảng cách giữa hai đường thẳng AB và SN theo a.

Câu V: (1 điểm): Cho x, y, z là ba số thực thuộc đoạn [1; 4] và $x \geq y, x \geq z$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \frac{x}{2x+3y} + \frac{y}{y+z} + \frac{z}{x+z}$.

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

- Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho đường thẳng (Δ): $x + y + 2 = 0$ và đường tròn (C): $x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$. Gọi I là tâm của đường tròn (C), M là điểm thuộc (Δ). Qua M kẻ các tiếp tuyến MA, MB đến (C) (A, B là các tiếp điểm). Tìm tọa độ điểm M, biết tứ giác MAIB có diện tích bằng 10.
- Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm A(2; 0; 1), B(0; -2; 3) và mặt phẳng (P): $2x - y - z + 4 = 0$. Tìm tọa độ điểm M thuộc (P) sao cho $MA = MB = 3$.

Câu VII.a (1 điểm): Tìm các số phức z, biết $z^2 = |z|^2 + \bar{z}$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu VI. b (2 điểm)

- Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho elíp (E): $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1$. Tìm tọa độ các điểm A và B thuộc (E), có hoành độ dương sao cho tam giác OAB cân tại O và có diện tích lớn nhất.
- Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4y - 4z = 0$ và điểm A(4; 4; 0). Viết phương trình mặt phẳng (OAB), biết điểm B thuộc (S) và tam giác OAB đều.

Câu VII.b (1 điểm): Tìm môđun của số phức z, biết:

$$(2z-1)(1+i) + (\bar{z}+1)(1-i) = 2-2i.$$

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

- Tham khảo phương pháp chuẩn để khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm phân thức bậc nhất trên bậc nhất.

2. Với bài toán này ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thiết lập phương trình hoành độ giao điểm:

$$\frac{-x+1}{2x-1} = x+m \Leftrightarrow f(x) = ax^2 + bx + c = 0 \text{ với } x \neq \frac{1}{2}. \quad (1)$$

Bước 2: Ta lần lượt:

- Để đồ thị (C) cắt đường thẳng tại 2 điểm phân biệt điều kiện là:

Phương trình (1) có hai nghiệm x_A, x_B phân biệt khác $\frac{1}{2}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a \neq 0 \\ \Delta_f > 0 \\ f(1/2) \neq 0 \end{cases} \quad (*)$$

Khi đó, với điều kiện (*): $\begin{cases} x_A + x_B = -b/a, \\ x_A x_B = c/a \end{cases}$

- Ta có: $k_1 + k_2 = y'(x_A) + y'(x_B) = -\frac{1}{(2x_A-1)^2} - \frac{1}{(2x_B-1)^2} = g(m)$

$\Rightarrow$ Giá trị lớn nhất tương ứng với giá trị của m.

Bước 3: Kết luận.

Câu II.

1. Với phương trình lượng giác kiểu này (chứa tanx và chứa ẩn ở mẫu) ta thực hiện thông qua các bước sau:

Bước 1: Đặt điều kiện có nghĩa cho phương trình, cụ thể:

$$\begin{cases} \sin x \neq 0 \\ 1 + \cot^2 x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}. \quad (*)$$

Tới đây, các em học sinh có thể dừng lại hoặc giải tiếp hệ điều kiện đó tùy thuộc vào biến đổi nháp của bước 2.

Bước 2: Lựa chọn phép biến đổi lượng giác phù hợp để chuyển phương trình ban đầu về dạng phương trình lượng giác cơ bản, từ đó nhận được nghiệm cho phương trình theo $k \in \mathbb{Z}$.

Cụ thể, với phương trình này chúng ta cần khử mẫu số và công việc sẽ được bắt đầu bằng việc sử dụng công thức cơ bản:

$$1 + \cot^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}.$$

- Khi đó, bằng việc sử dụng thêm công thức $\sin 2x = 2\sin x \cos x$ cho VP ta nhận được phương trình dạng:

$$(1 + \sin 2x + \cos 2x) \sin^2 x = 2\sqrt{2} \sin^2 x \cos x$$

- Và vì điều kiện $\sin x \neq 0$, chúng ta nhận được phương trình dạng:

$$1 + \sin 2x + \cos 2x = 2\sqrt{2} \cos x. \quad (1)$$

Tới đây, các em học sinh có thể tiếp tục theo một trong hai hướng biến đổi dựa theo công thức góc nhân đôi:

Hướng 1: Ta có:

$$(\sin x + \cos x)^2 + \cos^2 x - \sin^2 x = 2\sqrt{2} \cos x$$

$$\Leftrightarrow (\sin x + \cos x)(\sin x + \cos x + \cos x - \sin x) = 2\sqrt{2} \cos x$$

$$\Leftrightarrow 2(\sin x + \cos x) \cos x = 2\sqrt{2} \cos x$$

$$\Leftrightarrow (\cos x + \sin x - \sqrt{2}) \cos x = 0$$

Hướng 2: Ta có:

$$2 \cos^2 x + 2 \sin x \cos x = 2\sqrt{2} \cos x$$

$$\Leftrightarrow (\cos x + \sin x - \sqrt{2}) \cos x = 0$$

Bước 3: Kiểm tra điều kiện, từ đó kết luận về nghiệm của phương trình.

2. Đây là hệ phương trình không mẫu mực, do vậy để giải nó cần sử dụng phương pháp thế tức phải đi biến đổi một trong hai phương trình của hệ về dạng tích. Khi đó, ta có những đánh giá dẫn như sau:

- Phương trình thứ nhất trong hệ không có tính đối xứng và lại đa bậc nên việc biến đổi nó về dạng tích là không phù hợp.

- Phương trình thứ hai trong hệ có tính đối xứng với dạng trùng phương nên chúng ta sẽ lựa chọn một trong các hướng biến đổi theo dạng hệ đối xứng loại I như sau:

Hướng 1: Sử dụng $x^2 + y^2 = (x+y)^2 - 2xy$, ta có:

$$xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2$$

$$\Leftrightarrow xy[(x+y)^2 - 2xy] + 2 = (x+y)^2$$

$$\Leftrightarrow xy(x+y)^2 - 2x^2y^2 + 2 = (x+y)^2$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)(x+y)^2 - 2(x^2y^2-1) = 0$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)[(x+y)^2 - 2(xy+1)] = 0$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)(x^2 + y^2 + 2xy - 2xy - 2) = 0$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)(x^2 + y^2 - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 1 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$$

Hướng 2: Sử dụng $(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$, ta có:

$$xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2 \Leftrightarrow xy(x^2 + y^2) + 2 = x^2 + y^2 + 2xy$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)(x^2 + y^2) + 2 - 2xy = 0$$

$$\Leftrightarrow (xy-1)(x^2 + y^2 - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 1 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$$

- Từ đó, hệ ban đầu được chuyển thành hai hệ nhỏ:

$$\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0 \\ xy = 1 \end{cases} \quad (I)$$

$$\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases} \quad (II)$$

và mỗi hệ đó được giải bằng phương pháp thế.

Câu III. Chỉ cần đánh giá được TS là:

$$TS = (x \cdot \sin x + \cos x) + x \cdot \cos x$$

chúng ta thấy ngay rằng I sẽ được tách thành hai tích phân nhỏ, cụ thể:

$$I = \int_0^{\pi/4} \frac{x \cdot \sin x + \cos x + x \cdot \cos x}{x \cdot \sin x + \cos x} dx = \underbrace{\int_0^{\pi/4} dx}_{I_1} + \underbrace{\int_0^{\pi/4} \frac{x \cdot \cos x}{x \cdot \sin x + \cos x} dx}_{I_2}$$

và việc tính I_1, I_2 là khá đơn giản.

Câu IV. Trước tiên, chúng ta cần sử dụng giả thiết để thiết lập được:

$SA \perp (ABC)$ – Tính chất hai mặt phẳng cùng vuông góc với mặt phẳng thứ ba.

$((SBC), (ABC)) = \widehat{SBA} = 60^\circ$ – Định nghĩa góc giữa hai mặt phẳng.

1. Với khối chóp S.BCNM, ta có ngay: $V_{S.BCNM} = \frac{1}{3} S_{BCNM} \cdot SA$.

Trong đó:

- Độ dài của SA được bằng việc sử dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông SAB, cụ thể:

$$SA = AB \cdot \tan \widehat{SBA}.$$

- Diện tích tứ giác BCNM (hình thang vuông) ta có thể lựa chọn một trong hai hướng:
Hướng 1: Sử dụng công thức tính diện tích hình thang:

$$S_{BCNM} = \frac{1}{2} (MN + BC) MB$$

Hướng 2: Sử dụng công thức ghép:

$$S_{BCNM} = S_{\triangle ABC} - S_{\triangle ANM} = \frac{1}{2} AB \cdot BC - \frac{1}{2} AM \cdot MN.$$

2. Để tính khoảng cách giữa AB và SN, chúng ta chỉ cần thực hiện:

- Tìm đoạn vuông góc chung của AB và SN, cụ thể với các em học sinh có kiến thức hình học phẳng vững sẽ dễ nhận thấy rằng cần tạo dựng một mặt phẳng (P) chứa SN và song song với AB, từ đó:

$$d(AB, SN) = d(AB, (P)) = d(A, (P)) = AH$$

với H là hình chiếu vuông góc của A trên (P).

$$d(DM, SC) = HK.$$

- Để tính AH ta sử dụng công thức đường cao trong tam giác vuông.

Câu V. Trước tiên, các em học sinh cần nhận thấy rằng P gồm ba phần với hai nhân tử có

tính gần đối xứng là $\frac{y}{y+z}, \frac{z}{x+z}$. Từ đó, định hướng biến đổi tổng này theo nhân tử

còn lại với ẩn phụ $t = \sqrt{\frac{x}{y}}$, bởi P có thể được viết lại dưới dạng:

$$P = \frac{1}{2+3\frac{y}{x}} + \frac{1}{1+\frac{z}{y}} + \frac{1}{1+\frac{x}{z}} \geq \frac{1}{2+\frac{3}{t^2}} + f(t).$$

Từ đó, dẫn tới việc cần có được một bất đẳng thức dạng: $\frac{1}{1+a} + \frac{1}{1+b} \geq f(ab)$

bởi với $a = \frac{z}{y}, b = \frac{x}{z}$ thì $ab = \frac{x}{y} = t^2$. Và bất đẳng thức được đề cập ở đây là:

$$\frac{1}{1+a} + \frac{1}{1+b} \geq \frac{2}{1+\sqrt{ab}}, \text{ với } a, b \text{ dương và } ab \geq 1.$$

- Bất đẳng thức này được chứng minh bằng phương pháp biến đổi tương đương.

$$\text{Khi đó, ta nhận được: } P \geq \frac{t^2}{2t^2+3} + \frac{2}{1+t}$$

và bài toán được chuyển về việc sử dụng đạo hàm để tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số

$$g(t) = \frac{t^2}{2t^2+3} + \frac{2}{1+t} \text{ trên } [1; 2].$$

Câu VI.a

1. Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc đường thẳng thỏa mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Xác định thuộc tính của đường tròn (C). Chuyển phương trình đường thẳng (Δ) về dạng tham số theo t để có được biểu diễn tọa độ của điểm M theo t.

Bước 2: Từ giả thiết MAIB có diện tích bằng 10, ta được:

$$S_{MAIB} = 2S_{\triangle MAI} = IA \cdot MA \Rightarrow \text{Độ dài MA} \Rightarrow \text{Độ dài MI} \Rightarrow \text{Giá trị của t.}$$

Bước 3: Kết luận về tọa độ của điểm M.

2. Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc mặt phẳng thỏa mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Giả sử $M(x; y; z)$ thuộc (P) thì $2x - y - z + 4 = 0$.

Bước 2: Từ giả thiết tạo lập một hệ phương trình với ba ẩn x, y, z rồi giải nó.

Bước 3: Kết luận về tọa độ của điểm M.

Câu VII.a. Với bài toán này các em học sinh chỉ cần sử dụng dạng tổng quát của số phức $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$) kết hợp với các biến đổi đơn:

$$z^2 = (a + bi)^2 = a^2 + b^2 i^2 + 2abi = a^2 - b^2 + 2abi,$$

$$|z| = \sqrt{a^2 + b^2}, \quad \bar{z} = a - bi$$

từ đó, sử dụng định nghĩa hai số phức bằng nhau để thiết lập được một hệ phương trình theo a, b.

Câu VI.b.

1. Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc elíp thỏa mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Với điểm A(x; y), $0 < x < 2$ thuộc (E) thì $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1$. (*)

Bước 2: Từ giả thiết:

– B có hoành độ dương và tam giác OAB cân tại O nên B(x; -y).

– Với H là trung điểm AB thì: $S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} OH \cdot AB = \frac{1}{2} x \sqrt{4 - x^2}$.

Bước 3: Để tam giác OAB có diện tích lớn nhất bài toán được chuyển về việc tìm giá trị lớn nhất của hàm số $f(x) = \frac{1}{2} x \sqrt{4 - x^2}$, $x \in (0; 2)$.

Công việc này có thể được thực hiện bằng việc Sử dụng bất đẳng thức Côsi hoặc phương pháp hàm số. Từ đó, nhận được giá trị tương ứng của x và thay x vào (*) để nhận được giá trị y.

Bước 4: Kết luận về tọa độ của các điểm A và B.

2. Nhiều em học sinh sẽ định hướng đây thuộc dạng toán "Tìm điểm thuộc mặt cầu thỏa mãn điều kiện K" bởi nghĩ rằng muốn có phương trình mặt phẳng (OAB) cần tìm thêm tọa độ điểm B dựa theo giả thiết ΔOAB đều và khi đó các bước thực hiện sẽ là:

Bước 1: Giả sử B(x; y; z).

Bước 2: Từ giả thiết ta có hệ điều kiện:

$$\begin{cases} B \in (S) \\ OA = AB = OB \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} B \in (S) \\ AB^2 = OA^2 \\ AB^2 = OB^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4y - 4z = 0 \\ (x-4)^2 + (y-4)^2 + z^2 = 4^2 + 4^2 \\ (x-4)^2 + (y-4)^2 + z^2 = x^2 + y^2 + z^2 \end{cases} \quad (I)$$

Giải hệ (I) để nhận được x, y, z.

Bước 3: Lập phương trình mặt phẳng (OAB).

Cách giải trên không sai nhưng đã bỏ qua các tính chất đặc biệt của giả thiết đó là các điểm O, A đều thuộc mặt cầu (S). Do đó, bài toán này sẽ được giải tối ưu như sau:

Bước 1: Xác định thuộc tính của mặt cầu (S) với tâm I(2; 2; 2) và bán kính $R = 2\sqrt{3}$.

Bước 2: Nhận thấy rằng các điểm O, A thuộc (S) và với giả thiết ΔOAB đều nên nó có bán kính đường tròn ngoại tiếp $r = \frac{OA}{\sqrt{3}}$.

Bước 3: Từ giả thiết:

▪ (OAB) đi qua O nên có dạng:

(OAB): $ax + by + cz = 0$, $a^2 + b^2 + c^2 > 0$. (*)

▪ (OAB) đi qua A nên:

$4a + 4b = 0 \Leftrightarrow b = -a$. (1)

Bước 4: Khi đó, khoảng cách từ I tới (OAB) được cho bởi:

$\frac{|2a + 2b + 2c|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} = \sqrt{R^2 - r^2} \Leftrightarrow c = ka$. (2)

Bước 5: Thay (1), (2) vào (*) ta nhận được phương trình mặt phẳng (OAB).

Câu VII.b. Với bài toán này các em học sinh chỉ cần sử dụng dạng tổng quát của số phức $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$), $\bar{z} = a - bi$ và kết hợp với các biến đổi đơn.

Cuối cùng sử dụng công thức $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Ta lần lượt có:

a. **Hàm số xác định** trên $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$.

b. **Sự biến thiên của hàm số:**

▪ Giới hạn của hàm số tại vô cực, giới hạn vô cực và các đường tiệm cận:

$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\frac{1}{2}$ nên $y = -\frac{1}{2}$ là đường tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^+} y = +\infty$ và $\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^-} y = -\infty$ nên $x = \frac{1}{2}$ là đường tiệm cận đứng.

▪ Bảng biến thiên:

$y' = -\frac{1}{(2x-1)^2} < 0$ với mọi $x \in D \Rightarrow$ hàm số nghịch biến trên D.

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
y'	-		-
y	$-\frac{1}{2}$	$-\infty$	$+\infty$

c. **Đồ thị của hàm số:** Đồ thị hàm số nhận điểm $I\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$ làm tâm đối xứng.

Lấy thêm các điểm A(0; -1) và B(1; 0). *Bạn đọc tự vẽ hình.*

2. Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và đường thẳng (d): $y = x + m$ là:

$\frac{-x+1}{2x-1} = x+m \Leftrightarrow f(x) = 2x^2 + 2mx - m - 1 = 0$. (1)

Trước tiên, để đồ thị (C) cắt đường thẳng (d) tại 2 điểm phân biệt A, B điều kiện là phương trình (1) có hai nghiệm x_A, x_B phân biệt khác $\frac{1}{2}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta'_f > 0 \\ f\left(\frac{1}{2}\right) \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 + 2m + 2 > 0 \\ -\frac{3}{2} \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \text{Với mọi } m.$$

Như vậy, ta có:
$$\begin{cases} x_A + x_B = -m \\ x_A x_B = -\frac{m+1}{2} \end{cases}$$

Ta có: $k_1 + k_2 = y'(x_A) + y'(x_B)$

$$\begin{aligned} &= -\frac{1}{(2x_A - 1)^2} - \frac{1}{(2x_B - 1)^2} = -\frac{(2x_A - 1)^2 + (2x_B - 1)^2}{(2x_A - 1)^2 (2x_B - 1)^2} \\ &= -\frac{4(x_A + x_B)^2 - 8x_A x_B - 4(x_A + x_B) + 2}{[4x_A x_B - 2(x_A + x_B) + 1]^2} \\ &= -\frac{4(-m)^2 - 8\left(-\frac{m+1}{2}\right) - 4(-m) + 2}{\left[4\left(-\frac{m+1}{2}\right) - 2(-m) + 1\right]^2} = -\frac{4m^2 - 8m - 6}{[4\left(-\frac{m+1}{2}\right) - 2(-m) + 1]^2} \\ &= -\frac{4m^2 - 8m - 6}{(-2m - 2)^2} = -\frac{4m^2 - 8m - 6}{4(m+1)^2} \leq -2. \end{aligned}$$

Suy ra $k_1 + k_2$ đạt giá trị lớn nhất bằng -2 khi và chỉ khi: $m + 1 = 0 \Leftrightarrow m = -1$.

Vậy, với $m = -1$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu II.

1. Điều kiện: $\begin{cases} \sin x \neq 0 \\ 1 + \cot^2 x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}. \quad (*)$

Biến đổi phương trình về dạng:
$$\frac{1 + \sin 2x + \cos 2x}{\sin^2 x} = \sqrt{2} \sin x \cdot \sin 2x$$

$$\Leftrightarrow (1 + \cos 2x + \sin 2x) \sin^2 x = 2\sqrt{2} \sin^2 x \cos x$$

$$\Leftrightarrow 2\cos^2 x + 2\sin x \cos x = 2\sqrt{2} \cos x \Leftrightarrow (\cos x + \sin x - \sqrt{2}) \cos x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \cos x + \sin x - \sqrt{2} = 0 \\ \cos x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} \\ \cos x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = 1 \\ \cos x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x + \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ x = \frac{\pi}{2} + k\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{4} + k2\pi \\ x = \frac{\pi}{2} + k\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có hai họ nghiệm.

2. Kí hiệu các phương trình trong hệ theo thứ tự là (1), (2).

Biến đổi phương trình (2) về dạng:

$$xy(x^2 + y^2) + 2 = x^2 + y^2 + 2xy$$

$$\Leftrightarrow (xy - 1)(x^2 + y^2) + 2 - 2xy = 0 \Leftrightarrow (xy - 1)(x^2 + y^2) - 2(xy - 1) = 0$$

$$\Leftrightarrow (xy - 1)(x^2 + y^2 - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} xy - 1 = 0 \\ x^2 + y^2 - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 1 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

▪ Với $xy = 1$ thì (1) có dạng:

$$5x - 4y + 3y^3 - 2(x + y) = 0 \Leftrightarrow 3y^3 - 6y + 3x = 0 \Leftrightarrow y^3 - 2y + \frac{1}{y} = 0$$

$$\Leftrightarrow y^4 - 2y^2 + 1 = 0 \Leftrightarrow (y^2 - 1)^2 = 0 \Leftrightarrow y^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 \Rightarrow x = 1 \\ y = -1 \Rightarrow x = -1 \end{cases}$$

▪ Với $x^2 + y^2 = 2$ thì (1) có dạng:

$$3y(x^2 + y^2) + 2x^2y - 4xy^2 - 2(x + y) = 0$$

$$\Leftrightarrow 6y + 2x^2y - 4xy^2 - 2(x + y) = 0 \Leftrightarrow 4y + 2x^2y - 4xy^2 - 2x = 0$$

$$\Leftrightarrow 2y + xy(x - 2y) - x = 0 \Leftrightarrow (xy - 1)(x - 2y) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} xy - 1 = 0 \\ x - 2y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 1 \text{ (đã xét)} \\ x = 2y \end{cases}$$

Khi đó $x^2 + y^2 = 2$ có dạng:

$$(2y)^2 + y^2 = 2 \Leftrightarrow 5y^2 = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{\sqrt{10}}{5} \Rightarrow x = \frac{2\sqrt{10}}{5} \\ y = -\frac{\sqrt{10}}{5} \Rightarrow x = -\frac{2\sqrt{10}}{5} \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có bốn cặp nghiệm:

$$(1; 1), (-1; -1), \left(\frac{2\sqrt{10}}{5}; \frac{\sqrt{10}}{5}\right), \left(-\frac{2\sqrt{10}}{5}; -\frac{\sqrt{10}}{5}\right).$$

Câu III. Ta có biến đổi:

$$I = \int_0^{\pi/4} \frac{x \cdot \sin x + \cos x + x \cdot \cos x}{x \cdot \sin x + \cos x} dx = \underbrace{\int_0^{\pi/4} dx}_{I_1} + \underbrace{\int_0^{\pi/4} \frac{x \cdot \cos x}{x \cdot \sin x + \cos x} dx}_{I_2}. \quad (1)$$

Ta lần lượt:

- Với I_1 thì: $I_1 = x \Big|_0^{\pi/4} = \frac{\pi}{4}$.
- Với I_2 thì với nhận xét $(x \cdot \sin x + \cos x)' = \sin x + x \cdot \cos x - \sin x = x \cdot \cos x$ ta viết lại nó dưới dạng:

$$I_2 = \int_0^{\pi/4} \frac{d(x \cdot \sin x + \cos x)}{x \cdot \sin x + \cos x} = \left(\ln |x \cdot \sin x + \cos x| \right) \Big|_0^{\pi/4}$$

$$= \ln \left| \frac{\pi}{4} \cdot \sin \frac{\pi}{4} + \cos \frac{\pi}{4} \right| - \ln |0 \cdot \sin 0 + \cos 0| = \ln \left[\frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{\pi}{4} + 1 \right) \right]$$

Thay I_1 và I_2 vào (1) ta được $I = \frac{\pi}{4} + \ln \left[\frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{\pi}{4} + 1 \right) \right]$.

Câu IV. Từ giả thiết:

$$\begin{cases} (SAB) \perp (ABC) \\ (SAC) \perp (ABC) \end{cases} \Rightarrow SA \perp (ABC) \text{ và } ((SBC), (ABC)) = \widehat{SBA} = 60^\circ.$$

Mặt phẳng qua SM và song song với BC, cắt AC tại N thì MN // BC và N là trung điểm của AC.

a. Tính thể tích khối chóp S.BCNM: Ta có:

$$V_{S.BCNM} = \frac{1}{3} S_{BCNM} \cdot SA. \quad (1)$$

Trong đó:

$$SA = AB \cdot \tan \widehat{SBA} = 2a \cdot \tan 60^\circ = 2a\sqrt{3}. \quad (2)$$

$$S_{BCNM} = \frac{1}{2} (MN + BC) \cdot MB = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} BC + BC \right) \cdot \frac{1}{2} AB$$

$$= \frac{3}{8} AB^2 = \frac{3}{8} (2a)^2 = \frac{3a^2}{2}. \quad (3)$$

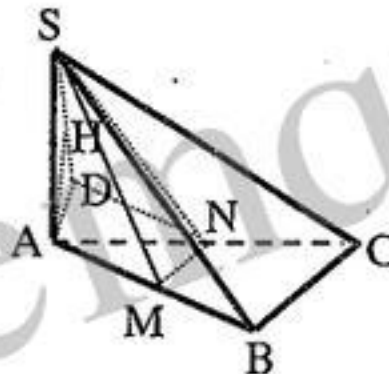
Từ đó, bằng cách thay (2), (3) vào (1) ta được: $V_{S.BCNM} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3a^2}{2} \cdot 2a\sqrt{3} = a^3\sqrt{3}$.

b. Tính khoảng cách giữa AB và SN: Trong mặt phẳng (ABC) kẻ đường thẳng (d) qua N và song song với AB và hạ AD vuông góc với (d) ($D \in (d)$), từ đó suy ra:

$AB \parallel (SND) \Rightarrow d(AB, SN) = d(AB, (SND)) = d(A, (SND)) = AH$
trong đó H là hình chiếu vuông góc của A trên SD.

Trong $\triangle SAD$, ta có:

$$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AD^2} + \frac{1}{SA^2} = \frac{1}{MN^2} + \frac{1}{SA^2}$$



$$\Leftrightarrow AH = \frac{SA \cdot MN}{\sqrt{SA^2 + MN^2}} = \frac{2a\sqrt{3} \cdot a}{\sqrt{(2a\sqrt{3})^2 + a^2}} = \frac{2a\sqrt{39}}{13}.$$

Câu V. Trước tiên, ta đi chứng minh:

$$\frac{1}{1+a} + \frac{1}{1+b} \geq \frac{2}{1+\sqrt{ab}}, \text{ với } a, b \text{ dương và } ab \geq 1.$$

Thật vậy, biến đổi bất đẳng thức về dạng:

$$\frac{1+b+1+a}{(1+a)(1+b)} \geq \frac{2}{1+\sqrt{ab}} \Leftrightarrow (a+b+2)(1+\sqrt{ab}) \geq 2(1+a)(1+b)$$

$$\Leftrightarrow (a+b)\sqrt{ab} + 2\sqrt{ab} \geq a+b+2ab \Leftrightarrow (a+b)(\sqrt{ab}-1) - 2\sqrt{ab}(\sqrt{ab}-1) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (a+b-2\sqrt{ab})(\sqrt{ab}-1) \geq 0 \Leftrightarrow (\sqrt{a}-\sqrt{b})^2(\sqrt{ab}-1) \geq 0$$

bất đẳng thức trên luôn đúng với a, b dương, $ab \geq 1$ và dấu "=" xảy ra khi $a = b$ hoặc $ab = 1$.

Áp dụng bất đẳng thức trên, bằng việc viết lại P dưới dạng:

$$P = \frac{1}{2+3\frac{y}{x}} + \frac{1}{1+\frac{z}{y}} + \frac{1}{1+\frac{x}{z}} \geq \frac{1}{2+3\frac{y}{x}} + \frac{2}{1+\sqrt{\frac{x}{y}}}$$

dấu "=" xảy ra khi $\frac{z}{y} = \frac{x}{z}$ hoặc $\frac{x}{y} = 1$. Đặt $t = \sqrt{\frac{x}{y}}$, $t \in [1; 2]$

xét hàm số $g(t) = \frac{1}{2+\frac{3}{t^2}} + \frac{2}{1+t} = \frac{t^2}{2t^2+3} + \frac{2}{1+t}$ trên $[1; 2]$, ta có:

$$g'(t) = \frac{2t(2t^2+3)-4t \cdot 2t^2}{(2t^2+3)^2} - \frac{2}{(1+t)^2}$$

$$= \frac{2[t(2t^2+3)-4t^3](1+t)^2 - 2(2t^2+3)^2}{(2t^2+3)^2(1+t)^2}$$

$$= -\frac{2[t^3(4t-3)+3t(2t-1)+9]}{(2t^2+3)^2(1+t)^2} < 0$$

$$\Rightarrow \text{Hàm số } g(x) \text{ nghịch biến trên } [1; 2] \Rightarrow g(t) \geq g(2) = \frac{34}{33}$$

dấu "=" xảy ra khi: $t = 2 \Leftrightarrow \sqrt{\frac{x}{y}} = 2 \Leftrightarrow \frac{x}{y} = 4 \Leftrightarrow x = 4y \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ y = 1 \end{cases}$

Từ đó, ta có $P_{\min} = \frac{34}{33}$ đạt được khi:

$$\begin{cases} x = 4, y = 1 \\ \frac{z}{y} = \frac{x}{z} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4, y = 1 \\ z^2 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4, y = 1 \\ z = 2 \end{cases}$$

Vậy, ta có $P_{\min} = \frac{34}{33}$ đạt được khi $x = 4, y = 1, z = 2$.

Câu VI.a

1. Học sinh tự vẽ hình.

Đường tròn (C) có tâm I(2; 1) và bán kính $R = \sqrt{5}$.

Chuyển phương trình đường thẳng (Δ) về dạng tham số:

$$(\Delta): \begin{cases} x = t \\ y = -t - 2 \end{cases}, (t \in \mathbb{R}) \Rightarrow M(t; -t - 2).$$

Ta có: $S_{MAIB} = 2S_{MAI} = IA \cdot MA \Leftrightarrow 10 = \sqrt{5} \cdot MA \Leftrightarrow MA = 2\sqrt{5}$

$$MI^2 = MA^2 + IA^2 = (2\sqrt{5})^2 + (\sqrt{5})^2 = 25$$

$$\Leftrightarrow (t - 2)^2 + (-t - 2 - 1)^2 = 25 \Leftrightarrow 2t^2 + 2t - 12 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t = 2 \\ t = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} M_1(2; -4) \\ M_2(-3; 1) \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm $M_1(2; -4)$ và $M_2(-3; 1)$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

2. Giả sử $M(x; y; z)$ thuộc (P) thì $2x - y - z + 4 = 0$.

Kết hợp với giả thiết $MA = MB = 3$ ta có được hệ phương trình:

$$\begin{cases} 2x - y - z + 4 = 0 \\ (x - 2)^2 + y^2 + (z - 1)^2 = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - z + 4 = 0 \\ x + y - z + 2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2y - 2 \\ z = 3y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2y - 2 \\ z = 3y \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 1 \Rightarrow x = 0, z = 3 \\ y = \frac{4}{7} \Rightarrow x = -\frac{6}{7}, z = \frac{12}{7} \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm $M_1(0; 1; 3)$ và $M_2(-\frac{6}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7})$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.a. Giả sử $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$) ta có ngay:

$$(a + bi)^2 = a^2 + b^2 + (a - bi) \Leftrightarrow (a^2 - b^2) + 2abi = (a^2 + b^2 + a) - bi$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a^2 - b^2 = a^2 + b^2 + a \\ 2ab = -b \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -2b^2 \\ b(2a + 1) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -2b^2 \\ b = 0 \\ a = -1/2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} b = 0 \& a = 0 \\ a = -\frac{1}{2} \& -\frac{1}{2} = -2b^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 0 \& a = 0 \\ a = -\frac{1}{2} \& b^2 = \frac{1}{4} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = b = 0 \\ a = -\frac{1}{2}, b = \pm \frac{1}{2} \end{cases}$$

Vậy, tồn tại ba số phức $z = 0, z = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2}i, z = -\frac{1}{2} - \frac{1}{2}i$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VI.b

1. Với điểm $A(x; y)$, $0 < x < 2$ thuộc (E) thì:

$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1 \Leftrightarrow x^2 + 4y^2 = 4 \Leftrightarrow 4y^2 = 4 - x^2 \quad (*)$$

Từ giả thiết:

▪ B có hoành độ dương và tam giác OAB cân tại O nên $B(x; -y)$ và:

$$AB = \sqrt{(y + y)^2} = \sqrt{4y^2} = \sqrt{4 - x^2}.$$

▪ Với H là trung điểm AB thì $OH \perp AB$ và $OH = x$.

$$\text{Khi đó: } S_{\Delta OAB} = \frac{1}{2} OH \cdot AB = \frac{1}{2} x \sqrt{4 - x^2} = \frac{1}{2} \sqrt{x^2(4 - x^2)} \leq \frac{1}{2} \cdot \frac{x^2 + (4 - x^2)}{2} = 1$$

Tức ΔOAB có diện tích lớn nhất bằng 1 và đạt được khi:

$$x^2 = 4 - x^2 \Leftrightarrow x^2 = 2 \Leftrightarrow x = \sqrt{2} \Rightarrow 4y^2 = 2 \Leftrightarrow y = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}.$$

Vậy, ta được

$$A\left(\sqrt{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \& B\left(\sqrt{2}; -\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \text{ hoặc } A\left(\sqrt{2}; -\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \& B\left(\sqrt{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}\right).$$

2. Mặt cầu (S) có tâm I(2; 2; 2) và bán kính $R = 2\sqrt{3}$.

Nhận thấy rằng các điểm O, A thuộc (S) và với giả thiết ΔOAB đều nên nó có bán kính đường tròn ngoại tiếp r được cho bởi:

$$r = \frac{OA}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{6}}{3}.$$

Từ giả thiết:

- (OAB) đi qua O nên có dạng $ax + by + cz = 0, a^2 + b^2 + c^2 > 0$. (*)
- (OAB) đi qua A nên $4a + 4b = 0 \Leftrightarrow b = -a$.

Khi đó, khoảng cách từ I tới (OAB) được cho bởi:

$$\frac{|2a + 2b + 2c|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} = \sqrt{R^2 - r^2} \Leftrightarrow \frac{|2c|}{\sqrt{2a^2 + c^2}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \Leftrightarrow \sqrt{3}|c| = \sqrt{2a^2 + c^2}$$

$$\Leftrightarrow 3c^2 = 2a^2 + c^2 \Leftrightarrow c = \pm a.$$

Ta lần lượt:

- Với $c = a$ thì mặt phẳng (OAB) có dạng:
(OAB): $ax - ay + az = 0 \Leftrightarrow$ (OAB): $x - y + z = 0$.
- Với $c = -a$ thì mặt phẳng (OAB) có dạng:
(OAB): $ax - ay - az = 0 \Leftrightarrow$ (OAB): $x - y - z = 0$.

Vậy, tồn tại hai mặt phẳng (OAB) thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.b. Giả sử $z = a + bi, (a, b \in \mathbb{R})$ ta có ngay:

$$[2(a + bi) - 1](1 + i) + (a - bi + 1)(1 - i) = 2 - 2i$$

$$\Leftrightarrow [(2a - 1) + 2bi](1 + i) + [(a + 1) - bi](1 - i) = 2 - 2i$$

$$\Leftrightarrow (3a - 3b) + (a + b - 2)i = 2 - 2i$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3a - 3b = 2 \\ a + b - 2 = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3a - 3b = 2 \\ a + b = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -b \\ b = -\frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow z = \frac{1}{3} - \frac{1}{3}i.$$

Khi đó, môđun của z là $|z| = \sqrt{\left(\frac{1}{3}\right)^2 + \left(-\frac{1}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{2}}{3}.$

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2011

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7.0 điểm)

Câu I: (2 điểm): Cho hàm số: $y = x^4 - 2(m + 1)x^2 + m$ (1), m là tham số.

1. Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số (1) khi $m = 1$.
2. Tìm m để đồ thị hàm số (1) có ba điểm cực trị A, B, C sao cho $OA = BC$, trong đó O là gốc tọa độ, A là điểm cực trị thuộc trục tung, B và C là hai điểm cực trị còn lại.

Câu II: (2 điểm)

1. Giải phương trình $\sin 2x \cdot \cos x + \sin x \cdot \cos x = \cos 2x + \sin x + \cos x$.
2. Giải phương trình: $3\sqrt{2+x} - 6\sqrt{2-x} + 4\sqrt{4-x^2} = 10 - 3x, (x \in \mathbb{R}).$

Câu III: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_0^{\pi/3} \frac{1 + x \cdot \sin x}{\cos^2 x} dx.$

Câu IV: (1 điểm): Cho lăng trụ $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ có đáy ABCD là hình chữ nhật, $AB = a, AD = a\sqrt{3}$. Hình chiếu vuông góc của điểm A_1 trên mặt phẳng (ABCD) trùng với giao điểm của AC và BD. Góc giữa hai mặt phẳng (ADD_1A_1) và (ABCD) bằng 60° . Tính thể tích khối lăng trụ đã cho và khoảng cách từ B_1 đến mặt phẳng (A_1BD) theo a .

Câu VI: (1 điểm): Cho hai số thực a, b dương thỏa mãn:

$$2(a^2 + b^2) + ab = (a + b)(ab + 2).$$

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = 4\left(\frac{a^3}{b^3} + \frac{b^3}{a^3}\right) - 9\left(\frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2}\right).$

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu VI. a (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho hai đường thẳng $(\Delta): x - y - 4 = 0$ và $(d): 2x - y - 2 = 0$. Tìm tọa độ điểm N thuộc đường thẳng (d) sao cho đường thẳng (ON) cắt đường thẳng (Δ) tại điểm M thỏa mãn $OM.ON = 8$.
2. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $(\Delta): \frac{x-2}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{-1}$ và mặt phẳng $(P): x + y + z - 3 = 0$. Gọi I là giao điểm của (Δ) và (P) . Tìm tọa độ điểm M thuộc (P) sao cho MI vuông góc với (Δ) và $MI = 4\sqrt{14}$.

Câu VII.a (1 điểm): Tìm các số phức z , biết $\bar{z} - \frac{5+i\sqrt{3}}{z} - 1 = 0$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu VI. b (2 điểm)

1. Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho ΔABC có đỉnh $B\left(\frac{1}{2}; 1\right)$. Đường tròn nội tiếp ΔABC tiếp xúc với các cạnh BC, CA, AB tương ứng tại các điểm D, E, F. Cho $D(3; 1)$ và đường thẳng $(EF): y - 3 = 0$. Tìm tọa độ đỉnh A, biết A có tung độ dương.
2. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $(\Delta): \frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{3} = \frac{z+5}{-2}$ và hai điểm $A(-2; 1; 1), B(-3; -1; 2)$. Tìm tọa độ điểm M thuộc đường thẳng (Δ) sao cho ΔMAB có diện tích bằng $3\sqrt{5}$.

Câu VII.b (1 điểm): Tìm phần thực và phần ảo của số phức $z = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1+i}\right)^3$.

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu I.

1. Tham khảo phương pháp chuẩn để khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm đa thức bậc bốn dạng trùng phương.
2. Với dạng toán "Tìm thuộc tính các điểm cực trị của hàm số" ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thực hiện:

- Miền xác định $D = \mathbb{R}$.
- Tính đạo hàm rồi thiết lập phương trình $y' = 0$. (1)

Bước 2: Hàm số có ba điểm cực trị A, B, C

$\Leftrightarrow$ (1) có ba nghiệm phân biệt.

Bước 3: Tìm ba nghiệm của (1) và tọa độ ba điểm cực trị A, B, C của đồ thị hàm số.

Sử dụng điều kiện:

$$OA = BC \Leftrightarrow OA^2 = BC^2 \Rightarrow \text{Giá trị của tham số.}$$

Bước 4: Kết luận.

Câu II.

1. Với phương trình lượng giác kiểu này ta thực hiện việc biến đổi nó về dạng phương trình tích bằng phép thử dần, cụ thể:

$$\begin{aligned} \sin 2x \cdot \cos x &= 2 \sin x \cdot \cos x \cdot \cos x = 2 \cos^2 x \cdot \sin x = (1 + \cos 2x) \sin x \\ &= \sin x + \cos 2x \cdot \sin x. \end{aligned}$$

Khi đó, sẽ đơn giản được $\sin x$ ở hai vế của phương trình và ta được:

$$\begin{aligned} \cos 2x \cdot \sin x + \sin x \cdot \cos x &= \cos 2x + \cos x \\ \Leftrightarrow (\sin x - 1) \cos 2x + (\sin x - 1) \cos x &= 0 \Leftrightarrow (\sin x - 1)(\cos 2x + \cos x) = 0. \end{aligned}$$

2. Đây là phương trình chứa căn được mở rộng từ dạng cơ bản:

Phương trình chứa $\sqrt{f(x)} \pm \sqrt{g(x)}$, $\sqrt{f(x)} \cdot g(x)$ và $f(x) + g(x) = k$ ($k = \text{const}$), ta sử dụng ẩn phụ $t = \sqrt{f(x)} \pm \sqrt{g(x)}$, khi đó $\sqrt{f(x)} \cdot g(x) = \pm \frac{t^2 - k}{2}$.

Ở đây, ta có đánh giá mở rộng bằng cách viết lại phương trình dưới dạng:

$$3(\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x}) = 10 - 3x - 4\sqrt{4-x^2}.$$

Khi đó, với ẩn phụ $t = \sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x}$ suy ra:

$$t^2 = (\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x})^2 = 10 - 3x - 4\sqrt{4-x^2}.$$

Do đó, phương trình có dạng: $3t = t^2 \Leftrightarrow t^2 - 3t = 0 \Leftrightarrow t = 0$ hoặc $t = 3$.

Tới đây, công việc chỉ còn là giải dạng phương trình chứa căn cơ bản dạng:

$$\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x} = k \Leftrightarrow \sqrt{2+x} = k + 2\sqrt{2-x}.$$

☛ **Chú ý:** Trước tiên, chúng ta cần đặt điều kiện có nghĩa cho phương trình.

Câu III. Với nguyên hàm cơ bản $\int \frac{dx}{\cos^2 x} = \tan x + C$ chúng ta thấy ngay rằng I sẽ được tách thành hai tích phân nhỏ, cụ thể:

$$I = \underbrace{\int_0^{\pi/3} \frac{1}{\cos^2 x} dx}_{I_1} + \underbrace{\int_0^{\pi/3} \frac{x \cdot \sin x}{\cos^2 x} dx}_{I_2}.$$

và việc tính I_1 là khá đơn giản còn I_2 ta sử dụng phương pháp tích phân từng phần với lựa chọn:

$$\begin{cases} u = x \\ dv = \frac{\sin x \cdot dx}{\cos^2 x} \end{cases}$$

Câu IV. Trước tiên, chúng ta cần sử dụng giả thiết để thiết lập được:

$A_1O \perp (ABCD)$ với O là giao điểm của AC và BD.

Với E là trung điểm của AD thì

$$((ADD_1A_1), (ABCD)) = \widehat{A_1EO} = 60^\circ.$$

1. Với khối lăng trụ $ABCD.A_1B_1C_1D_1$, ta có ngay:

$$V_{ABCD.A_1B_1C_1D_1} = A_1O \cdot S_{ABCD} = A_1O \cdot AB \cdot AD.$$

Trong đó:

- Độ dài của AB và AD đã có sẵn.
- Độ dài của A_1O tính được bằng việc sử dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông A_1OE , cụ thể:

$$A_1O = OE \cdot \tan \widehat{A_1EO}.$$

2. Để tính khoảng cách từ B_1 đến mặt phẳng (A_1BD) , chúng ta sử dụng:

$$B_1C \parallel A_1D \Rightarrow B_1C \parallel (A_1BD) \Rightarrow d(B_1, (A_1BD)) = d(C, (A_1BD)) = CH$$

với H là hình chiếu vuông góc của C trên BD.

- Để tính CH ta sử dụng công thức đường cao trong tam giác vuông.

Câu V. Trước tiên, ta nhận thấy với ẩn phụ $t = \frac{a}{b} + \frac{b}{a}$ ta viết lại P dưới dạng:

$$\begin{aligned} P &= 4 \left[\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right)^3 - 3 \left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right) \right] - 9 \left[\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right)^2 - 2 \right] \\ &= 4(t^3 - 3t) - 9(t^2 - 2) = 4t^3 - 9t^2 - 12t + 18. \end{aligned}$$

Bài toán được chuyển về việc sử dụng đạo hàm để tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số

$f(t) = 4t^3 - 9t^2 - 12t + 18$ với t thỏa mãn điều kiện:

$$2(a^2 + b^2) + ab = (a + b)(ab + 2). \quad (*)$$

Như vậy, cần biến đổi (*) về một bất phương trình theo t, cụ thể:

$$2(a^2 + b^2) + ab = (a + b)ab + 2(a + b).$$

Chia cả hai vế của đẳng thức trên cho ab , ta được:

$$2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right) + 1 = a + b + 2\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right).$$

Nhận xét rằng:

$$a + b + 2\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right) \geq 2\sqrt{2(a+b)\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right)} = 2\sqrt{2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 2\right)} \text{ từ đó, suy ra:}$$

$$2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right) + 1 \geq 2\sqrt{2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 2\right)} \Leftrightarrow 2t + 1 \geq 2\sqrt{2(t+2)} \Leftrightarrow t \in D.$$

Tới đây, công việc chỉ còn là đi sử dụng đạo hàm để tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số $f(t) = 4t^3 - 9t^2 - 12t + 18$ trên D .

Câu VI.a

1. Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc đường thẳng thỏa mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Chuyển phương trình các đường thẳng (d) , (Δ) về dạng tham số theo a , b để có được biểu diễn tọa độ của điểm N theo a và M theo b .

Bước 2: Ta lần lượt sử dụng giả thiết:

$$- O, M, N \text{ thẳng hàng} \Leftrightarrow \overrightarrow{OM} = k\overrightarrow{ON}.$$

$$- OM \cdot ON = 8 \Rightarrow \text{Giá trị của } a.$$

Bước 3: Kết luận về tọa độ của điểm N .

2. Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc mặt phẳng thỏa mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Tìm tọa độ giao điểm I của đường thẳng (Δ) với mặt phẳng (P) .

$$\text{Giả sử } M(x; y; z) \text{ thuộc } (P) \text{ thì } 2x - y - 2 = 0. \quad (1)$$

Bước 2: Ta lần lượt sử dụng giả thiết:

$$- IM \perp (\Delta) \Leftrightarrow \overrightarrow{IM} \cdot \overrightarrow{a_\Delta} = 0. \quad (2)$$

$$- MI = 4\sqrt{14} \Leftrightarrow MI^2 = 224. \quad (3)$$

Giải hệ tạo bởi (1), (2), (3) để nhận được x , y , z .

Bước 3: Kết luận về tọa độ của điểm M .

Câu VII.a. Với bài toán này các em học sinh chỉ cần sử dụng dạng tổng quát của số phức $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$) kết hợp với $\bar{z} = a - bi$ và biến đổi đơn. Từ đó, sử dụng định nghĩa hai số phức bằng nhau để thiết lập được một hệ phương trình theo a , b .

Câu VI.b.

1. Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thỏa mãn điều kiện phức hợp K" nên chuyển nó về dạng là giao điểm của hai đối tượng hình học và ở đây ta thấy A là giao điểm của EF và AD nên thực hiện theo các bước:

Bước 1: Với nhận xét $BD \parallel EF$ nên ΔABC cân tại A , do đó:

$$(AD): \begin{cases} \text{Qua } D \\ AD \perp BC \end{cases} \Leftrightarrow (AD): \begin{cases} \text{Qua } D \\ AD \perp EF \end{cases}$$

Bước 2: Để nhận được phương trình đường thẳng (AB) ta đi tìm tọa độ điểm F dựa trên điều kiện:

- F thuộc EF nên $F(t; 3)$.

- Với $BF = BD$ suy ra:

$$BF^2 = BD^2 \Rightarrow \text{Giá trị của } t \Rightarrow \text{Tọa độ } F.$$

$$\text{Phương trình } (AB) \text{ được cho bởi: } (AB): \begin{cases} \text{Qua } F \\ \text{vtcp } \overrightarrow{BF} \end{cases}$$

Bước 3: Tọa độ của A là nghiệm của hệ phương trình tạo bởi (AD) và (AB) .

2. Với dạng toán "Tìm điểm thuộc đường thẳng thỏa mãn điều kiện K" các bước thực hiện sẽ là:

Bước 1: Chuyển phương trình đường thẳng (Δ) về dạng tham số theo t để có được biểu diễn tọa độ của điểm M theo t .

Bước 2: Từ giả thiết ΔMAB có diện tích bằng $3\sqrt{5}$, suy ra:

$$\frac{1}{2} \left| \overrightarrow{AM}; \overrightarrow{AB} \right| = 3\sqrt{5} \Rightarrow \text{Giá trị của } t \Rightarrow \text{Tọa độ } M.$$

Bước 3: Kết luận về tọa độ của điểm M .

Câu VII.b. Với bài toán này các em học sinh cần sử dụng dạng lượng giác của số phức để có được lời giải đơn giản, cụ thể:

• Với $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thì:

$$z = \sqrt{a^2 + b^2} \left(\frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} + \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} i \right) = \sqrt{a^2 + b^2} (\cos \varphi + i \sin \varphi)$$

suy ra:

$$1 + i\sqrt{3} = 2 \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} i \right) = 2 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$$

$$1 + i = \sqrt{2} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} i \right) = \sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$$

• **Công thức Moa-vơ:** Với mọi số nguyên dương n , ta có:

$$[r(\cos \varphi + i \sin \varphi)]^n = r^n (\cos n\varphi + i \sin n\varphi).$$

Khi đó:

$$(1 + i\sqrt{3})^3 = 8(\cos \pi + i \sin \pi); \quad 1 + i = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$$

• Nếu $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$ và $z' = r'(\cos \varphi' + i \sin \varphi')$ với $r, r' \geq 0$ thì:

$$\frac{z}{z'} = \frac{r}{r'} [\cos(\varphi - \varphi') + i \sin(\varphi - \varphi')] \text{ khi } r' > 0.$$

Khi đó: $z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right) = 2 + 2i$.

Vậy, số phức z có phần thực bằng 2 và phần ảo bằng 2.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu I.

1. Với $m = 1$, hàm số có dạng: $y = x^4 - 4x^2 + 1$.

(1). Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

(2). Sự biến thiên của hàm số:

▪ Giới hạn của hàm số tại vô cực: $\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[x^4 \left(1 - \frac{4}{x^2} + \frac{1}{x^4} \right) \right] = +\infty$.

▪ Bảng biến thiên: $y' = 4x^3 - 8x$, $y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 8x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \end{cases}$

x	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	0	$\sqrt{2}$	$+\infty$
y'	-	0	+	0	-
y	$+\infty$	CT -3	CD 1	CT -3	$+\infty$

▪ Điểm uốn: $y'' = 12x^2 - 8$, $y'' = 0 \Leftrightarrow 12x^2 - 8 = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{\sqrt{6}}{3}$.

Vì y'' đổi dấu khi x qua các điểm $\pm \frac{\sqrt{6}}{3}$ nên đồ thị hàm số có hai điểm uốn là

$U_1 \left(-\frac{\sqrt{6}}{3}; -\frac{11}{9} \right)$ và $U_2 \left(\frac{\sqrt{6}}{3}; -\frac{11}{9} \right)$.

(3). Đồ thị của hàm số: Ta tìm thêm vài điểm trên đồ thị $A(-1; -2)$, $B(1; -2)$ - *Bạn đọc tự vẽ đồ thị.*

2. Miền xác định $D = \mathbb{R}$.

Đạo hàm:

$y' = 4x^3 - 4(m+1)x = 4x(x^2 - m - 1)$, $y' = 0 \Leftrightarrow x(x^2 - m - 1) = 0$. (1)

Hàm số có ba điểm cực trị A, B, C

$\Leftrightarrow$ (1) có ba nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow m+1 > 0 \Leftrightarrow m > -1$.

Khi đó, (1) có ba nghiệm phân biệt $x = 0$, $x = \pm\sqrt{m+1}$ và tọa độ ba điểm cực trị của đồ thị hàm số là:

$A(0; m)$, $B(-\sqrt{m+1}; -m^2 - m - 1)$, $C(\sqrt{m+1}; -m^2 - m - 1)$

Ta có $OA = BC$ khi:

$OA^2 = BC^2 \Leftrightarrow m^2 = 4(m+1) \Leftrightarrow m^2 - 4m - 4 = 0 \Leftrightarrow m = 2 \pm 2\sqrt{2}$.

Vậy, với $m = 2 \pm 2\sqrt{2}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu II.

1. Biến đổi phương trình về dạng:

$2\sin x \cos^2 x + \sin x \cos x = \cos 2x + \sin x + \cos x$

$\Leftrightarrow (1 + \cos 2x)\sin x + \sin x \cos x = \cos 2x + \sin x + \cos x$

$\Leftrightarrow (\sin x - 1)\cos 2x + (\sin x - 1)\cos x = 0 \Leftrightarrow (\sin x - 1)(\cos 2x + \cos x) = 0$

$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin x - 1 = 0 \\ \cos 2x + \cos x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \\ \cos 2x = -\cos x = \cos(\pi - x) \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ 2x = \pi - x + k2\pi \\ 2x = -\pi + x + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ x = \frac{\pi}{3} + k\frac{2\pi}{3} \\ x = -\pi + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \\ x = \frac{\pi}{3} + k\frac{2\pi}{3} \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$

2. Điều kiện: $\begin{cases} 2+x \geq 0 \\ 2-x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -2 \leq x \leq 2$. (*)

Biến đổi phương trình về dạng:

$3(\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x}) = 10 - 3x - 4\sqrt{4-x^2}$. (1)

Đặt $t = \sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x}$ suy ra: $t^2 = (\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x})^2 = 10 - 3x - 4\sqrt{4-x^2}$.

Do đó phương trình (1) có dạng: $3t = t^2 \Leftrightarrow t^2 - 3t = 0 \Leftrightarrow t = 0$ hoặc $t = 3$.

Ta lần lượt:

▪ Với $t = 0$ thì: $\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x} = 0 \Leftrightarrow \sqrt{2+x} = 2\sqrt{2-x}$
 $\Leftrightarrow 2+x = 4(2-x) \Leftrightarrow 5x = 6 \Leftrightarrow x = \frac{6}{5}$, thỏa mãn (*).

▪ Với $t = 3$ thì: $\sqrt{2+x} - 2\sqrt{2-x} = 3 \Leftrightarrow \sqrt{2+x} = 2\sqrt{2-x} + 3$ (**)

$\Leftrightarrow 2+x = 4(2-x) + 9 + 12\sqrt{2-x} \Leftrightarrow 12\sqrt{2-x} = 5x - 15$

phương trình này vô nghiệm do với điều kiện (*) thì $VP < 0$.

Vậy, phương trình có nghiệm $x = \frac{6}{5}$.

• **Chú ý:** Có thể sử dụng đánh giá để giải phương trình (**) như sau:

$2+x \leq 2+2=4 \Rightarrow \sqrt{2+x} \leq 2 \Rightarrow VT \leq 2$,

$VP = 2\sqrt{2-x} + 3 \geq 3$.

Từ đó, suy ra phương trình này vô nghiệm.

Câu III. Ta có biến đổi: $I = \underbrace{\int_0^{\pi/3} \frac{1}{\cos^2 x} dx}_{I_1} + \underbrace{\int_0^{\pi/3} \frac{x \sin x}{\cos^2 x} dx}_{I_2}$. (1)

Ta lần lượt:

- Với I_1 thì: $I_1 = \tan x \Big|_0^{\pi/3} = \sqrt{3}$.
- Với I_2 sử dụng phương pháp tích phân từng phần bằng cách đặt:

$$\begin{cases} u = x \\ dv = \frac{\sin x \cdot dx}{\cos^2 x} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} du = dx \\ v = \frac{1}{\cos x} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \text{Khi đó: } I_2 &= \left(\frac{x}{\cos x} \right) \Big|_0^{\pi/3} - \int_0^{\pi/3} \frac{dx}{\cos x} = \frac{\pi/3}{\cos \pi/3} - \int_0^{\pi/3} \frac{\cos x \cdot dx}{\cos^2 x} \\ &= \frac{2\pi}{3} - \int_0^{\pi/3} \frac{d(\sin x)}{1 - \sin^2 x} = \frac{2\pi}{3} + \frac{1}{2} \int_0^{\pi/3} \left(\frac{1}{\sin x - 1} - \frac{1}{\sin x + 1} \right) d(\sin x) \\ &= \frac{2\pi}{3} + \frac{1}{2} \left(\ln |\sin x - 1| - \ln |\sin x + 1| \right) \Big|_0^{\pi/3} \\ &= \frac{2\pi}{3} + \frac{1}{2} \left(\ln \left| \sin \frac{\pi}{3} - 1 \right| - \ln \left| \sin \frac{\pi}{3} + 1 \right| \right) = \frac{2\pi}{3} + \frac{1}{2} \ln(2 - \sqrt{3}). \end{aligned}$$

Thay I_1 và I_2 vào (1) ta được $I = \sqrt{3} + \frac{2\pi}{3} + \frac{1}{2} \ln(2 - \sqrt{3})$.

Câu IV. Học sinh tự vẽ hình.

Từ giả thiết ta được $A_1O \perp (ABCD)$ với O là giao điểm của AC và BD .

Với E là trung điểm của AD thì:

$$\begin{cases} OE \perp AD \\ A_1E \perp AD \end{cases} \Rightarrow ((ADD_1A_1), (ABCD)) = \widehat{A_1EO} = 60^\circ.$$

- a. Tính thể tích khối lăng trụ $ABCD.A_1B_1C_1D_1$: Ta có:

$$V_{ABCD.A_1B_1C_1D_1} = A_1O \cdot S_{ABCD} = A_1O \cdot AB \cdot AD.$$

$$\text{Trong đó: } A_1O = OE \cdot \tan \widehat{A_1EO} = \frac{AB}{2} \cdot \tan \widehat{A_1EO} = \frac{a}{2} \cdot \tan 60^\circ = \frac{a\sqrt{3}}{2}.$$

$$\text{Từ đó: } V_{ABCD.A_1B_1C_1D_1} = \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot a \cdot a\sqrt{3} = \frac{3a^3}{2}.$$

- b. Tính khoảng cách từ B_1 đến mặt phẳng (A_1BD) : Hạ $CH \perp BD$ ($H \in BD$), ta có:

$$CH \perp (A_1BD) \Rightarrow d(C, (A_1BD)) = CH.$$

Nhận xét rằng: $B_1C \parallel A_1D \Rightarrow B_1C \parallel (A_1BD) \Rightarrow d(B_1, (A_1BD)) = d(C, (A_1BD)) = CH$.

Trong $\triangle BCD$, ta có:

$$\frac{1}{CH^2} = \frac{1}{BC^2} + \frac{1}{CD^2} \Leftrightarrow CH = \frac{CD \cdot BC}{\sqrt{CD^2 + BC^2}} = \frac{a \cdot a\sqrt{3}}{\sqrt{a^2 + (a\sqrt{3})^2}} = \frac{a\sqrt{3}}{2}.$$

Câu V. Trước tiên, với ẩn phụ $t = \frac{a}{b} + \frac{b}{a}$ ($t \geq 2$) ta viết lại P dưới dạng:

$$\begin{aligned} P &= 4 \left[\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right)^3 - 3 \left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right) \right] - 9 \left[\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \right)^2 - 2 \right] \\ &= 4(t^3 - 3t) - 9(t^2 - 2) = 4t^3 - 9t^2 - 12t + 18. \end{aligned}$$

Với a, b dương ta đi biến đổi điều kiện:

$$2(a^2 + b^2) + ab = (a + b)(ab + 2) \Leftrightarrow 2(a^2 + b^2) + ab = (a + b)ab + 2(a + b).$$

Chia cả hai vế của đẳng thức trên cho ab , ta được: $2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right) + 1 = a + b + 2\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right)$.

Nhận xét rằng:

$$a + b + 2\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right) \geq 2\sqrt{2(a+b)\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right)} = 2\sqrt{2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 2\right)} \text{ từ đó, suy ra:}$$

$$2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right) + 1 \geq 2\sqrt{2\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 2\right)} \Leftrightarrow 2t + 1 \geq 2\sqrt{2(t+2)}$$

$$\Leftrightarrow (2t+1)^2 \geq 8(t+2) \Leftrightarrow 4t^2 - 4t - 15 \geq 0 \Rightarrow t \geq \frac{5}{2}.$$

Xét hàm số $f(t) = 4t^3 - 9t^2 - 12t + 18$ trên $\left[\frac{5}{2}; +\infty\right)$, ta có:

$$f(t) = 12t^2 - 18t - 12 = 6(2t^2 - 3t - 2) = 6t(2t - 5) + 12t - 12 > 0$$

$$\Rightarrow \text{Hàm số } f(t) \text{ đồng biến trên } \left[\frac{5}{2}; +\infty\right)$$

Từ đó, ta có $f_{\min} = f\left(\frac{5}{2}\right) = -\frac{23}{4}$. Vậy, ta có $P_{\min} = -\frac{23}{4}$ đạt được khi:

$$t = \frac{5}{2} \Rightarrow \begin{cases} \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{5}{2} \\ a + b = 2\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{a}\right) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{5}{2} \\ a + b = \frac{2(a+b)}{ab} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{5}{2} \\ ab = 2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a^2 + b^2 = 5 \\ ab = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (a+b)^2 - 2ab = 5 \\ ab = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (a+b)^2 = 9 \\ ab = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a+b = 3 \\ ab = 2 \end{cases}$$

suy ra a, b là nghiệm của phương trình:

$$x^2 - 3x + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1, b = 2 \\ a = 2, b = 1 \end{cases}$$

Câu VI.a

1. Học sinh tự vẽ hình.

Chuyển phương trình các đường thẳng (Δ) và (d) về dạng tham số:

$$(d): \begin{cases} x = a \\ y = 2a - 2 \end{cases}, (a \in \mathbb{R}) \Rightarrow N(a; 2a - 2) \in (d).$$

$$(\Delta): \begin{cases} x = b \\ y = b - 4 \end{cases}, (b \in \mathbb{R}) \Rightarrow M(b; b - 4) \in (\Delta).$$

Ta có:

- Ba điểm O, M, N thẳng hàng điều kiện là:

$$\overline{OM} = k\overline{ON} \Leftrightarrow a(b - 4) = (2a - 2)b \Leftrightarrow 4a = b(2 - a) \Leftrightarrow b = \frac{4a}{2 - a}.$$

- Để $OM \cdot ON = 8$ điều kiện là:

$$\begin{aligned} OM^2 \cdot ON^2 &= 64 \Leftrightarrow [b^2 + (b - 4)^2][a^2 + (2a - 2)^2] = 64 \\ &\Leftrightarrow (5a^2 - 8a + 4)^2 = 4(a - 2)^2 \Leftrightarrow (5a^2 - 8a + 4)^2 - 4(a - 2)^2 = 0 \\ &\Leftrightarrow (5a^2 - 6a)(5a^2 - 8a + 4) = 0 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 5a^2 - 6a = 0 \\ 5a^2 - 10a + 8 = 0 \text{ (vn)} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 0 \\ a = 6/5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} N_1(0; -2) \\ N_2\left(\frac{6}{5}; \frac{2}{5}\right) \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm N_1 và N_2 thỏa mãn điều kiện đầu bài.

- Giả sử $M(x; y; z)$ thuộc (P) và đường thẳng (Δ) có vtcp $\vec{a}_\Delta(1; -2; -1)$.

Toạ độ giao điểm I của đường thẳng (Δ) với mặt phẳng (P) là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} x + y + z - 3 = 0 \\ \frac{x - 2}{1} = \frac{y + 1}{-2} = \frac{z}{-1} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x + y + z = 3 \\ 2x + y = 3 \\ y - 2z = -1 \end{cases} \Leftrightarrow x = y = z = 1 \Rightarrow I(1; 1; 1).$$

Ta có giả thiết:

$$\begin{cases} M \in (P) \\ IM \perp (\Delta) \\ IM = 4\sqrt{14} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} M \in (P) \\ \overline{IM} \cdot \vec{a}_\Delta = 0 \\ IM^2 = 224 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - 2 = 0 \\ 1 \cdot (x - 1) - 2(y - 1) - 1 \cdot (z - 1) = 0 \\ (x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 224 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - 2 = 0 \\ x - 2y - z + 2 = 0 \\ (x - 1)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 224 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x - 2 \\ z = 4 - 3x \\ (x - 1)^2 + (2x - 2 - 1)^2 + (4 - 3x - 1)^2 = 224 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x - 2 \\ z = 4 - 3x \\ x^2 - 2x - 15 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -3, y = -7, z = 13 \\ x = 5, y = 9, z = -11 \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm $M_1(-3; -7; 13)$ và $M_2(5; 9; -11)$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.a. Giả sử $z = a + bi$, $(a, b \in \mathbb{R})$ ta có ngay:

$$(a - bi) - \frac{5 + i\sqrt{3}}{a + bi} - 1 = 0 \Leftrightarrow (a - bi)(a + bi) - (5 + i\sqrt{3}) - (a + bi) = 0$$

$$\Leftrightarrow (a^2 + b^2 - a - 5) - (b + \sqrt{3})i = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a^2 + b^2 - a - 5 = 0 \\ b + \sqrt{3} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 - a - 2 = 0 \\ b = -\sqrt{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 2 \\ b = -\sqrt{3} \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai số phức $z = -1 - i\sqrt{3}$, $z = 2 - i\sqrt{3}$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu VI.b

- Học sinh tự vẽ hình.

Vì $\overline{BD}\left(\frac{5}{2}; 0\right)$ nên suy ra $BD \parallel EF$ và do đó ΔABC cân tại A.

Ta có được: $(AD): \begin{cases} \text{Qua D} \\ AD \perp BC \end{cases} \Leftrightarrow (AD): \begin{cases} \text{Qua D}(3; 1) \\ AD \perp EF \end{cases} \Leftrightarrow (AD): x - 3.$

Với $(EF): y - 3 = 0$ thì giả sử $F(t; 3)$ nên điều kiện $BF = BD$ là:

$$BF^2 = BD^2 \Leftrightarrow \left(t - \frac{1}{2}\right)^2 + 2^2 = \frac{25}{4} \Leftrightarrow t^2 - t - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = 2 \end{cases}$$

Ta lần lượt:

- Với $t = -1$ thì $F(-1; 3)$ nên:

$$(BF): \begin{cases} \text{Qua F}(-1; 3) \\ \text{vtcp } \overline{BF}\left(-\frac{3}{2}; 2\right) \end{cases} \Leftrightarrow (BF): 4x + 3y - 5 = 0.$$

Khi đó, toạ độ điểm A là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} x - 3 = 0 \\ 4x + 3y - 5 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = -7/3 \end{cases}, \text{ loại bởi tung độ âm.}$$

- Với $t = 2$ thì $F(2; 3)$ nên:

$$(BF): \begin{cases} \text{Qua F}(2; 3) \\ \text{vtcp } \overline{BF}\left(\frac{3}{2}; 2\right) \end{cases} \Leftrightarrow (BF): 4x - 3y + 1 = 0.$$

Khi đó, tọa độ điểm A là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} x-3=0 \\ 4x-3y+1=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=3 \\ y=13/3 \end{cases}, \text{thoả mãn điều kiện tung độ dương.}$$

Vậy, ta được $A\left(3; \frac{13}{3}\right)$.

2. Chuyển phương trình đường thẳng (Δ) về dạng tham số:

$$(\Delta): \begin{cases} x=t-2 \\ y=3t+1 \\ z=-2t-5 \end{cases}, (t \in \mathbb{R}) \Rightarrow M(t-2; 3t+1; -2t-5) \in (\Delta).$$

Từ giả thiết ΔMAB có diện tích bằng $3\sqrt{5}$, suy ra:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}|\overrightarrow{AM} \times \overrightarrow{AB}| &= 3\sqrt{5} \Leftrightarrow \frac{1}{2}|(-t-12; t+6; t)| = 3\sqrt{5} \\ \Leftrightarrow \frac{1}{2}\sqrt{(-t-12)^2 + (t+6)^2 + t^2} &= 3\sqrt{5} \Leftrightarrow (t+12)^2 + (t+6)^2 + t^2 = 180 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow t^2 + 12t = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t=0 \\ t=-12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} M_1(-2; 1; -5) \\ M_2(-14; -35; 19) \end{cases}$$

Vậy, tồn tại hai điểm M_1, M_2 thoả mãn điều kiện đầu bài.

Câu VII.b. Sử dụng dạng lượng giác:

$$1+i\sqrt{3} = 2\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i\right) = 2\left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)$$

$$1+i = \sqrt{2}\left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}i\right) = \sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$$

$$\begin{aligned} \text{Khi đó: } z &= \frac{\left[2\left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)\right]^3}{\left[\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)\right]^3} = \frac{8(\cos\pi + i\sin\pi)}{2\sqrt{2}\left(\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4}\right)} \\ &= 2\sqrt{2} \cdot \frac{\cos\pi + i\sin\pi}{\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4}} = 2\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right) = 2 + 2i. \end{aligned}$$

Vậy, số phức z có phần thực bằng 2 và phần ảo bằng 2.

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A - A₁ NĂM 2012

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH

Câu 1: (2 điểm): Cho hàm số: $y = x^4 - 2(m+1)x^2 + m^2$ (1), m là tham số.

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số (1) khi $m = 1$.
- Tìm m để đồ thị hàm số (1) có ba điểm cực trị tạo thành ba đỉnh của một tam giác vuông.

Câu 2: Giải phương trình: $\sqrt{3}\sin 2x + \cos 2x = 2\cos x - 1$.

Câu 3: Giải hệ phương trình:
$$\begin{cases} x^3 - 3x^2 - 9x + 22 = y^3 + 3y^2 - 9y \\ x^2 + y^2 - x + y = \frac{1}{2} \end{cases} \quad (x, y \in \mathbb{R}).$$

Câu 4: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_1^3 \frac{1 + \ln(x+1)}{x^2} dx$.

Câu 5: (1 điểm): Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy là tam giác đều cạnh a . Hình chiếu vuông góc của S trên mặt phẳng (ABC) là điểm H thuộc cạnh AB sao cho $HA = 2HB$. Góc giữa đường thẳng SC và mặt phẳng (ABC) bằng 60° . Tính thể tích khối chóp $S.ABC$ và khoảng cách giữa hai đường thẳng SA và BC theo a .

Câu 6: (1 điểm): Cho các số thực x, y, z thoả mãn điều kiện $x + y + z = 0$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = 3^{|x-y|} + 3^{|y-z|} + 3^{|z-x|} - \sqrt{6x^2 + 6y^2 + 6z^2}$.

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 7.a (1 điểm): Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho hình vuông $ABCD$. Gọi M là trung điểm của cạnh BC , N là điểm trên cạnh CD sao cho $CN = 2ND$. Giả sử $M\left(\frac{11}{2}; \frac{1}{2}\right)$ và đường thẳng $(AN): 2x - y - 3 = 0$. Tìm tọa độ điểm A .

Câu 8.a (1 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho đường thẳng $(d): \frac{x+1}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-2}{1}$ và điểm $I(0; 0; 3)$. Viết phương trình mặt cầu (S) tâm I và cắt (d) tại hai điểm A, B sao cho ΔIAB vuông tại I .

Câu 9.a (1 điểm): Cho n là số nguyên dương thoả mãn $5C_n^{n-1} \equiv C_n^3$. Tìm số hạng chứa x^5 trong khai triển nhị thức Niu-tơn của $\left(\frac{nx^2}{14} - \frac{1}{x}\right)^n, x \neq 0$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b (1 điểm): Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho đường tròn (C): $x^2 + y^2 = 8$.
Viết phương trình chính tắc của Elip (E), biết rằng (E) có độ dài trục lớn bằng 8 và (E) cắt (C) tại bốn điểm tạo thành bốn đỉnh của hình vuông.

Câu 8.b (1 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng
(d): $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{1}$, mặt phẳng (P): $x + y - 2z + 5 = 0$ và điểm A(1; -1; 2). Viết phương trình đường thẳng (Δ) cắt (d) và (P) lần lượt tại M và N sao cho A là trung điểm của đoạn thẳng MN.

Câu 9.b (1 điểm): Cho số phức z thỏa mãn $\frac{5(\bar{z}+i)}{z+1} = 2-i$.

Tìm môđun của số phức $w = 1 + z + z^2$.

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu 1.

- Tham khảo phương pháp chuẩn để khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm trùng phương.
- Với dạng toán "Tìm thuộc tính các điểm cực trị của hàm số" ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thực hiện:

- Miền xác định $D = \mathbb{R}$.
- Tính đạo hàm rồi thiết lập phương trình $y' = 0$. (1)

Bước 2: Hàm số có ba điểm cực trị A, B, C

$\Leftrightarrow$ (1) có ba nghiệm phân biệt.

Bước 3: Tìm ba nghiệm của (1) và tọa độ ba điểm cực trị A, B, C của đồ thị hàm số.

Sử dụng điều kiện ΔABC cân tại A nên chỉ có thể vuông tại A, suy ra:

$$\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 0 \Leftrightarrow (-\sqrt{m+1}; -m^2-2m-1)(-\sqrt{m+1}; -m^2-2m-1) = 0$$

$\Rightarrow$ Giá trị của tham số m.

Bước 4: Kết luận.

Câu 2. Với phương trình lượng giác kiểu này ta định hướng biến đổi nó về dạng tích. Và ở đây với hai cung góc $2x$ và x nên ta sẽ sử dụng công thức góc nhân đôi để chuyển phương trình về dạng chỉ chứa cung x , cụ thể:

$$\sin 2x = 2\sin x \cos x;$$

$$\cos 2x = 2\cos^2 x - 1 = 1 - 2\sin^2 x = \cos^2 x - \sin^2 x$$

Từ đặc thù của phương trình là VP có chứa -1 nên ta chọn $\cos 2x = 2\cos^2 x - 1$, suy ra:

$$2\sqrt{3} \sin x \cos x + 2\cos^2 x - 1 = 2\cos x - 1$$

$$\Leftrightarrow 2\sqrt{3} \sin x \cos x + 2\cos^2 x - 2\cos x = 0 \Leftrightarrow (\sqrt{3} \sin x + \cos x - 1) \cos x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{3} \sin x + \cos x = 1 \\ \cos x = 0 \end{cases}$$

Câu 3. Đây là hệ phương trình không mẫu mực, do vậy để giải nó cần sử dụng phương pháp thế tức phải đi biến đổi một trong hai phương trình của hệ về dạng tích. Ta có những đánh giá dẫn như sau:

- Phương trình thứ hai trong hệ là phương trình của một đường tròn nên việc biến đổi nó về dạng tích là không phù hợp. Cụ thể:

$$(2) \Leftrightarrow \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 = 1. \quad (*)$$

- Phương trình thứ nhất trong hệ là lựa chọn duy nhất. Ta nhận thấy:

$$(1) \Leftrightarrow (x-1)^3 - 12(x-1) = (y+1)^3 - 12(y+1)$$

Hướng 1: Biến đổi tiếp:

$$[(x-1)^3 - (y+1)^3] - [12(x-1) - 12(y+1)] = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y-2)[(x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2] - 12(x-y-2) = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y-2)[(x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2 - 12] = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x-y-2=0 \\ (x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2 - 12=0 \end{cases} \quad (**)$$

Với $y = x - 2$ hệ được chuyển về giải một phương trình bậc hai.

Khó khăn gặp phải là trong trường hợp (**). Và nó chỉ được giải quyết nếu biết sử dụng (*). Cụ thể từ (*) suy ra:

$$-1 \leq x - \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{3}{2} \leq x - 1 \leq \frac{1}{2} \Rightarrow (x-1)^2 \leq \frac{9}{4};$$

$$-1 \leq y + \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq y + 1 \leq \frac{3}{2} \Rightarrow (y+1)^2 \leq \frac{9}{4};$$

Từ đó:

$$(x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2 \leq \frac{9}{4} + \frac{9}{4} + \frac{9}{4} = \frac{27}{4}$$

$\Rightarrow$ (**) vô nghiệm.

Hướng 2: Biến đổi tiếp: $f(x-1) = f(y+1)$ với $f(t) = t^3 - 12t$.

Như vậy, cần sử dụng phương pháp hàm số để khẳng định hàm số $f(t)$ đơn điệu.

Từ đó, ta nhận được: $x-1 = y+1 \Leftrightarrow y = x-2$.

Hệ được chuyển về giải một phương trình bậc hai.

Câu 4. Ta thấy ngay rằng cần sử dụng phương pháp tích phân từng phần, cụ thể với phép đặt:

$$\begin{cases} u = 1 + \ln(x+1) \\ dv = \frac{dx}{x^2} \end{cases}$$

Câu 5.

1. Thể tích khối chóp S.ABC được cho bởi: $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} S_{ABC} \cdot SH$. (1)

Trong đó:

- Vì ABC là tam giác đều cạnh a nên $S_{ABC} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$.
- Độ dài của SH được tính bằng việc sử dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông SHC, cụ thể:

$$SH = HC \cdot \tan \widehat{SCH}.$$

2. Để tính khoảng cách giữa SA và BC, ta thấy:

- Việc tìm đoạn vuông góc chung của SA và BC khả thi nên cần chuyển nó về việc tính khoảng cách giữa B với mặt phẳng (P) chứa SA và song song với BC. Mặt phẳng (P) được xác định bằng cách dựng Ax // BC.

- Vì A, B, H thẳng hàng nên: $\frac{d(B, (SAN))}{d(H, (SAN))} = \frac{BA}{HA} = \frac{3}{2}$.

Từ đó, bài toán được chuyển về việc tính d(H, (P)).

- Gọi N và K theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của H trên Ax và SN. Ta có nhận xét:

$$d(H, (P)) = HK$$

Để tính AH ta sử dụng công thức đường cao trong tam giác vuông.

Câu 6. Trước tiên, các em học sinh cần nhận thấy rằng P gồm hai phần với ba nhân tử có tính đối xứng là $3^{|x-y|} + 3^{|y-z|} + 3^{|z-x|}$, $\sqrt{6x^2 + 6y^2 + 6z^2}$.

Từ đó, định hướng biến đổi:

- Với $6x^2 + 6y^2 + 6z^2$ cần đưa về dạng $(x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2$, cụ thể:
 $|x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2 = (x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2$
 $= 3(x^2 + y^2 + z^2) - (x+y+z)^2 = 3(x^2 + y^2 + z^2)$
 $\Rightarrow 6x^2 + 6y^2 + 6z^2 = 2(|x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2)$.

Và bằng việc sử dụng bất đẳng thức cơ bản $|a| + |b| \geq |a+b|$ ta chứng minh ngay được:

$$|x-y| + |y-z| + |z-x| \geq \sqrt{2(|x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2)}.$$

- Tới đây, ta nhận được ba cặp dạng $(3^t - t)$, $t \geq 0$ trong P.
- Xét hàm số $f(t) = 3^t - t$ trên tập $D = [0; +\infty)$ ta có:

$$f'(t) = 3^t \ln 3 - 1 > 0, \forall t \in D \Rightarrow \text{Hàm số đồng biến trên } D$$

$$\Rightarrow f(t) \geq f(0) = 1.$$

$$\Rightarrow \text{Bất đẳng thức cần chứng minh là } 3^t \geq t + 1, \forall t \geq 0.$$

Từ định hướng trên ta sẽ hình thành được các bước cần thực hiện để nhận được $P_{\min} = 3$.

Câu 7.a Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Bài toán thuộc dạng "Tìm điểm thuộc đường thẳng thoả mãn điều kiện K" nên ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số theo t để có được biểu diễn tọa độ của điểm A theo t.

Bước 2: Xây dựng các mối quan hệ xung quanh giả thiết. Cụ thể:

- Gọi H là hình chiếu vuông góc của M trên AN, suy ra $H \in BD$.
- Dựng đường thẳng qua H song song với CD cắt AD và BC theo thứ tự tại P và Q, suy ra:

$$AH = HM \Rightarrow AM = \sqrt{2}HM = \sqrt{2}d(M, (AN))$$

$\Rightarrow$ Giá trị của t $\Rightarrow$ Tọa độ điểm A.

Câu 8.a Bài toán được chuyển về việc tìm bán kính R của mặt cầu (S). Ta có:

- Kết hợp với đề ΔIAB vuông tại I, suy ra:

$$R = IA = \sqrt{2}IH, \text{ với } H \text{ là hình chiếu vuông góc của } I \text{ trên } (d).$$

- Như vậy, cần có được tọa độ điểm H. Công việc này được thực hiện:

Bước 1: Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số theo t để có được biểu diễn tọa độ của điểm H theo t.

Bước 2: Sử dụng điều kiện:

$$\overrightarrow{IH} \perp \overrightarrow{AB} \Leftrightarrow \overrightarrow{IH} \cdot \overrightarrow{AB} = 0 \Rightarrow \text{Giá trị của } t \Rightarrow \text{Tọa độ } H.$$

Câu 9.a Với bài toán này các em học sinh chỉ cần thực hiện theo các bước:

Bước 1: Sử dụng điều kiện $5C_n^{n-1} = C_n^3$ để tìm được giá trị của n.

Bước 2: Sử dụng công thức khai triển của nhị thức Niu-tơn.

Bước 3: Thiết lập gđk cho số hạng chứa x^5 .

Bước 4: Kết luận.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b Trước tiên, các em học sinh hãy phác thảo hình vẽ.

Ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Chỉ ra phương trình chính tắc cho (E), biết $a = 4$, cụ thể:

$$(E): \frac{x^2}{4^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, 4 > b > 0.$$

Bước 2: Sử dụng tính chất đối xứng để khẳng định đỉnh A(t; t) thuộc cả (C) và (E).

Khi đó:

- Từ $A \in (C)$ suy ra được tọa độ của A.

- Từ $A \in (E)$ suy ra được giá trị của b.

Bước 3: Kết luận.

Câu 8.b Để thấy phương trình đường thẳng (Δ) được xác định khi biết được tọa độ của M hoặc N bởi:

$$(\Delta): \begin{cases} \text{Qua } A \\ \text{Qua } M \end{cases}$$

Bài toán được chuyển về dạng "Tìm điểm thuộc đường thẳng thoả mãn điều kiện K", ta thực hiện theo các bước:

Bước 1: Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số theo t để có được biểu diễn tọa độ của điểm M theo t.

Suy ra tọa độ của N theo t.

Bước 2: Sử dụng điều kiện:

$N \in (P) \Rightarrow$ Giá trị của t $\Rightarrow$ Tọa độ của M.

Câu 9.b Với bài toán này các em học sinh chỉ cần sử dụng dạng tổng quát của số phức $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$), $\bar{z} = a - bi$ và kết hợp với các biến đổi đơn.

Cuối cùng sử dụng công thức tính mô đun.

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu 1.

1. Với $m = 0$, hàm số có dạng:

$$y = x^4 - 2x^2.$$

(1). Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

(2). Sự biến thiên của hàm số:

▪ Giới hạn của hàm số tại vô cực: $\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[x^4 \left(1 - \frac{2}{x^2} \right) \right] = +\infty$.

▪ Bảng biến thiên: $y' = 4x^3 - 4x$, $y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
y'		$-$	0	$+$	0
y	$+\infty$	CT	CD	CT	$+\infty$
		-1	0	-1	

▪ Điểm uốn: $y'' = 12x^2 - 4$, $y'' = 0 \Leftrightarrow 12x^2 - 4 = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$.

Vì y'' đổi dấu khi x qua các điểm $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}$ nên đồ thị hàm số có hai điểm uốn là

$$U_1 \left(-\frac{1}{\sqrt{3}}; -\frac{5}{9} \right) \text{ và } U_2 \left(\frac{1}{\sqrt{3}}; -\frac{5}{9} \right).$$

(3). Đồ thị của hàm số: Ta tìm thêm vài điểm trên đồ thị $A(-2; 8)$, $B(2; 8)$. *Bạn đọc tự vẽ đồ thị.*

2. Miền xác định $D = \mathbb{R}$.

Đạo hàm:

$$y' = 4x^3 - 4(m+1)x = 4x(x^2 - m - 1),$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow x(x^2 - m - 1) = 0. \quad (1)$$

Hàm số có ba điểm cực trị A, B, C khi:

$$(1) \text{ có ba nghiệm phân biệt } \Leftrightarrow m+1 > 0 \Leftrightarrow m > -1. \quad (*)$$

Khi đó, (1) có ba nghiệm phân biệt $x = 0$, $x = \pm \sqrt{m+1}$ và tọa độ ba điểm cực trị của đồ thị hàm số là:

$$A(0; m^2), B(-\sqrt{m+1}; -2m-1), C(\sqrt{m+1}; -2m-1).$$

Ta có $\triangle ABC$ cân tại A nên chỉ có thể vuông tại A, suy ra:

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \Leftrightarrow (-\sqrt{m+1}; -m^2-2m-1) \cdot (\sqrt{m+1}; -m^2-2m-1) = 0$$

$$\Leftrightarrow -(m+1) + (m+1)^4 = 0 \Leftrightarrow (m+1)[-1 + (m+1)^3] = 0$$

$$\stackrel{(*)}{\Leftrightarrow} (m+1)^3 = 1 \Leftrightarrow m+1 = 1 \Leftrightarrow m = 0.$$

Vậy, với $m = 0$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu 2. Biến đổi phương trình về dạng:

$$\sqrt{3} \sin 2x + (\cos 2x + 1) - 2 \cos x = 0$$

$$\Leftrightarrow 2\sqrt{3} \sin x \cdot \cos x + 2 \cos^2 x - 2 \cos x = 0 \Leftrightarrow (\sqrt{3} \sin x + \cos x - 1) \cos x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{3} \sin x + \cos x = 1 \\ \cos x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x = \frac{1}{2} \\ \cos x = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \cos \left(x - \frac{\pi}{3} \right) = \cos \frac{\pi}{3} \\ \cos x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ x - \frac{\pi}{3} = -\frac{\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi \\ x = k2\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có ba họ nghiệm.

Câu 3. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: (Sử dụng kiến thức toán 10): Kí hiệu các phương trình trong hệ theo thứ tự là (1), (2).

$$\text{Biến đổi phương trình (2) về dạng: } \left(x - \frac{1}{2} \right)^2 + \left(y + \frac{1}{2} \right)^2 = 1.$$

$$\text{Từ đó, suy ra: } -1 \leq x - \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{3}{2} \leq x - 1 \leq \frac{1}{2}; \quad -1 \leq y + \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq y + 1 \leq \frac{3}{2}.$$

Biến đổi phương trình (1) về dạng:

$$(x-1)^3 - 12(x-1) = (y+1)^3 - 12(y+1)$$

$$\Leftrightarrow [(x-1)^3 - (y+1)^3] - [12(x-1) - 12(y+1)] = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y-2)[(x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2] - 12(x-y-2) = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y-2)[(x-1)^2 + (x-1)(y+1) + (y+1)^2 - 12] = 0$$

$$\Rightarrow x-y-2=0 \Leftrightarrow y=x-2$$

khi đó, thì (2) có dạng:

$$4x^2 - 8x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{3}{2} \Rightarrow y = -\frac{1}{2} \\ x = \frac{1}{2} \Rightarrow y = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có hai cặp nghiệm $\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right), \left(\frac{1}{2}; -\frac{3}{2}\right)$.

Cách 2: (Sử dụng kiến thức toán 11): Kí hiệu các phương trình trong hệ theo thứ tự là (1), (2).

Biến đổi phương trình (2) về dạng: $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 = 1$.

Từ đó, đặt:
$$\begin{cases} x - \frac{1}{2} = \sin t \\ y + \frac{1}{2} = \cos t \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sin t + \frac{1}{2} \\ y = \cos t - \frac{1}{2} \end{cases}, t \in [0; 2\pi].$$

Biến đổi phương trình (1) về dạng:

$$(x - y - 2)(x + y - 12) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x - y - 2 = 0 \\ x + y - 12 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sin t - \cos t = 1 \\ \sin t + \cos t = 12 \text{ (vn)} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{2} \sin\left(t - \frac{\pi}{4}\right) = 1 \Leftrightarrow \sin\left(t - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} \\ t - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = \frac{\pi}{2} \\ t = \pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{3}{2} \& y = -\frac{1}{2} \\ x = \frac{1}{2} \& y = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có hai cặp nghiệm $\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right), \left(\frac{1}{2}; -\frac{3}{2}\right)$.

Cách 3: (Sử dụng kiến thức toán 12): Biến đổi hệ phương trình về dạng:

$$\begin{cases} (x-1)^3 - 12(x-1) = (y+1)^3 - 12(y+1) & (1) \\ \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 = 1 & (2) \end{cases}$$

Từ phương trình (2) ta thấy:

$$-1 \leq x - \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{3}{2} \leq x - 1 \leq \frac{1}{2};$$

$$-1 \leq y + \frac{1}{2} \leq 1 \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq y + 1 \leq \frac{3}{2}.$$

Khi đó, hàm số $f(t) = t^3 - 12t$ trên đoạn $D = \left[-\frac{3}{2}; \frac{3}{2}\right]$ ta có:

$$f'(t) = 3t^2 - 12t = 3(t^2 - 4) < 0 \Rightarrow f(t) \text{ nghịch biến trên } D.$$

Do đó (1) được biến đổi về dạng: $x - 1 = y + 1 \Leftrightarrow y = x - 2$.

Thay (3) vào (2) ta được:

$$\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = 1 \Leftrightarrow 4x^2 - 8x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{3}{2} \Rightarrow y = -\frac{1}{2} \\ x = \frac{1}{2} \Rightarrow y = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

Vậy, hệ phương trình có hai cặp nghiệm $\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right), \left(\frac{1}{2}; -\frac{3}{2}\right)$.

Câu 4. Sử dụng phương pháp tích phân từng phần bằng cách đặt:

$$\begin{cases} u = 1 + \ln(x+1) \\ dv = \frac{dx}{x^2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} du = \frac{dx}{x+1} \\ v = -\frac{1}{x} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \text{Khi đó: } I &= \frac{1 + \ln(x+1)}{x} \Big|_1^3 + \int_1^3 \frac{dx}{x(x+1)} = \frac{2 + \ln 2}{3} + \int_1^3 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1}\right) dx \\ &= \frac{2 + \ln 2}{3} + [\ln x - \ln(x+1)] \Big|_1^3 = \frac{2}{3} + \ln 3 - \frac{2}{3} \ln 2. \end{aligned}$$

Câu 5. Bạn đọc tự vẽ hình.

a. Thể tích khối chóp S.ABC được cho bởi: $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} S_{\triangle ABC} \cdot SH$. (1)

$$\text{Trong đó: } S_{\triangle ABC} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}. \quad (2)$$

Gọi D là trung điểm của AB, ta có:

$$\begin{aligned} SH &= HC \cdot \tan \widehat{SCH} = \sqrt{HD^2 + CD^2} \cdot \tan(\widehat{SC}, (\triangle ABC)) \\ &= \sqrt{\left(\frac{a}{2} - \frac{a}{3}\right)^2 + \left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2} \cdot \tan 60^\circ = \frac{a\sqrt{21}}{3}. \end{aligned} \quad (3)$$

$$\text{Từ đó, bằng cách thay (2), (3) vào (1) ta được: } V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot \frac{a\sqrt{21}}{3} = \frac{a^3 \sqrt{7}}{12}.$$

b. Kẻ Ax // BC. Gọi N và K theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của H trên Ax và SN. Ta có nhận xét:

$$d(H, (SAN)) = HK.$$

$$\frac{1}{HK^2} = \frac{1}{SH^2} + \frac{1}{HN^2} = \frac{1}{SH^2} + \frac{1}{(AH \cdot \sin 60^\circ)^2} = \frac{24}{7a^2} \Rightarrow HK = \frac{a\sqrt{42}}{12}.$$

Từ đó:

$$BC \parallel AN \Rightarrow BC \parallel (SAN) \Rightarrow d(BC, SA) = d(B, (SAN));$$

$$\frac{d(B, (SAN))}{d(H, (SAN))} = \frac{BA}{HA} \Rightarrow d(BC, SA) = \frac{BA}{HA} \cdot HK = \frac{3}{2} \cdot \frac{a\sqrt{42}}{12} = \frac{a\sqrt{42}}{8}.$$

Câu 6. Trước tiên, ta đi chứng minh: $3^t \geq t + 1, \forall t \geq 0.$ (*)

Thật vậy, xét hàm số $f(t) = 3^t - t - 1$ trên tập $D = [0; +\infty)$ ta có:

$$f(t) = 3^t \ln 3 - 1 > 0, \forall t \in D \Rightarrow \text{Hàm số đồng biến trên } D \Rightarrow f(t) \geq f(0) = 0.$$

Bất đẳng thức (*) đúng và dấu "=" xảy ra khi $t = 0$.

Áp dụng (*) ta được:

$$3^{|x-y|} + 3^{|y-z|} + 3^{|z-x|} \geq |x-y| + |y-z| + |z-x| + 3. \quad (2)$$

Áp dụng bất đẳng thức $|a| + |b| \geq |a+b|$, ta được:

$$\begin{aligned} (|x-y| + |y-z| + |z-x|)^2 &= |x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2 + \\ &\quad + 2|x-y| \cdot |y-z| + 2|y-z| \cdot |z-x| + 2|z-x| \cdot |x-y| \\ &= |x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2 + \\ &\quad + |x-y|(|y-z| + |z-x|) + |y-z|(|z-x| + |x-y|) \\ &\quad + |z-x|(|x-y| + |y-z|) \\ &\geq 2(|x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2) \\ &\Leftrightarrow |x-y| + |y-z| + |z-x| \geq \sqrt{2(|x-y|^2 + |y-z|^2 + |z-x|^2)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \sqrt{6x^2 + 6y^2 + 6z^2 - 2(x+y+z)^2} \\ &= \sqrt{6x^2 + 6y^2 + 6z^2}. \end{aligned} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra $P \geq 3$, suy ra $P_{\min} = 3$ đạt được khi:

$$\begin{cases} x-y = y-z = z-x \\ x+y+z = 0 \end{cases} \Leftrightarrow x=y=z=0.$$

PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 7.a Học sinh tự vẽ hình.

Chuyển phương trình đường thẳng (AN) về dạng tham số:

$$(AN): \begin{cases} x = t \\ y = -3 + 2t \end{cases}, (t \in \mathbb{R}) \Rightarrow A(t; 2t - 3).$$

Gọi H là giao điểm của AN và BD. Kẻ đường thẳng qua H và song song với AB, cắt AD và BC theo thứ tự tại P và Q.

Đặt $HP = x$, suy ra:

$$PD = QC = x; AP = 3x; HQ = 3x; MQ = x \Rightarrow \triangle AHP = \triangle HMQ \Rightarrow AH \perp HM.$$

Hơn nữa, ta cũng có:

$$AH = HM \Rightarrow AM = \sqrt{2}HM = \sqrt{2}d(M, (AN))$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{\left(t - \frac{11}{2}\right)^2 + \left(2t - \frac{7}{2}\right)^2} = \frac{3\sqrt{10}}{2} \Leftrightarrow t^2 - 5t + 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A_1(1; -1) \\ A_2(4; 5) \end{cases}.$$

Vậy, tồn tại hai điểm $A_1(1; -1)$ và $A_2(4; 5)$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu 8.a Gọi H là hình chiếu vuông góc của I trên (d), suy ra H là trung điểm của AB.

Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số:

$$(d): \begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \Rightarrow H(t-1; 2t; t+2).$$

Sử dụng điều kiện IH vuông góc với AB, ta được:

$$\overline{IH} \perp \overline{AB} \Leftrightarrow \overline{IH} \cdot \overline{AB} = 0 \Leftrightarrow t-1+4t+t-1=0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{3} \Rightarrow H\left(-\frac{2}{3}; \frac{2}{3}; \frac{7}{3}\right).$$

Sử dụng điều kiện $\triangle IAB$ vuông tại I, ta được: $R = IA = \sqrt{2}IH = \frac{2\sqrt{6}}{3}.$

Từ đó, suy ra: $(S): x^2 + y^2 + (z-3)^2 = \frac{8}{3}.$

Câu 9.a Ta có biến đổi:

$$5C_n^{n-1} = C_n^3 \Leftrightarrow 5n = \frac{n(n-1)(n-2)}{6} \Leftrightarrow n = 7, \text{ vì } n \text{ nguyên dương.}$$

Khi đó, ta được:

$$\left(\frac{nx^2}{14} - \frac{1}{x}\right)^n = \left(\frac{x^2}{2} - \frac{1}{x}\right)^7 = \sum_{k=0}^7 C_7^k \left(\frac{x^2}{2}\right)^{7-k} \left(-\frac{1}{x}\right)^k = \sum_{k=0}^7 (-1)^k \frac{C_7^k}{2^{7-k}} x^{14-3k}$$

Số hạng chứa x^5 tương ứng với: $14 - 3k = 5 \Leftrightarrow k = 3.$

Do đó, số hạng cần tìm là $(-1)^3 \frac{C_7^3}{2^{7-3}} x^5 = \frac{35}{16} x^5.$

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b Elip (E) với độ dài trục lớn bằng 8 có phương trình chính tắc:

$$(E): \frac{x^2}{4^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, 4 > b > 0.$$

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2012

PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH

Câu 1: (2 điểm): Cho hàm số:

$$y = x^3 - 3mx^2 + 3m^3 \quad (1), m \text{ là tham số.}$$

- Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số (1) khi $m = 1$.
- Tìm m để đồ thị hàm số (1) có hai điểm cực trị A và B sao cho ΔOAB có diện tích bằng 48.

Câu 2: (1 điểm): Giải phương trình: $2(\cos x + \sqrt{3} \sin x) \cos x = \cos x - \sqrt{3} \sin x + 1$.

Câu 3: (1 điểm): Giải bất phương trình: $x + 1 + \sqrt{x^2 - 4x + 1} \geq 3\sqrt{x}$, ($x \in \mathbb{R}$).

Câu 4: (1 điểm): Tính tích phân $I = \int_0^1 \frac{x^3 dx}{x^4 + 3x^2 + 2}$.

Câu 5: (1 điểm): Cho hình chóp tam giác đều S.ABC với $SA = 2a$, $AB = a$. Gọi H là hình chiếu vuông góc của điểm A trên cạnh SC. Chứng minh SC vuông góc với mặt phẳng (ABH). Tính thể tích khối chóp S.ABH theo a.

Câu 6: (1 điểm): Cho các số thực x, y, z thỏa mãn các điều kiện

$$x + y + z = 0 \text{ và } x^2 + y^2 + z^2 = 1.$$

Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $P = x^5 + y^5 + z^5$.

PHẦN RIÊNG (3.0 điểm):

Thí sinh được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 7.a (1 điểm): Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho các đường tròn $(C_1): x^2 + y^2 = 4$, $(C_2): x^2 + y^2 - 12x + 18 = 0$ và đường thẳng $(d): x - y - 4 = 0$. Viết phương trình đường tròn có tâm thuộc (C_2) , tiếp xúc với (d) và cắt (C_1) tại hai điểm A và B sao cho AB vuông góc với (d) .

Câu 8.a (1 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho đường thẳng $(d): \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z}{-2}$ và hai điểm $A(2; 1; 0)$, $B(-2; 3; 2)$. Viết phương trình mặt cầu đi qua A, B và tâm thuộc đường thẳng (d) .

Câu 9.a (1 điểm): Trong một lớp học gồm có 15 học sinh nam và 10 học sinh nữ. Giáo viên gọi ngẫu nhiên 4 học sinh lên bảng giải bài tập. Tính xác suất để 4 học sinh được gọi có cả nam và nữ.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b (1 điểm): Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho hình thoi ABCD có $AC = 2BD$ và đường tròn tiếp xúc với các cạnh của hình thoi có phương trình $x^2 + y^2 = 4$. Viết phương trình chính tắc của elip (E) đi qua các đỉnh A, B, C, D của hình thoi. Biết A thuộc Ox.

Từ giả thiết (E) cắt (C) tại bốn điểm tạo thành bốn đỉnh của hình vuông ABCD (với $A \in P(I)$), suy ra $A(t; t)$ với $t > 0$ và:

$$A \in (C) \Rightarrow t^2 + t^2 = 8 \Leftrightarrow t = 2 \Rightarrow A(2; 2).$$

$$A \in (E) \Rightarrow \frac{2^2}{4^2} + \frac{2^2}{b^2} = 1 \Rightarrow b^2 = \frac{16}{3}.$$

$$\text{Vậy, ta được (E): } \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{16/3} = 1.$$

Câu 8.b Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số:

$$(d): \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \Rightarrow M(2t - 1; t; t + 2).$$

Sử dụng điều kiện A là trung điểm MN, ta được $N(-2t + 3; -t - 2; -t + 2)$ và:

$$N \in (P) \Rightarrow -2t + 3 - t - 2 - 2(-t + 2) + 5 = 0 \Leftrightarrow t = 2 \Rightarrow M(3; 2; 4).$$

Phương trình đường thẳng (Δ) được cho bởi:

$$(\Delta): \begin{cases} \text{Qua } A(1; -1; 2) \\ \text{Qua } M(3; 2; 4) \end{cases} \Leftrightarrow (\Delta): \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}.$$

Câu 9.b Giả sử $z = a + bi$, ($a, b \in \mathbb{R}$) ta có ngay:

$$\frac{5(\bar{z} + i)}{z + 1} = 2 - i \Leftrightarrow (3a - b - 2) + (a - 7b + 6)i = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3a - b - 2 = 0 \\ a - 7b + 6 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 1 \end{cases} \Rightarrow z = 1 + i.$$

Từ đó, suy ra:

$$w = 1 + z + z^2 = 1 + (1 + i) + (1 + i)^2 = 2 + 3i \Rightarrow |w| = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13} = 5.$$

Câu 8.b (1 điểm): Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho $A(0; 0; 3)$, $M(1; 2; 0)$. Viết phương trình mặt phẳng (P) qua A và cắt Ox, Oy lần lượt tại B, C sao cho ΔABC có trọng tâm thuộc AM.

Câu 9.b (1 điểm): Gọi z_1 và z_2 là hai nghiệm phức của phương trình $z^2 - 2\sqrt{3}iz - 4 = 0$. Viết dạng lượng giác của z_1 và z_2 .

ĐÁNH GIÁ VÀ ĐỊNH HƯỚNG THỰC HIỆN

Câu 1.

- Tham khảo phương pháp chuẩn để khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm đa thức bậc ba.
- Với dạng toán "Tìm thuộc tính các điểm cực trị của hàm số" ta thực hiện theo các bước sau:

Bước 1: Thực hiện:

- Miền xác định $D = \mathbb{R}$.
- Tính đạo hàm rồi thiết lập phương trình $y' = 0$. (1)

Bước 2: Hàm số có hai điểm cực trị A, B

$\Leftrightarrow$ (1) có hai nghiệm phân biệt.

Bước 3: Tìm hai nghiệm của (1) và tọa độ hai điểm cực trị A, B của đồ thị hàm số. Sử dụng điều kiện:

$$S_{\Delta OAB} = 48 \Rightarrow \text{Giá trị của tham số.}$$

Bước 4: Kết luận.

Câu 2. Với phương trình lượng giác kiểu này ta định hướng biến đổi nó về dạng phương trình tích, cụ thể với phương pháp luận hệ số:

$$2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x = \cos x - \sqrt{3}\sin x + 1$$

$$\Leftrightarrow 2\cos^2 x - \cos x - 1 + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x + \sqrt{3}\sin x = 0$$

$$\Leftrightarrow (\cos x - 1)(2\cos x + 1) + \sqrt{3}(2\cos x + 1)\sin x = 0$$

Ta có được nhân tử chung $(2\cos x + 1)$.

Chú ý: Với việc sử dụng công thức góc nhân đôi, ta biến đổi:

$$2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x = \cos x - \sqrt{3}\sin x + 1$$

$$\Leftrightarrow 2\cos^2 x - 1 + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x = \cos x - \sqrt{3}\sin x$$

$$\Leftrightarrow \cos 2x + \sqrt{3}\sin 2x = \cos x - \sqrt{3}\sin x$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}\cos 2x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin 2x = \frac{1}{2}\cos x - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x.$$

Đó là dạng mở rộng của phương trình $a\sin x + b\cos x = c$ thành phương trình:

$$a\sin u + b\cos u = c\sin v + d\cos v, \text{ với điều kiện } a^2 + b^2 = c^2 + d^2.$$

Câu 3. Dễ thấy không thể sử dụng ngay phép khai phương cho bất phương trình này, suy ra cần sử dụng ẩn phụ.

Câu hỏi được đặt ra là ẩn phụ kiểu gì?

- Ẩn phụ dễ nhận thấy nhất là $t = \sqrt{x}$ ($t \geq 0$) và khi đó ta nhận được bất phương trình dạng:

$$\sqrt{t^4 - 4t^2 + 1} \geq -t^2 + 3t - 1.$$

Trong trường hợp này cần phải giải một bất phương trình cao hơn 2.

- Từ việc đánh giá hệ số và $\sqrt{x}$ hoàn toàn được đưa vào căn bậc hai nên nếu chia cả hai vế của phương trình cho $\sqrt{x} > 0$ sẽ thấy xuất hiện $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ và $x + \frac{1}{x}$, từ

đó nhận được ẩn phụ $t = \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ ($t \geq 2$). Và khi đó, ta nhận được bất phương trình dạng:

$$\sqrt{t^2 - 6} \geq 3 - t.$$

Nhận xét: 1. Với bất phương trình đã cho, trước tiên chúng ta cần đặt điều kiện có nghĩa.

2. Trong cả hai lựa chọn chúng ta đều gặp bất phương trình dạng cơ bản:

$$\sqrt{f} \geq g \Leftrightarrow \begin{cases} g \leq 0 \\ g > 0 \\ f \geq g^2 \end{cases}$$

Câu 4. Ta thấy ngay rằng cần sử dụng phương pháp đổi biến để đưa I về dạng tích phân hàm số hữu tỉ, cụ thể đặt $u = x^2$, $u \geq 0$.

$$\text{Và sau việc đổi cận ta sẽ nhận được: } I = \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{u \cdot du}{u^2 + 3u + 2}.$$

$$\text{Thực hiện phép tách ta được: } I = \frac{1}{2} \int_0^1 \left(\frac{2}{u+2} - \frac{1}{u+1} \right) du.$$

Câu 5.

1. Với hình chóp tam giác đều S.ABC, ta có thể:

- Sử dụng tính chất bằng nhau của các tam giác để có được $SC \perp BH$.
- Sử dụng kết quả của sự vuông góc giữa đường thẳng với mặt phẳng để có được $SC \perp BH$.

Từ đó, suy ra $SC \perp (ABH)$.

2. Với hình chóp S.ABH để tính thể tích của nó, ta có thể:

- Sử dụng công thức chuẩn: $V_{S.ABH} = \frac{1}{3} SH \cdot S_{\Delta ABH}$.

Trong đó ΔABH cân tại H.

- Sử dụng công thức về tỉ số thể tích, cụ thể: $\frac{V_{S.ABH}}{V_{S.ABC}} = \frac{SH}{SC} \Rightarrow V_{S.ABH} = \frac{SH}{SC} \cdot V_{S.ABC}$.

Câu 6. Cần biết cách định hướng đưa biểu thức P về dạng một ẩn dựa vào hai biểu thức điều kiện, cụ thể:

- Nếu lựa chọn sử dụng một trong ba biến x, y, z . Giả sử là x thì ta cần thực hiện biến đổi:

$$P = x^5 + (y^2 + z^2)(y^3 + z^3) - y^2 z^2 (y + z) \\ = x^5 + (y^2 + z^2)[(y + z)^3 - 3yz(y + z)] - y^2 z^2 (y + z)$$

Trong đó, với giả thiết ta có ngay: $y + z = -x$; $y^2 + z^2 = 1 - x^2$.

Như vậy, còn phải tìm cách biểu diễn yz theo x . Việc này được thực hiện:

$$0 = (x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2x(y + z) + 2yz = 1 - 2x^2 + 2yz$$

$$\Leftrightarrow yz = x^2 - \frac{1}{2}$$

Tới đây, bài toán được chuyển về việc tìm gtn của hàm số $f(x)$ nên cần tìm tập giá trị của biến x . Việc này được thực hiện:

$$yz \leq \frac{y^2 + z^2}{2} = \frac{1 - x^2}{2} \Rightarrow x^2 - \frac{1}{2} \leq \frac{1 - x^2}{2} \Leftrightarrow 3x^2 \leq 2$$

$$\Leftrightarrow -\sqrt{\frac{2}{3}} \leq x \leq \sqrt{\frac{2}{3}}$$

- Nếu lựa chọn sử dụng ẩn phụ có tính đối xứng theo tổng. Giả sử $t = x + y = -z$ thì ta cần thực hiện biến đổi:

$$P = x^5 + y^5 - (x + y)^5 = -5xy(x^3 + y^3) - 10x^2 y^2 (x + y) \\ = -5xy[(x + y)^3 - 3xy(x + y)] - 10x^2 y^2 (x + y) \\ = -5xy(x + y)^3 + 5x^2 y^2 (x + y)$$

Như vậy, còn phải tìm cách biểu diễn xy theo t . Việc này được thực hiện:

$$1 = x^2 + y^2 + z^2 = x^2 + y^2 + (x + y)^2 = 2(x + y)^2 + 2xy$$

$$\Leftrightarrow xy = (x + y)^2 - \frac{1}{2}$$

Tới đây, bài toán được chuyển về việc tìm GTLN của hàm số $f(t)$ nên cần tìm tập giá trị của biến t . Việc này được thực hiện:

$$1 \leq (x + y)^2 + 2\left(\frac{x + y}{2}\right)^2 = \frac{3}{2}(x + y)^2 \Rightarrow -\sqrt{\frac{2}{3}} \leq x + y \leq \sqrt{\frac{2}{3}}$$

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 7.a Với định hướng:

- Sử dụng phương trình tổng quát của đường tròn là:

$$(C): x^2 + y^2 - 2ax - 2by + c = 0, \text{ điều kiện } a^2 + b^2 - c > 0$$

ta cần tìm được a, b, c dựa trên các giả thiết. Cụ thể:

- Phương trình đường thẳng (AB) chính là trục đẳng phương của hai đường tròn (C) và (C_1) . Từ đó, suy ra tọa độ vector $\overrightarrow{AB}(b; -a)$.
- Vì (AB) vuông góc với (d) ta nhận được phương trình (1).
- Tâm I của (C) thuộc (C_2) ta nhận được phương trình (2).
- (C) tiếp xúc với (d) ta nhận được phương trình (3).

Giải hệ tạo bởi (1), (2), (3) sẽ nhận được giá trị của a, b, c và từ đó suy ra phương trình của đường tròn (C) cần tìm.

- Sử dụng phương trình chính tắc của đường tròn, ta cần tìm được tâm $I(a; b)$ và bán kính R . Cụ thể:

- (C) cắt (C_1) (có tâm O) tại hai điểm phân biệt A, B nên:

$$AB \perp OI \Rightarrow OI \parallel (d) \Rightarrow \text{Phương trình đường thẳng (OI)}.$$

- Tâm I thuộc (OI) và đường tròn (C_2) ta nhận được hệ phương trình với hai ẩn a, b . Suy ra được tọa độ tâm I.

- (C) tiếp xúc với (d) ta nhận được bán kính R .

Từ đó, suy ra phương trình chính tắc của đường tròn (C) cần tìm.

Câu 8.a Bài toán thuộc dạng đơn giản khi chỉ cần thực hiện:

- Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số theo t để có được tọa độ của tâm I của mặt cầu (S) cần tìm theo t , cụ thể $I(1 + 2t; t; -2t)$.
- Sử dụng điều kiện:

$$R = IA = IB \Rightarrow \text{Giá trị } t \Rightarrow \text{Tọa độ tâm I và bán kính R}$$

$$\Rightarrow \text{Phương trình chính tắc của mặt cầu (S)}.$$

Câu 9.a Với bài toán này ta có thể lựa chọn một trong hai cách:

Cách 1: Việc tính xác suất của biến cố A được thực hiện theo các bước:

Bước 1. Thực hiện hai phép đếm:

- Đếm số phần tử của không gian mẫu Ω , tức là đếm số kết quả có thể của phép thử T. Cụ thể, ở đây là số cách để chọn 4 HS từ tổng $15 + 10 = 25$ HS.
- Đếm số phần tử của tập Ω_A , tức là đếm số kết quả thuận lợi cho A. Cụ thể, ở đây ta sẽ có ba trường hợp:

Trường hợp 1: Có 1 nam và 3 nữ.

Trường hợp 2: Có 2 nam và 2 nữ.

Trường hợp 3: Có 3 nam và 1 nữ.

Bước 2. Sử dụng công thức $P(A) = \frac{|\Omega_A|}{|\Omega|}$.

Cách 2: Sử dụng định lí:

Định lí: Cho biến cố A. Xác suất của biến cố đối $\bar{A}$ là: $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$.

Ta thực hiện theo các bước:

Bước 1. Thực hiện hai phép tính xác suất:

- Xác suất P_1 chọn 4 học sinh không có nam.
- Xác suất P_2 chọn 4 học sinh không có nữ.

Bước 2. Sử dụng công thức $P = 1 - (P_1 + P_2)$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b Phác thảo vẽ hình để nhận ra rằng với elip (E): $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) thỏa mãn điều kiện đầu bài ta sẽ có ngay $a = 2b$. (1)

Mối quan hệ tiếp theo của a và b cần được xây dựng dựa vào giả thiết "Đường tròn (C) tiếp xúc với các cạnh của hình thoi", cụ thể:

$R_C = d(O, AB) =$ Độ dài đường cao của tam giác vuông OAB

$$\Leftrightarrow \frac{1}{R^2} = \frac{1}{OA^2} + \frac{1}{OB^2} \quad (2)$$

Giải hệ tạo bởi (1), (2) sẽ nhận được giá trị của a, b và từ đó suy ra phương trình của elip (E) cần tìm.

Câu 8.b Với mặt phẳng (P) qua $A \in Oz$ và cắt các trục Ox, Oy tại B, C ta nghĩ ngay tới việc sử dụng "Phương trình mặt phẳng chắn", từ đó:

- Giả sử $B(b; 0; 0)$ và $C(0; c; 0)$ rồi suy ra tọa độ trọng tâm G.
- Lập phương trình đường thẳng (AM).
- Vì G thuộc (AM) ta nhận được giá trị của b, c. Từ đó, có được tọa độ của B, C.
- Lập phương trình mặt phẳng (P) qua A, B, C theo "Phương trình mặt phẳng chắn".

Câu 9.b Ta thực hiện theo các bước:

Bước 1. Tìm nghiệm của phương trình bằng việc sử dụng "Phương pháp giải phương trình bậc hai với hệ số phức". Ở đây, ta có thể lựa chọn một trong hai cách:

Cách 1: Sử dụng phép tính Δ và tính căn bậc hai của số phức.

Cách 2: Sử dụng các phép biến đổi đại số.

Bước 2. Sử dụng "Phương pháp chuyển số phức $z = a + bi$ về dạng lượng giác" bằng phép biến đổi:

$$z = \frac{1}{\sqrt{a^2 + b^2}} \left(\frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} + \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} i \right) = \frac{1}{\sqrt{a^2 + b^2}} (\cos \varphi + i \sin \varphi)$$

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

Câu 1.

a. Với $m = 1$, hàm số có dạng: $y = x^3 - 3x^2 + 3$.

Ta lần lượt có:

1. Hàm số xác định trên $D = \mathbb{R}$.

2. Sự biến thiên của hàm số:

- Giới hạn của hàm số tại vô cực:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[x^3 \left(1 - \frac{3}{x} + \frac{3}{x^3} \right) \right] = \begin{cases} +\infty & \text{khi } x \rightarrow +\infty \\ -\infty & \text{khi } x \rightarrow -\infty \end{cases}$$

- Bảng biến thiên:

$$y' = 3x^2 - 6x, y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

x	$-\infty$	0	2	$+\infty$		
y'		+	0	-	0	+
y	$-\infty$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$		
		CĐ	CT			
		3	-1	$+\infty$		

- Điểm uốn:

$$y'' = 6x - 6, y'' = 0 \Leftrightarrow 6x - 6 = 0 \Leftrightarrow x = 1.$$

Vì y'' đổi dấu khi x qua điểm 1 nên đồ thị hàm số có một điểm uốn là $I(1; 1)$.

3. Đồ thị của hàm số: Lấy thêm hai điểm $A(-1; -1)$ và $B(3; 3)$.

Bạn đọc tự vẽ hình.

b. Miền xác định $D = \mathbb{R}$.

Đạo hàm:

$$y' = 3x^2 - 6mx, y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 6mx = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2m \end{cases}$$

Hàm số có hai điểm cực trị A, B khi:

$$2m \neq 0 \Leftrightarrow m \neq 0.$$

Khi đó, tọa độ hai điểm cực trị của đồ thị hàm số là $A(0; 3m^3)$, $B(2m; -m^3)$.

Ta có $S_{AOAB} = 48$ khi: $\frac{1}{2} |-6m^4| = 48 \Leftrightarrow m^4 = 16 \Leftrightarrow m = \pm 2$, thỏa mãn điều kiện.

Vậy, với $m = \pm 2$ thỏa mãn điều kiện đầu bài.

Câu 2. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Biến đổi phương trình về dạng:

$$\begin{aligned} 2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x &= \cos x - \sqrt{3}\sin x + 1 \\ \Leftrightarrow 2\cos^2 x - \cos x - 1 + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x + \sqrt{3}\sin x &= 0 \\ \Leftrightarrow (\cos x - 1)(2\cos x + 1) + \sqrt{3}(2\cos x + 1)\sin x &= 0 \\ \Leftrightarrow (\cos x + \sqrt{3}\sin x - 1)(2\cos x + 1) &= 0 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \cos x + \sqrt{3}\sin x = 1 \\ 2\cos x + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{2}\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x = \frac{1}{2} \\ \cos x = -\frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \cos\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2} \\ \cos x = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x - \frac{\pi}{3} = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ x = \pm \frac{2\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = k2\pi \\ x = \pm \frac{2\pi}{3} + k2\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

Vậy, phương trình có ba họ nghiệm.

Chú ý: Cũng có thể biến đổi bằng cách thêm bớt như sau:

$$\begin{aligned} 2(\cos x + \sqrt{3}\sin x)\cos x - 2\cos x &= -\cos x - \sqrt{3}\sin x + 1 \\ \Leftrightarrow 2(\cos x + \sqrt{3}\sin x - 1)\cos x &= -\cos x - \sqrt{3}\sin x + 1 \\ \Leftrightarrow (\cos x + \sqrt{3}\sin x - 1)(2\cos x + 1) &= 0. \end{aligned}$$

Cách 2: Biến đổi phương trình về dạng:

$$2\cos^2 x + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x = \cos x - \sqrt{3}\sin x + 1$$

$$\begin{aligned} &\Leftrightarrow 2\cos^2 x - 1 + 2\sqrt{3}\sin x \cdot \cos x = \cos x - \sqrt{3}\sin x \\ &\Leftrightarrow \cos 2x + \sqrt{3}\sin 2x = \cos x - \sqrt{3}\sin x \\ &\Leftrightarrow \frac{1}{2}\cos 2x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin 2x = \frac{1}{2}\cos x - \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x \\ &\Leftrightarrow \cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) \\ &\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - \frac{\pi}{3} = x + \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ 2x - \frac{\pi}{3} = -x - \frac{\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi \\ x = k\frac{2\pi}{3} \end{cases}, k \in \mathbb{Z}. \end{aligned}$$

Vậy, phương trình có hai họ nghiệm.

Câu 3. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Điều kiện: $\begin{cases} x^2 - 4x + 1 \geq 0 \\ x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 + \sqrt{3} \\ 0 \leq x \leq 2 - \sqrt{3} \end{cases} \quad (*)$

Đặt $t = \sqrt{x}$ ($t \geq 0$) bất phương trình được chuyển về dạng:

$$t^2 + 1 + \sqrt{t^4 - 4t^2 + 1} \geq 3t \Leftrightarrow \sqrt{t^4 - 4t^2 + 1} \geq -t^2 + 3t - 1. \quad (1)$$

Ta xét hai trường hợp:

Trường hợp 1: Bất phương trình (1) đúng khi:

$$-t^2 + 3t - 1 \leq 0 \Leftrightarrow t^2 - 3t + 1 \geq 0 \Leftrightarrow t \leq \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \text{ hoặc } t \geq \frac{3 + \sqrt{5}}{2}.$$

Trường hợp 2: Với điều kiện: $-t^2 + 3t - 1 \geq 0 \Leftrightarrow \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \leq t \leq \frac{3 + \sqrt{5}}{2} \quad (**)$

Bất phương trình (1) được chuyển về dạng:

$$t^4 - 4t^2 + 1 \geq (-t^2 + 3t - 1)^2 \Leftrightarrow 6t^3 - 15t^2 + 6t \geq 0$$

$$\Leftrightarrow 3t(2t^2 - 5t + 2) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 0 \\ 2t^2 - 5t + 2 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t \leq \frac{1}{2} \\ t \geq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t \leq \frac{1}{2} \\ \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \leq t \leq \frac{3 + \sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

Kết hợp hai trường hợp 1 và trường hợp 2, ta được:

$$\begin{cases} t \leq \frac{1}{2} \\ t \geq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x} \leq \frac{1}{2} \\ \sqrt{x} \geq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq \frac{1}{4} \\ x \geq 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < x \leq \frac{1}{4} \\ x \geq 4 \end{cases}$$

Vậy, bất phương trình có tập nghiệm là $\left[0; \frac{1}{4}\right] \cup [4; +\infty)$.

Cách 2: Điều kiện: $\begin{cases} x^2 - 4x + 1 \geq 0 \\ x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 + \sqrt{3} \\ 0 \leq x \leq 2 - \sqrt{3} \end{cases} \quad (*)$

Nhận xét rằng $x = 0$ là nghiệm của bất phương trình.

Với $x > 0$, biến đổi bất phương trình về dạng: $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt{x - 4 + \frac{1}{x}} \geq 3$

Đặt $t = \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ ($t \geq 2$) suy ra $x + \frac{1}{x} = t^2 - 2$ nên bất phương trình được chuyển về dạng:

$$t + \sqrt{t^2 - 6} \geq 3 \Leftrightarrow \sqrt{t^2 - 6} \geq 3 - t \Leftrightarrow \begin{cases} 3 - t \leq 0 \\ 3 - t > 0 \\ t^2 - 6 \geq (3 - t)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t \geq 3 \\ t < 3 \\ 6t \geq 15 \end{cases} \Leftrightarrow t \geq \frac{5}{2} \Leftrightarrow \sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} \geq \frac{5}{2} \Leftrightarrow u + \frac{1}{u} \geq \frac{5}{2}$$

$$\Leftrightarrow 2u^2 - 5u + 2 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} u \geq 2 \\ u \leq \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x} \geq 2 \\ \sqrt{x} \leq \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ 0 < x \leq \frac{1}{4} \end{cases}$$

Vậy, bất phương trình có tập nghiệm là $\left[0; \frac{1}{4}\right] \cup [4; +\infty)$.

Câu 4. Đặt $u = x^2$, suy ra: $du = 2x \cdot dx \Leftrightarrow x \cdot dx = \frac{du}{2}$.

Đổi cận:

- Với $x = 0$ thì $u = 0$.
- Với $x = 1$ thì $u = 1$.

Từ đó:

$$\begin{aligned} I &= \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{u \cdot du}{u^2 + 3u + 2} = \frac{1}{2} \int_0^1 \left(\frac{2}{u+2} - \frac{1}{u+1} \right) du \\ &= \frac{1}{2} (2 \ln|u+2| - \ln|u+1|) \Big|_0^1 = \frac{1}{2} (2 \ln 3 - 3 \ln 2) = \ln 3 - \frac{3}{2} \ln 2. \end{aligned}$$

Câu 5. Bạn đọc tự vẽ hình.

a. Do tính chất đối xứng nên từ: $SC \perp AH \Rightarrow SC \perp BH \Rightarrow SC \perp (ABH)$.

b. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Ta có ngay: $V_{S.ABH} = \frac{1}{3} SH \cdot S_{\Delta ABH} \quad (1)$

Trong ΔSAC cân tại S, gọi D là trung điểm của AC, ta có:

$$\begin{aligned} S_{\Delta SAC} &= \frac{1}{2} AH \cdot SC = \frac{1}{2} SD \cdot AC \\ \Rightarrow AH &= \frac{SD \cdot AC}{SC} = \frac{\sqrt{SA^2 - AD^2} \cdot AC}{SC} \\ &= \frac{\sqrt{SA^2 - \left(\frac{AC}{2}\right)^2} \cdot AC}{2a} = \frac{\sqrt{(2a)^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} \cdot a}{2a} = \frac{a\sqrt{15}}{4} \\ SH &= \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{(2a)^2 - \left(\frac{a\sqrt{15}}{4}\right)^2} = \frac{7a}{4} \end{aligned} \quad (2)$$

Trong ΔABH cân tại H, gọi E là trung điểm của AB, ta có:

$$\begin{aligned} S_{\Delta ABH} &= \frac{1}{2} EH \cdot AB = \frac{1}{2} \sqrt{AH^2 - AE^2} \cdot AB \\ &= \frac{1}{2} \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{15}}{4}\right)^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} \cdot a = \frac{a^2\sqrt{11}}{8} \end{aligned} \quad (3)$$

Thay (2), (3) vào (1), ta được: $V_{S.ABH} = \frac{1}{3} \cdot \frac{7a}{4} \cdot \frac{a^2\sqrt{11}}{8} = \frac{7a^3\sqrt{11}}{96}$

Cách 2: Sử dụng tính chất về tỉ số thể tích, ta được:

$$\frac{V_{S.ABH}}{V_{S.ABC}} = \frac{SH}{SC} \Rightarrow V_{S.ABH} = \frac{SH}{SC} \cdot V_{S.ABC} \quad (4)$$

Trong ΔSAC cân tại S, gọi D là trung điểm của AC, ta có:

$$\begin{aligned} S_{\Delta SAC} &= \frac{1}{2} AH \cdot SC = \frac{1}{2} SD \cdot AC \Rightarrow AH = \frac{SD \cdot AC}{SC} = \frac{\sqrt{SA^2 - AD^2} \cdot AC}{SC} \\ &= \frac{\sqrt{SA^2 - \left(\frac{AC}{2}\right)^2} \cdot AC}{2a} = \frac{\sqrt{(2a)^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} \cdot a}{2a} = \frac{a\sqrt{15}}{4} \\ SH &= \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{(2a)^2 - \left(\frac{a\sqrt{15}}{4}\right)^2} = \frac{7a}{4} \end{aligned} \quad (5)$$

Gọi O là trọng tâm ΔABC , ta có:

$$SO = \sqrt{SA^2 - AO^2} = \sqrt{(2a)^2 - \left(\frac{a\sqrt{3}}{3}\right)^2} = \frac{a\sqrt{33}}{3}$$

$$V_{S.ABC} = \frac{1}{3} SO \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{33}}{3} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{11}}{12} \quad (6)$$

Thay (5), (6) vào (4), ta được: $V_{S.ABH} = \frac{7a}{4} \cdot \frac{1}{2a} \cdot \frac{a^3\sqrt{11}}{12} = \frac{7a^3\sqrt{11}}{96}$

Câu 6.a. Trước tiên, với $z = -(x + y)$ ta có biến đổi:

$$1 = x^2 + y^2 + z^2 = x^2 + y^2 + (x + y)^2 = 2(x + y)^2 - 2xy. \quad (*)$$

Từ (*) ta lần lượt có:

$$xy = (x + y)^2 - \frac{1}{2}$$

$$1 \leq (x + y)^2 + 2\left(\frac{x + y}{2}\right)^2 = \frac{3}{2}(x + y)^2 \Rightarrow -\sqrt{\frac{2}{3}} \leq x + y \leq \sqrt{\frac{2}{3}}$$

Đặt $t = x + y$, biến đổi P về dạng:

$$\begin{aligned} P &= x^3 + y^3 - (x + y)^3 = -5xy(x^2 + y^2) - 10x^2y^2(x + y) \\ &= -5xy[(x + y)^2 - 2xy] - 10x^2y^2(x + y) = -5xy(x + y)^2 + 10x^2y^2 - 10x^2y^2(x + y) \\ &= -5\left[(x + y)^2 - \frac{1}{2}\right](x + y)^2 + 5\left[(x + y)^2 - \frac{1}{2}\right]^2(x + y) \\ &= -\frac{5}{2}(x + y)^3 + \frac{5}{4}(x + y) = -\frac{5}{2}t^3 + \frac{5}{4}t = f(t). \end{aligned}$$

Xét hàm số $f(t)$ trên $\left[-\sqrt{\frac{2}{3}}; \sqrt{\frac{2}{3}}\right]$, ta có:

$$f'(t) = -\frac{15}{2}t^2 + \frac{5}{4}; \quad f'(t) = 0 \Leftrightarrow -\frac{15}{2}t^2 + \frac{5}{4} = 0 \Leftrightarrow t_{1,2} = \pm \frac{1}{\sqrt{6}}$$

t	$-\frac{2}{\sqrt{6}}$	$-\frac{1}{\sqrt{6}}$	$\frac{1}{\sqrt{6}}$	$\frac{2}{\sqrt{6}}$
f'		-	+	-
f	$\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$-\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$-\frac{5}{6\sqrt{6}}$

Từ đó, ta có $f(t) \leq \frac{5}{6\sqrt{6}}$, suy ra:

$$P_{\max} = \frac{5}{6\sqrt{6}} \text{ đạt được khi } t = -\frac{2}{\sqrt{6}} \text{ hoặc } t = \frac{1}{\sqrt{6}}.$$

Với $t = -\frac{2}{\sqrt{6}}$, ta được: $\begin{cases} x + y = -\frac{2}{\sqrt{6}} \\ xy = \frac{1}{6} \end{cases}$

Suy ra x, y là nghiệm của phương trình:

$$u^2 + \frac{2}{\sqrt{6}}u + \frac{1}{6} = 0 \Leftrightarrow u = -\frac{1}{\sqrt{6}} \Rightarrow x = y = -\frac{1}{\sqrt{6}} \text{ \& } z = \frac{2}{\sqrt{6}}.$$

Với $t = \frac{1}{\sqrt{6}}$, ta được:
$$\begin{cases} x + y = \frac{1}{\sqrt{6}} \\ xy = -\frac{1}{3} \end{cases}$$

Suy ra x, y là nghiệm của phương trình:

$$u^2 - \frac{1}{\sqrt{6}}u - \frac{1}{3} = 0 \Leftrightarrow u = -\frac{1}{\sqrt{6}} \text{ hoặc } u = \frac{2}{\sqrt{6}}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -\frac{1}{\sqrt{6}}, y = \frac{2}{\sqrt{6}} \text{ \& } z = -\frac{1}{\sqrt{6}} \\ x = \frac{2}{\sqrt{6}}, y = -\frac{1}{\sqrt{6}} \text{ \& } z = -\frac{1}{\sqrt{6}} \end{cases}$$

• **Chú ý:** Cũng có thể biến đổi bằng cách:

$$0 = (x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2x(y + z) + 2yz = 1 - 2x^2 + 2yz \Leftrightarrow yz = x^2 - \frac{1}{2}.$$

Mặt khác, ta có:

$$yz \leq \frac{y^2 + z^2}{2} = \frac{1 - x^2}{2} \Rightarrow x^2 - \frac{1}{2} \leq \frac{1 - x^2}{2} \Leftrightarrow 3x^2 \leq 2 \Leftrightarrow -\sqrt{\frac{2}{3}} \leq x \leq \sqrt{\frac{2}{3}}.$$

Biến đổi P về dạng:

$$P = x^5 + (y^2 + z^2)(y^3 + z^3) - y^2z^2(y + z)$$

$$\begin{aligned} &= x^5 + (1 - x^2)[(y + z)^3 - 3yz(y + z)] + \left(x^2 - \frac{1}{2}\right)^2 x \\ &= x^5 + (1 - x^2) \left[-x^3 + 3 \left(x^2 - \frac{1}{2}\right)x \right] + \left(x^2 - \frac{1}{2}\right)^2 x = \frac{5}{2}x^3 - \frac{5}{4}x = f(x). \end{aligned}$$

Xét hàm số f(x) trên $\left[-\sqrt{\frac{2}{3}}; \sqrt{\frac{2}{3}}\right]$, ta có:

$$f'(x) = \frac{15}{2}x^2 - \frac{5}{4}; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \frac{15}{2}x^2 - \frac{5}{4} = 0 \Leftrightarrow x_{1,2} = \pm \frac{1}{\sqrt{6}}.$$

x	$-\frac{2}{\sqrt{6}}$	$-\frac{1}{\sqrt{6}}$	$\frac{1}{\sqrt{6}}$	$\frac{2}{\sqrt{6}}$
f'		+	0	-
f	$-\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$-\frac{5}{6\sqrt{6}}$	$\frac{5}{6\sqrt{6}}$

Từ đó, suy ra

$$f_{\max} = \frac{5}{6\sqrt{6}} \text{ đạt được khi } x = -\frac{1}{\sqrt{6}} \text{ hoặc } x = \frac{2}{\sqrt{6}}.$$

Vậy, ta được $P_{\max} = \frac{5}{6\sqrt{6}}.$

PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 7.a Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Giả sử đường tròn (C) có phương trình:

$$(C): x^2 + y^2 - 2ax - 2bx + c = 0, \text{ điều kiện } a^2 + b^2 - c > 0.$$

(C) cắt (C₁) tại hai điểm phân biệt A, B nên (AB) có phương trình:

$$(AB): 2ax + 2bx + c = 4 \Rightarrow \overline{AB}(b; -a).$$

AB vuông góc với (d) có vtcp $\vec{v}(1; 1)$ nên:

$$\overline{AB} \cdot \vec{v} = 0 \Leftrightarrow b - a = 0 \Leftrightarrow a = b.$$

(C) có tâm I(a; b) thuộc đường tròn (C₂), ta được:

$$a^2 + b^2 - 12a + 18 = 0 \Leftrightarrow a^2 - 6a + 9 = 0 \Leftrightarrow a = 3 \Rightarrow b = 3.$$

Để (C) tiếp xúc với (d) điều kiện là:

$$R = d(I, (d)) \Leftrightarrow \sqrt{a^2 + b^2 - c} = \frac{|a - b - 4|}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \sqrt{18 - c} = 2\sqrt{2}$$

$$\Leftrightarrow 18 - c = 8 \Leftrightarrow c = 10.$$

Vậy, đường tròn (C) có phương trình $x^2 + y^2 - 6x - 6y + 10 = 0.$

Cách 2: Giả sử đường tròn (C) có tâm I(a; b) và bán kính R.

(C) cắt (C₁) (có tâm O) tại hai điểm phân biệt A, B nên:

$$AB \perp OI \Rightarrow OI \parallel (d) \Rightarrow (OI): x - y = 0.$$

Tâm I thuộc (OI) và đường tròn (C₂), suy ra:

$$\begin{cases} a - b = 0 \\ a^2 + b^2 - 12a + 18 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b \\ a^2 - 6a + 9 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow a = b = 3.$$

Để (C) tiếp xúc với (d) điều kiện là:

$$R = d(I, (d)) = \frac{|a - b - 4|}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}.$$

Vậy, đường tròn (C) có phương trình $(x - 3)^2 + (y - 3)^2 = 8.$

Câu 8.a Giả sử mặt cầu (S) có tâm I và bán kính R.

Chuyển phương trình đường thẳng (d) về dạng tham số: $(d): \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = t \\ z = -2t \end{cases}, t \in \mathbb{R}.$

Ta lần lượt:

- I thuộc (d) suy ra $I(1 + 2t; t; -2t)$.
- A, B thuộc (S) suy ra:

$$IA = IB \Leftrightarrow IA^2 = IB^2$$

$$\Leftrightarrow (2t - 1)^2 + (t - 1)^2 + (-2t)^2 = (3 + 2t)^2 + (t - 3)^2 + (-2t - 2)^2$$

$$\Leftrightarrow t = -1 \Rightarrow I(-1; -1; 2).$$

$$R^2 = IA^2 = 17.$$

Vậy, mặt cầu (S) có phương trình $(x + 1)^2 + (y + 1)^2 + (z - 2)^2 = 17$.

Câu 9.a. Ta có thể trình bày theo các cách sau:

Cách 1: Số cách chọn 4 học sinh trong lớp là: $C_{25}^4 = 12650$.

Số cách chọn 4 học sinh trong lớp có cả nam và nữ bao gồm:

- Trường hợp 1: Có 1 nam và 3 nữ $C_{15}^1 \cdot C_{10}^3 = 1800$.
- Trường hợp 2: Có 2 nam và 2 nữ $C_{15}^2 \cdot C_{10}^2 = 4725$.
- Trường hợp 3: Có 3 nam và 1 nữ $C_{15}^3 \cdot C_{10}^1 = 4550$.

Vậy, số cách chọn 4 học sinh trong lớp có cả nam và nữ bằng:
 $1800 + 4725 + 4550 = 11075$.

Suy ra, xác suất để 4 học sinh được gọi có cả nam và nữ là $P = \frac{11075}{12650} = \frac{433}{506}$.

Cách 2: Ta lần lượt:

- Xác suất chọn 4 học sinh không có nam là: $P_1 = \frac{C_{10}^4}{C_{25}^4} = \frac{21}{1265}$.
- Xác suất chọn 4 học sinh không có nữ là: $P_2 = \frac{C_{15}^4}{C_{25}^4} = \frac{273}{2530}$.

Suy ra, xác suất để 4 học sinh được gọi có cả nam và nữ là: $P = 1 - (P_1 + P_2) = \frac{433}{506}$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 7.b Học sinh tự vẽ hình.

Với elíp (E): $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$).

Ta lần lượt:

- Với $OA = 2OB$ suy ra $a = 2b$.
- Đường tròn (C): $x^2 + y^2 = 4$ (có tâm O, bán kính $R = 2$) tiếp xúc với các cạnh của hình thoi nên:

$$\frac{1}{R^2} = \frac{1}{OA^2} + \frac{1}{OB^2} \Leftrightarrow \frac{1}{2^2} = \frac{1}{(2b)^2} + \frac{1}{b^2} \Leftrightarrow b^2 = 5 \Rightarrow a^2 = 20.$$

Vậy, ta được (E): $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$.

Câu 8.b Từ giả thiết ta giả sử $B(b; 0; 0)$ và $C(0; c; 0)$, suy ra ΔABC có trọng tâm $G\left(\frac{b}{3}; \frac{c}{3}; 1\right)$.

Phương trình đường thẳng (AM) được cho bởi:

$$(AM): \begin{cases} \text{Qua A} \\ \text{vtcp } \overrightarrow{AM}(1; 2; -3) \end{cases} \Leftrightarrow (AM): \frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-3}{-3}.$$

$$\text{Vì G thuộc (AM) nên: } \frac{b}{3} = \frac{c}{6} = \frac{-2}{-3} \Rightarrow \begin{cases} b=2 \\ c=4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} B(2; 0; 0) \\ C(0; 4; 0) \end{cases}$$

Từ đó, bằng việc sử dụng phương trình mặt phẳng chắn ta được:

$$(P): \frac{x}{2} + \frac{y}{4} + \frac{z}{3} = 1 \Leftrightarrow (P): 6x + 3y + 4z - 12 = 0.$$

Câu 9.b. Biến đổi phương trình về dạng:

$$(z - \sqrt{3}i)^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow (z - \sqrt{3}i)^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} z_1 - \sqrt{3}i = 1 \\ z_2 - \sqrt{3}i = -1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} z_1 = 1 + \sqrt{3}i \\ z_2 = -1 + \sqrt{3}i \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z_1 = 2\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i\right) \\ z_2 = 2\left(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i\right) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z_1 = 2\left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}\right) \\ z_2 = 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right) \end{cases}$$

B. PHẦN VẬT LÝ

CÁC DẠNG ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC - CAO ĐẲNG

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC - CAO ĐẲNG NĂM 2009

Mã đề 135

(Thời gian làm bài: 90 phút)

Câu 1: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần R , tụ điện và cuộn cảm thuần có độ tự cảm L thay đổi được. Biết dung kháng của tụ điện bằng $R\sqrt{3}$. Điều chỉnh L để điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn cảm đạt cực đại, khi đó

A. điện áp giữa hai đầu tụ điện lệch pha $\frac{\pi}{6}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

B. điện áp giữa hai đầu cuộn cảm lệch pha $\frac{\pi}{6}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

C. trong mạch có cộng hưởng điện.

D. điện áp giữa hai đầu điện trở lệch pha $\frac{\pi}{6}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

Câu 2: Trong thí nghiệm Y – âng về giao thoa ánh sáng, khoảng cách giữa hai khe là 0,5mm. Khoảng cách từ hai khe đến màn quan sát là 2m. Nguồn sáng dùng trong thí nghiệm gồm hai bức xạ có bước sóng $\lambda_1 = 450\text{nm}$ và $\lambda_2 = 600\text{nm}$. Trên màn quan sát, gọi M, N là hai điểm ở cùng một phía so với vân trung tâm và cách vân trung tâm lần lượt là 5,5mm và 22mm. Trên đoạn MN, số vị trí vân sáng trùng nhau của hai bức xạ là

- A. 4. B. 5. C. 2. D. 3.

Câu 3: Đặt điện áp xoay chiều $u = U_0 \cos \omega t$ có U_0 không đổi và ω thay đổi được vào hai đầu đoạn mạch có R, L, C mắc nối tiếp. Thay đổi ω thì cường độ hiệu dụng trong mạch khi $\omega = \omega_1$ bằng cường độ dòng điện hiệu dụng trong mạch khi $\omega = \omega_2$. Hệ thức đúng là

- A. $\omega_1 \omega_2 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$. B. $\omega_1 + \omega_2 = \frac{2}{LC}$. C. $\omega_1 \omega_2 = \frac{1}{LC}$. D. $\omega_1 + \omega_2 = \frac{2}{\sqrt{LC}}$.

Câu 4: Trên một sợi dây đàn hồi dài 1,8m, hai đầu cố định, đang có sóng dừng với 6 bụng sóng. Biết sóng truyền trên dây có tần số 100Hz. Tốc độ truyền sóng trên dây là

- A. 20m/s. B. 600m/s. C. 60m/s. D. 10m/s.

Câu 5: Chiếu xiên một chùm sáng hẹp gồm hai ánh sáng đơn sắc là vàng và lam từ không khí tới mặt nước thì

- A. chùm sáng bị phản xạ toàn phần.
B. so với phương tia tới, tia khúc xạ vàng bị lệch ít hơn tia khúc xạ lam.
C. so với phương tia tới, tia khúc xạ lam bị lệch ít hơn tia khúc xạ vàng.
D. tia khúc xạ chỉ là ánh sáng vàng, còn tia sáng lam bị phản xạ toàn phần.

Câu 6: Bước sóng là khoảng cách giữa hai điểm

- A. gần nhau nhất mà dao động tại đó hai điểm cùng pha.
B. trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó cùng pha.
C. trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó ngược pha.
D. gần nhau nhất trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó cùng pha.

Câu 7: Giả sử hai hạt nhân X và Y có độ hụt khối bằng nhau và số nuclôn của hạt nhân X lớn hơn số nuclôn của hạt nhân Y thì

- A. hạt nhân X bền vững hơn hạt nhân Y.
B. năng lượng liên kết của hạt nhân X lớn hơn năng lượng liên kết của hạt nhân Y.
C. năng lượng liên kết riêng của hai hạt nhân bằng nhau.
D. hạt nhân Y bền vững hơn hạt nhân X.

Câu 8: Cho phản ứng hạt nhân: ${}^3_1\text{T} + {}^2_1\text{D} \longrightarrow {}^4_2\text{He} + \text{X}$.

Lấy độ hụt khối của hạt nhân T, hạt nhân D, hạt nhân He lần lượt là 0,009106u; 0,002491u; 0,030382u và $1\text{u} = 931,5\text{MeV}/c^2$. Năng lượng tỏa ra của phản ứng xấp xỉ bằng

- A. 21,076MeV. B. 200,025MeV. C. 17,498MeV. D. 15,017MeV.

Câu 9: Khi nói về thuyết lượng tử ánh sáng, phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Ánh sáng được tạo bởi các hạt gọi là photon.
B. Năng lượng photon càng nhỏ khi cường độ chùm ánh sáng càng nhỏ.
C. Photon có thể chuyển động hay đứng yên tùy thuộc vào nguồn sáng chuyển động hay đứng yên.
D. Năng lượng của photon càng lớn khi tần số của ánh sáng ứng với photon đó càng nhỏ.

Câu 10: Khi nói về dao động cưỡng bức, phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Dao động cưỡng bức có biên độ không đổi và có tần số bằng tần số của lực cưỡng bức.
B. Dao động của con lắc đồng hồ là dao động cưỡng bức.
C. Dao động cưỡng bức có tần số nhỏ hơn tần số của lực cưỡng bức.
D. Biên độ của dao động cưỡng bức là biên độ của lực cưỡng bức.

Câu 11: Khi nói về dao động điện từ trong mạch dao động LC lí tưởng, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Năng lượng từ trường và năng lượng điện trường trong mạch luôn cùng tăng hoặc luôn cùng giảm.
B. Năng lượng điện từ của mạch gồm năng lượng từ trường và năng lượng điện trường.
C. Cường độ dòng điện qua cuộn cảm và hiệu điện thế giữa hai bản tụ điện biến thiên điều hòa theo thời gian với cùng tần số.
D. Điện tích của mỗi bản tụ điện và cường độ dòng điện trong mạch biến thiên điều hòa theo thời gian lệch pha nhau $\frac{\pi}{2}$.

Câu 12: Một sóng âm truyền trong không khí. Mức cường độ âm tại điểm M và tại điểm N lần lượt là 40dB và 80dB. Cường độ âm tại N lớn hơn cường độ âm tại M.

- A. 10000 lần. B. 1000 lần. C. 40 lần. D. 2 lần.

Câu 13: Trong chân không, các bức xạ sắp xếp theo thứ tự bước sóng giảm dần là:

- A. tia hồng ngoại, ánh sáng tím, tia tử ngoại, tia Rơn-ghen.
B. tia Rơn-ghen, tia tử ngoại, ánh sáng tím, tia hồng ngoại.
C. tia hồng ngoại, ánh sáng tím, tia Rơn-ghen, tia tử ngoại.
D. ánh sáng tím, tia hồng ngoại, tia tử ngoại, tia Rơn-ghen.

Câu 14: Đặt điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng không đổi vào hai đầu đoạn mạch gồm biến trở R mắc nối tiếp với tụ điện. Dung kháng của tụ điện là 100Ω . Khi điều chỉnh R thì tại hai giá trị R_1 và R_2 công suất tiêu thụ của đoạn mạch như nhau. Biết điện áp hiệu dụng giữa hai đầu tụ điện khi $R = R_1$ bằng hai lần điện áp hiệu dụng giữa hai đầu tụ điện khi $R = R_2$. Các giá trị R_1 và R_2 là

- A. $R_1 = 50\Omega, R_2 = 100\Omega$. B. $R_1 = 40\Omega, R_2 = 250\Omega$.
C. $R_1 = 50\Omega, R_2 = 200\Omega$. D. $R_1 = 25\Omega, R_2 = 100\Omega$.

Câu 15: Một con lắc lò xo có khối lượng vật nhỏ là $50g$. Con lắc dao động điều hòa theo một trục cố định nằm ngang với phương trình $x = A\cos\omega t$. Cứ sau những khoảng thời gian $0,05s$ thì động năng và thế năng của vật lại bằng nhau. Lấy $\pi^2 = 10$. Lò xo của con lắc có độ cứng bằng

- A. $25N/m$. B. $200N/m$. C. $100N/m$. D. $50N/m$.

Câu 16: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng trắng có bước sóng từ $0,38\mu m$ đến $0,76\mu m$. Tại vị trí vân sáng bậc 4 của ánh sáng đơn sắc có bước sóng $0,76\mu m$ còn có bao nhiêu vân sáng nữa của các ánh sáng đơn sắc khác?

- A. 8. B. 7. C. 4. D. 3.

Câu 17: Pin quang điện là một nguồn điện, trong đó

- A. hóa năng được biến đổi trực tiếp thành điện năng.
B. quang năng được biến đổi trực tiếp thành điện năng.
C. nhiệt năng được biến đổi trực tiếp thành điện năng.
D. cơ năng được biến đổi trực tiếp thành điện năng.

☐ **Câu 18:** Một mạch dao động điện từ LC lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm $5\mu H$ và tụ điện có điện dung $5\mu F$. Trong mạch có dao động điện từ tự do. Khoảng thời gian giữa hai lần liên tiếp mà điện tích trên một bản tụ có độ lớn cực đại là

- A. $25\pi \cdot 10^{-6}s$. B. $10\pi \cdot 10^{-6}s$. C. $5\pi \cdot 10^{-6}s$. D. $10^{-6}s$.

Câu 19: Máy biến áp là thiết bị

- A. biến đổi tần số của dòng điện.
B. có khả năng biến đổi điện áp của dòng điện xoay chiều.
C. biến đổi dòng điện xoay chiều thành dòng điện một chiều.
D. làm tăng công suất của dòng điện xoay chiều.

Câu 20: Một con lắc lò xo dao động điều hòa. Biết lò xo có độ cứng $36N/m$ và vật nhỏ có khối lượng $100g$. Lấy $\pi^2 = 10$. Động năng của con lắc biến thiên điều hòa theo thời gian với tần số

- A. $3Hz$. B. $6Hz$. C. $1Hz$. D. $12Hz$.

Câu 21: Quang phổ liên tục

- A. phụ thuộc vào nhiệt độ của nguồn phát mà không phụ thuộc vào bản chất của nguồn phát.
B. không phụ thuộc vào bản chất và nhiệt độ của nguồn phát.
C. phụ thuộc vào bản chất và nhiệt độ của nguồn phát.
D. phụ thuộc vào bản chất của nguồn phát mà không phụ thuộc vào nhiệt độ của nguồn phát.

Câu 22: Đặt điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng $120V$, tần số $50Hz$ vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần 30Ω , cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{0,4}{\pi}(H)$ và tụ điện có điện dung C thay đổi được. Điều chỉnh điện dung của tụ điện

thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn cảm đạt giá trị cực đại bằng

- A. $250V$. B. $100V$. C. $160V$. D. $150V$.

Câu 23: Đặt một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng U vào hai đầu đoạn mạch AB gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L , điện trở thuần R và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp theo thứ tự trên.

Gọi U_L , U_R và U_C lần lượt là các điện áp hiệu dụng giữa hai đầu mỗi phần tử. Biết điện áp giữa hai đầu đoạn mạch AB lệch pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch NB

(đoạn mạch NB gồm R và C). Hệ thức nào dưới đây là đúng?

- A. $U_L^2 = U_R^2 + U_C^2 + U^2$. B. $U^2 = U_R^2 + U_C^2 + U_L^2$.
C. $U_R^2 = U_C^2 + U_L^2 + U^2$. D. $U_C^2 = U_R^2 + U_L^2 + U^2$.

Câu 24: Công thoát electron của một kim loại là $7,64 \cdot 10^{-19}J$. Chiếu lần lượt vào bề mặt tấm kim loại này các bức xạ có bước sóng là $\lambda_1 = 0,18\mu m$, $\lambda_2 = 0,21\mu m$ và $\lambda_3 = 0,35\mu m$. Lấy $h = 6,625 \cdot 10^{-34}Js$, $c = 3 \cdot 10^8 m/s$.

Bức xạ nào gây được hiện tượng quang điện đối với kim loại đó?

- A. Cả ba bức xạ (λ_1 , λ_2 và λ_3).
B. Không có bức xạ nào trong ba bức xạ trên.
C. Hai bức xạ (λ_1 và λ_2). D. Chỉ có bức xạ λ_1 .

Câu 25: Trong mạch dao động LC lí tưởng đang dao động điện từ tự do, điện tích của một bản tụ và cường độ dòng điện qua cuộn cảm biến thiên điều hòa theo thời gian

- A. với cùng biên độ. B. với cùng tần số.
C. luôn cùng pha nhau. D. luôn ngược pha nhau.

Câu 26: Nguyên tử hiđrô đang ở trạng thái có mức năng lượng bằng $-13,6eV$. Để chuyển lên trạng thái có mức năng lượng $-3,4eV$ thì nguyên tử hiđrô phải hấp thụ một photon có năng lượng

- A. $17eV$. B. $10,2eV$. C. $4eV$. D. $-10,2eV$.

Câu 27: Đặt điện áp xoay chiều vào hai đầu đoạn mạch có R, L, C mắc nối tiếp. Biết $R = 10\Omega$, cuộn cảm thuần có $L = \frac{1}{10\pi}$ (H), tụ điện có $C = \frac{10^{-3}}{2\pi}$ (F) và điện áp giữa

hai đầu cuộn cảm thuần là $u_L = 20\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{2}\right)$ (V).

Biểu thức điện áp giữa hai đầu đoạn mạch là

A. $u = 40 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (V). B. $u = 40\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (V).

C. $u = 40\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (V). D. $u = 40 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (V).

Câu 28: Phát biểu nào sau đây là sai khi nói về sóng điện từ?

- A. Khi sóng điện từ lan truyền, vectơ cường độ điện trường luôn cùng phương với vectơ cảm ứng từ.
- B. Khi sóng điện từ lan truyền, vectơ cường độ điện trường luôn vuông góc với vectơ cảm ứng từ.
- C. Sóng điện từ lan truyền được trong chân không.
- D. Sóng điện từ là sóng ngang.

Câu 29: Chuyển động của một vật là tổng hợp của hai dao động điều hòa cùng phương. Hai dao động này có phương trình lần lượt là:

$x_1 = 4 \cos\left(10t + \frac{\pi}{4}\right)$ (cm) và $x_2 = 3 \cos\left(10t - \frac{3\pi}{4}\right)$ (cm).

Độ lớn vận tốc của vật ở vị trí cân bằng là

- A. 80cm/s. B. 100cm/s. C. 10cm/s. D. 50cm/s.

Câu 30: Ở bề mặt một chất lỏng có hai nguồn phát sóng kết hợp S_1 và S_2 cách nhau 20cm. Hai nguồn này dao động theo phương thẳng đứng có phương trình lần lượt là:

$u_1 = 5 \cos 40\pi t$ (mm) và $u_2 = 5 \cos(40\pi t + \pi)$ (mm).

Tốc độ truyền sóng trên mặt chất lỏng là 80cm/s. Số điểm dao động với biên độ cực đại trên đoạn thẳng S_1S_2 là

- A. 11. B. 9. C. 10. D. 8.

Câu 31: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Chất khí hay hơi được kích thích bằng nhiệt hay bằng điện luôn cho quang phổ vạch.
- B. Chất khí hay hơi ở áp suất thấp được kích thích bằng nhiệt hay bằng điện cho quang phổ liên tục.
- C. Quang phổ liên tục của nguyên tố nào thì đặc trưng cho nguyên tố ấy.
- D. Quang phổ vạch của nguyên tố nào thì đặc trưng cho nguyên tố ấy.

Câu 32: Một đồng vị phóng xạ có chu kỳ bán rã T. Cứ sau một khoảng thời gian bằng bao nhiêu thì số hạt nhân bị phân rã trong khoảng thời gian đó bằng ba lần số hạt nhân còn lại của đồng vị ấy?

- A. T. B. 3T. C. 2T. D. 0,5T.

Câu 33: Một vật dao động điều hòa theo một trục cố định (mốc thế năng ở vị trí cân bằng) thì

- A. khi vật đi từ vị trí cân bằng ra biên, vận tốc và gia tốc của vật luôn cùng dấu.
- B. thế năng của vật cực đại khi vật ở vị trí biên.
- C. động năng của vật cực đại khi gia tốc của vật có độ lớn cực đại.
- D. khi ở vị trí cân bằng, thế năng của vật bằng cơ năng.

Câu 34: Một đám nguyên tử hiđrô đang ở trạng thái kích thích mà electron chuyển động trên quỹ đạo dừng N. Khi electron chuyển về các quỹ đạo dừng bên trong thì quang phổ vạch phát xạ của đám nguyên tử đó có bao nhiêu vạch?

- A. 3. B. 1. C. 4. D. 6.

Câu 35: Tại một nơi trên mặt đất, một con lắc đơn dao động điều hòa. Trong khoảng thời gian Δt con lắc thực hiện được 60 dao động toàn phần; thay đổi chiều dài con lắc một đoạn 44cm thì cũng trong khoảng thời gian Δt ấy, nó thực hiện 50 dao động toàn phần. Chiều dài ban đầu của con lắc là

- A. 80cm. B. 100cm. C. 60cm. D. 144cm.

Câu 36: Trong sự phân hạch của hạt nhân $^{235}_{92}\text{U}$, gọi k là hệ số nhân nơtron. Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Nếu $k = 1$ thì phản ứng dây chuyền không xảy ra.
- B. Nếu $k < 1$ thì phản ứng phân hạch dây chuyền xảy ra và năng lượng tỏa ra tăng nhanh.
- C. Nếu $k > 1$ thì phản ứng phân hạch dây chuyền tự duy trì và có thể gây nên bùng nổ.
- D. Nếu $k > 1$ thì phản ứng phân hạch dây chuyền không xảy ra.

Câu 37: Hạt nào sau đây không phải là hạt sơ cấp?

- A. prôtôn (p). B. pôzitron (e^+). C. electron (e^-). D. anpha (α).

Câu 38: Một đoạn mạch xoay chiều gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp. Biết cảm kháng gấp đôi dung kháng. Dùng vôn kế xoay chiều (điện trở rất lớn) đo điện áp giữa hai đầu tụ điện và điện áp giữa hai đầu điện trở thì số chỉ của vôn kế là như nhau. Độ lệch pha của điện áp giữa hai đầu đoạn mạch so với cường độ dòng điện trong đoạn mạch là

- A. $\frac{\pi}{4}$. B. $-\frac{\pi}{3}$. C. $\frac{\pi}{6}$. D. $\frac{\pi}{3}$.

Câu 39: Khi đặt hiệu điện thế không đổi 30V vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{1}{4\pi}$ (H) thì dòng điện trong

đoạn mạch là dòng điện một chiều có cường độ 1A. Nếu đặt vào hai đầu đoạn mạch này một điện áp $u = 150\sqrt{2} \cos 120\pi t$ (V) thì biểu thức của cường độ dòng điện trong mạch là

- A. $i = 5\sqrt{2} \cos\left(120\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (A). B. $i = 5\sqrt{2} \cos\left(120\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (A).
C. $i = 5 \cos\left(120\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (A). D. $i = 5 \cos\left(120\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (A).

Câu 40: Một vật dao động điều hòa có phương trình: $x = \cos(\omega t + \varphi)$.

Gọi v và a lần lượt là vận tốc và gia tốc của vật. Hệ thức đúng là:

- A. $\frac{v^2}{\omega^4} + \frac{a^2}{\omega^2} = A^2$. B. $\frac{v^2}{\omega^2} + \frac{a^2}{\omega^4} = A^2$. C. $\frac{\omega^2}{v^2} + \frac{a^2}{\omega^2} = A^2$. D. $\frac{v^2}{\omega^2} + \frac{a^2}{\omega^2} = A^2$.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Một sóng âm truyền trong thép với tốc độ 5000m/s. Nếu độ lệch pha của sóng âm ở hai điểm gần nhau nhất cách nhau 1m trên cùng một phương truyền sóng là $\frac{\pi}{2}$ thì tần số của sóng bằng

- A. 1000Hz. B. 1250Hz. C. 5000Hz. D. 2500Hz.

Câu 42: Từ thông qua một vòng dây dẫn là: $\Phi = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{\pi} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (Wb)

Biểu thức của suất điện động cảm ứng xuất hiện trong vòng dây này là

- A. $e = 2\pi \sin(100\pi t)$ (V). B. $e = -2\sin\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (V).
C. $e = -2\sin(100\pi t)$ (V). D. $e = 2\sin\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (V).

Câu 43: Đặt điện áp $u = U_0 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{3}\right)$ (V) vào hai đầu một tụ điện có điện dung $\frac{2 \cdot 10^{-4}}{\pi}$ (F). Ở thời điểm điện áp giữa hai đầu tụ điện là 150V thì cường độ dòng điện trong mạch là 4A.

Biểu thức của cường độ dòng điện trong mạch là

- A. $i = 5 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$ (A). B. $i = 4\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right)$ (A).

- C. $i = 4\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$ (A). D. $i = 5 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right)$ (A).

Câu 44: Với các hành tinh sau của hệ Mặt Trời: Hỏa tinh, Kim tinh, Mộc tinh, Thổ tinh, Thủy tinh; tính từ Mặt Trời từ trong ra là

- A. Kim tinh, Mộc tinh, Thủy tinh, Hỏa tinh, Thổ tinh.
B. Thủy tinh, Kim tinh, Hỏa tinh, Mộc tinh, Thổ tinh.
C. Thủy tinh, Kim tinh, Thổ tinh, Kim tinh, Mộc tinh.
D. Hỏa tinh, Mộc tinh, Kim tinh, Thủy tinh, Thổ tinh.

Câu 45: Một mạch dao động điện từ LC lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung có thể thay đổi được từ C_1 đến C_2 . Mạch dao động này có chu kì dao động riêng thay đổi được

- A. từ $4\pi\sqrt{LC_1}$ đến $4\pi\sqrt{LC_2}$. B. từ $2\sqrt{LC_1}$ đến $2\sqrt{LC_2}$.
C. từ $4\sqrt{LC_1}$ đến $4\sqrt{LC_2}$. D. từ $2\pi\sqrt{LC_1}$ đến $2\pi\sqrt{LC_2}$.

Câu 46: Một vật dao động điều hòa có độ lớn vận tốc cực đại là 31,4 cm/s. Lấy $\pi^2 = 10$. Tốc độ trung bình của vật trong một chu kì dao động là

- A. 0. B. 15cm/s. C. 20cm/s. D. 10cm/s.

Câu 47: Một chất phóng xạ ban đầu có N_0 hạt nhân. Sau 1 năm, còn lại một phần ba số hạt nhân ban đầu chưa phân rã. Sau 1 năm nữa, số hạt nhân còn lại chưa phân rã của chất phóng xạ đó là

- A. $\frac{N_0}{9}$. B. $\frac{N_0}{4}$. C. $\frac{N_0}{6}$. D. $\frac{N_0}{16}$.

Câu 48: Một con lắc lò xo gồm lò xo nhẹ và vật nhỏ dao động điều hòa theo phương ngang với tần số góc 10 rad/s. Biết rằng khi động năng và thế năng (mốc ở vị trí cân bằng của vật) bằng nhau thì vận tốc của vật có độ lớn bằng 0,6m/s. Biên độ dao động của con lắc là

- A. 12cm. B. $12\sqrt{2}$ cm. C. 6cm. D. $6\sqrt{2}$ cm.

Câu 49: Khi nói về tia hồng ngoại, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Tia hồng ngoại có tần số nhỏ hơn tần số của ánh sáng tím.
B. Tia hồng ngoại có bản chất là sóng điện từ.
C. Các vật ở nhiệt độ trên 2000°C chỉ phát ra tia hồng ngoại.
D. Tác dụng nổi bật của tia hồng ngoại là tác dụng nhiệt.

Câu 50: Đối với nguyên tử hiđrô, khi electron chuyển từ quỹ đạo M về quỹ đạo K thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng 0,1026μm. Lấy $h = 6,625 \cdot 10^{-34}$ J.s, $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$ C và $c = 3 \cdot 10^8$ m/s. Năng lượng của photon này bằng

- A. 12,2eV. B. 121eV. C. 11,2eV. D. 1,21eV.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Momen quán tính của một vật rắn đối với trục quay cố định

- A. phụ thuộc vào momen của ngoại lực gây ra chuyển động quay của vật rắn.
- B. có giá trị dương hoặc âm tùy thuộc vào chiều quay của vật rắn.
- C. không phụ thuộc vào sự phân bố khối lượng của vật rắn đối với trục quay.
- D. đặc trưng cho mức quán tính của vật rắn trong chuyển động quay quanh trục ấy.

Câu 52: Từ trạng thái nghỉ, một đĩa bắt đầu quay quanh trục cố định của nó với gia tốc góc không đổi. Sau 10s, đĩa quay được một góc 50rad. Góc mà đĩa quay được trong 10s tiếp theo là

- A. 100 rad. B. 200 rad. C. 150rad. D. 50 rad.

Câu 53: Đặt điện áp xoay chiều $u = U_0 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{3}\right)$ (V) vào hai đầu một cuộn cảm

thuần có độ tự cảm $L = \frac{1}{2\pi}$ (H). Ở thời điểm điện áp giữa hai đầu cuộn cảm là $100\sqrt{2}$ V thì cường độ dòng điện qua cuộn cảm là

- A. $i = 2\sqrt{3} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$ (A).
- B. $i = 2\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right)$ (A).
- C. $i = 2\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$ (A).
- D. $i = 2\sqrt{3} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right)$ (A).

Câu 54: Một vật có khối lượng nghỉ 60kg chuyển động với tốc độ 0,6c (c là tốc độ ánh sáng trong chân không) thì khối lượng tương đối tính của nó là

- A. 60kg. B. 75kg. C. 100kg. D. 80kg.

Câu 55: Lấy chu kỳ bán rã của pôlôni $^{210}_{84}\text{Po}$ là 138 ngày và $N_A = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$. Độ phóng xạ của 42mg pôlôni là

- A. $7 \cdot 10^{12}$ Bq. B. $7 \cdot 10^{10}$ Bq. C. $7 \cdot 10^{14}$ Bq. D. $7 \cdot 10^9$ Bq.

Câu 56: Tại nơi có gia tốc trọng trường $9,8 \text{ m/s}^2$, một con lắc đơn và một con lắc lò xo nằm ngang dao động điều hòa với cùng tần số. Biết con lắc đơn có chiều dài 59cm và lò xo có độ cứng 10N/m. Khối lượng vật nhỏ của con lắc lò xo là

- A. 0,125kg. B. 0,500 kg. C. 0,750 kg. D. 0,250kg.

Câu 57: Một vật rắn quay quanh một trục cố định dưới tác dụng của momen lực không đổi và khác không. Trong trường hợp này, đại lượng thay đổi là

- A. momen quán tính của vật đối với trục đó.
- B. momen động lượng của vật đối với trục đó.
- C. khối lượng của vật.
- D. gia tốc của vật.

Câu 58: Một nguồn phát sóng cơ dao động theo phương trình $u = 4 \cos\left(4\pi t - \frac{\pi}{4}\right)$ (cm). Biết dao động tại hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng cách nhau 0,5m có độ lệch pha là $\frac{\pi}{3}$. Tốc độ truyền của sóng đó là

- A. 1,0m/s. B. 6,0m/s. C. 2,0m/s D. 1,5m/s.

Câu 59: Một vật rắn quay nhanh dần đều quanh một trục cố định, trong 3,14s tốc độ góc của nó tăng từ 120 vòng/phút đến 300 vòng/phút. Lấy $\pi = 3,14$. Gia tốc góc của vật rắn có độ lớn là

- A. 6 rad/s^2 . B. 12 rad/s^2 . C. 8 rad/s^2 . D. 3 rad/s^2 .

Câu 60: Chiếu đồng thời hai bức xạ có bước sóng $0,452 \mu\text{m}$ và $0,243 \mu\text{m}$ vào catôt của một tế bào quang điện. Kim loại làm catôt có giới hạn quang điện là $0,5 \mu\text{m}$. Lấy $h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$, $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ và $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$. Vận tốc ban đầu cực đại của các electron quang điện bằng

- A. $9,61 \cdot 10^5 \text{ m/s}$. B. $1,34 \cdot 10^5 \text{ m/s}$. C. $2,29 \cdot 10^5 \text{ m/s}$. D. $9,24 \cdot 10^5 \text{ m/s}$.

GỢI Ý VÀ LỜI GIẢI

Câu 1: Chọn D.

Gợi ý:

- Để xác định được góc lệch pha giữa điện áp hai đầu tụ điện và điện áp giữa hai đầu cuộn cảm ta dùng công thức $\tan \varphi = \frac{Z_L - Z_C}{R}$.

Z_C đã biết, ta cần tìm $Z_L \Rightarrow \tan \varphi \Rightarrow \varphi = ?$

- Dễ thấy bài tập này thuộc dạng bài mạch điện RLC có L thay đổi. Do đó khi thay đổi L để $U_{L_{\max}}$ thì $Z_L = \frac{R^2 + Z_C^2}{Z_C}$. Từ đó ta tìm được Z_L .

Lời giải:

$$\text{Thay đổi L để } U_{L_{\max}} \text{ thì: } Z_L = \frac{R^2 + Z_C^2}{Z_C} = \frac{R^2 + (R\sqrt{3})^2}{R\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{3}R}{3}$$

$$\Rightarrow \tan \varphi_{u/i} = \frac{Z_L - Z_C}{R} = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{6}$$

Vì điện áp giữa hai đầu điện trở R cùng pha với dòng điện nên điện áp giữa hai đầu điện trở lệch pha $\frac{\pi}{6}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch. Vậy chọn D.

Câu 2: Chọn D.

Gợi ý:

- Từ điều kiện vân sáng trùng nhau, ta xác định được hệ thức: $\frac{k_1}{k_2} = ?$
- Từ hệ thức $\frac{k_1}{k_2} \Rightarrow k_1 = ? \Rightarrow x_1 = ?$
- Từ điều kiện trên đoạn MN $\Rightarrow$ số vị trí vân sáng trùng nhau.

Lời giải:

Vị trí vân sáng trùng khác vân trung tâm:

$$x_1 = x_2 \Leftrightarrow k_1 \frac{\lambda_1 D}{a} = k_2 \frac{\lambda_2 D}{a} \Rightarrow \frac{k_1}{k_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{4}{3} \Rightarrow k_1 = 4n; k_2 = 3n$$

$$\Rightarrow \text{vị trí vân trùng: } x_1 = 4n \frac{\lambda_1 D}{a} = 7,2n \text{ (mm)}$$

$$\text{Mà } 5,5 \leq 7,2n \leq 22 \Rightarrow 0,76 \leq n \leq 3,06 \Rightarrow n = 1, 2, 3$$

Do đó trên đoạn MN có 3 vân trùng nhau của hai bức xạ.

Vậy chọn D.

Câu 3: Chọn C.

Gợi ý:

Từ điều kiện $I_1 = I_2 \Rightarrow$ hệ thức của ω_1, ω_2 theo LC.

Lời giải:

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } I_1 = I_2 &\Leftrightarrow \frac{U}{\sqrt{R^2 + \left(L\omega_1 - \frac{1}{C\omega_1}\right)^2}} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + \left(L\omega_2 - \frac{1}{C\omega_2}\right)^2}} \\ &\Rightarrow \left|L\omega_1 - \frac{1}{C\omega_1}\right| = \left|L\omega_2 - \frac{1}{C\omega_2}\right| \Rightarrow L\omega_1 - \frac{1}{C\omega_1} = \frac{1}{C\omega_2} - L\omega_2 \\ &\Rightarrow L(\omega_1 + \omega_2) = \frac{1}{C} \left(\frac{1}{\omega_1} + \frac{1}{\omega_2}\right) \Rightarrow \omega_1 \omega_2 = \frac{1}{LC} \end{aligned}$$

Vậy chọn D.

Câu 4: Chọn C.

Gợi ý:

- Điều kiện để có sóng dừng với hai đầu cố định $\ell = k \frac{\lambda}{2}$
- Có 6 bụng sóng nên $k = 6$, từ đó tính được $\lambda \Rightarrow$ tốc độ truyền sóng v .

Lời giải:

- Điều kiện để có sóng dừng với hai đầu cố định $\ell = k \frac{\lambda}{2}$.

$$\text{Có 6 bụng sóng nên } k = 6 \Rightarrow \ell = 6 \frac{\lambda}{2} = 3\lambda \Rightarrow \lambda = \frac{\ell}{3} = \frac{1,8}{3} = 0,6\text{m}$$

$$\text{Tốc độ truyền sóng: } v = \lambda \cdot f = 60\text{ m/s}$$

Vậy chọn C.

Câu 5: Chọn B.

Gợi ý:

- Ánh sáng truyền từ không khí vào nước tức là từ môi trường chiết quang kém sang môi trường chiết quang hơn sẽ không bị phản xạ toàn phần. Do đó A và D đều sai.

- Từ định luật khúc xạ, ta suy ra được tia vàng bị lệch ít hơn tia lam.

Lời giải:

- Theo định luật khúc xạ: $\sin i = n \sin r$

Vì $n_{\text{vàng}} < n_{\text{lam}} \Rightarrow r_{\text{vàng}} > r_{\text{lam}} \Rightarrow$ tia vàng bị lệch ít hơn tia lam.

Vậy chọn B.

Câu 6: Chọn D.

Gợi ý:

Từ định nghĩa về bước sóng, ta đối chiếu với các phương án, từ đó tìm được phương án đúng nhất.

Lời giải:

Bước sóng là khoảng cách giữa hai điểm gần nhau nhất trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó cùng pha.

Vậy chọn D.

Câu 7: Chọn D.

Gợi ý:

- Từ công thức của năng lượng liên kết hạt nhân và năng lượng liên kết riêng: $W_{lk} = \Delta m c^2$; $\frac{W_{lk}}{A}$. Suy ra B, C đều sai.

- Hạt nhân có năng lượng liên kết riêng càng lớn thì càng bền vững.

- So sánh $\frac{W_{lk(X)}}{A_X}$ và $\frac{W_{lk(Y)}}{A_Y}$, chọn phương án đúng nhất.

Lời giải:

$$\text{Ta có: } \frac{W_{lk(X)}}{A_X} = \frac{\Delta m_X c^2}{A_X}; \frac{W_{lk(Y)}}{A_Y} = \frac{\Delta m_Y c^2}{A_Y}$$

$$\text{Mà } \Delta m_X = \Delta m_Y \text{ và } A_X > A_Y \Rightarrow \frac{W_{lk(X)}}{A_X} < \frac{W_{lk(Y)}}{A_Y}$$

Vậy hạt nhân Y bền vững hơn hạt nhân X. Vậy chọn D.

Câu 8: Chọn C.

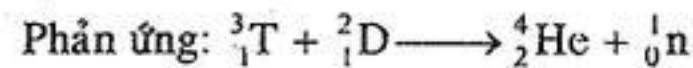
Gợi ý:

- Viết phương trình đầy đủ của phản ứng hạt nhân.
- Áp dụng công thức tính năng lượng tỏa ra của phản ứng:

$$W = (m_T + m_D - m_{He} - m_n)c^2.$$

Chú ý để cho độ hụt khối nên ta biến đổi đưa về độ hụt khối.

Lời giải:



$$\text{Ta có: } W = (m_T + m_D - m_{He} - m_n)c^2$$

$$= [(2m_p + 2m_n - m_{He}) - (m_p + 2m_n - m_T) - (m_p + m_n - m_D)]c^2$$

$$= (\Delta m_{He} - \Delta m_T - \Delta m_D)c^2 = 17,498\text{MeV}$$

Vậy chọn C.

Câu 9: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào thuyết lượng tử ánh sáng thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

- Theo thuyết lượng tử ánh sáng thì ánh sáng được tạo bởi các hạt gọi là photon. Do đó A đúng.

- Cường độ của chùm sáng tỉ lệ với số photon phát ra trong 1 giây nên B sai.

Photon có thể chuyển động hay đứng yên không phụ thuộc vào nguồn sáng chuyển động hay đứng yên. Do đó C sai.

- Năng lượng của photon: $\epsilon = hf$. Do đó năng lượng photon càng lớn khi tần số của ánh sáng ứng với photon đó càng lớn. Do đó D sai. Vậy chọn A.

Câu 10: Chọn A.

Gợi ý:

- Dựa vào ứng dụng của dao động duy trì và dao động cưỡng bức thì B sai.

- Dựa vào đặc điểm của dao động cưỡng bức thì A đúng, C và D đều sai.

Lời giải:

- Dao động cưỡng bức có biên độ không đổi và có tần số bằng tần số của lực cưỡng bức. Do đó A đúng.

- Đồng hồ quả lắc là dao động duy trì. Do đó B sai.

- Tần số góc của dao động cưỡng bức bằng tần số góc của ngoại lực. Do đó C sai.

- Biên độ của dao động cưỡng bức tỉ lệ thuận với biên độ của ngoại lực. Do đó D sai.

Vậy chọn A.

Câu 11: Chọn A.

Gợi ý: Dựa vào lý thuyết về mạch dao động LC lí tưởng thì B, C và D đều đúng, A sai.

Lời giải:

- Trong quá trình dao động của mạch LC lí tưởng thì thường xuyên có sự chuyển hóa qua lại giữa năng lượng điện trường và năng lượng từ trường, nhưng tổng của chúng được bảo toàn. Do đó A sai.

- Năng lượng điện từ của mạch gồm năng lượng từ trường và năng lượng điện trường. Do đó B đúng.

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì cường độ dòng điện qua cuộn cảm và hiệu điện thế giữa hai bản tụ điện, biến thiên điều hòa theo thời gian với cùng tần số. Do đó C đúng.

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì i sớm pha một góc $\frac{\pi}{2}$ so với q . Do đó D đúng. Vậy chọn A.

Câu 12: Chọn A.

Gợi ý:

- Lập tỉ số của $\frac{I_N}{I_M}$ dựa vào công thức: $L_M = 10 \lg \frac{I_M}{I_0} \text{ (dB)}$; $L_N = 10 \lg \frac{I_N}{I_0} \text{ (dB)}$

Lời giải:

$$\text{Ta có: } L_M = 10 \lg \frac{I_M}{I_0} \text{ (dB)}; L_N = 10 \lg \frac{I_N}{I_0} \text{ (dB)}$$

$$\Rightarrow L_N - L_M = 10 \lg \frac{I_N}{I_M} \Rightarrow 4 = \lg \frac{I_N}{I_M} \Rightarrow \frac{I_N}{I_M} = 10^4 = 10000 \Rightarrow I_N = 1000I_M$$

Vậy chọn A.

Câu 13: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào thang sóng điện từ thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

Trong chân không, các bức xạ sắp xếp theo thứ tự bước sóng giảm dần là: tia hồng ngoại, ánh sáng tím, tia tử ngoại, tia Rơn-ghen.

Vậy chọn A.

Câu 14: Chọn C.

Gợi ý:

- Từ $P = RI^2$ ta được phương trình theo R.

- Từ phương trình theo R, áp dụng hệ thức Vi-et ta được hệ thức (1) của R_1, R_2 theo Z_C , kết hợp với điều kiện ta suy ra được hệ thức (2) giữa R_1 và R_2 .

- Từ (1) và (2), ta được R_1 và R_2 .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } P = RI^2 = \frac{RU^2}{R^2 + Z_C^2} \Rightarrow P.R^2 - U^2R - P.Z_C^2 = 0 \Rightarrow R_1.R_2 = Z_C^2 \quad (1)$$

$$U_{C1} = 2U_{C2} \Rightarrow I_1 = 2I_2 \Rightarrow Z_2 = 2Z_1 \\ \Rightarrow R_2^2 + Z_C^2 = 4(R_1^2 + Z_C^2) \Rightarrow R_2^2 + R_1R_2 = 4(R_1^2 + R_1R_2) \Rightarrow R_2 = 4R_1 \quad (2)$$

Từ (1) và (2), ta được: $R_1 = 50\Omega$; $R_2 = 200\Omega$. Vậy chọn C.

Câu 15: Chọn D.

Gợi ý:

Trong dao động điều hòa của con lắc lò xo thì khoảng thời gian để động năng bằng thế năng là $t = \frac{T}{4} \Rightarrow T \Rightarrow \omega \Rightarrow k$

Lời giải:

Khoảng thời gian để động năng bằng thế năng là $t = \frac{T}{4} = 0,05s \Rightarrow T = 0,2s$

$$\text{Ta có: } \omega = \frac{2\pi}{T} = 10\pi \text{ rad/s} \Rightarrow k = \omega^2.m = 50 \text{ N/m}$$

Vậy chọn D.

Câu 16: Chọn C.

Gợi ý:

- Tại vị trí vân sáng bậc 4, ta có: $x_0 = k \frac{D\lambda}{a}$
- Các ánh sáng đơn sắc khác cho vân sáng tại x_0 , từ đó ta được hệ thức của λ theo k .
- Từ điều kiện bước sóng của ánh sáng trắng, suy ra điều kiện của k .
- Vì $k \in \mathbb{N}$ nên suy ra được số giá trị của k chính là số vân sáng của các ánh sáng đơn sắc.

Lời giải:

Khoảng cách từ vân sáng bậc 4 của ánh sáng đơn sắc có bước sóng $0,76\mu\text{m}$ đến vân sáng trung tâm là:

$$x_0 = k \frac{D\lambda}{a} = 4 \frac{D.0,76}{a} = 3,04 \frac{D}{a} \mu\text{m} \quad (1)$$

$$\text{Các ánh sáng đơn sắc khác cho vân sáng tại } x_0 \text{ thì } x_0 = k \frac{D\lambda}{a} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2), ta được: } 3,04 \frac{D}{a} = k \frac{D\lambda}{a} \Rightarrow \lambda = \frac{3,04}{k}$$

$$\text{Mà } 0,38 \leq \lambda < 0,76 \Leftrightarrow 0,38 \leq \frac{3,04}{k} < 0,76 \Rightarrow 4 < k \leq 8$$

$$k \in \mathbb{N} \Rightarrow k = 5, 6, 7, 8$$

Do đó tại vị trí vân sáng bậc 4 của ánh sáng đơn sắc có bước sóng $0,76\mu\text{m}$ còn có 4 vân sáng nữa của ánh sáng đơn sắc khác.

Vậy chọn C.

Câu 17: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào định nghĩa về pin quang điện thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

Pin quang điện là một nguồn điện, trong đó quang năng được biến đổi trực tiếp thành điện năng. Do đó A, C và D đều sai, B đúng.

Vậy chọn B.

Câu 18: Chọn C.

Gợi ý:

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì khoảng thời gian giữa hai lần liên tiếp mà điện tích trên một bản tụ có độ lớn cực đại là $\frac{T}{2}$.

- Công thức tính chu kỳ của mạch dao động LC lí tưởng là $T = 2\pi\sqrt{LC}$.

Lời giải:

Chu kỳ dao động của mạch LC lí tưởng: $T = 2\pi\sqrt{LC} = 10\pi.10^{-6}s$

Khoảng thời gian giữa hai lần liên tiếp mà điện tích trên một bản tụ có độ lớn cực đại là $\frac{T}{2} = \frac{10\pi.10^{-6}s}{2} = 5\pi.10^{-6}s$.

Vậy chọn C.

Câu 19: Chọn B.

Gợi ý:

Từ định nghĩa về máy biến áp thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

Máy biến áp là thiết bị có khả năng biến đổi điện áp của dòng điện xoay chiều. Do đó A, C và D đều sai, B đúng. Vậy chọn B.

Câu 20: Chọn B.

Gợi ý:

- Biến đổi động năng theo thời gian:

$$W_d = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \left[\frac{1 - \cos 2(\omega t + \varphi)}{2} \right] = \frac{1}{4}m\omega^2 A^2 - \frac{1}{4}m\omega^2 A^2 \cos 2(\omega t + \varphi)$$

- Do đó động năng biến thiên theo thời gian với tần số $\omega' = 2\omega$ hay $f' = 2f$ (1).

- Tần số dao động của con lắc là: $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$

Lời giải: Tần số dao động: $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = 3\text{Hz}$

Ta có: $W_d = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \left[\frac{1 - \cos 2(\omega t + \varphi)}{2} \right] = \frac{1}{4} m \omega^2 A^2 - \frac{1}{4} m \omega^2 A^2 \cos 2(\omega t + \varphi)$

Do đó động năng biến thiên theo thời gian với tần số $\omega' = 2\omega$ hay $f' = 2f = 6\text{Hz}$.

Vậy chọn B.

Câu 21: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào đặc điểm của quang phổ liên tục thì B, C và D sai, A đúng.

Lời giải:

Quang phổ liên tục phụ thuộc vào nhiệt độ của nguồn phát mà không phụ thuộc vào bản chất của nguồn phát. Do đó B, C và D sai, A đúng.

Vậy chọn A.

Câu 22: Chọn C.

Gợi ý:

- Dễ thấy bài tập này thuộc dạng bài mạch điện RLC có C thay đổi. Do đó khi thay đổi C để $U_{L\max}$ thì trong mạch xảy ra cộng hưởng điện.

- Từ đó ta tính được Z_C thông qua Z_L ; $I_{\max} = \frac{U}{R}$.

- Suy ra: $U_{L\max} = I_{\max} \cdot Z_L$

Lời giải:

Điều chỉnh điện dung của tụ điện nếu điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn cảm đạt giá trị cực đại thì trong mạch xảy ra cộng hưởng điện.

Ta có: $U_{L\max} = I_{\max} \cdot Z_L \Rightarrow Z_C = Z_L = 40\Omega$

$I_{\max} = \frac{U}{R} = 4\text{A} \Rightarrow U_{L\max} = I_{\max} \cdot Z_L = 160\text{V}$

Vậy chọn C.

Câu 23: Chọn A.

Gợi ý:

- Dễ thấy bài này có 2 cách giải:

Cách 1: Dùng giản đồ vectơ để suy ra hệ thức cần tìm.

Cách 2: Dựa vào tích $\tan \varphi_{AB} \cdot \tan \varphi_{NB} = -1$, biến đổi để suy ra hệ thức cần tìm.

Lời giải:

- Cách 1: Dùng giản đồ vectơ

Ta có: $PQ^2 = OP^2 + OQ^2$

$\Rightarrow U_L^2 = U_{NB}^2 + U_{AB}^2 = U_R^2 + U_C^2 + U^2$

- Cách 2: Ta có: $\tan \varphi_{AB} \cdot \tan \varphi_{NB} = -1$

$\Rightarrow \frac{U_L - U_C}{U_R} \cdot \frac{-U_C}{U_R} = -1$

$\Rightarrow U_L \cdot U_C = U_R^2 + U_C^2$

$U^2 = U_R^2 + (U_L - U_C)^2$

$= U_R^2 + U_L^2 - 2U_L U_C + U_C^2 = U_R^2 + U_L^2 + U_C^2 - 2(U_R^2 + U_C^2)$

$\Rightarrow U^2 = U_L^2 - U_R^2 - U_C^2 \Rightarrow U_L^2 = U_C^2 + U_R^2 + U^2$

Vậy chọn A.

Câu 24: Chọn C.

Gợi ý:

- Hiện tượng quang điện chỉ xảy ra khi ánh sáng kích thích chiếu vào kim loại có bước sóng nhỏ hơn hoặc bằng bước sóng λ_0 . λ_0 gọi là giới hạn quang điện của kim loại đó: $\lambda \leq \lambda_0$.

- Giới hạn quang điện: $\lambda_0 = \frac{hc}{A}$

- So sánh giá trị của λ_1, λ_2 và λ_3 với λ_0 .

Lời giải:

Ta có: $\lambda_0 = \frac{hc}{A} = 0,267\mu\text{m}$

Hiện tượng quang điện chỉ xảy ra khi ánh sáng kích thích chiếu vào kim loại có bước sóng nhỏ hơn hoặc bằng bước sóng λ_0 . λ_0 gọi là giới hạn quang điện của kim loại đó: $\lambda \leq \lambda_0$.

Vì $\lambda_1, \lambda_2 < \lambda_0$ nên chỉ có hai bức xạ này gây nên hiện tượng quang điện.

Vậy chọn C.

Câu 25: Chọn B.

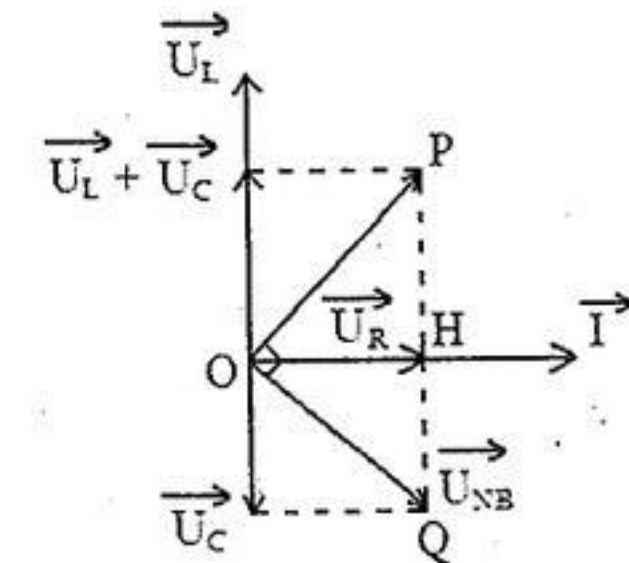
Gợi ý:

Dựa vào các phương trình biến thiên của q và i trong mạch dao động LC lí tưởng.

Lời giải:

Điện tích trong mạch biến thiên theo phương trình:

$q = q_0 \cos(\omega t + \varphi)$ với $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ là tần số dao động



Dòng điện trong mạch biến thiên theo phương trình:

$$i = \frac{dq}{dt} = I_0 \cos\left(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2}\right) \text{ với } I_0 = q_0 \omega$$

Vậy trong mạch dao động LC lí tưởng đang dao động điện từ tự do, điện tích của một bản tụ và cường độ dòng điện qua cuộn cảm biến thiên điều hòa theo thời gian với cùng tần số. Vậy chọn B.

Câu 26. Chọn B.

Gợi ý:

Áp dụng tiên đề về sự hấp thụ và bức xạ năng lượng:

$$\epsilon_{mn} = hf_{mn} = E_m - E_n$$

Lời giải:

Nếu nguyên tử đang ở trong trạng thái dừng có năng lượng E_m mà hấp thụ được một photon có năng lượng $\epsilon_{mn} = hf_{mn} = E_m - E_n$ thì nó chuyển lên trạng thái dừng có năng lượng E_n lớn hơn.

$$\Rightarrow \epsilon_{mn} = hf_{mn} = E_m - E_n = 10,2 \text{ eV}. \text{ Vậy chọn B.}$$

Câu 27. Chọn D.

Gợi ý:

- Để viết biểu thức u , ta xác định U_0 , ω , φ

- Từ biểu thức của u_L , suy ra $\omega \Rightarrow Z_L, Z_C \Rightarrow Z, I_0 = \frac{U_{0L}}{Z_L} \Rightarrow U_0$

- Từ công thức $\tan \varphi_{u/i} = \frac{Z_L - Z_C}{R} \Rightarrow \varphi_{u/i} = ? \Rightarrow \varphi_{u/u_L} = ?$

Lời giải:

$$\text{Ta có: } Z_L = L\omega = 10\Omega; Z_C = \frac{1}{C\omega} = 20\Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2} = 10\sqrt{2}\Omega$$

$$I_0 = \frac{U_{0L}}{Z_L} = 2\sqrt{2}A; U_0 = I_0 R = 40V$$

$$\tan \varphi = \frac{Z_L - Z_C}{R} = -1 \Rightarrow \varphi = -\frac{\pi}{4} \Rightarrow \text{điện áp hai đầu đoạn mạch chậm pha } \frac{\pi}{4} \text{ so với}$$

dòng điện trong mạch.

Do đó điện áp hai đầu đoạn mạch chậm pha

$$\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2} = \frac{3\pi}{4} \text{ so với điện áp hai đầu cuộn cảm.}$$

$$\text{Vậy } u = 40 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{2} - \frac{3\pi}{4}\right) = 40 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{4}\right) (V). \text{ Vậy chọn D.}$$

Câu 28. Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào đặc điểm của sóng điện từ thì B, C và D đều đúng và A sai.

Lời giải:

- Sóng điện từ là sóng ngang: Vectơ cường độ điện trường $\vec{E}$ và vectơ cảm ứng từ $\vec{B}$ luôn luôn vuông góc với nhau và vuông góc với phương truyền sóng. Do đó B và D đều đúng, A sai.

- Sóng điện từ lan truyền được trong chân không. Tốc độ của sóng điện từ trong chân không có giá trị lớn nhất và bằng tốc độ ánh sáng trong chân không $c \approx 3.10^8 \text{ m/s}$.

Do đó C đúng. Vậy chọn A.

Câu 29. Chọn C.

Gợi ý:

- Độ lớn vận tốc của vật tại vị trí cân bằng: $v_{\max} = A\omega$.

- Tính giá trị của A và $\omega \Rightarrow$ độ lớn vận tốc của vật ở vị trí cân bằng

- Có hai cách để tính giá trị của A :

Cách 1:

Để ý hai dao động đã cho là hai dao động ngược pha $\Rightarrow A = |A_1 - A_2|$.

Cách 2:

- Biến đổi lượng giác để tìm phương trình dao động tổng hợp của hai dao động đã cho. Suy ra giá trị của A từ phương trình dao động tổng hợp.

Lời giải:

Cách 1:

- Vì $\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = -\frac{3\pi}{4} - \frac{\pi}{4} = -\pi$ nên hai dao động ngược pha

$$\Rightarrow A = |A_1 - A_2| = 1 \text{ cm}$$

Độ lớn vận tốc tại vị trí cân bằng: $v_{\max} = A\omega = 10 \text{ cm/s}$

Vậy chọn C.

Cách 2:

- Phương trình dao động tổng hợp:

$$\begin{aligned} x &= x_1 + x_2 = 4 \cos\left(10t + \frac{\pi}{4}\right) + 3 \cos\left(10t - \frac{3\pi}{4}\right) \\ &= 4 \cos\left(10t + \frac{\pi}{4}\right) - 3 \cos\left(10t + \frac{\pi}{4}\right) = \cos\left(10t + \frac{\pi}{4}\right) \end{aligned}$$

Từ phương trình trên, suy ra: $A = 1 \text{ cm}$ và $\omega = 10 \text{ rad/s}$

Độ lớn vận tốc tại vị trí cân bằng: $v_{\max} = A\omega = 10 \text{ cm/s}$. Vậy chọn C.

Câu 30: Chọn C.

Gợi ý:

- Để ý rằng hai nguồn dao động ngược pha và bài này có hai cách giải:

Cách 1:

Phân tích tỉ số $\frac{S_1 S_2}{\lambda} = n + \Delta n$ (với n nguyên, $0 \leq \Delta n < 1$)

+ Số điểm dao động cực đại: $N_d = 2n + 1$

+ Nếu $\Delta n < \frac{1}{2}$ thì số điểm dao động cực đại là $N_d = 2n$.

+ Nếu $\Delta n \geq \frac{1}{2}$ thì số điểm dao động cực tiểu là $N_d = 2n + 1$.

Cách 2:

Số điểm dao động cực đại trên đoạn $S_1 S_2$ được cho bởi hệ:

$$\begin{cases} d_2 - d_1 = (2k+1)\frac{\lambda}{2} \Rightarrow d_2 = \frac{S_1 S_2}{2} + \frac{(2k+1)\lambda}{4} \\ d_1 + d_2 = S_1 S_2 \end{cases}$$

$$\text{Mà } 0 < d_2 < S_1 S_2 \Rightarrow 0 < \frac{S_1 S_2}{2} + \frac{(2k+1)\lambda}{4} < S_1 S_2 \Rightarrow -\frac{S_1 S_2}{\lambda} - \frac{1}{2} < k < \frac{S_1 S_2}{\lambda} - \frac{1}{2}$$

Từ đó tìm được k , là số điểm dao động cực đại trên đoạn $S_1 S_2$.

Lời giải: Ta có: $f = 20\text{Hz} \Rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = 4\text{cm}$

Cách 1:

- Hai nguồn ngược pha nên trung trực của $S_1 S_2$ là cực tiểu giao thoa.

Số cực tiểu giao thoa trên nửa đoạn $S_1 S_2$ là: $\frac{\frac{S_1 S_2}{2}}{\frac{\lambda}{2}} = \frac{S_1 S_2}{\lambda} = 5$

Số điểm dao động với biên độ cực đại trên đoạn thẳng $S_1 S_2$ là $N_{cd} = 2.5 = 10$

Vậy chọn C.

Cách 2:

- Số điểm dao động cực đại thỏa hệ:

$$\begin{cases} d_2 - d_1 = \left(k + \frac{1}{2}\right)\lambda \Rightarrow d_2 = \left(k + \frac{1}{2}\right)\frac{\lambda}{2} + \frac{S_1 S_2}{2} \\ d_2 + d_1 = S_1 S_2 \end{cases}$$

$$\text{Mà } 0 \leq d_2 \leq S_1 S_2 \Rightarrow 0 \leq \left(k + \frac{1}{2}\right)\frac{\lambda}{2} + \frac{S_1 S_2}{2} \leq S_1 S_2 \Rightarrow -5,5 \leq k \leq 4,5$$

Vì k nguyên nên có 10 giá trị của k thỏa mãn.

Vậy có 10 điểm dao động với biên độ cực đại.

Vậy chọn C.

Câu 31: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào đặc điểm của quang phổ liên tục và quang phổ vạch thì A, B, C đều sai, D đúng.

Lời giải:

- Quang phổ liên tục do các vật rắn, lỏng và khí có khối lượng riêng lớn bị nung nóng phát ra. Do đó A sai.

- Quang phổ vạch phát xạ do các chất khí hay hơi ở áp suất thấp phát ra khi bị kích thích. Do đó B sai.

- Quang phổ vạch phát xạ của các nguyên tố khác nhau thì sẽ khác nhau về số lượng vạch, bước sóng (vị trí các vạch), màu sắc các vạch và cường độ sáng của các vạch. Do đó C sai và D đúng. Vậy chọn D.

Câu 32: Chọn C.

Gợi ý:

- Để xác định khoảng thời gian t , ta lập tỉ số giữa số hạt nhân đã bị phân rã và số hạt nhân còn lại sau khoảng thời gian t .

- Kết hợp với giả thiết, biến đổi ta được hệ thức của t theo T .

Lời giải:

Gọi N_0 là số hạt nhân ban đầu, t là khoảng thời gian cần tìm.

Số hạt nhân còn lại sau thời gian t là: $N = N_0 \cdot 2^{-\frac{t}{T}}$

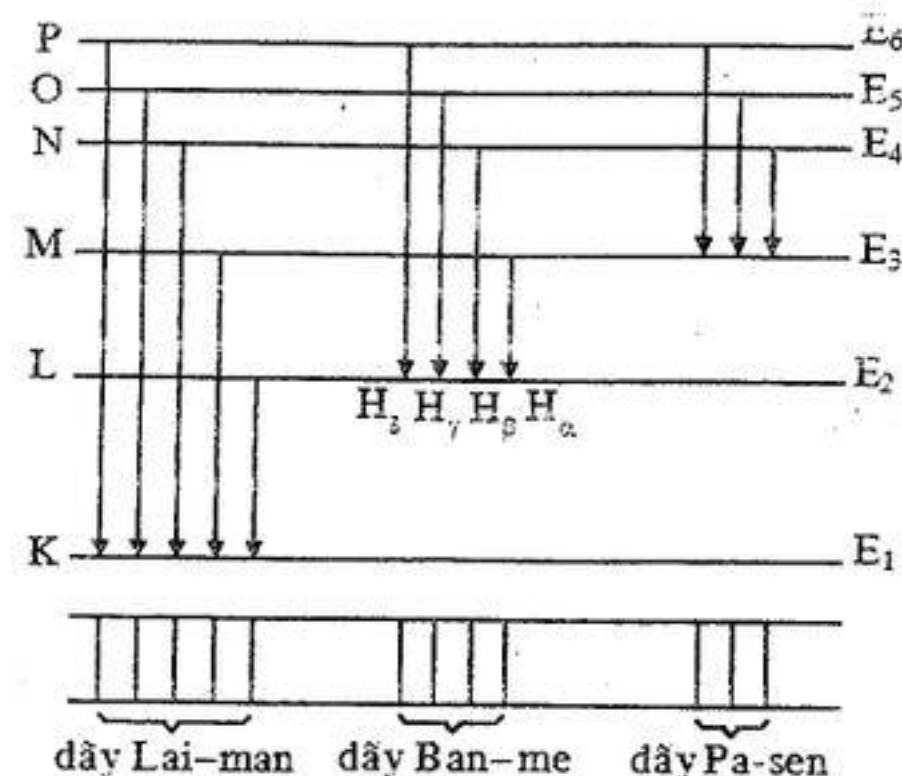
Số hạt nhân đã bị phân rã sau thời gian t là: $\Delta N = N_0 - N = N_0 \left(1 - 2^{-\frac{t}{T}}\right)$

$$\text{Suy ra: } \frac{\Delta N}{N} = \frac{N_0 \left(1 - 2^{-\frac{t}{T}}\right)}{N_0 \cdot 2^{-\frac{t}{T}}} = 3 \Rightarrow 2^{\frac{t}{T}} = \frac{1}{4} = 2^{-2} \Rightarrow t = 2T. \text{ Vậy chọn C.}$$

Câu 33: Chọn B.

Gợi ý:

Xét vật dao động tại vị trí cân bằng, tại vị trí biên, từ vị trí cân bằng đến vị trí biên và ngược lại. Kết hợp với các biểu thức tính vận tốc, gia tốc, thế năng, động năng thì A, C và D đều sai, B đúng.



Lời giải:

Vận tốc có chiều là chiều chuyển động. Khi đi từ vị trí biên về vị trí cân bằng, vận tốc và gia tốc có chiều như nhau và chuyển động nhanh dần. Khi đi từ vị trí cân bằng ra vị trí biên, chúng có chiều ngược nhau và chuyển động chậm dần. Do đó A sai.

Ở vị trí biên thì $x = \pm A \Rightarrow W_t = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi)$ đạt giá trị cực đại. Do đó B đúng.

$$\text{Động năng của vật: } W_d = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \varphi).$$

Do đó C sai.

Khi vật ở vị trí cân bằng thì $x = 0$, động năng của vật đạt cực đại, thế năng của vật bằng không. Do đó D sai. Vậy chọn B.

Câu 34: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào sơ đồ chuyển mức năng lượng của nguyên tử hiđrô khi tạo thành dãy quang phổ, thì chỉ có 6 vạch quang phổ vạch phát xạ của đám nguyên tử.

Lời giải:

Khi các electron đang ở quỹ đạo N, chuyển về các quỹ đạo dừng bên trong, dựa vào sơ đồ chuyển mức năng lượng của nguyên tử hiđrô khi tạo thành dãy quang phổ, thì có 6 vạch quang phổ vạch phát xạ của đám nguyên tử ứng với sự dịch chuyển:

$$N \rightarrow M; N \rightarrow L; M \rightarrow L; M \rightarrow K; L \rightarrow K;$$

Vậy chọn D.

Câu 35: Chọn B.

Gợi ý:

Theo bài ra, ta có được hệ thức liên hệ giữa chu kỳ ban đầu (T) và chu kỳ lúc sau (T'), biến đổi ta được hệ thức giữa ℓ và ℓ' .

Mặt khác cũng theo bài ra, ta được một hệ thức giữa ℓ và ℓ' , giải hai hệ thức này ta được ℓ .

Lời giải:

Trong cùng một khoảng thời gian, con lắc có chu kỳ T thực hiện được 60 dao động, con lắc có chu kỳ T' thực hiện được 50 dao động thì: $60T = 50T'$

$$\Rightarrow 60.2\pi\sqrt{\frac{\ell}{g}} = 50.2\pi\sqrt{\frac{\ell'}{g}} \Rightarrow \ell' = \frac{36}{25}\ell > \ell \quad (1)$$

$$\text{Mặt khác: } \ell' - \ell = 44\text{cm} \quad (2)$$

Từ (1) và (2), ta được: $\ell = 100\text{cm}$. Vậy chọn B.

Câu 36: Chọn C.

Gợi ý:

Dựa vào điều kiện của phản ứng dây chuyền thì A, B và D đều sai, C đúng.

Lời giải:

Điều kiện để phản ứng dây chuyền xảy ra là $k \geq 1$. Do đó B sai.

+ Nếu $k = 1$: phản ứng dây chuyền có thể điều khiển được. Do đó A sai.

+ Nếu $k > 1$: phản ứng dây chuyền không thể điều khiển được. Do đó C đúng, D sai.

Vậy chọn C.

Câu 37: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào định nghĩa của hạt sơ cấp, thì anpha (α) không phải là hạt sơ cấp.

Lời giải:

Hạt sơ cấp là những hạt có kích thước và khối lượng nhỏ hơn hạt nhân nguyên tử, chẳng hạn như: electron, prôtôn, nơtron, mêzôn, myon, piôn,...

Hạt α có bản chất là hạt nhân ${}^4_2\text{He}$ nên không phải là hạt sơ cấp. Vậy chọn D.

Câu 38: Chọn A.

Gợi ý:

- Độ lệch pha của điện áp giữa hai đầu đoạn mạch so với cường độ dòng điện trong đoạn mạch được tính bằng công thức: $\tan \varphi = \frac{Z_L - Z_C}{R}$.

- Theo bài ra, ta có được các hệ thức Z_C theo R, Z_L theo R, từ đó thay vào biểu thức $\tan \varphi \Rightarrow \varphi$?

Lời giải:

$$\text{Ta có: } Z_L = Z_C; U_C = U_R \Rightarrow Z_C = R; Z_L = 2R$$

Độ lệch pha của điện áp giữa hai đầu đoạn mạch so với cường độ dòng điện trong đoạn mạch: $\tan \varphi = \frac{Z_L - Z_C}{R} = 1 \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{4}$. Vậy chọn A.

Câu 39: Chọn D.

Gợi ý:

- Để viết biểu thức i , ta xác định I_0, ω, φ .
- Ta tính $Z_L, R \Rightarrow Z \Rightarrow I_0$.
- Từ $\tan \varphi_{u/i} = \frac{Z_L}{R} \Rightarrow \varphi_{u/i} \Rightarrow \varphi_i$

Lời giải:

$$\text{Ta có: } Z_L = L\omega = 30\Omega; R = \frac{U}{I} = 30\Omega$$

$$\Rightarrow Z = \sqrt{R^2 + Z_L^2} = 30\sqrt{2}\Omega \Rightarrow I_0 = \frac{U_0}{Z} = 5A$$

$$\Rightarrow \tan \varphi = \frac{Z_L}{R} = 1 \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{4} \Rightarrow \varphi_i = \varphi_u - \varphi = -\frac{\pi}{4}$$

$$\text{Vậy } i = 5\cos\left(120\pi t - \frac{\pi}{4}\right)(A). \text{ Vậy chọn D.}$$

Câu 40: Chọn B.

Gợi ý:

Từ phương trình vận tốc và phương trình gia tốc, biến đổi ta được hệ thức liên hệ giữa a, ω, A .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow v^2 = \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \varphi) \quad (1)$$

$$a = v' = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi) \Rightarrow a^2 = \omega^4 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi) \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2), suy ra: } \frac{v^2}{\omega^2} + \frac{a^2}{\omega^4} = A^2. \text{ Vậy chọn B.}$$

Câu 41: Chọn B.

Gợi ý:

- Tần số của sóng: $f = \frac{v}{\lambda}$
- Từ công thức độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng $\Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} \Rightarrow \lambda = ?$
- Thay giá trị của λ vào biểu thức tính tần số, ta được f .

Lời giải:

$$\text{Độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng là: } \Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda}$$

$$\text{Theo bài ra, ta có: } \Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \lambda = 4d_{\min} = 4m$$

$$\text{Tần số của sóng: } f = \frac{v}{\lambda} = \frac{5000}{4} = 1250\text{Hz}. \text{ Vậy chọn B.}$$

Câu 42: Chọn D.

Gợi ý: Lấy đạo hàm của biểu thức từ thông qua một vòng dây dẫn, thì được biểu thức của suất điện động cảm ứng xuất hiện trong vòng dây.

Lời giải:

Biểu thức của suất điện động cảm ứng xuất hiện trong vòng dây này là:

$$e = \Phi' = 100\pi \frac{2 \cdot 10^{-2}}{\pi} \sin\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right) = 2 \sin\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)(V)$$

Vậy chọn D.

Câu 43: Chọn A.

Gợi ý:

- Để viết biểu thức i , ta xác định I_0, ω, φ .
- Từ biểu thức u , ta suy ra được biểu thức của i .
- Mạch chỉ chứa tụ điện hoặc cuộn cảm thuần, ta có: $\left(\frac{i}{I_0}\right)^2 + \left(\frac{u}{U_0}\right)^2 = 1$

Bài toán cho cặp giá trị tức thời của u và i thì ta có thể tính được I_0 .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } Z_C = \frac{1}{\omega C} = 50\Omega$$

Vì cường độ dòng điện trong mạch chỉ có tụ điện nhanh pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp hai đầu tụ điện nên biểu thức dòng điện trong mạch có dạng:

$$i = I_0 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{2}\right) = I_0 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)(A)$$

$$\Rightarrow \frac{u^2}{U_0^2} + \frac{i^2}{I_0^2} = 1 \Rightarrow \frac{u^2}{(I_0 \cdot Z_C)^2} + \frac{i^2}{I_0^2} \Rightarrow I_0 = \sqrt{i^2 + \frac{u^2}{Z_C^2}} = 5A$$

$$\text{Vậy } i = 5\cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)(A).$$

Vậy chọn A.

Câu 44: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào lí thuyết về cấu tạo và sự chuyển động của hệ Mặt Trời thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

Nếu kể từ Mặt Trời ra xa, thì tám hành tinh lớn lần lượt là: Thủy tinh (hay sao Thủy), Kim tinh (hay sao Kim), Trái Đất, Hỏa Tinh (hay sao Hỏa), Mộc tinh (hay sao Mộc), Thổ tinh (hay sao Thổ), Thiên Vương tinh (hay Thiên tinh) và Hải Vương tinh.

Vậy chọn B.

Câu 45: Chọn D.

Gợi ý:

Từ công thức tính chu kỳ dao động riêng trong mạch dao động LC lí tưởng và kết hợp với đề ra, ta được khoảng biến thiên của chu kỳ.

Lời giải:

Chu kỳ dao động riêng trong mạch dao động LC lí tưởng: $T = 2\pi\sqrt{LC}$

Mà $C_1 \leq C \leq C_2 \Rightarrow$ chu kỳ dao động riêng thay đổi từ $2\pi\sqrt{LC_1}$ đến $2\pi\sqrt{LC_2}$

Vậy chọn D.

Câu 46: Chọn C.

Gợi ý:

- Trong dao động điều hòa thì tốc độ trung bình của vật trong một chu kỳ là:

$$v_{tb} = \frac{4A}{T} \text{ với } T = \frac{2\pi}{\omega}$$

- Vì bài cho độ lớn của vận tốc cực đại nên ta phải biến đổi sao cho xuất hiện $v_{max} = 2A\omega$, thay số ta được giá trị của tốc độ trung bình của vật.

Lời giải:

Tốc độ trung bình của vật trong một chu kỳ:

$$v_{tb} = \frac{4A}{T} = \frac{4A}{\frac{2\pi}{\omega}} = \frac{2.2A\omega}{\pi} = \frac{2v_{max}}{\pi} = 20 \text{ cm/s. Vậy chọn C.}$$

Câu 47: Chọn A.

Gợi ý:

- Theo bài ra thì sau 1 năm, còn lại một phần ba số hạt nhân ban đầu chưa phân rã nên ta có: $N_1 = N_0 \cdot e^{-\lambda t_1} = \frac{N_0}{3} \Rightarrow e^{-\lambda t_1} = ?$

- Mà số hạt nhân còn lại sau 1 năm nữa là $N_2 = N_1 \cdot e^{-\lambda t_2}$ nên ta biến đổi sao cho xuất hiện $e^{-\lambda t_1}$, từ đó ta được hệ thức liên hệ giữa N_2 và N_0 .

Lời giải:

$$\text{Số hạt nhân còn lại sau 1 năm: } N_1 = N_0 \cdot e^{-\lambda t_1} = \frac{N_0}{3} \Rightarrow e^{-\lambda t_1} = \frac{1}{3}$$

$$\text{Số hạt nhân còn lại sau 1 năm nữa: } N_2 = N_1 \cdot e^{-\lambda t_2} = \frac{N_0}{3} \cdot e^{-\lambda t_1} = \frac{N_0}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{N_0}{9}$$

Vậy chọn A.

Câu 48: Chọn D.

Gợi ý:

- Theo bài ra thì động năng bằng thế năng nên ta có: $W_d = W_t$

- Biến đổi biểu thức trên sao cho xuất hiện A, ω và v từ đó ta tính được A.

Lời giải:

Khi động năng bằng thế năng, ta có: $W_d = W_t$

$$\Rightarrow W_d = \frac{1}{2} W \Leftrightarrow \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} kA^2 \Rightarrow A = \sqrt{\frac{2m}{k}} \cdot v = \frac{\sqrt{2}}{\omega} \cdot v = \frac{\sqrt{2}}{10} \cdot 60 = 6\sqrt{2} \text{ cm}$$

Vậy chọn D.

Câu 49: Chọn C.

Gợi ý:

Dựa vào định nghĩa và tính chất của tia hồng ngoại thì A, B và D đều đúng, C sai.

Lời giải:

- Tia hồng ngoại là những bức xạ không nhìn thấy, có bước sóng dài hơn $0,76\mu\text{m}$ khoảng vài milimét. Do đó A đúng.

- Tia hồng ngoại có bản chất là sóng điện từ. Do đó B đúng.

- Những vật nung nóng đến nhiệt độ cao trên 2000°C đều phát ra tia tử ngoại. Do đó C sai.

- Tác dụng nổi bật của tia hồng ngoại là tác dụng nhiệt. Do đó D đúng.

Vậy chọn C.

Câu 50: Chọn A.

Gợi ý: Áp dụng công thức tính năng lượng photon: $\epsilon = hf = \frac{hc}{\lambda}$

Lời giải:

$$\text{Năng lượng photon: } \epsilon = hf = \frac{hc}{\lambda} = 12,1 \text{ eV. Vậy chọn A.}$$

Câu 51: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào định nghĩa và đặc điểm của momen quán tính thì A, B và C đều sai, D đúng.

Lời giải:

- Momen quán tính của một vật rắn đối với trục quay cố định không phụ thuộc vào momen của ngoại lực gây ra chuyển động quay của vật rắn. Do đó A sai.

- $I = \sum m_i r_i^2 \Rightarrow I > 0$ và I phụ thuộc vào sự phân bố khối lượng của vật rắn đối với trục quay. Do đó B và C đều sai.

- Momen quán tính của một vật là đại lượng đặc trưng cho mức quán tính của vật trong chuyển động quay. Do đó D đúng. Vậy chọn D.

Câu 52: Chọn C.

Gợi ý:

- Để tính góc mà đĩa quay được trong 10s tiếp theo, ta dùng phương trình động học trong chuyển động quay: $\varphi = \omega_0 t + \frac{1}{2} \gamma t^2$

- Từ phương trình động học của chuyển động trong 10s đầu, ta tính được γ và ω_0 (tốc độ góc của đĩa tại thời điểm 10s), từ đó tính được φ .

Lời giải:

$$\text{Góc quay trong 10s đầu là: } \varphi_1 = \frac{1}{2} \gamma t_1^2 \Rightarrow \gamma = \frac{2\varphi_1}{t_1^2} = \frac{2.50}{10^2} = 1 \text{ rad/s}^2$$

$$\text{Tốc độ góc của đĩa tại thời điểm 10s là: } \omega_0 = \gamma t = 100 \text{ rad/s}$$

$$\text{Góc quay trong 10s tiếp theo là: } \varphi = \omega_0 t + \frac{1}{2} \gamma t^2 = 10.10 + \frac{1}{2} 1.10^2 = 150 \text{ rad}$$

Vậy chọn C.

Câu 53: Chọn D.

Gợi ý:

- Để viết biểu thức i , ta xác định I_0 , ω , φ .

- Từ biểu thức u , ta suy ra được biểu thức của i .

$$\text{- Mạch chỉ chứa tụ điện hoặc cuộn cảm thuần, ta có: } \left(\frac{i}{I_0}\right)^2 + \left(\frac{u}{U_0}\right)^2 = 1$$

Bài toán cho cặp giá trị tức thời của u và i thì ta có thể tính được I_0 .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } Z_L = \omega L = 50 \Omega$$

Vì cường độ dòng điện trong mạch chỉ có tụ điện chậm pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp hai đầu cuộn cảm nên biểu thức dòng điện trong mạch có dạng:

$$i = I_0 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{2}\right) = I_0 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right) (\text{A})$$

$$\Rightarrow \frac{u^2}{U_0^2} + \frac{i^2}{I_0^2} = 1 \Rightarrow \frac{u^2}{(I_0 Z_L)^2} + \frac{i^2}{I_0^2} = 1 \Rightarrow I_0 = \sqrt{i^2 + \frac{u^2}{Z_L^2}} = 2\sqrt{3} \text{ A}$$

$$\text{Vậy } i = 2\sqrt{3} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right) (\text{A}). \text{ Vậy chọn D.}$$

Câu 54: Chọn B.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính khối lượng tương đối tính của một vật chuyển động với tốc

$$\text{độ } v: m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Lời giải:

Khối lượng tương đối tính của một vật chuyển động với tốc độ v :

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = 75 \text{ kg}$$

Vậy chọn B.

Câu 55: Chọn A.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính độ phóng xạ: $H = \lambda N$

Lời giải:

Độ phóng xạ của 42mg pôlôni là:

$$H = \lambda N = \frac{\ln 2}{T} \cdot \frac{m}{A} \cdot N_A = \frac{\ln 2}{138.24.3600} \cdot \frac{0.42}{210} \cdot 6.023.10^{23} \approx 7.10^{12} \text{ Bq}$$

Vậy chọn A.

Câu 56: Chọn B.

Gợi ý:

Từ công thức tính tần số dao động của con lắc đơn và con lắc lò xo, kết hợp bài cho hai tần số này bằng nhau, ta suy ra được giá trị của m .

Lời giải:

$$\text{Tần số dao động của con lắc đơn là: } f_1 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{\ell}}$$

$$\text{Tần số dao động của con lắc lò xo là: } f_2 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\text{Mà } f_1 = f_2 \Leftrightarrow \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{\ell}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow m = \frac{k\ell}{g} = 0.5 \text{ kg}$$

Vậy chọn B.

Câu 57: Chọn B.

Gợi ý:

- Áp dụng phương trình động lực học: $M = I\gamma$

- Biến đổi sao cho xuất hiện các đại lượng mà bài ra, từ đó suy ra A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

$$\text{Phương trình động lực học: } M = I\gamma = I \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{\Delta(I\omega)}{\Delta t} = \frac{\Delta L}{\Delta t}$$

Do đó đại lượng thay đổi là momen động lượng.

Vậy chọn B.

Câu 58. Chọn B.

Gợi ý:

- Từ biểu thức sóng ta xác định được $\omega \Rightarrow f = ?$

- Từ công thức độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền

$$\text{sóng } \Delta\phi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} \Rightarrow \lambda = ?$$

- Tốc độ truyền sóng: $v = \lambda f$

- Thay giá trị của λ , f vào biểu thức tính tốc độ truyền sóng ta được v .

Lời giải:

Độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng là:

$$\Delta\phi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda}$$

$$\text{Theo bài ra, ta có: } \Delta\phi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \lambda = 6d_{\min} = 3\text{m}$$

Tốc độ truyền sóng: $v = \lambda f = 6\text{ m/s}$. Vậy chọn B.

Câu 59. Chọn A.

Gợi ý:

- Bài cho tốc độ góc, để tính gia tốc góc ta dùng phương trình động học của chuyển động quay của vật rắn: $\omega = \omega_0 + \gamma t \Rightarrow \gamma$.

- Đổi đơn vị của ω ra rad/s, thay vào phương trình tính được γ .

Lời giải:

Ta có: $\omega_0 = 120 \text{ vòng/phút} = 4\pi \text{ rad/s}$; $\omega = 300 \text{ vòng/phút} = 10\pi \text{ rad/s}$

Phương trình động học của chuyển động quay của vật rắn: $\omega = \omega_0 + \gamma t$

$$\text{Gia tốc góc của vật rắn là: } \gamma = \frac{\omega - \omega_0}{t} = \frac{10\pi - 4\pi}{3,14} = 6 \text{ rad/s}^2$$

Vậy chọn A.

Câu 60. Chọn A.

Gợi ý:

$$\text{- Áp dụng công thức Anh - xtanh: } \frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda_0} + \frac{1}{2}mv_{0\max}^2 \Rightarrow v_{0\max}$$

- Chú ý vận tốc ban đầu cực đại của quang electron ứng với bức xạ chiếu vào catôt có bước sóng nhỏ hơn.

Lời giải:

Vận tốc ban đầu cực đại của quang electron ứng với bức xạ chiếu vào catôt có bước sóng nhỏ hơn ($0,243\mu\text{m}$).

$$\text{Áp dụng công thức Anh - xtanh: } \frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda_0} + \frac{1}{2}mv_{0\max}^2$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow v_{0\max} &= \sqrt{\frac{2hc}{m} \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right)} \\ &= \sqrt{\frac{2 \cdot 6,625 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{9,1 \cdot 10^{-31}} \left(\frac{1}{0,243 \cdot 10^{-6}} - \frac{1}{5 \cdot 10^{-7}} \right)} \approx 9,61 \cdot 10^5 \text{ m/s} \end{aligned}$$

Vậy chọn A.

ĐỀ THI TUYỂN SINH CAO ĐẲNG NĂM 2009

Mã đề 297

(Thời gian làm bài: 90 phút)

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH

Câu 1: Một mạch dao động LC lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm không đổi, tụ điện có điện dung C thay đổi. Khi $C = C_1$ thì tần số dao động riêng của mạch là $7,5\text{MHz}$ và khi $C = C_2$ thì tần số dao động riêng của mạch là 10MHz . Nếu $C = C_1 + C_2$ thì tần số dao động riêng của mạch là

A. $12,5\text{MHz}$. B. $2,5\text{MHz}$. C. $17,5\text{MHz}$. **D. $6,0\text{MHz}$.**

Câu 2: Đặt điện áp $u = 100 \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{6}\right) (\text{V})$ vào hai đầu đoạn mạch có điện trở thuần, cuộn

cảm và tụ điện mắc nối tiếp thì dòng điện qua mạch là $i = 2 \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{3}\right) (\text{A})$. Công suất

tiêu thụ của đoạn mạch là

A. $100\sqrt{3}\text{W}$. B. 50W . **C. $50\sqrt{3}\text{W}$.** D. 100W .

Câu 3: Trong đoạn mạch xoay chiều gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp thì

A. điện áp giữa hai đầu tụ điện ngược pha với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

B. điện áp giữa hai đầu cuộn cảm cùng pha với điện áp giữa hai đầu tụ điện.

C. điện áp giữa hai đầu tụ điện trễ pha so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

D. điện áp giữa hai đầu cuộn cảm trễ pha so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch.

Câu 4: Công suất bức xạ của Mặt Trời là $3,9 \cdot 10^{26} \text{W}$. Năng lượng Mặt Trời tỏa ra trong một ngày là

- A. $3,3696 \cdot 10^{30} \text{J}$. B. $3,3696 \cdot 10^{29} \text{J}$. C. $3,3696 \cdot 10^{32} \text{J}$. **D. $3,3696 \cdot 10^{31} \text{J}$.**

Câu 5: Biết $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{mol}$. Trong $59,50 \text{g } {}^{238}_{92}\text{U}$ có số nơtron xấp xỉ là

- A. $2,38 \cdot 10^{23}$. **B. $2,20 \cdot 10^{25}$.** C. $1,19 \cdot 10^{25}$. D. $9,21 \cdot 10^{24}$.

Câu 6: Trong chân không bức xạ đơn sắc vàng có bước sóng $0,589 \mu\text{m}$.

Lấy $h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{J.s}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{m/s}$ và $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{C}$. Năng lượng của photon ứng với bức xạ này có giá trị là

- A. $2,11 \text{eV}$.** B. $4,22 \text{eV}$. C. $0,42 \text{eV}$. D. $0,21 \text{eV}$.

Câu 7: Phát biểu nào sau đây là sai khi nói về hiện tượng phóng xạ?

- A. Trong phóng xạ α , hạt nhân con có số nơtron nhỏ hơn số nơtron của hạt nhân mẹ.
B. Trong phóng xạ β^- , hạt nhân mẹ và hạt nhân con có số khối bằng nhau, số proton khác nhau.
C. Trong phóng xạ β , có sự bảo toàn điện tích nên số proton được bảo toàn.
D. Trong phóng xạ β^+ , hạt nhân mẹ và hạt nhân con có số khối bằng nhau, số nơtron khác nhau.

Câu 8: Một sóng truyền theo trục Ox với phương trình

$$u = a \cos(4\pi t - 0,02\pi x) \quad (u \text{ tính bằng cm, } t \text{ tính bằng giây}).$$

Tốc độ truyền của sóng này là

- A. 100cm/s . B. 150cm/s . **C. 200cm/s .** D. 50cm/s .

Câu 9: Dùng thuyết lượng tử ánh sáng không giải thích được

- A. hiện tượng quang - phát quang. **B. hiện tượng giao thoa ánh sáng.**
C. nguyên tắc hoạt động của pin quang điện.
D. hiện tượng quang điện ngoài.

Câu 10: Khi nói về quang phổ phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Các chất rắn bị nung nóng thì phát ra quang phổ vạch.
B. Mỗi nguyên tố hóa học có một quang phổ vạch đặc trưng của nguyên tố ấy.
C. Các chất khí ở áp suất lớn bị nung nóng thì phát ra quang phổ vạch.
D. Quang phổ liên tục của nguyên tố nào thì đặc trưng cho nguyên tố đó.

Câu 11: Khi động cơ không đồng bộ ba pha hoạt động ổn định, từ trường quay trong động cơ có tần số

- A. bằng tần số của dòng điện chạy trong các cuộn dây của stato.**
B. lớn hơn tần số của dòng điện chạy trong các cuộn dây của stato.
C. có thể lớn hơn hay nhỏ hơn tần số của dòng điện chạy trong các cuộn dây của stato, tùy vào tải.
D. nhỏ hơn tần số của dòng điện chạy trong các cuộn dây của stato.

Câu 12: Một sóng cơ có chu kỳ 2s truyền với tốc độ 1m/s . Khoảng cách giữa hai điểm gần nhau nhất trên một phương truyền mà tại đó các phần tử môi trường dao động ngược pha là

- A. $0,5 \text{m}$. **B. $1,0 \text{m}$.** C. $2,0 \text{m}$. D. $2,5 \text{m}$.

Câu 13: Gọi năng lượng của photon ánh sáng đỏ, ánh sáng lục và ánh sáng tím lần lượt là ϵ_D , ϵ_L và ϵ_T thì

- A. $\epsilon_T > \epsilon_L > \epsilon_D$.** B. $\epsilon_T > \epsilon_D > \epsilon_L$.
C. $\epsilon_D > \epsilon_L > \epsilon_T$. D. $\epsilon_L > \epsilon_T > \epsilon_D$.

Câu 14: Khi nói về năng lượng của một vật dao động điều hòa, phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Cứ mỗi chu kỳ dao động của vật, có bốn thời điểm thế năng bằng động năng.**
B. Thế năng của vật đạt cực đại khi vật ở vị trí cân bằng.
C. Động năng của vật đạt cực đại khi vật ở vị trí biên.
D. Thế năng và động năng của vật biến thiên cùng tần số với tần số của li độ.

Câu 15: Một sóng điện từ có tần số 100MHz truyền với tốc độ $3 \cdot 10^8 \text{m/s}$ có bước sóng là

- A. 300m . B. $0,3 \text{m}$. C. 30m . **D. 3m .**

Câu 16: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa với ánh sáng đơn sắc, khoảng cách giữa hai khe là 1mm , khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn quan sát là 2m và khoảng vân là $0,8 \text{mm}$. Cho $c = 3 \cdot 10^8 \text{m/s}$. Tần số ánh sáng đơn sắc dùng trong thí nghiệm là

- A. $5,5 \cdot 10^{14} \text{Hz}$. B. $4,5 \cdot 10^{14} \text{Hz}$. **C. $7,5 \cdot 10^{14} \text{Hz}$.** D. $6,5 \cdot 10^{14} \text{Hz}$.

Câu 17: Phát biểu nào sau đây là đúng khi nói về dao động cơ tắt dần?

- A. Dao động tắt dần có biên độ giảm dần theo thời gian.**
B. Cơ năng của vật dao động tắt dần không đổi theo thời gian.
C. Lực cản môi trường tác dụng lên vật luôn sinh công dương.
D. Dao động tắt dần là dao động chỉ chịu tác dụng của nội lực.

Câu 18: Một máy biến áp lí tưởng có cuộn sơ cấp gồm 2400 vòng dây, cuộn thứ cấp gồm 800 vòng dây. Nối hai đầu cuộn sơ cấp với điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng 210V . Điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn thứ cấp khi biến áp hoạt động không tải là

- A. 0 . B. 105V . C. 630V . **D. 70V .**

Câu 19: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, khoảng cách giữa hai khe là $0,5 \text{mm}$, khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn là 2m . Ánh sáng đơn sắc dùng trong thí nghiệm có bước sóng $0,5 \mu\text{m}$. Vùng giao thoa trên màn rộng 26mm (vân trung tâm ở chính giữa). Số vân sáng là

- A. 15 . B. 17 . **C. 13 .** D. 11 .

Câu 20: Khi nói về một vật dao động điều hòa có biên độ A và chu kỳ T , với mốc thời gian ($t = 0$) là lúc vật ở vị trí biên, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Sau thời gian $\frac{T}{8}$, vật đi được quãng đường bằng $0,5A$.
 B. Sau thời gian $\frac{T}{2}$, vật đi được quãng đường bằng $2A$.
 C. Sau thời gian $\frac{T}{4}$, vật đi được quãng đường bằng A .
 D. Sau thời gian T , vật đi được quãng đường bằng $4A$.

Câu 21: Trong mạch dao động LC lí tưởng có dao động điện từ tự do thì

- A. năng lượng điện trường tập trung ở cuộn cảm.
 B. năng lượng điện trường và năng lượng từ trường luôn không đổi.
 C. năng lượng từ trường tập trung ở tụ điện.
 D. năng lượng điện từ của mạch được bảo toàn.

Câu 22: Tại nơi có gia tốc trọng trường là $9,8\text{m/s}^2$, một con lắc đơn dao động điều hòa với biên độ góc 6° . Biết khối lượng của con lắc là 90g và chiều dài dây treo là 1m . Chọn mốc thế năng tại vị trí cân bằng, cơ năng của con lắc xấp xỉ bằng

- A. $6,8 \cdot 10^{-3}\text{J}$. B. $3,8 \cdot 10^{-3}\text{J}$. C. $5,8 \cdot 10^{-3}\text{J}$. D. $4,8 \cdot 10^{-3}\text{J}$.

Câu 23: Một chất điểm dao động điều hòa có phương trình vận tốc $v = 4 \cos 2\pi t$ (cm/s). Gốc tọa độ ở vị trí cân bằng. Mốc thời gian được chọn là lúc chất điểm có li độ và vận tốc là:

- A. $x = 2\text{cm}$, $v = 0$. B. $x = 0$, $v = 4\pi \text{ cm/s}$.
 C. $x = -2\text{cm}$, $v = 0$. D. $x = 0$, $v = -4\pi \text{ cm/s}$.

Câu 24: Đối với nguyên tử hiđrô, các mức năng lượng ứng với các quỹ đạo dừng K, M có giá trị lần lượt là: $-13,6\text{eV}$; $-1,51\text{eV}$. Cho $h = 6,625 \cdot 10^{-34}\text{J.s}$; $c = 3 \cdot 10^8\text{m/s}$ và $e = 1,6 \cdot 10^{-19}\text{C}$. Khi electron chuyển từ quỹ đạo dừng M về quỹ đạo dừng K, nguyên tử hiđrô có thể phát ra bức xạ có bước sóng

- A. $102,7\mu\text{m}$. B. $102,7\text{mm}$. C. $102,7\text{nm}$. D. $102,7\text{pm}$.

Câu 25: Một vật dao động điều hòa dọc theo trục tọa độ nằm ngang Ox với chu kỳ T , vị trí cân bằng và mốc thế năng ở gốc tọa độ. Tính từ lúc vật có li độ dương lớn nhất, thời điểm đầu tiên mà động năng và thế năng của vật bằng nhau là

- A. $\frac{T}{4}$. B. $\frac{T}{8}$. C. $\frac{T}{12}$. D. $\frac{T}{6}$.

Câu 26: Trên một sợi dây đàn hồi dài $1,2\text{m}$, hai đầu cố định, đang có sóng dừng. Biết sóng truyền trên dây có tần số 100Hz và tốc độ 80m/s . Số bụng sóng trên dây là

- A. 3. B. 5. C. 4. D. 2.

Câu 27: Một máy phát điện xoay chiều một pha có phần cảm là rôto gồm 10 cặp cực (10 cực nam và 10 cực bắc). Rôto quay với tốc độ 300vòng/phút . Suất điện động do máy sinh ra có tần số bằng

- A. 3000Hz . B. 50Hz . C. 5Hz . D. 30Hz .

Câu 28: Gọi τ là thời gian để số hạt nhân của một đồng vị phóng xạ giảm đi bốn lần. Sau thời gian 2τ số hạt nhân còn lại của đồng vị đó bằng bao nhiêu phần trăm số hạt nhân ban đầu?

- A. 25,25%. B. 93,75%. C. 6,25%. D. 13,5%.

Câu 29: Một con lắc lò xo (độ cứng của lò xo là 50N/m) dao động điều hòa theo phương ngang. Cứ sau $0,05\text{s}$ thì vật nặng của con lắc lại cách vị trí cân bằng một khoảng như cũ. Lấy $\pi^2 = 10$. Khối lượng vật nặng của con lắc bằng

- A. 250g . B. 100g . C. 25g . D. 50g .

Câu 30: Trong một đoạn mạch điện xoay chiều gồm điện trở thuần mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần, so với điện áp hai đầu đoạn mạch thì cường độ dòng điện trong mạch có thể

- A. trễ pha $\frac{\pi}{2}$. B. sớm pha $\frac{\pi}{4}$. C. sớm pha $\frac{\pi}{2}$. D. trễ pha $\frac{\pi}{4}$.

Câu 31: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, nguồn sáng gồm các bức xạ có bước sóng $\lambda_1 = 750\text{nm}$, $\lambda_2 = 675\text{nm}$ và $\lambda_3 = 600\text{nm}$. Tại điểm M trong vùng giao thoa trên màn mà hiệu khoảng cách đến hai khe bằng $1,5\mu\text{m}$ có vân sáng bức xạ

- A. λ_1 và λ_3 . B. λ_3 . C. λ_1 . D. λ_2 .

Câu 32: Đặt điện áp xoay chiều $u = U_0 \cos 2\pi ft$, có U_0 không đổi và f thay đổi được vào hai đầu đoạn mạch có R , L , C mắc nối tiếp. Khi $f = f_0$ thì trong đoạn mạch có cộng hưởng điện. Giá trị của f_0 là

- A. $\frac{2}{\sqrt{LC}}$. B. $\frac{2\pi}{\sqrt{LC}}$. C. $\frac{1}{\sqrt{LC}}$. D. $\frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$.

Câu 33: Cho phản ứng hạt nhân: $^{23}_{11}\text{Na} + ^1_1\text{H} \longrightarrow ^4_2\text{He} + ^{20}_{10}\text{Ne}$

lấy khối lượng hạt nhân $^{23}_{11}\text{Na}$; ^4_2He ; ^1_1H lần lượt là $22,9873\text{u}$; $4,0015\text{u}$; $1,0073\text{u}$ và $1\text{u} = 931,5\text{MeV}$. Trong phản ứng này, năng lượng

- A. thu vào là $3,4524\text{MeV}$. B. thu vào là $2,4219\text{MeV}$.
 C. tỏa ra là $2,4219\text{MeV}$. D. tỏa ra là $3,4524\text{MeV}$.

Câu 34: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa với nguồn đơn sắc, hệ vân trên màn có khoảng vân i . Nếu khoảng cách giữa hai khe còn một nửa và khoảng cách từ hai khe đến màn gấp đôi so với ban đầu thì khoảng vân giao thoa trên màn

- A. giảm đi bốn lần. B. không đổi.
 C. tăng lên hai lần. D. tăng lên bốn lần.

Câu 35: Đặt một điện áp $u = 100\sqrt{2} \cos \omega t$ (V), có ω thay đổi được vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần 200Ω , cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{25}{36\pi}\text{H}$ và tụ điện có

điện dung $\frac{10^{-4}}{\pi}$ F mắc nối tiếp. Công suất tiêu thụ của đoạn mạch là 50W. Giá trị của ω là

- A. 150π rad/s. B. 50π rad/s. C. 100π rad/s. **D. 120π rad/s.**

Câu 36: Đặt điện áp $u = U_0 \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{4}\right)$ vào hai đầu đoạn mạch chỉ có tụ điện thì cường độ dòng điện trong mạch $i = I_0 \cos(\omega t + \varphi_i)$. Giá trị của φ_i bằng

- A. $-\frac{\pi}{2}$. B. $-\frac{3\pi}{4}$. C. $\frac{\pi}{2}$. **D. $\frac{3\pi}{4}$.**

Câu 37: Khi chiếu vào một chất lỏng ánh sáng chàm thì ánh sáng huỳnh quang phát ra không thể là

- A. ánh sáng tím.** B. ánh sáng vàng.
C. ánh sáng đỏ. D. ánh sáng lục.

Câu 38: Một nguồn phát ra ánh sáng có bước sóng 662,5nm với công suất phát sáng là $1,5 \cdot 10^{-4}$ W. Lấy $h = 6,625 \cdot 10^{-34}$ J.s ; $c = 3 \cdot 10^8$ m/s. Số photon được nguồn phát ra trong 1s là

- A. $5 \cdot 10^{14}$.** B. $6 \cdot 10^{14}$. C. $4 \cdot 10^{14}$. D. $3 \cdot 10^{14}$.

Câu 39: Một mạch dao động LC lí tưởng đang có dao động điện từ tự do. Biết điện tích cực đại của một bản tụ điện có độ lớn là 10^{-8} C và cường độ dòng điện cực đại qua cuộn cảm thuần là 62,8mA. Tần số dao động điện từ tự do của mạch là

- A. $2,5 \cdot 10^3$ kHz. B. $3 \cdot 10^3$ kHz. C. $2 \cdot 10^3$ kHz. **D. 10^3 kHz.**

Câu 40: Ở mặt nước có hai nguồn sóng dao động theo phương vuông góc ở mặt nước, có cùng phương trình $u = A \cos \omega t$. Trong miền gặp nhau của hai sóng, những điểm mà ở đó các phần tử nước dao động với biên độ cực đại sẽ có hiệu đường đi của sóng từ hai nguồn đến đó bằng

- A. một số lẻ lần nửa bước sóng. **B. một số nguyên lần bước sóng.**
C. một số nguyên lần nửa bước sóng. D. một số lẻ lần bước sóng.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Trong thí nghiệm Y – âng về giao thoa với ánh sáng đơn sắc, khoảng cách giữa hai khe là 1mm, khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn là 2mm. Trong hệ vân trên màn, vân sáng bậc 3 cách vân trung tâm 2,4mm. Bước sóng của ánh sáng đơn sắc dùng trong thí nghiệm là

- A. $0,5\mu\text{m}$. B. $0,7\mu\text{m}$. **C. $0,4\mu\text{m}$.** D. $0,6\mu\text{m}$.

Câu 42: Mạch dao động LC lí tưởng gồm tụ điện có điện dung C, cuộn cảm thuần có độ tự cảm L. Trong mạch có dao động điện từ tự do. Biết hiệu điện thế cực đại giữa hai bản tụ điện là U_0 . Năng lượng điện từ của mạch bằng

- A. $\frac{1}{2} LC^2$. B. $\frac{U_0^2}{2} \sqrt{LC}$. **C. $\frac{1}{2} CU_0^2$.** D. $\frac{1}{2} CL^2$.

Câu 43: Tại nơi có gia tốc trọng trường, một con lắc đơn dao động điều hòa với biên độ góc α_0 . Biết khối lượng vật nhỏ của con lắc là m, chiều dài dây treo là ℓ , mốc thế năng ở vị trí cân bằng. Cơ năng của con lắc là

- A. $\frac{1}{2} mgl\alpha_0^2$.** B. $mgl\alpha_0^2$. C. $\frac{1}{4} mgl\alpha_0^2$. D. $2mgl\alpha_0^2$.

Câu 44: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Ánh sáng đơn sắc là ánh sáng bị tán sắc khi đi qua lăng kính.
B. Ánh sáng trắng là hỗn hợp của vô số ánh sáng đơn sắc có màu biến thiên liên tục từ đỏ đến tím.
C. Chỉ có ánh sáng trắng mới bị tán sắc khi truyền qua lăng kính.
D. Tổng hợp các ánh sáng đơn sắc sẽ luôn được ánh sáng trắng.

Câu 45: Một con lắc lò xo đang dao động điều hòa theo phương ngang với biên độ $\sqrt{2}$ cm. Vật nhỏ của con lắc có khối lượng 100g, lò xo có độ cứng 100N/m. Khi vật nhỏ có vận tốc $10\sqrt{10}$ cm/s thì gia tốc của nó có độ lớn là

- A. 4m/s^2 . **B. 10m/s^2 .** C. 2m/s^2 . D. 5m/s^2 .

Câu 46: Một chất điểm dao động điều hòa trên trục Ox có phương trình $x = 8 \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (x tính bằng cm, t tính bằng s) thì

- A. lúc $t = 0$ chất điểm chuyển động theo chiều âm của trục Ox.**
B. chất điểm chuyển động trên đoạn thẳng dài 8cm.
C. chu kỳ dao động là 4s.
D. vận tốc của chất điểm tại vị trí cân bằng là 8cm/s.

Câu 47: Biết khối lượng của prôtôn ; nơtron ; hạt nhân $^{16}_8\text{O}$ lần lượt là 1,0073u ; 1,59904u và $1u = 931,5\text{MeV}/c^2$. Năng lượng liên kết của hạt nhân $^{16}_8\text{O}$ xấp xỉ bằng

- A. 14,25MeV. B. 18,76MeV. **C. 128,17MeV.** D. 190,81MeV.

Câu 48: Thiên Hà của chúng ta (Ngân Hà) có cấu trúc dạng

- A. hình trụ. B. elipxôit. **C. xoắn ốc.** D. hình cầu.

Câu 49: Đặt một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng 60V vào hai đầu đoạn mạch R, L, C mắc nối tiếp thì cường độ dòng điện qua đoạn mạch là $i_1 = I_0 \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$ (A). Nếu

ngắt bỏ tụ điện C thì cường độ dòng điện qua đoạn mạch là $i_2 = I_0 \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{12}\right)$ (A).

Điện áp hai đầu đoạn mạch là

A. $u = 60\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{12}\right)$ (V). B. $u = 60\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{6}\right)$ (V).

C. $u = 60\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{12}\right)$ (V). D. $u = 60\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{6}\right)$ (V).

Câu 50: Một khung dây dẫn phẳng dẹt hình chữ nhật có 500 vòng dây, diện tích mỗi vòng là 54cm^2 . Khung dây quay đều quanh một trục đối xứng (thuộc mặt phẳng của khung), trong từ trường đều có vectơ cảm ứng từ vuông góc với trục quay và có độ lớn $0,2\text{T}$. Từ thông cực đại qua khung dây là

A. $0,27\text{Wb}$. B. $1,08\text{Wb}$. C. $0,81\text{Wb}$. D. $0,54\text{Wb}$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Điện áp giữa hai đầu một đoạn mạch là $u = 150 \cos 100\pi t$ (V). Cứ mỗi giây có bao nhiêu lần điện áp này bằng không?

A. 100 lần. B. 50 lần. C. 200 lần. D. 2 lần.

Câu 52: Một cái thước khi nằm yên dọc theo một trục tọa độ của hệ quy chiếu quán tính K thì có chiều dài riêng là ℓ_0 . Với c là tốc độ ánh sáng trong chân không. Khi thước chuyển động dọc theo trục tọa độ này với tốc độ v thì chiều dài của thước đo được trong hệ K là

A. $\ell_0 \sqrt{1 + \frac{v^2}{c^2}}$. B. $\ell_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$. C. $\ell_0 \sqrt{1 - \frac{v}{c}}$. D. $\ell_0 \sqrt{1 + \frac{v}{c}}$.

Câu 53: Một mạch dao động LC lí tưởng, gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C . Trong mạch có dao động điện từ tự do. Gọi U_0 , I_0 lần lượt là hiệu điện thế cực đại giữa hai đầu tụ điện và cường độ dòng điện cực đại trong mạch thì

A. $U_0 = \frac{I_0}{\sqrt{LC}}$. B. $U_0 = I_0 \sqrt{\frac{L}{C}}$. C. $U_0 = I_0 \sqrt{\frac{C}{L}}$. D. $U_0 = I_0 \sqrt{LC}$.

Câu 54: Một thanh cứng đồng chất có chiều dài ℓ , khối lượng m , quay quanh một trục Δ qua trung điểm và vuông góc với thanh. Cho momen quán tính của thanh đối với trục Δ là $\frac{1}{12}m\ell^2$. Gắn chất điểm có khối lượng $\frac{m}{3}$ vào một đầu thanh. Momen quán tính của hệ đối với trục Δ là

A. $\frac{1}{6}m\ell^2$. B. $\frac{13}{12}m\ell^2$. C. $\frac{4}{3}m\ell^2$. D. $\frac{1}{3}m\ell^2$.

Câu 55: Coi Trái Đất là một quả cầu đồng chất có khối lượng $m = 6,0 \cdot 10^{24}\text{kg}$, bán kính $R = 6400\text{km}$ và momen quán tính đối với trục Δ qua tâm là $\frac{5}{2}mR^2$. Lấy $\pi^2 = 10$.

Momen động lượng của Trái Đất trong chuyển động quay xung quanh trục Δ với chu kỳ 24 giờ, có giá trị bằng

A. $2,9 \cdot 10^{33}\text{kg.m}^2/\text{s}$. B. $8,9 \cdot 10^{33}\text{kg.m}^2/\text{s}$.
C. $1,7 \cdot 10^{33}\text{kg.m}^2/\text{s}$. D. $7,1 \cdot 10^{33}\text{kg.m}^2/\text{s}$.

Câu 56: Trong quang phổ vạch của nguyên tử hiđrô, bước sóng dài nhất của vạch quang phổ trong dãy Lai-man và trong dãy Ban-me lần lượt là λ_1 và λ_2 . Bước sóng dài thứ hai thuộc dãy Lai-man có giá trị là

A. $\frac{\lambda_1 \lambda_2}{2(\lambda_1 + \lambda_2)}$. B. $\frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_1 + \lambda_2}$. C. $\frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_1 - \lambda_2}$. D. $\frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_2 - \lambda_1}$.

Câu 57: Một vật rắn quay biến đổi đều quanh một trục cố định đi qua vật. Một điểm xác định trên vật rắn và không nằm trên trục quay có

- A. độ lớn của gia tốc tiếp tuyến thay đổi.
B. gia tốc hướng tâm luôn hướng vào tâm quỹ đạo tròn của điểm đó.
C. gia tốc góc luôn biến thiên theo thời gian.
D. tốc độ dài biến thiên theo hàm số bậc hai của thời gian.

Câu 58: Một đĩa tròn phẳng, đồng chất có khối lượng $m = 2\text{kg}$ và bán kính $R = 0,5\text{m}$. Biết momen quán tính đối với trục Δ qua tâm đối xứng và vuông góc với mặt phẳng của đĩa là $\frac{1}{2}mR^2$. Từ trạng thái nghỉ, đĩa bắt đầu quay xung quanh trục Δ cố định, dưới tác dụng của một lực tiếp tuyến với mép ngoài và đồng phẳng với đĩa. Bỏ qua lực cản. Sau 3s đĩa quay được 36rad . Độ lớn của lực này là

A. 4N . B. 3N . C. 6N . D. 2N .

Câu 59: Một con lắc lò xo treo thẳng đứng dao động điều hòa với chu kỳ $0,4\text{s}$. Khi vật ở vị trí cân bằng, lò xo dài 44cm . Lấy $g = \pi^2$ (m/s²). Chiều dài tự nhiên của lò xo là

A. 36cm . B. 40cm . C. 42cm . D. 38cm .

Câu 60: Trong một thí nghiệm, hiện tượng quang điện xảy ra khi chiếu chùm sáng đơn sắc tới bề mặt tấm kim loại. Nếu giữ nguyên bước sóng ánh sáng kích thích mà tăng cường độ của chùm sáng thì

- A. số electron bật ra khỏi kim loại trong một giây tăng lên.
B. động năng ban đầu cực đại của electron quang điện tăng lên.
C. giới hạn quang điện của kim loại bị giảm xuống.
D. vận tốc ban đầu cực đại của electron quang điện tăng lên.

GỢI Ý VÀ LỜI GIẢI

Câu 1: Chọn D.

Gợi ý:

Từ công tính tần số ứng với C_1 , C_2 và C ta biến đổi để suy ra được tần số ứng với C .

Lời giải:

Khi $C = C_1$ thì tần số dao động riêng của mạch là: $f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_1}}$

Khi $C = C_2$ thì tần số dao động riêng của mạch là: $f_2 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_2}}$

Khi $C = C_1 + C_2$ thì tần số dao động riêng của mạch là:

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L(C_1 + C_2)}} \Rightarrow \frac{1}{f^2} = \frac{1}{f_1^2} + \frac{1}{f_2^2} \Rightarrow f = \frac{f_1 f_2}{\sqrt{f_1^2 + f_2^2}} = \frac{7,5 \cdot 10}{\sqrt{7,5^2 + 10^2}} = 6 \text{ MHz}$$

Vậy chọn D.

Câu 2: Chọn C.

Gợi ý:

- Công suất tiêu thụ: $P = UI \cos \varphi$

- Ta xác định U , I và φ từ các biểu thức của u và i .

Lời giải:

Độ lệch pha giữa u và i là: $\varphi = \frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{3} = -\frac{\pi}{6}$

Công suất tiêu thụ của đoạn mạch là:

$$P = UI \cos \varphi = 50\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) = 50\sqrt{3} \text{ W}$$

Vậy chọn C.

Câu 3: Chọn C.

Gợi ý:

Đưa vào giản đồ vectơ của mạch RLC mắc nối tiếp thì A, B và D đều sai, C đúng.

Lời giải:

Trong đoạn mạch xoay chiều gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp thì điện áp giữa hai đầu tụ điện trễ pha so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch. Do đó A, B và D sai, C đúng.

Vậy chọn C.

Câu 4: Chọn D.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính năng lượng Mặt Trời: $W = P \cdot t$

Lời giải:

Năng lượng Mặt Trời tỏa ra trong một ngày là:

$W = P \cdot t = 3,9 \cdot 10^{26} \cdot 24 \cdot 3600 = 3,3696 \cdot 10^{31} \text{ J}$. Vậy chọn D.

Câu 5: Chọn B.

Gợi ý:

- Tính số neutron có trong 1 hạt nhân ${}_{92}^{238}\text{U}$ là: $A - Z$.

- Tính số hạt nhân có trong 59,50g ${}_{92}^{238}\text{U}$ là: $N = \frac{m}{A} \cdot N_A$

- Số neutron có trong 59,50g là: $(A - Z) \cdot N$.

Lời giải:

Số hạt nhân ${}_{92}^{238}\text{U}$ có trong 59,50g là:

$$N = \frac{m}{A} \cdot N_A = \frac{59,50}{238} \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \approx 1,505 \cdot 10^{23} \text{ hạt}$$

Số neutron trong một hạt nhân ${}_{92}^{238}\text{U}$ là: $238 - 92 = 146$ neutron

Trong 59,50g ${}_{92}^{238}\text{U}$ có số neutron xấp xỉ là: $1,505 \cdot 10^{23} \cdot 146 \approx 2,2 \cdot 10^{25}$ neutron

Vậy chọn B.

Câu 6: Chọn A.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính năng lượng của photon: $\varepsilon = hf = h \frac{c}{\lambda}$

Lời giải:

Năng lượng của photon ứng với bức xạ đơn sắc vàng có bước sóng $0,589 \mu\text{m}$ là:

$$\varepsilon = hf = h \frac{c}{\lambda} = 6,625 \cdot 10^{-34} \cdot \frac{3 \cdot 10^8}{0,589 \cdot 10^{-6}} \approx 3,37 \cdot 10^{-19} \text{ J} = \frac{3,37 \cdot 10^{-19}}{1,6 \cdot 10^{-19}} \approx 2,1 \text{ eV}$$

Vậy chọn A.

Câu 7: Chọn C.

Gợi ý:

Đưa vào các phương trình phóng xạ của các tia phóng xạ α , β thì A, B và D đúng, C sai.

Lời giải:

- Phóng xạ α : ${}_Z^AX \longrightarrow {}_2^4\text{He} + {}_{Z-2}^{A-4}Y$

Hạt nhân con có số neutron nhỏ hơn số neutron của hạt nhân mẹ. Do đó A đúng.

- Phóng xạ β^- : ${}_Z^AX \longrightarrow {}_{-1}^0\text{e} + {}_{Z+1}^AY$

Hạt nhân mẹ và hạt nhân con có số khối bằng nhau, số proton khác nhau. Do đó B đúng.

- Phóng xạ β^+ : ${}^A_ZX \longrightarrow {}^0_1e^+ + {}^A_{Z-1}Y$

Hạt nhân mẹ và hạt nhân con có số khối bằng nhau, số proton khác nhau. Do đó D đúng.

- Phóng xạ β gồm phóng xạ β^+ và phóng xạ β^- . Từ hai phương trình phóng xạ của β^- và β^+ , không có sự bảo toàn điện tích nên số proton không được bảo toàn. Do đó C sai.

Vậy chọn C.

Câu 8: Chọn C.

Gợi ý:

- Tốc độ truyền sóng: $v = \frac{\lambda}{T}$

- Từ phương trình sóng ta xác định được ω , λ và T .

Lời giải:

Từ phương trình sóng ta có:

$$\omega = 4\pi \text{ rad/s và } \frac{2\pi}{\lambda} = 0.02\pi \Rightarrow \lambda = \frac{2}{0.02} = 100\text{cm}$$

$$\text{Chu kỳ: } T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{4\pi} = 0.5\text{s}$$

$$\text{Tốc độ truyền sóng: } v = \frac{\lambda}{T} = \frac{100}{0.5} = 200 \text{ cm/s}$$

Vậy chọn C.

Câu 9: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào thuyết lượng tử ánh sáng thì không giải thích được hiện tượng giao thoa.

Lời giải:

Thuyết lượng tử ánh sáng không giải thích được hiện tượng giao thoa ánh sáng.

Vậy chọn B.

Câu 10: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào đặc điểm của quang phổ liên tục và quang phổ vạch, thì A, C, D đều sai, B đúng.

Lời giải:

- Quang phổ vạch phát xạ do các chất khí hay hơi ở áp suất thấp phát ra khi bị kích thích. Do đó A và C sai.

- Quang phổ vạch phát xạ của các nguyên tố khác nhau thì sẽ khác nhau về số lượng vạch, bước sóng (vị trí các vạch), màu sắc các vạch và cường độ sáng của các vạch. Do đó B đúng.

- Quang phổ liên tục không phụ thuộc vào bản chất của vật phát sáng, mà chỉ phụ thuộc nhiệt độ của vật. Do đó D sai.

Vậy chọn B.

Câu 11: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào cấu tạo và nguyên tắc hoạt động của động cơ không đồng bộ ba pha thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

Động cơ không đồng bộ ba pha có hai bộ phận chính:

- Stato gồm ba cuộn dây giống nhau quấn trên ba lõi sắt bố trí lệch nhau $\frac{1}{3}$ vòng tròn.

- Rôto là một hình trụ tạo bởi nhiều lá thép mỏng ghép cách điện với nhau.

Khi mắc các cuộn dây ở stato với nguồn điện ba pha, từ trường quay tạo thành có tốc độ góc bằng tần số góc của dòng điện. Từ trường quay tác dụng lên dòng điện cảm ứng trong các khung dây ở rôto các momen lực làm rôto quay với tốc độ nhỏ hơn tốc độ quay của từ trường. Chuyển động quay của rôto được sử dụng để làm quay các máy khác. Do đó B, C và D đều sai, A đúng. Vậy chọn A.

Câu 12: Chọn B.

Gợi ý:

- Bước sóng: $\lambda = v.T$

- Từ công thức độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng $\Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} \Rightarrow d_{\min} = ?$

- Thay giá trị của λ vào biểu thức tính $d_{\min}$, ta được $d_{\min}$.

Lời giải:

Độ lệch pha giữa hai điểm gần nhất trên cùng một phương truyền sóng là $\Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda}$

Theo bài ra, ta có: $\Delta\varphi = \frac{2\pi d_{\min}}{\lambda} = \pi \Rightarrow d_{\min} = \frac{\lambda}{2} = 1\text{m}$. Vậy chọn B.

Câu 13: Chọn A.

Gợi ý:

- Để so sánh các năng lượng của photon ánh sáng, ta dựa vào công thức tính năng lượng: $\varepsilon = hf = h\frac{c}{\lambda}$.

- Dựa vào sự sắp xếp các bước sóng theo thứ tự, ta xác định được hệ thức năng lượng của photon ánh sáng.

Lời giải:

- Mọi ánh sáng đơn sắc mà ta nhìn thấy đều có bước sóng trong chân không (hoặc không khí) trong khoảng từ chừng $0,38\mu\text{m}$ (ánh sáng tím) đến $0,76\mu\text{m}$ (ánh sáng đỏ). Ta có: $\lambda_T < \lambda_L < \lambda_D$.

Mà $\varepsilon = hf = h\frac{c}{\lambda} \Rightarrow \varepsilon_T > \varepsilon_L > \varepsilon_D$. Vậy chọn A.

Câu 14: Chọn A.

Gợi ý:

- Dựa vào biểu thức tính động năng, thế năng và xét vật ở vị trí cân bằng, vị trí biên thì B, C và D sai, A đúng.

Lời giải:

Khi động năng bằng thế năng:

$$W_d = W_t \Rightarrow W_d = \frac{1}{2}W \Rightarrow \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}kA^2 \Rightarrow x = \pm \frac{A\sqrt{2}}{2}$$

Trong một chu kì vật đi qua mỗi vị trí $x = +\frac{A\sqrt{2}}{2}$ và $x = -\frac{A\sqrt{2}}{2}$ hai lần, hay mỗi chu kì dao động của vật có bốn thời điểm mà động năng bằng thế năng. Do đó A đúng.

- Thế năng của vật đạt cực đại khi vật ở vị trí biên. Do đó B sai.

- Động năng của vật đạt cực đại khi vật ở vị trí cân bằng. Do đó C sai.

- Thế năng và động năng của vật biến thiên tuần hoàn theo thời gian với tần số $f' = 2f$. Do đó D sai. Vậy chọn A.

Câu 15: Chọn D.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính tần số $f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f}$

Lời giải:

Tần số dao động: $f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \cdot 10^8}{1 \cdot 10^8} = 3\text{m}$. Vậy chọn D.

Câu 16: C.

Gợi ý:

- Từ công thức tính khoảng vân $i = \frac{\lambda D}{a} \Rightarrow \lambda = ?$

- Thay λ vào công thức tính tần số $f = \frac{c}{\lambda}$, ta tính được f.

Lời giải:

$$\text{Khoảng vân: } i = \frac{\lambda D}{a}$$

$$\text{Bước sóng của ánh sáng: } \lambda = \frac{ia}{D} = \frac{0,8 \cdot 1}{2 \cdot 10^3} = 0,4 \cdot 10^{-3} \text{ mm} = 0,4 \mu\text{m}$$

$$\text{Tần số ánh sáng: } f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \cdot 10^8}{0,4 \cdot 10^{-6}} = 7,5 \cdot 10^{14} \text{ Hz.}$$

Vậy chọn C.

Câu 17: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào định nghĩa và đặc điểm của dao động cơ tắt dần thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

- Dao động tắt dần có biên độ giảm dần theo thời gian. Do đó A đúng.

- Lực cản của môi trường tác dụng lên vật luôn sinh công âm do đó làm giảm cơ năng của vật. Do đó B và C đều sai.

- Dao động tắt dần là dao động chỉ chịu tác dụng của lực cản môi trường. Do đó D sai. Vậy chọn A.

Câu 18: D.

Gợi ý:

Áp dụng công thức của máy biến áp: $\frac{U_2}{U_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow U_2 = ?$

Lời giải:

Công thức của máy biến áp: $\frac{U_2}{U_1} = \frac{N_2}{N_1}$

Điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn thứ cấp:

$$U_2 = \frac{N_2}{N_1} U_1 = \frac{800}{2400} \cdot 210 = 70\text{V}$$

Vậy chọn D.

Câu 19: Chọn C.

Gợi ý:

- Tính khoảng vân: $i = \frac{\lambda D}{a}$

- Phân tích tỉ số: $\frac{L}{2i} = n + p$ với n là phần nguyên, p là phần thập phân, L là bề rộng của miền giao thoa.

- Số vân sáng là: $N_s = 2n + 1$

Lời giải:

$$\text{Khoảng vân: } i = \frac{\lambda D}{a} = \frac{0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 2}{0,5 \cdot 10^{-3}} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 2\text{mm}$$

Ta có: $\frac{L}{2i} = \frac{26}{2.2} = 6,5 = 6 + 0,5$

Số vân sáng nhận được trên màn là: $N_s = 2.6 + 1 = 13$ vân. Vậy chọn C.

Câu 20: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào mối liên hệ giữa dao động điều hòa và chuyển động tròn đều thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

Tại thời điểm $t = 0$, vật đang ở vị trí biên thì sau khoảng thời gian $\frac{T}{8}$, vật đi được quãng đường là $\frac{A\sqrt{2}}{2}$. Do đó B, C và D đều sai, A đúng.

Vậy chọn A.

Câu 21: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào lý thuyết về mạch dao động LC lí tưởng, thì A, B, C đều sai, D đúng.

Lời giải:

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì năng lượng điện trường tập trung ở tụ điện. Do đó A sai.

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì năng lượng từ trường tập trung ở tụ điện. Do đó C sai.

- Trong quá trình dao động của mạch LC lí tưởng thì thường xuyên có sự chuyển hóa qua lại giữa năng lượng điện trường và năng lượng từ trường, nhưng tổng của chúng được bảo toàn. Do đó B sai, D đúng.

Vậy chọn D.

Câu 22: Chọn D.

Gợi ý: Cơ năng của con lắc đơn tại vị trí cân bằng bằng thế năng cực đại của nó:

$$W = W_{tmax} = mgl(1 - \cos\alpha_0)$$

Lời giải:

Tại vị trí cân bằng, cơ năng bằng thế năng cực đại:

$$W = W_{tmax} = mgl(1 - \cos\alpha_0) = 0,90.9,8(1 - \cos 6^\circ) = 4,8.10^{-3} \text{ J}$$

Vậy chọn D.

Câu 23: Chọn B.

Gợi ý:

Thay $t = 0$ vào phương trình vận tốc, ta được giá trị của v , từ đó suy ra giá trị của x .

Lời giải:

$$\text{Tại thời điểm } t = 0 \text{ thì } v = 4\pi \cos(2\pi.0) = 4\pi \text{ cm/s} = v_{max} \Rightarrow x = 0$$

Vậy chọn B.

Câu 24: Chọn C.

Gợi ý:

Áp dụng tiên đề về sự hấp thụ và bức xạ năng lượng:

$$hf_{MK} = \frac{hc}{\lambda_{MK}} = E_M - E_K \Rightarrow \lambda_{MK} = ?$$

Lời giải:

Theo tiên đề về sự hấp thụ và bức xạ năng lượng, ta có:

$$hf_{MK} = \frac{hc}{\lambda_{MK}} = E_M - E_K$$

$$\Rightarrow \lambda_{MK} = \frac{hc}{E_M - E_K} = \frac{6,625.10^{-34}.3.10^8}{-1,51 - (-13,6)} \approx 1,027.10^{-7} \text{ m} = 1,02,7 \text{ nm}$$

Vậy chọn C.

Câu 25: Chọn B.

Gợi ý:

$$\text{Từ } W_t = W \Rightarrow x = ?$$

- Dựa vào mối quan hệ giữa dao động điều hòa và chuyển động tròn đều, ta tính được thời gian ngắn nhất vật đi từ vị trí $x = A$ đến vị trí $x = x_1$.

Lời giải:

Khi động năng bằng thế năng:

$$W_d = W_t \Rightarrow W_d = \frac{1}{2}W \Rightarrow \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}kA^2 \Rightarrow x = \pm \frac{A\sqrt{2}}{2}$$

Thời gian ngắn nhất để vật đi từ vị trí $x = A$ đến vị trí $x = \pm \frac{A\sqrt{2}}{2}$ là $\frac{T}{8}$. Vậy chọn B.

Câu 26: Chọn A.

Gợi ý:

$$\text{Tính bước sóng } \lambda = \frac{v}{f}$$

$$\text{Từ điều kiện để có sóng dừng trên dây với hai đầu cố định } \ell = n \frac{\lambda}{2} \Rightarrow n = ?$$

- Số nút sóng bằng số bụng sóng.

Lời giải:

$$\text{Bước sóng: } \lambda = \frac{v}{f} = \frac{4}{80} = 5.10^{-2} = 5 \text{ cm}$$

Vì hai đầu dây cố định nên: $\ell = n \frac{\lambda}{2}$

Số nút sóng là: $n = \frac{2\ell}{\lambda} = \frac{2.1,2}{0,8} = 3$ nút

Số bụng sóng = số nút sóng = 3 bụng

Vậy chọn A.

Câu 27: Chọn B.

Gợi ý:

Áp dụng công thức: $f = \frac{np}{60}$

Lời giải:

Suất điện động do máy sinh ra có tần số: $f = \frac{np}{60} = \frac{300.10}{60} = 50\text{Hz}$

Vậy chọn B.

Câu 28: Chọn C.

Gợi ý:

- Từ công thức tính số hạt nhân còn lại sau khoảng thời gian τ là $N_1 = N_0 \cdot e^{-\lambda\tau}$, kết hợp với bài ra, ta tính được $e^{-\lambda\tau}$.

- Từ công thức tính số hạt nhân còn lại sau khoảng thời gian 2τ là $N_2 = N_0 \cdot e^{-\lambda 2\tau}$, biến đổi để xuất hiện $e^{-\lambda\tau}$, thay $e^{-\lambda\tau}$ ta được số % cần tìm.

Lời giải:

Số hạt nhân còn lại sau khoảng thời gian τ là:

$$N_1 = N_0 \cdot e^{-\lambda\tau} = \frac{N_0}{4} \Rightarrow e^{-\lambda\tau} = \frac{1}{4}$$

Số hạt nhân còn lại sau khoảng thời gian 2τ là:

$$N_2 = N_0 \cdot e^{-\lambda 2\tau} \Rightarrow \frac{N_2}{N_0} = e^{-\lambda 2\tau} = (e^{-\lambda\tau})^2 = \frac{1}{16} = 6,25\%$$

Vậy chọn C.

Câu 29: Chọn D.

Gợi ý:

Trong một chu kỳ vật có 4 lần cách vị trí cân bằng một khoảng nhất định, từ đó tính được T, từ T tính được m.

Lời giải:

Cứ sau 0,05s thì vật nặng của con lắc lại cách vị trí cân bằng một khoảng như cũ nên $T = 4.t = 4.0,05 = 0,2\text{s}$.

$$\text{Chu kỳ của con lắc lò xo: } T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow m = \frac{k.T^2}{4\pi^2} = \frac{50.0,04}{40} = 50\text{g}$$

Vậy chọn D.

Câu 30: Chọn D.

Gợi ý:

Dựa vào giản đồ vectơ của đoạn mạch RL thì A, B và C đều sai, D đúng.

Lời giải:

Trong một đoạn mạch điện xoay chiều gồm điện trở thuần mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần, so với điện áp hai đầu đoạn mạch thì cường độ dòng điện trong mạch trễ pha một góc $0 < \varphi_{RL} < \frac{\pi}{2}$. Do đó A, B và C đều sai, D đúng.

Vậy chọn D.

Câu 31: Chọn C.

Gợi ý:

Từ điều kiện để tại M có vân sáng $d_2 - d_1 = k\lambda$ ($k \in \mathbb{Z}$), kết hợp với bước sóng của 3 bức xạ đã cho, suy ra bức xạ có bước sóng thích hợp với điều kiện trên.

Lời giải:

Để bức xạ cho vân sáng tại M thì: $d_2 - d_1 = k\lambda$ ($k \in \mathbb{Z}$) (*)

Trong 3 bức xạ đã cho thì chỉ có bức xạ λ_1 thỏa (*). Vậy chọn C.

Câu 32: Chọn D.

Gợi ý:

Từ điều kiện cộng hưởng $Z_L = Z_C \Rightarrow f$ theo LC

Lời giải:

$$\text{Mạch xảy ra cộng hưởng điện nên } Z_L = Z_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

Vậy chọn D.

Câu 33: Chọn C.

Gợi ý:

- Ta tính tổng khối lượng các hạt nhân trước (m_0) và sau (m) phản ứng.

- So sánh m và m_0 , nếu $m_0 > m$ thì phản ứng tỏa năng lượng là $W_{\text{tỏa}} = (m_0 - m)c^2$,

nếu $m_0 < m$ thì phản ứng thu năng lượng là $W_{\text{thu}} = |m_0 - m|c^2$.

Lời giải:

Tổng khối lượng các hạt nhân trước phản ứng:

$$m_0 = m_{\text{Na}} + m_{\text{H}} = 22,9837\text{u} + 1,0073\text{u} = 23,9910\text{u}$$

Tổng khối lượng các hạt nhân sau phản ứng:

$$m = m_{\text{He}} + m_{\text{Ne}} = 4,0015u + 19,9869u = 23,9884u$$

Ta thấy $m_0 > m$ nên phản ứng tỏa năng lượng.

Năng lượng tỏa ra của phản ứng: $W_{\text{tỏa}} = (m_0 - m)c^2 = 2,4219\text{MeV}$

Vậy chọn C.

Câu 34: Chọn D.

Gợi ý:

- Khoảng vân $i = \frac{D\lambda}{a}$

- Theo bài ra, ta thay các giá trị của a' , D' lúc sau, từ đó suy ra hệ thức giữa i và i' .

Lời giải:

Khoảng vân: $i = \frac{D\lambda}{a}$

Mà $a' = \frac{a}{2}$ và $D' = 2D \Rightarrow i' = \frac{D'\lambda}{a'} = \frac{2D\lambda}{\frac{a}{2}} = 4 \frac{D\lambda}{a} = 4i$

Do đó khoảng vân tăng lên 4 lần. Vậy chọn D.

Câu 35: Chọn D.

Gợi ý:

Từ $P \Rightarrow Z \Rightarrow Z_L = Z_C \Rightarrow \omega$

Lời giải:

Công suất: $P = I^2 R = \frac{U^2}{Z^2} R \Rightarrow Z = U \sqrt{\frac{R}{P}} = 100 \sqrt{\frac{200}{50}} = 200\Omega$

Do đó $Z = R \Rightarrow Z_L = Z_C \Rightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{25}{36\pi} \cdot 10^{-4}}} = 120\pi \text{ rad/s}$

Vậy chọn D.

Câu 36: Chọn D.

Gợi ý:

Cường độ dòng điện nhanh pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp ở hai đầu tụ điện, từ đó suy ra φ_1 .

Lời giải:

Vì cường độ dòng điện nhanh pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp ở hai đầu tụ điện nên

$\Delta\varphi = \varphi_1 - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \varphi_1 = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2} = \frac{3\pi}{4}$. Vậy chọn D.

Câu 37: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào đặc điểm của ánh sáng huỳnh quang và sự sắp xếp của các bước sóng đề cho thì B, C và D đều đúng, A sai.

Lời giải:

- Ánh sáng huỳnh quang có bước sóng lớn hơn bước sóng của ánh sáng kích thích.

- Vì ánh sáng tím có bước sóng nhỏ hơn bước sóng của ánh sáng chàm nên khi chiếu ánh sáng chàm vào chất lỏng thì ánh sáng huỳnh quang không thể là ánh sáng tím. Vậy chọn A.

Câu 38: Chọn A.

Gợi ý:

- Số photon của nguồn phát ra trong 1s là: $N_p = \frac{P}{\epsilon}$

- Năng lượng của photon là $\epsilon = \frac{hc}{\lambda}$, thay vào biểu thức trên ta được N_p .

Lời giải:

Năng lượng của photon: $\epsilon = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6,625 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{662,5 \cdot 10^{-9}} = 3 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

Số photon của nguồn phát ra trong 1s là: $N_p = \frac{P}{\epsilon} = \frac{1,5 \cdot 10^{-7}}{3 \cdot 10^{-19}} = 5 \cdot 10^{14}$ photon

Vậy chọn A.

Câu 39: Chọn D.

Gợi ý:

- Tần số dao động $f = \frac{2\pi}{\omega}$

- Trong mạch dao động LC lí tưởng thì $I_0 = \omega Q_0 \Rightarrow \omega$, thay vào biểu thức trên ta được f .

Lời giải:

Trong mạch dao động LC lí tưởng, ta có:

$I_0 = \omega Q_0 \Rightarrow \omega = \frac{I_0}{Q_0} = \frac{62,8 \cdot 10^{-3}}{10^{-8}} = 62,8 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$

Tần số dao động: $f = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{62,8 \cdot 10^5}{2\pi} \approx 10^6 \text{ Hz} = 10^3 \text{ kHz}$. Vậy chọn D.

Câu 40: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào lí thuyết về giao thoa sóng thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

Những điểm tại đó dao động có biên độ cực đại là những điểm mà hiệu lộ trình của sóng bằng một số nguyên lần bước sóng λ . Do đó A, C và D đều sai, B đúng.

Vậy chọn B.

Câu 41: Chọn C.

Gợi ý:

- Bước sóng: $\lambda = \frac{ia}{D}$

- Khoảng cách từ vân sáng bậc 3 đến vân trung tâm là $3i$, từ đó suy ra i , thay vào biểu thức trên ta được λ .

Lời giải:

Khoảng cách từ vân sáng bậc 3 đến vân sáng trung tâm là: $x_{s3} = 3i$

Khoảng vân: $i = \frac{x_{s3}}{3} = \frac{2,4}{3} = 0,8\text{mm}$

Bước sóng của ánh sáng: $\lambda = \frac{ia}{D} = \frac{0,8.1}{2.10^3} = 0,4.10^{-3}\text{mm} = 0,4\mu\text{m}$

Vậy chọn C.

Câu 42: Chọn C.

Gợi ý:

Dựa vào lí thuyết của mạch dao động LC lí tưởng thì A, B và D đều sai, C đúng.

Lời giải:

Năng lượng điện từ của mạch LC lí tưởng: $W = \frac{1}{2}CU_0^2$

Vậy chọn C.

Câu 43: Chọn A.

Gợi ý:

Ở vị trí cân bằng, cơ năng của con lắc bằng thế năng cực đại. Do đó B, C và D sai. A đúng.

Lời giải:

Chọn gốc thế năng tại vị trí cân bằng của con lắc.

Năng lượng dao động của con lắc là:

$W = W_{\text{tmax}} = mgh = mgl(1 - \cos\alpha) = \frac{mgl\alpha^2}{2}$. Vậy chọn A.

Câu 44: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào lí thuyết về hiện tượng tán sắc ánh sáng thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

- Ánh sáng đơn sắc là ánh sáng không bị tán sắc khi đi qua lăng kính. Do đó A sai.

- Ánh sáng trắng là hỗn hợp của vô số ánh sáng đơn sắc có màu biến thiên liên tục từ đỏ đến tím. Do đó B đúng.

- Nguyên nhân của hiện tượng tán sắc là do chiết suất của thủy tinh biến thiên theo màu sắc ánh sáng, và tăng dần từ màu đỏ đến màu tím. Do đó C sai.

- Ánh sáng trắng (ánh sáng Mặt Trời, ánh sáng hồ quang điện,...) là hỗn hợp của nhiều ánh sáng đơn sắc có màu từ đỏ đến tím. Do đó D sai.

Vậy chọn B.

Câu 45: Chọn B.

Gợi ý:

Từ hệ thức liên hệ giữa a , ω , A ta suy ra được a .

Lời giải:

Ta có: $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{100}{0,1}} = 10\sqrt{10}\text{ rad/s}$

$v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi)$; $a = v' = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi)$

$\Rightarrow \frac{v^2}{\omega^2} + \frac{a^2}{\omega^4} = A^2 \Rightarrow |a| = \omega^2 \sqrt{A^2 - \frac{v^2}{\omega^2}}$

$= (10\sqrt{10})^2 \sqrt{(\sqrt{2})^2 - \left(\frac{10\sqrt{10}}{10\sqrt{10}}\right)^2} = 1000\text{ cm/s} = 10\text{m/s}$

Vậy chọn B.

Câu 46: Chọn A.

Gợi ý:

- Từ phương trình dao động, ta suy ra B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

- Ta có: $x = 8 \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)\text{ (cm)} \Rightarrow v = x' = -8\pi \sin\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)\text{ cm/s}$

Tại $t = 0$, thì $v = -8\pi \sin \frac{\pi}{4} = -4\pi\sqrt{2}\text{ cm/s} < 0$

Vậy lúc $t = 0$ chất điểm chuyển động theo chiều âm của trục Ox. Do đó A đúng.

- Chiều dài mà chất điểm chuyển động là $2A = 16\text{cm}$. Do đó B sai.

- Chu kì dao động của vật: $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\pi} = 2\text{s}$. Do đó C sai.

- Vận tốc của chất điểm tại vị trí cân bằng: $v = \omega A = 8\pi\text{ cm/s}$. Do đó D sai.

Vậy chọn A.

Câu 47: Chọn C.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính năng lượng liên kết: $W_{lk} = [Zm_p + (A - Z)m_n - m_N]c^2$

Lời giải:

Hạt nhân $^{16}_8\text{O}$ có 8 proton và $16 - 8 = 8$ neutron.

Năng lượng liên kết:

$$\begin{aligned} W_{lk} &= [Zm_p + (A - Z)m_n - m_N]c^2 \\ &= [8.1,0073 + (16 - 8).1,0087 - 15,9904]uc^2 \\ &= 0,1376uc^2 = 0,1376.931,5\text{MeV} \approx 128,17\text{MeV} \end{aligned}$$

Vậy chọn C.

Câu 48: Chọn C.

Gợi ý:

Dựa vào việc phân loại của Thiên Hà thì A, B và D đều sai, C đúng.

Lời giải:

Thiên Hà của chúng ta (Ngân Hà) có cấu trúc dạng xoắn ốc. Do đó A, B và D đều sai, C đúng.

Vậy chọn C.

Câu 49: Chọn C.

Gợi ý:

Để viết biểu thức của u, ta xác định U_0 , ω , φ .

Từ biểu thức i của hai trường hợp, ta suy ra $I_{01} = I_{02} \Rightarrow$ hệ thức giữa Z_L và Z_C .

Từ $\tan \varphi_1$, $\tan \varphi_2$, kết hợp với hệ thức giữa Z_L và Z_C , suy ra được φ_u .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } I_{01} = \frac{U}{Z_1} = \frac{U_0}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}}; I_{02} = \frac{U}{Z_2} = \frac{U_0}{\sqrt{R^2 + Z_L^2}}$$

$$I_{01} = I_{02} \Leftrightarrow \frac{U_0}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}} = \frac{U_0}{\sqrt{R^2 + Z_L^2}}$$

$$\Leftrightarrow (Z_L - Z_C)^2 = Z_L^2 \Rightarrow Z_L = 2Z_C$$

$$\tan \varphi_1 = \frac{Z_L - Z_C}{R} = \frac{Z_C}{R}; \tan \varphi_2 = -\frac{Z_C}{R} \Rightarrow \varphi_2 = -\varphi_1 \Rightarrow \varphi_u = -\left(-\frac{\pi}{12}\right) \Rightarrow \varphi_u = \frac{\pi}{12}$$

Vậy $u = 60\sqrt{2} \cos\left(100\pi t + \frac{\pi}{12}\right)(V)$. Vậy chọn C.

Câu 50: Chọn D.

Gợi ý:

Từ thông cực đại: $\Phi_{\max} = \Phi_0 = NBS$

Lời giải:

Từ thông cực đại qua khung dây là: $\Phi_{\max} = \Phi_0 = NBS = 500.0,254.10^{-4} = 0,54\text{Wb}$

Vậy chọn D.

Câu 51: Chọn A.

Gợi ý:

- Trong một chu kỳ có hai lần điện áp bằng không.

- Từ biểu thức u ta tính được f, do đó trong 1s có bao nhiêu chu kỳ, suy ra có bao nhiêu lần điện áp bằng không.

Lời giải:

$$\text{Ta có: } f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50\text{Hz}$$

Do đó trong 1s có 50 chu kỳ, mà trong 1 chu kỳ thì có hai lần điện áp bằng không. Vậy trong 1s có 100 lần điện áp bằng không.

Vậy chọn A.

Câu 52: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào hệ quả của thuyết tương đối hẹp thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

Khi thước chuyển động dọc theo trục tọa độ của hệ quy chiếu quán tính K với tốc độ v thì chiều dài của thước đo được trong hệ quán tính là: $\ell = \ell_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$. Vậy chọn B.

Câu 53: Chọn B.

Gợi ý:

Trong mạch dao động LC lí tưởng, ta có $W_{C\max} = W_{L\max} \Rightarrow U_0$

Lời giải:

Trong mạch dao động LC lí tưởng, ta có $W_{C\max} = W_{L\max}$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}CU_0^2 = \frac{1}{2}LI_0^2 \Rightarrow U_0 = I_0 \sqrt{\frac{L}{C}}$$

Vậy chọn B.

Câu 54: Chọn A.

Gợi ý:

Momen quán tính của hệ: $I = I_1 + I_2$ với $I_1 = \frac{1}{12}m\ell^2$, $I_2 = \frac{m}{2}\left(\frac{\ell}{2}\right)^2$

Lời giải:

Momen quán tính của hệ đối với trục Δ là:

$$I = I_1 + I_2 = \frac{1}{12}m\ell^2 + \frac{m}{3}\left(\frac{\ell}{2}\right)^2 = \frac{1}{6}m\ell^2. \text{ Vậy chọn A.}$$

Câu 55: Chọn D.

Gợi ý:

Áp dụng công thức tính momen động lượng: $L = \omega I$

Lời giải:

Momen động lượng của Trái Đất là:

$$L = I\omega = \frac{2}{5}mR^2 \cdot \frac{2\pi}{T} = \frac{2}{5} \cdot 6 \cdot 10^{24} \cdot (6400 \cdot 10^3)^2 \cdot \frac{2\pi}{24 \cdot 3600} \approx 7,1 \cdot 10^{33} \text{ kg.m}^2/\text{s}$$

Vậy chọn D.

Câu 56: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào sơ đồ chuyển mức năng lượng của nguyên tử hiđrô khi tạo thành dãy quang phổ, viết các hệ thức tương ứng với các vạch quang phổ ứng với bài ra, biến đổi sao cho xuất hiện bước sóng dài thứ hai của vạch quang phổ thuộc dãy Lai-man, ta có:

$$\frac{hc}{\lambda_1} + \frac{hc}{\lambda_2} = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \text{hệ thức giữa } \lambda \text{ và } \lambda_1, \lambda_2.$$

Lời giải:

$$\text{Ta có: } \frac{hc}{\lambda_1} = E_2 - E_1; \frac{hc}{\lambda_2} = E_3 - E_2$$

$$\Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = E_3 - E_1 = E_3 - E_2 + E_2 - E_1 = \frac{hc}{\lambda_2} + \frac{hc}{\lambda_1} \Rightarrow \lambda = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_2 + \lambda_1}$$

Câu 57: Chọn B.

Gợi ý:

Dựa vào mối liên hệ giữa vận tốc và gia tốc của các điểm trên vật quay, chuyển động quay biến đổi đều có $\gamma = \cos nt \neq 0$; $\Delta\omega \neq 0$ thì A, C và D đều sai, B đúng.

Lời giải:

- Chuyển động quay biến đổi đều có $\gamma = \cos nt \neq 0$; $\Delta\omega \neq 0$. Do đó C sai.

- $a_t = \gamma r = \text{const} \neq 0$. Do đó A sai.

- Khi một vật rắn quay biến đổi đều quanh một trục cố định đi qua vật, một điểm xác định trên vật rắn và không nằm trên trục quay sẽ có gia tốc hướng tâm luôn hướng vào tâm quỹ đạo tròn của điểm đó. Do đó B đúng.

- $v = \omega r$. Do đó D sai.

Câu 58: Chọn A.

Gợi ý:

- Áp dụng phương trình động học của chuyển động quay: $\varphi = \frac{1}{2}\gamma t^2 \Rightarrow \gamma$

- Từ $M = I\gamma$ và $M = FR$, ta suy ra được F.

Lời giải:

Phương trình động học của chuyển động quay: $\varphi = \frac{1}{2}\gamma t^2 \Rightarrow \gamma = \frac{2\varphi}{t^2} = \frac{2 \cdot 36}{3^2} = 8 \text{ rad/s}^2$

Phương trình động lực học của chuyển động quay: $M = I\gamma$

$$\text{Mà } M = F \cdot R \text{ nên } I\gamma = F \cdot R \Rightarrow F = \frac{I\gamma}{R} = \frac{\frac{1}{2}mR^2\gamma}{R} = \frac{mR\lambda}{2} = \frac{0,5 \cdot 2 \cdot 8}{2} = 4 \text{ N}$$

Vậy chọn A.

Câu 59: Chọn B.

Gợi ý:

- Chiều dài của lò xo ở vị trí cân bằng $\ell_{cb} = \ell_0 + \Delta\ell_0$ với $\Delta\ell_0$ là độ dãn của lò xo tại vị trí cân bằng.

- Tại vị trí cân bằng thì $mg = \Delta\ell_0 \cdot k \Rightarrow \Delta\ell_0$ thay vào biểu thức trên, kết hợp với bài ra, ta được ℓ_{cb} .

Lời giải:

$$\text{Ta có: } \omega = \frac{2\pi}{T} = 5\pi \text{ rad/s}$$

$$\text{Tại vị trí cân bằng: } mg = \Delta\ell_0 \cdot k \Rightarrow \Delta\ell_0 = \frac{mg}{k} = \frac{g}{\omega^2} = \frac{\pi^2}{(5\pi)^2} = 0,04 \text{ m} = 4 \text{ cm}$$

$$\text{Chiều dài tự nhiên của lò xo: } \ell_0 = \ell_{cb} - \Delta\ell_0 = 44 - 4 = 40 \text{ cm}$$

Vậy chọn B.

Câu 60: Chọn A.

Gợi ý:

Dựa vào các định luật quang điện và công thức tính giới hạn quang điện thì B, C và D đều sai, A đúng.

Lời giải:

- Theo định luật thứ hai về hiện tượng quang điện thì cường độ dòng quang điện bão hòa tỉ lệ thuận với cường độ của chùm ánh sáng kích thích. Do đó khi tăng cường độ chùm ánh sáng kích thích thì cường độ dòng quang điện bão hòa tăng lên nên số electron bật ra khỏi kim loại trong một giây tăng lên. Suy ra A đúng.

- Theo định luật thứ ba về hiện tượng quang điện thì động năng ban đầu cực đại của quang electron không phụ thuộc cường độ của chùm ánh sáng kích thích, mà chỉ phụ thuộc bước sóng ánh sáng kích thích và bản chất của kim loại. Do đó B và D đều sai.

- Giới hạn quang điện là $\lambda_0 = \frac{hc}{A}$. Do đó D sai.

Vậy chọn A.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC NĂM 2010

Cho biết: hằng số Planck $h = 6,625 \cdot 10^{-34}$ J.s; độ lớn điện tích nguyên tố $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$ C; tốc độ ánh sáng trong chân không $c = 3 \cdot 10^8$ m/s.

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Dùng một proton có động năng 5,45 MeV bắn vào hạt nhân đang đứng yên. Phản ứng tạo ra hạt nhân X và hạt α . Hạt α bay ra theo phương vuông góc với phương tới của proton và có động năng 4 MeV. Khi tính động năng của các hạt, lấy khối lượng các hạt tính theo đơn vị khối lượng nguyên tử bằng số khối của chúng. Năng lượng tỏa ra trong phản ứng này bằng

A. 3,125 MeV. B. 2,125 MeV. C. 4,225 MeV. D. 1,145 MeV.

Câu 2: Dao động tổng hợp của hai dao động điều hòa cùng phương, cùng tần số có phương trình li độ $x = 3\cos(\pi t - \frac{5\pi}{6})$ (cm). Biết dao động thứ nhất có phương trình li

độ $x_1 = 5\cos(\pi t + \frac{\pi}{6})$ (cm) Dao động thứ hai có phương trình li độ là

A. $x_2 = 8\cos(\pi t + \frac{\pi}{6})$ (cm). B. $x_2 = 2\cos(\pi t - \frac{5\pi}{6})$ (cm).
C. $x_2 = 2\cos(\pi t + \frac{\pi}{6})$ (cm) D. $x_2 = 8\cos(\pi t - \frac{5\pi}{6})$ (cm)

Câu 3: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc có bước sóng 0,6 μ m. Khoảng cách giữa hai khe là 1 mm, khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn quan sát là 2,5 m, bề rộng miền giao thoa là 1,25 cm. Tổng số vân sáng và vân tối có trong miền giao thoa là

A. 15 vân. B. 19 vân. C. 21 vân. D. 17 vân.

Câu 4: Nối hai cực của một máy phát điện xoay chiều một pha vào hai đầu đoạn mạch AB gồm điện trở thuần R mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần. Bỏ qua điện trở các cuộn dây của máy phát. Khi rôto của máy quay đều với tốc độ n vòng/phút thì cường độ dòng điện hiệu dụng trong đoạn mạch là 1 A. Khi rôto của máy quay đều với tốc độ $3n$ vòng/phút thì cường độ dòng điện hiệu dụng trong đoạn mạch là 3 A. Nếu rôto của máy quay đều với tốc độ $2n$ vòng/phút thì cảm kháng của đoạn mạch AB là

A. $\frac{R}{\sqrt{3}}$ B. $R\sqrt{3}$ C. $2R\sqrt{3}$ D. $\frac{2R}{\sqrt{3}}$

Câu 5: Xét hai mạch dao động điện từ lí tưởng. Chu kì dao động riêng của mạch thứ nhất là T_1 , của mạch thứ hai là $T_2 = 2T_1$. Ban đầu điện tích trên mỗi bản tụ điện có độ lớn cực đại Q_0 . Sau đó mỗi tụ điện phóng điện qua cuộn cảm của mạch. Khi điện tích trên mỗi bản tụ của hai mạch đều có độ lớn bằng q ($0 < q < Q_0$) thì tỉ số độ lớn cường độ dòng điện trong mạch thứ nhất và độ lớn cường độ dòng điện trong mạch thứ hai là

A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{4}$ C. 4. D. 2.

Câu 6: Điều kiện để hai sóng cơ khi gặp nhau, giao thoa được với nhau là hai sóng phải xuất phát từ hai nguồn dao động

A. có cùng pha ban đầu và cùng biên độ.
B. cùng tần số, cùng phương và có hiệu số pha không đổi theo thời gian.
C. cùng tần số, cùng phương.
D. cùng biên độ và có hiệu số pha không đổi theo thời gian.

Câu 7: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, nguồn sáng phát đồng thời hai bức xạ đơn sắc, trong đó bức xạ màu đỏ có bước sóng 720 nm và bức xạ màu lục có bước sóng λ (có giá trị trong khoảng từ 500 nm đến 575 nm). Trên màn quan sát, giữa hai vân sáng gần nhau nhất và cùng màu với vân sáng trung tâm có 8 vân sáng màu lục. Giá trị của λ là

A. 560 nm. B. 520 nm. C. 500 nm. D. 540 nm.

Câu 8: Một đoạn mạch AB gồm hai đoạn mạch AM và MB mắc nối tiếp. Đoạn mạch AM có điện trở thuần 50 Ω mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{1}{\pi}$ H, đoạn mạch MB chỉ có tụ điện với điện dung thay đổi được. Đặt điện áp $u = U_0 \cos 100\pi t$ (V) vào hai đầu đoạn mạch AB. Điều chỉnh điện dung của tụ điện đến giá trị C_1 sao cho điện áp hai đầu đoạn mạch AB lệch pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp hai đầu đoạn mạch AM.

Giá trị của C_1 bằng

A. $\frac{4 \cdot 10^{-5}}{\pi}$ F B. $\frac{8 \cdot 10^{-5}}{\pi}$ F
C. $\frac{2 \cdot 10^{-5}}{\pi}$ F D. $\frac{10^{-5}}{\pi}$ F

Câu 9: Cho ba hạt nhân X, Y và Z có số nuclôn tương ứng là A_X , A_Y , A_Z với $A_X = 2A_Y = 0,5A_Z$. Biết năng lượng liên kết của từng hạt nhân tương ứng là ΔE_X , ΔE_Y , ΔE_Z với $\Delta E_Z < \Delta E_X < \Delta E_Y$. Sắp xếp các hạt nhân này theo thứ tự tính bền vững giảm dần là:

A. X, Y, Z. B. Z, X, Y. C. Y, X, Z. D. Y, Z, X.

Câu 10: Một mạch dao động điện từ lí tưởng đang có dao động điện từ tự do. Tại thời điểm $t = 0$, điện tích trên một bản tụ điện cực đại. Sau khoảng thời gian ngắn nhất Δt thì điện tích trên bản tụ này bằng một nửa giá trị cực đại. Chu kì dao động riêng của mạch dao động này là

A. $12\Delta t$. B. $6\Delta t$. C. $3\Delta t$. D. $4\Delta t$.

Câu 11: Ba điểm O, A, B cùng nằm trên một nửa đường thẳng xuất phát từ O. Tại O đặt một nguồn điểm phát sóng âm đẳng hướng ra không gian, môi trường không hấp thụ âm. Mức cường độ âm tại A là 60 dB, tại B là 20 dB. Mức cường độ âm tại trung điểm M của đoạn AB là

- A. 26 dB. B. 17 dB. C. 34 dB. D. 40 dB.

Câu 12: Đặt điện áp $u = U\sqrt{2}\cos\omega t$ vào hai đầu đoạn mạch AB gồm hai đoạn mạch AN và NB mắc nối tiếp. Đoạn AN gồm biến trở R mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm L, đoạn NB chỉ có tụ điện với điện dung C. Đặt $\omega_1 = \frac{1}{2\sqrt{LC}}$. Để điện áp hiệu dụng giữa hai đầu đoạn mạch AN không phụ thuộc R thì tần số góc ω bằng

- A. $2\omega_1$. B. $\omega_1\sqrt{2}$. C. $\frac{\omega_1}{\sqrt{2}}$. D. $\frac{\omega_1}{2\sqrt{2}}$.

Câu 13: Đặt vào hai đầu cuộn sơ cấp của một máy biến áp lí tưởng (bỏ qua hao phí) một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng không đổi thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn thứ cấp để hở là 100 V. Ở cuộn thứ cấp, nếu giảm bớt n vòng dây thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu để hở của nó là U, nếu tăng thêm n vòng dây thì điện áp đó là 2U. Nếu tăng thêm 3n vòng dây ở cuộn thứ cấp thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu để hở của cuộn này bằng

- A. 110 V. B. 100 V. C. 220 V. D. 200 V.

Câu 14: Tại nơi có gia tốc trọng trường g, một con lắc đơn dao động điều hòa với biên độ góc α_0 nhỏ. Lấy mốc thế năng ở vị trí cân bằng. Khi con lắc chuyển động nhanh dần theo chiều dương đến vị trí có động năng bằng thế năng thì li độ góc α của con lắc bằng

- A. $\frac{\alpha_0}{\sqrt{2}}$. B. $\frac{\alpha_0}{\sqrt{3}}$. C. $\frac{-\alpha_0}{\sqrt{2}}$. D. $\frac{-\alpha_0}{\sqrt{3}}$.

Câu 15: Một chất điểm dao động điều hòa với chu kì T. Trong khoảng thời gian ngắn nhất khi đi từ vị trí biên có li độ $x = A$ đến vị trí $x = \frac{-A}{2}$, chất điểm có tốc độ trung bình là

- A. $\frac{4A}{T}$. B. $\frac{3A}{2T}$. C. $\frac{6A}{T}$. D. $\frac{9A}{2T}$.

Câu 16: Tia tử ngoại được dùng

- A. để tìm khuyết tật bên trong sản phẩm bằng kim loại.
B. để tìm vết nứt trên bề mặt sản phẩm bằng kim loại.
C. để chụp ảnh bề mặt Trái Đất từ vệ tinh.
D. trong y tế để chụp điện, chiếu điện.

Câu 17: Một kim loại có công thoát electron là $7,2 \cdot 10^{-19}$ J. Chiếu lần lượt vào kim loại này các bức xạ có bước sóng $\lambda_1 = 0,18 \mu\text{m}$, $\lambda_2 = 0,21 \mu\text{m}$, $\lambda_3 = 0,32 \mu\text{m}$ và $\lambda_4 = 0,35 \mu\text{m}$. Những bức xạ có thể gây ra hiện tượng quang điện ở kim loại này có bước sóng là

- A. λ_1 và λ_2 . B. λ_3 và λ_4 . C. λ_1, λ_2 và λ_3 . D. λ_2, λ_3 và λ_4 .

Câu 18: Một mạch dao động lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L không đổi và tụ điện có điện dung C thay đổi được. Điều chỉnh điện dung của tụ điện đến giá trị C_1 thì tần số dao động riêng của mạch là f_1 . Để tần số dao động riêng của mạch là $\sqrt{5}f_1$ thì phải điều chỉnh điện dung của tụ điện đến giá trị

- A. $\frac{C_1}{5}$. B. $5C_1$. C. $\sqrt{5}C_1$. D. $\frac{C_1}{\sqrt{5}}$.

Câu 19: Đặt điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng và tần số không đổi vào hai đầu đoạn mạch gồm biến trở R mắc nối tiếp với tụ điện có điện dung C. Gọi điện áp hiệu dụng giữa hai đầu tụ điện, giữa hai đầu biến trở và hệ số công suất của đoạn mạch khi biến trở có giá trị R_1 lần lượt là U_{C1} , U_{R1} và $\cos\varphi_1$; khi biến trở có giá trị R_2 thì các giá trị tương ứng nói trên là U_{C2} , U_{R2} và $\cos\varphi_2$. Biết $U_{C1} = 2U_{C2}$, $U_{R2} = 2U_{R1}$. Giá trị của $\cos\varphi_1$ và $\cos\varphi_2$ là:

- A. $\cos\varphi_1 = \frac{1}{\sqrt{5}}$, $\cos\varphi_2 = \frac{1}{\sqrt{3}}$. B. $\cos\varphi_1 = \frac{1}{2\sqrt{2}}$, $\cos\varphi_2 = \frac{1}{\sqrt{2}}$.
C. $\cos\varphi_1 = \frac{1}{\sqrt{5}}$, $\cos\varphi_2 = \frac{2}{\sqrt{5}}$. D. $\cos\varphi_1 = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $\cos\varphi_2 = \frac{2}{\sqrt{5}}$.

Câu 20: Hạt nhân $^{210}_{84}\text{Po}$ đang đứng yên thì phóng xạ α , ngay sau phóng xạ đó, động năng của hạt α

- A. chỉ có thể nhỏ hơn hoặc bằng động năng của hạt nhân con.
B. nhỏ hơn động năng của hạt nhân con.
C. lớn hơn động năng của hạt nhân con. D. bằng động năng của hạt nhân con.

Câu 21: Phóng xạ và phân hạch hạt nhân

- A. đều không phải là phản ứng hạt nhân. B. đều có sự hấp thụ neutron chậm.
C. đều là phản ứng hạt nhân tỏa năng lượng.
D. đều là phản ứng hạt nhân thu năng lượng.

Câu 22: Một chất có khả năng phát ra ánh sáng phát quang với tần số $6 \cdot 10^{14}$ Hz. Khi dùng ánh sáng có bước sóng nào dưới đây để kích thích thì chất này **không** thể phát quang?

- A. $0,45 \mu\text{m}$. B. $0,38 \mu\text{m}$. C. $0,55 \mu\text{m}$. D. $0,40 \mu\text{m}$.

Câu 23: Một con lắc lò xo gồm vật nhỏ khối lượng 0,02 kg và lò xo có độ cứng 1 N/m. Vật nhỏ được đặt trên giá đỡ cố định nằm ngang dọc theo trục lò xo. Hệ số ma sát trượt giữa giá đỡ và vật nhỏ là 0,1. Ban đầu giữ vật ở vị trí lò xo bị nén 10 cm rồi buông nhẹ để con lắc dao động tắt dần. Lấy $g = 10 \text{ m/s}^2$. Tốc độ lớn nhất vật nhỏ đạt được trong quá trình dao động là

- A. $10\sqrt{30} \text{ cm/s}$. B. $40\sqrt{2} \text{ cm/s}$. C. $40\sqrt{3} \text{ cm/s}$. D. $20\sqrt{6} \text{ cm/s}$.

Câu 24: Ở mặt thoáng của một chất lỏng có hai nguồn sóng kết hợp A và B cách nhau 20 cm, dao động theo phương thẳng đứng với phương trình $u_A = 2\cos 40\pi t$ và $u_B = 2\cos(40\pi t + \pi)$ (u_A và u_B tính bằng mm, t tính bằng s). Biết tốc độ truyền sóng trên mặt chất lỏng là 30 cm/s. Xét hình vuông AMNB thuộc mặt thoáng chất lỏng. Số điểm dao động với biên độ cực đại trên đoạn BM là

- A. 17. B. 19. C. 20. D. 18.

Câu 25: Lực kéo về tác dụng lên một chất điểm dao động điều hòa có độ lớn

- A. tỉ lệ với bình phương biên độ.
- B. không đổi nhưng hướng thay đổi.
- C. tỉ lệ với độ lớn của li độ và luôn hướng về vị trí cân bằng.
- D. và hướng không đổi.

Câu 26: Theo mẫu nguyên tử Bo, bán kính quỹ đạo K của electron trong nguyên tử hiđrô là r_0 . Khi electron chuyển từ quỹ đạo N về quỹ đạo L thì bán kính quỹ đạo giảm bớt

- A. $12r_0$.
- B. $4r_0$.
- C. $9r_0$.
- D. $16r_0$.

Câu 27: Quang phổ vạch phát xạ

- A. do các chất rắn, chất lỏng hoặc chất khí có áp suất lớn phát ra khi bị nung nóng.
- B. là một dải có màu từ đỏ đến tím nối liền nhau một cách liên tục.
- C. của các nguyên tố khác nhau, ở cùng một nhiệt độ thì như nhau về độ sáng tỉ đối của các vạch.
- D. là một hệ thống những vạch sáng (vạch màu) riêng lẻ, ngăn cách nhau bởi những khoảng tối.

Câu 28: Đặt điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng không đổi, tần số 50 Hz vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần R, cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C thay đổi được. Điều chỉnh điện dung C đến giá trị $\frac{10^{-4}}{4\pi}$ hoặc $\frac{10^{-4}}{2\pi}$ thì công suất tiêu thụ trên đoạn mạch đều có giá trị bằng nhau. Giá trị của L bằng

- A. $\frac{1}{3\pi}$ H
- B. $\frac{1}{2\pi}$ H
- C. $\frac{2}{\pi}$ H
- D. $\frac{3}{\pi}$ H.

Câu 29: Một mạch dao động lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm 4 μ H và một tụ điện có điện dung biến đổi từ 10 pF đến 640 pF. Lấy $\pi^2 = 10$. Chu kì dao động riêng của mạch này có giá trị

- A. từ $2 \cdot 10^{-8}$ s đến $3,6 \cdot 10^{-7}$ s.
- B. từ $4 \cdot 10^{-8}$ s đến $3,2 \cdot 10^{-7}$ s.
- C. từ $4 \cdot 10^{-8}$ s đến $2,4 \cdot 10^{-7}$ s.
- D. từ $2 \cdot 10^{-8}$ s đến $3 \cdot 10^{-7}$ s.

Câu 30: Một hạt có khối lượng nghỉ m_0 . Theo thuyết tương đối, động năng của hạt này khi chuyển động với tốc độ 0,6c (c là tốc độ ánh sáng trong chân không) là

- A. $0,225m_0c^2$.
- B. $0,36m_0c^2$.
- C. $1,25m_0c^2$.
- D. $0,25m_0c^2$.

Câu 31: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng trắng có bước sóng từ 380 nm đến 760 nm. Khoảng cách giữa hai khe là 0,8 mm, khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn quan sát là 2 m. Trên màn, tại vị trí cách vân trung tâm 3 mm có vân sáng của các bức xạ với bước sóng

- A. 0,40 μ m và 0,60 μ m.
- B. 0,45 μ m và 0,60 μ m.
- C. 0,40 μ m và 0,64 μ m.
- D. 0,48 μ m và 0,56 μ m.

Câu 32: Khi electron ở quỹ đạo dừng thứ n thì năng lượng của nguyên tử hiđrô được tính theo công thức $E_n = -\frac{13,6}{n^2}$ (eV) ($n = 1, 2, 3, \dots$). Khi electron trong nguyên tử hiđrô chuyển từ quỹ đạo dừng $n = 3$ sang quỹ đạo dừng $n = 2$ thì nguyên tử hiđrô phát ra photon ứng với bức xạ có bước sóng bằng

- A. 0,6576 μ m.
- B. 0,4350 μ m.
- C. 0,4102 μ m.
- D. 0,4861 μ m.

Câu 33: Tại thời điểm t, điện áp $u = 200\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2})$ (trong đó u tính bằng V, t tính bằng s)

có giá trị $100\sqrt{2}$ V và đang giảm. Sau thời điểm đó $\frac{1}{300}$ s, điện áp này có giá trị là

- A. $100\sqrt{3}$ V.
- B. 200 V.
- C. $-100\sqrt{2}$ V.
- D. -100 V.

Câu 34: Một sợi dây AB dài 100 cm căng ngang, đầu B cố định, đầu A gắn với một nhánh của âm thoa dao động điều hòa với tần số 40 Hz. Trên dây AB có một sóng dừng ổn định, A được coi là nút sóng. Tốc độ truyền sóng trên dây là 20 m/s. Kể cả A và B, trên dây có

- A. 3 nút và 2 bụng.
- B. 9 nút và 8 bụng.
- C. 7 nút và 6 bụng.
- D. 5 nút và 4 bụng.

Câu 35: Một con lắc lò xo dao động điều hòa với chu kì T và biên độ 5 cm. Biết trong một chu kì, khoảng thời gian để vật nhỏ của con lắc có độ lớn gia tốc không vượt quá 100 cm/s^2 là $\frac{T}{3}$. Lấy $\pi^2 = 10$. Tần số dao động của vật là

- A. 2 Hz.
- B. 1 Hz.
- C. 4 Hz.
- D. 3 Hz.

Câu 36: Theo tiên đề của Bo, khi electron trong nguyên tử hiđrô chuyển từ quỹ đạo L sang quỹ đạo K thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng λ_{21} , khi electron chuyển từ quỹ đạo M sang quỹ đạo L thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng λ_{32} và khi electron chuyển từ quỹ đạo M sang quỹ đạo K thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng λ_{31} . Biểu thức xác định λ_{31} là:

- A. $\lambda_{31} = \frac{\lambda_{32}\lambda_{21}}{\lambda_{32} + \lambda_{21}}$
- B. $\lambda_{31} = \lambda_{32} - \lambda_{21}$.
- C. $\lambda_{31} = \frac{\lambda_{32}\lambda_{21}}{\lambda_{21} - \lambda_{32}}$
- D. $\lambda_{31} = \lambda_{32} + \lambda_{21}$.

Câu 37: Electron là hạt sơ cấp thuộc loại

- A. mêzon.
- B. hipêron.
- C. leptôn.
- D. nuclôn.

Câu 38: Đặt điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng 200 V và tần số không đổi vào hai đầu A và B của đoạn mạch mắc nối tiếp theo thứ tự gồm biến trở R, cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C thay đổi. Gọi N là điểm nối giữa cuộn cảm thuần và tụ điện. Các giá trị R, L, C hữu hạn và khác không. Với $C = C_1$ thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu biến trở R có giá trị không đổi và khác không khi thay đổi giá trị R của biến trở. Với $C = \frac{C_1}{2}$ thì điện áp hiệu dụng giữa A và N bằng

- A. 200 V.
- B. $100\sqrt{2}$ V.
- C. 100 V.
- D. $200\sqrt{2}$ V.

Câu 39: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R, cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp. Gọi i là cường độ dòng điện tức thời trong đoạn mạch; u_1 , u_2 và u_3 lần lượt là điện áp tức thời giữa hai đầu điện trở, giữa hai đầu cuộn cảm và giữa hai đầu tụ điện. Hệ thức đúng là

- A. $\frac{u}{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}$
- B. $i = u_3 \omega C$
- C. $\frac{u_2}{\omega L}$
- D. $\frac{u_1}{R}$

Câu 40: Một vật dao động tắt dần có các đại lượng giảm liên tục theo thời gian là

- A. biên độ và gia tốc. B. biên độ và năng lượng.
C. biên độ và tốc độ. D. li độ và tốc độ.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Vật nhỏ của một con lắc lò xo dao động điều hòa theo phương ngang, mốc thế năng tại vị trí cân bằng. Khi gia tốc của vật có độ lớn bằng một nửa độ lớn gia tốc cực đại thì tỉ số giữa động năng và thế năng của vật là

- A. 3. B. $\frac{1}{3}$ C. 2. D. $\frac{1}{2}$

Câu 42: Một con lắc đơn có chiều dài dây treo 50 cm và vật nhỏ có khối lượng 0,01 kg mang điện tích $q = +5.10^{-6}C$, được coi là điện tích điểm. Con lắc dao động điều hòa trong điện trường đều mà vector cường độ điện trường có độ lớn $E = 10^4 V/m$ và hướng thẳng đứng xuống dưới. Lấy $g = 10 m/s^2$, $\pi = 3,14$. Chu kì dao động điều hòa của con lắc là

- A. 1,40 s. B. 1,15 s. C. 1,99 s. D. 0,58 s.

Câu 43: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ vào hai đầu cuộn cảm thuần có độ tự cảm L thì cường độ dòng điện qua cuộn cảm là

- A. $i = \frac{U_0}{\omega L} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$. B. $i = \frac{U_0}{\omega L \sqrt{2}} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$
C. $i = \frac{U_0}{\omega L \sqrt{2}} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$ D. $i = \frac{U_0}{\omega L} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$

Câu 44: Trong giờ học thực hành, học sinh mắc nối tiếp một quạt điện xoay chiều với điện trở R rồi mắc hai đầu đoạn mạch này vào điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng 380 V. Biết quạt điện này có các giá trị định mức: 220 V – 88 W và khi hoạt động đúng công suất định mức thì độ lệch pha giữa điện áp ở hai đầu quạt và cường độ dòng điện qua nó là φ , với $\cos \varphi = 0,8$. Để quạt điện này chạy đúng công suất định mức thì R bằng

- A. 361 Ω . B. 180 Ω . C. 267 Ω . D. 354 Ω .

Câu 45: Ban đầu có N_0 hạt nhân của một mẫu chất phóng xạ nguyên chất có chu kì bán rã T . Sau khoảng thời gian $t = 0,5T$, kể từ thời điểm ban đầu, số hạt nhân chưa bị phân rã của mẫu chất phóng xạ này là

- A. $\frac{N_0}{2}$ B. $N_0 \sqrt{2}$ C. $\frac{N_0}{\sqrt{2}}$ D. $\frac{N_0}{4}$

Câu 46: Trong thông tin liên lạc bằng sóng vô tuyến, người ta sử dụng cách biến điệu biên độ, tức là làm cho biên độ của sóng điện từ cao tần (gọi là sóng mang) biến thiên theo thời gian với tần số bằng tần số của dao động âm tần. Cho tần số sóng mang là 800 kHz. Khi dao động âm tần có tần số 1000 Hz thực hiện một dao động toàn phần thì dao động cao tần thực hiện được số dao động toàn phần là

- A. 1600. B. 800. C. 1000. D. 625.

Câu 47: Khi chiếu chùm tia tử ngoại vào một ống nghiệm đựng dung dịch fluorexêin thì thấy dung dịch này phát ra ánh sáng màu lục. Đó là hiện tượng

- A. quang – phát quang. B. phản xạ ánh sáng.
C. hóa – phát quang. D. tán sắc ánh sáng.

Câu 48: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc có bước sóng λ . Nếu tại điểm M trên màn quan sát có vân tối thứ ba (tính từ vân sáng trung tâm) thì hiệu đường đi của ánh sáng từ hai khe S_1, S_2 đến M có độ lớn bằng

- A. $2,5\lambda$. B. $1,5\lambda$. C. 2λ . D. 3λ .

Câu 49: Cho khối lượng của prôtôn; notron; $^{40}_{18}Ar$; 6_3Li lần lượt là: 1,0073 u; 1,0087 u; 39,9525 u; 6,0145 u và $1 u = 931,5 MeV/c^2$. So với năng lượng liên kết riêng của hạt nhân 6_3Li thì năng lượng liên kết riêng của hạt nhân $^{40}_{18}Ar$

- A. nhỏ hơn một lượng là 5,20 MeV. B. lớn hơn một lượng là 5,20 MeV.
C. lớn hơn một lượng là 3,42 MeV. D. nhỏ hơn một lượng là 3,42 MeV.

Câu 50: Tại một điểm trên mặt chất lỏng có một nguồn dao động với tần số 120 Hz, tạo ra sóng ổn định trên mặt chất lỏng. Xét 5 gợn lồi liên tiếp trên một phương truyền sóng, ở về một phía so với nguồn, gợn thứ nhất cách gợn thứ năm 0,5 m. Tốc độ truyền sóng là

- A. 30 m/s. B. 25 m/s. C. 15 m/s. D. 12 m/s.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Biết đồng vị phóng xạ $^{14}_6C$ có chu kì bán rã 5730 năm. Giả sử một mẫu gỗ cổ có độ phóng xạ 200 phân rã/phút và một mẫu gỗ khác cùng loại, cùng khối lượng với mẫu gỗ cổ đó, lấy từ cây mới chặt, có độ phóng xạ 1600 phân rã/phút. Tuổi của mẫu gỗ cổ đã cho là

- A. 17190 năm. B. 1910 năm. C. 2865 năm. D. 11460 năm.

Câu 52: Để kiểm chứng hiệu ứng Dop-ple, người ta bố trí trên một đường ray thẳng một nguồn âm chuyển động đều với tốc độ 30 m/s, phát ra âm với tần số xác định và một máy thu âm đứng yên. Biết âm truyền trong không khí với tốc độ 340 m/s. Khi nguồn âm lại gần thì máy thu đo được tần số âm là 740 Hz. Khi nguồn âm ra xa thì máy thu đo được tần số âm là

- A. 780 Hz. B. 820 Hz. C. 620 Hz. D. 560 Hz.

Câu 53: Chùm tia X phát ra từ một ống tia X (ống Cu-lít-giơ) có tần số lớn nhất là $6,4.10^{18} Hz$. Bỏ qua động năng các electron khi bứt ra khỏi catốt. Hiệu điện thế giữa anốt và catốt của ống tia X là

- A. 13,25 kV. B. 2,65 kV. C. 5,30 kV. D. 26,50 kV.

Câu 54: Mạch dao động dùng để chọn sóng của một máy thu vô tuyến điện gồm tụ điện có điện dung C_0 và cuộn cảm thuần có độ tự cảm L . Máy này thu được sóng điện từ có bước sóng 20 m. Để thu được sóng điện từ có bước sóng 60 m, phải mắc song song với tụ điện C_0 của mạch dao động một tụ điện có điện dung

- A. $C = C_0$. B. $C = 2C_0$. C. $C = 4C_0$. D. $C = 8C_0$.

Câu 55: Trong chuyển động quay của vật rắn quanh một trục cố định, momen quán tính của vật đối với trục quay

- A. tỉ lệ với gia tốc góc của vật. B. tỉ lệ với momen lực tác dụng vào vật.
C. phụ thuộc tốc độ góc của vật. D. phụ thuộc vị trí của vật đối với trục quay.

Câu 56: Một động cơ điện xoay chiều khi hoạt động bình thường với điện áp hiệu dụng 220 V thì sinh ra công suất cơ học là 170 W. Biết động cơ có hệ số công suất 0,85 và công suất tỏa nhiệt trên dây quấn động cơ là 17 W. Bỏ qua các hao phí khác, cường độ dòng điện cực đại qua động cơ là

- A. 1 A. B. 3 A. C. 2 A. D. 2 A.

Câu 57: Một vật rắn đang quay đều quanh trục cố định Δ với tốc độ góc 30 rad/s thì chịu tác dụng của một momen hãm có độ lớn không đổi nên quay chậm dần đều và dừng lại sau 2 phút. Biết momen quán tính của vật rắn này đối với trục Δ là 10 kg.m². Momen hãm có độ lớn bằng

- A. 3,5 N.m. B. 3,0 N.m. C. 2,5 N.m. D. 2,0 N.m.

Câu 58: Một mạch dao động lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C đang có dao động điện từ tự do. Ở thời điểm $t = 0$, hiệu điện thế giữa hai bản tụ có giá trị cực đại là U_0 . Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Năng lượng từ trường của mạch ở thời điểm $t = \frac{\pi}{2}\sqrt{LC}$ là $\frac{CU_0^2}{4}$
B. Hiệu điện thế giữa hai bản tụ điện bằng 0 lần thứ nhất ở thời điểm $t = \frac{\pi}{2}\sqrt{LC}$
C. Năng lượng từ trường cực đại trong cuộn cảm là $\frac{CU_0^2}{2}$
D. Cường độ dòng điện trong mạch có giá trị cực đại là $U_0\sqrt{\frac{C}{L}}$

Câu 59: Một chất điểm khối lượng m, quay xung quanh trục cố định Δ theo quỹ đạo tròn tâm O, bán kính r. Trục Δ qua tâm O và vuông góc với mặt phẳng quỹ đạo. Tại thời điểm t, chất điểm có tốc độ dài, tốc độ góc, gia tốc hướng tâm và động lượng lần lượt là v, ω , a_n và p. Momen động lượng của chất điểm đối với trục Δ được xác định bởi

- A. $L = mr\omega$. B. $L = pr$. C. $L = ma_n$. D. $L = mvr^2$.

Câu 60: Một bánh đà có momen quán tính đối với trục quay cố định của nó là 0,4 kg.m². Để bánh đà tăng tốc từ trạng thái đứng yên đến tốc độ góc ω phải tốn công 2000 J. Bỏ qua ma sát. Giá trị của ω là

- A. 50 rad/s. B. 100 rad/s. C. 10 rad/s. D. 200 rad/s.

GỢI Ý VÀ LỜI GIẢI

Câu 1: Chọn B

Hạt tạo thành theo phản ứng: ${}_1^1\text{H} + {}_4^9\text{Be} \rightarrow {}_Z^AX + {}_2^4\text{He}$

Sử dụng các định luật bảo toàn ta có $Z = 3$; $A = 6$. Hạt X chính là ${}_3^6\text{Li}$

Theo định luật bảo toàn động lượng ta có:

$$\vec{p}_\alpha = \vec{p}_X + \vec{p}_\text{He}$$

Ta biểu diễn các véc tơ như hình 1. Từ hình vẽ ta có:

$$p_\alpha^2 + p_\text{He}^2 = p_X^2$$

$$\Rightarrow m_\alpha^2 v_\alpha^2 + m_\text{He}^2 v_\text{He}^2 = m_X^2 v_X^2 \quad (1)$$

$$\text{Mặt khác: } E_\alpha = \frac{m_\alpha v_\alpha^2}{2} \Rightarrow p_\alpha^2 = 2m_\alpha E_\alpha$$

$$E_\text{He} = \frac{m_\text{He} v_\text{He}^2}{2} \Rightarrow p_\text{He}^2 = 2m_\text{He} E_\text{He}$$

$$E_X = \frac{m_X v_X^2}{2} \Rightarrow p_X^2 = 2m_X E_X$$

+ Thay vào (1) ta được: $2m_\alpha E_\alpha + 2m_\text{He} E_\text{He} = 2m_X E_X$

$$4E_\alpha + E_\text{He} = 6E_X \Rightarrow E_X = \frac{4E_\alpha + E_\text{He}}{6}$$

$$E_X = \frac{4 \cdot 4 + 5,45}{6} = 3,575 \text{ MeV}$$

+ Năng lượng tỏa ra của phản ứng bằng tổng động năng của 2 hạt α , X trừ đi động năng prôtôn.

$$W = 4 + 3,575 - 5,45 = 2,125 \text{ MeV}$$

Câu 2: Chọn D

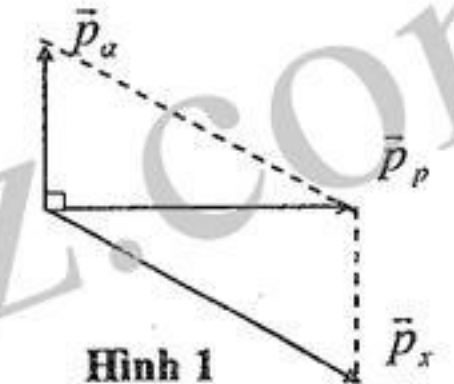
- Từ giản đồ véc tơ ta biểu diễn các dao động bằng các véc tơ $\vec{A}_1$, $\vec{A}_2$ và $\vec{A}$ thấy dao động tổng hợp $\vec{A}$ ngược pha với dao động $\vec{A}_1$.

- Vì vậy dao động $\vec{A}_2$ phải ngược pha với $\vec{A}_1$ và cùng pha với $\vec{A}$.

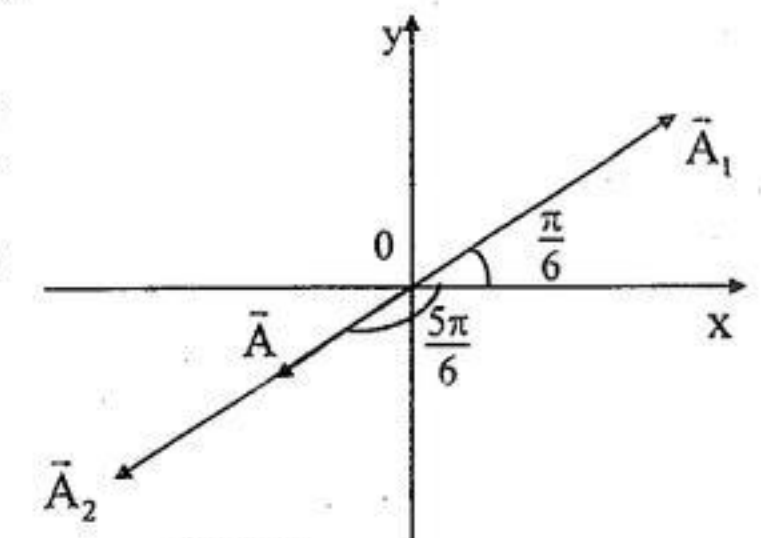
Từ đó $A_2 = A_1 + A = 8 \text{ cm}$

$\vec{A}_2$ cùng pha với $\vec{A}$ nên pha ban đầu là $\varphi = -\frac{5\pi}{6}$

Dao động tổng hợp là $x_2 = 8\cos\left(\pi t - \frac{5\pi}{6}\right)$



Hình 1



Hình 2

Câu 3: Chọn D

+ Khoảng vân : $i = \frac{\lambda D}{a} = \frac{0,6.10^{-6}.2,5}{10^{-3}} = 1,5.10^{-3} \text{ m} = 1,5 \text{ mm}$

+ Số vân sáng : $N_1 = 2 \cdot \frac{12,5}{2,1,5} + 1 = 9$ vân sáng

+ Số vân tối : $N_2 = \frac{12,5}{1,5} = 8$ vân tối

+ Tổng số vân : $N = N_1 + N_2 = 9 + 8 = 17$ vân

Câu 4: Chọn D

+ Ta thấy suất điện động của nguồn và cảm kháng đều tỷ lệ với tốc độ quay n nên ta có :

+ Khi quay với n thì sđđ là E , cảm kháng là Z_L :

$$\frac{E}{\sqrt{R^2 + Z_L^2}} = I_1 = 1 \text{ (A)} \Leftrightarrow \frac{E^2}{R^2 + Z_L^2} = 1 \quad (1)$$

+ Khi quay với $3n$ thì sđđ là $3E$ và cảm kháng là $3Z_L$:

$$\frac{3E}{\sqrt{R^2 + (3Z_L)^2}} = I_2 = \sqrt{3} \text{ (A)} \Leftrightarrow \frac{9E^2}{R^2 + 9Z_L^2} = 3 \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra : $\frac{R^2 + 9Z_L^2}{3(R^2 + Z_L^2)} = 1$

$$3R^2 + 3Z_L^2 = R^2 + 9Z_L^2 \Leftrightarrow Z_L = \frac{R}{\sqrt{3}}$$

+ Khi quay với tốc độ $2n$ thì cảm kháng của cuộn dây là $Z_{L2} = 2Z_L = \frac{2R}{\sqrt{3}}$

Câu 5: Chọn D

Giả sử điện tích trên các tụ biến thiên theo quy luật.

$$q = Q_0 \cos \omega t = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T} t \Rightarrow i = \frac{dq}{dt} = -\frac{2\pi}{T} Q_0 \sin \frac{2\pi}{T} t$$

Đối với mạch thứ nhất khi t_1 điện tích có độ lớn là q ta có :

$$q = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T_1} t_1 \Rightarrow i_1 = -\frac{2\pi}{T_1} Q_0 \sin \frac{2\pi}{T_1} t_1 \quad (1)$$

Với mạch thứ 2 khi t_2 điện tích có độ lớn q :

$$q = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T_2} t_2 \Rightarrow i_2 = -\frac{2\pi}{T_2} Q_0 \sin \frac{2\pi}{T_2} t_2 \quad (2)$$

Vì $q = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T_1} t_1 = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T_2} t_2 \Rightarrow \frac{2\pi t_1}{T_1} = \frac{2\pi t_2}{T_2} \Rightarrow \sin \frac{2\pi}{T_1} t_1 = \sin \frac{2\pi}{T_2} t_2$

Thế vào (1) và (2) ta được : $\frac{i_1}{i_2} = \frac{\frac{2\pi}{T_1}}{\frac{2\pi}{T_2}} = \frac{T_2}{T_1} = 2$

Câu 6: Chọn B

Điều kiện để hai sóng cơ khi gặp nhau, giao thoa được với nhau là hai sóng phải xuất phát từ hai nguồn dao động kết hợp nghĩa là chúng phải có cùng tần số, cùng phương và có hiệu số pha không đổi theo thời gian.

Câu 7: Chọn A

Tại vị trí có 2 vân sáng trùng nhau và có màu trùng với vân trung tâm ta có :

$$k_1 \lambda_1 = k_2 \lambda_2 = k \lambda \quad (1)$$

Giữa vân trung tâm và vân gần nhất phải có 8 vân màu lục nên k_2 của màu lục này phải là $k_2 = 9$.

Từ đây ta có : $k_1 \lambda_1 = 9 \lambda \quad (2)$ với λ là bước sóng màu lục

Suy ra : $k_1 = \frac{9 \lambda}{\lambda_1} \quad (3)$ với $\lambda_1 = 720 \text{ nm}$ bước sóng màu đỏ

Vì rằng : $500 \text{ nm} < \lambda < 575 \text{ nm}$ nên suy ra $6,25 = \frac{9.500}{720} < k_1 < \frac{9.575}{720} = 7,1875$

$\Rightarrow$ Vì k_1 phải nguyên nên ta chọn $k_1 = 7 \quad (4)$

Thay k_1 vào (2) ta có : $\lambda = \frac{k_1 \cdot \lambda_1}{9} = \frac{7.720}{9} = 560 \text{ nm}$

Câu 8: Chọn B

+ Ta có : $Z_L = \omega L = \frac{100\pi}{\pi} = 100 \text{ } (\Omega)$

+ $Z_{AM} = \sqrt{R^2 + Z_L^2} = \sqrt{50^2 + 100^2} = 50\sqrt{5} \text{ } (\Omega)$

+ Theo bài ra ta vẽ được giản đồ véc tơ như Hình 3.

R, Z_L, Z_C, Z_{AM} và Z . Ta có :

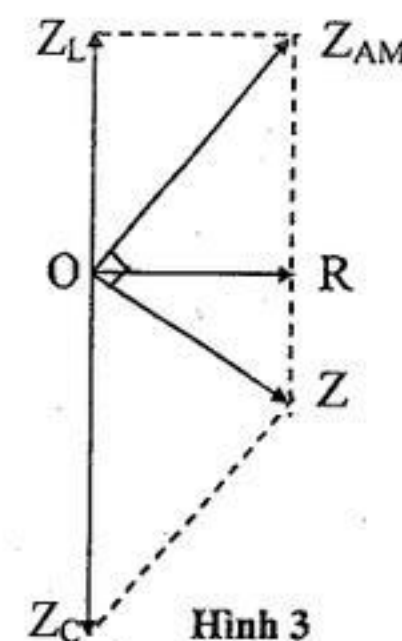
Tam giác $OZ_{AM}R$ đồng dạng tam giác $OZ_{AM}Z$, suy ra:

$$\frac{Z_L}{Z_{AM}} = \frac{Z_{AM}}{Z_C}$$

$$\Rightarrow Z_C = \frac{Z_{AM}^2}{Z_L}$$

$$Z_C = \frac{50\sqrt{5} \times 50\sqrt{5}}{100} = 125 \text{ } \Omega$$

$$\Rightarrow C = \frac{1}{\omega Z_C} = \frac{1}{100\pi.125} = \frac{8.10^{-5}}{\pi}$$



Hình 3

Câu 9: Chọn C

Từ giả thiết $A_x = 2A_y = 0,5A_z \Leftrightarrow 2A_x = 4A_y = A_z \quad (1)$

Ta lại có : $\Delta E_z < \Delta E_x < \Delta E_y \quad (2)$

Năng lượng liên kết riêng của X, Y, Z là

$$\epsilon_x = \frac{\Delta E_x}{A_x}; \epsilon_y = \frac{\Delta E_y}{A_y}; \epsilon_z = \frac{\Delta E_z}{A_z} \quad (3)$$

Từ đó ta dễ thấy $\varepsilon_y > \varepsilon_x > \varepsilon_z$

Vì năng lượng liên kết riêng càng lớn thì càng bền vững nên sắp xếp tính bền vững giảm dần, ta có Y, X, Z.

Câu 10: Chọn B

Ta có điện tích $t = 0$ thì $q = Q_0$ nên phương trình dao động của điện tích là

$$q = Q_0 \cos \omega t = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T} t$$

$$\text{tại } \Delta t \text{ thì } q = \frac{Q_0}{2} \Rightarrow \frac{Q_0}{2} = Q_0 \cos \frac{2\pi}{T} \Delta t$$

$$\cos \frac{2\pi}{T} \Delta t = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{2\pi}{T} \Delta t = \frac{\pi}{3} \Leftrightarrow T = 6\Delta t$$

Câu 11: Chọn A

Ta có: Gọi L_1, L_2 là mức cường độ âm tại A và B

Gọi I_1, I_2 là cường độ âm tại A và B

Gọi R_1, R_2 là khoảng cách từ A, B đến O

Gọi I_0 là cường độ âm chuẩn.

$$* L_1 = 10 \lg \frac{I_1}{I_0} = 60 \Rightarrow \lg \frac{I_1}{I_0} = 6 \Leftrightarrow I_1 = 10^6 I_0$$

$$* L_2 = 10 \lg \frac{I_2}{I_0} = 20 \Rightarrow \lg \frac{I_2}{I_0} = 2 \Leftrightarrow I_2 = 10^2 I_0$$

$$\Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = 10^4 \quad (1)$$

Vì cường độ âm tỷ lệ nghịch với bình phương khoảng cách R đến nguồn âm nên

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2^2}{R_1^2} = 10^4 \Leftrightarrow \frac{R_2}{R_1} = 100 \Rightarrow R_2 = 100R_1$$

Gọi M là trung điểm của AB. Ta có: $R_3 = \frac{R_1 + R_2}{2} \approx 50R_1$

$$\text{Do đó } \frac{I_1}{I_3} = \frac{R_3^2}{R_1^2} = \frac{50^2 R_1^2}{R_1^2} = 50^2$$

$$\text{Vậy } I_3 = \frac{I_1}{50^2} = \frac{10^6 I_0}{50^2} = 400 I_0$$

$$\text{Ta có: } L_3 = 10 \lg \frac{I_3}{I_0} = 10 \lg \frac{400 I_0}{I_0} = 10 \lg 400$$

$$L_3 = 26,02 \approx 26$$

Câu 12: Chọn B

$$\text{Tổng trở mạch AN là } Z_{AN} = \sqrt{R^2 + Z_L^2} = \sqrt{R^2 + \omega^2 L^2} \quad (1)$$

$$\text{Tổng trở mạch AB là } Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}$$

$$\text{Cường độ hiệu dụng của dòng điện: } I = \frac{U}{Z} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}$$

Điện áp hiệu dụng hai đầu AN là:

$$U_{AN} = I \cdot Z_{AN} = \frac{U \sqrt{R^2 + \omega^2 L^2}}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}} = U \sqrt{\frac{R^2 + \omega^2 L^2}{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}$$

$$U_{AN} = U \sqrt{\frac{R^2 + \omega^2 L^2}{R^2 + \omega^2 L^2 - 2 \frac{L}{C} + \frac{1}{\omega^2 C^2}}} = U \sqrt{\frac{R^2 + \omega^2 L^2}{R^2 + \omega^2 L^2 - \frac{2L}{C} + \frac{1}{\omega^2 C^2}}}$$

Muốn U_{AN} không phụ thuộc R thì:

$$2 \frac{L}{C} - \frac{1}{\omega^2 C^2} = 0 \Leftrightarrow 2L = \frac{1}{\omega^2 C} \Rightarrow \omega^2 = \frac{1}{2LC} \Leftrightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{2} \sqrt{LC}} = \frac{\sqrt{2}}{2 \sqrt{LC}} = \sqrt{2} \cdot \omega_1$$

Câu 13: Chọn D

Gọi N_1, N_2 là số vòng cuộn sơ cấp và thứ cấp ban đầu.

U_0 là điện áp ở cuộn thứ cấp.

+ Ban đầu ta có:

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{U_0}{U_1} = \frac{U_0}{100} \quad (1)$$

+ Khi giảm bớt cuộn thứ cấp n vòng ta có:

$$\frac{N_1}{N_2 - n} = \frac{U_0}{U} \quad (2)$$

+ Khi tăng cuộn thứ cấp thêm n vòng:

$$\frac{N_1}{N_2 + n} = \frac{U_0}{2U} \quad (3)$$

$$\text{Từ (2) và (3) suy ra: } \frac{N_2 + n}{N_2 - n} = 2 \Leftrightarrow N_2 + n = 2N_2 - 2n$$

$$\Rightarrow 3n = N_2 \Rightarrow n = \frac{N_2}{3} \quad (4)$$

+ Khi ta tăng cuộn thứ cấp thêm $3n$ vòng ta có:

$$\frac{N_1}{N_2 + 3n} = \frac{U_0}{U_3} \Leftrightarrow \frac{N_1}{N_2 + 3 \cdot \frac{N_2}{3}} = \frac{N_1}{2N_2} = \frac{U_0}{U_3} \quad (5)$$

$$\text{Từ (1) và (5) ta có: } \frac{U_3}{100} = 2$$

$$U_3 = 200 \text{ (V)}$$

Câu 14: Chọn C

Tại thời điểm t khi góc lệch là α ta có thế năng của con lắc :

$$W_t = mgl(1 - \cos\alpha) \approx mgl.2\sin^2\frac{\alpha}{2} \approx 2mgl\frac{\alpha^2}{4} = \frac{1}{2}mgl\alpha^2$$

Khi động năng bằng thế năng ta có :

$$W = 2W_t = 2 \cdot \frac{1}{2}mgl\alpha^2 = mgl\alpha^2 \quad (1)$$

Cơ năng của con lắc bằng thế năng ban đầu khi góc lệch α_0 :

$$W = \frac{1}{2}mgl\alpha_0^2 = mgl\alpha^2 \Leftrightarrow \alpha^2 = \frac{\alpha_0^2}{2}$$

$$\alpha = \pm \frac{\alpha_0}{\sqrt{2}}$$

Giả sử phương trình dao động có dạng :

$$\alpha = \alpha_0 \cos \omega t \text{ thì vận tốc góc có dạng } \alpha' = -\omega \alpha_0 \sin \omega t$$

để $\alpha' > 0$ thì $\sin \omega t < 0 \rightarrow \omega t < 0$

$$\text{do đó ta chọn } \alpha < 0 \Rightarrow \alpha = -\frac{\alpha_0}{\sqrt{2}}$$

Câu 15: Chọn D

Giả sử phương trình dao động có dạng $x = A \cos \omega t$ tại $t_0 = 0$ thì $x = A$; vậy tại thời điểm t ta có :

$$x = A \cos \omega t = -\frac{A}{2} \Leftrightarrow A \cos \frac{2\pi}{T} t = -\frac{A}{2}$$

$$\cos \frac{2\pi}{T} t = -\frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{2\pi}{T} t = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow t = \frac{T}{3}$$

$$\text{Vận tốc trung bình } V_{tb} = \frac{S}{t}$$

$$\text{Với } S = A - \left(-\frac{A}{2}\right) = \frac{3A}{2}; t = \frac{T}{3} \Rightarrow V_{tb} = \frac{\frac{3A}{2}}{\frac{T}{3}} = \frac{3A}{2} \times \frac{3}{T} = \frac{9A}{2T}$$

Câu 16: Chọn B

Tia tử ngoại được dùng để tìm vết nứt trên bề mặt sản phẩm bằng kim loại

Câu 17: Chọn A

Giới hạn quang điện của kim loại đó là : $\lambda_0 = \frac{hc}{A}$

$$\lambda_0 = \frac{6.625 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{7.2 \cdot 10^{-19}} = 0.27604 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 0.2760 \mu\text{m}$$

Vậy các bức xạ λ_1, λ_2 có thể gây ra quang điện.

Câu 18: Chọn A

$$\text{Ta có khi tần số } f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_1}} \quad (1)$$

$$\text{Khi tần số } f_2 = \sqrt{5} f_1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_2}} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1),(2) suy ra: } \frac{1}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{C_2}{C_1}} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{1}{5} \Leftrightarrow C_2 = \frac{C_1}{5}$$

Câu 19: Chọn C

Ta biết hệ số công suất là $\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{U_R}{U}$

$$\text{Khi điện trở } R = R_1 \text{ ta có: } \cos \varphi_1 = \frac{U_{R1}}{\sqrt{U_{R1}^2 + U_{C1}^2}} \quad (1)$$

$$\text{Khi ở } R_2: \cos \varphi_2 = \frac{U_{R2}}{\sqrt{U_{R2}^2 + U_{C2}^2}} \quad (2)$$

$$\text{Vì } U = \sqrt{U_{R1}^2 + U_{C1}^2} = \sqrt{U_{R2}^2 + U_{C2}^2} \Leftrightarrow U_{R1}^2 + U_{C1}^2 = U_{R2}^2 + U_{C2}^2 \quad (3)$$

Thế $U_{C1} = 2U_{C2}$ và $U_{R2} = 2U_{R1}$ vào (3) ta được :

$$U_{R1}^2 + U_{C1}^2 = 4U_{R1}^2 + \frac{U_{C1}^2}{4} \Leftrightarrow U_{R1}^2 = \frac{U_{C1}^2}{4} \quad (4)$$

Thế (4) vào (1) ta được :

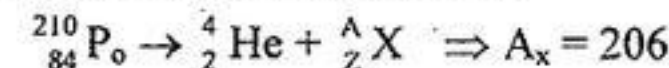
$$\cos \varphi_1 = \frac{U_{R1}}{\sqrt{U_{R1}^2 + 4U_{R1}^2}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \quad (5)$$

$$\text{Từ (1) và (2) ta dễ thấy } \cos \varphi_2 = 2\cos \varphi_1 = \frac{2}{\sqrt{5}}$$

Câu 20: Chọn C

Gọi m_α, V_α, m_x và V_x là khối lượng và vận tốc của các hạt

Ta có phương trình phóng xạ :



$$Z_x = 82$$

Coi khối lượng bằng số khối theo định luật bảo toàn động lượng ta có :

$$m_\alpha V_\alpha + m_x V_x = 0$$

$$4V_\alpha + 206V_x = 0$$

$$V_\alpha = \frac{206}{4} V_x \Leftrightarrow V_\alpha^2 = \left(\frac{206}{4}\right)^2 V_x^2$$

$$\text{Vậy động năng hạt } \alpha: W_\alpha = \frac{m_\alpha V_\alpha^2}{2} = \frac{4}{2} V_x^2 = 2V_x^2$$

Động năng hạt X : $W_x = \frac{m_x V_x^2}{2} = \frac{206}{2} V_x^2$

$W_\alpha = 2 \cdot \frac{206^2}{16} \cdot V_x^2 = \frac{206^2}{4} \cdot \frac{V_x^2}{2} = 51,5 W_{dx} > W_{dx}$

Câu 21 : Chọn C

Phóng xạ và phân hạch hạt nhân đều là phản ứng hạt nhân tỏa năng lượng

Câu 22: Chọn C

Ta có bước sóng $\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \cdot 10^8}{6 \cdot 10^{14}} = 0,5 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 0,5 \mu\text{m}$

Theo định luật Xtốc, bước sóng kích thích phải nhỏ hơn bước sóng ánh sáng phát quang, vì thế ánh sáng có bước sóng $0,55 \mu\text{m}$ không thể kích thích gây ra sự phát quang.

Câu 23 : Chọn B

Vận tốc lớn nhất mà vật đạt được là khi vật về đến vị trí li độ x có hợp lực bằng

không $F_{ms} - kx = 0$ lúc này $x = \frac{\mu mg}{k} = \frac{0,1 \cdot 0,02 \cdot 10}{1} = 0,02 \text{ m} = 2 \text{ cm}$

Theo định luật bảo toàn năng lượng ta có:

$\frac{1}{2} k A^2 = A_{ms} + \frac{1}{2} m v_{\max}^2 + \frac{1}{2} k x^2$

Thay $A_{ms} = \mu mg(A-x)$; $k = \omega^2 m$ ta được

$\frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = \mu mg(A-x) + \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} m \omega^2 x^2$

$\Leftrightarrow \frac{1}{2} \omega^2 A^2 = \mu g(A-x) + \frac{1}{2} v^2 + \frac{1}{2} \omega^2 x^2 \Leftrightarrow v_{\max} = \sqrt{\omega^2 A^2 - 2\mu g(A-x) - \omega^2 x^2}$

Thay số với $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{1}{0,02}} = \sqrt{50}$

$v_{\max} = \sqrt{\omega^2 A^2 - 2\mu gA} = \sqrt{50 \cdot 0,01 - 2 \cdot 0,1 \cdot 10 \cdot 0,08 - 50 \cdot 4 \cdot 10^{-4}}$
 $= \sqrt{0,5 - 0,18} \text{ m/s} = \sqrt{0,32} = \sqrt{0,16 \cdot 2} = 0,4 \sqrt{2} \text{ m/s} = 40 \sqrt{2} \text{ cm/s}$

Câu 24 : Chọn B

Theo bài ra ta có :

+ Tần số $f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{40\pi}{2\pi} = 20 \text{ Hz}$

+ Bước sóng $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{30}{20} = 1,5 \text{ cm}$

+ Xét trên đoạn AB do dao động của B nhanh pha hơn A là π nên vân trung tâm O là một cực tiểu.

Số điểm cực đại trên đoạn OB có tất cả $N_1 = \frac{10}{0,75} = 13,33$, Ta chỉ chọn phần

nguyên nên có $N_1 = 13$ điểm cực đại ứng với 13 vân giao thoa sẽ cắt MB tạo thành trên MB là $N_1 = 13$ cực đại.

Các vân trên đoạn OA chỉ có N_2 cắt MB, ta tìm số N_2 này.

Xét điểm M nó sẽ gần cực đại thứ k nhất, hiệu đường đi từ M đến A và B là:

$\Delta d = MB - MA = 20\sqrt{2} - 20 = 8,284 \approx 8,28 \text{ cm}$

Vì hai nguồn dao động ngược pha nên điều kiện để một điểm cực đại giống như để điểm đó cực tiểu khi hai nguồn cùng pha. Vậy điều kiện M là một cực đại là :

$\Delta d = (k + \frac{1}{2})\lambda = 8,28 \Leftrightarrow (k + \frac{1}{2}) = \frac{8,28}{1,5} = 5,5$

$\Leftrightarrow k$ lấy phần nguyên nên bằng $k = 5$. Vậy phía bên trái kể cả vân thứ 0 sẽ có $k + 1 = 6$ vân cắt đoạn MB tạo thành $N_2 = 6$ cực đại.

Vậy tổng số cực đại trên MB là $N = N_1 + N_2 = 13 + 6 = 19$

Câu 25: Chọn C

Lực kéo về $F = -kx$ suy ra: Tỷ lệ với x và hướng về VTCB.

Câu 26: Chọn A

Ta biết bán kính ở quỹ đạo n là $r_n = n^2 r_0$

Với quỹ đạo K thì $n = 1$, quỹ đạo N thì $n = 4$, quỹ đạo L có $n = 2$

Vậy chuyển từ N về L, bán kính quỹ đạo đã giảm bớt

$\Delta r = r_N - r_L = 4^2 r_0 - 2^2 r_0 = 16 r_0 - 4 r_0 = 12 r_0$

Câu 27: Chọn D

Theo định nghĩa: Quang phổ vạch phát xạ là một hệ thống những vạch sáng (vạch màu) riêng lẻ, ngăn cách nhau bởi những khoảng tối. Các phát biểu A, B, C đều sai.

Câu 28: Chọn D

Công suất tiêu thụ $P = I^2 R$ bằng nhau nghĩa là cường độ I bằng nhau.

Khi đó tổng trở bằng nhau ta có : $Z_1 = Z_2 \Leftrightarrow (Z_L - Z_{C1})^2 = (Z_{C2} - Z_L)^2$

Hay $\omega L - \frac{1}{\omega C_1} = \frac{1}{\omega C_2} - \omega L \Rightarrow 2\omega L = \frac{1}{\omega C_1} + \frac{1}{\omega C_2}$

$2\omega L = \frac{C_1 + C_2}{\omega \cdot C_1 \cdot C_2}$

$L = \frac{C_1 + C_2}{2\omega C_1 C_2} = \frac{3}{\pi} \text{ (H)}$

Câu 29: Chọn B

Chu kỳ dao động điện từ : $T = 2\pi\sqrt{LC}$

Khi $C_1 \Rightarrow T_1 = 2\pi\sqrt{LC_1} = 2\pi\sqrt{4 \cdot 10^{-6} \cdot 10 \cdot 10^{-12}} = 2\pi\sqrt{4 \cdot 10^{-17}}$
 $= 2\pi \cdot 2 \cdot 10^{-9} \cdot \pi \approx 4 \cdot 10^{-8} \text{ (s)}$

$T_2 = 2\pi\sqrt{LC_2} = 2\pi\sqrt{4 \cdot 10^{-6} \cdot 640 \cdot 10^{-12}} = 2\pi \cdot 2 \cdot 8 \cdot \sqrt{10^{-17}}$
 $= 2\pi \cdot 16 \cdot 10^{-9} \cdot \pi = 32 \cdot 10^{-8} \text{ (s)}$

Câu 30: Chọn D

Năng lượng toàn phần của hạt là

$$W = W_d + m_0 c^2 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow W_d = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - m_0 c^2 \quad (1)$$

Theo bài ra : $v = 0,6c$ nên $\frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{0,36c^2}{c^2}}} = 0,8$. Thế vào (1) ta được :

$$W_d = \frac{m_0 c^2}{0,8} - m_0 c^2 = 0,25 m_0 c^2$$

Câu 31: Chọn A

Nếu tại M có vân sáng thì $OM = x_M = K \frac{\lambda D}{a}$

$$\text{Suy ra : } \lambda = \frac{a \cdot x_M}{D \cdot K} = \frac{0,8 \cdot 10^{-3} \cdot 3 \cdot 10^{-3}}{2K} = \frac{1,2 \cdot 10^{-6}}{K}$$

Vì bước sóng trong khoảng từ $0,38 \cdot 10^{-6}$ đến $0,76 \cdot 10^{-6}$ m nên

$$0,38 < \frac{1,2}{K} < 0,76 \Rightarrow 1,5 < K < 3,16$$

K nguyên nên có 2 giá trị : $K_1 = 2$ và $K_2 = 3$

$$\text{Với } K_1 = 2 \text{ ta có : } \lambda_1 = \frac{1,2 \cdot 10^{-6}}{2} = 0,6 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 0,6 \mu\text{m}$$

$$\text{Với } K_2 = 3 \text{ ta có : } \lambda_2 = \frac{1,2 \cdot 10^{-6}}{3} = 0,4 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 0,4 \mu\text{m}$$

Vậy có 2 bước sóng : $\lambda_1 = 0,6 \mu\text{m}$ và $\lambda_2 = 0,4 \mu\text{m}$

Câu 32: Chọn A

Khi e^- chuyển từ $n = 3$ sang $n = 2$ phát ra bước sóng λ

$$\varepsilon = \frac{hc}{\lambda} = E_3 - E_2 = -\frac{13,6\text{eV}}{9} + \frac{13,6\text{eV}}{4} = 1,889\text{eV}$$

$$\lambda = \frac{hc}{1,889\text{eV}} = \frac{6,625 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{1,889 \cdot 1,06 \cdot 10^{-19}} = 6,576 \cdot 10^{-7} = 0,6576 \mu\text{m}$$

Câu 33: Chọn C

$$\text{Khi } t = t_1 \text{ ta có : } u = 200\sqrt{2} \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{2}\right) = 100\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{2} \Leftrightarrow 100\pi t - \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{3}$$

$$\text{Ta có : } T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{100\pi} = \frac{1}{50} \text{ (s)}$$

$$\text{Vậy khi } \Delta t = \frac{1}{300} \text{ (s)} = \frac{T}{6} \text{ (s)}$$

Vậy khi $t_2 = t_1 + \Delta t$. Ta có :

$$u_2 = 200\sqrt{2} \cos\left(\frac{\pi}{3} + \frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{6}\right) = 200\sqrt{2} \cos \frac{2\pi}{3} = -100\sqrt{2} \text{ (v)}$$

Câu 34: Chọn D

$$\text{Bước sóng } \lambda = \frac{v}{f} = \frac{20}{40} = 0,5 \text{ m} = 50 \text{ cm}$$

$$\text{Số múi sóng trên dây là } N = \frac{L}{0,5\lambda} = \frac{100}{25} = 4$$

Vậy trên dây có 4 bụng sóng và 5 nút.

Câu 35 : Chọn B

Chọn vị trí cân bằng làm gốc tọa độ, tại $t = 0$ vật ở vị trí cân bằng.

Phương trình dao động có dạng $x = A \sin \omega t$.

Ta biết rằng trong 1 chu kỳ có 4 khoảng thời gian mà gia tốc không vượt qua

$$V_{\max} = 100 \text{ cm/s}^2.$$

Gọi t là thời điểm để $a = 100 \text{ cm/s}^2$.

$$\text{Ta có : } 4t = \frac{T}{3}. \text{ Suy ra : } t = \frac{T}{12}.$$

$$\text{Ta có : } |a| = \left| \omega^2 A \sin\left(\frac{2\pi}{T} \cdot t\right) \right| = 100 \Rightarrow 4\pi^2 f^2 A \sin\left(\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{12}\right) = 100$$

$$4\pi^2 f^2 A \sin \frac{\pi}{6} = 100$$

$$f^2 = \frac{100}{4\pi^2 \cdot 5 \cdot 0,5} = 1 \Leftrightarrow f = 1 \text{ Hz}$$

Câu 36 : Chọn A

Khi electron chuyển từ quỹ đạo L sang K ta có :

$$\frac{hc}{\lambda_{21}} = E_L - E_K \quad (1)$$

Khi chuyển từ M sang L :

$$\frac{hc}{\lambda_{32}} = E_M - E_L \quad (2)$$

Khi chuyển từ M sang K ta có :

$$\frac{hc}{\lambda_{31}} = E_M - E_K \quad (3)$$

$$\text{Từ (1), (2), (3) ta có : } \frac{1}{\lambda_{31}} = \frac{1}{\lambda_{32}} + \frac{1}{\lambda_{21}} \Leftrightarrow \lambda_{31} = \frac{\lambda_{21} \cdot \lambda_{32}}{\lambda_{21} + \lambda_{32}}$$

Câu 37 : Chọn C

Electron là hạt sơ cấp thuộc loại hạt nhẹ có tên là lépton.

Câu 38 : Chọn A

Khi $C = C_1$ điện áp hiệu dụng 2 đầu R là :

$$U_R = I \cdot R = \frac{U \cdot R}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}} = \frac{U}{\sqrt{1 + \frac{(Z_L - Z_C)^2}{R^2}}}$$

Muốn U_R không phụ thuộc vào R thì $Z_L - Z_C = 0$ (1)

Khi $C = \frac{C_1}{2}$ ta có : $Z'_C = 2Z_{C1} = 2Z_L$ (2)

Khi đó điện áp giữa AN bằng :

$$U_{AN} = I \cdot Z_{AN} = \frac{U \cdot \sqrt{R^2 + Z_L^2}}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z'_C)^2}} = \frac{U \sqrt{R^2 + Z_L^2}}{\sqrt{R^2 + (Z_L - 2Z_L)^2}}$$

$$U_{AN} = \frac{U \sqrt{R^2 + Z_L^2}}{\sqrt{R^2 + Z_L^2}} = U = 200 \text{ (V)}$$

Câu 39 : Chọn D

Ta chú ý đến pha của dòng điện thì pha của i và U_1 là đồng pha nên: $i = \frac{u_1}{R}$

Câu 40 : Chọn B.

Vật dao động tắt dần thì có biên độ và năng lượng giảm liên tục, còn các đại lượng như li độ, gia tốc, vận tốc có thể có lúc tăng lúc giảm.

Câu 41 : Chọn A.

Li độ dao động có dạng $x = A \cos(\omega t + \varphi)$ thì vận tốc là $v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi)$ và gia tốc là $a = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi)$

+ Khi gia tốc bằng nửa gia tốc cực đại :

$$a = \omega^2 A \cos(\omega t + \varphi) = \frac{1}{2} \omega^2 A \Rightarrow \cos(\omega t + \varphi) = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \sin(\omega t + \varphi) = \sqrt{1 - \cos^2(\omega t + \varphi)} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$+ \text{Động năng của dao động: } W_d = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} k A^2 \sin^2(\omega t + \varphi)$$

$$+ \text{Thế năng của dao động: } W_t = \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} k A^2 \cos^2(\omega t + \varphi)$$

$$+ \text{Tỷ số: } \frac{W_d}{W_t} = \frac{\sin^2(\omega t + \varphi)}{\cos^2(\omega t + \varphi)} = \frac{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2}{\left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{3}{4} \times \frac{4}{1} = 3$$

Câu 42 : Chọn B.

Con lắc ngoài trọng lực $P = mg$ còn chịu tác dụng lực điện $F = qE$

$$\text{Vậy gia tốc g biểu kiến là } g' = \frac{mg + qE}{m} = g + \frac{qE}{m} = 10 + \frac{5 \cdot 10^{-6} \cdot 10^4}{10^{-2}}$$

$$g' = 15 \text{ m/s}^2$$

$$+ \text{Chu kỳ: } T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g'}} = 2\pi \sqrt{\frac{0,5}{15}} = 2\pi \cdot 0,1825 = 1,146 \approx 1,15 \text{ (s)}$$

Câu 43 : Chọn D

Cường độ dòng điện chậm pha $\frac{\pi}{2}$ so với điện áp hai đầu cuộn cảm nên biểu thức i là

$$i = \frac{U_0}{\omega L} \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

Câu 44 : Chọn A.

$$\text{Cường độ định mức qua quạt: } I = \frac{P}{U \cos \varphi} = \frac{88}{220 \cdot 0,8} = 0,5 \text{ (A)}$$

$$\text{Ta có: } \cos \varphi = \frac{U_{Rq}}{U} \Rightarrow U_{Rq} = 0,8 \times 220 = 176 \text{ (V)}$$

$$\text{Vì } U_q = \sqrt{U_{Rq}^2 + U_L^2} \Rightarrow U_L = \sqrt{U_q^2 - U_{Rq}^2} = \sqrt{220^2 - 176^2} = 132 \text{ (V)}$$

+ Khi mắc thêm R và mắc vào $U = 380 \text{ V}$ ta có :

$$U^2 = U_L^2 + U_{Rm}^2 \Rightarrow U_{Rm} = \sqrt{380^2 - 132^2} = 356,33 \text{ (V)}$$

Điện áp trên R là :

$$U_R = U_{Rm} - U_{Rq} = 356,33 - 176 = 180,33 \text{ } \Omega$$

$$R = \frac{U_R}{I} = \frac{180,33}{0,5} \approx 361 \text{ (}\Omega\text{)}$$

Câu 45: Chọn C

$$\text{Số hạt chưa phân rã sau thời gian } t = 0,5T: N = \frac{N_0}{2^{\frac{t}{T}}} = \frac{N_0}{2^{\frac{0,5T}{T}}} = \frac{N_0}{2^{\frac{1}{2}}} = \frac{N_0}{\sqrt{2}}$$

Câu 46: Chọn B

$$\text{Số dao động cao tần thực hiện: } N = \frac{800.000}{1000} = 800$$

Câu 47: Chọn A :.

Khi chiếu chùm tia tử ngoại vào một ống nghiệm đựng dung dịch fluorexêin thì thấy dung dịch này phát ra ánh sáng màu lục. Đó là hiện tượng quang phát quang

Câu 48: Chọn A

Nếu vân tối thứ 3 ta có $k = 2$.

$$\Delta d = \left(k + \frac{1}{2}\right) \lambda = \left(2 + \frac{1}{2}\right) \lambda = 2,5\lambda$$

Câu 49: Chọn C.

Năng lượng liên kết riêng của Ar :

$$\Delta \epsilon_1 = \left[\frac{(18m_p + 22m_n) - m_{Ar}}{40} \right] c^2 = \frac{0,3703 \text{uc}^2}{40} = 8,62336 \text{MeV}$$

Năng lượng liên kết riêng của Li :

$$\Delta \epsilon_2 = \left[\frac{(3m_p + 3m_n) - m_{Li}}{6} \right] c^2 = 5,200875 \text{MeV}$$

$$\Delta \epsilon = 8,62336 - 5,200875 = 3,422 \text{ MeV}$$

Câu 50: Chọn C

- Giữa 2 gợn sóng là một bước sóng nên :

Vậy giữa gợn thứ nhất và gợn thứ 5 có 4 bước sóng, vậy bước sóng là

$$\lambda = \frac{0,4}{5} = 0,125 \text{ m}$$

- Tốc độ truyền sóng là: $v = \lambda \cdot f = 15 \text{ m/s}$

Câu 51: Chọn A

Tại thời điểm cây mới chặt độ phóng xạ là :

$$H_0 = - \frac{\Delta N_0}{\Delta t} = \lambda N_0 \quad (1)$$

Khi mẫu gỗ hiện nay :

$$H = - \frac{\Delta N}{\Delta t} = \lambda N_0 2^{-\frac{t}{T}} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta có :

$$\frac{\Delta N}{\Delta N_0} = 2^{-\frac{t}{T}} \Rightarrow \frac{200}{1600} = \frac{1}{2^{\frac{t}{T}}} = \frac{1}{8} = \frac{1}{2^3}$$

$$\Rightarrow \frac{t}{T} = 3 \rightarrow t = 3T = 3.5730 = 17.190 \text{ năm}$$

Câu 52: Chọn C.

Khi nguồn âm lại gần máy thu ta có :

$$f_1 = \frac{v}{v - v_s} f \Rightarrow f = f_2 \cdot \frac{v - v_s}{v} = 740 \cdot \frac{340 - 30}{340} = 674,7 \text{ Hz}$$

$$\text{Khi ra xa: } f_2 = \frac{v}{v + v_s} f = \frac{340}{370} \cdot 674 = 620 \text{ Hz}$$

Câu 53: Chọn D.

Theo định luật bảo toàn năng lượng ta coi năng lượng electron đập vào tấm kim loại bằng năng lượng của photon tia X phát ra :

$$eU = hf \Rightarrow U = \frac{hf}{e} = \frac{6,625 \cdot 10^{-34} \cdot 6,4 \cdot 10^{18}}{1,5 \cdot 10^{-19}} = 26,5 \cdot 10^3 = 26.500 \text{ V} = 26,5 \text{ kV}$$

Câu 54: Chọn D.

$$\text{Để thu bước sóng } \lambda_0 \text{ ta phải có : } \lambda_0 = cT = c.2\pi\sqrt{LC_0} \quad (1)$$

$$\text{Để thu bước sóng } \lambda_1 \text{ thì : } \lambda_1 = cT_1 = c.2\pi\sqrt{LC_1} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) ta có : } \frac{\lambda_1}{\lambda_0} = \sqrt{\frac{C_1}{C_0}} = 3$$

$$\text{Vậy } \frac{C_1}{C_0} = 9 \rightarrow C_1 = 9C_0$$

$$\text{Để có tụ } C_1 \text{ ta phải mắc song song sao cho: } C_1 = C_0 + C = 9C_0 \Rightarrow C = 8C_0$$

$$\text{Vậy mắc song song tụ } C_1 = 8C_0$$

Câu 55: Chọn D.

Trong chuyển động quay của vật rắn quanh một trục cố định, momen quán tính của vật đối với trục quay phụ thuộc vị trí của vật đối với trục quay, không phụ thuộc vào momen lực, gia tốc góc, tốc độ góc của vật.

Câu 56: Chọn C

$$\text{Công suất tiêu thụ của động cơ : } P = P_1 + P_2 = 187 \text{ W}$$

$$\text{Cường độ hiệu dụng qua động cơ : } I = \frac{P}{U \cos \varphi} = \frac{187}{200 \cdot 0,85} = 1 \text{ (A)}$$

$$\text{Cường độ cực đại : } I_0 = I\sqrt{2} = \sqrt{2} \text{ (A)}$$

Câu 57: Chọn C.

Gọi gia tốc góc của vật là γ ta có :

$$\omega = \omega_0 + \gamma t = 0 \rightarrow \gamma = - \frac{\omega_0}{t} = - \frac{30}{120} = - 0,25 \text{ rad/s}^2$$

Theo công thức cơ bản của chuyển động quay :

$$M = I \gamma = 10 \text{ kg.m}^2 \cdot 0,25 = 2,5 \text{ N/m}$$

Câu 58: Chọn A

$$\text{Ta có chu kì } T = 2\pi\sqrt{LC} \text{ nên } t = \frac{\pi}{2}\sqrt{LC} = \frac{T}{4}$$

$$\text{Năng lượng từ trường là : } W = W_0 \sin^2 \omega t = \frac{1}{2} C U_0^2 \cdot \sin^2 \frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{4} = \frac{1}{2} C U_0^2$$

Câu 59: Chọn B

$$\text{Mô men động lượng: } L = I\omega = mr^2 \cdot \omega = m \cdot r \cdot v = p \cdot r$$

Câu 60: Chọn B

$$\text{Động năng của bánh đà : } W_d = \frac{1}{2} I \omega^2$$

Động năng này chính bằng công đã cung cấp vậy

$$W_d = \frac{1}{2} I \omega^2 = A$$

$$\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2A}{I}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 2000}{0,4}} = 100 \text{ rad/s}$$

ĐỀ THI MÔN VẬT LÝ NĂM 2011

KHỐI A - Mã đề thi 817

Cho biết: hằng số Plăng $h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$; độ lớn điện tích nguyên tố $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; tốc độ ánh sáng trong chân không $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$; $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2$.

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Đặt điện áp $u = U\sqrt{2}\cos 2\pi ft$ (U không đổi, tần số f thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C . Khi tần số là f_1 thì cảm kháng và dung kháng của đoạn mạch có giá trị lần lượt là 6Ω và 8Ω . Khi tần số là f_2 thì hệ số công suất của đoạn mạch bằng 1. Hệ thức liên hệ giữa f_1 và f_2 là

A. $f_2 = \frac{2}{\sqrt{3}} f_1$. B. $f_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} f_1$. C. $f_2 = \frac{3}{4} f_1$. D. $f_2 = \frac{4}{3} f_1$.

Câu 2: Lần lượt đặt các điện áp xoay chiều $u_1 = U\sqrt{2}\cos(100\pi t + \varphi_1)$; $u_2 = U\sqrt{2}\cos(120\pi t + \varphi_2)$ và $u_3 = U\sqrt{2}\cos(110\pi t + \varphi_3)$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp thì cường độ dòng điện trong đoạn mạch có biểu thức tương ứng là:

$i_1 = I\sqrt{2}\cos 100\pi t$; $i_2 = I\sqrt{2}\cos(120\pi t + \frac{2\pi}{3})$ và $i_3 = I'\sqrt{2}\cos(110\pi t - \frac{2\pi}{3})$.

So sánh I và I' , ta có:

A. $I = I'$. B. $I = I'\sqrt{2}$. C. $I < I'$. D. $I > I'$.

Câu 3: Giả sử trong một phản ứng hạt nhân, tổng khối lượng của các hạt trước phản ứng nhỏ hơn tổng khối lượng các hạt sau phản ứng là $0,02 \text{ u}$. Phản ứng hạt nhân này

A. thu năng lượng $18,63 \text{ MeV}$. B. thu năng lượng $1,863 \text{ MeV}$.
C. tỏa năng lượng $1,863 \text{ MeV}$. D. tỏa năng lượng $18,63 \text{ MeV}$.

Câu 4: Bắn một proton vào hạt nhân ${}^7_3\text{Li}$ đứng yên. Phản ứng tạo ra hai hạt nhân X giống nhau bay ra với cùng tốc độ và theo các phương hợp với phương tới của proton các góc bằng nhau là 60° . Lấy khối lượng của mỗi hạt nhân tính theo đơn vị u bằng số khối của nó. Tỉ số giữa tốc độ của proton và tốc độ của hạt nhân X là

A. 4. B. $\frac{1}{4}$. C. 2. D. $\frac{1}{2}$.

Câu 5: Khi electron ở quỹ đạo dừng thứ n , thì năng lượng của nguyên tử hydro được xác định bởi công thức $E_n = \frac{-13,6}{n^2} \text{ (eV)}$ (với $n = 1, 2, 3, \dots$). Khi electron trong nguyên tử hydro chuyển từ quỹ đạo dừng $n = 3$ về quỹ đạo dừng $n = 1$ thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng λ_1 . Khi electron chuyển từ quỹ đạo dừng $n = 5$ về quỹ đạo dừng $n = 2$ thì nguyên tử phát ra photon có bước sóng λ_2 . Mối liên hệ giữa hai bước sóng λ_1 và λ_2 là

A. $27\lambda_2 = 128\lambda_1$. B. $\lambda_2 = 5\lambda_1$. C. $189\lambda_2 = 800\lambda_1$. D. $\lambda_2 = 4\lambda_1$.

Câu 6: Khi nói về tia γ , phát biểu nào sau đây sai?

- A. Tia γ không phải là sóng điện từ.
B. Tia γ có khả năng đâm xuyên mạnh hơn tia X.
C. Tia γ không mang điện.
D. Tia γ có tần số lớn hơn tần số của tia X.

Câu 7: Nguyên tắc hoạt động của quang điện trở dựa vào

- A. hiện tượng tán sắc ánh sáng. B. hiện tượng quang điện ngoài.
C. hiện tượng quang điện trong. D. hiện tượng phát quang của chất rắn.

Câu 8: Trong nguyên tử hydro, bán kính Bo là $r_0 = 5,3 \cdot 10^{-11} \text{ m}$. Ở một trạng thái kích thích của nguyên tử hydro, electron chuyển động trên quỹ đạo dừng có bán kính là $r = 2,12 \cdot 10^{-10} \text{ m}$. Quỹ đạo đó có tên gọi là quỹ đạo dừng

- A. L. B. O. C. N. D. M.

Câu 9: Một khung dây dẫn phẳng quay đều với tốc độ góc ω quanh một trục cố định nằm trong mặt phẳng khung dây, trong một từ trường đều có vectơ cảm ứng từ vuông góc với trục quay của khung. Suất điện động cảm ứng trong khung có biểu thức $e = E_0 \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$. Tại thời điểm $t = 0$, vectơ pháp tuyến của mặt phẳng khung dây hợp với vectơ cảm ứng từ một góc bằng

- A. 45° . B. 180° . C. 90° . D. 150° .

Câu 10: Một chất điểm dao động điều hòa trên trục Ox. Khi chất điểm đi qua vị trí cân bằng thì tốc độ của nó là 20 cm/s . Khi chất điểm có tốc độ là 10 cm/s thì gia tốc của nó có độ lớn là $40\sqrt{3} \text{ cm/s}^2$. Biên độ dao động của chất điểm là

- A. 5 cm . B. 4 cm . C. 10 cm . D. 8 cm .

Câu 11: Một chất phát quang được kích thích bằng ánh sáng có bước sóng $0,26 \mu\text{m}$ thì phát ra ánh sáng có bước sóng $0,52 \mu\text{m}$. Giả sử công suất của chùm sáng phát quang bằng 20% công suất của chùm sáng kích thích. Tỉ số giữa số photon ánh sáng phát quang và số photon ánh sáng kích thích trong cùng một khoảng thời gian là

A. $\frac{4}{5}$. B. $\frac{1}{10}$. C. $\frac{1}{5}$. D. $\frac{2}{5}$.

Câu 12: Một chất điểm dao động điều hòa theo phương trình $x = 4\cos \frac{2\pi}{3}t$ (x tính bằng cm; t tính bằng s). Kể từ $t = 0$, chất điểm đi qua vị trí có li độ $x = -2 \text{ cm}$ lần thứ 2011 tại thời điểm

- A. 3015 s . B. 6030 s . C. 3016 s . D. 6031 s .

Câu 13: Nếu nối hai đầu đoạn mạch gồm cuộn cảm thuần L mắc nối tiếp với điện trở thuần $R = 1\Omega$ vào hai cực của nguồn điện một chiều có suất điện động không đổi và điện trở trong r thì trong mạch có dòng điện không đổi cường độ I . Dùng nguồn điện này để nạp điện cho một tụ điện có điện dung $C = 2 \cdot 10^{-6} \text{ F}$. Khi điện tích trên tụ điện đạt giá trị cực đại, ngắt tụ điện khỏi nguồn rồi nối tụ điện với cuộn cảm thuần L thành một mạch dao động thì trong mạch có dao động điện từ tự do với chu kì bằng $\pi \cdot 10^{-6} \text{ s}$ và cường độ dòng điện cực đại bằng $8I$. Giá trị của r bằng

- A. $0,25 \Omega$. B. 1Ω . C. $0,5 \Omega$. D. 2Ω .

Câu 14: Một lăng kính có góc chiết quang $A = 6^\circ$ (coi là góc nhỏ) được đặt trong không khí. Chiếu một chùm ánh sáng trắng song song, hẹp vào mặt bên của lăng kính theo phương vuông góc với mặt phẳng phân giác của góc chiết quang, rất gần cạnh của lăng kính. Đặt một màn E sau lăng kính, vuông góc với phương của chùm tia tới và cách mặt phẳng phân giác của góc chiết quang 1,2 m. Chiết suất của lăng kính đối với ánh sáng đỏ là $n_d = 1,642$ và đối với ánh sáng tím là $n_t = 1,685$. Độ rộng từ màu đỏ đến màu tím của quang phổ liên tục quan sát được trên màn là

- A. 4,5 mm. B. 36,9 mm. C. 10,1 mm. D. 5,4 mm.

Câu 15: Một chất điểm dao động điều hòa trên trục Ox với biên độ 10 cm, chu kỳ 2 s. Mốc thế năng ở vị trí cân bằng. Tốc độ trung bình của chất điểm trong khoảng thời gian ngắn nhất khi chất điểm đi từ vị trí có động năng bằng 3 lần thế năng đến vị trí có động năng bằng $\frac{1}{3}$ lần thế năng là

- A. 26,12 cm/s. B. 7,32 cm/s. C. 14,64 cm/s. D. 21,96 cm/s.

Câu 16: Một đoạn mạch AB gồm hai đoạn mạch AM và MB mắc nối tiếp. Đoạn mạch AM gồm điện trở thuần R_1 mắc nối tiếp với tụ điện có điện dung C, đoạn mạch MB gồm điện trở thuần R_2 mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm L. Đặt điện áp xoay chiều có tần số và giá trị hiệu dụng không đổi vào hai đầu đoạn mạch AB. Khi đó đoạn mạch AB tiêu thụ công suất bằng 120 W và có hệ số công suất bằng 1. Nếu nối tắt hai đầu tụ điện thì điện áp hai đầu đoạn mạch AM và MB có cùng giá trị hiệu dụng nhưng lệch pha nhau $\frac{\pi}{3}$, công suất tiêu thụ trên đoạn mạch AB trong trường hợp này bằng

- A. 75 W. B. 160 W. C. 90 W. D. 180 W.

Câu 17: Chiếu từ nước ra không khí một chùm tia sáng song song rất hẹp (coi như một tia sáng) gồm 5 thành phần đơn sắc: tím, lam, đỏ, lục, vàng. Tia ló đơn sắc màu lục đi là mặt nước (sát với mặt phân cách giữa hai môi trường). Không kể tia đơn sắc màu lục, các tia ló ra ngoài không khí là các tia đơn sắc màu:

- A. tím, lam, đỏ. B. đỏ, vàng, lam. C. đỏ, vàng. D. lam, tím.

Câu 18: Khi nói về một vật dao động điều hòa, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Lực kéo về tác dụng lên vật biến thiên điều hòa theo thời gian.
B. Động năng của vật biến thiên tuần hoàn theo thời gian.
C. Vận tốc của vật biến thiên điều hòa theo thời gian.
D. Cơ năng của vật biến thiên tuần hoàn theo thời gian.

Câu 19: Thực hiện thí nghiệm Y-âng về giao thoa với ánh sáng đơn sắc màu lam ta quan sát được hệ vân giao thoa trên màn. Nếu thay ánh sáng đơn sắc màu lam bằng ánh sáng đơn sắc màu vàng và các điều kiện khác của thí nghiệm được giữ nguyên thì

- A. khoảng vân tăng lên. B. khoảng vân giảm xuống.
C. vị trí vân trung tâm thay đổi. D. khoảng vân không thay đổi.

Câu 20: Phát biểu nào sau đây là sai khi nói về sóng điện từ?

- A. Khi sóng điện từ gặp mặt phân cách giữa hai môi trường thì nó có thể bị phản xạ và khúc xạ.

B. Sóng điện từ truyền được trong chân không.

C. Sóng điện từ là sóng ngang nên nó chỉ truyền được trong chất rắn.

D. Trong sóng điện từ thì dao động của điện trường và của từ trường tại một điểm luôn đồng pha với nhau.

Câu 21: Một mạch dao động LC lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm 50 mH và tụ điện có điện dung C. Trong mạch đang có dao động điện từ tự do với cường độ dòng điện $i = 0,12\cos 2000t$ (i tính bằng A, t tính bằng s). Ở thời điểm mà cường độ dòng điện trong mạch bằng một nửa cường độ hiệu dụng thì hiệu điện thế giữa hai bản tụ có độ lớn bằng

- A. $12\sqrt{3}$ V. B. $5\sqrt{14}$ V. C. $6\sqrt{2}$ V. D. $3\sqrt{14}$ V.

Câu 22: Phát biểu nào sau đây là đúng khi nói về sóng cơ?

- A. Bước sóng là khoảng cách giữa hai điểm trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó cùng pha.
B. Sóng cơ truyền trong chất rắn luôn là sóng dọc.
C. Sóng cơ truyền trong chất lỏng luôn là sóng ngang.
D. Bước sóng là khoảng cách giữa hai điểm gần nhau nhất trên cùng một phương truyền sóng mà dao động tại hai điểm đó cùng pha.

Câu 23: Ở mặt chất lỏng có hai nguồn sóng A, B cách nhau 18 cm, dao động theo phương thẳng đứng với phương trình là $u_A = u_B = a\cos 50\pi t$ (với t tính bằng s). Tốc độ truyền sóng của mặt chất lỏng là 50 cm/s. Gọi O là trung điểm của AB, điểm M ở mặt chất lỏng nằm trên đường trung trực của AB và gần O nhất sao cho phần tử chất lỏng tại M dao động cùng pha với phần tử chất lỏng tại O. Khoảng cách MO là

- A. 10 cm. B. $2\sqrt{10}$ cm. C. $2\sqrt{2}$. D. 2 cm.

Câu 24: Một con lắc đơn được treo vào trần một thang máy. Khi thang máy chuyển động thẳng đứng đi lên nhanh dần đều với gia tốc có độ lớn a thì chu kỳ dao động điều hòa của con lắc là 2,52 s. Khi thang máy chuyển động thẳng đứng đi lên chậm dần đều với gia tốc cũng có độ lớn a thì chu kỳ dao động điều hòa của con lắc là 3,15 s. Khi thang máy đứng yên thì chu kỳ dao động điều hòa của con lắc là

- A. 2,96 s. B. 2,84 s. C. 2,61 s. D. 2,78 s.

Câu 25: Khi nói về hệ Mặt Trời, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Sao chổi là thành viên của hệ Mặt Trời.
B. Các hành tinh chuyển động quanh Mặt Trời theo cùng một chiều.
C. Hành tinh xa Mặt Trời nhất là Thiên Vương tinh.
D. Hành tinh gần Mặt Trời nhất là Thủy tinh.

Câu 26: Dao động của một chất điểm có khối lượng 100 g là tổng hợp của hai dao động điều hòa cùng phương, có phương trình li độ lần lượt là $x_1 = 5\cos 10t$ và $x_2 = 10\cos 10t$ (x_1 và x_2 tính bằng cm, t tính bằng s). Mốc thế năng ở vị trí cân bằng. Cơ năng của chất điểm bằng

- A. 0,1125 J. B. 225 J. C. 112,5 J. D. 0,225 J.

Câu 27: Một sợi dây đàn hồi căng ngang, đang có sóng dừng ổn định. Trên dây, A là một điểm nút, B là một điểm bụng gần A nhất, C là trung điểm của AB, với $AB = 10$ cm. Biết khoảng thời gian ngắn nhất giữa hai lần mà li độ dao động của phần tử tại B bằng biên độ dao động của phần tử tại C là 0,2 s. Tốc độ truyền sóng trên dây là

- A. 2 m/s. B. 0,5 m/s. C. 1 m/s. D. 0,25 m/s.

Câu 28: Một học sinh quấn một máy biến áp với dự định số vòng dây của cuộn sơ cấp gấp hai lần số vòng dây của cuộn thứ cấp. Do sơ suất nên cuộn thứ cấp bị thiếu một số vòng dây. Muốn xác định số vòng dây thiếu để quấn tiếp thêm vào cuộn thứ cấp cho đủ, học sinh này đặt vào hai đầu cuộn sơ cấp một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng không đổi, rồi dùng vôn kế xác định tỉ số điện áp ở cuộn thứ cấp để hở và cuộn sơ cấp. Lúc đầu tỉ số điện áp bằng 0,43. Sau khi quấn thêm vào cuộn thứ cấp 24 vòng dây thì tỉ số điện áp bằng 0,45. Bỏ qua mọi hao phí trong máy biến áp. Để được máy biến áp đúng như dự định, học sinh này phải tiếp tục quấn thêm vào cuộn thứ cấp

A. 40 vòng dây. B. 84 vòng dây. C. 100 vòng dây. D. 60 vòng dây.

Câu 29: Chất phóng xạ pôlôni $^{210}_{84}\text{Po}$ phát ra tia α và biến đổi thành chì $^{206}_{82}\text{Pb}$. Cho chu kì bán rã của $^{210}_{84}\text{Po}$ là 138 ngày. Ban đầu ($t = 0$) có một mẫu pôlôni nguyên chất. Tại thời điểm t_1 , tỉ số giữa số hạt nhân pôlôni và số hạt nhân chì trong mẫu là $\frac{1}{3}$. Tại thời điểm $t_2 = t_1 + 276$ ngày, tỉ số giữa số hạt nhân pôlôni và số hạt nhân chì trong mẫu là

A. $\frac{1}{15}$. B. $\frac{1}{16}$. C. $\frac{1}{9}$. D. $\frac{1}{25}$.

Câu 30: Một con lắc lò xo đặt trên mặt phẳng nằm ngang gồm lò xo nhẹ có một đầu cố định, đầu kia gắn với vật nhỏ m_1 . Ban đầu giữ vật m_1 tại vị trí mà lò xo bị nén 8 cm, đặt vật nhỏ m_2 (có khối lượng bằng khối lượng vật m_1) trên mặt phẳng nằm ngang và sát với vật m_1 . Buông nhẹ để hai vật bắt đầu chuyển động theo phương của trục lò xo. Bỏ qua mọi ma sát. Ở thời điểm lò xo có chiều dài cực đại lần đầu tiên thì khoảng cách giữa hai vật m_1 và m_2 là

A. 4,6 cm. B. 2,3 cm. C. 5,7 cm. D. 3,2 cm.

Câu 31: Đặt điện áp xoay chiều $u = U\sqrt{2}\cos 100\pi t$ vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần R , tụ điện có điện dung C và cuộn cảm thuần có độ tự cảm L thay đổi được. Điều chỉnh L để điện áp hiệu dụng ở hai đầu cuộn cảm đạt giá trị cực đại thì thấy giá trị cực đại đó bằng 100 V và điện áp hiệu dụng ở hai đầu tụ điện bằng 36 V. Giá trị của U là

A. 80 V. B. 136 V. C. 64 V. D. 48 V.

Câu 32: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, khe hẹp S phát ra đồng thời ba bức xạ đơn sắc có bước sóng là $\lambda_1 = 0,42\mu\text{m}$, $\lambda_2 = 0,56\mu\text{m}$ và $\lambda_3 = 0,63\mu\text{m}$. Trên màn, trong khoảng giữa hai vân sáng liên tiếp có màu giống màu vân trung tâm, nếu hai vân sáng của hai bức xạ trùng nhau ta chỉ tính là một vân sáng thì số vân sáng quan sát được là

A. 21. B. 23. C. 26. D. 27.

Câu 33: Đặt điện áp $u = U\sqrt{2}\cos\omega t$ vào hai đầu một tụ điện thì cường độ dòng điện qua nó có giá trị hiệu dụng là I . Tại thời điểm t , điện áp ở hai đầu tụ điện là u và cường độ dòng điện qua nó là i . Hệ thức liên hệ giữa các đại lượng là

A. $\frac{u^2}{U^2} + \frac{i^2}{I^2} = \frac{1}{4}$ B. $\frac{u^2}{U^2} + \frac{i^2}{I^2} = 1$ C. $\frac{u^2}{U^2} + \frac{i^2}{I^2} = 2$ D. $\frac{u^2}{U^2} + \frac{i^2}{I^2} = \frac{1}{2}$

Câu 34: Theo thuyết tương đối, một electron có động năng bằng một nửa năng lượng nghỉ của nó thì electron này chuyển động với tốc độ bằng

A. $2,41 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ B. $2,75 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ C. $1,67 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ D. $2,24 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

Câu 35: Đặt điện áp xoay chiều $u = U_0\cos\omega t$ (U_0 không đổi và ω thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp, với $CR^2 < 2L$. Khi $\omega = \omega_1$ hoặc $\omega = \omega_2$ thì điện áp hiệu dụng giữa hai bản tụ điện có cùng một giá trị. Khi $\omega = \omega_0$ thì điện áp hiệu dụng giữa hai bản tụ điện đạt cực đại. Hệ thức liên hệ giữa ω_1 , ω_2 và ω_0 là

A. $\omega_0 = \frac{1}{2}(\omega_1 + \omega_2)$ B. $\omega_0^2 = \frac{1}{2}(\omega_1^2 + \omega_2^2)$
C. $\omega_0 = \sqrt{\omega_1\omega_2}$ D. $\frac{1}{\omega_0^2} = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\omega_2^2}\right)$

Câu 36: Đoạn mạch AB gồm hai đoạn mạch AM và MB mắc nối tiếp. Đoạn mạch AM gồm điện trở thuần $R_1 = 40 \Omega$ mắc nối tiếp với tụ điện có điện dung $C = \frac{10^{-3}}{4\pi} \text{ F}$, đoạn mạch MB gồm điện trở thuần R_2 mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần. Đặt vào A, B điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng và tần số không đổi thì điện áp tức thời ở hai đầu đoạn mạch AM và MB lần lượt là: $u_{AM} = 50\sqrt{2}\cos(100\pi t - \frac{7\pi}{12}) \text{ (V)}$ và $u_{MB} = 150\cos 100\pi t \text{ (V)}$. Hệ số công suất của đoạn mạch AB là

A. 0,86. B. 0,84. C. 0,95. D. 0,71.

Câu 37: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc, khoảng cách giữa hai khe là 0,6 mm. Khoảng vân trên màn quan sát đo được là 1 mm. Từ vị trí ban đầu, nếu tịnh tiến màn quan sát một đoạn 25 cm lại gần mặt phẳng chứa hai khe thì khoảng vân mới trên màn là 0,8 mm. Bước sóng của ánh sáng dùng trong thí nghiệm là

A. $0,64 \mu\text{m}$ B. $0,50 \mu\text{m}$ C. $0,45 \mu\text{m}$ D. $0,48 \mu\text{m}$

Câu 38: Hiện tượng quang điện ngoài là hiện tượng electron bị bứt ra khỏi tấm kim loại khi

A. chiếu vào tấm kim loại này một chùm hạt nhân heli.
B. chiếu vào tấm kim loại này một bức xạ điện từ có bước sóng thích hợp.
C. cho dòng điện chạy qua tấm kim loại này.
D. tấm kim loại này bị nung nóng bởi một nguồn nhiệt.

Câu 39: Trong mạch dao động LC lí tưởng đang có dao động điện từ tự do. Thời gian ngắn nhất để năng lượng điện trường giảm từ giá trị cực đại xuống còn một nửa giá trị cực đại là $1,5 \cdot 10^{-4} \text{ s}$. Thời gian ngắn nhất để điện tích trên tụ giảm từ giá trị cực đại xuống còn một nửa giá trị đó là

A. $2 \cdot 10^{-4} \text{ s}$. B. $6 \cdot 10^{-4} \text{ s}$. C. $12 \cdot 10^{-4} \text{ s}$. D. $3 \cdot 10^{-4} \text{ s}$.

Câu 40: Một nguồn điểm O phát sóng âm có công suất không đổi trong một môi trường truyền âm đẳng hướng và không hấp thụ âm. Hai điểm A, B cách nguồn âm lần lượt là r_1 và r_2 . Biết cường độ âm tại A gấp 4 lần cường độ âm tại B. Tỉ số $\frac{r_2}{r_1}$ bằng

A. 4. B. $\frac{1}{2}$. C. $\frac{1}{4}$. D. 2.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Công thoát electron của một kim loại là $A = 1,88 \text{ eV}$. Giới hạn quang điện của kim loại này có giá trị là

- A. 550 nm B. 220 nm C. 1057 nm D. 661 nm

Câu 42: Một chất điểm dao động điều hòa trên trục Ox. Trong thời gian 31,4 s chất điểm thực hiện được 100 dao động toàn phần. Gốc thời gian là lúc chất điểm đi qua vị trí có li độ 2 cm theo chiều âm với tốc độ là $40\sqrt{3} \text{ cm/s}$. Lấy $\pi = 3,14$. Phương trình dao động của chất điểm là

- A. $x = 6 \cos(20t - \frac{\pi}{6}) \text{ (cm)}$ B. $x = 4 \cos(20t + \frac{\pi}{3}) \text{ (cm)}$
C. $x = 4 \cos(20t - \frac{\pi}{3}) \text{ (cm)}$ D. $x = 6 \cos(20t + \frac{\pi}{6}) \text{ (cm)}$

Câu 43: Một con lắc đơn đang dao động điều hòa với biên độ góc α_0 tại nơi có gia tốc trọng trường là g. Biết lực căng dây lớn nhất bằng 1,02 lần lực căng dây nhỏ nhất. Giá trị của α_0 là

- A. $3,3^\circ$ B. $6,6^\circ$ C. $5,6^\circ$ D. $9,6^\circ$

Câu 44: Tia Rơn-ghen (tia X) có

- A. cùng bản chất với tia tử ngoại.
B. tần số nhỏ hơn tần số của tia hồng ngoại.
C. điện tích âm nên nó bị lệch trong điện trường và từ trường.
D. cùng bản chất với sóng âm.

Câu 45: Mạch dao động điện từ LC gồm một cuộn dây có độ tự cảm 50 mH và tụ điện có điện dung 5 μF . Nếu mạch có điện trở thuần $10^{-2} \Omega$, để duy trì dao động trong mạch với hiệu điện thế cực đại giữa hai bản tụ điện là 12 V thì phải cung cấp cho mạch một công suất trung bình bằng

- A. 72 mW. B. 72 μW . C. 36 μW . D. 36 mW.

Câu 46: Một máy phát điện xoay chiều một pha có phần ứng gồm bốn cuộn dây giống nhau mắc nối tiếp. Suất điện động xoay chiều do máy phát sinh ra có tần số 50 Hz và giá trị hiệu dụng $100\sqrt{2} \text{ V}$. Từ thông cực đại qua mỗi vòng của phần ứng là $\frac{5}{\pi} \text{ mWb}$.

Số vòng dây trong mỗi cuộn dây của phần ứng là

- A. 71 vòng. B. 200 vòng. C. 100 vòng. D. 400 vòng.

Câu 47: Một thiên thạch bay vào bầu khí quyển của Trái Đất, bị ma sát mạnh, nóng sáng và bốc cháy, để lại một vết sáng dài. Vết sáng dài này được gọi là

- A. sao đôi B. sao siêu mới C. sao băng D. sao chổi

Câu 48: Một hạt nhân X đứng yên, phóng xạ α và biến thành hạt nhân Y. Gọi m_1 và m_2 , v_1 và v_2 , K_1 và K_2 tương ứng là khối lượng, tốc độ, động năng của hạt α và hạt nhân Y. Hệ thức nào sau đây là đúng?

A. $\frac{v_1}{v_2} = \frac{m_1}{m_2} = \frac{K_1}{K_2}$
C. $\frac{v_1}{v_2} = \frac{m_2}{m_1} = \frac{K_1}{K_2}$

B. $\frac{v_2}{v_1} = \frac{m_2}{m_1} = \frac{K_2}{K_1}$
D. $\frac{v_1}{v_2} = \frac{m_2}{m_1} = \frac{K_2}{K_1}$

Câu 49: Đặt điện áp xoay chiều $u = U\sqrt{2} \cos 100\pi t$ (U không đổi, t tính bằng s) vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần R, cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{1}{5\pi} \text{ H}$ và tụ điện có điện dung C thay đổi được. Điều chỉnh điện dung của tụ điện để điện áp hiệu dụng giữa hai bản tụ điện đạt giá trị cực đại. Giá trị cực đại đó bằng $U\sqrt{3}$. Điện trở R bằng

- A. 10 Ω B. $20\sqrt{2} \Omega$ C. $10\sqrt{2} \Omega$ D. 20 Ω

Câu 50: Một sóng hình sin truyền theo phương Ox từ nguồn O với tần số 20 Hz, có tốc độ truyền sóng nằm trong khoảng từ 0,7 m/s đến 1 m/s. Gọi A và B là hai điểm nằm trên Ox, ở cùng một phía so với O và cách nhau 10 cm. Hai phần tử môi trường tại A và B luôn dao động ngược pha với nhau. Tốc độ truyền sóng là

- A. 100 cm/s B. 80 cm/s C. 85 cm/s D. 90 cm/s

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Xét 4 hạt: notrinô, notron, prôtôn, electron. Các hạt này được sắp xếp theo thứ tự giảm dần của khối lượng nghỉ:

- A. prôtôn, notron, electron, notrinô B. notron, prôtôn, notrinô, electron
C. notrinô, notron, prôtôn, electron D. notron, prôtôn, electron, notrinô

Câu 52: Đặt một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng và tần số không đổi lần lượt vào hai đầu điện trở thuần R, cuộn cảm thuần có độ tự cảm L, tụ điện có điện dung C thì cường độ dòng điện hiệu dụng qua mạch tương ứng là 0,25 A; 0,5 A; 0,2 A. Nếu đặt điện áp xoay chiều này vào hai đầu đoạn mạch gồm ba phần tử trên mắc nối tiếp thì cường độ dòng điện hiệu dụng qua mạch là

- A. 0,2 A B. 0,3 A C. 0,15 A D. 0,05 A

Câu 53: Con lắc vật lí là một vật rắn quay được quanh một trục nằm ngang cố định. Dưới tác dụng của trọng lực, khi ma sát không đáng kể thì chu kì dao động nhỏ của con lắc

- A. không phụ thuộc vào gia tốc trọng trường tại vị trí con lắc dao động
B. phụ thuộc vào biên độ dao động của con lắc
C. phụ thuộc vào khoảng cách từ trọng tâm của vật rắn đến trục quay của nó
D. không phụ thuộc vào momen quán tính của vật rắn đối với trục quay của nó

Câu 54: Một bánh đà đang quay đều quanh trục cố định của nó. Tác dụng vào bánh đà một momen hãm, thì momen động lượng của bánh đà có độ lớn giảm đều từ 3,0 $\text{kg.m}^2/\text{s}$ xuống còn 0,9 $\text{kg.m}^2/\text{s}$ trong thời gian 1,5 s. Momen hãm tác dụng lên bánh đà trong khoảng thời gian đó có độ lớn là

- A. 3,3 N.m B. 14 N.m C. 1,4 N.m D. 33 N.m

Câu 55: Một vật rắn quay nhanh dần đều quanh một trục cố định. Tại $t = 0$, tốc độ góc của vật là ω_0 . Kể từ $t = 0$, trong 10 s đầu, vật quay được một góc 150 rad và trong giây thứ 10 vật quay được một góc 24 rad. Giá trị của ω_0 là

- A. 2,5 rad/s B. 5 rad/s C. 7,5 rad/s D. 10 rad/s

Câu 56: Một cái thước khi nằm yên dọc theo một trục tọa độ của hệ quy chiếu quán tính K thì có chiều dài là ℓ_0 . Khi thước chuyển động dọc theo trục tọa độ này với tốc độ bằng 0,8 lần tốc độ ánh sáng trong chân không thì chiều dài của thước đo được trong hệ K là

- A. $0,8\ell_0$ B. $0,6\ell_0$ C. $0,36\ell_0$ D. $0,64\ell_0$

Câu 57: Một vật rắn quay quanh một trục cố định, có momen quán tính không đổi đối với trục này. Nếu momen lực tác dụng lên vật khác không và không đổi thì vật sẽ quay

- A. với gia tốc góc không đổi. B. với tốc độ góc không đổi.
C. chậm dần đều rồi dừng hẳn. D. nhanh dần đều rồi chậm dần đều.

Câu 58: Một đĩa tròn mỏng đồng chất có đường kính 30 cm, khối lượng 500 g quay đều quanh trục cố định đi qua tâm đĩa và vuông góc với mặt phẳng đĩa. Biết chu kỳ quay của đĩa là 0,03 s. Công cần thực hiện để làm cho đĩa dừng lại có độ lớn là

- A. 820 J. B. 123 J. C. 493 J. D. 246 J.

Câu 59: Một sợi dây đàn hồi căng ngang, hai đầu cố định. Trên dây có sóng dừng, tốc độ truyền sóng không đổi. Khi tần số sóng trên dây là 42 Hz thì trên dây có 4 điểm bụng. Nếu trên dây có 6 điểm bụng thì tần số sóng trên dây là

- A. 252 Hz. B. 126 Hz. C. 28 Hz. D. 63 Hz.

Câu 60: Khi chiếu một bức xạ điện từ có bước sóng $\lambda_1 = 0,30\mu\text{m}$ vào catốt của một tế bào quang điện thì xảy ra hiện tượng quang điện và hiệu điện thế hãm lúc đó là 2 V. Nếu đặt vào giữa anốt và catốt của tế bào quang điện trên một hiệu điện thế $U_{AK} = -2\text{V}$ và chiếu vào catốt một bức xạ điện từ khác có bước sóng $\lambda_2 = 0,15\mu\text{m}$ thì động năng cực đại của electron quang điện ngay trước khi tới anốt bằng

- A. $1,325 \cdot 10^{-18}\text{J}$. B. $6,625 \cdot 10^{-19}\text{J}$. C. $9,825 \cdot 10^{-19}\text{J}$. D. $3,425 \cdot 10^{-19}\text{J}$.

HƯỚNG DẪN TRẢ LỜI

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Chọn A

Khi tần số f_1 ta có

$$\text{Cảm kháng } Z_L = \omega L = 2\pi f_1 L = 6 \Omega \quad (1)$$

$$\text{Dung kháng } Z_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f_1 C} = 8 \Omega \quad (2)$$

Chia (2) cho (1) ta có:

$$\frac{1}{4\pi^2 f_1^2 LC} = \frac{8}{6} \Rightarrow \frac{1}{4\pi^2 LC} = \frac{8}{6} f_1^2 \quad (3)$$

Khi tần số f_2 hệ số công suất bằng 1, suy ra cộng hưởng:

$$\text{Suy ra } Z_L = Z_C \Leftrightarrow 2\pi f_2 L = \frac{1}{2\pi f_2 C} \Leftrightarrow f_2^2 = \frac{1}{4\pi^2 LC} \quad (4)$$

$$\text{So sánh (3) và (4) suy ra } f_2^2 = \frac{8}{6} f_1^2 = \frac{4}{3} f_1^2 \Rightarrow f_2 = \frac{2}{\sqrt{3}} f_1$$

Câu 2: Chọn C

Với tần số $\omega_1 = 100\pi$ và $\omega_2 = 120\pi$ thì giá trị I bằng nhau, như vậy tần số cộng hưởng phải nằm giữa khoảng ω_1 đến ω_2 và lúc đó $I_{\max}$. Vì $\omega_2 = 110\pi$ nằm giữa ω_1 và ω_2 nên giá trị gần giá trị cộng hưởng hơn nên $I' > I$.

Câu 3: Chọn A

Phản ứng thu năng lượng $\Delta E = mc^2 = 0,20931,5 = 18,63 \rightarrow$ chọn A.

Câu 4: Chọn A

Theo bảo toàn động lượng $m_P \vec{V}_P = m_x \vec{V}_{x1} + m_x \vec{V}_{x2}$

Theo phản ứng $m_P = 1$; $m_x = 4$

Chiều lên phương $\vec{V}_P$ ta có: $m_P V_P = 2 m_x V_x \cos 60^\circ$

$$V_P = 2 \cdot 4 \cdot V_x \cdot \frac{1}{2} = 4 V_x \Rightarrow \frac{V_P}{V_x} = 4$$

Câu 5: Chọn C

$$\text{Năng lượng photon: } \frac{hc}{\lambda} = \frac{13,6}{9} + \frac{13,6}{1} = 12,088 \approx 12,089$$

$$\frac{hc}{\lambda_2} = \frac{-13,6}{25} + \frac{13,6}{4} = 3,4 - 0,544 = 2,856$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = 4,23 \Rightarrow 189 \lambda_2 = 800 \lambda_1$$

Câu 6: Chọn A

Tia γ là một bức xạ điện từ có bước sóng nhỏ hơn tia X.

Câu 7: Chọn C

Nguyên tắc hoạt động của quang trở dựa vào hiện tượng quang điện trong

Câu 8: Chọn A

$$\text{Ta thấy bán kính quỹ đạo } r = n^2 r_0 \rightarrow n^2 r_0 \rightarrow n^2 = \frac{1,20}{5,3} = 4 \rightarrow n = 2$$

Quỹ đạo ứng với $n = 1$ là K, $n = 2$ là L

Câu 9: Chọn B

$$\text{Tại } t = 0 \text{ thì } e = E_0 \cos \frac{\pi}{2} = 0, \text{ khi đó từ thông } \Phi \text{ cực đại và mặt phẳng của khung phải}$$

vuông góc với đường cảm ứng từ hay góc giữa véc tơ pháp tuyến khung và $\vec{B}$ là 0° hoặc 180° , ở đây chọn 180° .

Câu 10: Chọn A

Ta có tốc độ qua VTCB $v = v_{\max} = \omega A = 20 \rightarrow \omega^2 A^2 = 400$

Khi có tốc độ $v_1 = \omega A (\sin \omega t + \varphi) = 10 \text{ cm/s}$

$a = \omega^2 A \cos (\omega t + \varphi) = 40 \sqrt{3} \text{ cm/s}^2$

$$\Rightarrow \sin^2 \varphi = \frac{10^2}{\omega^2 A^2} \text{ và } \cos^2 \varphi = \frac{(40 \sqrt{3})^2}{\omega^2 A^2} \Rightarrow \frac{10^2}{\omega^2 A^2} + \frac{40^2 \cdot 3}{\omega^2 A^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{100}{400} + \frac{40^2 \cdot 3}{\omega^2 \cdot 400} = 1 \Leftrightarrow \frac{1}{4} + \frac{1600 \cdot 3}{400 \omega^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} + \frac{12}{\omega^2} = 1 \Rightarrow \frac{12}{\omega^2} = \frac{3}{4} \Rightarrow \omega^2 = 16 \Rightarrow \omega = 4 \Rightarrow A = 5 \text{ (cm)}$$

Câu 11: Chọn D

Gọi N_1 là số photon ánh sáng kích thích

N_2 là số photon ánh sáng phát quang phát ra trong cùng thời gian t (s)

$$\text{Công suất chùm ánh sáng phát quang là } P_2 = N_2 \frac{hc}{\lambda_2} \quad (1)$$

$$\text{Công suất chùm ánh sáng kích thích } P_1 = N_1 \frac{hc}{\lambda_1} \quad (2)$$

$$\text{Theo bài ra } \frac{P_2}{P_1} = \frac{N_2 \lambda_1}{N_1 \lambda_2} = \frac{20}{100} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{N_2}{N_1} = \frac{1}{5} \cdot \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{2}{5}$$

Câu 12: Chọn C

$$\text{Tần số góc } \omega = \frac{2\pi}{3} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = 3 \text{ (s)}$$

Trong một chu kỳ có 2 lần có tọa độ $x = -1$.

$$\text{Vào thời điểm } t_1 \text{ với } x = 4 \cos \frac{2\pi}{3} t_1 = -2 \Rightarrow \cos \frac{2\pi}{3} t_1 = -\frac{1}{2} \text{ đó là } \frac{T}{3}$$

và $\frac{2T}{3}$ lần thứ 2010 vật thực hiện 1005 chu kỳ và lần thứ 2011 ứng với

$$t = 1005T + \frac{T}{3} = 1005 \cdot 3 + \frac{3}{3} = 3016 \text{ (s)}$$

Câu 13: Chọn B

Khi mắc cuộn cảm L và điện trở R vào nguồn. Gọi U là điện áp nguồn ta có:

$$I = \frac{U}{R+r} = \frac{U}{1+r} \quad (1)$$

Khi nạp điện cho tụ và nối với cuộn cảm L ta có chu kỳ dao động của mạch là:

$$T = 2\pi \sqrt{LC} = \pi 10^{-6} \Rightarrow 2\sqrt{LC} = 10^{-6}$$

$$\text{Thay giá trị } C = 2 \cdot 10^{-6} \text{ F, ta tính được } L = 0,125 \cdot 10^{-6} \text{ H} \quad (2)$$

Mặt khác năng lượng của mạch dao động

$$\frac{1}{2} CU^2 = \frac{1}{2} LI_0^2 \Leftrightarrow CU^2 = L (8I)^2 \quad (3)$$

$$\text{Thế } L \text{ và } C \text{ vào (3) giải ra ta được } U = 2I \quad (4)$$

$$\text{Thế (4) vào (1) ta được: } \frac{2I}{1+r} = I \Rightarrow 2 = 1+r \Leftrightarrow r = 1 \text{ (}\Omega\text{)}$$

Câu 14: Chọn D

Khi góc bé ta có:

Góc lệch của tia đỏ $D_1 = A (n_d - 1)$

Góc lệch của tia tím $D_2 = A (n_t - 1)$

Xét tam giác ABD và ABT với các góc D_1, D_2 bé ta có

$$BD = AB \tan D_1 \approx AB \cdot D_1$$

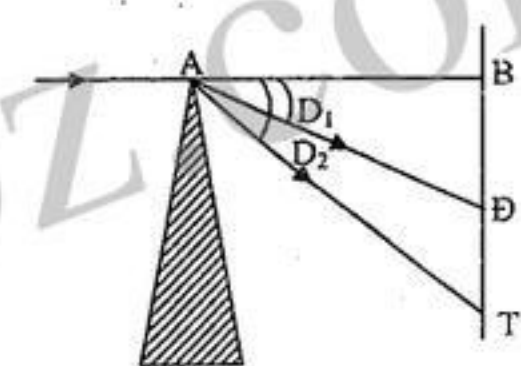
$$BT = AB \tan D_2 \approx AB \cdot D_2$$

Độ rộng quang phổ từ đỏ đến tím:

$$TD = BT - BD = AB (D_2 - D_1) \approx L \cdot A \cdot (n_{\text{tím}} - n_{\text{đỏ}})$$

$$TD \approx 1,2 \cdot \frac{6,2\pi}{180} \cdot (1,685 - 1,642) = 5,4 \cdot 10^{-3} \text{ m} \approx 5,4 \text{ mm}$$

$$\text{(Ta đổi } A = 6^\circ = \frac{6,2\pi}{180} \text{ (radian))}$$



Câu 15: Chọn D

Tại vị trí $W_d = 3W_t$ ta có $W = W_t + W_d = W_t + 3W_t = 4W_t$

$$\text{Mặt khác } W = \frac{1}{3} KA^2 = 4 \cdot \frac{1}{2} Kx_1^2 \Rightarrow A^2 = 4x_1^2 \Rightarrow x_1 = \pm \frac{A}{2}$$

$$\text{Tại vị trí } W_d = \frac{1}{3} W_t \text{ ta có } W = W_t + \frac{1}{3} W_t = \frac{4}{3} W_t$$

$$\Rightarrow W = \frac{1}{2} KA^2 = \frac{4}{3} \cdot \frac{1}{2} Kx_2^2 \Rightarrow A^2 = \frac{4}{3} x_2^2 \Rightarrow x_2 = \pm \frac{\sqrt{3}}{2} A$$

Sử dụng liên hệ giữa dao động điều hoà và chuyển động tròn đều ta thấy thời gian

$$\text{ngắn nhất đi từ } x_1 \text{ đến } x_2 \text{ là từ } -\frac{A}{2} \text{ đến } -\frac{\sqrt{3}}{2} A$$

Tương đương chuyển động tròn đều đi từ M_1 đến M_2 và vật quay một góc $\varphi = \frac{\pi}{6}$ tương

$$\text{ứng với thời gian dao động là } \frac{T}{12}$$

$$\text{Vậy } t = \frac{T}{12} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6} \text{ (s)}$$

$$\text{Độ dài quãng đường } S = |x_2 - x_1|$$

Ta thấy chu kỳ khi đi lên đều là $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

So sánh (5) và (6), ta được: $T = \sqrt{\frac{2T_1^2 \cdot T_2^2}{T_1^2 + T_2^2}} = 2,78 \text{ (s)}$

Câu 25: Chọn C

Hải vương tinh mới là xa nhất trong hệ mặt trời

Câu 26: Chọn A

Tổng hợp hai dao động cùng pha nên biên độ dao động tổng hợp là

$$A = A_1 + A_2 = 5 + 10 = 15 \text{ cm.}$$

Cơ năng của chất điểm $W = \frac{1}{2} kA^2 = \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 = \frac{1}{2} 0,1 \cdot 10^{-2} \cdot 0,15^2 = 0,1125 \text{ J}$

Câu 27: Chọn B

Biên độ dao động tại C $a_c = \left| 2A \cos\left(\frac{2\pi d}{\lambda} + \frac{\pi}{2}\right) \right|$ (1)

Ta lại có A là nút B là bụng gần nhất nên $AB = \frac{\lambda}{4}$ (2)

Suy ra $d = BC = \frac{\lambda}{8}$; Thay vào (1) ta được:

$$a_c = \left| 2A \cos\left(\frac{2\pi \cdot \frac{\lambda}{8}}{\lambda} + \frac{\pi}{2}\right) \right| = \left| 2A \cos\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2}\right) \right| = \left| 2A \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) \right| = A\sqrt{2}$$

Biên độ dao động của điểm bụng B là $a_B = 2A$

Khoảng thời gian ngắn nhất mà li độ B bằng $\frac{T}{4}$

Sử dụng mối quan hệ với chuyển động tròn đều ta thấy khi vật đi từ li độ $A\sqrt{2}$ đến $A\sqrt{2}$ tiếp theo tương đương với chuyển động tròn 1 góc là $\frac{\pi}{2}$, về thời gian là $\frac{T}{4}$.

Vậy: $\frac{T}{4} = 0,2 \text{ (s)} \Rightarrow T = 4 \cdot 0,2 = 0,8 \text{ (s)}$ (3)

Từ (2) ta có $\lambda = 4AB = 4 \cdot 10 = 40 \text{ cm}$ (4)

Vậy tốc độ truyền sóng trên dây: $v = \frac{\lambda}{T} = \frac{40}{0,8} = 50 \text{ cm/s} = 0,5 \text{ m}$

Câu 28: Chọn D

Gọi N_1, N_2 là số vòng quấn ban đầu ta có $\frac{N_2}{N_1} = 0,43 \Rightarrow N_2 = 0,43 N_1$ (1)

và $\frac{N_2 + 24}{N_1} = 0,45 \Rightarrow N_2 + 24 = 0,45 N_1$ (2)

(6)

$$\Rightarrow 0,43 N_1 + 24 = 0,45 N_1 \Rightarrow 0,02 N_1 = 24$$

$$\Rightarrow N_1 = 1200 \text{ vòng}$$

$$N_2 = 516 \text{ vòng.}$$

Vậy số vòng phải quấn thêm $N_3 = 600 - (516 + 24) = 60 \text{ vòng}$

Câu 29: Chọn A

Gọi N_0, N_1, N_2 là số hạt pôlôni ở thời điểm ban đầu, thời điểm t_1 và t_2 . Theo định luật phóng xạ ta có:

Tại t_1 : Nếu gọi N_{1C} là số hạt nhân chì ta có: $\frac{N_1}{N_{1C}} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{N_1}{N_1 + N_{1C}} = \frac{1}{1+3} = \frac{1}{4}$

Ta dễ thấy $N_0 = N_1 + N_{1C}$ do đó:

$$\frac{N_1}{N_0} = \frac{1}{4} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{2^2} \Leftrightarrow \frac{t_1}{T} = 2 \Rightarrow t_1 = 2T = 276 \text{ ngày}$$

Tại thời điểm $t_2 = t_1 + 276 \text{ ngày} = 4T$ do đó:

$$\frac{N_2}{N_0} = \frac{1}{2^4} = \frac{1}{16} \Rightarrow \frac{N_2}{N_0 - N_2} = \frac{1}{16-1} = \frac{1}{15}$$

Tỷ số $\frac{N_2}{N_0 - N_2}$ là tỷ số giữa số hạt Pôlôni và hạt nhân chì tại thời điểm t_2 .

Câu 30: Chọn D

Ban đầu khi thả m_1 và m_2 dao động như con lắc lò xo có khối lượng $M = 2m$. Đến vị trí cân bằng thì m_1 chịu tác dụng của lực đàn hồi và chuyển động chậm dần theo dao động còn

m_2 tách ra chuyển động đều với vận tốc $v_2 = \omega_1 A$ với $\omega_1 = \sqrt{\frac{k}{2m}}$

m_1 tiếp tục dao động với tần số góc $\omega_2 = \sqrt{\frac{k}{m}}$ chu kỳ $T = 2\pi \sqrt{\frac{K}{m}}$

Khi lò xo có độ giãn cực đại vật m_1 có tọa độ: $x_1 = A_1 = \frac{v_2}{\omega_1} = \frac{\sqrt{\frac{k}{2m}} \cdot A}{\sqrt{\frac{k}{m}}} = \frac{A}{\sqrt{2}}$

Và m_2 có tọa độ là:

$$x_2 = v_2 \cdot \frac{T}{4} = \sqrt{\frac{k}{2m}} \cdot A \cdot \frac{2\pi}{4} \sqrt{\frac{m}{K}} = \frac{A\pi}{2\sqrt{2}}$$

Khoảng cách giữa hai vật:

$$\Delta x = x_2 - x_1 = \frac{A\pi}{2\sqrt{2}} - \frac{A}{\sqrt{2}} = \frac{A}{\sqrt{2}} \left(\frac{\pi}{2} - 1 \right) \approx 3,2 \text{ cm}$$

Câu 31: Chọn A

Ta có $U_L = IZ_L = \frac{Z_L U}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}}$

Chia tử và mẫu cho Z_L ta có: $U_L = \frac{U}{\sqrt{\frac{R^2 + Z_C^2}{Z_L^2} - 2\frac{Z_C}{Z_L} + 1}} = \frac{U}{f(x)}$

(đặt $x = \frac{1}{Z_L}$). $U_L = U_{Lmax}$ khi $f(x)$ đạt giá trị cực tiểu.

Khảo sát $f(x)$, ta thấy $f(x) = \min$ khi: $Z_L = \frac{R^2 + Z_C^2}{Z_C}$ (1)

Thay vào ta được $U_{Lmax} = \frac{U\sqrt{R^2 + Z_C^2}}{R} = 100$ (V) (2)

Mặt khác $U_C = IZ_C = \frac{U.Z_C}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}} = \frac{U.Z_C}{\sqrt{R^2 + (\frac{R^2 + Z_C^2}{Z_C} - Z_C)^2}}$

$U_C = \frac{U.Z_C^2}{R\sqrt{R^2 + Z_C^2}} = 36$ (V) (3)

$U_R = I.R = \frac{U.R}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}} = \frac{U.R}{\sqrt{R^2 + (\frac{R^2 + Z_C^2}{Z_C} - Z_C)^2}} = \frac{U.Z_C}{\sqrt{R^2 + Z_C^2}}$ (4)

Ta lại có $U^2 = U_R^2 + (U_L - U_C)^2 = \frac{U^2.Z_C^2}{R^2 + Z_C^2} + (100 - 36)^2$
 $\Rightarrow U^2 - \frac{U^2.Z_C^2}{R^2 + Z_C^2} = 64^2 \Rightarrow U^2(1 - \frac{Z_C^2}{R^2 + Z_C^2}) = 64^2$ (5)

Từ (2) và (3) ta có $\frac{U\sqrt{R^2 + Z_C^2}}{R} \cdot \frac{U.Z_C^2}{R\sqrt{R^2 + Z_C^2}} = \frac{U^2.Z_C^2}{R^2} = 3600$
 $\Rightarrow \frac{U.Z_C}{R} = 60 \Rightarrow \frac{U}{R} = \frac{60}{Z_C}$ (6)

Thay (6) vào (3) ta được $\frac{60.Z_C}{\sqrt{R^2 + Z_C^2}} = 36 \Rightarrow \frac{Z_C}{\sqrt{R^2 + Z_C^2}} = \frac{36}{60} = 0,6$ (7)

Thế (7) vào (5) ta được: $U^2(1 - 0,6^2) = 64^2 \Rightarrow 0,64 U^2 = 64^2 \Rightarrow U = 80$ V

Câu 32: Chọn A

Muốn ba bức xạ trùng nhau ta phải có:

$$K_1\lambda_1 = K_2\lambda_2 = K_3\lambda_3 \Rightarrow K_1\lambda_1 = K_2\lambda_2 = K_3\lambda_3$$

$$\text{Suy ra } K_1.42 = K_2.56 = K_3.63 \Rightarrow 6K_1 = 8K_2 = 9K_3$$

K nguyên nên ta thấy giá trị nhỏ nhất là: $K_1 = 12$; $K_2 = 9$ và $K_3 = 8$.

Như vậy từ vân sáng trung tâm đến vân sáng gần nhất bức xạ λ_1 có 11 vân sáng, λ_2 có 8 vân và λ_3 có 7 vân sáng.

Tuy nhiên giữa λ_1 và λ_2 trong có 2 vân sáng trùng nhau:

$$+ K_1 = 4, K_2 = 3 \text{ trùng nhau}$$

$$+ K_1 = 8, K_2 = 6 \text{ trùng nhau}$$

Giữa λ_1 và λ_3 có 3 vân sáng trùng nhau ứng với:

$$+ K_1 = 3 \text{ và } K_3 = 2 \text{ trùng nhau}$$

$$+ K_1 = 6 \text{ và } K_3 = 4 \text{ trùng nhau}$$

$$+ K_1 = 9 \text{ và } K_3 = 6 \text{ trùng nhau}$$

Như vậy tổng số vân sáng giữa vân trung tâm và vân cùng màu gần nhất là:

$$N = 11 + 8 + 7 - 5 = 21 \text{ vân}$$

Câu 33: Chọn C

Từ biểu thức $u = U\sqrt{2}\cos\omega t \Rightarrow i = I_0\sqrt{2}\cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) = -I\sqrt{2}\sin(\omega t)$

$$\Rightarrow \frac{u^2}{2U^2} = \cos^2\omega t; \frac{i^2}{2I^2} = \sin^2\omega t \Rightarrow \frac{u^2}{2U^2} + \frac{i^2}{2I^2} = 1 \Leftrightarrow \frac{u^2}{U^2} + \frac{i^2}{I^2} = 2$$

Câu 34: Chọn D

Khi động năng bằng nửa năng lượng nghỉ, ta có: $W_d = 0,5 m_0c^2$

Theo thuyết tương đối, năng lượng toàn phần

$$W = W_d + m_0c^2 = 1,5 m_0c^2 = \frac{m_0c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow \frac{3}{2} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = 1 \Leftrightarrow \frac{9}{4} (1 - \frac{v^2}{c^2}) = 1$$

$$\frac{9}{4} - \frac{4}{4} = \frac{9}{4} \frac{v^2}{c^2} \Rightarrow 5 = \frac{9v^2}{c^2} \Rightarrow v = c\sqrt{\frac{5}{9}} \approx 2,24.10^8 \text{ m/s}$$

Câu 35: Chọn B

Ta có: $U_C = IZ_C = \frac{1}{\omega C} \cdot \frac{U}{\sqrt{R^2 + (\frac{1}{\omega C} - L\omega)^2}} = \frac{U}{\sqrt{R^2\omega^2C^2 + (1 - LC\omega^2)^2}}$

Biểu thức trong căn là:

$$y = R^2\omega^2C^2 + L^2C^2\omega^4 - 2LC\omega^2 + 1$$

$$L^2C^2\omega^4 + (R^2C^2 - 2LC)\omega^2 + 1$$

Ứng với hai tần số ω_1, ω_2 thì U_C bằng nhau nên y cũng bằng nhau, ta có:

$$\begin{aligned} L^2 C^2 \omega_1^4 + (R^2 C^2 - 2LC) \omega_1^2 + 1 &= L^2 C^2 \omega_2^4 + (R^2 C^2 - 2LC) \omega_2^2 + 1 \\ \Rightarrow L^2 C^2 (\omega_1^4 - \omega_2^4) &= (R^2 C^2 - 2LC) (\omega_2^2 - \omega_1^2) \\ L^2 C^2 (\omega_1^2 + \omega_2^2) (\omega_1^2 - \omega_2^2) &= (2LC - R^2 C^2) (\omega_1^2 - \omega_2^2) \\ \Rightarrow (\omega_1^2 + \omega_2^2) &= \frac{2LC + R^2 C^2}{L^2 C^2} \\ &= \frac{2LC}{L^2 C^2} - \frac{R^2 C^2}{L^2 C^2} = \frac{2}{LC} - \frac{R^2}{L^2} = 2 \left(\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{2L^2} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{2} (\omega_1^2 + \omega_2^2) &= \frac{1}{LC} - \frac{R^2}{2L^2} \end{aligned} \quad (1)$$

Để U_C cực đại thì y cực tiểu khi đó $\frac{dy}{dx} = 0$ với $x = \omega_0^2$

Ta có: $\frac{dy}{dx} = 2L^2 C^2 x + (R^2 C^2 - 2LC) = 0$

$$x = \omega_0^2 = \frac{2LC}{2L^2 C^2} - \frac{R^2 C^2}{2L^2 C^2} = \frac{1}{LC} - \frac{R^2}{2L^2} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta suy ra: $\omega_0^2 = \frac{1}{2} (\omega_1^2 + \omega_2^2)$

Câu 36: Chọn B

$$\text{Dung kháng } Z_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \cdot \frac{10^{-3}}{4\pi}} = 40(\Omega)$$

Cường độ lệch pha với U là:

$$\tan \varphi_1 = \frac{Z_C}{R} = -1 \Rightarrow \varphi_1 = \frac{\pi}{4}$$

Ta biểu diễn U_{AM}, U_{MB} và I trên giản đồ vec tơ:

Ta dễ thấy góc giữa U_{AM} và I là $\frac{\pi}{4}$ thì góc giữa U_{MB} và I là $\frac{\pi}{6}$.

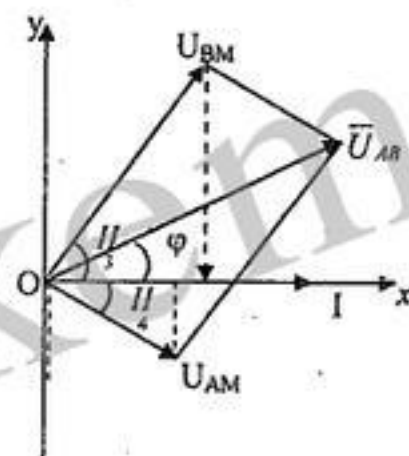
Biểu diễn lại với I làm góc ta được như hình.

Ta có: $\vec{U}_{AB} = \vec{U}_{AM} + \vec{U}_{MB}$

Chiếu lên OX và OY

$$U_{ABX} = U_{AM} \cos \frac{\pi}{4} + U_{MB} \cdot \cos \frac{\pi}{3} = 50\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + 150 \cdot \frac{1}{2} = 125.$$

$$U_{ABY} = U_{BM} \sin \frac{\pi}{3} - U_{AM} \sin \frac{\pi}{4} = 150 \frac{\sqrt{3}}{2} - 50\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$$



$$U_{ABY} = 75\sqrt{3} - 50 = 79,75$$

$$\tan \varphi = \frac{U_{ABY}}{U_{ABX}} = 0,638 \Rightarrow \varphi = 32,54^\circ \Rightarrow \cos \varphi \approx 0,84$$

Câu 37: Chọn D

$$\text{Khoảng vân } i_1 = \frac{\lambda_1 D_1}{a} \Rightarrow \frac{i_1}{i_2} = \frac{D_1}{D-25} = \frac{1}{0,8}$$

$$\text{Khoảng vân } i_2 = \frac{\lambda(D-25)}{a}$$

$$0,8D = D - 25 \rightarrow 0,2D = 25\text{cm} \rightarrow D = \frac{25}{0,2} = 125\text{cm}$$

$$\text{Bước sóng } \lambda = \frac{ia}{D} = \frac{1,0,6 \cdot 10^{-6}}{1,25} = 0,48 \cdot 10^{-6} \text{m} = 0,48 \mu\text{m}$$

Câu 38: Chọn B

Hiện tượng quang điện ngoài là hiện tượng electron bị bứt ra khỏi tấm kim loại khi chiếu vào tấm kim loại này một bức xạ điện từ có bước sóng thích hợp.

Câu 39: Chọn A

$$\text{Năng lượng điện trường cực đại } W_d = \frac{Q_0^2}{2C}$$

$$\text{Năng lượng điện trường khi điện tích } q = W_{d1} = \frac{q^2}{2C}$$

Theo giả thiết: giảm còn một nửa ta có:

$$\frac{W_{d0}}{W_{d1}} = \frac{Q_0^2}{q^2} = 2 \Rightarrow Q_0 = \sqrt{2} \cdot q \Rightarrow q = \frac{Q_0}{\sqrt{2}} = Q_0 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Ta sử dụng liên hệ giữa chuyển động tròn đều và dao động điều hoà để giải.

Khi điện tích giảm từ Q_0 đến $\frac{Q_0}{\sqrt{2}}$ tương ứng với

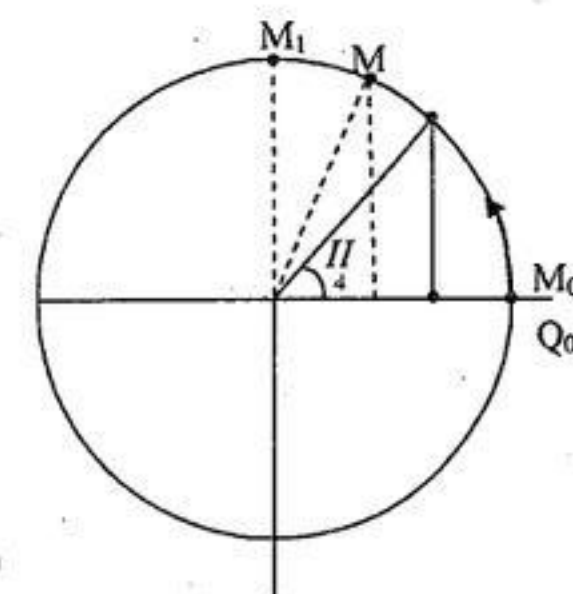
chuyển động tròn đều quay 1 góc từ $\varphi = \frac{\pi}{4}$ tương ứng

với quãng thời gian $t = \frac{T}{8}$.

$$\text{Suy ra: } t = \frac{T}{8} = 1,5 \cdot 10^{-4} \text{s} \Rightarrow T = 8 \cdot 1,5 \cdot 10^{-4} = 12 \cdot 10^{-4} \text{(s)}$$

Khi điện tích giảm từ Q_0 đến $\frac{Q_0}{2}$ tương ứng chuyển động tròn đều đi được cung M_0M_1 và

ứng với góc $\varphi_1 = \frac{\pi}{3}$ và quãng thời gian $t_1 = \frac{T}{6} = \frac{12 \cdot 10^{-4}}{6} = 2 \cdot 10^{-4} \text{(s)}$.



Câu 40: Chọn D

Công suất nguồn là P thì cường độ âm tại r là $I = \frac{P}{4\pi r^2}$

Vậy I tỷ lệ nghịch với bình phương r: $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} = 4 \Leftrightarrow \frac{r_2}{r_1} = 2$

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Chọn D

Giới hạn quang điện

$$\lambda_0 = \frac{hc}{A} = \frac{6,625 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{1,88 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}} = 6,61 \cdot 10^{-7} = 0,661 \cdot 10^{-6} \text{m} = 0,661 \mu\text{m}$$

Câu 42: Chọn B

$$\text{Chu kỳ dao động } T = \frac{31,4}{100} = 0,314 \text{ (s)} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2 \cdot 3,14}{0,314} = 20 \text{ rad/s}$$

Phương trình dao động có dạng $x = A \cos(\omega t + \varphi) \Rightarrow v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi)$

Tại $t = 0$, ta có: $x_0 = A \cos \varphi = 2$

$$v_0 = -20A \sin \varphi = -40\sqrt{3}$$

$$\text{Giải ra ta được: } A = \sqrt{x^2 + \frac{v^2}{\omega^2}} = \sqrt{2^2 + \frac{40^2 \cdot 3}{20^2}} = 4 \text{ cm và } \varphi = \frac{\pi}{3}$$

$$\text{Vậy } x = 4 \cos(20t + \frac{\pi}{3}) \text{ (cm)}$$

Câu 43: Chọn B

Lực căng dây $T = mg(3 \cos \alpha_0)$

Tại vị trí cân bằng T cực đại và bằng $T_{\max} = mg(3 - 2 \cos \alpha_0)$

Tại vị trí biên T cực tiểu và bằng $T_{\min} = mg(3 \cos \alpha_0 - 2 \cos \alpha_0) = mg \cos \alpha_0$

$$\text{Theo bài ra } \frac{T_{\max}}{T_{\min}} = \frac{mg(3 - 2 \cos \alpha_0)}{mg \cos \alpha_0} = 1,02$$

$$\Rightarrow 3 - 2 \cos \alpha_0 = 1,02 \cos \alpha_0 \Rightarrow 3,02 \cos \alpha_0 = 3$$

$$\cos \alpha_0 = 0,99338 \Rightarrow \alpha_0 = 6,596^\circ \approx 6,6^\circ$$

Câu 44: Chọn A

Tia Rơn-ghen (tia X) có cùng bản chất với tia tử ngoại.

Câu 45: Chọn B

Năng lượng cung cấp bù đắp năng lượng tỏa nhiệt ta có:

$$\frac{1}{2} CU^2 = \frac{1}{2} L I_0^2 \Rightarrow CU^2 = LI^2$$

$$\Rightarrow I^2 = \frac{C}{L} U^2 \Rightarrow P = RI^2 = \frac{CR}{L} U^2 = \frac{CRU_0^2}{2L} = \frac{5 \cdot 10^{-6} \cdot 10^{-2} \cdot 144}{2 \cdot 50 \cdot 10^{-3}} = 72 \cdot 10^{-6} = 72 \mu\text{W}$$

Câu 46: Chọn C

Từ thông qua khung dây là $\Phi = NBS \cos \omega t$ thì suất điện động sinh ra:

$$e = -\Phi' = NBS \sin \omega t$$

Trong đó $E_0 = NBS \omega$, suất điện động hiệu dụng

$$E = \frac{E_0}{\sqrt{2}} = \frac{NBS \omega}{\sqrt{2}}. \text{ Mặt khác } \Phi_0 = BS; \omega = 2\pi f = 100\pi$$

$$\Rightarrow E = \frac{N \cdot \Phi_0 \cdot 100\pi}{\sqrt{2}} = 100\sqrt{2} \text{ (V)}$$

$$\Rightarrow N = \frac{E \sqrt{2}}{\Phi_0 \cdot 100\pi} = \frac{100\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}}{\frac{5}{10^{-3}} \cdot 100\pi} = \frac{200}{0,5} = 400 \text{ vòng.}$$

$$\text{Số vòng trong mỗi cuộn là: } N_1 = \frac{N}{4} = \frac{400}{100} = 100 \text{ vòng}$$

Câu 47: Chọn C

Vết sáng dài này được gọi là sao băng.

Câu 48: Chọn C

Theo định luật bảo toàn động lượng:

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = 0 \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{m_1}{m_2} \quad (1)$$

$$\text{Động năng } K_1 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1 \cdot v_1$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_2 v_2 \cdot v_2$$

$$\text{Vì } m_1 v_1 = m_2 v_2 \text{ nên } \frac{K_1}{K_2} = \frac{v_1}{v_2} \quad (2)$$

$$\Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{m_2}{m_1} = \frac{K_1}{K_2}$$

Câu 49: Chọn C

Ta có $U_C = IZ_C = \frac{U \cdot Z_C}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}}$ (1)

Chia tử và mẫu cho Z_L ta có: $U_C = \frac{U}{\sqrt{\frac{R^2 + Z_L^2}{Z_C^2} - 2\frac{Z_L}{Z_C} + 1}} = \frac{U}{f(x)}$ (đặt $x = \frac{1}{Z_C}$).

$U_C = U_{Cmax}$ khi $f(x)$ đạt giá trị cực tiểu.

Khảo sát $f(x)$, ta thấy $f(x) = \min$ khi: $Z_C = \frac{R^2 + Z_L^2}{Z_L}$ (2)

Thế (2) vào (1) ta có $U_{Cmax} = \frac{U \sqrt{R^2 + Z_L^2}}{R}$

Với $Z_L = \omega L = 100\pi \cdot \frac{1}{5\pi} = 20\Omega$.

$U_{Cmax} = \frac{U \sqrt{R^2 + 20^2}}{R} = \sqrt{3}U \Rightarrow \sqrt{R^2 + 20^2} = R\sqrt{3}$

$\Rightarrow R^2 + 400 = 3R^2 \Leftrightarrow 2R^2 = 400 \Rightarrow R = \sqrt{200} = 10\sqrt{2}\Omega$

Câu 50: Chọn B

Hai điểm dao động ngược pha nên có độ lệch pha là:

$\Delta\phi = 2\pi \frac{d}{\lambda} = (2n+1)\pi \Rightarrow \frac{2d}{\lambda} = 2n+1$

$\Leftrightarrow \frac{2df}{v} = 2n+1 \Rightarrow v = \frac{2df}{2n+1} = \frac{400}{2n+1}$

Vì v trong khoảng từ 70cm/s đến 100cm/s nên ta có:

$70 < \frac{400}{2n+1} < 100 \Rightarrow$ giải ra ta được $n = 2$ và thế vào $v = \frac{400}{5} = 80 \text{ cm/s}$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Chọn D

Thứ tự giảm dần là notrôn - Prôtôn - êlectrôn - notrinô

Câu 52: Chọn A

Điện trở $R = \frac{U}{I_1} = \frac{U}{0,25}$;

Cảm kháng $Z_L = \frac{U}{I_2} = \frac{U}{0,5}$

Dung kháng: $Z_C = \frac{U}{I_3} = \frac{U}{0,2}$

Khi mắc nối tiếp vào U .

Ta có: $I = \frac{U}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}} = \frac{U}{\sqrt{0,25^2 + U^2(\frac{1}{0,5} - \frac{1}{0,2})^2}} = \frac{1}{5} = 0,2A$

Câu 53: Chọn C

Chu kì dao động nhỏ của con lắc vật lí là $T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgd}}$ ta thấy A, B, D đều sai

Câu 54: Chọn C

Ta có mô men động lượng $L = I\omega$

Mô men lực hãm $M = I\gamma = I \cdot \frac{\omega - \omega_0}{\Delta t}$

$M = \frac{I\omega - I\omega_0}{\Delta t} = \frac{L - L_0}{\Delta t} = \frac{0,9 - 3}{1,5} = -1,4N/m$

Câu 55: Chọn B

Góc quay trong 10 s đầu:

$\omega_0 10 + \frac{1}{2} \gamma \cdot 10^2 = 150 \Rightarrow 10\omega_0 + 50\gamma = 150$ (1)

Góc quay trong giây thứ 10:

$\omega_0 10 + \frac{1}{2} \gamma \cdot 10 - \omega_0 9 - \frac{1}{2} \gamma \cdot 81 = \omega_0 + \frac{1}{2} \gamma \cdot 19 = 24$ (2)

Giải (1) và (2) ta được $\omega_0 = 5 \text{ rad/s}$

Câu 56: Chọn B

Chiều dài thước là $l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = l_0 \sqrt{1 - 0,64} = 0,6l_0$

Câu 57: Chọn A

Nếu momen lực tác dụng lên vật khác không và không đổi thì vật sẽ quay có giá tốc góc $\gamma = \frac{M}{I}$ không đổi.

Câu 58: Chọn B

Mômen quán tính của đĩa $I = \frac{1}{2} mR^2 = 0,50,50,15^2 = 5,625 \cdot 10^{-3}$

Tốc độ góc $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2,3,14}{0,03} = 209,333 \text{ rad/s}$

Động tăng quay của đĩa: $W_d = \frac{1}{2} I\omega^2 = 123,2 \approx 123J$.

Công cần thiết bằng động năng quay này

Câu 59: Chọn D

Khi có 4 bụng sóng ta có: $\frac{l}{4} = \frac{\lambda_1}{2} = \frac{v}{2f_1}$ (1)

$$\text{Khi có 6 bung sóng: } \frac{l}{6} = \frac{\lambda_2}{2} = \frac{v}{2f_2} \quad (2)$$

$$(1) (2) \text{ suy ra } \frac{f_1}{f_2} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \Rightarrow f_2 = \frac{3f_1}{2} = \frac{3 \cdot 63}{2} = 63 \text{ Hz}$$

Câu 60: Chọn B

$$\text{Khi chiếu với } \lambda_1 \text{ ta có: } \frac{hc}{\lambda_1} = A_0 + eU_1 = A_0 + 2e \quad (1)$$

$$\text{Khi chiếu } \lambda_2 \text{ và đặt hiệu thế } U_{AK}: \frac{hc}{\lambda_2} = A_0 + eU_{AK} + W_d = A_0 + 2e + W_d \quad (2)$$

$$\Rightarrow W_d = \frac{hc}{\lambda_2} - \frac{hc}{\lambda_1} = (132,5 - 66,25)10^{-20} = 6,625 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

ĐỀ THI MÔN VẬT LÝ NĂM 2012

KHỐI A - A₁ Mã đề thi 958

Câu 1: Một con lắc lò xo gồm lò xo nhẹ có độ cứng 100 N/m và vật nhỏ khối lượng m. Con lắc dao động điều hòa theo phương ngang với chu kỳ T. Biết ở thời điểm t vật có li độ 5cm, ở thời điểm $t + \frac{T}{4}$ vật có tốc độ 50cm/s. Giá trị của m bằng

- A. 0,5 kg B. 1,2 kg C. 0,8 kg D. 1,0 kg

Câu 2: Một chất điểm dao động điều hòa với chu kỳ T. Gọi v_{TB} là tốc độ trung bình của chất điểm trong một chu kỳ, v là tốc độ tức thời của chất điểm. Trong một chu kỳ, khoảng thời gian mà $v \geq \frac{\pi}{4} v_{TB}$ là

- A. $\frac{T}{6}$ B. $\frac{2T}{3}$ C. $\frac{T}{3}$ D. $\frac{T}{2}$

Câu 3: Laze A phát ra chùm bức xạ có bước sóng 0,45 μm với công suất 0,8W. Laze B phát ra chùm bức xạ có bước sóng 0,60 μm với công suất 0,6 W. Tỉ số giữa số photon của laze B và số photon của laze A phát ra trong mỗi giây là

- A. 1 B. $\frac{20}{9}$ C. 2 D. $\frac{3}{4}$

Câu 4: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, nguồn sáng phát ra ánh sáng đơn sắc có bước sóng λ_1 . Trên màn quan sát, trên đoạn thẳng MN dài 20 mm (MN vuông góc với hệ vân giao thoa) có 10 vân tối, M và N là vị trí của hai vân sáng. Thay ánh sáng trên bằng ánh sáng đơn sắc có bước sóng $\lambda_2 = \frac{5\lambda_1}{3}$ thì tại M là vị trí của một vân giao thoa, số vân sáng trên đoạn MN lúc này là

- A. 7 B. 5 C. 8 D. 6

Câu 5: Phóng xạ và phân hạch hạt nhân

- A. đều là phản ứng hạt nhân tỏa năng lượng
B. đều là phản ứng hạt nhân thu năng lượng
C. đều là phản ứng tổng hợp hạt nhân D. đều không phải là phản ứng hạt nhân

Câu 6: Tại nơi có gia tốc trọng trường là g, một con lắc lò xo treo thẳng đứng đang dao động điều hòa. Biết tại vị trí cân bằng của vật độ giãn của lò xo là Δl . Chu kỳ dao động của con lắc này là

- A. $2\pi\sqrt{\frac{g}{\Delta l}}$ B. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{\Delta l}{g}}$ C. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{g}{\Delta l}}$ D. $2\pi\sqrt{\frac{\Delta l}{g}}$

Câu 7: Đặt điện áp $u = U_0 \cos 100\pi t$ (V) vào hai đầu đoạn mạch AB gồm hai đoạn mạch AM và MB mắc nối tiếp. Đoạn mạch AM gồm điện trở thuần $100\sqrt{3}\Omega$ mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm L. Đoạn mạch MB chỉ có tụ điện có điện dung $\frac{10^{-4}}{2\pi} \text{ F}$. Biết điện áp giữa hai đầu đoạn mạch AM lệch pha $\frac{\pi}{3}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch AB. Giá trị của L bằng

- A. $\frac{3}{\pi} \text{ H}$ B. $\frac{2}{\pi} \text{ H}$ C. $\frac{1}{\pi} \text{ H}$ D. $\frac{\sqrt{2}}{\pi} \text{ H}$

Câu 8: Theo thuyết lượng tử ánh sáng, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Trong chân không, photon bay với tốc độ $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ dọc theo các tia sáng.
B. Photon của các ánh sáng đơn sắc khác nhau thì mang năng lượng khác nhau.
C. Năng lượng của một photon không đổi khi truyền trong chân không.
D. Photon tồn tại trong cả trạng thái đứng yên và trạng thái chuyển động.

Câu 9: Một mạch dao động điện từ lí tưởng đang có dao động điện từ tự do. Biết điện tích cực đại trên một bản tụ điện là $4\sqrt{2} \mu\text{C}$ và cường độ dòng điện cực đại trong mạch là $0,5\pi\sqrt{2} \text{ A}$. Thời gian ngắn nhất để điện tích trên một bản tụ giảm từ giá trị cực đại đến nửa giá trị cực đại là

- A. $\frac{4}{3} \mu\text{s}$ B. $\frac{16}{3} \mu\text{s}$ C. $\frac{2}{3} \mu\text{s}$ D. $\frac{8}{3} \mu\text{s}$

Câu 10: Trong hiện tượng giao thoa sóng nước, hai nguồn dao động theo phương vuông góc với mặt nước, cùng biên độ, cùng pha, cùng tần số 50 Hz được đặt tại hai điểm S_1 và S_2 cách nhau 10 cm. Tốc độ truyền sóng trên mặt nước là 75 cm/s. Xét các điểm trên mặt nước thuộc đường tròn tâm S_1 , bán kính S_1S_2 , điểm mà phần tử tại đó dao động với biên độ cực đại cách điểm S_2 một đoạn ngắn nhất bằng

- A. 85 mm. B. 15 mm. C. 10 mm. D. 89 mm.

Câu 11: Hai dao động cùng phương lần lượt có phương trình $x_1 = A_1 \cos(\pi t + \frac{\pi}{6})$ (cm)

và $x_2 = 6 \cos(\pi t - \frac{\pi}{2})$ (cm). Dao động tổng hợp của hai dao động này có phương trình $x = A \cos(\pi t + \varphi)$ (cm). Thay đổi A_1 cho đến khi biên độ A đạt giá trị cực tiểu thì

- A. $\varphi = -\frac{\pi}{6} \text{ rad}$ B. $\varphi = \pi \text{ rad}$ C. $\varphi = -\frac{\pi}{3} \text{ rad}$ D. $\varphi = 0 \text{ rad}$

Câu 12: Một con lắc lò xo dao động điều hòa theo phương ngang với cơ năng dao động là 1 J và lực đàn hồi cực đại là 10 N. Mốc thế năng tại vị trí cân bằng. Gọi Q là đầu cố định của lò xo, khoảng thời gian ngắn nhất giữa 2 lần liên tiếp Q chịu tác dụng lực kéo của lò xo có độ lớn $5\sqrt{3}$ N là 0,1 s. Quãng đường lớn nhất mà vật nhỏ của con lắc đi được trong 0,4 s là

- A. 40 cm. B. 60 cm. C. 80 cm. D. 115 cm.

Câu 13: Theo mẫu nguyên tử Bo, trong nguyên tử hiđrô, chuyển động của electron quanh hạt nhân là chuyển động tròn đều. Tỉ số giữa tốc độ của electron trên quỹ đạo K và tốc độ của electron trên quỹ đạo M bằng

- A. 9. B. 2. C. 3. D. 4.

Câu 14: Khi nói về tính chất của tia tử ngoại, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Tia tử ngoại làm ion hóa không khí.
B. Tia tử ngoại kích thích sự phát quang của nhiều chất.
C. Tia tử ngoại tác dụng lên phim ảnh.
D. Tia tử ngoại không bị nước hấp thụ.

Câu 15: Trong một phản ứng hạt nhân, có sự bảo toàn

- A. số proton. B. số nucleon. C. số neutron. D. khối lượng.

Câu 16: Tại điểm O trong môi trường đẳng hướng, không hấp thụ âm, có 2 nguồn âm điểm, giống nhau với công suất phát âm không đổi. Tại điểm A có mức cường độ âm 20 dB. Để tại trung điểm M của đoạn OA có mức cường độ âm là 30 dB thì số nguồn âm giống các nguồn âm trên cần đặt thêm tại O bằng

- A. 4. B. 3. C. 5. D. 7.

Câu 17: Hạt nhân urani $^{238}_{92}\text{U}$ sau một chuỗi phân rã, biến đổi thành hạt nhân chì $^{206}_{82}\text{Pb}$.

Trong quá trình đó, chu kỳ bán rã của $^{238}_{92}\text{U}$ biến đổi thành hạt nhân chì là $4,47.10^9$ năm.

Một khối đá được phát hiện có chứa $1,188.10^{20}$ hạt nhân $^{238}_{92}\text{U}$ và $6,239.10^{18}$ hạt nhân $^{206}_{82}\text{Pb}$. Giả sử khối đá lúc mới hình thành không chứa chì và tất cả lượng chì có mặt trong đó đều là sản phẩm phân rã của $^{238}_{92}\text{U}$. Tuổi của khối đá khi được phát hiện là

- A. $3,3.10^8$ năm. B. $6,3.10^9$ năm. C. $3,5.10^7$ năm. D. $2,5.10^6$ năm.

Câu 18: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, nguồn sáng phát đồng thời hai ánh sáng đơn sắc λ_1, λ_2 có bước sóng lần lượt là 0,48 μm và 0,60 μm . Trên màn quan sát, trong khoảng giữa hai vân sáng gần nhau nhất và cùng màu với vân sáng trung tâm có

- A. 4 vân sáng λ_1 và 3 vân sáng λ_2 . B. 5 vân sáng λ_1 và 4 vân sáng λ_2 .
C. 4 vân sáng λ_1 và 5 vân sáng λ_2 . D. 3 vân sáng λ_1 và 4 vân sáng λ_2 .

Câu 19: Tổng hợp hạt nhân heli ^4_2He từ phản ứng hạt nhân $^1_1\text{H} + ^7_3\text{Li} \rightarrow ^4_2\text{He} + X$. Mỗi phản ứng trên tỏa năng lượng 17,3 MeV. Năng lượng tỏa ra khi tổng hợp được 0,5 mol heli là

- A. $1,3.10^{24}$ MeV. B. $2,6.10^{24}$ MeV.
C. $5,2.10^{24}$ MeV. D. $2,4.10^{24}$ MeV.

Câu 20: Một sóng âm và một sóng ánh sáng truyền từ không khí vào nước thì bước sóng

- A. của sóng âm tăng còn bước sóng của sóng ánh sáng giảm.
B. của sóng âm giảm còn bước sóng của sóng ánh sáng tăng.
C. của sóng âm và sóng ánh sáng đều giảm.
D. của sóng âm và sóng ánh sáng đều tăng.

Câu 21: Trong giờ thực hành, một học sinh mắc đoạn mạch AB gồm điện trở thuần 40 Ω , tụ điện có điện dung C thay đổi được và cuộn dây có độ tự cảm L nối tiếp nhau theo đúng thứ tự trên. Gọi M là điểm nối giữa điện trở thuần và tụ điện. Đặt vào hai đầu đoạn mạch AB một điện áp xoay chiều có giá trị hiệu dụng 200V và tần số 50 Hz. Khi điều chỉnh điện dung của tụ điện đến giá trị C_m thì điện áp hiệu dụng giữa hai đầu đoạn mạch MB đạt giá trị cực tiểu bằng 75 V. Điện trở thuần của cuộn dây là

- A. 24 Ω . B. 16 Ω . C. 30 Ω . D. 40 Ω .

Câu 22: Khi nói về sóng điện từ, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Sóng điện từ mang năng lượng.
B. Sóng điện từ tuân theo các quy luật giao thoa, nhiễu xạ.
C. Sóng điện từ là sóng ngang.
D. Sóng điện từ không truyền được trong chân không.

Câu 23: Khi nói về sự truyền sóng cơ trong một môi trường, phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Những phần tử của môi trường cách nhau một số nguyên lần bước sóng thì dao động cùng pha.
B. Hai phần tử của môi trường cách nhau một phần tư bước sóng thì dao động lệch pha nhau 90° .
C. Những phần tử của môi trường trên cùng một hướng truyền sóng và cách nhau một số nguyên lần bước sóng thì dao động cùng pha.
D. Hai phần tử của môi trường cách nhau một nửa bước sóng thì dao động ngược pha.

Câu 24: Điện năng từ một trạm phát điện được đưa đến một khu tái định cư bằng đường dây truyền tải một pha. Cho biết, nếu điện áp tại đầu truyền đi tăng từ U lên 2U thì số hộ dân được trạm cung cấp đủ điện năng tăng từ 120 lên 144. Cho rằng chỉ tính đến hao phí trên đường dây, công suất tiêu thụ điện của các hộ dân đều như nhau, công suất của trạm phát không đổi và hệ số công suất trong các trường hợp đều bằng nhau. Nếu điện áp truyền đi là 4U thì trạm phát huy này cung cấp đủ điện năng cho

- A. 168 hộ dân. B. 150 hộ dân. C. 504 hộ dân. D. 192 hộ dân.

Câu 25: Trên một sợi dây căng ngang với hai đầu cố định đang có sóng dừng. Không xét các điểm bụng hoặc nút, quan sát thấy những điểm có cùng biên độ và ở gần nhau nhất thì đều cách đều nhau 15cm. Bước sóng trên dây có giá trị bằng

- A. 30 cm. B. 60 cm. C. 90 cm. D. 45 cm.

Câu 26: Từ một trạm phát điện xoay chiều một pha đặt tại vị trí M, điện năng được truyền tải đến nơi tiêu thụ N, cách M 180 km. Biết đường dây có điện trở tổng cộng 80 Ω (coi dây tải điện là đồng chất, có điện trở tỉ lệ thuận với chiều dài của dây). Do sự cố, đường dây bị rò điện tại điểm Q (hai dây tải điện bị nối tắt bởi một vật có điện trở có giá trị xác định R). Để xác định vị trí Q, trước tiên người ta ngắt đường dây khỏi máy phát và tải tiêu thụ, sau đó dùng nguồn điện không đổi 12V, điện trở trong không đáng kể, nối

vào hai đầu của hai dây tải điện tại M. Khi hai đầu dây tại N để hở thì cường độ dòng điện qua nguồn là 0,40 A, còn khi hai đầu dây tại N được nối tắt bởi một đoạn dây có điện trở không đáng kể thì cường độ dòng điện qua nguồn là 0,42 A. Khoảng cách MQ là

- A. 135 km. B. 167 km. C. 45 km. D. 90 km.

Câu 27: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ (V) (U_0 không đổi, ω thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm $\frac{4}{5\pi}$ H và tụ điện mắc nối tiếp. Khi $\omega = \omega_0$ thì cường độ dòng điện hiệu dụng qua đoạn mạch đạt giá trị cực đại I_m . Khi $\omega = \omega_1$ hoặc $\omega = \omega_2$ thì cường độ dòng điện cực đại qua đoạn mạch bằng nhau và bằng I_m . Biết $\omega_1 - \omega_2 = 200\pi$ rad/s. Giá trị của R bằng

- A. 150 Ω . B. 200 Ω . C. 160 Ω . D. 50 Ω .

Câu 28: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp. Gọi i là cường độ dòng điện tức thời trong đoạn mạch; u_1 , u_2 và u_3 lần lượt là điện áp tức thời giữa hai đầu điện trở, giữa hai đầu cuộn cảm và giữa hai đầu tụ điện; Z là tổng trở của đoạn mạch. Hệ thức đúng là

- A. $i = u_3 \omega C$. B. $i = \frac{u_1}{R}$. C. $i = \frac{u_2}{\omega L}$. D. $i = \frac{u}{Z}$.

Câu 29: Đặt điện áp $u = 400 \cos 100\pi t$ (u tính bằng V, t tính bằng s) vào hai đầu đoạn mạch AB gồm điện trở thuần 50 Ω mắc nối tiếp với đoạn mạch X. Cường độ dòng điện hiệu dụng qua đoạn mạch là 2 A. Biết ở thời điểm t, điện áp tức thời giữa hai đầu AB có giá trị 400 V; ở thời điểm $t + \frac{1}{400}$ (s), cường độ dòng điện tức thời qua đoạn mạch bằng không và đang giảm. Công suất tiêu thụ điện của đoạn mạch X là

- A. 400 W. B. 200 W. C. 160 W. D. 100 W.

Câu 30: Một chất điểm dao động điều hòa trên trục Ox. Vector gia tốc của chất điểm có

- A. độ lớn cực đại ở vị trí biên, chiều luôn hướng ra biên.
B. độ lớn cực tiểu khi qua vị trí cân bằng luôn cùng chiều với vector vận tốc.
C. độ lớn không đổi, chiều luôn hướng về vị trí cân bằng.
D. độ lớn tỉ lệ với độ lớn của li độ, chiều luôn hướng về vị trí cân bằng.

Câu 31: Hai chất điểm M và N có cùng khối lượng, dao động điều hòa cùng tần số dọc theo hai đường thẳng song song kề nhau và song song với trục tọa độ Ox. Vị trí cân bằng của M và của N đều ở trên một đường thẳng qua gốc tọa độ và vuông góc với Ox. Biên độ của M là 6 cm, của N là 8 cm. Trong quá trình dao động, khoảng cách lớn nhất giữa M và N theo phương Ox là 10 cm. Mốc thế năng tại vị trí cân bằng. Ở thời điểm mà M có động năng bằng thế năng, tỉ số động năng của M và động năng của N là

- A. $\frac{4}{3}$. B. $\frac{3}{4}$. C. $\frac{9}{16}$. D. $\frac{16}{9}$.

Câu 32: Tại Hà Nội, một máy đang phát sóng điện từ. Xét một phương truyền có phương thẳng đứng hướng lên. Vào thời điểm t, tại điểm M trên phương truyền, vector cảm

ứng từ đang có độ lớn cực đại và hướng về phía Nam. Khi đó vector cường độ điện trường có

- A. độ lớn cực đại và hướng về phía Tây.
B. độ lớn cực đại và hướng về phía Đông.
C. độ lớn bằng không.
D. độ lớn cực đại và hướng về phía Bắc.

Câu 33: Chiếu xiên từ không khí vào nước một chùm sáng song song rất hẹp (coi như một tia sáng) gồm ba thành phần đơn sắc: đỏ, lam và tím. Gọi r_d , r_l , r_t lần lượt là góc khúc xạ ứng với tia màu đỏ, tia màu lam và tia màu tím. Hệ thức đúng là

- A. $r_l = r_t = r_d$. B. $r_t < r_l < r_d$. C. $r_d < r_l < r_t$. D. $r_t < r_d < r_l$.

Câu 34: Các hạt nhân đơteri ${}^2_1\text{H}$; triti ${}^3_1\text{H}$, heli ${}^4_2\text{He}$ có năng lượng liên kết lần lượt là 2,22 MeV; 8,49 MeV và 28,16 MeV. Các hạt nhân trên được sắp xếp theo thứ tự giảm dần về độ bền vững của hạt nhân là

- A. ${}^2_1\text{H}$; ${}^4_2\text{He}$; ${}^3_1\text{H}$. B. ${}^2_1\text{H}$; ${}^3_1\text{H}$; ${}^4_2\text{He}$.
C. ${}^4_2\text{He}$; ${}^3_1\text{H}$; ${}^2_1\text{H}$. D. ${}^3_1\text{H}$; ${}^4_2\text{He}$; ${}^2_1\text{H}$.

Câu 35: Hai điểm M, N cùng nằm trên một hướng truyền sóng và cách nhau một phần ba bước sóng. Biên độ sóng không đổi trong quá trình truyền. Tại một thời điểm, khi li độ dao động của phần tử tại M là 3 cm thì li độ dao động của phần tử tại N là -3 cm. Biên độ sóng bằng

- A. 6 cm. B. 3 cm. C. $2\sqrt{3}$ cm. D. $3\sqrt{2}$ cm.

Câu 36: Một con lắc đơn gồm dây treo có chiều dài 1 m và vật nhỏ có khối lượng 100 g mang điện tích $2 \cdot 10^{-5}$ C. Treo con lắc đơn này trong điện trường đều với vector cường độ điện trường hướng theo phương ngang và có độ lớn $5 \cdot 10^4$ V/m. Trong mặt phẳng thẳng đứng đi qua điểm treo và song song với vector cường độ điện trường, kéo vật nhỏ theo chiều của vector cường độ điện trường sao cho dây treo hợp với vector gia tốc trọng trường $\vec{g}$ một góc 54° rồi buông nhẹ cho con lắc dao động điều hòa. Lấy $g = 10 \text{ m/s}^2$. Trong quá trình dao động, tốc độ cực đại của vật nhỏ là

- A. 0,59 m/s. B. 3,41 m/s. C. 2,87 m/s. D. 0,50 m/s.

Câu 37: Đặt điện áp $u = U_0 \cos 2\pi ft$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R , cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C mắc nối tiếp. Gọi U_R , U_L , U_C lần lượt là điện áp hiệu dụng giữa hai đầu điện trở, giữa hai đầu cuộn cảm và giữa hai đầu tụ điện. Trường hợp nào sau đây, điện áp tức thời giữa hai đầu đoạn mạch cùng pha với điện áp tức thời giữa hai đầu điện trở?

- A. Thay đổi C để $U_{R\max}$. B. Thay đổi R để $U_{C\max}$.
C. Thay đổi L để $U_{L\max}$. D. Thay đổi f để $U_{C\max}$.

Câu 38: Biết công thoát electron của các kim loại: canxi, kali, bạc và đồng lần lượt là: 2,89 eV; 2,26 eV; 4,78 eV và 4,14 eV. Chiếu ánh sáng có bước sóng $0,33 \mu\text{m}$ vào bề mặt các kim loại trên. Hiện tượng quang điện **không** xảy ra với các kim loại nào sau đây?

- A. Kali và đồng. B. Canxi và bạc. C. Bạc và đồng. D. Kali và canxi.

Câu 39: Đặt điện áp $u = U_0 \cos \omega t$ (U_0 và ω không đổi) vào hai đầu đoạn mạch AB theo thứ tự gồm một tụ điện, một cuộn cảm thuần và một điện trở thuần mắc nối tiếp. Gọi M là điểm nối giữa tụ điện và cuộn cảm. Biết điện áp hiệu dụng giữa hai đầu AM bằng điện áp hiệu dụng giữa hai đầu MB và cường độ dòng điện trong đoạn mạch lệch pha $\frac{\pi}{12}$ so với điện áp giữa hai đầu đoạn mạch. Hệ số công suất của đoạn mạch MB là

- A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. 0,26 C. 0,50 D. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Câu 40: Đặt điện áp $u = 150\sqrt{2} \cos 100\pi t$ (V) vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần 60Ω , cuộn dây (có điện trở thuần) và tụ điện. Công suất tiêu thụ điện của đoạn mạch bằng 250 W. Nối hai bản tụ điện bằng một dây dẫn có điện trở không đáng kể. Khi đó, điện áp hiệu dụng giữa hai đầu điện trở bằng điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn dây và bằng $50\sqrt{3}$ V. Dung kháng của tụ điện có giá trị bằng

- A. $60\sqrt{3}\Omega$ B. $30\sqrt{3}\Omega$ C. $15\sqrt{3}\Omega$ D. $45\sqrt{3}\Omega$

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Một vật nhỏ có khối lượng 500 g dao động điều hòa dưới tác dụng của một lực kéo về có biểu thức $F = -0,8 \cos 4t$ (N). Dao động của vật có biên độ là

- A. 6 cm B. 12 cm C. 8 cm D. 10 cm

Câu 42: Theo mẫu nguyên tử Bo, trong nguyên tử hiđrô, khi electron chuyển từ quỹ đạo P về quỹ đạo K thì nguyên tử phát ra photon ứng với bức xạ có tần số f_1 . Khi electron chuyển từ quỹ đạo P về quỹ đạo L thì nguyên tử phát ra photon ứng với bức xạ có tần số f_2 . Nếu electron chuyển từ quỹ đạo L về quỹ đạo K thì nguyên tử phát ra photon ứng với bức xạ có tần số

- A. $f_3 = f_1 - f_2$ B. $f_3 = f_1 + f_2$ C. $f_3 = \sqrt{f_1^2 + f_2^2}$ D. $f_3 = \frac{f_1 f_2}{f_1 + f_2}$

Câu 43: Một ánh sáng đơn sắc màu cam có tần số f được truyền từ chân không vào một chất lỏng có chiết suất là 1,5 đối với ánh sáng này. Trong chất lỏng trên, ánh sáng này có

- A. màu tím và tần số f . B. màu cam và tần số $1,5f$.
C. màu cam và tần số f . D. màu tím và tần số $1,5f$.

Câu 44: Một hạt nhân X, ban đầu đứng yên, phóng xạ α và biến thành hạt nhân Y. Biết hạt nhân X có số khối là A, hạt α phát ra tốc độ v . Lấy khối lượng của hạt nhân bằng số khối của nó tính theo đơn vị u . Tốc độ của hạt nhân Y bằng

- A. $\frac{4v}{A+4}$ B. $\frac{2v}{A-4}$ C. $\frac{4v}{A-4}$ D. $\frac{2v}{A+4}$

Câu 45: Một mạch dao động gồm một cuộn cảm thuần có độ tự cảm xác định và một tụ điện là tụ xoay, có điện dung thay đổi được theo quy luật hàm số bậc nhất của góc xoay α của bản linh động. Khi $\alpha = 0^\circ$, tần số dao động riêng của mạch là 3 MHz. Khi $\alpha = 120^\circ$, tần số dao động riêng của mạch là 1 MHz. Để mạch này có tần số dao động riêng bằng 1,5 MHz thì α bằng

- A. 30° B. 45° C. 60° D. 90°

Câu 46: Một vật dao động tắt dần có các đại lượng nào sau đây giảm liên tục theo thời gian?

- A. Biên độ và tốc độ B. Li độ và tốc độ
C. Biên độ và gia tốc D. Biên độ và cơ năng

Câu 47: Một động cơ điện xoay chiều hoạt động bình thường với điện áp hiệu dụng 220V, cường độ dòng điện hiệu dụng 0,5 A và hệ số công suất của động cơ là 0,8. Biết rằng công suất hao phí của động cơ là 11 W. Hiệu suất của động cơ (tỉ số giữa công suất hữu ích và công suất tiêu thụ toàn phần) là

- A. 80% B. 90% C. 92,5% D. 87,5%

Câu 48: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa với ánh sáng đơn sắc có bước sóng λ , khoảng cách giữa hai khe hẹp là a , khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe hẹp đến màn quan sát là 2m. Trên màn quan sát, tại điểm M cách vân sáng trung tâm 6 mm, có vân sáng bậc 5. Khi thay đổi khoảng cách giữa hai khe hẹp một đoạn bằng 0,2 mm sao cho vị trí vân sáng trung tâm không thay đổi thì tại M có vân sáng bậc 6. Giá trị của λ bằng

- A. $0,60 \mu\text{m}$ B. $0,50 \mu\text{m}$ C. $0,45 \mu\text{m}$ D. $0,55 \mu\text{m}$

Câu 49: Đặt điện áp xoay chiều $u = U_0 \cos \omega t$ (U_0 không đổi, ω thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch có R, L, C mắc nối tiếp. Khi $\omega = \omega_1$ thì cảm kháng và dung kháng của đoạn mạch lần lượt là Z_{1L} và Z_{1C} . Khi $\omega = \omega_2$ thì trong đoạn mạch xảy ra hiện tượng cộng hưởng. Hệ thức đúng là

- A. $\omega_1 = \omega_2 \frac{Z_{1L}}{Z_{1C}}$ B. $\omega_1 = \omega_2 \sqrt{\frac{Z_{1L}}{Z_{1C}}}$ C. $\omega_1 = \omega_2 \frac{Z_{1C}}{Z_{1L}}$ D. $\omega_1 = \omega_2 \sqrt{\frac{Z_{1C}}{Z_{1L}}}$

Câu 50: Trên một sợi dây đàn hồi dài 100 cm với hai đầu A và B cố định đang có sóng dừng, tần số sóng là 50 Hz. Không kể hai đầu A và B, trên dây có 3 nút sóng. Tốc độ truyền sóng trên dây là

- A. 15 m/s B. 30 m/s C. 20 m/s D. 25 m/s

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Xét các hành tinh sau đây của Hệ Mặt Trời: Thủy Tinh, Trái Đất, Thổ Tinh, Mộc Tinh. Hành tinh xa Mặt Trời nhất là

- A. Mộc Tinh B. Trái Đất C. Thủy Tinh D. Thổ Tinh

Câu 52: Một đĩa bắt đầu xoay quay quanh trục cố định của nó với gia tốc góc không đổi, sau 10s quay được góc 50 rad. Sau 20s kể từ lúc bắt đầu quay, góc mà đĩa quay được là

- A. 400 rad B. 100 rad C. 300 rad D. 200 rad

Câu 53: Tại thời điểm $t = 0$, một vật rắn bắt đầu quay nhanh dần đều từ trạng thái nghỉ quanh một trục cố định Δ . Ở các thời điểm t_1 và $t_2 = 4t_1$, momen động lượng của vật đối với trục Δ lần lượt là L_1 và L_2 . Hệ thức liên hệ giữa L_1 và L_2 là

- A. $L_2 = 4L_1$ B. $L_2 = 2L_1$ C. $L_1 = 2L_2$ D. $L_1 = 4L_2$

Câu 54: Khi đặt vào hai đầu một cuộn dây có độ tự cảm $\frac{0,4}{\pi}$ H một hiệu điện thế một chiều 12 V thì cường độ dòng điện qua cuộn dây là 0,4 A. Sau đó, thay hiệu điện thế này bằng một điện áp xoay chiều có tần số 50 Hz và giá trị hiệu dụng 12 V thì cường độ dòng điện hiệu dụng qua cuộn dây bằng

- A. 0,30 A B. 0,40 A C. 0,24 A D. 0,17 A

Câu 55: Một thanh có chiều dài riêng là ℓ . Cho thanh chuyển động dọc theo phương chiều dài của nó trong hệ quy chiếu quán tính có tốc độ bằng $0,8c$ (c là tốc độ ánh sáng trong chân không). Trong hệ quy chiếu đó, chiều dài của thanh bị co bớt 0,4 m. Giá trị của ℓ là

- A. 2 m B. 1 m C. 4 m D. 3 m

Câu 56: Chiếu đồng thời hai bức xạ có bước sóng $0,542 \mu\text{m}$ và $0,243 \mu\text{m}$ vào catốt của một tế bào quang điện. Kim loại làm catốt có giới hạn quang điện là $0,500 \mu\text{m}$. Biết khối lượng của electron là $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$. Vận tốc ban đầu cực đại của các electron quang điện bằng

- A. $9,61 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ B. $9,24 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ C. $2,29 \cdot 10^6 \text{ m/s}$ D. $1,34 \cdot 10^6 \text{ m/s}$

Câu 57: Tại nơi có gia tốc trọng trường $g = 10 \text{ m/s}^2$, một con lắc đơn có chiều dài 1 m, dao động với biên độ góc 60° . Trong quá trình dao động, cơ năng của con lắc được bảo toàn. Tại vị trí dây treo hợp với phương thẳng đứng góc 30° , gia tốc của vật nặng của con lắc có độ lớn là

- A. 1232 cm/s^2 B. 500 cm/s^2 C. 732 cm/s^2 D. 887 cm/s^2

Câu 58: Trong một mạch dao động lí tưởng đang có dao động điện từ tự do. Gọi L là độ tự cảm và C là điện dung của mạch. Tại thời điểm t , hiệu điện thế giữa hai bản tụ điện là u và cường độ dòng điện trong mạch là i . Gọi U_0 là hiệu điện thế cực đại giữa hai bản tụ điện và I_0 là cường độ dòng điện cực đại trong mạch. Hệ thức liên hệ giữa u và i là

- A. $i^2 = \frac{C}{L}(U_0^2 - u^2)$ B. $i^2 = \frac{L}{C}(U_0^2 - u^2)$
C. $i^2 = LC(U_0^2 - u^2)$ D. $i^2 = \sqrt{LC}(U_0^2 - u^2)$

Câu 59: Một bánh xe đang quay quanh một trục cố định (Δ) với động năng 1000 J. Biết momen quán tính của bánh xe đối với trục Δ là $0,2 \text{ kg.m}^2$. Tốc độ góc của bánh xe là

- A. 50 rad/s B. 10 rad/s C. 200 rad/s D. 100 rad/s

Câu 60: Một đĩa tròn bắt đầu quay nhanh dần đều từ trạng thái nghỉ quanh trục qua tâm và vuông góc với mặt đĩa, với gia tốc $0,25 \text{ rad/s}^2$. Sau bao lâu, kể từ lúc bắt đầu quay, góc giữa vectơ gia tốc tiếp tuyến và vectơ gia tốc của một điểm nằm trên mép đĩa bằng 45° ?

- A. 4 s B. 2 s C. 1 s D. 3 s

ĐÁP ÁN CHI TIẾT

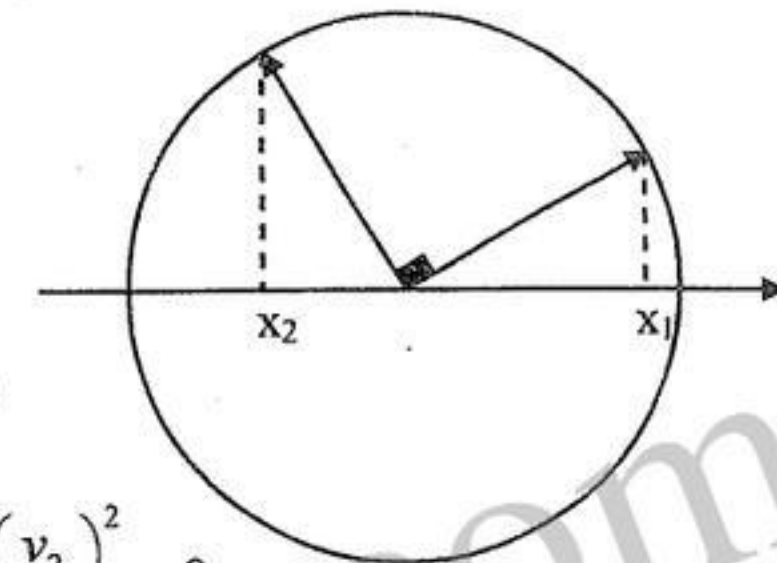
Câu 1: D.

+ Ta có: $\begin{cases} t : x_1 \\ t + \frac{T}{4} : x_2 \end{cases}$

$$\Rightarrow \Delta\alpha = \frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{4} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow x_1^2 + x_2^2 = A^2$$

+ Mặt khác $x_2^2 + \left(\frac{v_2}{\omega}\right)^2 = A^2$ nên $x_1^2 - \left(\frac{v_2}{\omega}\right)^2 = 0$

Thế x_1 và $v_2 \Rightarrow \omega \Rightarrow m = 1 \text{ kg}$.



Câu 2: B

+ Ta có: $v \geq \frac{\pi}{4} v_{TB} \Leftrightarrow \omega \sqrt{A^2 - x^2} \geq \frac{\pi}{4} \cdot \frac{4A}{T} \Leftrightarrow \omega \sqrt{A^2 - x^2} \geq \frac{\omega A}{2}$

$$\Leftrightarrow |x| \leq \frac{A\sqrt{3}}{2}$$



$\Rightarrow$ Trong một chu kì, thời gian vật có độ lớn li độ không nhỏ hơn $\frac{A\sqrt{3}}{2}$ là $\frac{2T}{3}$.

Câu 3: A.

+ Gọi n_A, n_B là số photon của laser A và laser B phát ra trong một giây, ta có:

$$P_A = n_A \frac{hc}{\lambda_A} \text{ và } P_B = n_B \frac{hc}{\lambda_B} \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{n_A \lambda_B}{n_B \lambda_A} \Rightarrow \frac{n_B}{n_A} = \frac{P_B \lambda_B}{P_A \lambda_A} = \frac{0,6 \cdot 0,6}{0,8 \cdot 0,45} = 1$$

Câu 4: A

+ Vì M, N đều là vân sáng của λ_1 , nên: $MN = 10i_1 = 20 \rightarrow i_1 = 2 \text{ mm}$

+ Ta có: $\frac{i_2}{i_1} = \frac{\frac{\lambda_2 D}{a}}{\frac{\lambda_1 D}{a}} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{5\lambda_1}{\lambda_1} = \frac{5}{3} \rightarrow i_2 = \frac{5}{3} i_1 = \frac{10}{3} \text{ mm}$

+ Số khoảng vân của λ_2 có trên đoạn MN là: $\frac{MN}{i_2} = \frac{20}{\frac{10}{3}} = 6 (1)$.

+ Mặt khác, M là vân sáng của λ_1 nên nó là vân tối của λ_2 khi xảy ra:

$$\frac{2k_1}{2k_2+1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{5}{3}$$

$\Rightarrow$ Dễ thấy đẳng thức này không có giá trị nào của k_1, k_2 (nguyên) thỏa mãn $\Rightarrow$ Tại M là một vân sáng (2).

+ Từ (1) và (2) ta được, tổng số vân sáng trên đoạn MN là: $6 + 1 = 7$

Câu 5: A.

Câu 6: D.

Câu 7: C.

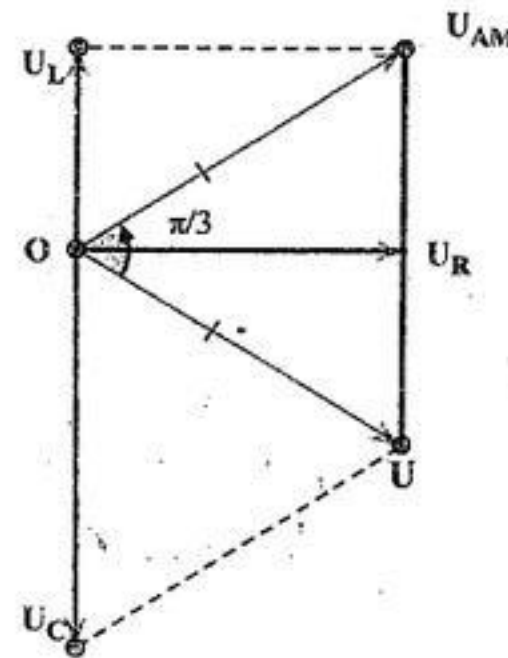
* Cách 1:

+ Ta có: $R = \frac{\sqrt{3}}{2} Z_C \Rightarrow U_R = \frac{\sqrt{3}}{2} U_C$

$\Rightarrow \Delta O U U_{AM}$ có đường cao $O U_R = \frac{\sqrt{3}}{2} U_{AM} U$

$\Rightarrow \Delta O U U_{AM}$ đều $\Rightarrow U_L = U_R \tan \frac{\pi}{6}$

$\Leftrightarrow Z_L = \frac{R}{\sqrt{3}} \Rightarrow L = \frac{1}{\pi} H$



* Cách 2:

+ Ta có: $Z_C = \frac{1}{C\omega} = 200 \Omega$

+ Vì u_{AM} sớm pha hơn $u_{AB} : \frac{\pi}{3}$ nên $(\varphi_{AM} - \varphi_{AB}) = \frac{\pi}{3}$

+ Mà: $\tan(\varphi_{AM} - \varphi_{AB}) = \frac{\tan \varphi_{AM} - \tan \varphi_{AB}}{1 + \tan \varphi_{AM} \tan \varphi_{AB}} = \frac{\frac{Z_L}{R} - \frac{Z_L - Z_C}{R}}{1 + \frac{Z_L}{R} \cdot \frac{Z_L - Z_C}{R}} = \tan\left(\frac{\pi}{3}\right) = \sqrt{3}$

+ Với $R = 100\sqrt{3} \Omega$ và $Z_C = 200 \Omega \Rightarrow Z_L = 100 \Omega \Rightarrow L = \frac{1}{\pi} H$

Câu 8: D

+ Photon chỉ tồn tại trong trạng thái chuyển động mà không tồn tại ở trạng thái đứng yên.

Câu 9: D.

+ Ta có: $I_0 = \omega Q_0 = \frac{2\pi Q_0}{T} \Rightarrow T = 2\pi \frac{Q_0}{I_0} = 2\pi \frac{4\sqrt{2} \cdot 10^{-6}}{0,5\pi\sqrt{2}} = 16 \cdot 10^{-6} s = 16 \mu s$

+ Góc quay được từ lúc điện tích trên tụ giảm từ giá trị cực đại đến nửa giá trị cực đại:

$$\omega t = \frac{2\pi}{T} t = \frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow t = \frac{T}{6} = \frac{16}{6} \mu s = \frac{8}{3} \mu s$$

Câu 10: C.

+ Ta có: $\lambda = v/f = 1,5 \text{ cm}$

+ Xét $|k| < \frac{S_1 S_2}{\lambda} = \frac{10}{1,5} = 6,66 \Rightarrow k = 0, \pm 1, \dots, \pm 6$

+ Điểm M mà phần tử tại đó dao động với biên độ cực đại phải thỏa mãn:

$$d_1 - d_2 = k\lambda$$

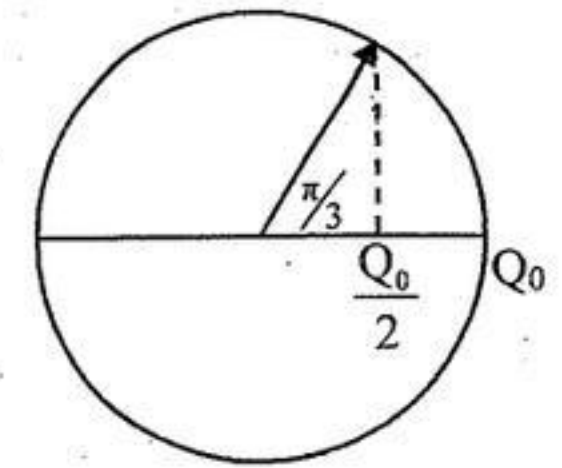
+ M gần S_2 nhất khi M nằm trên đường cực đại ứng với $k = 6$

$$\Rightarrow S_1 M - d_{2\min} = 6 \cdot 1,5 = 9$$

+ Vì $d_1 = R = S_1 S_2 = 10 \text{ cm}$.

$$\Rightarrow 10 - d_{2\min} = 9$$

$$\Leftrightarrow d_{2\min} = 10 - 9 = 1 \text{ cm} = 10 \text{ mm}$$



Câu 11: C.

+ Vẽ giản đồ vector

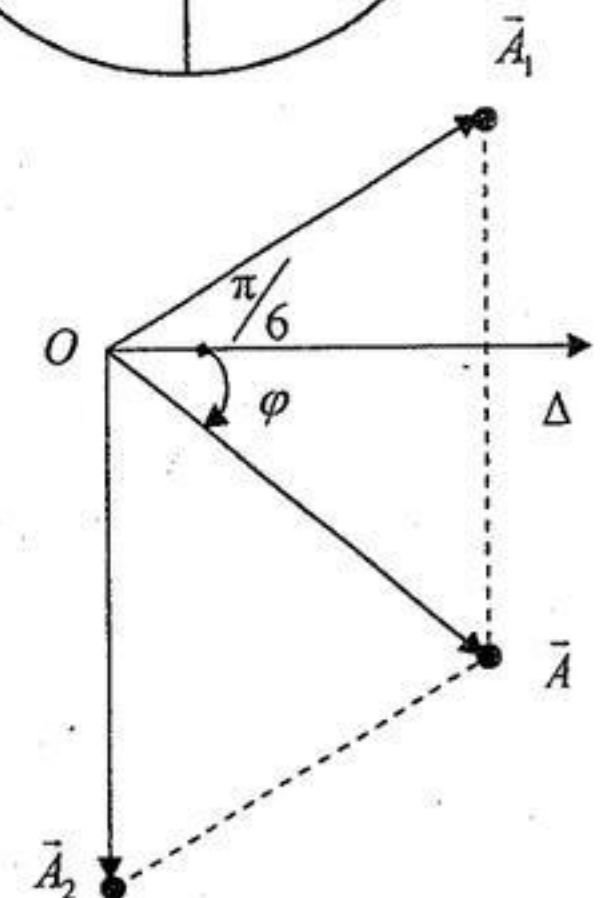
+ Áp dụng định lý sin cho $\Delta O A_1 A$

$$\frac{A_1}{\sin(\frac{\pi}{2} - \varphi)} = \frac{A_2}{\sin(\frac{\pi}{6} + \varphi)} = \frac{A}{\sin(\frac{\pi}{3})}$$

$$\Leftrightarrow \frac{A_1}{\cos \varphi} = \frac{6}{\sin(\frac{\pi}{6} + \varphi)} = \frac{A}{\sin(\frac{\pi}{3})}$$

$$\Rightarrow A = \frac{3\sqrt{3}}{\sin(\frac{\pi}{6} + \varphi)}$$

$$\Rightarrow A = A_{\min} \Leftrightarrow \sin(\frac{\pi}{6} + \varphi) = 1 \Leftrightarrow \varphi = \frac{\pi}{3} + \text{Do } \varphi \text{ dưới trục } \Delta \text{ nên } \varphi = -\frac{\pi}{3}$$



Câu 12: B.

+ Ta có: $\frac{W}{F_{k\max}} = \frac{\frac{1}{2} k A^2}{k A} = \frac{1}{2} A = \frac{1}{10} \rightarrow A = 0,2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$

- + Lực tác dụng lên điểm Q chính là lực đàn hồi của lò xo.
- + Điểm Q chịu tác dụng của lực kéo khi lò xo bị dãn. Chọn chiều dương theo chiều từ điểm Q đến vị trí cân bằng của vật.

$$+ F_k = k \cdot X = k \cdot x = 5\sqrt{3} \text{ N} = \frac{\sqrt{3}}{2} F_{k\max} \Leftrightarrow x = \frac{\Lambda\sqrt{3}}{2}$$

$\Rightarrow$ Khoảng thời gian ngắn nhất giữa hai lần liên tiếp Q chịu tác dụng lực kéo của lò xo có độ lớn $5\sqrt{3} \text{ N}$ là $\frac{T}{6}$ (ứng với thời gian vật đi từ vị trí $\frac{\Lambda\sqrt{3}}{2}$ đến biên dương rồi quay trở lại đó).

$$\Rightarrow \frac{T}{6} = 0,1 \Rightarrow T = 0,6 \text{ s.}$$

$$+ \text{Theo đề bài, ta có: } \frac{\Delta t}{T} = \frac{0,4}{0,6} \Rightarrow \Delta t = \frac{2}{3} T = \frac{T}{2} + \frac{T}{6}$$

+ Vậy quãng đường lớn nhất mà vật đi được trong thời gian 0,4 s là:
 $S_{\max} = 2\Lambda + \Lambda = 3\Lambda = 3 \cdot 20 = 60 \text{ cm.}$

Câu 13: C

+ Từ công thức: $r = n^2 r_0 \rightarrow r_M = 9r_0$

+ Lực điện trường giữa electron và hạt nhân là lực hướng tâm:

$$\text{Ta có: } F = k \frac{e^2}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Leftrightarrow v^2 = k \frac{e^2}{m \cdot r} \Rightarrow \frac{v_K^2}{v_M^2} = \frac{k \frac{e^2}{m \cdot r_K}}{k \frac{e^2}{m \cdot r_M}} = \frac{r_M}{r_K} = \frac{9r_0}{r_0} \Rightarrow \frac{v_K}{v_M} = 3$$

Câu 14: D.

Câu 15: B.

Câu 16: B.

+ Gọi công suất phát âm của 1 nguồn là P_0 .

$$+ \text{Ta có: } I_M - I_A = \lg\left(\frac{I_M}{I_A}\right) = \lg\left(\frac{P_M}{P_A} \cdot \frac{4\pi R_A^2}{4\pi R_M^2}\right) = \lg\left(\frac{P_M \cdot R_A^2}{P_A \cdot R_M^2}\right) = 3 - 2 \quad (1)$$

+ Vì $R_M = 0,5R_A$, $P_A = 2P_0$ và $P_M = nP_0$.

$$+ \text{Thay vào (1) ta được: } \lg\left(\frac{nP_0 \cdot R_A^2}{2P_0 \cdot 0,25R_A^2}\right) = 1 \rightarrow n = 5.$$

+ Vậy phải đặt thêm tại O số nguồn là: $5 - 2 = 3$ nguồn.

Câu 17: A.

+ Gọi N_{0U} , N_U là số hạt U^{238} ở thời điểm ban đầu và ở thời điểm t
 N_{Pb} là số hạt Pb ở thời điểm t.

$$+ \text{Ta có: } \frac{N_{Pb}}{N_U} = \frac{\Delta N_U}{N_U} = \frac{N_{0U} - N_U}{N_U} = \frac{N_{0U}}{N_U} - 1 = \frac{6,239 \cdot 10^{18}}{1,188 \cdot 10^{20}}$$

$$\Rightarrow \frac{N_{0U}}{N_U} = 1,0525 = \frac{N_{0U}}{N_{0U} \cdot e^{-\lambda t}} \Rightarrow \lambda t = \ln 1,0525 = \frac{\ln 2}{4,47 \cdot 10^9} t \Rightarrow t = 3,3 \cdot 10^8 \text{ năm.}$$

Câu 18: A.

$$+ \text{Tại M là vị trí trùng 2 vân sáng: } \frac{k_1}{k_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{0,60}{0,48} = \frac{5}{4}$$

$\Rightarrow$ Tại M có vân sáng bậc 5 của λ_1 trùng vân sáng bậc 4 của λ_2

$\Rightarrow$ Số vân sáng của λ_1 là: $5 - 1 = 4$ và số vân sáng của λ_2 là: $4 - 1 = 3$.

Câu 19: B.

+ Đề ý hạt X cũng chính là ${}^4_2\text{He}$.

+ Khi tạo thành 2 hạt ${}^4_2\text{He}$ thì phản ứng tỏa năng lượng 17,3 MeV nên cứ một hạt

$$\text{He sẽ tỏa ra năng lượng: } \frac{17,3 \text{ MeV}}{2} = 8,65 \text{ MeV.}$$

+ Để tạo thành 0,5mol ${}^4_2\text{He}$ tức là tạo ra $0,5N_A$ hạt ${}^4_2\text{He}$

$\Rightarrow$ Năng lượng tỏa ra là:

$$W = 0,5N_A \cdot 8,65 \text{ MeV} = 0,5 \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \cdot 8,65 \text{ MeV} = 2,6 \cdot 10^{24} \text{ MeV.}$$

Câu 20: A.

Câu 21: A.

$$+ \text{Ta có: } U_{MB} = I \cdot Z_{MB} = \frac{U}{\sqrt{(r+R)^2 + (Z_L - Z_C)^2}} \cdot \sqrt{r^2 + (Z_L - Z_C)^2} = \frac{U}{\sqrt{1 + \frac{R^2 + 2rR}{r^2 + (Z_L - Z_C)^2}}}$$

$$\Rightarrow U_{MB\min} \Leftrightarrow [r^2 + (Z_L - Z_C)^2]_{\min} \Leftrightarrow Z_L - Z_C = 0$$

$$\Rightarrow U_{MB\min} = \frac{U \cdot r}{r + R} = \frac{200 \cdot r}{r + 40} = 75 \Rightarrow r = 24 \Omega.$$

Câu 22: D.

+ Sóng điện từ truyền được trong chân không.

Câu 23: C.

+ Những phần tử của môi trường trên cùng một hướng truyền sóng và cách nhau một số nguyên lần bước sóng thì dao động cùng pha.

+ Các đáp án còn lại chưa chính xác vì không nói rõ là có cùng trên một hướng truyền sóng hay không.

Câu 24: B

+ Công suất nhà máy P và điện trở đường dây R không đổi.

+ Gọi P_0 là công suất tiêu thụ của một hộ dân.

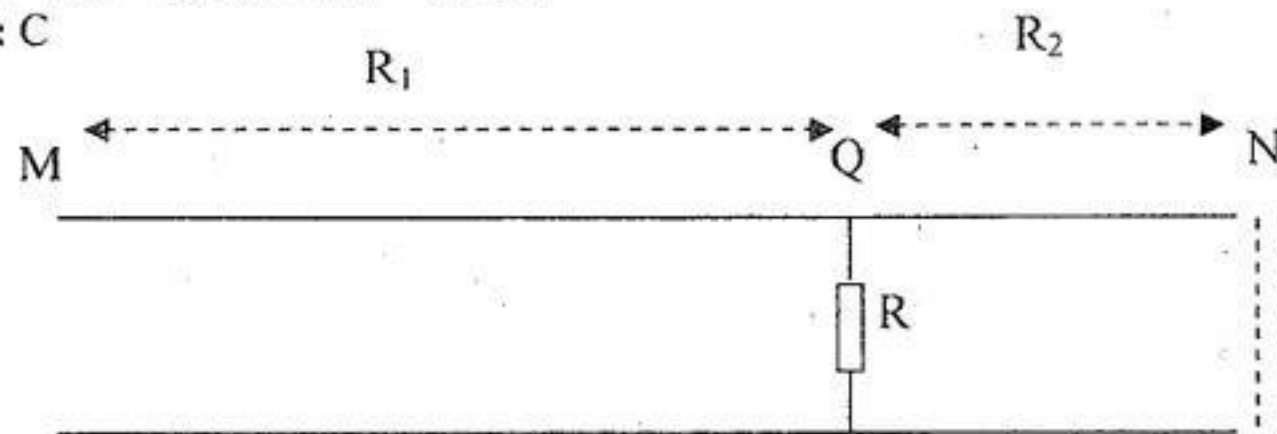
$$\text{Ta có: } \begin{cases} U: 120P_0 + RI_1^2 = P \\ 2U: 144P_0 + RI_2^2 = P \\ 4U: nP_0 + RI_3^2 = P \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 120P_0 + R \frac{P^2}{U^2} = P \\ 144P_0 + R \frac{P^2}{4U^2} = P \\ nP_0 + R \frac{P^2}{16U^2} = P \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 24P_0 = \frac{3RP^2}{4U^2} \\ (n-120)P_0 = \frac{15RP^2}{16U^2} \end{cases} \Rightarrow n = 150.$$

Câu 25: B.

+ Những điểm cách đều nhau mà có cùng biên độ thì cách nhau $\lambda/4$
 $\Rightarrow d = \lambda/4 = 15 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 60 \text{ cm}.$

Câu 26: C



+ Khi hai đầu dây tại N hở mạch gồm R_1 nối tiếp với R :

$$I_1 = \frac{U}{R_1 + R} = \frac{12}{R_1 + R} = 0,4 \Rightarrow R_1 = (30 - R).$$

$$\Rightarrow R_2 = 80 - R_1 = 80 - (30 - R) = 50 + R.$$

+ Khi hai đầu dây tại N nối tắt thì mạch gồm R_1 nối tiếp ($R_2 // R$):

$$R_{tm} = R_1 + \frac{R \cdot R_2}{R + R_2} = 30 - R + \frac{R(50 + R)}{R + 50 + R}$$

$$\Rightarrow I_2 = \frac{U}{R_{tm}} = \frac{12}{30 - R + \frac{R(50 + R)}{2R + 50}} = 0,42 \Rightarrow R = 10 \Omega \text{ và } R_1 = 20 \Omega$$

+ Vì điện trở tỉ lệ với chiều dài nên:

$$\frac{R_1}{MQ} = \frac{80}{MN} \Rightarrow MQ = MN \cdot \frac{R_1}{80} = 180 \cdot \frac{20}{80} = 45 \text{ km}.$$

Câu 27: C.

+ Khi tần số ω_0 thì mạch cộng hưởng nên: $I_m = \frac{U}{R}$

+ Khi có hai giá trị ω mà cường độ không đổi thì ω_1 .

$$\omega_2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow L\omega_2 = \frac{1}{C\omega_1} \Leftrightarrow Z_{L2} = Z_{C1}$$

$$+ \text{ Mà } I_{01} = \frac{U_0}{Z} = \frac{U\sqrt{2}}{\sqrt{R^2 + (Z_{L1} - Z_{C1})^2}} = I_m = \frac{U}{R}$$

$$\Rightarrow 2R^2 = R^2 + (Z_{L1} - Z_{C1})^2 \Leftrightarrow R^2 = (Z_{L1} - Z_{L2})^2 = L^2(\omega_1 - \omega_2)^2$$

$$\Rightarrow R = L(\omega_1 - \omega_2) = \frac{4}{5\pi} \cdot 200\pi = 160 \Omega.$$

Câu 28: B.

Câu 29: B.

+ Công suất trên điện trở R : $P_R = R \cdot I^2 = 50 \cdot 2^2 = 200 \text{ W}$

+ Thời điểm t : $u = U_0 \Rightarrow$ Vào thời điểm $t + \frac{1}{400} \text{ s} = t + \frac{1}{8} T$ thì $u = \frac{U_0}{\sqrt{2}}$

+ Khi đó $i = 0 \Rightarrow i$ lệch pha với u một góc $\pi/4$.

$$\Rightarrow \text{Công suất của mạch: } P = U \cdot I \cdot \cos\phi = 200\sqrt{2} \cdot 2 \cdot \cos\pi/4 = 400 \text{ W}.$$

$$\Rightarrow \text{Công suất của mạch X là } P_X = P - P_R = 400 - 200 = 200 \text{ W}.$$

Câu 30: D.

+ Ta có: $a = -\omega^2 x \Rightarrow a$ ngược hướng với li độ nên luôn hướng về vị trí cân bằng và có độ lớn tỉ lệ với độ lớn của li độ.

Câu 31: C.

+ Khoảng cách lớn nhất giữa M và N theo phương

Ox khi đoạn thẳng A_1A_2 song song với Ox.

+ Do $A_1A_2 = 10 \text{ cm}$; $A_1 = 6 \text{ cm}$; $A_2 = 8 \text{ cm}$

$\Rightarrow$ Hai dao động vuông pha nhau.

$\Rightarrow$ Phương trình dao động của M và N

$$x_1 = 6\cos(\omega t + \frac{\pi}{2}); x_2 = 8\cos\omega t$$

$$+ \text{ Ở thời điểm } W_{d1} = W_{d2} = \frac{W_1}{2} \Rightarrow x_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} A_1 = \pm 3\sqrt{2} \text{ cm}.$$

$$\Leftrightarrow 6\cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) = \pm 3\sqrt{2} \Leftrightarrow -6\sin\omega t = \pm 3\sqrt{2} \Leftrightarrow \sin\omega t = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$+ \text{ Khi đó } x_2 = 8\cos\omega t = \pm 4\sqrt{2} \text{ cm} = \pm \frac{A_2\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow W_{d2} = W_{d1} = \frac{W_2}{2}$$

$$+ \text{ Vậy: } \frac{W_{d1}}{W_{d2}} = \frac{W_1}{W_2} = \frac{A_1^2}{A_2^2} = \frac{9}{16}.$$

Câu 32: A.

Câu 33: B.

+ Ba tia có cùng góc tới i .

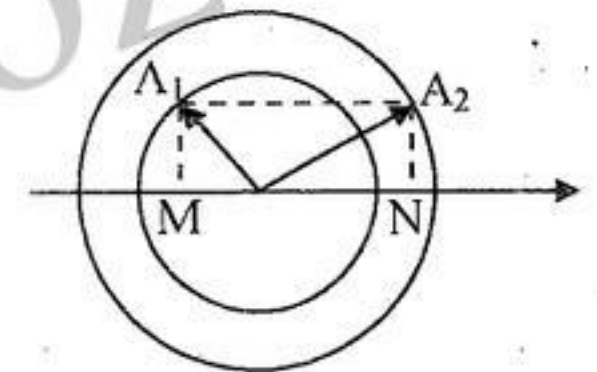
+ Theo định luật khúc xạ ta có: $\sin r = \frac{\sin i}{n}$; vì n càng lớn thì $\sin r$ càng nhỏ.

$$+ \text{ Mà } n_1 > n_2 > n_d \Rightarrow \sin r_1 < \sin r_2 < \sin r_d \Rightarrow r_1 < r_2 < r_d.$$

Câu 34: C.

+ Tính năng lượng liên kết riêng:

$$W_{lkHe} = \frac{W_{lkHe}}{A} = \frac{28,16}{4} = 7,4 \text{ MeV}$$



$$W_{\text{li}} = \frac{W_{\text{li}}}{A} = \frac{8,49}{3} = 2,83 \text{ MeV}$$

$$W_{\text{li}} = \frac{W_{\text{li}}}{A} = \frac{2,22}{2} = 1,11 \text{ MeV}$$

$$+ \text{Ta thấy: } W_{\text{li}} > W_{\text{li}} > W_{\text{li}}$$

Câu 35: C.

Hai điểm M, N cùng nằm trên một hướng truyền sóng và cách nhau một phần ba bước sóng $\Rightarrow$ Dao động

tại M và N lệch nhau $\frac{2\pi}{3}$.

$$+ \text{Ta có: } \Delta\varphi = \frac{2\pi d}{\lambda} = \frac{2\pi}{3}$$

$$+ \text{Do hai li độ đối xứng nhau nên } 3 = \frac{A\sqrt{3}}{2} \Rightarrow A = 2\sqrt{3} \text{ cm.}$$

Câu 36: A.

$$+ \text{VTCB dây treo lệch góc: } \tan\beta = \frac{qE}{mg} = 1 \Rightarrow \alpha = 45^\circ.$$

$$+ \text{Gia tốc hiệu dụng } g_{\text{hd}} = \frac{g}{\cos\alpha} = \sqrt{2} g.$$

+ Vật dao động quanh VTCB mới O':

$$\alpha_0 = 54^\circ - 45^\circ = 9^\circ \Rightarrow v_{\text{max}} = \sqrt{2g_{\text{hd}}l(1 - \cos\alpha_0)} = 0,59 \text{ m/s.}$$

Câu 37: C.

+ Để điện áp tức thời hai đầu đoạn mạch cùng pha với điện áp tức thời giữa hai đầu điện trở thì mạch có hiện tượng cộng hưởng điện $\Leftrightarrow Z_L = Z_C$.

$$+ \text{Ta có: } U_R = IR = \frac{U \cdot R}{\sqrt{R^2 + (Z_L - Z_C)^2}}$$

$$+ \text{Khi thay đổi C thì } U_{R\text{max}} \text{ khi } (Z_L - Z_C)_{\text{min}} = 0 \Leftrightarrow Z_L = Z_C.$$

Câu 38: C

+ Năng lượng của photon ánh sáng chiếu tới là:

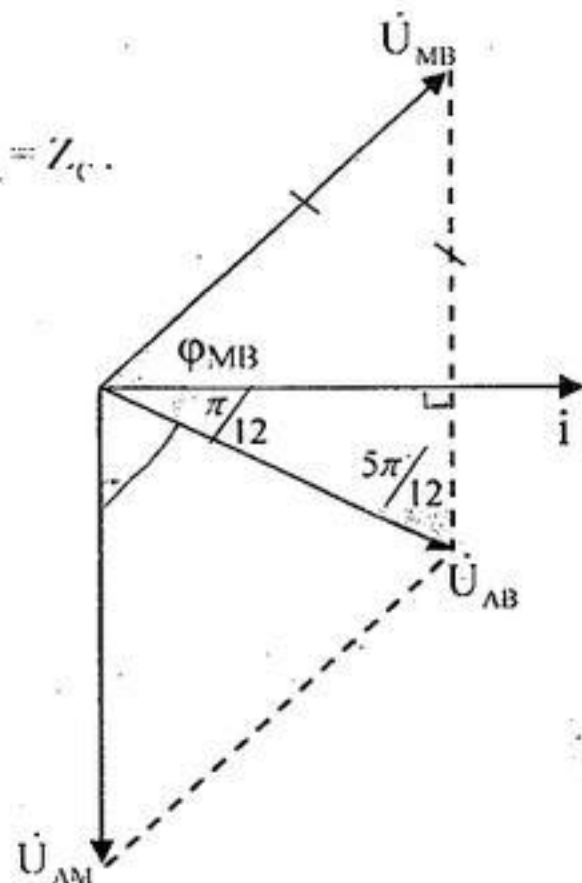
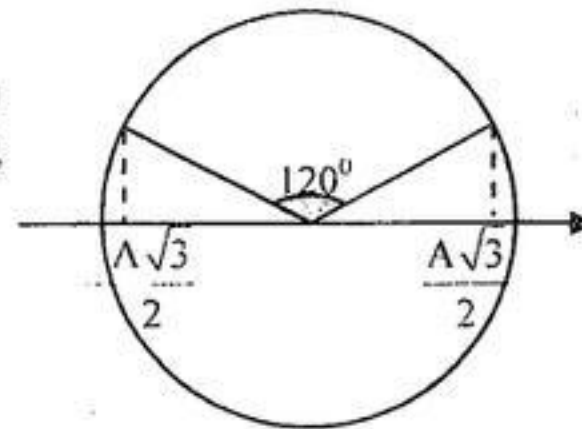
$$\varepsilon = \frac{hc}{\lambda} = 3,764 \text{ eV.}$$

+ Ta thấy năng lượng photon ánh sáng chiếu tới nhỏ hơn công thoát electron của kim loại bạc và đồng nên hiện tượng quang điện không thể xảy ra ở hai kim loại này.

Câu 39: C

+ Theo đề bài ta có giản đồ vectơ như hình bên.

+ Do $U_{AM} = U_{MB}$



$$\text{Nên } \varphi_{MB} + \frac{\pi}{12} = \frac{5\pi}{12} \Rightarrow \varphi_{MB} = \frac{5\pi}{12} - \frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \cos\varphi_{MB} = \cos\frac{\pi}{3} = 0,5$$

Câu 40: B.

+ Ta có:

$$P = \frac{U^2 \cdot (R+r)}{(R+r)^2 + (Z_L - Z_C)^2} = \frac{150^2 \cdot (60+r)}{(60+r)^2 + (Z_L - Z_C)^2} = 250 \text{ W (1)}$$

+ Khi nối 2 đầu C bằng dây dẫn, mạch chỉ còn RLr.

Gọi góc $(u_R, u_d) = (i, u_d) = \varphi_d$

$$\begin{cases} U_R = U_d \Leftrightarrow R^2 = Z_d^2 = r^2 + Z_L^2 \\ U^2 = U_R^2 + U_d^2 + 2 \cdot U_R \cdot U_d \cdot \cos\varphi_d \rightarrow \cos\varphi_d = \frac{U^2 - 2 \cdot U_R^2}{2 \cdot U_R^2} = 0,5 = \frac{r}{Z_d} = \frac{r}{R} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} r = 30 \Omega \\ Z_L = 30\sqrt{3} \Omega \end{cases}$$

$$+ \text{Thay vào (1): } Z_C = Z_L = 30\sqrt{3} \Omega$$

Câu 41: D.

+ Biểu thức lực kéo về có dạng: $F = -m\omega^2 x = -m\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi)$

$$\Rightarrow m\omega^2 A = 0,8 \rightarrow A = \frac{0,8}{m\omega^2} = \frac{0,8}{0,5 \cdot 4^2} = 0,1 \text{ m} = 10 \text{ cm.}$$

Câu 42: A.

$$+ \text{Ta có: } \varepsilon_{PK} = \varepsilon_{P1} + \varepsilon_{L,K} \Leftrightarrow hf_1 = hf_2 + hf_3 \Leftrightarrow f_3 = f_1 - f_2$$

Câu 43: C.

+ Tần số và màu sắc ánh sáng không phụ thuộc vào môi trường, nghĩa là khi ánh sáng truyền từ môi trường này sang môi trường khác thì tần số và màu sắc không đổi.

Câu 44: C.

$$+ \text{Ta có phản ứng: } {}^A_Z X \rightarrow {}^4_2\alpha + {}^{A-4}_{Z-2} Y$$

$$+ \text{Áp dụng định luật bảo toàn động lượng: } P_X = P_\alpha + P_Y = 0 \text{ (hạt X đứng yên)}$$

$$\Rightarrow m_\alpha v = m_Y v_Y \Leftrightarrow v_Y = \frac{m_\alpha v}{m_Y} \Leftrightarrow v_Y = \frac{4v}{A-4}$$

Câu 45: B.

+ Gọi điện dung của tụ tương ứng độ xoay: $C = C_0 + k\alpha$

+ Khi $\alpha = 0^\circ$ thì $C = C_0$ và $f = f_0 = 3 \text{ MHz}$:

$$+ \text{Khi } \alpha = 120^\circ \text{ thì } f' = 1 \text{ MHz} = \frac{1}{3} f_0 \Rightarrow C' = 9C_0 \Leftrightarrow C_0 + k \cdot 120 = 9C_0 \text{ (1).}$$

$$+ \text{Khi } f'' = 1,5 \text{ MHz} = \frac{1}{2} f_0 \text{ thì } C'' = 4C_0 \Leftrightarrow C_0 + k\alpha = 4C_0 \text{ (2).}$$

$$+ \text{Từ (1) và (2) } \Rightarrow \alpha = 45^\circ.$$

Câu 46: D.

$$v' = \sqrt{\frac{kc}{m}} \\ k = m\omega^2 = 2\pi$$

Câu 47: D.

- + Công suất toàn phần của động cơ: $P = U.I \cos \phi = 220.0,5.0,8 = 88 \text{ W}$.
- + Công suất có ích của động cơ: $P_{ci} = P - P_{hp} = 88 - 11 = 77 \text{ W}$.
- + Hiệu suất động cơ là: $H = \frac{P_{ci}}{P} = \frac{77}{88} = 87,5\%$.

Câu 48: A.

- + Lúc đầu, tại M là vân sáng bậc 5: $x_M = 5 \frac{\lambda D}{a}$ (1).
- + Khi thay đổi a thì tại M là vân sáng bậc 6 chứng tỏ khoảng vân giảm $\Rightarrow$ Phải tăng a một lượng 0,2 mm.

$$\text{Ta có: } x_M = 6 \frac{\lambda D}{a + 0,2.10^{-3}} \quad (2).$$

+ Thế (1) vào (2) $\Rightarrow a = 1 \text{ mm}$.

$$\text{+ Từ (1) } \Rightarrow \lambda = \frac{a.x_M}{5D} = \frac{10^{-3}.6.10^{-3}}{5.2} = 0,6.10^{-6} \text{ m} = 0,6 \mu\text{m}$$

Câu 49: B.

$$\text{+ Khi tần số } \omega_1 \quad \frac{Z_{L1}}{Z_{C1}} = \frac{L\omega_1}{1} = LC\omega_1^2 \rightarrow \omega_1^2 = \frac{Z_{L1}}{Z_{C1} LC}$$

$$\text{+ Khi tần số } \omega_2 \text{ thì cộng hưởng nên: } \omega_2^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \frac{\omega_1}{\omega_2} = \sqrt{\frac{Z_{L1}}{Z_{C1}}} \Leftrightarrow \omega_1 = \omega_2 \sqrt{\frac{Z_{L1}}{Z_{C1}}}$$

Câu 50: D.

- + Tính cả A, B thì có $3 + 2 = 5$ nút sóng $\Rightarrow$ Số bó sóng là: $k = 5 - 1 = 4$
- + Ta có: $AB = k \frac{\lambda}{2} = k \frac{v}{2f} \Rightarrow v = \frac{2lf}{k} = \frac{2.1.50}{4} = 25 \text{ m/s}$.

Câu 51: D

Các hành tinh theo thứ tự từ Mặt Trời ra xa là: Thủy tinh, Kim tinh, Trái Đất, Hỏa tinh, Mộc tinh, Thổ tinh, Thiên Vương tinh và Hải vương tinh.

Câu 52: D

$$\text{Ta có: } \phi_1 = \frac{1}{2} \gamma t_1^2 \Rightarrow \gamma = \frac{2\phi_1}{t_1^2}$$

$$\text{Mặt khác: } \phi_2 = \frac{1}{2} \gamma t_2^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{2\phi_1}{t_1^2} t_2^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{2.50}{10^2} 20^2 = 200 \text{ rad}$$

Câu 53: A

$$\text{Ta có: } t_2 = 4t_1$$

$$\text{Mà } \omega = \gamma t \Rightarrow \omega_2 = 4\omega_1$$

$$\text{Mặt khác: } L = I\omega \Rightarrow L_2 = 4.L_1$$

Câu 54: C

$$\text{Khi mắc vào hai đầu cuộn dây một hiệu điện thế một chiều } \Rightarrow R = \frac{12}{0,4} = 30\Omega$$

Khi mắc vào mạng điện xoay chiều 50Hz, $Z_L = 1.2\pi f = 40\Omega$

$$\Rightarrow Z_d = \sqrt{R^2 + Z_L^2} = \sqrt{30^2 + 40^2} = 50\Omega \Rightarrow I = \frac{12}{50} = 0,24 \text{ A}$$

Câu 55: B

$$\text{Ta có: } v = 0,8c \Rightarrow l = l_0 \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2} = l_0 \sqrt{1 - \left(\frac{0,8c}{c}\right)^2} = l_0.0,6 = l_0 - 0,4 \Rightarrow l_0 = 1 \text{ m}$$

Câu 56: A

Ta có: $\lambda_1 = 0,542 \mu\text{m} > \lambda_2 = 0,243 \mu\text{m} \Rightarrow v_{02\text{max}} > v_{01\text{max}}$

Công thức Anhxtanh:

$$\frac{hc}{\lambda_2} = \frac{hc}{\lambda_0} + \frac{1}{2}mv_{0\text{max}}^2 \Rightarrow v_{02\text{max}} = \sqrt{\frac{2hc}{m} \left(\frac{1}{\lambda_2} - \frac{1}{\lambda_0} \right)} = 9,61.10^5 \text{ m/s}$$

Câu 57: D

$$\text{Ta có: } \vec{F} = \vec{T} + \vec{P} = m\vec{a}$$

$$\text{Độ lớn của hợp lực: } F = \sqrt{T^2 + P^2 - 2.T.P \cos \alpha}$$

$$\text{Với } T = mg(3\cos \alpha - 2\cos \alpha_0) = mg(3\cos 30^\circ - 2\cos 60^\circ) = 1,6mg.$$

$$\Rightarrow F = 0,887mg \Rightarrow a = \frac{F}{m} = 0,887g = 8,87 \text{ m/s}^2 = 887 \text{ cm/s}^2$$

Theo định luật bảo toàn năng lượng: $W = W_C + W_L$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}CU_0^2 = \frac{1}{2}Cu^2 + \frac{1}{2}Li^2 \Rightarrow i^2 = \frac{C}{L}(U_0^2 - u^2)$$

Câu 59: D

$$\text{Ta có: } W_d = \frac{1}{2}I\omega^2 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2W_d}{I}} = \sqrt{\frac{2.1000}{0,2}} = 100 \text{ rad/s}$$

Câu 60: B

Do góc giữa vector gia tốc tiếp tuyến và vector gia tốc của một điểm nằm trên mép đĩa bằng 45°

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{a_n}{a_t} = 1 \Rightarrow a_t = a_n \Rightarrow \gamma R = \omega^2 R = \gamma^2 t^2 R \Rightarrow \gamma t^2 = 1 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{1}{0,25}} = 2 \text{ s}$$

PHỤ LỤC ĐỀ THI TUYỂN SINH CAO ĐẲNG NĂM 2012

(không giới giải)

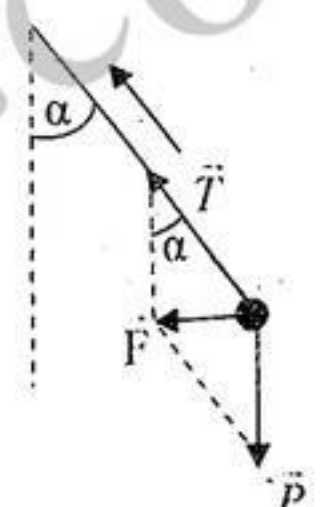
Môn thi : VẬT LÝ; Khối A và Khối A1 - Mã đề : 937

Cho biết: hằng số Plăng $h = 6,625.10^{-34} \text{ J.s}$, tốc độ ánh sáng trong chân không $c = 3.10^8 \text{ m/s}$, $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV/c}^2$.

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH (40 câu, từ câu 1 đến câu 40)

Câu 1: Giả thiết một chất phóng xạ có hằng số phóng xạ là $\lambda = 5.10^{-8} \text{ s}^{-1}$. Thời gian để số hạt nhân chất phóng xạ đó giảm đi e lần (với $\ln e = 1$) là

- A. 5.10^8 s . B. 5.10^7 s . C. 2.10^8 s . D. 2.10^7 s .



Câu 2: Trong các hạt nhân: ${}^4_2\text{He}$, ${}^7_3\text{Li}$, ${}^{56}_{26}\text{Fe}$ và ${}^{235}_{92}\text{U}$, hạt nhân bền vững nhất là

- A. ${}^{235}_{92}\text{U}$ B. ${}^{56}_{26}\text{Fe}$ C. ${}^7_3\text{Li}$ D. ${}^4_2\text{He}$.

Câu 3: Một nguồn âm điểm truyền sóng âm đẳng hướng vào trong không khí với tốc độ truyền âm là v . Khoảng cách giữa 2 điểm gần nhau nhất trên cùng hướng truyền sóng âm dao động ngược pha nhau là d . Tần số của âm là

- A. $\frac{v}{2d}$ B. $\frac{2v}{d}$ C. $\frac{v}{4d}$ D. $\frac{v}{d}$.

Câu 4: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc có bước sóng λ . Nếu tại điểm M trên màn quan sát có vân tối thì hiệu đường đi của ánh sáng từ hai khe đến điểm M có độ lớn nhỏ nhất bằng

- A. $\frac{\lambda}{4}$ B. λ C. $\frac{\lambda}{2}$ D. 2λ .

Câu 5: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần có độ tự cảm L , cường độ dòng điện trong mạch là $i = I_0 \sin(\omega t + \frac{2\pi}{3})$. Biết U_0 , I_0 và ω không đổi. Hệ thức đúng là

- A. $R = 3\omega L$ B. $\omega L = 3R$ C. $R = \sqrt{3}\omega L$ D. $\omega L = \sqrt{3}R$.

Câu 6: Một vật dao động điều hòa với biên độ A và cơ năng W . Mốc thế năng của vật ở vị trí cân bằng. Khi vật đi qua vị trí có li độ $\frac{2}{3}A$ thì động năng của vật là

- A. $\frac{5}{9}W$ B. $\frac{4}{9}W$ C. $\frac{2}{9}W$ D. $\frac{7}{9}W$.

Câu 7: Một vật dao động điều hòa với biên độ A và tốc độ cực đại $v_{\max}$. Tần số góc của vật dao động là

- A. $\frac{v_{\max}}{A}$ B. $\frac{v_{\max}}{\pi A}$ C. $\frac{v_{\max}}{2\pi A}$ D. $\frac{v_{\max}}{2A}$.

Câu 8: Cho phản ứng hạt nhân: ${}^2_1\text{D} + {}^2_1\text{D} \rightarrow {}^3_2\text{He} + {}^1_0\text{n}$. Biết khối lượng của ${}^2_1\text{D}$, ${}^3_2\text{He}$, ${}^1_0\text{n}$ lần lượt là $m_D = 2,0135u$; $m_{He} = 3,0149u$; $m_n = 1,0087u$. Năng lượng tỏa ra của phản ứng trên bằng

- A. 1,8821 MeV B. 2,7391 MeV C. 7,4991 MeV D. 3,1671 MeV.

Câu 9: Gọi ϵ_D , ϵ_L , ϵ_T lần lượt là năng lượng của photon ánh sáng đỏ, photon ánh sáng lam và photon ánh sáng tím. Ta có

- A. $\epsilon_D > \epsilon_L > \epsilon_T$ B. $\epsilon_T > \epsilon_L > \epsilon_D$ C. $\epsilon_T > \epsilon_D > \epsilon_L$ D. $\epsilon_L > \epsilon_T > \epsilon_D$.

Câu 10: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc có bước sóng $0,6\mu\text{m}$. Khoảng cách giữa hai khe sáng là 1mm , khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn quan sát là $1,5\text{m}$. Trên màn quan sát, hai vân tối liên tiếp cách nhau một đoạn là

- A. $0,45\text{mm}$ B. $0,6\text{mm}$ C. $0,9\text{mm}$ D. $1,8\text{mm}$.

Câu 11: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ (U_0 không đổi, ω thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp. Điều chỉnh $\omega = \omega_1$ thì cảm kháng của cuộn cảm thuần bằng 4 lần dung kháng của tụ điện. Khi $\omega = \omega_2$ thì trong mạch xảy ra hiện tượng cộng hưởng điện. Hệ thức đúng là

- A. $\omega_1 = 2\omega_2$ B. $\omega_2 = 2\omega_1$ C. $\omega_1 = 4\omega_2$ D. $\omega_2 = 4\omega_1$.

Câu 12: Một mạch dao động điện từ lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C . Trong mạch đang có dao động điện từ tự do. Biết điện tích cực đại trên một bản tụ điện là Q_0 và cường độ dòng điện cực đại trong mạch là I_0 . Tần số dao động được tính theo công thức

- A. $f = \frac{1}{2\pi LC}$ B. $f = 2\pi LC$ C. $f = \frac{Q_0}{2\pi I_0}$ D. $f = \frac{I_0}{2\pi Q_0}$.

Câu 13: Cho phản ứng hạt nhân: $X + {}^1_0\text{n} \rightarrow {}^4_2\text{He} + {}^{16}_8\text{O}$. Hạt X là

- A. alpha B. neutron C. deuteri D. proton.

Câu 14: Giới hạn quang điện của một kim loại là $0,30\mu\text{m}$. Công thoát của electron khỏi kim loại này là

- A. $6,625 \cdot 10^{-20}\text{J}$ B. $6,625 \cdot 10^{-17}\text{J}$ C. $6,625 \cdot 10^{-19}\text{J}$ D. $6,625 \cdot 10^{-18}\text{J}$.

Câu 15: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa ánh sáng, hai khe được chiếu bằng ánh sáng đơn sắc. Khoảng vân giao thoa trên màn quan sát là i . Khoảng cách giữa hai vân sáng bậc 3 nằm ở hai bên vân sáng trung tâm là

- A. $5i$ B. $3i$ C. $4i$ D. $6i$.

Câu 16: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ (U_0 không đổi, tần số góc ω thay đổi được) vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp. Điều chỉnh $\omega = \omega_1$ thì đoạn mạch có tính cảm kháng, cường độ dòng điện hiệu dụng và hệ số công suất của đoạn mạch lần lượt là I_1 và k_1 . Sau đó, tăng tần số góc đến giá trị $\omega = \omega_2$ thì cường độ dòng điện hiệu dụng và hệ số công suất của đoạn mạch lần lượt là I_2 và k_2 . Khi đó ta có

- A. $I_2 > I_1$ và $k_2 > k_1$ B. $I_2 > I_1$ và $k_2 < k_1$
C. $I_2 < I_1$ và $k_2 < k_1$ D. $I_2 < I_1$ và $k_2 > k_1$.

Câu 17: Xét điểm M ở trong môi trường đàn hồi có sóng âm truyền qua. Mức cường độ âm tại M là L (dB). Nếu cường độ âm tại điểm M tăng lên 100 lần thì mức cường độ âm tại điểm đó bằng

- A. $100L$ (dB) B. $L + 100$ (dB) C. $20L$ (dB) D. $L + 20$ (dB).

Câu 18: Khi nói về ánh sáng, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Ánh sáng trắng là hỗn hợp của nhiều ánh sáng đơn sắc có màu biến thiên liên tục từ đỏ đến tím.
B. Ánh sáng đơn sắc không bị tán sắc khi đi qua lăng kính.
C. Chiết suất của chất làm lăng kính đối với các ánh sáng đơn sắc khác nhau đều bằng nhau.
D. Chiết suất của chất làm lăng kính đối với các ánh sáng đơn sắc khác nhau thì khác nhau.

Câu 19: Đặt điện áp $u = U\sqrt{2} \cos 2\pi ft$ (trong đó U không đổi, f thay đổi được) vào hai đầu điện trở thuần. Khi $f = f_1$ thì công suất tiêu thụ trên điện trở bằng P . Khi $f = f_2$ với $f_2 = 2f_1$ thì công suất tiêu thụ trên điện trở bằng

- A. $\sqrt{2}P$. B. $\frac{P}{2}$. C. P . D. $2P$.

Câu 20: Hai vật dao động điều hòa dọc theo các trục song song với nhau. Phương trình dao động của các vật lần lượt là $x_1 = A_1 \cos \omega t$ (cm) và $x_2 = A_2 \sin \omega t$ (cm). Biết $64x_1^2 + 36x_2^2 = 48^2$ (cm²). Tại thời điểm t , vật thứ nhất đi qua vị trí có li độ $x_1 = 3$ cm với vận tốc $v_1 = -18$ cm/s. Khi đó vật thứ hai có tốc độ bằng

- A. $24\sqrt{3}$ cm/s. B. 24 cm/s. C. 8 cm/s. D. $8\sqrt{3}$ cm/s.

Câu 21: Tại một vị trí trên Trái Đất, con lắc đơn có chiều dài ℓ_1 dao động điều hòa với chu kỳ T_1 ; con lắc đơn có chiều dài ℓ_2 ($\ell_2 < \ell_1$) dao động điều hòa với chu kỳ T_2 . Cũng tại vị trí đó, con lắc đơn có chiều dài $\ell_1 - \ell_2$ dao động điều hòa với chu kỳ là

- A. $\frac{T_1 T_2}{T_1 + T_2}$. B. $\sqrt{T_1^2 - T_2^2}$. C. $\frac{T_1 T_2}{T_1 - T_2}$. D. $\sqrt{T_1^2 + T_2^2}$.

Câu 22: Khi một vật dao động điều hòa, chuyển động của vật từ vị trí biên về vị trí cân bằng là chuyển động

- A. nhanh dần đều. B. chậm dần đều. C. nhanh dần. D. chậm dần.

Câu 23: Đặt điện áp xoay chiều vào hai đầu đoạn mạch X mắc nối tiếp chứa hai trong ba phần tử: điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện. Biết rằng điện áp giữa hai đầu đoạn mạch X luôn sớm pha so với cường độ dòng điện trong mạch một góc nhỏ hơn $\frac{\pi}{2}$. Đoạn mạch X chứa

- A. cuộn cảm thuần và tụ điện với cảm kháng lớn hơn dung kháng.
B. điện trở thuần và tụ điện.
C. cuộn cảm thuần và tụ điện với cảm kháng nhỏ hơn dung kháng.
D. điện trở thuần và cuộn cảm thuần.

Câu 24: Tại mặt thoáng của một chất lỏng có hai nguồn sóng S_1 và S_2 dao động theo phương thẳng đứng với cùng phương trình $u = a \cos 40\pi t$ (a không đổi, t tính bằng s). Tốc độ truyền sóng trên mặt chất lỏng bằng 80 cm/s. Khoảng cách ngắn nhất giữa hai phần tử chất lỏng trên đoạn thẳng $S_1 S_2$ dao động với biên độ cực đại là

- A. 4 cm. B. 6 cm. C. 2 cm. D. 1 cm.

Câu 25: Hai hạt nhân 3_1T và 3_2He có cùng

- A. số neutron. B. số nuclôn. C. điện tích. D. số proton.

Câu 26: Một sóng ngang truyền trên sợi dây rất dài với tốc độ truyền sóng là 4m/s và tần số sóng có giá trị từ 33 Hz đến 43 Hz. Biết hai phần tử tại hai điểm trên dây cách nhau 25 cm luôn dao động ngược pha nhau. Tần số sóng trên dây là

- A. 42 Hz. B. 35 Hz. C. 40 Hz. D. 37 Hz.

Câu 27: Một mạch dao động lí tưởng đang có dao động điện từ tự do với chu kỳ dao động T. Tại thời điểm $t = 0$, điện tích trên một bản tụ điện đạt giá trị cực đại. Điện tích trên bản tụ này bằng 0 ở thời điểm đầu tiên (kể từ $t = 0$) là

- A. $\frac{T}{8}$. B. $\frac{T}{2}$. C. $\frac{T}{6}$. D. $\frac{T}{4}$.

Câu 28: Đặt điện áp xoay chiều vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp. Biết cảm kháng của cuộn cảm bằng 3 lần dung kháng

của tụ điện. Tại thời điểm t , điện áp tức thời giữa hai đầu điện trở và điện áp tức thời giữa hai đầu tụ điện có giá trị tương ứng là 60 V và 20 V. Khi đó điện áp tức thời giữa hai đầu đoạn mạch là

- A. $20\sqrt{13}$ V. B. $10\sqrt{13}$ V. C. 140 V. D. 20 V.

Câu 29: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần R và cuộn cảm thuần có độ tự cảm L mắc nối tiếp. Hệ số công suất của đoạn mạch là

- A. $\frac{\omega L}{R}$. B. $\frac{R}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}$. C. $\frac{R}{\omega L}$. D. $\frac{\omega L}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}$.

Câu 30: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ (với U_0 và ω không đổi) vào hai đầu đoạn mạch gồm biến trở mắc nối tiếp với cuộn cảm thuần. Điều chỉnh biến trở để công suất tỏa nhiệt trên biến trở đạt cực đại. Khi đó

- A. điện áp hiệu dụng giữa hai đầu biến trở bằng điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn cảm thuần.
B. điện áp hiệu dụng giữa hai đầu biến trở bằng hai lần điện áp hiệu dụng giữa hai đầu cuộn cảm thuần.
C. hệ số công suất của đoạn mạch bằng 1.
D. hệ số công suất của đoạn mạch bằng 0,5.

Câu 31: Dao động của một vật là tổng hợp của hai dao động cùng phương có phương trình lần lượt là $x_1 = A \cos \omega t$ và $x_2 = A \sin \omega t$. Biên độ dao động của vật là

- A. $\sqrt{3}A$. B. A. C. $\sqrt{2}A$. D. $2A$.

Câu 32: Một vật dao động cưỡng bức dưới tác dụng của ngoại lực $F = F_0 \cos \pi f t$ (với F_0 và f không đổi, t tính bằng s). Tần số dao động cưỡng bức của vật là

- A. f. B. πf . C. $2\pi f$. D. $0,5f$.

Câu 33: Ánh sáng nhìn thấy có thể gây ra hiện tượng quang điện ngoài với

- A. kim loại bạc. B. kim loại kẽm. C. kim loại xesi. D. kim loại đồng.

Câu 34: Một mạch dao động điện từ lí tưởng gồm cuộn cảm thuần và tụ điện có điện dung thay đổi được. Trong mạch đang có dao động điện từ tự do. Khi điện dung của tụ điện có giá trị 20 pF thì chu kỳ dao động riêng của mạch dao động là 3 μ s. Khi điện dung của tụ điện có giá trị 180 pF thì chu kỳ dao động riêng của mạch dao động là

- A. 9 μ s. B. 27 μ s. C. $\frac{1}{9}$ μ s. D. $\frac{1}{27}$ μ s.

Câu 35: Khi nói về tia tử ngoại, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Tia tử ngoại tác dụng lên phim ảnh.
B. Tia tử ngoại dễ dàng đi xuyên qua tấm chì dày vài xentimét.
C. Tia tử ngoại làm ion hóa không khí.
D. Tia tử ngoại có tác dụng sinh học: diệt vi khuẩn, hủy diệt tế bào da.

Câu 36: Khi nói về sự phản xạ của sóng cơ trên vật cản cố định, phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Tần số của sóng phản xạ luôn lớn hơn tần số của sóng tới.
B. Sóng phản xạ luôn ngược pha với sóng tới ở điểm phản xạ.
C. Tần số của sóng phản xạ luôn nhỏ hơn tần số của sóng tới.
D. Sóng phản xạ luôn cùng pha với sóng tới ở điểm phản xạ.

Câu 37: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \frac{\pi}{3})$ vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần, cuộn cảm thuần và tụ điện mắc nối tiếp. Biết cường độ dòng điện trong mạch có biểu thức $i = \sqrt{6} \cos(\omega t + \frac{\pi}{6})$ (A) và công suất tiêu thụ của đoạn mạch bằng 150 W. Giá trị U_0 bằng

- A. 100 V. B. $100\sqrt{3}$ V. C. 120 V. D. $100\sqrt{2}$ V.

Câu 38: Con lắc lò xo gồm một vật nhỏ có khối lượng 250 g và lò xo nhẹ có độ cứng 100 N/m dao động điều hòa dọc theo trục Ox với biên độ 4 cm. Khoảng thời gian ngắn nhất để vận tốc của vật có giá trị từ -40 cm/s đến $40\sqrt{3}$ cm/s là

- A. $\frac{\pi}{40}$ s. B. $\frac{\pi}{120}$ s. C. $\frac{\pi}{20}$ s. D. $\frac{\pi}{60}$ s.

Câu 39: Pin quang điện là nguồn điện

- A. biến đổi trực tiếp quang năng thành điện năng.
B. biến đổi trực tiếp nhiệt năng thành điện năng.
C. hoạt động dựa trên hiện tượng quang điện ngoài.
D. hoạt động dựa trên hiện tượng cảm ứng điện từ.

Câu 40: Đặt điện áp $u = U_0 \cos(\omega t + \varphi)$ (U_0 và φ không đổi) vào hai đầu đoạn mạch mắc nối tiếp gồm điện trở thuần, tụ điện và cuộn cảm thuần có độ tự cảm L thay đổi được. Khi $L = L_1$ hoặc $L = L_2$ thì cường độ dòng điện hiệu dụng trong đoạn mạch bằng nhau. Để cường độ dòng điện hiệu dụng trong đoạn mạch giá trị cực đại thì giá trị của L bằng

- A. $\frac{1}{2}(L_1 + L_2)$. B. $\frac{L_1 L_2}{L_1 + L_2}$. C. $\frac{2L_1 L_2}{L_1 + L_2}$. D. $2(L_1 + L_2)$.

II. PHẦN RIÊNG (10 câu)

Thí sinh chỉ được làm một trong hai phần riêng (phần A hoặc phần B)

A. Theo chương trình Chuẩn (10 câu, từ câu 41 đến câu 50)

Câu 41: Một vật dao động điều hòa với tần số góc 5 rad/s. Khi vật đi qua li độ 5 cm thì nó có tốc độ là 25 cm/s. Biên độ dao động của vật là

- A. 5,24 cm. B. $5\sqrt{2}$ cm. C. $5\sqrt{3}$ cm. D. 10 cm.

Câu 42: Hai con lắc đơn dao động điều hòa tại cùng một vị trí trên Trái Đất. Chiều dài và chu kỳ dao động của con lắc đơn lần lượt là ℓ_1 , ℓ_2 và T_1 , T_2 . Biết $\frac{T_1}{T_2} = \frac{1}{2}$. Hệ thức đúng là

- A. $\frac{\ell_1}{\ell_2} = 2$ B. $\frac{\ell_1}{\ell_2} = 4$ C. $\frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{1}{4}$ D. $\frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{1}{2}$

Câu 43: Bức xạ có tần số nhỏ nhất trong số các bức xạ hồng ngoại, tử ngoại, Rơn-ghen, gamma là

- A. gamma B. hồng ngoại. C. Rơn-ghen. D. tử ngoại.

Câu 44: Mạch dao động điện từ lí tưởng gồm cuộn cảm thuần có độ tự cảm L và tụ điện có điện dung C . Trong mạch đang có dao động điện từ tự do. Gọi U_0 là hiệu điện thế cực đại giữa hai bản tụ và I_0 là cường độ dòng điện cực đại trong mạch. Hệ thức đúng là

- A. $I_0 = U_0 \sqrt{\frac{C}{2L}}$ B. $I_0 = U_0 \sqrt{\frac{C}{L}}$ C. $U_0 = I_0 \sqrt{\frac{C}{L}}$ D. $U_0 = I_0 \sqrt{\frac{2C}{L}}$

Câu 45: Chất phóng xạ X có chu kỳ bán rã T . Ban đầu ($t=0$), một mẫu chất phóng xạ X có số hạt là N_0 . Sau khoảng thời gian $t=3T$ (kể từ $t=0$), số hạt nhân X đã bị phân rã là

- A. $0,25N_0$. B. $0,875N_0$. C. $0,75N_0$. D. $0,125N_0$

Câu 46: Đặt điện áp xoay chiều vào hai đầu đoạn mạch gồm điện trở thuần mắc nối tiếp với tụ điện. Biết điện áp hiệu dụng giữa hai đầu điện trở và giữa hai bản tụ điện lần lượt là 100V và $100\sqrt{3}$ V. Độ lệch pha giữa điện áp hai đầu đoạn mạch và điện áp giữa hai bản tụ điện có độ lớn bằng

- A. $\frac{\pi}{6}$ B. $\frac{\pi}{3}$ C. $\frac{\pi}{8}$ D. $\frac{\pi}{4}$

Câu 47: Khi nói về tia Rơn-ghen và tia tử ngoại, phát biểu nào sau đây sai?

- A. Tia Rơn-ghen và tia tử ngoại đều có cùng bản chất là sóng điện từ.
B. Tần số của tia Rơn-ghen nhỏ hơn tần số của tia tử ngoại.
C. Tần số của tia Rơn-ghen lớn hơn tần số của tia tử ngoại.
D. Tia Rơn-ghen và tia tử ngoại đều có khả năng gây phát quang một số chất.

Câu 48: Một máy phát điện xoay chiều một pha có phần cảm là rôto và số cặp cực là p . Khi rôto quay đều với tốc độ n (vòng/s) thì từ thông qua mỗi cuộn dây của stato biến thiên tuần hoàn với tần số (tính theo đơn vị Hz) là

- A. $\frac{pn}{60}$ B. $\frac{n}{60p}$ C. $60pn$ D. pn

Câu 49: Trong thí nghiệm Y-âng về giao thoa với ánh sáng đơn sắc, khoảng cách giữa hai khe là 1 mm, khoảng cách từ mặt phẳng chứa hai khe đến màn quan sát là 2 m. Tại điểm M trên màn quan sát cách vân sáng trung tâm 3 mm có vân sáng bậc 3. Bước sóng của ánh sáng dùng trong thí nghiệm là

- A. $0,5 \mu\text{m}$. B. $0,45 \mu\text{m}$. C. $0,6 \mu\text{m}$. D. $0,75 \mu\text{m}$.

Câu 50: Trên một sợi dây có sóng dừng với bước sóng là λ . Khoảng cách giữa hai nút sóng liên tiếp là

- A. $\frac{\lambda}{2}$. B. 2λ . C. $\frac{\lambda}{4}$. D. λ .

B. Theo chương trình Nâng cao (10 câu, từ câu 51 đến câu 60)

Câu 51: Một vật rắn đang quay quanh một trục cố định xuyên qua vật. Các điểm trên vật rắn (không thuộc trục quay)

- A. có cùng gia tốc góc tại cùng một thời điểm.
B. có cùng tốc độ dài tại cùng một thời điểm.
C. quay được những góc khác nhau trong cùng một khoảng thời gian.
D. có tốc độ góc khác nhau tại cùng một thời điểm.

Câu 52: Một thanh cứng, nhẹ, chiều dài $2a$. Tại mỗi đầu của thanh có gắn một viên bi nhỏ, khối lượng của mỗi viên bi là m . Momen quán tính của hệ (thanh và các viên bi) đối với trục quay đi qua trung điểm của thanh và vuông góc với thanh là

C. PHẦN HOÁ HỌC

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI A NĂM 2009

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Cho hỗn hợp gồm 1,12 gam Fe và 1,92 gam Cu vào 400ml dung dịch chứa hỗn hợp gồm H_2SO_4 0,5M và NaNO_3 0,2M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được dung dịch X và khí NO (sản phẩm khử duy nhất). Cho V ml dung dịch NaOH 1M vào dung dịch X thì lượng kết tủa thu được là lớn nhất. Giá trị tối thiểu của V là

A. 240. B. 120. C. 360. D. 400.

Câu 2: Xà phòng hoá hoàn toàn 66,6 gam hỗn hợp hai este HCOOC_2H_5 và $\text{CH}_3\text{COOCH}_3$ bằng dung dịch NaOH, thu được hỗn hợp X gồm hai ancol. Đun nóng hỗn hợp X với H_2SO_4 đặc ở 140°C , sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được m gam nước. Giá trị của m là

A. 18,00. B. 8,10. C. 16,20. D. 4,05.

Câu 3: Trường hợp nào sau đây không xảy ra phản ứng hoá học?

- A. Cho Fe vào dung dịch H_2SO_4 loãng, nguội.
B. Sục khí Cl_2 vào dung dịch FeCl_2 .
C. Sục khí H_2S vào dung dịch CuCl_2 .
D. Sục khí H_2S vào dung dịch FeCl_3 .

Câu 4: Cho các hợp kim sau: Cu-Fe (I); Zn-Fe (II); Fe-C (III); Sn-Fe (IV). Khi tiếp xúc với dung dịch chất điện li thì các hợp kim mà trong đó Fe đều bị ăn mòn trước là

A. I, II và III. B. I, II và IV. C. I, III và IV. D. II, III và IV.

Câu 5: Cho hỗn hợp khí X gồm HCHO và H_2 đi qua ống sứ đựng bột Ni nung nóng. Sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được hỗn hợp khí Y gồm hai chất hữu cơ. Đốt cháy hết Y thì thu được 11,7 gam H_2O và 7,84 lít khí CO_2 (ở đktc). Phần trăm theo thể tích của H_2 trong X là

A. 65,00%. B. 46,15%. C. 35,00%. D. 53,85%.

Câu 6: Cho bốn hỗn hợp, mỗi hỗn hợp gồm hai chất rắn có số mol bằng nhau: Na_2O và Al_2O_3 ; Cu và FeCl_3 ; BaCl_2 và CuSO_4 ; Ba và NaHCO_3 . Số hỗn hợp có thể tan hoàn toàn trong nước (dư) chỉ tạo ra dung dịch là

A. 4. B. 2. C. 1. D. 3.

Câu 7: Hỗn hợp khí X gồm anken M và ankin N có cùng số nguyên tử cacbon trong phân tử. Hỗn hợp X có khối lượng 12,4 gam và thể tích 6,72 lít (ở đktc). Số mol, công thức phân tử của M và N lần lượt là

A. 0,1 mol C_2H_4 và 0,2 mol C_2H_2 . B. 0,1 mol C_3H_6 và 0,2 mol C_3H_4 .
C. 0,2 mol C_2H_4 và 0,1 mol C_2H_2 . D. 0,2 mol C_3H_6 và 0,1 mol C_3H_4 .

- A. $2ma^2$. B. $\frac{1}{4}ma^2$. C. ma^2 . D. $\frac{1}{4}ma^2$.

Câu 53: Biết động năng tương đối tính của một hạt bằng năng lượng nghỉ của nó. Tốc độ của hạt này (tính theo tốc độ ánh sáng trong chân không c) bằng

- A. $\frac{1}{2}c$. B. $\frac{\sqrt{2}}{2}c$. C. $\frac{\sqrt{3}}{2}c$. D. $\frac{\sqrt{3}}{4}c$.

Câu 54: Tại mặt chất lỏng có hai nguồn phát sóng kết hợp S_1 và S_2 dao động theo phương vuông góc với mặt chất lỏng có cùng phương trình $u = 2\cos 40\pi t$ (trong đó u tính bằng cm, t tính bằng s). Tốc độ truyền sóng trên mặt chất lỏng là 80 cm/s. Gọi M là điểm trên mặt chất lỏng cách S_1, S_2 lần lượt là 12 cm và 9 cm. Coi biên độ của sóng truyền từ hai nguồn trên đến điểm M là không đổi. Phần tử chất lỏng tại M dao động với biên độ là

- A. $\sqrt{2}$ cm. B. $2\sqrt{2}$ cm. C. 4 cm. D. 2 cm.

Câu 55: Trong số các hạt: prôtôn, anpha, triti và đơteri, hạt sơ cấp là

- A. triti. B. đơteri. C. anpha. D. prôtôn.

Câu 56: Khi nói về một vật đang dao động điều hòa, phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Vector gia tốc của vật đổi chiều khi vật có li độ cực đại.
B. Vector vận tốc và vector gia tốc của vật cùng chiều nhau khi vật chuyển động về phía vị trí cân bằng.
C. Vector gia tốc của vật luôn hướng ra xa vị trí cân bằng.
D. Vector vận tốc và vector gia tốc của vật cùng chiều nhau khi vật chuyển động ra xa vị trí cân bằng.

Câu 57: Trong sóng điện từ, dao động của điện trường và của từ trường tại một điểm luôn luôn

- A. ngược pha nhau. B. lệch pha nhau $\frac{\pi}{4}$. C. đồng pha nhau. D. lệch pha nhau $\frac{\pi}{2}$.

Câu 58: Chiếu bức xạ điện từ có bước sóng $0,25 \mu\text{m}$ vào catôt của một tế bào quang điện có giới hạn quang điện là $0,5 \mu\text{m}$. Động năng ban đầu cực đại của electron quang điện là

- A. $3,975 \cdot 10^{-20}\text{J}$. B. $3,975 \cdot 10^{-17}\text{J}$. C. $3,975 \cdot 10^{-19}\text{J}$. D. $3,975 \cdot 10^{-18}\text{J}$.

Câu 59: Một vật rắn đang quay nhanh dần đều quanh một trục cố định xuyên qua vật. Một điểm trên vật rắn (không thuộc trục quay) có

- A. vector gia tốc tiếp tuyến hướng vào tâm quỹ đạo của nó.
B. độ lớn gia tốc tiếp tuyến không đổi.
C. vector gia tốc tiếp tuyến ngược chiều với chiều quay của nó ở mỗi thời điểm.
D. độ lớn gia tốc tiếp tuyến thay đổi.

Một vật rắn đang quay nhanh dần đều quanh một trục cố định xuyên qua vật.

Câu 60: Một vật rắn quay quanh dần đều từ trạng thái nghỉ quanh một trục cố định xuyên qua vật. Sau 4s đầu tiên, vật rắn này đạt tốc độ góc là 20 rad/s. Trong thời gian đó, một điểm thuộc vật rắn (không nằm trên trục quay) quay được một góc có độ lớn bằng

- A. 40 rad. B. 10 rad. C. 20 rad. D. 120 rad.

Câu 8: Xà phòng hoá hoàn toàn 1,99 gam hỗn hợp hai este bằng dung dịch NaOH thu được 2,05 gam muối của một axit cacboxylic và 0,94 gam hỗn hợp hai ancol là đồng đẳng kế tiếp nhau. Công thức của hai este đó là

- A. HCOOCH_3 và HCOOC_2H_5 . B. $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOCH}_3$ và $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOC}_2\text{H}_5$.
C. $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$ và $\text{CH}_3\text{COOC}_3\text{H}_7$. D. $\text{CH}_3\text{COOCH}_3$ và $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$.

Câu 9: Cho 1 mol amino axit X phản ứng với dung dịch HCl (dư), thu được m_1 gam muối Y. Cũng 1 mol amino axit X phản ứng với dung dịch NaOH (dư), thu được m_2 gam muối Z. Biết $m_2 - m_1 = 7,5$. Công thức phân tử của X là

- A. $\text{C}_4\text{H}_{10}\text{O}_2\text{N}_2$. B. $\text{C}_5\text{H}_9\text{O}_4\text{N}$. C. $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_4\text{N}_2$. D. $\text{C}_5\text{H}_{11}\text{O}_2\text{N}$.

Câu 10: Hoà tan hết m gam ZnSO_4 vào nước được dung dịch X. Cho 110ml dung dịch KOH 2M vào X, thu được a gam kết tủa. Mặt khác, nếu cho 140ml dung dịch KOH 2M vào X thì cũng thu được a gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 20,125. B. 12,375. C. 22,540. D. 17,710.

Câu 11: Hidrocarbon X không làm mất màu dung dịch brom ở nhiệt độ thường. Tên gọi của X là

- A. etilen. B. xiclopropan. C. xiclohexan. D. stiren.

Câu 12: Cho luồng khí CO (dư) đi qua 9,1 gam hỗn hợp gồm CuO và Al_2O_3 nung nóng đến khi phản ứng hoàn toàn, thu được 8,3 gam chất rắn. Khối lượng CuO có trong hỗn hợp ban đầu là

- A. 0,8 gam. B. 8,3 gam. C. 2,0 gam. D. 4,0 gam.

Câu 13: Đun nóng hỗn hợp hai ancol đơn chức, mạch hở với H_2SO_4 đặc, thu được hỗn hợp gồm các ete. Lấy 7,2 gam một trong các ete đó đem đốt cháy hoàn toàn, thu được 8,96 lít khí CO_2 (ở đktc) và 7,2 gam H_2O . Hai ancol đó là

- A. CH_3OH và $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$. B. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ và $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$.
C. CH_3OH và $\text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$. D. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ và CH_3OH .

Câu 14: Dãy gồm các chất đều tác dụng được với dung dịch HCl loãng là

- A. AgNO_3 , $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$, CuS. B. $\text{Mg}(\text{HCO}_3)_2$, HCOONa , CuO.
C. FeS, BaSO_4 , KOH. D. KNO_3 , CaCO_3 , $\text{Fe}(\text{OH})_3$.

Câu 15: Cho phương trình hoá học: $\text{Fe}_3\text{O}_4 + \text{HNO}_3 \rightarrow \text{Fe}(\text{NO}_3)_3 + \text{N}_x\text{O}_y + \text{H}_2\text{O}$

Sau khi cân bằng phương trình hoá học trên với hệ số của các chất là những số nguyên, tối giản thì hệ số của HNO_3 là

- A. $46x - 18y$. B. $45x - 18y$. C. $13x - 9y$. D. $23x - 9y$.

Câu 16: Xà phòng hoá một hợp chất có công thức phân tử $\text{C}_{10}\text{H}_{14}\text{O}_6$ trong dung dịch NaOH (dư), thu được glixerol và hỗn hợp gồm ba muối (không có đồng phân hình học). Công thức của ba muối đó là

- A. $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{COONa}$, HCOONa và $\text{CH}\equiv\text{C}-\text{COONa}$.
B. CH_3-COONa , HCOONa và $\text{CH}_3-\text{CH}=\text{CH}-\text{COONa}$.

C. HCOONa , $\text{CH}\equiv\text{C}-\text{COONa}$ và $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{COONa}$.

D. $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{COONa}$, $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{COONa}$ và HCOONa .

Câu 17: Lên men m gam glucơzơ với hiệu suất 90%, lượng khí CO_2 sinh ra hấp thụ hết vào dung dịch nước vôi trong, thu được 10 gam kết tủa. Khối lượng dung dịch sau phản ứng giảm 3,4 gam so với khối lượng dung dịch nước vôi trong ban đầu. Giá trị của m là

- A. 13,5. B. 30,0. C. 15,0. D. 20,0.

Câu 18: Cho hỗn hợp X gồm hai ancol đa chức, mạch hở, thuộc cùng dãy đồng đẳng. Đốt cháy hoàn toàn hỗn hợp X, thu được CO_2 và H_2O có tỉ lệ mol tương ứng là 3 : 4. Hai ancol đó là

- A. $\text{C}_2\text{H}_4(\text{OH})_2$ và $\text{C}_3\text{H}_6(\text{OH})_2$. B. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ và $\text{C}_4\text{H}_9\text{OH}$.
C. $\text{C}_2\text{H}_4(\text{OH})_2$ và $\text{C}_4\text{H}_8(\text{OH})_2$. D. $\text{C}_3\text{H}_5(\text{OH})_3$ và $\text{C}_4\text{H}_7(\text{OH})_3$.

Câu 19: Cho 3,68 gam hỗn hợp gồm Al và Zn tác dụng với một lượng vừa đủ dung dịch H_2SO_4 10% thu được 2,24 lít khí H_2 (ở đktc). Khối lượng dung dịch thu được sau phản ứng là

- A. 101,48 gam. B. 101,68 gam. C. 97,80 gam. D. 88,20 gam.

Câu 20: Nếu cho 1 mol mỗi chất: CaOCl_2 , KMnO_4 , $\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7$, MnO_2 lần lượt phản ứng với lượng dư dung dịch HCl đặc, chất tạo ra lượng khí Cl_2 nhiều nhất là

- A. KMnO_4 . B. $\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7$. C. CaOCl_2 . D. MnO_2 .

Câu 21: Cho 0,25 mol một andehit mạch hở X phản ứng với lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 thu được 54 gam Ag. Mặt khác, khi cho X phản ứng với H_2 dư (xúc tác Ni, t°) thì 0,125 mol X phản ứng hết với 0,25 mol H_2 . Chất X có công thức ứng với công thức chung là

- A. $\text{C}_n\text{H}_{2n-1}\text{CHO}$ ($n \geq 2$). B. $\text{C}_n\text{H}_{2n-3}\text{CHO}$ ($n \geq 2$).
C. $\text{C}_n\text{H}_{2n}(\text{CHO})_2$ ($n \geq 0$). D. $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{CHO}$ ($n \geq 0$).

Câu 22: Hoà tan hoàn toàn 12,42 gam Al bằng dung dịch HNO_3 loãng (dư), thu được dung dịch X và 1,344 lít (ở đktc) hỗn hợp khí Y gồm hai khí là N_2O và N_2 . Tỉ khối của hỗn hợp khí Y so với khí H_2 là 18. Cô cạn dung dịch X, thu được m gam chất rắn khan. Giá trị của m là

- A. 97,98. B. 106,38. C. 38,34. D. 34,08.

Câu 23: Cho 3,024 gam một kim loại M tan hết trong dung dịch HNO_3 loãng, thu được 940,8ml khí N_xO_y (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc) có tỉ khối đối với H_2 bằng 22. Khí N_xO_y và kim loại M là

- A. NO và Mg. B. N_2O và Al. C. N_2O và Fe. D. NO_2 và Al.

Câu 24: Cho 10 gam amin đơn chức X phản ứng hoàn toàn với HCl (dư), thu được 15 gam muối. Số đồng phân cấu tạo của X là

- A. 8. B. 7. C. 5. D. 4.

Câu 25: Cho hỗn hợp gồm Fe và Zn vào dung dịch AgNO_3 đến khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được dung dịch X gồm hai muối và chất rắn Y gồm hai kim loại. Hai muối trong X là

- A. $\text{Fe(NO}_3)_2$ và AgNO_3 . B. AgNO_3 và $\text{Zn(NO}_3)_2$.
C. $\text{Zn(NO}_3)_2$ và $\text{Fe(NO}_3)_2$. D. $\text{Fe(NO}_3)_3$ và $\text{Zn(NO}_3)_2$.

Câu 26: Thuốc thử được dùng để phân biệt Gly-Ala-Gly với Gly-Ala là

- A. Cu(OH)_2 trong môi trường kiềm. B. dung dịch NaCl .
C. dung dịch HCl . D. dung dịch NaOH .

Câu 27: Cho 6,72 gam Fe vào 400ml dung dịch HNO_3 1M, đến khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được khí NO (sản phẩm khử duy nhất) và dung dịch X. Dung dịch X có thể hoà tan tối đa m gam Cu. Giá trị của m là

- A. 1,92. B. 0,64. C. 3,84. D. 3,20.

Câu 28: Một hợp chất X chứa ba nguyên tố C, H, O có tỉ lệ khối lượng $m_C : m_H : m_O = 21 : 2 : 4$. Hợp chất X có công thức đơn giản nhất trùng với công thức phân tử. Số đồng phân cấu tạo thuộc loại hợp chất thơm ứng với công thức phân tử của X là

- A. 5. B. 4. C. 6. D. 3.

Câu 29: Cho dãy các chất và ion: Zn, S, FeO, SO_2 , N_2 , HCl , Cu^{2+} , Cl^- . Số chất và ion có cả tính oxi hoá và tính khử là

- A. 4. B. 6. C. 5. D. 7.

Câu 30: Nung 6,58 gam $\text{Cu(NO}_3)_2$ trong bình kín không chứa không khí, sau một thời gian thu được 4,96 gam chất rắn và hỗn hợp khí X. Hấp thụ hoàn toàn X vào nước để được 300ml dung dịch Y. Dung dịch Y có pH bằng

- A. 2. B. 3. C. 4. D. 1.

Câu 31: Poli (metyl metacrylat) và nilon-6 được tạo thành từ các monome tương ứng là

- A. $\text{CH}_3\text{-COO-CH=CH}_2$ và $\text{H}_2\text{N-[CH}_2\text{]}_5\text{-COOH}$.
B. $\text{CH}_2\text{=C(CH}_3\text{)-COOCH}_3$ và $\text{H}_2\text{N-[CH}_2\text{]}_6\text{-COOH}$.
C. $\text{CH}_2\text{=C(CH}_3\text{)-COOCH}_3$ và $\text{H}_2\text{N-[CH}_2\text{]}_5\text{-COOH}$.
D. $\text{CH}_2\text{=CH-COOCH}_3$ và $\text{H}_2\text{N-[CH}_2\text{]}_6\text{-COOH}$.

Câu 32: Hợp chất hữu cơ X tác dụng được với dung dịch NaOH và dung dịch brom nhưng không tác dụng với dung dịch NaHCO_3 . Tên gọi của X là

- A. metyl axetat. B. axit acrylic. C. anilin. D. phenol.

Câu 33: Nguyên tử của nguyên tố X có cấu hình electron lớp ngoài cùng là ns^2np^4 . Trong hợp chất khí của nguyên tố X với hydro, X chiếm 94,12% khối lượng. Phần trăm khối lượng của nguyên tố X trong oxit cao nhất là

- A. 27,27%. B. 40,00%. C. 60,00%. D. 50,00%.

Câu 34: Dãy gồm các chất đều điều chế trực tiếp (bằng một phản ứng) tạo ra andehit axetic là

- A. CH_3COOH , C_2H_2 , C_2H_4 . B. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$, C_2H_2 , $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$.
C. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$, C_2H_4 , C_2H_2 . D. HCOOC_2H_3 , C_2H_2 , CH_3COOH .

Câu 35: Dung dịch X chứa hỗn hợp gồm Na_2CO_3 1,5M và KHCO_3 1M. Nhỏ từ từ từng giọt cho đến hết 200ml dung dịch HCl 1M vào 100ml dung dịch X, sinh ra V lít khí (ở đktc). Giá trị của V là

- A. 4,48. B. 1,12. C. 2,24. D. 3,36.

Câu 36: Khi đốt cháy hoàn toàn m gam hỗn hợp hai ancol no, đơn chức, mạch hở thu được V lít khí CO_2 (ở đktc) và a gam H_2O . Biểu thức liên hệ giữa m, a và V là

- A. $m = a - \frac{V}{5,6}$. B. $m = 2a - \frac{V}{11,2}$. C. $m = 2a - \frac{V}{22,4}$. D. $m = a + \frac{V}{5,6}$.

Câu 37: Có ba dung dịch: amoni hidrocacbonat, natri aluminat, natri phenolat và ba chất lỏng: ancol etylic, benzen, anilin đựng trong sáu ống nghiệm riêng biệt. Nếu chỉ dùng một thuốc thử duy nhất là dung dịch HCl thì nhận biết được tối đa bao nhiêu ống nghiệm?

- A. 5. B. 6. C. 3. D. 4.

Câu 38: Cho 0,448 lít khí CO_2 (ở đktc) hấp thụ hết vào 100ml dung dịch chứa hỗn hợp NaOH 0,06M và Ba(OH)_2 0,12M, thu được m gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 3,940. B. 1,182. C. 2,364. D. 1,970.

Câu 39: Dãy các kim loại đều có thể được điều chế bằng phương pháp điện phân dung dịch muối của chúng là

- A. Ba, Ag, Au. B. Fe, Cu, Ag. C. Al, Fe, Cr. D. Mg, Zn, Cu.

Câu 40: Cấu hình electron của ion X^{2+} là $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^6$. Trong bảng tuần hoàn các nguyên tố hoá học, nguyên tố X thuộc

- A. chu kì 4, nhóm VIIIB. B. chu kì 4, nhóm VIIIA.
C. chu kì 3, nhóm VIB. D. chu kì 4, nhóm IIA.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Cho các hợp chất hữu cơ: C_2H_2 , C_2H_4 , CH_2O , CH_2O_2 (mạch hở), $\text{C}_3\text{H}_4\text{O}_2$ (mạch hở, đơn chức). Biết $\text{C}_3\text{H}_4\text{O}_2$ không làm chuyển màu quỳ tím ẩm. Số chất tác dụng được với dung dịch AgNO_3 trong NH_3 tạo ra kết tủa là

- A. 3. B. 4. C. 2. D. 5.

Câu 42: Có năm dung dịch đựng riêng biệt trong năm ống nghiệm: $(\text{NH}_4)_2\text{SO}_4$, FeCl_2 , $\text{Cr(NO}_3)_3$, K_2CO_3 , $\text{Al(NO}_3)_3$. Cho dung dịch Ba(OH)_2 đến dư vào năm dung dịch trên. Sau khi phản ứng kết thúc, số ống nghiệm có kết tủa là

- A. 5. B. 2. C. 4. D. 3.

Câu 43: Hoà tan hoàn toàn 14,6 gam hỗn hợp X gồm Al và Sn bằng dung dịch HCl (dư), thu được 5,6 lít H_2 (ở đktc). Thể tích khí O_2 (ở đktc) cần để phản ứng hoàn toàn với 14,6 gam hỗn hợp X là

- A. 3,92 lít. B. 1,68 lít. C. 2,80 lít. D. 4,48 lít.

Câu 44: Cacbohidrat nhất thiết phải chứa nhóm chức của

- A. xeton. B. andehit. C. amin. D. ancol.

Câu 45: Cho hỗn hợp gồm 1,2 mol Mg và x mol Zn vào dung dịch chứa 2 mol Cu^{2+} và 1 mol Ag^+ đến khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được một dung dịch chứa ba ion kim loại. Trong các giá trị sau đây, giá trị nào của x thỏa mãn trường hợp trên?

- A. 1,5. B. 1,8. C. 2,0. D. 1,2.

Câu 46: Cho hỗn hợp X gồm hai axit cacboxylic no, mạch không phân nhánh. Đốt cháy hoàn toàn 0,3 mol hỗn hợp X, thu được 11,2 lít khí CO_2 (ở đktc). Nếu trung hoà 0,3 mol X thì cần dùng 500ml dung dịch NaOH 1M. Hai axit đó là:

- A. $HCOOH$, $HOOC-CH_2-COOH$. B. $HCOOH$, CH_3COOH .
C. $HCOOH$, C_2H_5COOH . D. $HCOOH$, $HOOC-COOH$.

Câu 47: Hợp chất X mạch hở có công thức phân tử là $C_4H_8NO_2$. Cho 10,3 gam X phản ứng vừa đủ với dung dịch NaOH sinh ra một chất khí Y và dung dịch Z. Khí Y nặng hơn không khí, làm giấy quỳ tím ẩm chuyển màu xanh. Dung dịch Z có khả năng làm mất màu nước brom. Cô cạn dung dịch Z thu được m gam muối khan. Giá trị của m là

- A. 8,2. B. 10,8. C. 9,4. D. 9,6.

Câu 48: Cho cân bằng sau trong bình kín: $2NO_2(k) \rightleftharpoons N_2O_4(k)$

(màu nâu đỏ) (không màu)

Biết khi hạ nhiệt độ của bình thì màu nâu đỏ nhạt dần. Phản ứng thuận có:

- A. $\Delta H < 0$, phản ứng thu nhiệt. B. $\Delta H > 0$, phản ứng tỏa nhiệt.
C. $\Delta H > 0$, phản ứng thu nhiệt. D. $\Delta H < 0$, phản ứng tỏa nhiệt.

Câu 49: Đốt cháy hoàn toàn 0,2 mol một ancol X no, mạch hở, cần vừa đủ 17,92 lít khí O_2 (ở đktc). Mặt khác, nếu cho 0,1 mol X tác dụng vừa đủ với m gam $Cu(OH)_2$ thì tạo thành dung dịch có màu xanh lam. Giá trị của m và tên gọi của X tương ứng là

- A. 4,9 và propan-1,2-di-ol. B. 9,8 và propan-1,2-di-ol.
C. 4,9 và glixerol. D. 4,9 và propan-1,3-di-ol.

Câu 50: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Phân urê có công thức là $(NH_4)_2CO_3$.
B. Phân hỗn hợp chứa nitơ, photpho, kali được gọi chung là phân NPK.
C. Phân lân cung cấp nitơ hoá hợp cho cây dưới dạng ion nitrat (NO_3^-) và ion amoni (NH_4^+).
D. Amophot là hỗn hợp các muối $(NH_4)_2HPO_4$ và KNO_3 .

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Một bình phản ứng có dung tích không đổi, chứa hỗn hợp khí N_2 và H_2 với nồng độ tương ứng là 0,3M và 0,7M. Sau khi phản ứng tổng hợp NH_3 đạt trạng thái cân bằng ở $t^\circ C$, H_2 chiếm 50% thể tích hỗn hợp thu được. Hằng số cân bằng K_c ở $t^\circ C$ của phản ứng có giá trị là

- A. 2,500. B. 0,609. C. 0,500. D. 3,125.

Câu 52: Cho suất điện động chuẩn của các pin điện hoá: Zn – Cu là 1,1V; Cu – Ag là 0,46V. Biết thế điện cực chuẩn $E_{Ag^+/Ag}^0 = +0,8V$. Thế điện cực chuẩn $E_{Zn^{2+}/Zn}^0$ và $E_{Cu^{2+}/Cu}^0$ có giá trị lần lượt là

- A. +1,56V và +0,64V. B. -1,46V và -0,34V.
C. -0,76V và +0,34V. D. -1,56V và +0,64V.

Câu 53: Nung nóng m gam PbS ngoài không khí sau một thời gian, thu được hỗn hợp rắn (có chứa một oxit) nặng 0,95m gam. Phần trăm khối lượng PbS đã bị đốt cháy là

- A. 74,69%. B. 95,00%. C. 25,31%. D. 64,68%.

Câu 54: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Anilin tác dụng với axit nitơ khi đun nóng thu được muối diazoni.
B. Benzen làm mất màu nước brom ở nhiệt độ thường.
C. Etylamin phản ứng với axit nitơ ở nhiệt độ thường, sinh ra bọt khí.
D. Các ancol đa chức đều phản ứng với $Cu(OH)_2$ tạo dung dịch màu xanh lam.

Câu 55: Dãy gồm các dung dịch đều tham gia phản ứng tráng bạc là

- A. glucozơ, mantozơ, axit fomic, andehit axetic.
B. frutozơ, mantozơ, glixerol, andehit axetic.
C. glucozơ, glixerol, mantozơ, axit fomic.
D. glucozơ, frutozơ, mantozơ, saccarozơ.

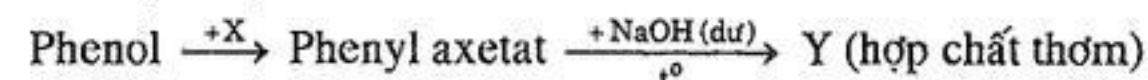
Câu 56: Dãy gồm các chất và thuốc đều có thể gây nghiện cho con người là

- A. penixilin, paradol, cocain. B. heroin, seduxen, erythromixin.
C. cocain, seduxen, cafein. D. ampixilin, erythromixin, cafein.

Câu 57: Chất hữu cơ X có công thức phân tử $C_5H_8O_2$. Cho 5 gam X tác dụng vừa hết với dung dịch NaOH, thu được một hợp chất hữu cơ không làm mất màu nước brom và 3,4 gam một muối. Công thức của X là

- A. $CH_3COOC(CH_3)=CH_2$. B. $HCOOC(CH_3)=CHCH_3$.
C. $HCOOCH_2CH=CHCH_3$. D. $HCOOCH=CHCH_2CH_3$.

Câu 58: Cho dãy chuyển hoá sau:



Hai chất X, Y trong sơ đồ trên lần lượt là

- A. anhidrit axetic, phenol. B. anhidrit axetic, natri phenolat.
C. axit axetic, natri phenolat. D. axit axetic, phenol.

Câu 59: Cho sơ đồ chuyển hoá: $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{Cl} \xrightarrow{\text{KCN}} \text{X} \xrightarrow[\text{t}^\circ]{\text{H}_3\text{O}^+} \text{Y}$

Công thức cấu tạo của X, Y lần lượt là

- A. $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CN}$, $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CHO}$. B. $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{NH}_2$, $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{COOH}$.
C. $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CN}$, $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{COONH}_4$. D. $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CN}$, $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{COOH}$.

Câu 60: Trường hợp xảy ra phản ứng là

- A. $\text{Cu} + \text{Pb}(\text{NO}_3)_2 \text{ (loãng)} \longrightarrow$ B. $\text{Cu} + \text{HCl (loãng)} \longrightarrow$
C. $\text{Cu} + \text{HCl (loãng)} + \text{O}_2 \longrightarrow$ D. $\text{Cu} + \text{H}_2\text{SO}_4 \text{ (loãng)} \longrightarrow$

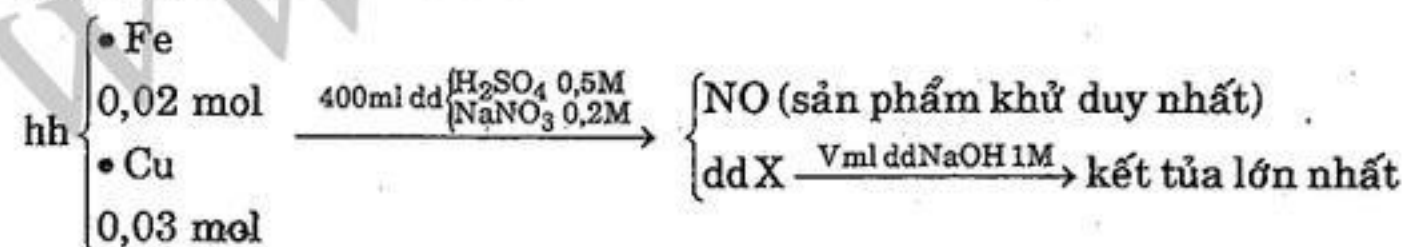
ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	C	11	C	21	A	31	C	41	B	51	D
2	B	12	D	22	B	32	D	42	D	52	C
3	D	13	A	23	B	33	B	43	A	53	A
4	C	14	B	24	A	34	C	44	D	54	C
5	B	15	A	25	C	35	B	45	D	55	A
6	C	16	D	26	A	36	A	46	D	56	C
7	D	17	C	27	A	37	B	47	C	57	B
8	D	18	C	28	B	38	D	48	D	58	B
9	B	19	A	29	C	39	B	49	A	59	D
10	A	20	B	30	D	40	A	50	B	60	C

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

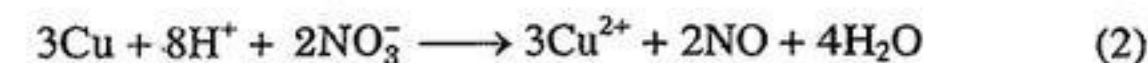
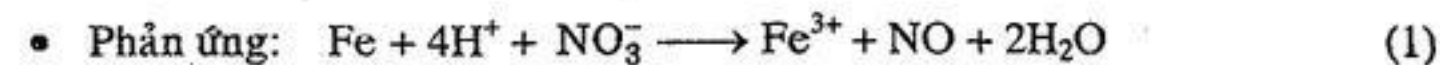
* Sơ đồ tóm tắt:



Giá trị V_{tối thiểu} = ?

* Gợi ý:

$n_{\text{H}^+ \text{bd}} = 0,4; n_{\text{NO}_3^-} = 0,08$



Từ (1), (2) dễ thấy Fe, Cu: hết.

Vậy ddX $\begin{cases} \text{Fe}^{3+}: 0,02 \text{ mol} \\ \text{Cu}^{2+}: 0,03 \text{ mol} \\ \text{H}^+ \text{ dư}: 0,24 \text{ mol} \\ \text{NO}_3^- \end{cases}$

• Ta có $n_{\text{OH}^- \text{ pư}} = n_{\text{H}^+ \text{ pư}} + 3n_{\text{Fe}^{3+}} + 2n_{\text{Cu}^{2+}}$

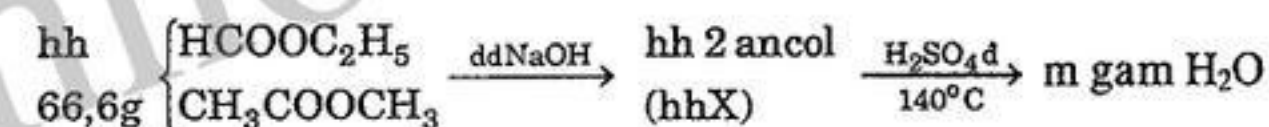
$\Leftrightarrow \frac{V}{1000} \cdot 1 = 0,24 + 3 \cdot 0,02 + 2 \cdot 0,03$

$\Rightarrow V = 360 \text{ (ml)} \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$

- Cần nhớ:
- $n_{\text{OH}^- \text{ pư}} = n_{\text{H}^+}$
 - $n_{\text{OH}^- \text{ pư}} = n_{\text{ion KL}} \cdot \text{Số điện tích.}$

Câu 2:

* Sơ đồ tóm tắt:



Giá trị m = ?

* Gợi ý:

Theo đề $\Rightarrow m = 18 \times \frac{1}{2} \times \frac{66,6}{74} = 8,1 \text{ (gam)} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$

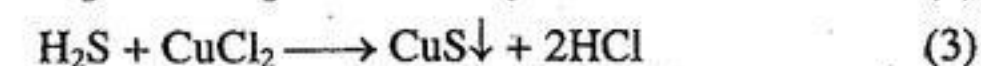
■ Cần nhớ:

- $\sum n_{\text{H}_2\text{O}} = \sum n_{\text{ete}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{hh rượu X}}$
- $n_{\text{hh rượu X}} = n_{\text{hh este}} = \frac{m_{\text{hh este}}}{\overline{M}_{\text{hh este}}}$
- $\overline{M}_{\text{hh este}} = M_{\text{mỗi este}}$ (do các este là đồng phân của nhau).

Câu 3:

Dễ dàng thấy D không xảy ra do HCl: axit mạnh, H₂S: yếu.

$\Rightarrow \text{Đáp án: D.}$



(3) xảy ra được vì CuS không tan trong HCl.

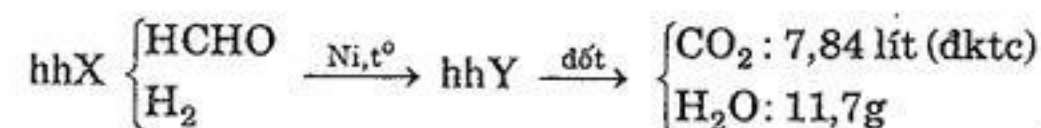
Câu 4:

* *Gợi ý:*

- Kim loại hoạt động hơn sẽ bị ăn mòn trước.
- Ta thấy Fe đứng trước Cu, Sn.
- Dễ dàng thấy các hợp kim Fe bị ăn mòn trước là: (I), (IV), (III).
⇒ Đáp án: C.

Câu 5:

* *Sơ đồ tóm tắt:*



%H₂ trong X = ?

* *Gợi ý:*

- Đặt: $n_{\text{HCHO}} = x$; $n_{\text{H}_2} = y$.

$$\text{Theo ĐLBTKL nguyên tố ta có: } \begin{cases} n_{\text{CO}_2} = x \cdot 1 = \frac{7,84}{22,4} \\ n_{\text{H}_2\text{O}} = x \cdot \frac{2}{2} + y \cdot \frac{2}{2} = \frac{11,7}{18} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,35 \\ y = 0,3 \end{cases}$$

$$\text{Vậy } \% \text{H}_2 = \frac{y}{x+y} = 0,4615 = 46,15\% \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

■ *Cần nhớ:*

- ĐLBTKLNT: $\sum n_{[X]} \text{ vế trái} = \sum n_{[X]} \text{ vế phải}$
- $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{hchc pư}} \times \text{Số C}$
- $n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{chất đốt}} \times \frac{\text{Số H}}{2}$

Câu 6:

- Đáp án là C.
- Do:
 - $\text{Ba}^{2+} + \text{SO}_4^{2-} \rightarrow \text{BaSO}_4 \downarrow$
 - $\text{Ba} \xrightarrow{+\text{H}_2\text{O}} \text{OH}^-, \text{Ba}^{2+}$
 $\text{HCO}_3^- + \text{OH}^- \rightarrow \text{CO}_3^{2-} + \text{H}_2\text{O}$
 $\text{Ba}^{2+} + \text{CO}_3^{2-} \rightarrow \text{BaCO}_3 \downarrow$
 - $\text{Cu} + 2\text{FeCl}_3 \rightarrow \text{CuCl}_2 + 2\text{FeCl}_2$
 (Với tỉ lệ mol 1 : 1 ⇒ Cu luôn còn dư).

Câu 7:

* *Sơ đồ tóm tắt:* 12,4g hh X $\begin{cases} \text{M: C}_n\text{H}_{2n} \\ \text{N: C}_n\text{H}_{2n-2} \end{cases} 6,72 \text{ l (đktc)}$

* *Hướng dẫn giải:*

$$\bar{M}_{\text{hhX}} = \frac{12,4}{\frac{6,72}{22,4}} = 41,33 \Rightarrow \text{A, C: sai.}$$

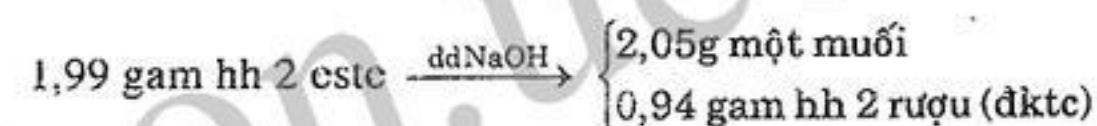
- B, D ⇒ hh X gồm x mol C₃H₆ và y mol C₃H₄, nên ta có hệ phương trình sau:

$$\begin{cases} m_{\text{hhX}} = 42x + 40y = 12,4 \\ n_{\text{hhX}} = x + y = 0,3 \end{cases} \Rightarrow x = 0,2; y = 0,1 \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

- Hoặc giải bằng quy tắc đường chéo ta dễ dàng thấy $n_{\text{C}_3\text{H}_6} = 2n_{\text{C}_3\text{H}_4}$.

Câu 8:

* *Sơ đồ tóm tắt:*



* *Hướng dẫn giải:*

- Từ các phương án trả lời ⇒ 2 este đề cho là đơn chức.

$$\Rightarrow n_{\text{muối}} = n_{\text{hh rượu}} = n_{\text{NaOH pư}} = \frac{2,05 + 0,94 - 1,99}{40} = 0,025 \text{ (mol)}$$

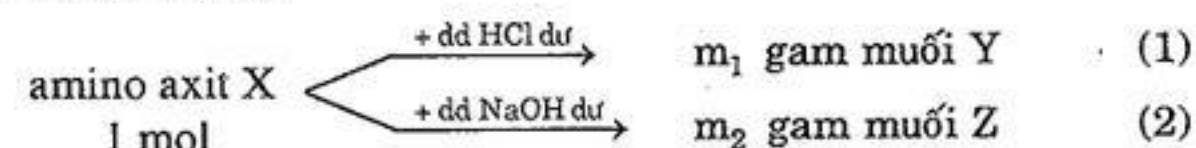
$$\bar{M}_{\text{hh rượu}} = \frac{0,94}{0,025} = 37,6 \Rightarrow \text{C: sai.}$$

$$\bar{M}_{\text{muối}} = \frac{2,05}{0,025} = 82 \Rightarrow \text{A, B: sai.}$$

⇒ Đáp án: D.

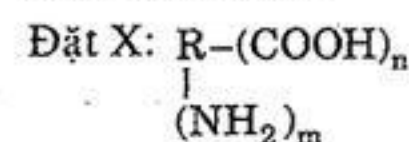
Câu 9:

* *Sơ đồ tóm tắt:*



$$m_1 - m_2 = 7,5; \quad X = ?$$

* *Hướng dẫn giải:*



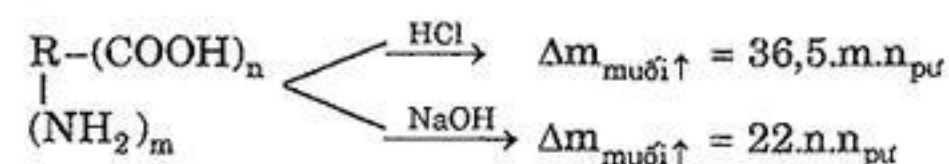
$$\text{Theo (1), (2) và đề có: } m_2 - m_1 = 7,5 \Leftrightarrow 22n - 36,5m = 7,5$$

Từ các phương án trả lời $\Rightarrow m = 1; 2$.

- Với: $m = 1 \Rightarrow n = 2 \Rightarrow X$ có 1 nguyên tử N và 4 nguyên tử O.
- Với: $m = 2 \Rightarrow n \notin \mathbb{Z}$

$\Rightarrow$ Đáp án hợp lí là B: $C_5H_9O_4N$.

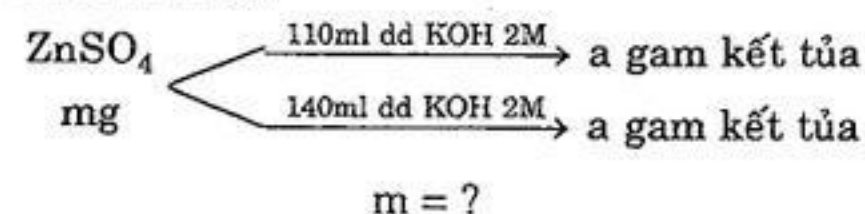
■ Cần nhớ:



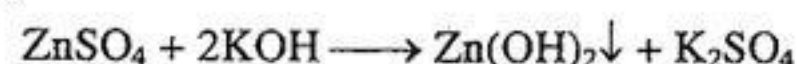
Với: $n_{\text{pư}} = n_{\text{a.a pư}} = 1 \text{ mol}$.

Câu 10:

* Sơ đồ tóm tắt:



* Hướng dẫn giải:



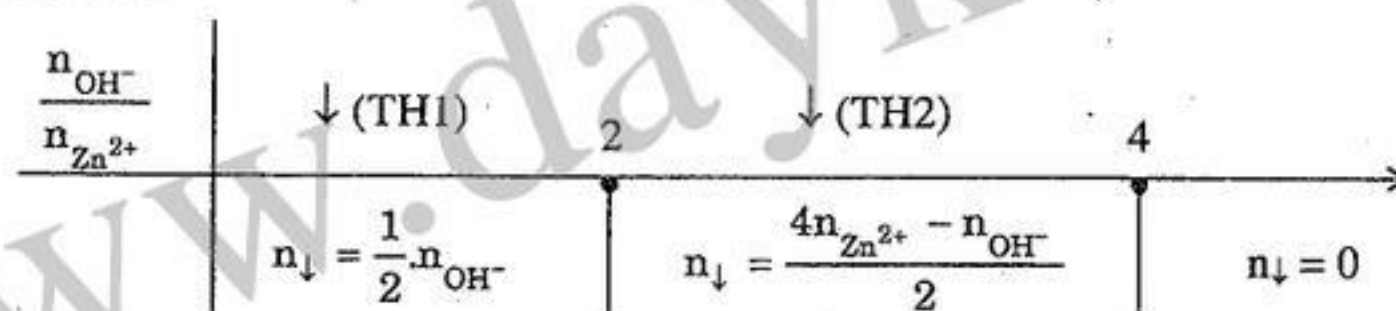
- Theo đề bài ở thí nghiệm 1 chưa có sự làm tan kết tủa, còn ở thí nghiệm 2 có sự làm tan kết tủa.



$$\text{Nên ta có: } \frac{1}{2} \cdot 0,11 \times 2 = \frac{1}{2} \left(4 \cdot \frac{m}{161} - 0,14 \times 2 \right) \Rightarrow m = 20,125$$

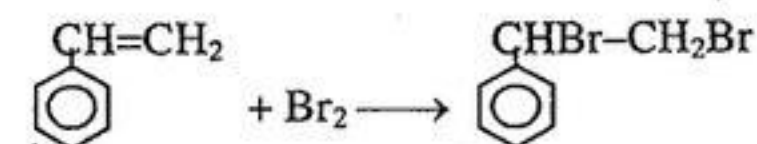
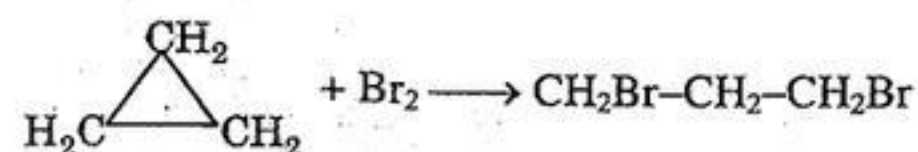
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ:



Câu 11:

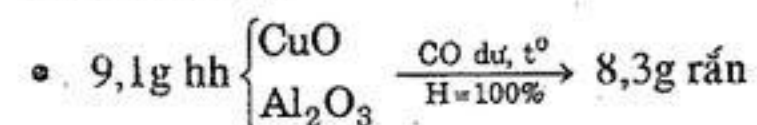
- Ở nhiệt độ thường etilen, xiclopropan, stiren đều có khả năng làm mất màu dung dịch Brom.



– Vậy đáp án: C.

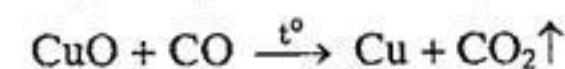
Câu 12:

* Sơ đồ tóm tắt:



- Khối lượng CuO có trong hỗn hợp = ?

* Hướng dẫn giải:



- Al_2O_3 : không phản ứng.
- Vậy: $m_{CuO} = 80 \times \frac{9,1-8,3}{16} = 4,0 \text{ gam}$.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ Cần nhớ:

- Trong phản ứng nhiệt luyện bằng H_2 ; CO; (H_2 , CO) ta có:

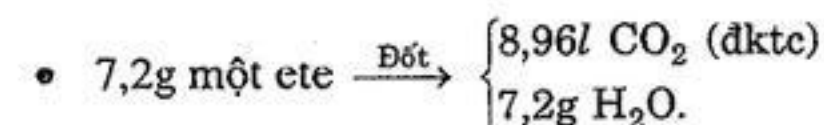
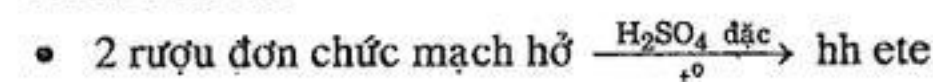
$$m_{\text{rắn (sau pư)}} = m_{\text{rắn (trước pư)}} - 16.n_{\text{pư}}$$

Với: $n_{\text{pư}} = n_{[O]} \text{ trong oxit pư} = n_{CO \text{ pư}} = n_{H_2 \text{ pư}}$

- $n_{[O]} \text{ trong oxit} = n_{\text{oxit}} \cdot \text{Số oxi}$.

Câu 13:

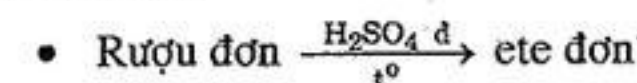
* Sơ đồ tóm tắt:



* Hướng dẫn giải:

- Ta dễ dàng tìm được CTPT ete đem đốt là C_4H_8O .
- CTCT hợp lí của ete như trong các đáp án là: $CH_3-O-CH_2-CH=CH_2$.
- Vậy 2 rượu là: CH_3OH và $CH_2=CH-CH_2OH \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ:



- Oxi trong nhóm ($-OH$) chỉ gắn trên C_{no} .
- $\Rightarrow$ Oxi trong nhóm ($-O-$) của ete sinh từ rượu cũng gắn trên C_{no} .

Câu 14:

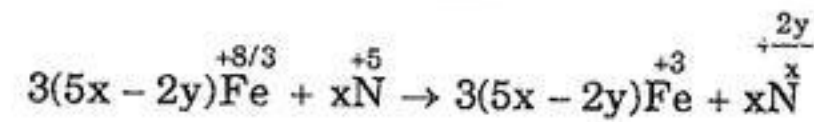
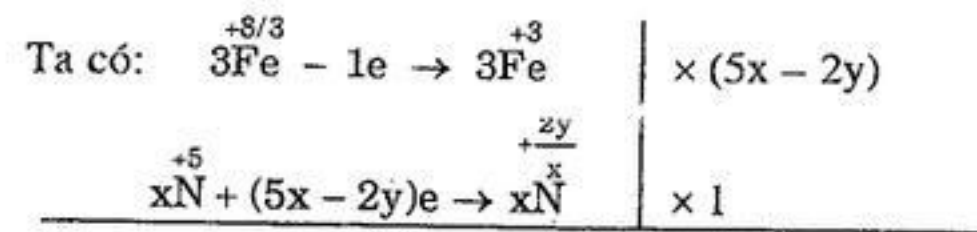
- A. Sai, vì CuS không phản ứng với HCl loãng.
- B. Sai, vì BaSO₄ không phản ứng với HCl loãng.
- Tương tự D sai vì KNO₃ không phản ứng với dung dịch HCl.

⇒ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

- Các muối sunfua từ Pb trở về sau không phản ứng với các axit loại 1 (HCl, H₂SO₄ loãng).
- Các muối của axit mạnh (nitrat, sunfat) không phản ứng với axit loại 1.

Câu 15:



Đến đây dễ dàng thấy hệ số cân bằng của HNO₃ là:

$$[3.(5x-2y)].3 + x = 46x - 18y.$$

⇒ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

- Ta có thể nhớ nhanh bằng cách nhớ hệ số cân bằng của nguyên tố này là số electron cho (hay nhận) của nguyên tố kia.
- Tổng số nguyên tử N là hệ số cân bằng của HNO₃.

Câu 16:

- C₁₀H₁₄O₆ có Σ_{ik} π = 4 ⇒ Tổng liên kết π trong 3 gốc hidrocacbon của gốc axit bằng 1.
- Thấy CH₂=CH-COONa không có đồng phân hình học ⇒ D: hợp lí.

⇒ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

- Theo este có dạng: $\begin{array}{c} \text{R-COO-CH}_2 \\ | \\ \text{R'-COO-CH} \\ | \\ \text{R''-COO-CH}_2 \end{array}$
- Điều kiện để có đồng phân hình học là các nhóm gắn trên (C=C) phải khác nhau.

Câu 17:

- Tính lượng CO₂:

$$m_{\text{CO}_2} - m_{\text{CaCO}_3\downarrow} = -3,4 \Rightarrow n_{\text{CO}_2} = 0,15 (\text{mol})$$

- Tính m theo công thức sau:

$$m = 180 \times \frac{1}{2} \times 0,15 \times \frac{100}{90} = 15 (\text{g}).$$

⇒ Đáp án: C.

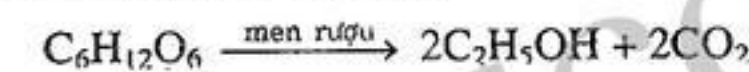
- * **Giải thích công thức tính:**

$$m_{\text{Glucose}} = M_{\text{Glucose}} \times n_{\text{Glucose}} \times \frac{100}{\text{Hiệu suất}}$$

$$n_{\text{Glucose}} = \frac{1}{2} n_{\text{CO}_2}$$

■ **Cần nhớ:**

- Phản ứng lên men Glucose:



$$\Rightarrow n_{\text{Glucose}} = \frac{1}{2} n_{\text{CO}_2}$$

- Khi dẫn chất vào bình:

$$\Delta m_{\text{dd}} = m_{\text{chất cho vào bình}} - m_{\downarrow} - m_{\uparrow}$$

- $\Delta m_{\text{dd}} < 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd giảm
- $\Delta m_{\text{dd}} = 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd không đổi
- $\Delta m_{\text{dd}} > 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd tăng.

Câu 18:

- Đặt CTTQ rượu đại diện cho 2 rượu cần tìm là: C_nH_{2n+2}O_m

$$\text{Ta có: } \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{\bar{n}}{n+1} = \frac{3}{4} \Rightarrow \bar{n} = 3 \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

- * **Giải thích:**

$$\text{Từ tỉ lệ } \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{3}{4} \Rightarrow n_{\text{CO}_2} < n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow \text{Các rượu đều no.}$$

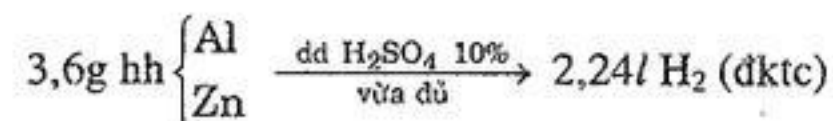
- Hoặc từ các phương án trả lời dễ dàng thấy các rượu đều no.
- Do số C trung bình bằng 3, nên đáp án hợp lí là 2C và 4C.
- Đề cho rượu đa chức nên loại B.

- **Cần nhớ:** Công thức để nhớ nhanh.

$$\frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{\text{Số C}}{\text{Số H}}$$

Câu 19:

* Sơ đồ tóm tắt:



$m_{\text{dd sau}} = ?$

- Công thức tính nhanh $m_{\text{dd sau}}$:

$$m_{\text{dd sau}} = 3,68 + \frac{98 \times \frac{2,24}{22,4} \times 100}{10} - 2 \times \frac{2,24}{22,4} = 101,48g$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

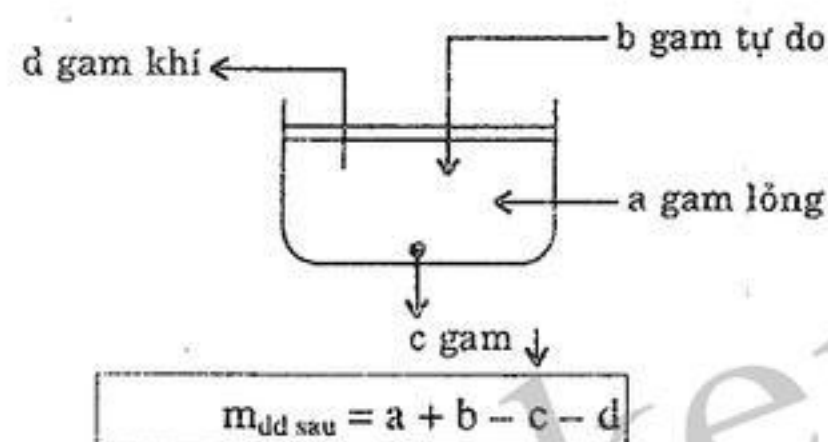
* Giải thích công thức tính:

$$m_{\text{dd sau}} = m_{\text{hh kim loại}} + m_{\text{dd H}_2\text{SO}_4} - m_{\text{H}_2}$$

$$n_{\text{H}_2\text{SO}_4 \text{ pư}} = n_{\text{H}_2}$$

$$C\%_{\text{dd}} = \frac{m_{\text{ct}}}{m_{\text{dd}}} \times 100 \Rightarrow m_{\text{dd H}_2\text{SO}_4 \text{ pư}} = \frac{98 \cdot n_{\text{H}_2\text{SO}_4 \text{ pư}} \cdot 100}{C\%_{\text{dd H}_2\text{SO}_4}}$$

■ Cần nhớ:



Câu 20:

- Ta kiểm tra nhanh bằng công thức sau:

$$A. 2 \cdot n_{\text{Cl}_2} = 5 \cdot n_{\text{KMnO}_4 \text{ pư}}$$

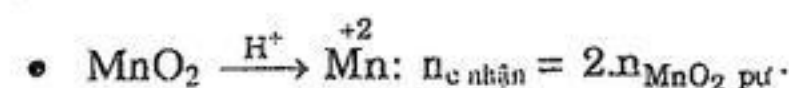
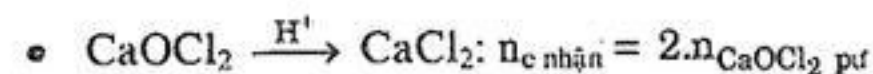
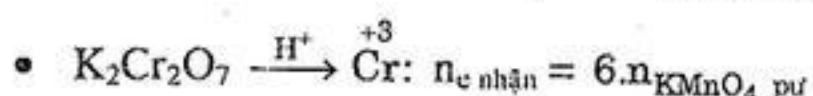
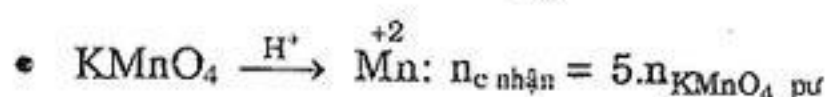
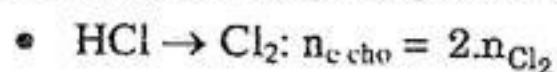
$$B. 2 \cdot n_{\text{Cl}_2} = 6 \cdot n_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7 \text{ pư}}$$

$$C. 2 \cdot n_{\text{Cl}_2} = 2 \cdot n_{\text{CaOCl}_2 \text{ pư}}$$

$$D. 2 \cdot n_{\text{Cl}_2} = 2 \cdot n_{\text{MnO}_2 \text{ pư}}$$

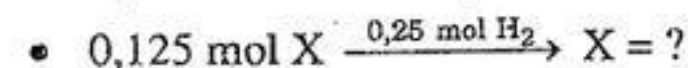
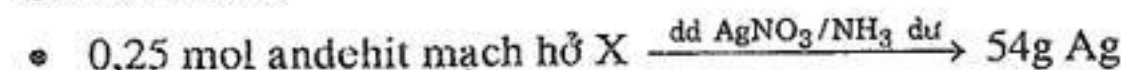
- Theo đề mol các chất phản ứng với HCl đều bằng nhau, nên ta dễ dàng thấy đáp án là B.

■ Cần nhớ: Khi áp dụng ĐLBTĐT ta cần nhớ:



Câu 21:

* Sơ đồ tóm tắt:



$$\bullet \text{ Giải: } \frac{n_{\text{Ag}}}{n_{\text{X pư}}} = \frac{54}{108} = 2 = 2 \cdot [1] \Rightarrow \text{X: Đơn chức} \quad (I)$$

$$\frac{n_{\text{H}_2 \text{ pư}}}{n_{\text{X pư}}} = \frac{0,25}{0,125} = 2 \Rightarrow \text{X có 2 liên kết } \pi \quad (II)$$

Từ (I) và (II) $\Rightarrow$ X đơn chức chưa no có 1 liên kết C=C. $\Rightarrow$ Đáp án: A.

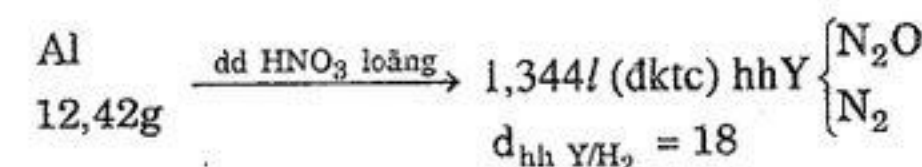
■ Cần nhớ:

$$\bullet \frac{n_{\text{Ag}}}{n_{\text{hchc pư}}} = 2 \cdot \boxed{\text{Số nhóm } (-\text{CHO})}$$

$$\bullet \frac{n_{\text{H}_2 \text{ pư}}}{n_{\text{hchc pư}}} = \text{Số liên kết } \pi.$$

Câu 22:

* Sơ đồ tóm tắt:



$m_{\text{Muối thu được}} = ?$

* Giải: Gọi số mol của N_2O và N_2 lần lượt là x, y (mol)

$$\text{Ta có: } \begin{cases} x + y = \frac{1,344}{22,4} \\ \frac{44x + 28y}{x + y} = 18 \times 2 = 36 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \text{N}_2\text{O: 0,03 mol} \\ \text{N}_2: 0,03 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\text{Ta có: } n_{\text{e cho}} = \frac{12,42}{27} \cdot 3 = 1,38$$

$$n_{\text{e nhận (tính từ N}_2\text{O, N}_2)} = 0,03 \times 8 + 0,03 \times 10 = 0,54$$

$$\Rightarrow \text{dd X có NH}_4\text{NO}_3 \text{ và } n_{\text{NH}_4\text{NO}_3} = \frac{1,38 - 0,54}{8} = 0,105 \text{ mol}$$

$$\text{Vậy: } m_{\text{Muối}} = \frac{12,42}{27} \times 213 + 0,105 \times 80 = 106,38 \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

■ **Cần nhớ:**

- Khi thấy (Mg; Al; Zn) phản ứng với HNO_3 thì nhớ kiểm tra xem dung dịch thu được có NH_4NO_3 không?
- Nếu $n_{\text{e cho}} > n_{\text{e nhận}}$ (tính từ sản phẩm khí)

$$\Rightarrow \text{có } \text{NH}_4\text{NO}_3 \text{ và } n_{\text{NH}_4\text{NO}_3} = \frac{n_{\text{e cho}} - n_{\text{e nhận (từ khí)}}}{8}$$

- $n_{\text{Nitrat KL}} = n_{\text{KL pư}}$

Câu 23:

* Sơ đồ tóm tắt: $M \xrightarrow{\text{dd HNO}_3} \text{N}_x\text{O}_y$; $d_{\text{N}_x\text{O}_y/\text{H}_2} = 22$

3,024 940,8ml (đktc)

M, N_xO_y là:

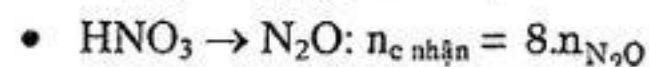
* **Giải:**

- $M_{\text{N}_x\text{O}_y} = 22 \times 2 = 44 \text{ đvC}$ nên dễ dàng thấy N_xO_y là: N_2O .

• Tìm M nhờ ĐLBTD: $\frac{3,024}{M} \cdot 3 = 8 \times \frac{940,8}{22400} \Rightarrow M = 27 \Rightarrow M: \text{Al}$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:** • KL: $n_{\text{e cho}} = n_{\text{KL pư}} \cdot \text{Hóa trị}$



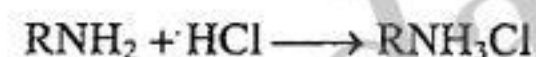
• ĐLBTD: $n_{\text{e cho}} = n_{\text{e nhận}}$

Câu 24:

* **Giải:**

• Amin đơn $\xrightarrow{+\text{HCl}}$ Muối, có: $m_{\text{Muối}} = m_{\text{Amin}} + 36,5 \cdot n_{\text{pư}}$

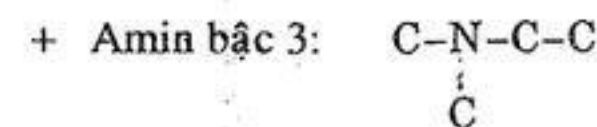
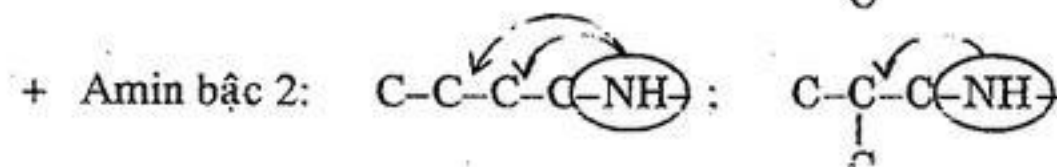
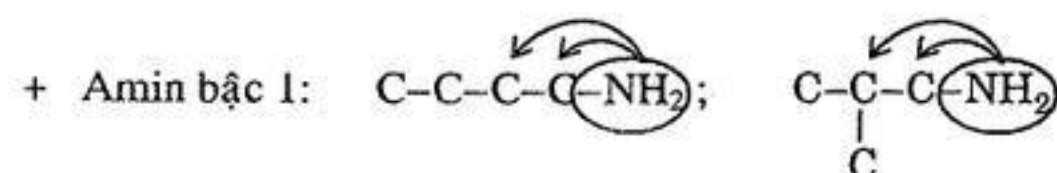
RNH_2 $(n_{\text{pư}} = n_{\text{Amin pư}} = n_{\text{Muối}})$



$\Rightarrow n_{\text{Amin pư}} = n_{\text{pư}} = \frac{m_{\text{muối}} - m_{\text{amin}}}{36,5} = \frac{15 - 10}{36,5} = 0,137$

$\Rightarrow M_x = \frac{10}{0,137} = 73 \Rightarrow X: \text{C}_4\text{H}_{11}\text{N}$

- $\text{C}_4\text{H}_{11}\text{N}$ có các đồng phân sau:

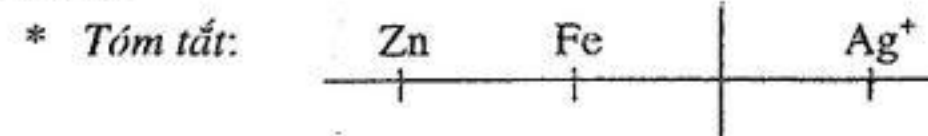


$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** Ta có thể nhớ sẵn: $\text{C}_3\text{H}_9\text{N}$ (có 4 đồng phân)

$\Rightarrow \text{C}_4\text{H}_{11}\text{N}$ có số đồng phân là $4 \times 2 = 8$.

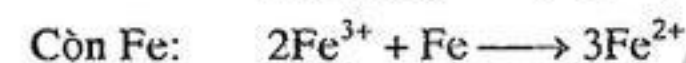
Câu 25:



* **Giải:**



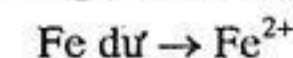
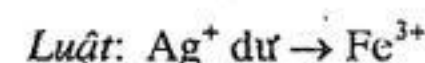
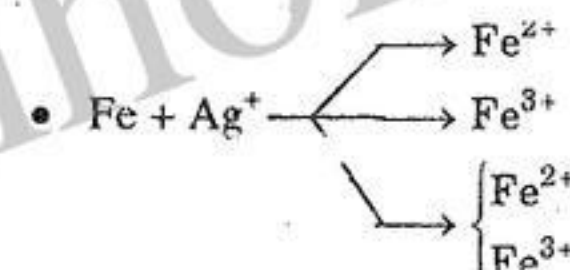
Hết Zn, Fe phản ứng:



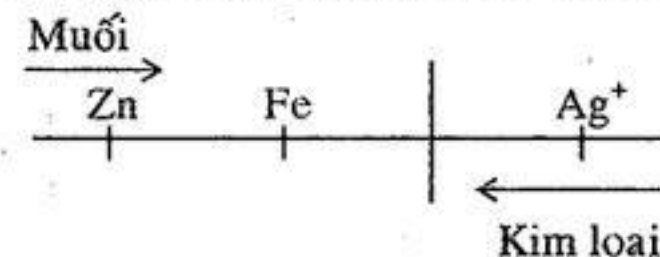
Nên trong dung dịch X gồm 2 muối có Zn^{2+} , Fe^{2+}

Trong chất rắn Y có: Ag, Fe dư $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:**



- Thứ tự có kim loại ở sản phẩm từ sau $\rightarrow$ trước.
- Thứ tự có muối ở sản phẩm từ trước $\rightarrow$ sau.



Câu 26:

* **Giải:**

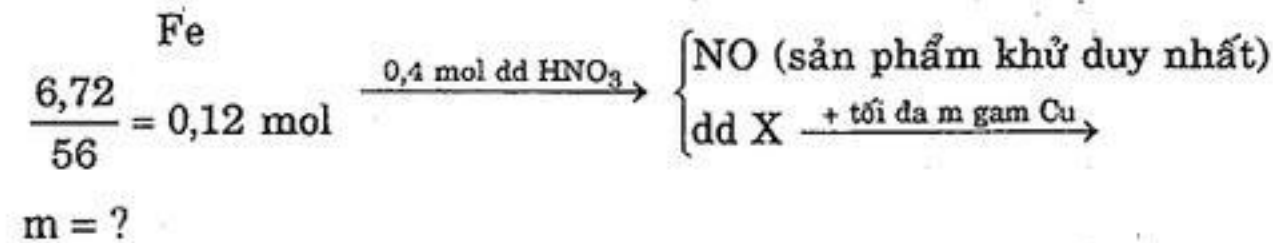
- Gly – Ala – Gly: Có 2 liên kết peptit.
 - Gly – Ala: Có 1 liên kết peptit.
 - Các peptit có từ 2 liên kết peptit trở lên có phản ứng màu biure.
- Nên dùng thuốc thử $\text{Cu}(\text{OH})_2 \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

Trong môi trường kiềm, peptit tác dụng với $\text{Cu}(\text{OH})_2$ cho hợp chất màu tím. Đó là màu của hợp chất phức giữa peptit có từ 2 liên kết peptit trở lên với ion đồng.

Câu 27:

* **Sơ đồ tóm tắt:**



* Thao tác tính toán để thấy nhanh kết quả:

- Do $\frac{n_{\text{HNO}_3}}{n_{\text{Fe}}} = \frac{0,4}{0,12} = 3,33 \Rightarrow \text{dd X có: Fe}^{3+}, \text{Fe}^{2+}$

Với: $n_{\text{Fe}^{3+}} = \frac{0,4 - \frac{8}{3} \cdot 0,12}{4 - \frac{8}{3}} = 0,06$

- Ta có: $n_{\text{Cu pư}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{Fe}^{3+}} = 0,03 \text{ mol} \Rightarrow m = 0,03 \times 64 = 1,92 \text{ g} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$

■ **Cần nhớ:**

• $\text{Fe} \xrightarrow{+\text{HNO}_3} \text{NO}$, có bảng tóm tắt sau:

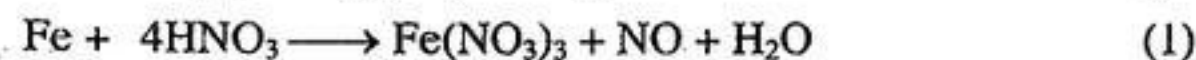
$\frac{n_{\text{HNO}_3}}{n_{\text{Fe}}}$	$\frac{8}{3}$	4
Sản phẩm	Fe^{2+} Fe dư	$\text{Fe}^{2+}, \text{Fe}^{3+}$ Fe^{2+} Fe^{3+} HNO_3 dư

• Khi: $\frac{8}{3} < \frac{n_{\text{HNO}_3}}{n_{\text{Fe}}} < 4 \Rightarrow \text{Sản phẩm có Fe}^{2+}, \text{Fe}^{3+}$

- Công thức tính nhanh số mol $\text{Fe}^{2+}, \text{Fe}^{3+}$ là:

$$n_{\text{Fe}^{3+}} = \frac{n_{\text{HNO}_3} - \frac{8}{3} \cdot n_{\text{Fe}}}{4 - \frac{8}{3}}; \quad n_{\text{Fe}^{2+}} = n_{\text{Fe}} - n_{\text{Fe}^{3+}}$$

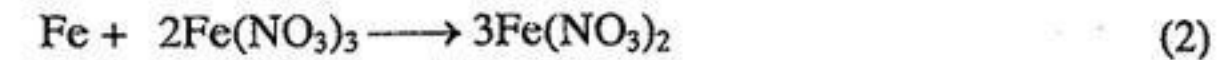
* **Cách giải 2:** Giải bằng phương pháp 3 dòng.



Ban đầu: 0,12 0,4 0 (mol)

Phản ứng: 0,1 $\leftarrow$ 0,4 $\rightarrow$ 0,1 (mol)

Sau: 0,02 0 0,1 (mol)

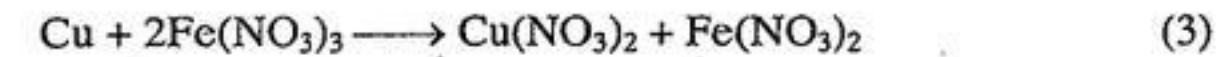


Ban đầu: 0,02 0,1 (mol)

Phản ứng: 0,02 $\rightarrow$ 0,04 (mol)

Sau: 0 0,06 (mol)

Phản ứng của Cu với dung dịch X:



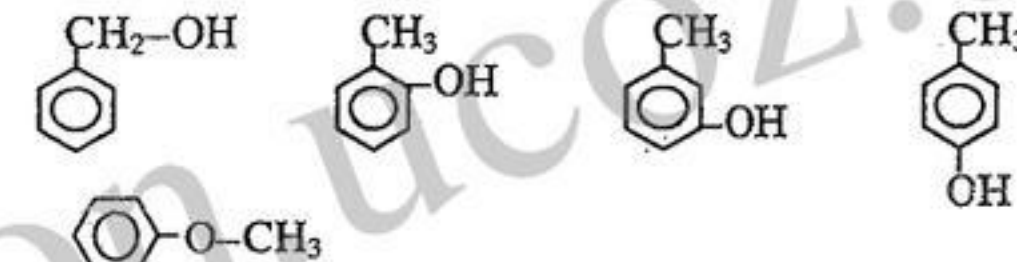
(3) $\Rightarrow n_{\text{Cu pư}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{Fe}(\text{NO}_3)_3} = 0,03 \text{ mol} \Rightarrow m = 1,92 \text{ gam.}$

Câu 28:

Đặt X: $\text{C}_x\text{H}_y\text{O}_z \Rightarrow x : y : z = \frac{21}{12} : \frac{2}{1} : \frac{4}{16} = 7 : 8 : 1$

Theo đề $\Rightarrow \text{X: C}_7\text{H}_8\text{O}$.

Các CTCT X:



$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:** Phương pháp tìm CTPT, khi biết tỉ lệ khối lượng các nguyên tố.

• B₁. Đặt CTTQ.

• B₂. Lập tỉ lệ số nguyên tử các nguyên tố theo:

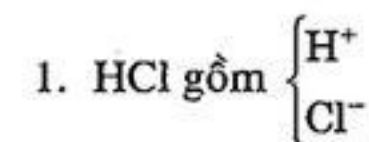
$$\frac{A_x B_y}{\frac{m_A}{m_B} = \frac{M_A \cdot x}{M_B \cdot y}}$$

• B₃. Lập công thức nguyên.

• B₄. Tìm chỉ số công thức nguyên $\Rightarrow$ CTPT.

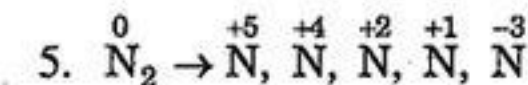
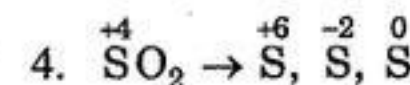
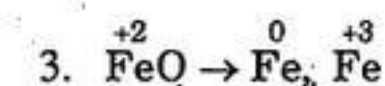
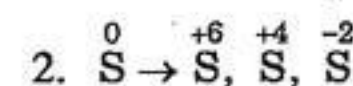
Câu 29:

* **Giải:** Các chất và ion tính oxi hóa và tính khử là: S, FeO, SO_2 , N_2 , HCl.



• $\text{H}^+ \rightarrow \text{H}_2$: có tính oxi hóa

• $\text{Cl}^- \rightarrow \text{Cl}_2$: có tính khử.



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:

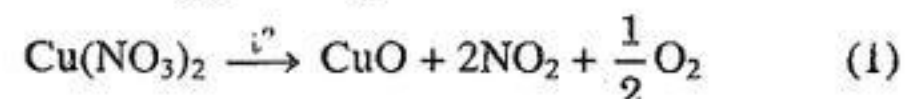
- Chất hoặc ion có khả năng tăng số oxi hóa $\Rightarrow$ có tính khử.
- Chất hoặc ion có khả năng giảm tính oxi hóa $\Rightarrow$ có tính oxi hóa.

Câu 30:

- Thao tác tính nhanh:

$$[H^+] = \frac{2 \times \frac{0,00 - 4,90}{100}}{0,3} = 0,1 = 10^{-1} \Rightarrow pH = 1 \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

- Giải thích bằng phản ứng:



Từ (1) và (2) $\Rightarrow n_{H^+} = n_{HNO_3} = n_{NO_2}$

Theo (1), phương pháp tăng giảm khối lượng có:

$$m_{\text{rắn sau}} = m_{\text{rắn trước}} - 108 \cdot n_{\text{pư}}$$

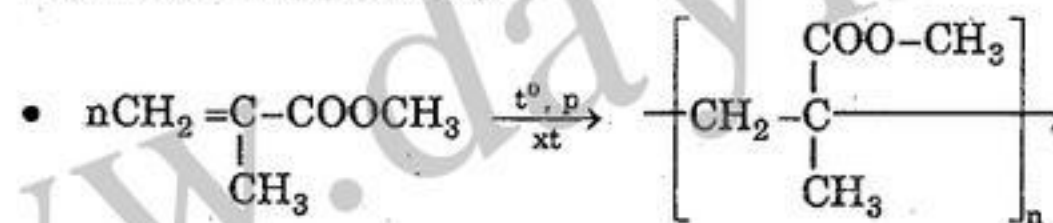
$$(n_{\text{pư}} = n_{Cu(NO_3)_2} \text{ pư} = \frac{1}{2} \cdot n_{NO_2} = n_{CuO} = \dots)$$

$$\Rightarrow n_{NO_2} = 2 \cdot n_{\text{pư}} = 2 \cdot \frac{m_{\text{rắn trước}} - m_{\text{rắn sau}}}{108}$$

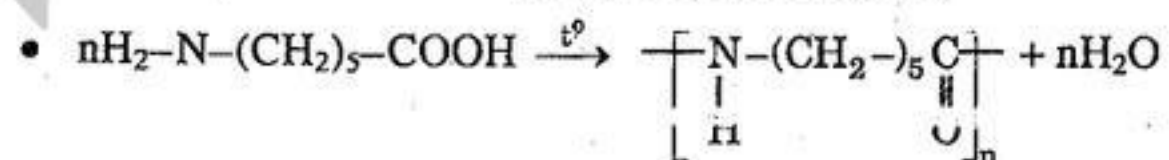
■ Cần nhớ: $[H^+] = \frac{n_{H^+}}{V} = \frac{2 \cdot n_{NO_2}}{V}$

Câu 31:

- Dễ dàng thấy đáp án là: C.
- Giải thích bằng phản ứng:



(Poli metyl metacrylat)



(Tơ nilon-6)

Câu 32:

* Giải:

- Tác dụng với NaOH và dung dịch Br₂ chỉ có axit acrylic và phenol.

- Không tác dụng với NaHCO₃, trong hai chất trên chỉ có phenol không tác dụng với NaHCO₃.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 33:

- Khi gặp câu loại này ta nên dự đoán rồi thử sẽ tìm được kết quả nhanh hơn.

- Theo đề X thuộc nhóm VI, dự đoán X là S

$$\Rightarrow \text{Hợp chất với hidro là } H_2S \Rightarrow \%S = \frac{32}{34} = 0,9412 = 94,12\%$$

$$\Rightarrow \text{Oxit cao nhất là: } SO_3 \Rightarrow \%S = \frac{32}{80} = 0,4 = 40\%$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:

- Số e lớn ngoài = Số thứ tự nhóm.
- Số oxi hóa cao nhất = Số thứ tự nhóm.

Ví dụ X thuộc nhóm VI $\Rightarrow$ Công thức oxit cao nhất: XO₃.

Câu 34:

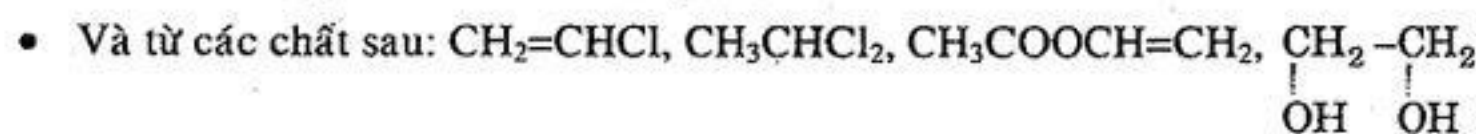
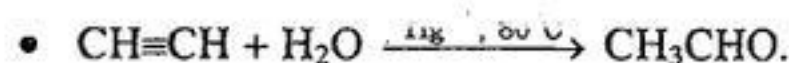
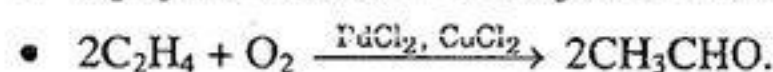
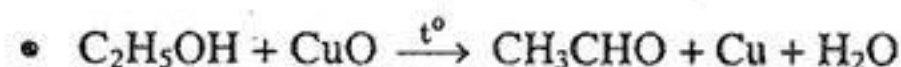
- Khi gặp các câu hỏi như câu này ta nên giải bằng phương pháp loại trừ.

Cụ thể:



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:



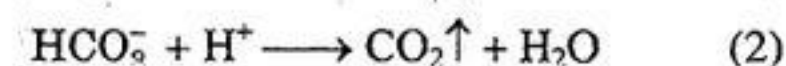
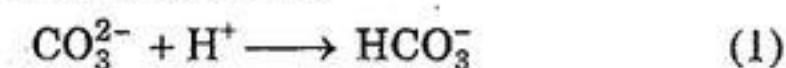
cũng điều chế trực tiếp CH₃CHO.

Câu 35:

$$\text{Trong 100ml dung dịch X có: } \begin{cases} CO_3^{2-}: 0,15 \text{ mol} \\ HCO_3^-: 0,1 \text{ mol} \end{cases}$$

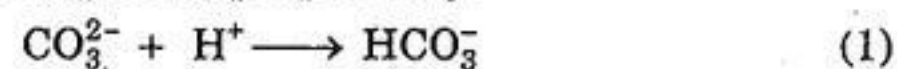
$$200\text{ml dung dịch HCl 1M có: } 0,2 \text{ mol } H^+.$$

- Phản ứng xảy ra theo thứ tự:



Ta dễ dàng thấy: $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}^+ \text{ dư (2)}} = 0,2 - 0,15$
 $\Rightarrow V_{\text{CO}_2} = 0,05 \times 22,4 = 1,12 \text{ (l)} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$

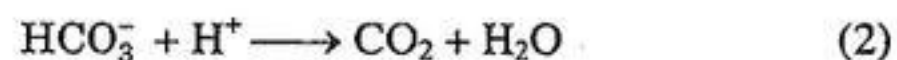
Hoặc giải bằng phương pháp 3 dòng:



Ban đầu: 0,15 0,2 0,1 (mol)

Phản ứng: 0,15 $\rightarrow$ 0,15 $\rightarrow$ 0,15 (mol)

Sau: 0 0,05 0,25 (mol)



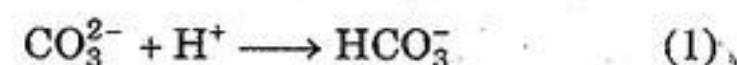
Ban đầu: 0,25 0,05 0 (mol)

Phản ứng: 0,05 $\leftarrow$ 0,05 $\rightarrow$ 0,05 (mol)

Sau: 0,2 0 0,05 (mol)

■ Cần nhớ:

Khi cho từ từ H^+ vào dung dịch hỗn hợp: CO_3^{2-} , HCO_3^- có thứ tự phản ứng:



Sau (1) còn H^+ thì: $\text{HCO}_3^- + \text{H}^+ \longrightarrow \text{CO}_2 \uparrow + \text{H}_2\text{O} \quad (2)$

Câu 36:

* Sơ đồ tóm tắt:

Hai ancol no, đơn, hở $\xrightarrow{\text{đốt}}$ $\begin{cases} \text{CO}_2: V \text{ lít (đktc)} \\ \text{H}_2\text{O}: a \text{ gam} \end{cases}$
 m gam

Biểu thức tính m = ?

* Giải:

Đặt CTTQ chung cho hai ancol: $\text{C}_n\text{H}_{2n+2}\text{O}$ (x mol)

$$\Rightarrow m = (14n + 18)x = 14nx + 18x$$

$$\Leftrightarrow m = 14.n_{\text{CO}_2} + 18(n_{\text{H}_2\text{O}} - n_{\text{CO}_2}) \Leftrightarrow m = m_{\text{H}_2\text{O}} - 4.n_{\text{CO}_2}$$

$$\Leftrightarrow m = a - 4 \cdot \frac{V}{22,4} = a - \frac{V}{5,6} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

■ Cần nhớ:

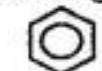
$$n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \cdot \text{Số C} \Rightarrow \bar{n}x = n_{\text{CO}_2}$$

Khi đốt các chất có tổng liên kết $\pi = 0$, ta cần nhớ: $n_{\text{hệ số}} = n_{\text{H}_2\text{O}} - n_{\text{CO}_2}$

Cho nên ở câu này ta có $x = n_{\text{H}_2\text{O}} - n_{\text{CO}_2}$.

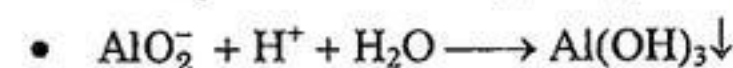
Câu 37:

* Giải:

- 3 dung dịch đầu phân biệt dễ dàng bằng dd HCl
- + Có khí bay lên: NH_4HCO_3 .
- + Có kết tủa: NaAlO_2 .
- Trong ba chất còn lại cũng phân biệt được dễ dàng
- + Có sự tách lớp là 
- + Có sự tách lớp sau đó thành dung dịch đồng nhất là anilin.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:



Nếu còn H^+ thì: $\text{Al(OH)}_3 + \text{H}^+ \longrightarrow \text{Al}^{3+} + \text{H}_2\text{O}$

Anilin, phenol không tan trong H_2O , nhưng muối tương ứng tan được, tạo dung dịch đồng nhất.

Khi cho phenolatnatri phản ứng với dd HCl thấy



Khi phenol sinh ra trong dung dịch ta thấy có sự tách lớp.

Tương tự với anilin.

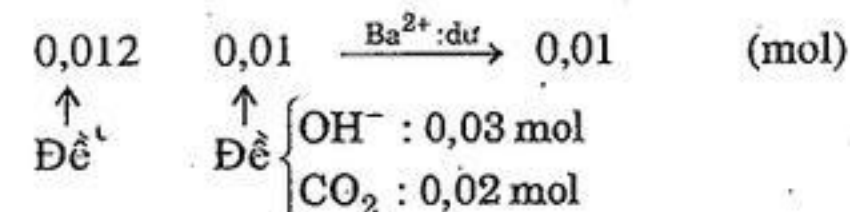
Câu 38:

* Sơ đồ tóm tắt:

100ml dd $\begin{cases} \text{NaOH } 0,06\text{M} \\ \text{Ba(OH)}_2 \text{ } 0,12\text{M} \end{cases} \xrightarrow{0,448 \text{ lít CO}_2 \text{ (đktc)}} m \text{ gam kết tủa}$

m = ?

* Giải: Phản ứng và tính toán theo sơ đồ sau:



$$(1) \Rightarrow m_{\text{BaCO}_3 \downarrow} = 0,01 \times 197 = 1,97 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

■ Cần nhớ:

Công thức tính số mol của nguyên tử hay ion có trong hợp chất:

$$\begin{array}{c} \text{A}_x\text{B}_y \\ n_{[\text{A}]} = n_{\text{A}_x\text{B}_y} \cdot x \end{array}$$

$$\text{Ví dụ: } n_{\text{Ba}^{2+}} = n_{\text{Ba(OH)}_2} \cdot 1$$

$$\sum n_{OH^-} = n_{Ba(OH)_2} \cdot 2 + n_{NaOH} \cdot 1$$

- CO_2 phản ứng với dung dịch OH^- :

Nhớ 1:

$\frac{n_{OH^-}}{n_{CO_2}}$	1	2
Sản phẩm	HCO_3^- CO_2 dư	HCO_3^-, CO_3^{2-} CO_3^{2-} OH^- dư

Nhớ 2: Khi $1 < \frac{n_{OH^-}}{n_{CO_2}} < 2$

⇒ Sản phẩm có HCO_3^- , CO_3^{2-} và công thức nhẩm số mol là:

- $n_{CO_3^{2-}} = n_{OH^-} - n_{CO_2}$
- $n_{HCO_3^-} = n_{CO_2} - n_{CO_3^{2-}}$

Câu 39:

* Giải:

- Ba không điều chế được bằng điện phân dung dịch ⇒ A: sai.
- Al không điều chế được bằng điện phân dung dịch ⇒ C: sai.
- Mg không điều chế được bằng điện phân dung dịch ⇒ D: sai.

⇒ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:

Trong điện phân dung dịch chỉ có các ion kim loại sau Al mới có thể nhận e^- tạo kim loại, cho nên phương pháp điện phân dung dịch chỉ điều chế được kim loại sau Al.

Câu 40:

Cấu hình e^- của X^{2+} : $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^6$.

⇒ Cấu hình e^- của X: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^6 4s^2$.

⇒ X thuộc chu kì 4, nhóm VIIIB ⇒ Đáp án: A.

Câu 41:

- Điều kiện các chất phản ứng được với dd $AgNO_3/NH_3$.

- Hoặc có nhóm $\begin{array}{c} -C-H \\ || \\ O \end{array}$

- Hoặc có nhóm $-C \equiv CH$.

- Nhận thấy C_2H_2 , CH_2O , CH_2O_2 , $C_3H_4O_2$ phản ứng được với dd $AgNO_3/NH_3$

⇒ Đáp án: B.

- Giải thích thêm:

- Vì $C_3H_4O_2$ đơn chức ⇒ CTCT: $HCOO-CH=CH_2$; $CH_2=CH-COOH$
(I) (II)

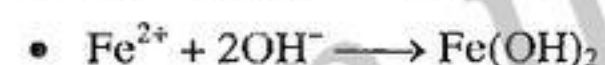
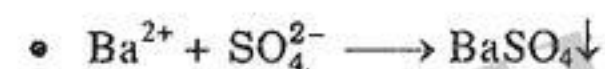
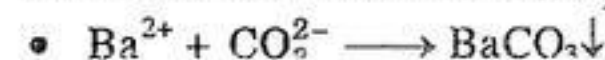
- Do $C_3H_4O_2$ không làm chuyển màu quỳ tím ẩm
⇒ CTCT hợp lí: $HCOO-CH=CH_2$.

■ Cần nhớ: Các hợp chất hữu cơ có phản ứng với dd $AgNO_3/NH_3 \rightarrow Ag$:

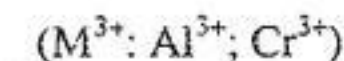
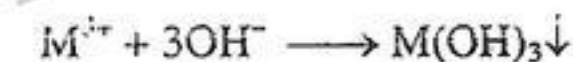
- Andehit
- $HCOOH$
- $HCOOR$ (este của axit fomic)
- Gluxit: (glucozơ, mantozơ), riêng fructozơ trong môi trường kiềm sẽ chuyển hoá thành glucozơ.

Câu 42:

- Luôn có kết tủa từ phản ứng sau:



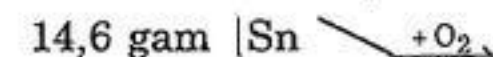
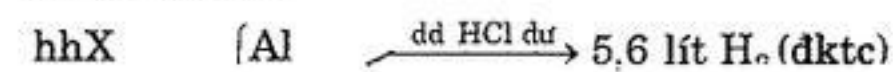
- Riêng Al^{3+} , Cr^{3+} tạo được kết tủa với OH^- , khi OH^- dư thì các kết tủa sẽ tan theo các phản ứng sau:



- Như vậy đáp án đúng là D.

Câu 43:

* Sơ đồ tóm tắt:



$$V_{O_2 \text{ (đktc) cần pư}} = ? = V(l)$$

* Giải: Đặt: $n_{Al} = x$; $n_{Sn} = y$

$$\begin{cases} 27x + 119y = 14,6 \\ x.3 + y.4 = 2 \cdot \frac{5,6}{22,4} \end{cases} \Rightarrow x = y = 0,1$$

$$\text{Công thức tính V theo ĐLBTĐT: } x.3 + y.4 = 4 \cdot \frac{V}{22,4}$$

$$\text{Với } x = y = 0,1 \Rightarrow V = 3,92l \text{ (đktc)} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

■ Cần nhớ:

$$\text{Kim loại} \xrightarrow{+H^+} H_2: \quad n_{KL \text{ pư}} \cdot \text{Hoá trị} = 2n_{H_2}$$

- Sn (II, IV): Khi phản ứng với H^+ , Sn tạo muối hoá trị (II)
Khi phản ứng với O_2 , Sn tạo oxit hoá trị (IV).
- Kim loại $\xrightarrow{+O_2}$ Oxit: $n_{KL\text{ pư}} \cdot \text{Hoá trị} = 4 \cdot n_{O_2\text{ pư}}$

Câu 44:

- Cacbohidrat nhất thiết phải chứa nhóm ($-OH$) $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 45:

* Giải:



- Dung dịch sau phản ứng có ba ion: Mg^{2+} , Zn^{2+} , $Cu^{2+} \Rightarrow Cu^{2+}$ còn dư.
- Nên theo ĐLBTTĐT ta có: $1,2 \cdot 2 + x \cdot 2 < 2 \cdot 2 + 1 \cdot 1 \Rightarrow x < 1,3$
 $\Rightarrow$ Đáp án: D.

* Giải thích: Vì Cu^{2+} còn dư $\Rightarrow n_{e\text{ cho}} < n_{e\text{ nhận}}$

Với: $n_{e\text{ cho}} = n_{KL\text{ pư}} \cdot \text{Hoá trị}$

$n_{e\text{ nhận}} = n_{ion\text{ KL ban đầu}} \cdot \text{Số điện tích.}$

■ Cần nhớ:

Trong bài toán kim loại phản ứng với muối

- Với kim loại: $n_{e\text{ cho}} = n_{KL\text{ pư}} \cdot \text{Hoá trị}$
- Ion KL $\rightarrow$ KL: $n_{e\text{ nhận}} = n_{ion\text{ KL pư}} \cdot \text{Số điện tích}$
- Khi ta tính $n_{e\text{ cho}}$; $n_{e\text{ nhận}}$ từ số mol ban đầu thì có ba trường hợp sau:
 - + $n_{e\text{ cho}} = n_{e\text{ nhận}} \Rightarrow$ phản ứng vừa đủ.
 - + $n_{e\text{ cho}} < n_{e\text{ nhận}} \Rightarrow$ kim loại hết, muối còn.
 - + $n_{e\text{ cho}} > n_{e\text{ nhận}} \Rightarrow$ kim loại còn, muối hết.

Câu 46:

* Giải:

Đặt CTTQ 2 axit: $C_xH_y(COOH)_z$: a mol

$C_{x'}H_{y'}(COOH)_{z'}$: b mol

Ta có: $n_{CO_2} = (x+z) \cdot a + (x'+z') \cdot b = 0,5 \quad (1)$

$n_{NaOH\text{ pư}} = z \cdot a + z' \cdot b = 0,5 \quad (2)$

Từ (1), (2) $\Rightarrow a \cdot x + b \cdot x' = 0$

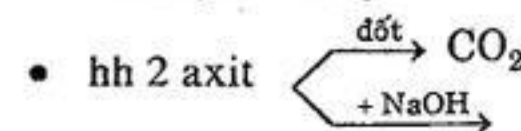
Vì $a, b > 0 \Rightarrow x = x' = 0$

Vậy hhX chứa hai axit đều không có C trong gốc hidrocarbon $\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ Cần nhớ:

- $n_{CO_2} = n_{đốt} \cdot \text{Số C}$

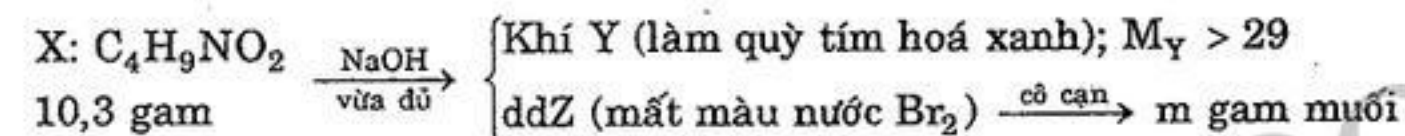
- $n_{NaOH\text{ pư}} = n_{hh\text{hc pư}} \times \text{Số chức}$



Nếu $n_{CO_2} = n_{NaOH} \Rightarrow$ hh axit: $\begin{cases} HCOOH \\ COOH \\ COOH \end{cases}$

Câu 47:

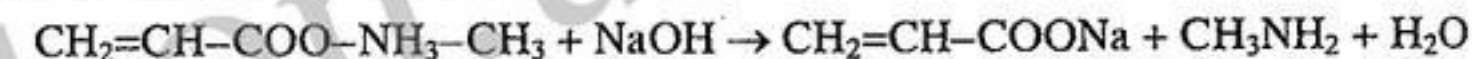
* Sơ đồ tóm tắt:



$m = ?$

- Dễ dàng thấy CTCT X: $CH_2=CH-COO-NH_3-CH_3$
 $\Rightarrow$ Muối: $CH_2=CH-COONa \Rightarrow m = \frac{10,3}{103} \times 94 = 9,4 \text{ gam} \Rightarrow$ Đáp án: C.

* Giải thích bằng phản ứng sau:



- Khí Y: CH_3-NH_2
- Muối: $CH_2=CH-COONa$ (có khả năng làm mất màu dd Br_2).

■ Cần nhớ: Các CTCT $C_4H_9O_2N$:

- (1): Aminoaxit $H_2N-C_3H_6-COOH$.
- (2): Các este của aminoaxit.
- (3): Muối amoni: $C_3H_5COO-NH_4$.
- (4): Muối của amin: $CH_2=CH-COO-NH_3-CH_3$.
- (5): Hợp chất nitro: $C_4H_9-NO_2$.

Chỉ có (4) là thỏa đề bài.

Câu 48:

* Lí luận:

- Khi hạ nhiệt độ, theo nguyên lí chuyển dịch cân bằng thì phản ứng dịch chuyển sang chiều tăng nhiệt, tức chiều tỏa nhiệt ($\Delta H < 0$).
- Theo đề thì phản ứng dịch chuyển theo chiều nâu đỏ $\rightarrow$ không màu (vì màu đỏ nhạt dần), chiều này là chiều thuận.
- Tổng hợp hai ý trên ta có kết luận: chiều thuận là chiều tỏa nhiệt ($\Delta H < 0$).
 $\Rightarrow$ Đáp án: D.

* Nhận xét:

Nếu thí sinh nắm chắc lí thuyết của chuyển dịch cân bằng thì câu này chỉ mất khoảng 30 giây!

■ **Cần nhớ:** Nguyên lí chuyển dịch cân bằng Le Chatelier:

- Ở trạng thái cân bằng nếu ta thay đổi các yếu tố như t° , p thì cân bằng sẽ dịch chuyển sang chiều chống lại sự thay đổi đó.
- Hãy xem thêm loại này từ trang 167 (SGK lớp 10).

Câu 49:

Công thức rượu: $C_xH_yO_z$ ($x \geq 2, z \geq 2, y = 2x + 2; x, y, z \in \mathbb{Z}$)

Ta có: $\frac{n_{O_2}}{n_{X_{r\ddot{u}}}} = \frac{4x + y - 2z}{4} = \frac{0,8}{0,2}$

$\Rightarrow 4x + y - 2z = 16 \Rightarrow 4x + 2x + 2 - 2z = 16$

$\Rightarrow 6x - 2z = 14 \Rightarrow 3x - z = 7$

x	2	3
z	1 (loại)	2

$\Rightarrow C_3H_8O_2$

Ta biết phản ứng của X với $Cu(OH)_2$ có tỉ lệ $2X + Cu(OH)_2 \rightarrow$ sản phẩm.

$\Rightarrow m = \frac{1}{2} \times 0,1 \times 98 = 4,9 \text{ gam}$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** Với công thức $C_xH_yO_z$ ta có:

• $n_{O_2 \text{ pư}} = \frac{4x + y - 2z}{4} n_{\text{đốt}}$

• Tỉ lệ mol = Tỉ lệ hệ số cân bằng

• Ancol phản ứng được với $Cu(OH)_2 \Leftrightarrow$ có ít nhất 2 nhóm ($-OH$) kế cận (xem phản ứng ở trang 226 SGK lớp 11).

Câu 50:

- A sai vì urê có công thức $(NH_2)_2CO$.
- C sai vì phân lân cung cấp photpho cho cây dưới dạng ion photphat.
- D sai vì amophot là hỗn hợp $NH_4H_2PO_4, (NH_4)_2HPO_4$.

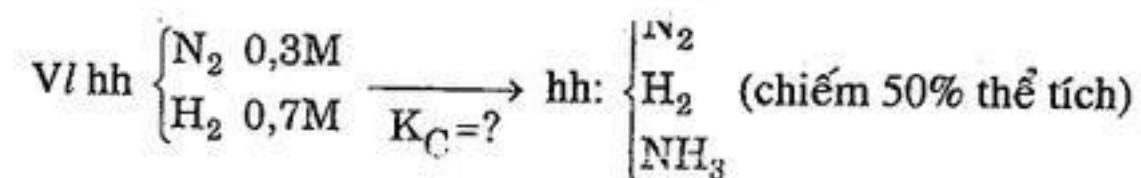
$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

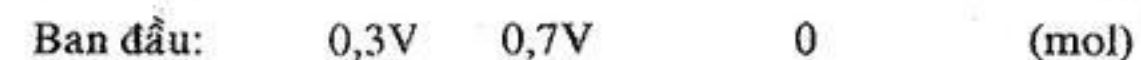
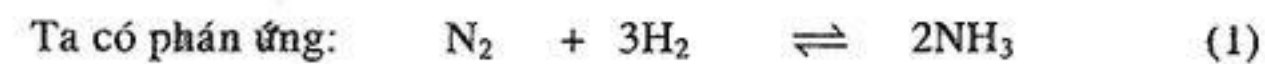
- Phân NPK là phân hỗn hợp chứa N, P, K.
- Đọc thêm Phân bón hoá học trang 67 (SGK lớp 11).

Câu 51:

* Sơ đồ tóm tắt:



* **Giải:** Chọn thể tích bình là V (l)



Theo (1) và đề ta có: $n_{H_2} = n_{(N_2, NH_3)}$

$\Leftrightarrow 0,7V - 3x = 2x + 0,3V - x \Leftrightarrow x = 0,1V$

Vậy ở trạng thái cân bằng có: $\begin{cases} N_2: 0,2V \text{ (mol)} \\ H_2: 0,4V \text{ (mol)} \\ NH_3: 0,2V \text{ (mol)} \end{cases}$

$\Rightarrow K_C = \frac{[NH_3]^2}{[N_2].[H_2]^3} = \frac{\left(\frac{0,2V}{V}\right)^2}{\frac{0,2V}{V} \left(\frac{0,4V}{V}\right)^3} = 3,125 \Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

• Với phản ứng: $aA + bB \rightleftharpoons qC + pD \quad (1)$

$(1) \Rightarrow K_C = \frac{[C]^q.[D]^p}{[A]^a.[B]^b}$

• $[Khí] = \frac{n_{khí}}{V_{hh\text{ khí}}} \quad \begin{matrix} (\text{mol}) \\ (\text{lít}) \end{matrix}$

Câu 52:

Ta có suất điện động của pin $Cu - Ag = E_{Ag^+/Ag}^0 - E_{Cu^{2+}/Cu}^0$

$\Leftrightarrow +0,8 - E_{Cu^{2+}/Cu}^0 = 0,46 \Rightarrow E_{Cu^{2+}/Cu}^0 = 0,8 - 0,46 = +0,34V$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:** Suất điện động của pin A - B được tính theo công thức sau:

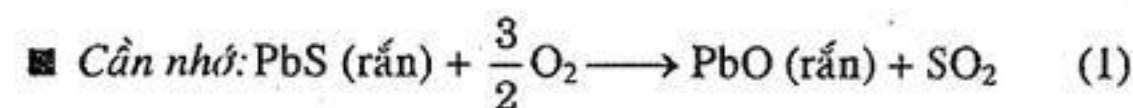
Suất điện động pin A - B = $E_{B^{n+}/B}^0 - E_{A^{m+}/A}^0$

Câu 53:

- Ta có thể nhầm nhanh bằng phép toán sau:

$\%PbS_{hi\text{ đối}} = \frac{239 \times \frac{m - 0,95m}{16}}{m} \times 100\% = 74,69\% \Rightarrow$ Đáp án: A.

- Giải thích: $\%PbS_{hi\text{ đối}} = \frac{m_{PbS \text{ pư}}}{m_{PbS \text{ ban đầu}}} \times 100\%$



(1) $\Rightarrow m_{\text{rắn sau}} = m_{\text{rắn trước}} - 16.n_{\text{Pb}}$

Với: $n_{\text{Pb}} = n_{\text{PbS dư}} = n_{\text{PbO}} = n_{\text{SO}_2} = \dots$

Công thức trên dựa vào phương pháp tăng, giảm khối lượng.

Câu 54:

- D sai vì chỉ có các ancol có ít nhất 2 nhóm (-OH) kế cận phản ứng được với Cu(OH)_2 .
- B sai vì benzen không phản ứng với nước brom.
- A sai vì phản ứng này xảy ra ở nhiệt độ thấp ($0^\circ - 5^\circ\text{C}$) $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:**

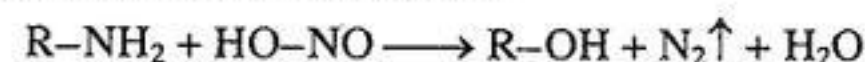
- Hợp chất hữu cơ phản ứng với Cu(OH)_2 khi:

- * Có ít nhất 2 nhóm (-OH) kế cận.

- * Hoặc có nhóm $\begin{array}{c} \text{O} \\ \parallel \\ \text{-C-H} \end{array}$

- * Hoặc có nhóm $\begin{array}{c} \text{O} \\ \parallel \\ \text{-C-OH} \end{array}$

- Phản ứng nhận biết amin bậc 1:



Hiện tượng: có bọt khí.

Chú ý: Phản ứng này xảy ra ở nhiệt độ thường.

Câu 55: Ta thấy:

- C, B sai vì glixerol không cho phản ứng tráng bạc.
- Tương tự D sai vì đáp án có saccarozơ $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 56:

Penixilin, erythromixin, ampicilin không phải là các chất gây nghiện.

$\Rightarrow$ A, B, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 57:

- Ta có: $M_{\text{muối}} = \frac{3,4}{\frac{5}{100}} = 68 \Rightarrow$ A sai.

- | | |
|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - C sinh $\begin{array}{c} \text{CH}_2-\text{CH}-\text{CH}-\text{CH}_3 \\ \\ \text{OH} \end{array}$ - D sinh $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{CHO}$ | $\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{đều làm mất màu dd Br}_2 \\ \Rightarrow \text{C, D sai.} \end{array}$ |
|--|---|
- $\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

- Phản ứng xà phòng hoá este đơn: $n_{\text{NaOH dư}} = n_{\text{este dư}} = n_{\text{muối}} = n_{\text{rượu}}$
- Phản ứng làm mất màu dung dịch Br_2 là phản ứng của nhóm $\text{C}=\text{C}$; $\text{C}\equiv\text{C}$;
 $\begin{array}{c} \text{-C-H} \\ \parallel \\ \text{O} \end{array}$

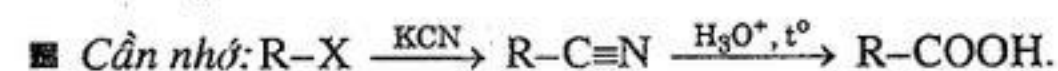
Câu 58:

Theo đề X: anhidrit axetic; Y: phenolat natri $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 59:

Sơ đồ trên có trong phương pháp điều chế axit cacboxylic trong phòng thí nghiệm (đòng 6, trang 255, SGK 12).

$\Rightarrow$ Đáp án: D.



Câu 60:

- Với HCl , H_2SO_4 loãng chỉ có kim loại đứng trước H trong dãy hoạt động hoá học Bêkêtop phản ứng được $\Rightarrow$ B, D sai.
 - Cu đứng sau Pb trong dãy hoạt động hoá học Bêkêtop $\Rightarrow$ A không xảy ra.
- $\Rightarrow$ Đáp án: C.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI B NĂM 2009

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Cho m gam bột Fe vào 800ml dung dịch hỗn hợp gồm $\text{Cu(NO}_3)_2$ 0,2M và H_2SO_4 0,25M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 0,6m gam hỗn hợp bột kim loại và V lít khí NO (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Giá trị của m và V lần lượt là

- A. 17,8 và 4,48. B. 17,8 và 2,24. C. 10,8 và 4,48. D. 10,8 và 2,24.

Câu 2: Có các thí nghiệm sau:

- (I) Nhúng thanh sắt vào dung dịch H_2SO_4 loãng, nguội.
 (II) Sục khí SO_2 vào nước brom.
 (III) Sục khí CO_2 vào nước Gia-ven.
 (IV) Nhúng lá nhôm vào dung dịch H_2SO_4 đặc, nguội.

Số thí nghiệm xảy ra phản ứng hoá học là

- A. 4. B. 3. C. 1. D. 2.

Câu 3: Dãy gồm các chất đều có khả năng tham gia phản ứng trùng hợp là

- A. 1,1,2,2-tetrafloeten; propilen; stiren; vinyl clorua.
 B. buta-1,3-dien; cumen; etilen; trans-but-2-en.

$+4 \quad +4 \quad -4$
 UClO_4

C. stiren; clobenzen; isopren; but-1-en.

D. 1,2-diclopropan; vinylaxetilen; vinylbenzen; toluen.

Câu 4: Đốt cháy hoàn toàn một hợp chất hữu cơ X, thu được 0,351 gam H_2O và 0,4368 lít khí CO_2 (ở đktc). Biết X có phản ứng với $Cu(OH)_2$ trong môi trường kiềm khi đun nóng. Chất X là

A. CH_3COCH_3 .

B. $O=CH-CH=O$.

C. $CH_2=CH-CH_2-OH$.

D. C_2H_5CHO .

Câu 5: Cho các nguyên tố: K ($Z = 19$), N ($Z = 7$), Si ($Z = 14$), Mg ($Z = 12$). Dãy gồm các nguyên tố được sắp xếp theo chiều giảm dần bán kính nguyên tử từ trái sang phải là

A. N, Si, Mg, K.

B. Mg, K, Si, N.

C. K, Mg, N, Si.

D. K, Mg, Si, N.

Câu 6: Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. Trùng hợp stiren thu được poli (phenol-fomandehit).

B. Trùng ngưng buta-1,3-đien với acrilonitrin có xúc tác Na được cao su buna-N.

C. Poli (etilen terephtalat) được điều chế bằng phản ứng trùng ngưng các monome tương ứng.

D. Tơ visco là tơ tổng hợp.

Câu 7: Cho 61,2 gam hỗn hợp X gồm Cu và Fe_3O_4 tác dụng với dung dịch HNO_3 loãng, đun nóng và khuấy đều. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 3,36 lít khí NO (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc), dung dịch Y và còn lại 2,4 gam kim loại. Cô cạn dung dịch Y, thu được m gam muối khan. Giá trị của m là

A. 151,5.

B. 97,5.

C. 137,1.

D. 108,9.

Câu 8: Khi nhiệt phân hoàn toàn từng muối X, Y thì đều tạo ra số mol khí nhỏ hơn số mol muối tương ứng. Đốt một lượng nhỏ tinh thể Y trên đèn khí không màu, thấy ngọn lửa có màu vàng. Hai muối X, Y lần lượt là

A. $KMnO_4$, $NaNO_3$.

B. $Cu(NO_3)_2$, $NaNO_3$.

C. $CaCO_3$, $NaNO_3$.

D. $NaNO_3$, KNO_3 .

Câu 9: Hỗn hợp X gồm axit Y đơn chức và axit Z hai chức (Y, Z có cùng số nguyên tử cacbon). Chia X thành hai phần bằng nhau. Cho phần một tác dụng hết với Na, sinh ra 4,48 lít khí H_2 (ở đktc). Đốt cháy hoàn toàn phần hai, sinh ra 26,4 gam CO_2 . Công thức cấu tạo thu gọn và phần trăm về khối lượng của Z trong hỗn hợp X lần lượt là

A. $HOOC-CH_2-COOH$ và 70,87%.

B. $HOOC-COOH$ và 60,00%.

C. $HOOC-CH_2-COOH$ và 54,88%.

D. $HOOC-COOH$ và 42,86%.

Câu 10: Dãy gồm các chất được sắp xếp theo chiều tăng dần nhiệt độ sôi từ trái sang phải là

A. CH_3CHO , C_2H_5OH , $HCOOH$, CH_3COOH .

B. CH_3COOH , $HCOOH$, C_2H_5OH , CH_3CHO .

C. $HCOOH$, CH_3COOH , C_2H_5OH , CH_3CHO .

D. CH_3COOH , C_2H_5OH , $HCOOH$, CH_3CHO .

Câu 11: Cho dung dịch chứa 6,03 gam hỗn hợp gồm hai muối NaX và NaY (X, Y là hai nguyên tố có trong tự nhiên, ở hai chu kỳ liên tiếp thuộc nhóm VIIA, số hiệu nguyên tử $Z_X < Z_Y$) vào dung dịch $AgNO_3$ (dư), thu được 8,61 gam kết tủa. Phần trăm khối lượng của NaX trong hỗn hợp ban đầu là

A. 58,2%.

B. 52,8%.

C. 41,8%.

D. 47,2%.

Câu 12: Hoà tan hoàn toàn 20,88 gam một oxit sắt bằng dung dịch H_2SO_4 đặc, nóng thu được dung dịch X và 3,248 lít khí SO_2 (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Cô cạn dung dịch X, thu được m gam muối sunfat khan. Giá trị của m là

A. 52,2.

B. 48,4.

C. 54,0.

D. 58,0.

Câu 13: Cho các phản ứng hoá học sau:

(1) $(NH_4)_2SO_4 + BaCl_2 \longrightarrow$

(2) $CuSO_4 + Ba(NO_3)_2 \longrightarrow$

(3) $Na_2SO_4 + BaCl_2 \longrightarrow$

(4) $H_2SO_4 + BaSO_3 \longrightarrow$

(5) $(NH_4)_2SO_4 + Ba(OH)_2 \longrightarrow$

(6) $Fe_2(SO_4)_3 + Ba(NO_3)_2 \longrightarrow$

Những phản ứng có cùng phương trình ion thu gọn là

A. (1), (2), (3), (6).

B. (3), (4), (5), (6).

C. (2), (3), (4), (6).

D. (1), (3), (5), (6).

Câu 14: Hoà tan m gam hỗn hợp gồm Al, Fe vào dung dịch H_2SO_4 loãng (dư). Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được dung dịch X. Cho dung dịch $Ba(OH)_2$ (dư) vào dung dịch X, thu được kết tủa Y. Nung Y trong không khí đến khối lượng không đổi, thu được chất rắn Z là

A. hỗn hợp gồm Al_2O_3 và Fe_2O_3 .

B. hỗn hợp gồm $BaSO_4$ và FeO .

C. hỗn hợp gồm $BaSO_4$ và Fe_2O_3 .

D. Fe_2O_3 .

Câu 15: Cho 0,02 mol amino axit X tác dụng vừa đủ với 200ml dung dịch HCl 0,1M thu được 3,67 gam muối khan. Mặt khác 0,02 mol X tác dụng vừa đủ với 40 gam dung dịch $NaOH$ 4%. Công thức của X là

A. $(H_2N)_2C_3H_5COOH$.

B. $H_2NC_2H_3(COOH)_2$.

C. $H_2NC_3H_6COOH$.

D. $H_2NC_3H_5(COOH)_2$.

Câu 16: Cho 2,24 gam bột sắt vào 200ml dung dịch chứa hỗn hợp gồm $AgNO_3$ 0,1M và $Cu(NO_3)_2$ 0,5M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được dung dịch X và m gam chất rắn Y. Giá trị của m là

A. 2,80.

B. 4,08.

C. 2,16.

D. 0,64.

Câu 17: Cho X là hợp chất thơm; a mol X phản ứng vừa hết với a lít dung dịch NaOH 1M. Mặt khác nếu cho a mol X phản ứng với Na (dư) thì sau phản ứng thu được 22,4a lít khí H_2 (ở đktc). Công thức cấu tạo thu gọn của X là

- A. $CH_3-C_6H_3(OH)_2$. B. $HO-C_6H_4-COOCH_3$.
C. $HO-CH_2-C_6H_4-OH$. D. $HO-C_6H_4-COOH$.

Câu 18: Hỗn hợp khí X gồm H_2 và một anken có khả năng cộng HBr cho sản phẩm hữu cơ duy nhất. Tỉ khối của X so với H_2 bằng 9,1. Đun nóng X có xúc tác Ni, sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được hỗn hợp khí Y không làm mất màu nước brom; tỉ khối của Y so với H_2 bằng 13. Công thức cấu tạo của anken là

- A. $CH_3-CH=CH-CH_3$. B. $CH_2=CH-CH_2-CH_3$.
C. $CH_2=C(CH_3)_2$. D. $CH_2=CH_2$.

Câu 19: Thí nghiệm nào sau đây có kết tủa sau phản ứng?

- A. Cho dung dịch NaOH đến dư vào dung dịch $Cr(NO_3)_3$.
B. Cho dung dịch HCl đến dư vào dung dịch $NaAlO_2$ (hoặc $Na[Al(OH)_4]$).
C. Thổi CO_2 đến dư vào dung dịch $Ca(OH)_2$.
D. Cho dung dịch NH_3 đến dư vào dung dịch $AlCl_3$.

Câu 20: Cho một số tính chất: có dạng sợi (1); tan trong nước (2); tan trong nước Swayde (3); phản ứng với axit nitric đặc (xúc tác axit sunfuric đặc) (4); tham gia phản ứng tráng bạc (5); bị thủy phân trong dung dịch axit đun nóng (6). Các tính chất của xenlulozơ là

- A. (3), (4), (5) và (6). B. (1), (3), (4) và (6).
C. (2), (3), (4) và (5). D. (1), (2), (3) và (4).

Câu 21: Cho các hợp chất sau:

- (a) $HOCH_2-CH_2OH$ (b) $HOCH_2-CH_2-CH_2OH$
(c) $HOCH_2-CH(OH)-CH_2OH$ (d) $CH_3-CH(OH)-CH_2OH$
(e) CH_3-CH_2OH (f) $CH_3-O-CH_2CH_3$

Các chất đều tác dụng được với Na, $Cu(OH)_2$ là

- A. (c), (d), (f). B. (a), (b), (c). C. (a), (c), (d). D. (c), (d), (e).

Câu 22: Số dipeptit tối đa có thể tạo ra từ một hỗn hợp gồm alanin và glyxin là

- A. 2. B. 3. C. 4. D. 1.

Câu 23: Cho các phản ứng sau:

- (a) $4HCl + PbO_2 \rightarrow PbCl_2 + Cl_2 + 2H_2O$
(b) $HCl + NH_4HCO_3 \rightarrow NH_4Cl + CO_2 + H_2O$
(c) $2HCl + 2HNO_3 \rightarrow 2NO_3 + Cl_2 + 2H_2O$
(d) $2HCl + Zn \rightarrow ZnCl_2 + H_2$

Số phản ứng trong đó HCl thể hiện tính khử là

- A. 2. B. 4. C. 1. D. 3.

Câu 24: Cho hai hợp chất hữu cơ có cùng công thức phân tử là $C_3H_7NO_2$. Khi phản ứng với dung dịch NaOH, X tạo ra H_2NCH_2COONa và chất hữu cơ Z; còn Y tạo ra $CH_2=CHCOONa$ và khí T. Các chất Z và T lần lượt là

- A. CH_3OH và CH_3NH_2 . B. C_2H_5OH và N_2 .
C. CH_3OH và NH_3 . D. CH_3NH_2 và NH_3 .

Câu 25: Nung nóng m gam hỗn hợp gồm Al và Fe_3O_4 trong điều kiện không có không khí. Sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được hỗn hợp rắn X. Cho X tác dụng với dung dịch NaOH (dư) thu được dung dịch Y, chất rắn Z và 3,36 lít khí H_2 (ở đktc). Sục khí CO_2 (dư) vào dung dịch Y, thu được 39 gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 48,3. B. 57,0. C. 45,6. D. 36,7.

Câu 26: Cho hỗn hợp X gồm CH_4 , C_2H_4 và C_2H_2 . Lấy 8,6 gam X tác dụng hết với dung dịch brom (dư) thì khối lượng brom phản ứng là 48 gam. Mặt khác, nếu cho 13,44 lít (ở đktc) hỗn hợp khí X tác dụng với lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 , thu được 36 gam kết tủa. Phần trăm thể tích của CH_4 có trong X là

- A. 40%. B. 20%. C. 25%. D. 50%.

Câu 27: Cho chất xúc tác MnO_2 vào 100ml dung dịch H_2O_2 , sau 60 giây thu được 33,6ml khí O_2 (ở đktc). Tốc độ trung bình của phản ứng (tính theo H_2O_2) trong 60 giây trên là

- A. $2,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol/(l.s)}$. B. $5,0 \cdot 10^{-4} \text{ mol/(l.s)}$.
C. $1,0 \cdot 10^{-3} \text{ mol/(l.s)}$. D. $5,0 \cdot 10^{-5} \text{ mol/(l.s)}$.

Câu 28: Trộn 100ml dung dịch hỗn hợp gồm H_2SO_4 0,05M và HCl 0,1M với 100ml dung dịch hỗn hợp gồm NaOH 0,2M và $Ba(OH)_2$ 0,1M thu được dung dịch X. Dung dịch X có pH là

- A. 1,2. B. 1,0. C. 12,8. D. 13,0.

Câu 29: Điện phân có màng ngăn 500ml dung dịch chứa hỗn hợp gồm $CuCl_2$ 0,1M và NaCl 0,5M (điện cực trơ, hiệu suất điện phân 100%) với cường độ dòng điện 5A trong 3860 giây. Dung dịch thu được sau điện phân có khả năng hoà tan m gam Al. Giá trị lớn nhất của m là

- A. 4,05. B. 2,70. C. 1,35. D. 5,40.

Câu 30: Cho hỗn hợp X gồm hai hợp chất hữu cơ no, đơn chức tác dụng vừa đủ với 100ml dung dịch KOH 0,4M, thu được một muối và 336ml hơi một ancol (ở đktc). Nếu đốt cháy hoàn toàn lượng hỗn hợp X trên, sau đó hấp thụ hết sản phẩm cháy vào bình đựng dung dịch $Ca(OH)_2$ (dư) thì khối lượng bình tăng 6,82 gam. Công thức của hai hợp chất hữu cơ trong X là

- A. $HCOOH$ và $HCOOC_2H_5$. B. CH_3COOH và $CH_3COOC_2H_5$.
C. C_2H_5COOH và $C_2H_5COOCH_3$. D. $HCOOH$ và $HCOOC_3H_7$.

Câu 31: Cho các hợp chất hữu cơ:

- (1) ankan; (2) ancol no, đơn chức, mạch hở;

- (3) xicloankan; (4) ete no, đơn chức, mạch hở;
 (5) anken; (6) ancol không no (có một liên kết đôi C=C), mạch hở;
 (7) ankin; (8) andehit no, đơn chức, mạch hở;
 (9) axit no, đơn chức, mạch hở;
 (10) axit không no (có một liên kết đôi C=C), đơn chức

Dãy gồm các chất khi đốt cháy hoàn toàn đều cho số mol CO_2 bằng số mol H_2O là

- A. (3), (5), (6), (8), (9). B. (3), (4), (6), (7), (10).
 C. (2), (3), (5), (7), (9). D. (1), (3), (5), (6), (8).

Câu 32: Điện phân nóng chảy Al_2O_3 với anot than chì (hiệu suất điện phân 100%) thu được m kg Al ở catot và $67,2\text{m}^3$ (ở đktc) hỗn hợp khí X có tỉ khối so với hidro bằng 16. Lấy $2,24$ lít (ở đktc) hỗn hợp khí X sục vào dung dịch nước vôi trong (dư) thu được 2 gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 54,0. B. 75,6. C. 67,5. D. 108,0.

Câu 33: Khi nhiệt phân hoàn toàn 100 gam mỗi chất sau: KClO_3 (xúc tác MnO_2), KMnO_4 , KNO_3 và AgNO_3 . Chất tạo ra lượng O_2 lớn nhất là

- A. KNO_3 . B. AgNO_3 . C. KMnO_4 . D. KClO_3 .

Câu 34: Hỗn hợp X gồm hai este no, đơn chức, mạch hở. Đốt cháy hoàn toàn một lượng X cần dùng vừa đủ $3,976$ lít khí O_2 (ở đktc), thu được $6,38$ gam CO_2 . Mặt khác, X tác dụng với dung dịch NaOH, thu được một muối và hai ancol là đồng đẳng kế tiếp. Công thức phân tử của hai este trong X là

- A. $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}_2$ và $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_2$. B. $\text{C}_3\text{H}_4\text{O}_2$ và $\text{C}_4\text{H}_6\text{O}_2$.
 C. $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_2$ và $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_2$. D. $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}_2$ và $\text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}_2$.

Câu 35: Hai hợp chất hữu cơ X và Y là đồng đẳng kế tiếp, đều tác dụng với Na và có phản ứng tráng bạc. Biết phần trăm khối lượng oxi trong X, Y lần lượt là 53,33% và 43,24%. Công thức cấu tạo của X và Y tương ứng là

- A. $\text{HO}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{CHO}$ và $\text{HO}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{CHO}$.
 B. $\text{HO}-\text{CH}(\text{CH}_3)-\text{CHO}$ và $\text{HOOC}-\text{CH}_2-\text{CHO}$.
 C. $\text{HO}-\text{CH}_2-\text{CHO}$ và $\text{HO}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{CHO}$.
 D. HCOOCH_3 và $\text{HCOOCH}_2-\text{CH}_3$.

Câu 36: Hợp chất hữu cơ X tác dụng được với dung dịch NaOH đun nóng và với dung dịch AgNO_3 trong NH_3 . Thể tích của $3,7$ gam hơi chất X bằng thể tích của $1,6$ gam khí O_2 (cùng điều kiện về nhiệt độ và áp suất). Khi đốt cháy hoàn toàn 1 gam X thì thể tích khí CO_2 thu được vượt quá $0,7$ lít (ở đktc). Công thức cấu tạo của X là

- A. $\text{CH}_3\text{COOCH}_3$. B. $\text{O}=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{CH}_2\text{OH}$.
 C. $\text{HOOC}-\text{CHO}$. D. HCOOC_2H_5 .

Câu 37: Thực hiện các thí nghiệm sau:

- (I) Cho dung dịch NaCl vào dung dịch KOH.
 (II) Cho dung dịch Na_2CO_3 vào dung dịch $\text{Ca}(\text{OH})_2$.
 (III) Điện phân dung dịch NaCl với điện cực trơ, có màng ngăn.
 (IV) Cho $\text{Cu}(\text{OH})_2$ vào dung dịch NaNO_3 .
 (V) Sục khí NH_3 vào dung dịch Na_2CO_3 .
 (VI) Cho dung dịch Na_2SO_4 vào dung dịch $\text{Ba}(\text{OH})_2$.
 Các thí nghiệm đều điều chế được NaOH là

- A. II, V và VI. B. II, III và VI. C. I, II và III. D. I, IV và V.

Câu 38: Hoà tan hoàn toàn $2,9$ gam hỗn hợp gồm kim loại M và oxit của nó vào nước, thu được 500ml dung dịch chứa một chất tan có nồng độ $0,04\text{M}$ và $0,224$ lít khí H_2 (ở đktc). Kim loại M là

- A. Ca. B. Ba. C. K. D. Na.

Câu 39: Khi cho a mol một hợp chất hữu cơ X (chứa C, H, O) phản ứng hoàn toàn với Na hoặc với NaHCO_3 thì đều sinh ra a mol khí. Chất X là

- A. etylen glicol. B. axit adipic.
 C. axit 3-hidroxiopropanoic. D. ancol o-hidroxi benzylic.

Câu 40: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Nước đá thuộc loại tinh thể phân tử.
 B. Ở thể rắn, NaCl tồn tại dưới dạng tinh thể phân tử.
 C. Photpho trắng có cấu trúc tinh thể nguyên tử.
 D. Kim cương có cấu trúc tinh thể phân tử.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Glucozơ bị khử bởi dung dịch AgNO_3 trong NH_3 .
 B. Xenlulozơ có cấu trúc mạch phân nhánh.
 C. Amilopectin có cấu trúc mạch phân nhánh.
 D. Saccarozơ làm mất màu nước brom.

Câu 42: Nhúng một thanh sắt nặng 100 gam vào 100ml dung dịch hỗn hợp gồm $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ $0,2\text{M}$ và AgNO_3 $0,2\text{M}$. Sau một thời gian lấy thanh kim loại ra, rửa sạch làm khô cân được $101,72$ gam (giả thiết các kim loại tạo thành đều bám hết vào thanh sắt). Khối lượng sắt đã phản ứng là

- A. $2,16$ gam. B. $0,84$ gam. C. $1,72$ gam. D. $1,40$ gam.

Câu 43: Hidro hoá hoàn toàn m gam hỗn hợp X gồm hai andehit no, đơn chức, mạch hở kế tiếp nhau trong dãy đồng đẳng thu được (m + 1) gam hỗn hợp hai ancol. Mặt khác, khi đốt cháy hoàn toàn cũng m gam X thì cần vừa đủ 17,92 lít khí O_2 (ở đktc). Giá trị của m là

A. 10,5. B. 17,8. C. 8,8. D. 24,8.

Câu 44: Cho 100ml dung dịch KOH 1,5M vào 200ml dung dịch H_3PO_4 0,5M, thu được dung dịch X. Cô cạn dung dịch X, thu được hỗn hợp gồm các chất là

A. K_3PO_4 và KOH. B. KH_2PO_4 và K_3PO_4 .
C. KH_2PO_4 và H_3PO_4 . D. KH_2PO_4 và K_2HPO_4 .

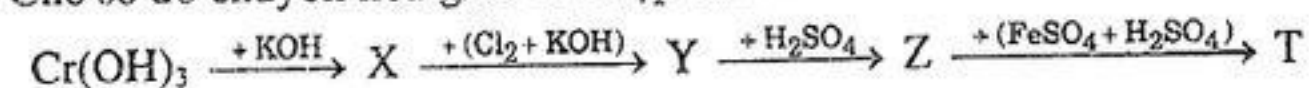
Câu 45: Ứng dụng nào sau đây không phải của ozon?

A. Chữa sâu răng. B. Tẩy trắng tinh bột, dầu ăn.
C. Điều chế oxi trong phòng thí nghiệm.
D. Sát trùng nước sinh hoạt.

Câu 46: Cho hidrocarbon X phản ứng với brom (trong dung dịch) theo tỉ lệ mol 1 : 1, thu được chất hữu cơ Y (chứa 74,08% Br về khối lượng). Khi X phản ứng với HBr thì thu được hai sản phẩm hữu cơ khác nhau. Tên gọi của X là

A. but-1-en. B. but-2-en. C. propilen. D. xiclopropan.

Câu 47: Cho sơ đồ chuyển hoá giữa các hợp chất của crom:



Các chất X, Y, Z, T theo thứ tự là:

- A. $KCrO_2$, K_2CrO_4 , $K_2Cr_2O_7$, $Cr_2(SO_4)_3$.
B. K_2CrO_4 , $KCrO_2$, $K_2Cr_2O_7$, $Cr_2(SO_4)_3$.
C. $KCrO_2$, $K_2Cr_2O_7$, K_2CrO_4 , $CrSO_4$. D. $KCrO_2$, $K_2Cr_2O_7$, K_2CrO_4 , $Cr_2(SO_4)_3$.

Câu 48: Este X (có khối lượng phân tử bằng 103 đvC) được điều chế từ một ancol đơn chức (có tỉ khối hơi so với oxi lớn hơn 1) và một amino axit. Cho 25,75 gam X phản ứng hết với 300ml dung dịch NaOH 1M, thu được dung dịch Y. Cô cạn Y thu được m gam chất rắn. Giá trị m là

A. 29,75. B. 27,75. C. 26,25. D. 24,25.

Câu 49: Hoà tan hoàn toàn 24,4 gam hỗn hợp gồm $FeCl_2$ và NaCl (có tỉ lệ số mol tương ứng là 1 : 2) vào một lượng nước (dư), thu được dung dịch X. Cho dung dịch $AgNO_3$ (dư) vào dung dịch X, sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn sinh ra m gam chất rắn. Giá trị của m là

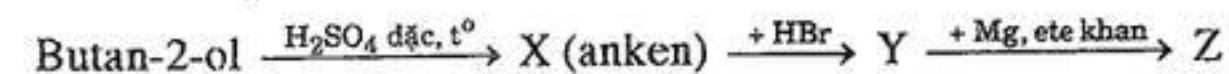
A. 68,2. B. 28,7. C. 10,8. D. 57,4.

Câu 50: Đốt cháy hoàn toàn 1 mol hợp chất hữu cơ X, thu được 4 mol CO_2 . Chất X tác dụng được với Na, tham gia phản ứng tráng bạc và phản ứng cộng Br_2 theo tỉ lệ mol 1 : 1. Công thức cấu tạo của X là

- A. $HOOC-CH=CH-COOH$. B. $HO-CH_2-CH_2-CH=CH-CHO$.
C. $HO-CH_2-CH_2-CH_2-CHO$. D. $HO-CH_2-CH=CH-CHO$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Cho sơ đồ chuyển hoá:



Trong đó X, Y, Z là sản phẩm chính. Công thức của Z là

- A. $CH_3-CH(MgBr)-CH_2-CH_3$. B. $(CH_3)_3C-MgBr$.
C. $CH_3-CH_2-CH_2-CH_2-MgBr$. D. $(CH_3)_2CH-CH_2-MgBr$.

Câu 52: Cho các thế điện cực chuẩn: $E_{Al^{3+}/Al}^0 = -1,66V$; $E_{Zn^{2+}/Zn}^0 = -0,76V$; $E_{Pb^{2+}/Pb}^0 = -0,13V$; $E_{Cu^{2+}/Cu}^0 = +0,34V$. Trong các pin sau đây, pin nào có suất điện động chuẩn lớn nhất?

- A. Pin Zn - Pb. B. Pin Pb - Cu. C. Pin Al - Zn. D. Pin Zn - Cu.

Câu 53: Phát biểu nào sau đây không đúng?

- A. Glucozơ tồn tại ở dạng mạch hở và dạng mạch vòng.
B. Glucozơ tác dụng được với nước brom.
C. Khi glucozơ ở dạng vòng thì tất cả các nhóm OH đều tạo ete với CH_3OH .
D. Ở dạng mạch hở, glucozơ có 5 nhóm OH kề nhau.

Câu 54: Cho dung dịch X chứa hỗn hợp gồm CH_3COOH 0,1M và CH_3COONa 0,1M. Biết ở $25^\circ C$ K_a của CH_3COOH là $1,75 \cdot 10^{-5}$ và bỏ qua sự phân li của nước. Giá trị pH của dung dịch X ở $25^\circ C$ là

- A. 1,00. B. 4,24. C. 2,88. D. 4,76.

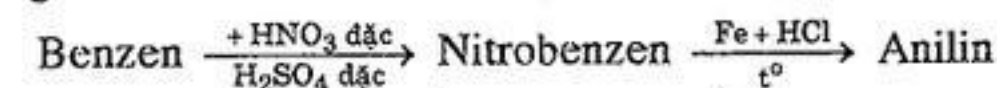
Câu 55: Khi hoà tan hoàn toàn 0,02 mol Au bằng nước cường toan thì số mol HCl phản ứng và số mol NO (sản phẩm khử duy nhất) tạo thành lần lượt là

- A. 0,03 và 0,01. B. 0,06 và 0,02. C. 0,03 và 0,02. D. 0,06 và 0,01.

Câu 56: Cho 0,04 mol một hỗn hợp X gồm $CH_2=CH-COOH$, CH_3COOH và $CH_2=CH-CHO$ phản ứng vừa đủ với dung dịch chứa 6,4 gam brom. Mặt khác, để trung hoà 0,04 mol X cần dùng vừa đủ 40ml dung dịch NaOH 0,75M. Khối lượng của $CH_2=CH-COOH$ trong X là

- A. 1,44 gam. B. 2,88 gam. C. 0,72 gam. D. 0,56 gam.

Câu 57: Người ta điều chế anilin bằng sơ đồ sau:



Biết hiệu suất giai đoạn tạo thành nitrobenzen đạt 60% và hiệu suất giai đoạn tạo thành anilin đạt 50%. Khối lượng anilin thu được khi điều chế từ 156 gam benzen là

- A. 186,0 gam. B. 111,6 gam. C. 55,8 gam. D. 93,0 gam.

Câu 58: Phân bón nào sau đây làm tăng độ chua của đất?

- A. NaNO_3 . B. KCl . C. NH_4NO_3 . D. K_2CO_3 .

Câu 59: Hỗn hợp X gồm hai ancol no, đơn chức, mạch hở kế tiếp nhau trong dãy đồng đẳng. Oxi hoá hoàn toàn 0,2 mol hỗn hợp X có khối lượng m gam bằng CuO ở nhiệt độ thích hợp, thu được hỗn hợp sản phẩm hữu cơ Y. Cho Y tác dụng với một lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 , thu được 54 gam Ag. Giá trị của m là

- A. 15,3. B. 8,5. C. 8,1. D. 13,5.

Câu 60: Hoà tan hoàn toàn 1,23 gam hỗn hợp X gồm Cu và Al vào dung dịch HNO_3 đặc, nóng thu được 1,344 lít khí NO_2 (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc) và dung dịch Y. Sục từ từ khí NH_3 (dư) vào dung dịch Y, sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được m gam kết tủa. Phần trăm về khối lượng của Cu trong hỗn hợp X và giá trị của m lần lượt là

- A. 21,95% và 0,78. B. 78,05% và 0,78.
C. 78,05% và 2,25. D. 21,95% và 2,25.

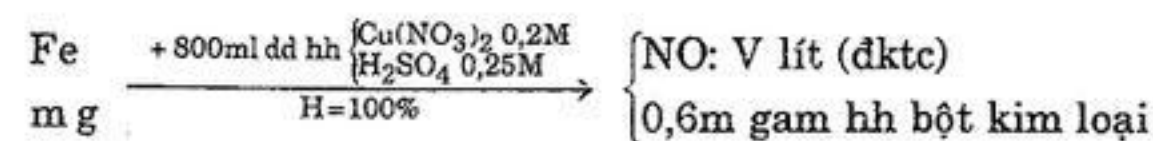
ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	B	11	C	21	C	31	A	41	C	51	A
2	B	12	D	22	C	32	B	42	D	52	D
3	A	13	A	23	A	33	D	43	B	53	C
4	D	14	C	24	C	34	C	44	D	54	D
5	D	15	D	25	A	35	C	45	C	55	B
6	C	16	B	26	D	36	D	46	A	56	A
7	A	17	C	27	B	37	B	47	A	57	C
8	A	18	A	28	D	38	B	48	C	58	C
9	D	19	D	29	B	39	C	49	A	59	B
10	A	20	B	30	B	40	A	50	D	60	B

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

* Sơ đồ tóm tắt:



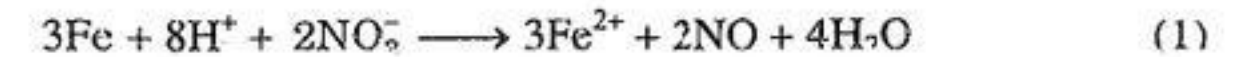
m, V = ?

- Chuẩn bị: $n_{\text{H}^+} = 0,4$; $n_{\text{Cu}^{2+}} = 0,16$; $n_{\text{NO}_3^-} = 0,32$

* Cân thấy sau phản ứng thu được 0,6m gam hỗn hợp kim loại ta kết luận được:

- Cu^{2+} : hết
- Fe còn dư $\Rightarrow$ Muối sắt thu được là muối sắt (II).

* Thao tác giải:



Dễ dàng thấy H^+ hết, NO_3^- luôn còn dư.

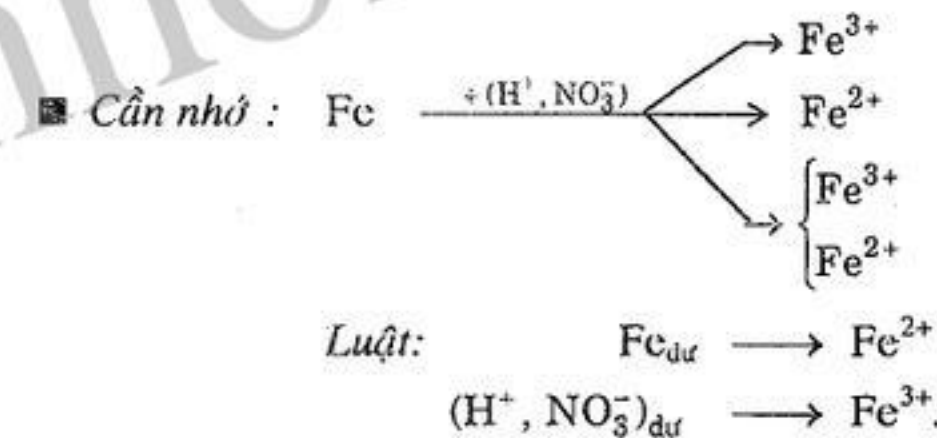
$$(1) \Rightarrow n_{\text{NO}} = \frac{1}{4} n_{\text{H}^+} = 0,1 \Rightarrow V = 2,24$$

Từ (1), (2) và đề $\Rightarrow$ 0,6m gam hỗn hợp rắn gồm:

$$\begin{cases} \text{Fe}_{\text{dư}} : m - \left[\frac{3}{8} \cdot 0,4 + 0,16 \right] \times 56 \text{ gam} \\ \text{Cu} : 0,16 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\Rightarrow m - \left[\frac{3}{8} \cdot 0,4 + 0,16 \right] \cdot 56 + 64 \cdot 0,16 = 0,6m \Rightarrow m = 17,8$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

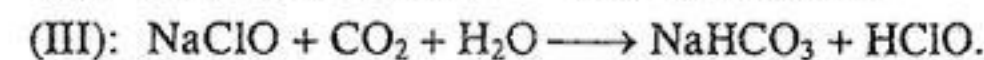
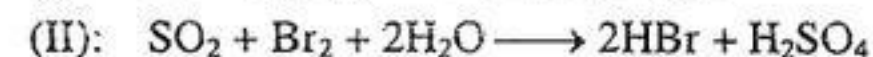
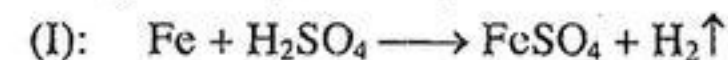


Câu 2:

- Dễ dàng thấy I, II, III đều có phản ứng xảy ra

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

- Các phản ứng minh họa:



■ Cân nhôm: Al, Fe, Cr không phản ứng với HNO_3 ; H_2SO_4 đặc nguội.

Câu 3:

- Cumen không tham gia trùng hợp $\Rightarrow$ B sai.

- Tương tự thấy Clobenzen, toluen không có khả năng trùng hợp $\Rightarrow$ C, D sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

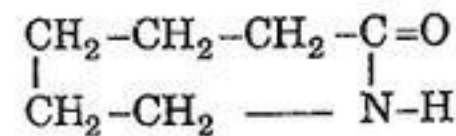
■ **Cần nhớ:** Điều kiện trùng hợp:

- Hoặc phải có liên kết C=C; C≡C ở dạng mạch hở.

Ví dụ: CH₂=CH₂; CH≡CH.

- Hoặc phải có vòng chứa liên kết kém bền.

Ví dụ: Caprolactan



Câu 4:

Để tìm nhanh đáp án ta cần thấy hai điều:

- X phản ứng với Cu(OH)₂ khi đun nóng ⇒ Đáp án: B, D (1)
- $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}} = 0,0195 \Rightarrow$ X chỉ có 1 liên kết π (2)

Từ (1) và (2) ⇒ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

- Các hợp chất hữu cơ có ít nhất 2 nhóm (-OH) kế cận đều phản ứng được với Cu(OH)₂ tạo dung dịch có màu xanh lam.
- Với các hợp chất hữu cơ có nhóm $\begin{array}{c} \text{O} \\ || \\ -\text{C}-\text{H} \end{array}$ phản ứng được với Cu(OH)₂, t^o tạo

kết tủa có màu đỏ gạch.

- Khi đốt một chất hữu cơ cần nhớ:

$$n_{\text{CO}_2} < n_{\text{H}_2\text{O}} \Leftrightarrow \sum k\pi = 0$$

$$n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}} \Leftrightarrow \sum k\pi = 1$$

$$n_{\text{CO}_2} > n_{\text{H}_2\text{O}} \Leftrightarrow \sum k\pi > 1.$$

Câu 5:

- Trong các nguyên tố trên thì K có bán kính nguyên tử lớn nhất, N có bán kính nhỏ nhất.

⇒ Đáp án đúng là đáp án có K đứng đầu, N đứng cuối ⇒ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** Trong bảng hệ thống tuần hoàn có đặc điểm:

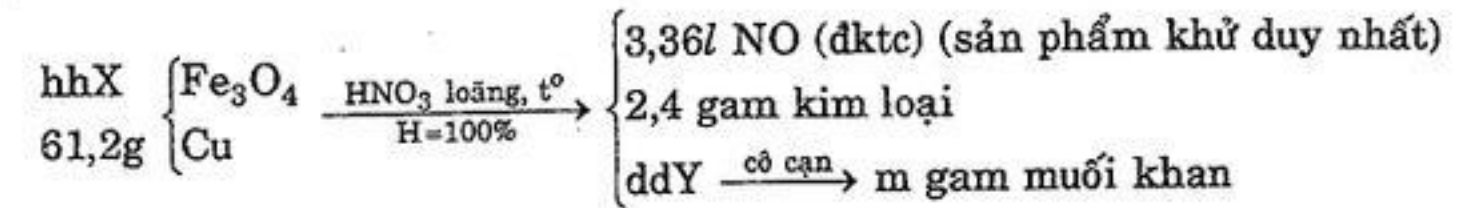
- Từ trái sang phải bán kính giảm.
- Từ trên xuống dưới bán kính tăng.

Câu 6:

- A sai vì trùng hợp stiren ta thu được polistiren, còn poli(phenol-fomandehit) là sản phẩm đồng trùng ngưng của phenol và fomandehit.
- B sai vì cao su buna-N là sản phẩm đồng trùng hợp của buta-1,3-đien và acrilonitrin (không phải xúc tác là Na) và không phải là phản ứng trùng ngưng.
- Dễ dàng thấy D sai vì tơ Visco không phải là tơ tổng hợp. ⇒ Đáp án: C.

Câu 7:

* **Sơ đồ tóm tắt:**

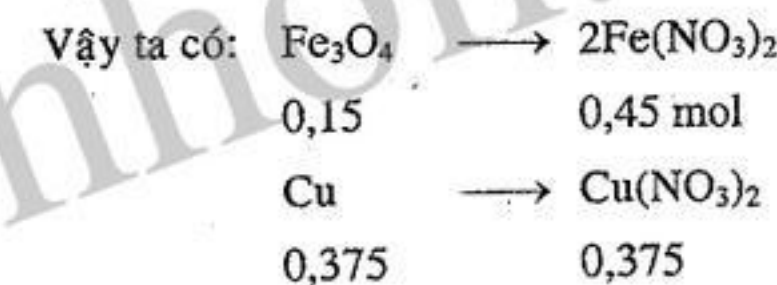


$m = ?$

- Đặt $n_{\text{Fe}_3\text{O}_4} = x$; $n_{\text{Cu}} = y$ (trong 61,2g hhX)
- Cần thấy kim loại còn sau phản ứng là Cu.
- Vì Cu còn, H = 100% nên ddY chỉ có Fe(NO₃)₂, Cu(NO₃)₂.
- Theo đề, định luật bảo toàn điện tích ta có:

$$m_{\text{hhX}} = 232x + 64y = 61,2$$

$$\begin{array}{l} \bullet \text{ ĐLBTDĐT: } \left(y - \frac{2,4}{64} \right) \cdot 2 = 3 \cdot \frac{3,36}{22,4} + 2 \cdot x \\ \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x = 0,15 \\ y = 0,4125 \end{array} \right. \Rightarrow n_{\text{Cu pư}} = 0,375 \end{array}$$



$$\Rightarrow m = 0,45 \times 180 + 0,375 \times 188 = 151,5 \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

■ **Cần nhớ:**

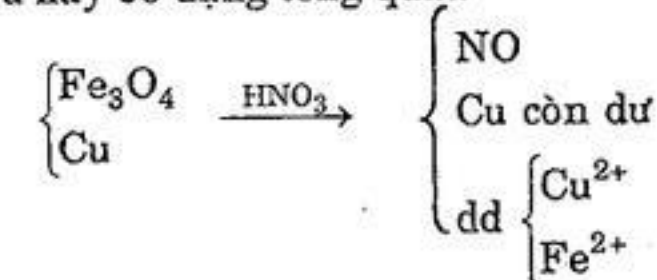
$$\bullet \text{ Fe}_3\text{O}_4 \rightarrow \text{Fe}^{2+}: n_e \text{ nhận của Fe}_3\text{O}_4 = n_{\text{Fe}_3\text{O}_4 \text{ pư}} \cdot 2$$

$$\bullet \text{ Kim loại: } n_e \text{ cho} = n_{\text{KL pư}} \cdot \text{Hoá trị}$$

$$\bullet \text{ HNO}_3: n_e \text{ nhận} = 3 \cdot n_{\text{NO}}$$

$$\bullet \text{ Định luật bảo toàn điện tích có: } \boxed{\sum n_e \text{ cho} = \sum n_e \text{ nhận}}$$

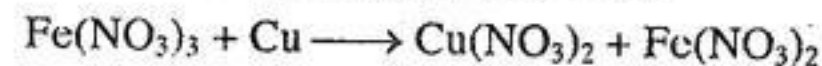
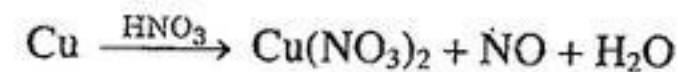
- Ở câu này có dạng tổng quát:



Vậy: Cu cho e, HNO₃ và Fe₃O₄ nhận e.

$$\text{Theo ĐLBTDĐT có: } n_{\text{Cu}} \cdot 2 = 3 \cdot n_{\text{NO}} + 2 \cdot n_{\text{Fe}_3\text{O}_4}$$

$$\bullet \text{ Cần thấy: } \text{Fe}_3\text{O}_4 \xrightarrow{\text{HNO}_3} \text{Fe(NO}_3)_3 + \text{NO} + \text{H}_2\text{O}$$



Vì Cu còn dư nên toàn bộ $\text{Fe(NO}_3)_3$ chuyển hết thành $\text{Fe(NO}_3)_2$.

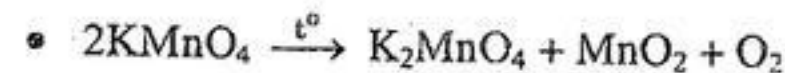
Câu 8:

- Đốt muối Y cho ngọn lửa có màu vàng $\Rightarrow$ Muối Y cần tìm là muối natri $\Rightarrow$ D sai $\Rightarrow$ Muối Y là NaNO_3 .
- Nitrat của kim loại ($\text{Mg} \rightarrow$ sau) khi nung luôn có mol khí $>$ số mol muối phản ứng $\Rightarrow$ B sai.
- $\text{CaCO}_3 \xrightarrow{t^\circ} \text{CaO} + \text{CO}_2$ tức $n_{\text{khí}} = n_{\text{muối dư}}$.

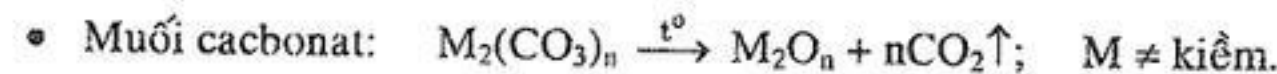
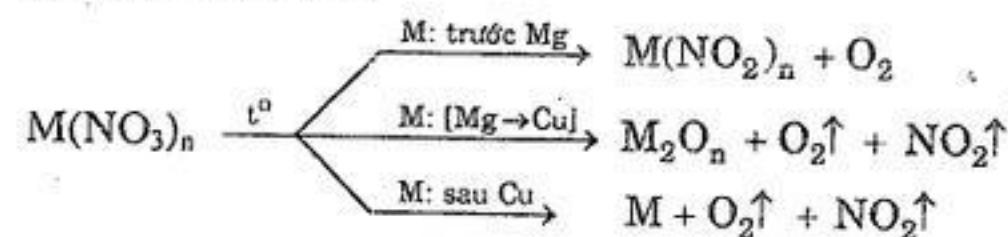
Vậy phương án đúng là A.

* **Nhận xét:** Nếu thí sinh chuẩn bị tốt thì câu này có thể hoàn thành trước 30 giây!

■ **Cần nhớ:**



• Nung muối Nitrat:



Câu 9:

- Ở câu này ta nên kiểm tra từ các phương án trả lời sẽ nhanh hơn giải trực tiếp.
- B, D $\Rightarrow$ Z: HOOC-COOH (x mol), theo đề $\Rightarrow$ Y: CH_3COOH (y mol)

$$\text{Ta có: } \begin{cases} n_{\text{CO}_2} = 2x + 2y = 0,6 \\ n_{\text{H}_2} = x + \frac{1}{2}y = 0,2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,1 \\ y = 0,2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \%Z = \frac{90.0,1}{90.0,1 + 60.0,2} = 0,4286 = 42,86\% \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

- Nếu $\%Z \neq 42,86\%; 60\% \Rightarrow$ B, D: sai.

■ **Cần nhớ:**

X (C, H, O) phản ứng với Na, K $\Rightarrow$ X có nhóm chức rượu, axit, phenol.

$$n_{\text{H}_2} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{X dư}} \cdot \text{Số chức}$$

$$n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \cdot \text{Số C.}$$

Câu 10:

- Với tập hợp các chất trên dễ dàng thấy nhiệt độ sôi của CH_3COOH là cao nhất cho nên đáp án đúng là đáp án có CH_3COOH xếp ở cuối.

- Ở câu này chỉ có đáp án A thỏa điều nói trên.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

- t° sôi của hợp chất hữu cơ có liên kết hidro $>$ t° sôi của hợp chất hữu cơ không có liên kết hidro.
- M càng lớn nhiệt độ sôi càng cao.
- Liên kết hidro càng bền, nhiệt độ sôi càng cao.
- Có thể nhớ đơn giản: (M các chất tương đương)
 t° sôi axit $>$ t° sôi rượu $>$ t° sôi andehit, xeton, ...

Câu 11:

- Câu này ta nên kiểm tra đáp án sẽ nhanh hơn giải.

• Nếu X là F $\Rightarrow$ Y: Cl $\Rightarrow$ kết tủa: $\text{AgCl} \downarrow$

$$\Rightarrow \% \text{NaX} = \frac{6,03 - \frac{8,61}{143,5} \cdot 58,5}{6,03} = 0,4179 \approx 41,8\%$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

* **Giải thích:**

- Nếu X là F $\Rightarrow$ kết tủa chỉ có AgCl .
- Nếu X $\neq$ F $\Rightarrow$ kết tủa gồm hai muối AgX, AgY .

Câu 12:

- Cần thấy oxit sắt $\xrightarrow{\text{H}_2\text{SO}_4 \text{ đặc}} \text{SO}_2 \Rightarrow$ Oxit sắt: FeO hoặc Fe_3O_4 .

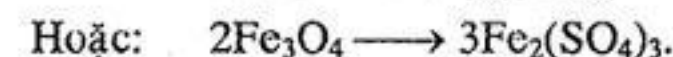
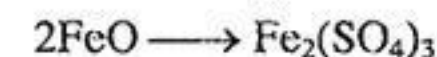
- Công thức nhằm tìm đáp số: $m = 400 \times \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{3,248}{22,4} = 58 \Rightarrow$ Đáp án: D.

- Nếu không thấy đáp số thì ta tính theo công thức:

$$m = 400 \times \frac{3}{2} \times 2 \times \frac{3,248}{22,4} = 174.$$

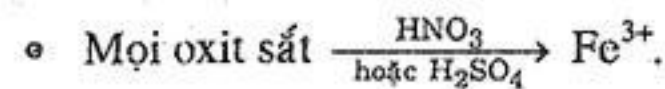
* **Nhận xét:**

- Câu này giải như gợi ý trên thì ta không dùng đến khối lượng oxit.
- Ta nhằm nhờ sơ đồ hợp thức sau:



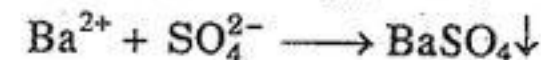
■ **Cần nhớ:**

- $\text{FeO}, \text{Fe}_3\text{O}_4$ đều cho e khi tạo muối sắt (III) và $n_{\text{e cho}} = n_{\text{oxit dư}} \times l$.
- $\text{H}_2\text{SO}_4 \text{ đặc} \longrightarrow \text{SO}_2$: $n_{\text{e nhận}} = 2 \cdot n_{\text{SO}_2}$
- Theo ĐLBTD ta có: $n_{\text{oxit dư}} \times l = 2 \cdot n_{\text{SO}_2}$



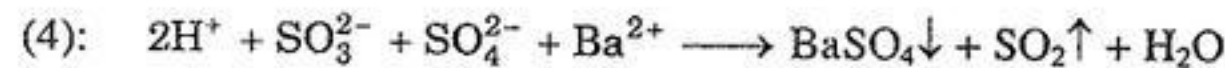
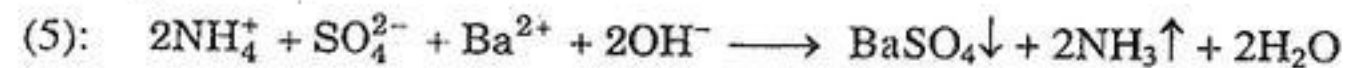
Câu 13:

- Để thấy (1), (2), (3), (6) có cùng phương trình ion thu gọn là:



- Riêng (4), (5) khác phương trình trên $\Rightarrow$ B, C, D đều sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.



- **Cần nhớ:** Phản ứng trao đổi xảy ra theo phương trình ion thu gọn sau:
ion + ion $\longrightarrow$ sản phẩm có $\downarrow$ hoặc $\uparrow$ hay chất điện li yếu.

Câu 14:

- Theo đề $\Rightarrow$ dung dịch X có: Al^{3+} , Fe^{2+} , SO_4^{2-} , H^+ .
- Cho ddX phản ứng với $Ba(OH)_2$ dư được kết tủa Y $\Rightarrow$ Y: $Fe(OH)_2$, $BaSO_4$.
- Vì nung Y trong không khí được Z; (H = 100%) $\Rightarrow$ Z: Fe_2O_3 , $BaSO_4$.
 $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:**

- $BaSO_4$ không bị phân hủy bởi nhiệt.
- $2Fe(OH)_2 + \frac{1}{2}O_2 \xrightarrow[\text{có không khí}]{t^\circ} Fe_2O_3 + 2H_2O$
- $Fe(OH)_2 \xrightarrow[\text{không có không khí}]{t^\circ} FeO + H_2O$
- $Al^{3+} \xrightarrow{OH^- \text{ dư}} AlO_2^- + H_2O$.

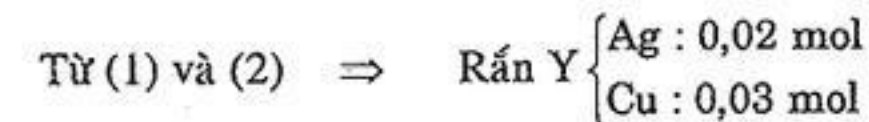
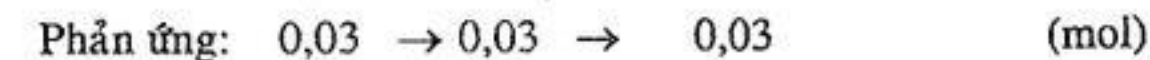
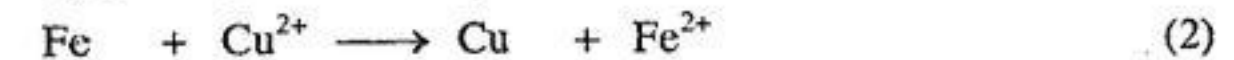
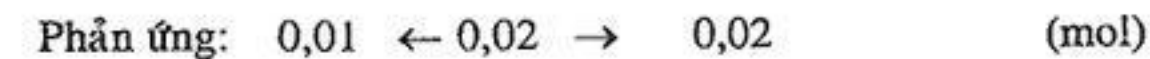
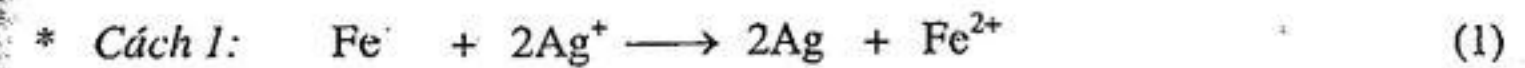
Câu 15:

- Thao tác bấm máy tính tìm đáp số:
• Thấy: $n_{HCl \text{ pư}} = n_{X \text{ pư}} \Rightarrow$ X chỉ có 1 nhóm ($-NH_2$)
• $M_X = \frac{3,67}{0,02} - 36,5 = 147 \Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

- Số nhóm ($-NH_2$) = $\frac{n_{HCl \text{ pư}}}{n_{\text{hệ số pư}}}$
- Tổng quát: $R-(NH_2)_n \xrightarrow{+nHCl} R(CH_3Cl)_n$
(X) (Y)
 $M_X = M_Y - 36,5.n$

Câu 16:



$$\Rightarrow m = 108.0,02 + 64.0,03 = 4,08 \text{ gam.}$$

- * **Cách 2:** Dựa vào định luật bảo toàn điện tích, có:

$$n_{Fe \text{ ban đầu}} = 0,04 \text{ mol}$$

$$n_{Cu^{2+} \text{ ban đầu}} = 0,1 \text{ mol}$$

$$n_{Ag^+ \text{ ban đầu}} = 0,02 \text{ mol}$$

$$\text{Do: } n_{Ag^+ \text{ bd}} \cdot 1 < n_{Fe \text{ bd}} \cdot 2 < n_{Cu^{2+} \text{ bd}} \cdot 2 + n_{Ag^+ \text{ bd}} \cdot 1$$

$\Rightarrow$ Fe: hết; Ag^+ : hết; Cu^{2+} : còn.

$$\text{Thấy: } 0,04.2 = \boxed{0,03}.2 + 0,02.1 \Rightarrow \text{Rắn Y: } \begin{cases} Ag : 0,02 \text{ mol} \\ Cu : 0,03 \text{ mol} \end{cases}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

- ĐLBTTĐT: $n_{\text{c cho}} = n_{\text{c nhận}}$
- Với kim loại: $n_{\text{c cho}} = n_{KL \text{ pư}} \cdot \text{Hoá trị}$
- Ion KL $\rightarrow$ kim loại: $n_{\text{c nhận}} = n_{\text{ion KL}} \cdot \text{Số điện tích}$
 $n_{\text{ion KL pư}} = n_{KL \text{ sinh ra}}$

Câu 17:

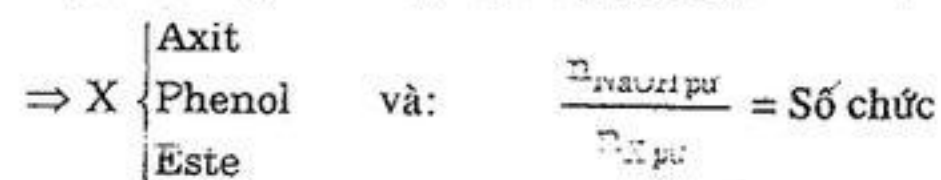
$$\bullet \frac{n_{NaOH \text{ pư}}}{n_{X \text{ pư}}} = \frac{a.1}{a} = 1 \Rightarrow \text{A, D sai.}$$

$$\bullet \frac{n_{H_2}}{n_{X \text{ pư}}} = \frac{\frac{22,4a}{22,4}}{a} = 1 \Rightarrow \text{B sai.}$$

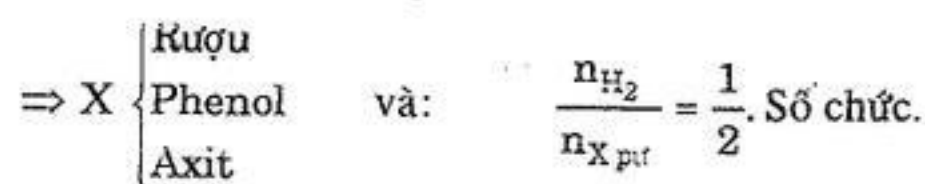
$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:**

- X (C, H, O) phản ứng được với NaOH.

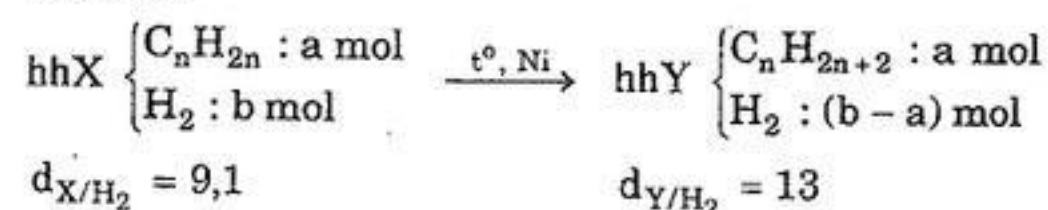


- X (C, H, O) phản ứng được với Na



Câu 18:

* **Tóm tắt:**

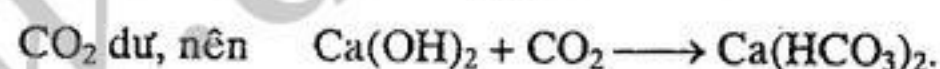
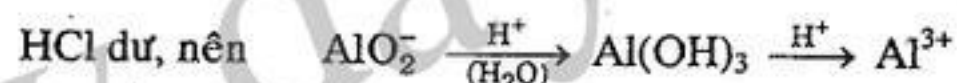
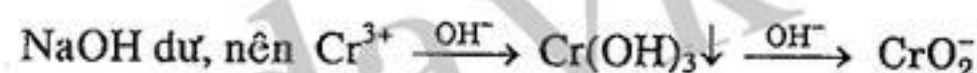


$$\text{Theo đề có:} \begin{cases} \frac{b}{a+b} = \frac{9,1}{13} \\ \frac{14na+2b}{a+b} = 9,1 \cdot 2 \end{cases} \quad (1) \quad (2)$$

Từ (1) và (2) dễ dàng $\Rightarrow n = 4 \Rightarrow$ Đáp án: A.

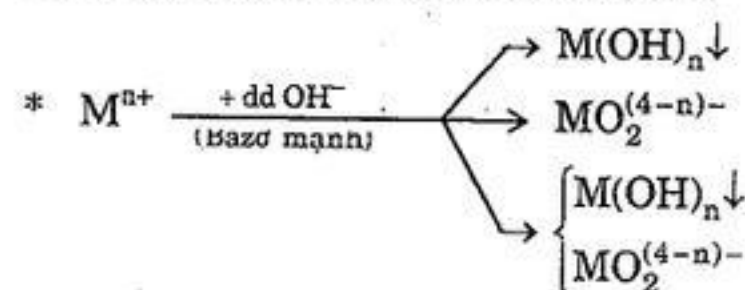
* **Gợi ý:** (1) $\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{39}{91}b \\ a+b = \frac{13b}{9,1} \end{cases}$ rồi thay vào (2) $\Rightarrow n = 4$.

Câu 19:



$\Rightarrow$ Đáp án: D.

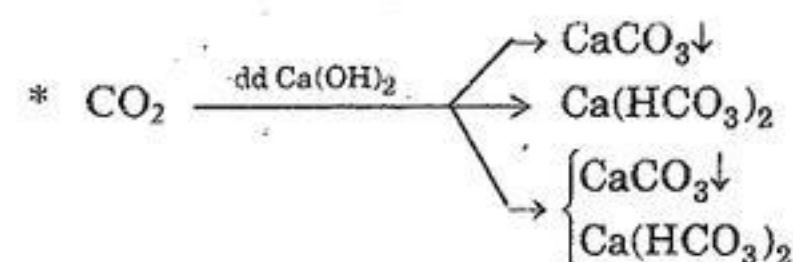
■ **Cần nhớ:** Với M: Zn, Al, Cr, (Be, Pb)



- OH⁻ dư: không tạo kết tủa.



- H⁺ dư: không tạo kết tủa.



- CO₂ dư: không tạo kết tủa.

Câu 20:

(2), (5) không phải là tính chất của xenlulozơ $\Rightarrow$ A, C, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 21:

- (e): Chỉ tác dụng được với Na nhưng không tác dụng được với Cu(OH)₂ $\Rightarrow$ D sai.
 - (b): Tương tự (e) $\Rightarrow$ B sai.
 - (f): Không phản ứng được với Na và Cu(OH)₂ $\Rightarrow$ A sai.
- $\Rightarrow$ Đáp án: C.

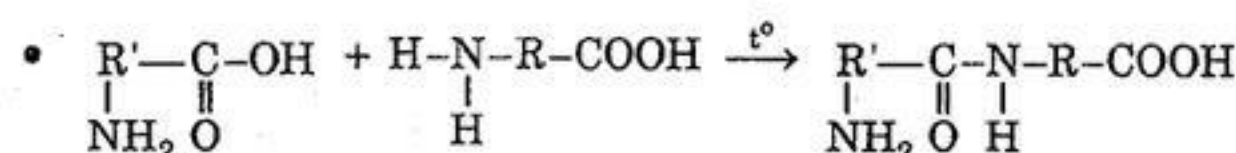
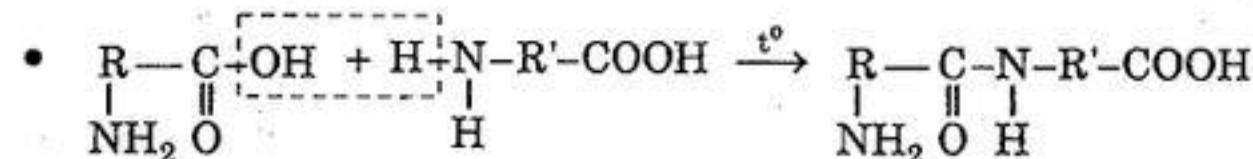
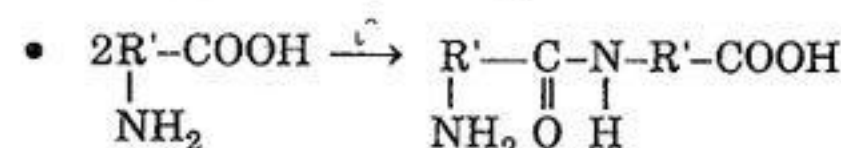
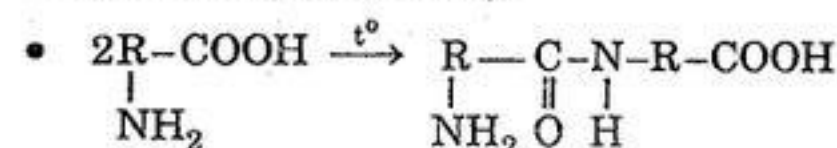
■ **Cần nhớ:**

- Ete no chỉ có phản ứng cháy!
- Các phản ứng còn lại của các nhóm chức rượu, andehit, ete đều không có!

Câu 22:

- Cứ 2 phân tử aminoaxit $\xrightarrow{t^\circ}$ 1 dipeptit.
- Với 2 aminoaxit trên sẽ tạo ra tối đa 4 dipeptit $\Rightarrow$ Đáp án: C.

* **Giải thích bằng phản ứng:**



Câu 23:

Khi HCl thể hiện tính khử thì $\text{HCl} \rightarrow \text{Cl}_2$

$\Rightarrow$ Chỉ có (a), (c) sinh $\text{Cl}_2 \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** HCl vừa có tính khử, vừa có tính oxi hoá.

- Sinh Cl_2 : có tính khử.
- Sinh H_2 : có tính oxi hoá.

Câu 24:

- Theo đề $\Rightarrow \text{X: H}_2\text{N}-\text{CH}_2-\text{COO}-\text{CH}_3$

$\text{Y: CH}_2=\text{CH}-\text{COO}-\text{NH}_4$

$\Rightarrow \begin{cases} \text{Z: CH}_3\text{OH} \\ \text{T: NH}_3 \end{cases}$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

- Phản ứng minh họa:

- $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{COO}-\text{NH}_4 + \text{NaOH} \rightarrow \text{CH}_2=\text{CH}-\text{COONa} + \text{NH}_3\uparrow + \text{H}_2\text{O}$
- $\text{H}_2\text{N}-\text{CH}_2-\text{COO}-\text{CH}_3 + \text{NaOH} \rightarrow \text{H}_2\text{N}-\text{CH}_2-\text{COONa} + \text{CH}_3\text{OH}$

■ **Cần nhớ:** $\text{C}_3\text{H}_7\text{O}_2\text{N}$ có các CTCT sau:

- $\text{H}_2\text{N}-\text{C}_2\text{H}_5-\text{COOH}$ (axit amin)
- $\text{H}_2\text{N}-\text{CH}_2-\text{COO}-\text{CH}_3$ (Este của axit amin)
- $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{COO}-\text{NH}_4$ (Muối amoni)
- $\text{HCOO}-\text{NH}_3-\text{CH}=\text{CH}_2$ (Muối amin)
- $\text{C}_3\text{H}_7-\text{NO}_2$ (Hợp chất nitro).

Câu 25:

* Sơ đồ tóm tắt:



$m = ?$

* **Nhận xét đề:**

- Rắn X $\xrightarrow{\text{NaOH}} \text{H}_2 \Rightarrow$ Rắn X có Al $\Rightarrow \text{Fe}_3\text{O}_4$: hết.
- Nhờ định luật bảo toàn khối lượng nguyên tố:

$$n_{\text{Al trong hh đầu}} = n_{\text{Al trong Al(OH)}_3}$$

- Từ lượng $\text{H}_2 \Rightarrow n_{\text{Al có trong rắn X}}$.
- Có lượng Al ban đầu, lượng Al dư $\Rightarrow n_{\text{Al dư}} \Rightarrow$ lượng Fe_3O_4 có trong hỗn hợp đầu.

* **Giải:**

$$\bullet n_{\text{Al dư}} = n_{\text{Al trong Al(OH)}_3} = \frac{39}{78} = 0,5 \text{ mol}$$

$$\bullet n_{\text{Al dư}} = \frac{2}{3} n_{\text{H}_2} = \frac{2}{3} \cdot \frac{3,36}{22,4} = 0,1 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_{\text{Al dư với Fe}_3\text{O}_4} = 0,4 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_{\text{Fe}_3\text{O}_4 \text{ có trong hh đầu}} = \frac{3}{8} n_{\text{Al dư}} = 0,15 \text{ mol}$$

$$\text{Vậy } m = 27 \cdot 0,5 + 232 \cdot 0,15 = 48,3$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

- $8\text{Al} + 3\text{Fe}_3\text{O}_4 \rightarrow 4\text{Al}_2\text{O}_3 + 9\text{Fe}$
- $\text{AlO}_2^- + \text{CO}_2 \text{ dư} + 2\text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Al(OH)}_3\downarrow + \text{HCO}_3^-$

Câu 26:

- Với đặc điểm câu loại này ta dùng định luật thành phần không đổi sẽ đơn giản và dễ dàng hơn cách khác.
- Đặt: x, y, z lần lượt là số mol CH_4 , C_2H_4 , C_2H_2 có trong 8,6 gam hỗn hợp X $\Rightarrow$ Số mol của 3 hidrocarbon tương ứng trên có trong 13,44 lít hỗn hợp X lần lượt là: Kx , Ky , Kz .
- Theo đề ta có hệ phương trình sau:

$$\bullet m_{\text{hhX}} = 16x + 28y + 26z = 8,6$$

$$\bullet n_{\text{Br}_2 \text{ dư}} = y \cdot 1 + z \cdot 2 = \frac{48}{160}$$

$$\bullet n_{\text{hhX}} = Kx + Ky + Kz = \frac{13,44}{22,4}$$

$$\bullet n_{\text{CAg}} = n_{\text{CAg}\downarrow} = Kz = \frac{360}{240}$$

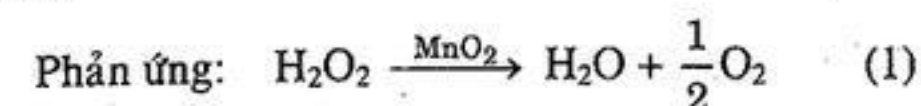
Giải hệ phương trình trên sẽ được x, y, z, K

$$\Rightarrow \% \text{CH}_4 \text{ (theo V)} = \frac{x}{x+y+z} = 0,5 = 50\% \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

■ **Cần nhớ:**

- $n_{\text{Br}_2 \text{ dư}} = n_{\text{hệ số}} \times \text{Số liên kết } \pi$
- Hidrocarbon phản ứng được với dd $\text{AgNO}_3/\text{NH}_3 \Leftrightarrow$ có nhóm $(-\text{C}\equiv\text{CH})$.

Câu 27:



$$\text{Từ (1) và đề} \Rightarrow \bar{V} = \frac{2 \cdot \frac{33,6}{22400}}{0,1} = 5,0 \cdot 10^{-4} \text{ mol/(l.s)}$$

⇒ Đáp án: B.

Câu 28:

$$\bullet n_{H^+bd} = 0,1 \times 0,05 \times 2 + 0,1 \times 0,1 \times 1 = 0,02 \text{ mol}$$

$$\bullet n_{OH^-bd} = 0,1 \times 0,2 \times 1 + 0,1 \times 0,1 \times 2 = 0,4 \text{ mol}$$

⇒ OH⁻ còn dư

$$\Rightarrow [OH^-]_{sau} = \frac{0,04 - 0,02}{0,1 + 0,1} = 0,1 = 10^{-1} \Rightarrow pOH = 1 \Rightarrow pH = 13$$

⇒ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** Khi trộn axit với bazơ → pH_{sau} = ?

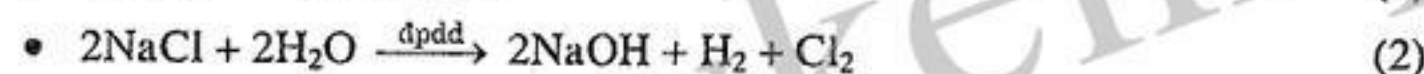
$$\bullet \text{ Nếu: } n_{H^+bd} > n_{OH^-bd} \Rightarrow [H^+]_{sau} = \frac{n_{H^+bd} - n_{OH^-bd}}{V_{dd sau}} \Rightarrow pH = ?$$

$$\bullet \text{ Nếu: } n_{OH^-bd} > n_{H^+bd} \Rightarrow [OH^-]_{bd} = \frac{n_{OH^-bd} - n_{H^+bd}}{V_{dd sau}} \Rightarrow pOH \rightarrow pH = ?$$

$$\bullet \text{ Nếu: } n_{H^+bd} = n_{OH^-bd} \Rightarrow pH = 7.$$

Câu 29:

Trước tiên ta kiểm tra điểm dừng của quá trình điện phân.



Nếu cả 2 muối đều hết, thì $n_{\text{Cl}_2 \text{ sinh ra}} = n_{\text{CuCl}_2 \text{ bd}} + \frac{1}{2} n_{\text{NaCl bd}}$

Theo Faraday ta tính được thời gian cần điện phân hết cả 2 muối:

$$t = \frac{0,175 \times 2 \times 96500}{5} = 6755 \text{ (s)} \Rightarrow \text{Muối chưa hết.}$$

$$\bullet \text{ Với } t = 3860 \text{ (s) ta có } n_{\text{Cl}_2} = \frac{5 \times 3860}{2 \times 96500} = 0,1 \text{ mol (gồm 0,05 mol Cl}_2 \text{ sinh từ}$$

CuCl₂, 0,05 mol Cl₂ sinh từ NaCl).

$$\Rightarrow \sum n_{OH^- \text{ sinh ra trong điện phân}} = 2 \times n_{\text{Cl}_2 \text{ sinh từ đp NaCl}} = 0,1$$

$$\Rightarrow m_{\text{Al bị tan}} = 27 \times 0,1 = 2,7 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

Câu 30:

$$\bullet \text{ Từ } n_{\text{KOH pư}} = 0,04 \text{ mol và } n_{\text{ancol}} = 0,015 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \text{hhX gồm } \begin{cases} \text{Este: C}_n\text{H}_{2n}\text{O}_2 (0,015 \text{ mol}) \\ \text{Axit: C}_m\text{H}_{2m}\text{O}_2 (0,025 \text{ mol}) \end{cases}$$

$$\bullet \text{ Cả 2 đều có 1 liên kết } \pi \Rightarrow n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{6,82}{18 + 44} = 0,11$$

$$\Leftrightarrow 0,015n + 0,025m = 0,11$$

$$\Leftrightarrow 3n + 5m = 22 \Rightarrow \text{Nghiệm hợp lí } \begin{cases} n = 4 \\ m = 2 \end{cases}$$

⇒ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

$$\bullet \sum n_{\text{KOH pư}} = \sum n_{\text{hh (axit, este đơn pư)}}$$

$$\bullet n_{\text{ancol}} = n_{\text{este đơn pư}}$$

$$\bullet \text{ Sản phẩm đốt hợp chất hữu cơ có 1 liên kết } \pi \text{ có } n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}}.$$

Câu 31:

$$\bullet \text{ Thấy đốt ankan có } n_{\text{CO}_2} < n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow \text{D sai vì có (1).}$$

$$\bullet \text{ Đốt ankin có } n_{\text{CO}_2} > n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow \text{B, C sai vì có (7).}$$

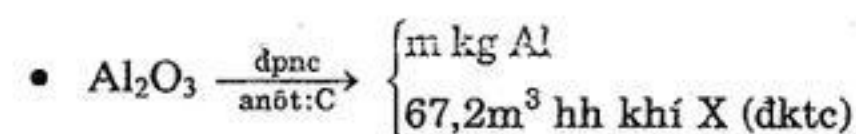
⇒ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** Khi đốt một chất hữu cơ ta có bảng sau:

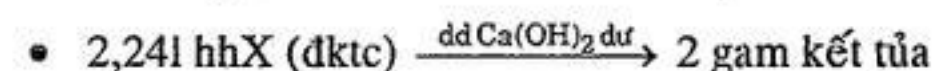
Sản phẩm cháy	$\sum ik\pi = a^*$
$n_{\text{CO}_2} < n_{\text{H}_2\text{O}}$	$a^* = 0$
$n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}}$	$a^* = 1$
$n_{\text{CO}_2} > n_{\text{H}_2\text{O}}$	$a^* > 1$

Câu 32:

* **Tóm tắt:**



$$d_{\text{hhX/H}_2} = 16$$



$$m = ?$$

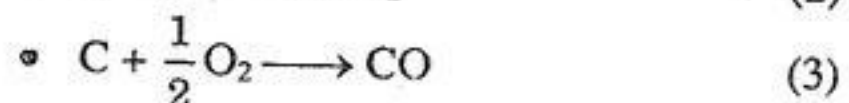
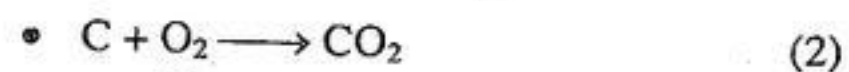
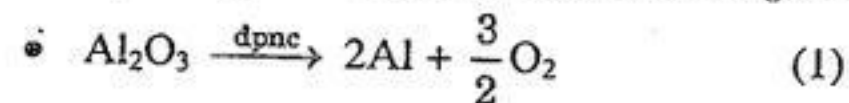
* **Giải:**

$$\bullet \text{ Từ lượng kết tủa và đề ta có hhX } \begin{cases} \text{CO}_2 : 0,6 \text{ Kmol} \\ \text{CO} : 1,8 \text{ Kmol} \\ \text{O}_2 : 0,6 \text{ Kmol} \end{cases}$$

- Đến đây ta nhầm được m dễ dàng nhờ biểu thức sau:

$$m = 27 \times \frac{4}{3} \times (0,6 + 0,6 + \frac{1}{2} \times 1,8) = 75,6 \text{ kg} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

* Các phương trình điện phân và phản ứng oxi hoá điện cực:

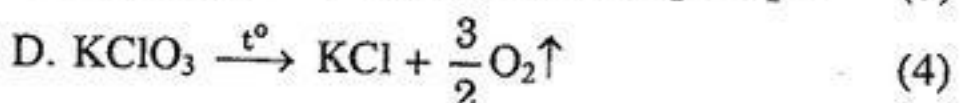
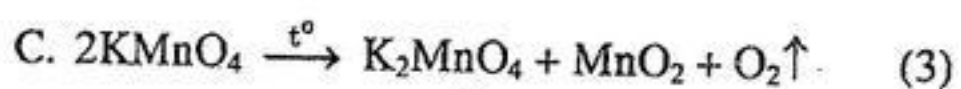
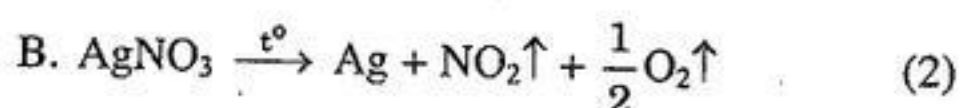
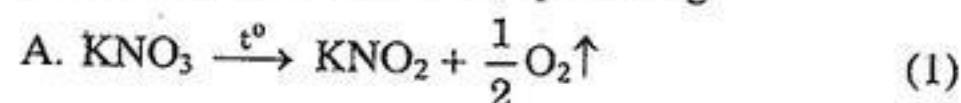


■ Cần nhớ:

- Phản ứng đốt C: (2), (3).
- O₂ sinh ra ở (1) gồm 0,6 Kmol còn trong hhX, 0,6 Kmol ở phản ứng (2) và $\frac{1}{2} \cdot 1,8$ Kmol tham gia phản ứng (3).

Câu 33:

Để dễ thấy ta nên dựa vào phản ứng:



Từ các phản ứng trên ta dễ dàng thấy được D cho lượng oxi lớn nhất.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Ngoài cách giải trên với thí sinh nhầm tốt cũng dễ dàng thấy đáp án là D.

$$\text{Do A, B, C: } n_{\text{O}_2 \text{ sinh}} = \frac{1}{2} n_{\text{muối}}, \text{ còn ở D: } n_{\text{O}_2 \text{ sinh}} = \frac{3}{2} n_{\text{muối}}$$

$$\text{mà } n_{\text{muối KClO}_3} \geq n_{\text{các muối còn lại}}$$

Câu 34:

$$\text{Ta có công thức: } n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = n_{\text{CO}_2} + \frac{1}{2} n_{\text{H}_2\text{O}} - \frac{\text{số oxi}}{2} n_{\text{đốt}}$$

$$\Leftrightarrow n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = \frac{3}{2} n_{\text{CO}_2} - n_{\text{đốt}}; \quad (\text{do } n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}})$$

$$\Rightarrow n_{\text{hhX}} = \frac{3}{2} \cdot \frac{6,38}{44} - \frac{3,976}{22,4} = 0,04$$

$$\frac{6,38}{44}$$

$$\text{Số C trung bình} = \frac{44}{0,04} = 3,625 \Rightarrow \text{A sai.}$$

Vì xà phòng hoá hỗn hợp 2 este sinh 1 muối là 2 ancol là đồng đẳng kế tiếp $\Rightarrow$ 2 este đem xà phòng hoá phải hơn kém 1 nguyên tử C.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 35:

Với Y có %O = 43,24 $\Rightarrow$ Công thức nguyên của Y là: $(\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_2)_n$
 $\Rightarrow$ A, B đều sai.

X, Y đều tác dụng Na $\Rightarrow$ D sai $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 36:

$$\text{Ta có: } M_X = \frac{3,7}{\frac{1,6}{32}} = 74$$

$$\text{Số C} = \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{đốt}}} > \frac{0,7}{\frac{22,4}{1}} = 2,3125$$

A, B không thỏa đủ kiện đều phản ứng với NaOH khi đun nóng với dung dịch AgNO₃/NH₃.

C không thỏa đủ kiện tìm được số C > 2,3125 $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 37:

(I) không thể điều chế NaOH $\Rightarrow$ C, D sai vì có (I).

(V) cũng không điều chế được NaOH $\Rightarrow$ A sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 38:

$$\text{Với C, D: Ta có: } n_{\text{OH}^- \text{ sinh từ M}} = 0,5 \times 0,04 = 0,02 \text{ mol}$$

$$n_{\text{H}_2} \cdot 2 = 0,01 \cdot 2 = 0,02 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_{\text{OH}^- \text{ sinh từ M}} = 2 \cdot n_{\text{H}_2} \Rightarrow \text{Vô lí.}$$

Vậy M là Ca hoặc Ba.

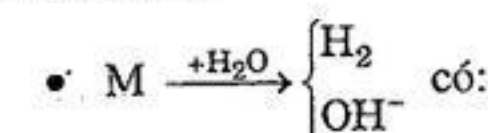
$$\text{Với hh } \begin{cases} \text{M} \\ \text{MO} \end{cases} \xrightarrow{\text{H}_2\text{O}} \begin{cases} \text{H}_2: 0,01 \text{ mol} \\ \text{OH}^-: 0,02 \times 2 = 0,04 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\Rightarrow n_M = n_{\text{MO}} = 0,01 \text{ mol} \Rightarrow \bar{M}_{\text{hh}} = \frac{2,9}{0,01 + 0,01} = 145$$

$$\Rightarrow M < 145 < M + 16 \Rightarrow M: \text{Ba}$$

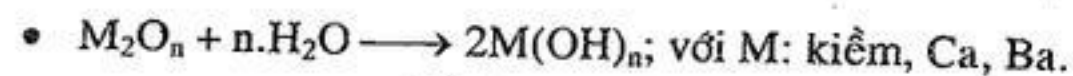
$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:



* $n_{M_{pư}} \cdot \text{Hoá trị} = 2 \cdot n_{H_2}$

* $n_{OH^- \text{ sinh từ M}} = n_{M_{pư}} \cdot \text{Hoá trị}$



• $n_{OH^-} = n_{hidroxit} \times \text{Số nhóm (OH)}$.

Câu 39:

- Vì X phản ứng được với $NaHCO_3 \Rightarrow A, D$ sai.

- a mol X $\xrightarrow{Na}$ a mol $H_2 \Rightarrow X$ có 2 nguyên tử H linh động

- a mol X $\xrightarrow{NaHCO_3}$ a mol $CO_2 \Rightarrow X$ có 1 nhóm $(-COOH)$

Từ (1) và (2) $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Hoặc (2) cũng đủ kết luận B sai.

■ **Cần nhớ:**

• X (C, H, O) $\xrightarrow{Na}$ H_2 , có: $\frac{n_{H_2}}{n_X} = \frac{1}{2}$. Số nguyên tử H linh động.

• X (C, H, O) $\xrightarrow{NaHCO_3}$ CO_2 , có: $\frac{n_{CO_2}}{n_{X_{pư}}} = \text{Số nhóm } (-COOH)$.

Câu 40:

- Để thấy cấu trúc tinh thể của hai phương án trả lời C và D ngược nhau $\Rightarrow C, D$ đều sai.

- NaCl tồn tại dạng tinh thể ion $\Rightarrow B$ sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 41:

- Nói glucosơ bị khử bởi chất oxi hoá là sai $\Rightarrow A$ sai.

- Saccarozơ không làm mất màu dung dịch Brom $\Rightarrow D$ sai.

- B sai vì xenlulozơ có cấu trúc mạch không phân nhánh.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

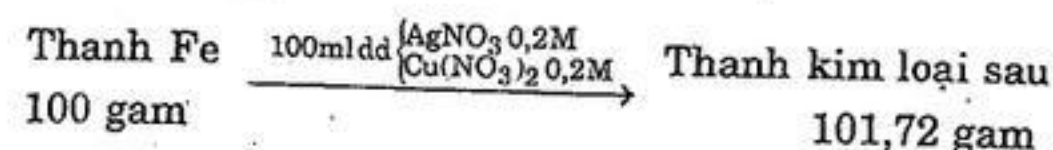
■ **Cần nhớ:**

• Tinh bột là hỗn hợp của hai polisaccarit $\begin{cases} \text{Amilozơ (không phân nhánh)} \\ \text{Amilozơpectin (có nhánh)} \end{cases}$

• Xenlulozơ: không nhánh, không xoắn.

Câu 42:

* **Sơ đồ tóm tắt:**



$m_{Fe_{pư}} = ?$

* **Giải:**

- Ta có: $n_{Cu^{2+} bd} = n_{Ag^+ bd} = 0,02 \text{ mol}$

- Cần thấy thứ tự phản ứng: Ag^+ phản ứng trước; hết $Ag^+ \rightarrow Cu^{2+}$ pư.

- Để cho $\Delta m_{KL tăng} = 101,72 - 100 = 1,72 \text{ gam}$

- Trong suy nghĩ đã có sẵn:

• $Fe \rightarrow 2Ag$; $\Delta m_{KL \uparrow} = 160 \cdot n_{pư}$ ($n_{pư} = n_{Fe_{pư}} = \frac{1}{2} n_{Ag^+_{pư}} = \frac{1}{2} n_{Ag}$)

• $Fe \rightarrow Cu$; $\Delta m_{KL \uparrow} = 8 \cdot n_{pư}$ ($n_{pư} = n_{Fe_{pư}} = n_{Cu^{2+}_{pư}} = n_{Cu}$)

- Thực tế ta chỉ cần một dòng sau đây là sẽ tìm được m_{Fe} phản ứng:

$$1,72 = 160 \cdot \frac{1}{2} \times 0,02 + 8 \cdot x \quad (*) \quad (\text{với } x = n_{Cu^{2+}_{pư}} = n_{Fe_{pư}})$$

Từ (*) ta dễ dàng thấy $x = 0,015 \text{ mol}$.

Vậy $\sum n_{Fe_{pư}} = 0,02 \cdot \frac{1}{2} + 0,015 = 0,025 \Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 43:

- Bằng phương pháp tăng giảm khối lượng $\Rightarrow n_{hhX} = 0,5 \text{ mol}$.

- Vì hhX chứa hai andehit đều đơn, no $\Rightarrow$ Đốt hhX có $n_{CO_2} = n_{H_2O}$

$\Rightarrow n_{CO_2} = 0,7 \text{ mol}$ (Nhờ công thức: $n_{O_2_{pư}} = n_{CO_2} + \frac{1}{2} n_{H_2O} - \frac{\text{Số oxi}}{2} \cdot n_{đốt}$)

$\Rightarrow$ Số C trung bình $= \frac{0,7}{0,5} = 1,4$

$\Rightarrow$ hh 2 andehit: $\begin{cases} HCHO : a \text{ mol} \\ CH_3CHO : b \text{ mol} \end{cases}$

Ta có: $\begin{cases} n_{hhX} = a + b = 0,5 \\ n_{CO_2} = a \cdot 1 + b \cdot 2 = 0,7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,3 \\ b = 0,2 \end{cases}$

$\Rightarrow m = 30 \cdot 0,3 + 44 \cdot 0,2 = 17,8 \text{ gam} \Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:** Phản ứng: $R-CHO + H_2 \xrightarrow{Ni, t^0} R-CH_2OH$ (1)

(1) $\Rightarrow m_{rượu} = m_{andehit} + 2 \cdot n_{pư}$ (*)

($n_{pư} = n_{andehit_{pư}} = n_{H_2_{pư}} = n_{rượu}$)

(*) là công thức suy ra nhờ phương pháp tăng giảm khối lượng.

Câu 44:

- Vì $\frac{n_{KOH}}{n_{H_3PO_4}} = \frac{0,15}{0,1} = 1,5 \Rightarrow ddX$ chỉ chứa 2 muối: KH_2PO_4, K_2HPO_4 .

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

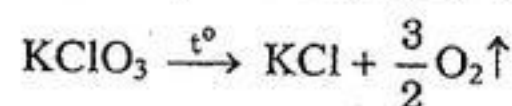
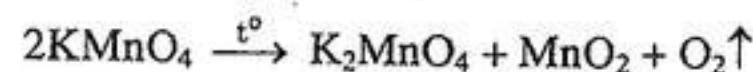
■ **Cần nhớ:** Bảng tóm tắt sản phẩm của $\text{KOH} + \text{H}_3\text{PO}_4$:

$\frac{n_{\text{KOH}}}{n_{\text{H}_3\text{PO}_4}}$	1	2	3
Sản phẩm	KH_2PO_4 H_3PO_4 dư	KH_2PO_4 K_2HPO_4 dư	K_2HPO_4 K_3PO_4 dư

Câu 45:

- A, B, D là các ứng dụng của ozon $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:** Trong phòng thí nghiệm oxi được điều chế bằng cách nhiệt phân các muối KMnO_4 , KClO_3 , ... Ví dụ:



Câu 46:

- Vì $\text{X} + \text{HBr}$ tạo hai sản phẩm khác nhau (sản phẩm chính và sản phẩm phụ) $\Rightarrow$ B, D sai.

- Ta nên thử hơn là giải trực tiếp!

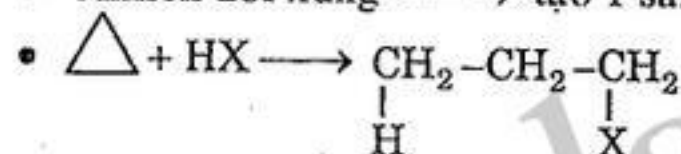
* Nếu X là but-1-en $\Rightarrow \text{Y}: \text{C}_4\text{H}_8\text{Br}_2$

$$\Rightarrow \% \text{Br} = \frac{160}{56 + 160} \cdot 100 = 74,08 \text{ (hợp lí)} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

(Nếu $\% \text{Br}$ tính được $\neq 74,08 \Rightarrow$ Đáp án: C)

■ **Cần nhớ:**

• Anken đối xứng $\xrightarrow{+\text{HX}}$ tạo 1 sản phẩm duy nhất.



Câu 47:

Theo sơ đồ của đề $\Rightarrow \text{X}: \text{KCrO}_2$; $\text{Y}: \text{K}_2\text{CrO}_4 \Rightarrow \text{B, C, D: sai} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$

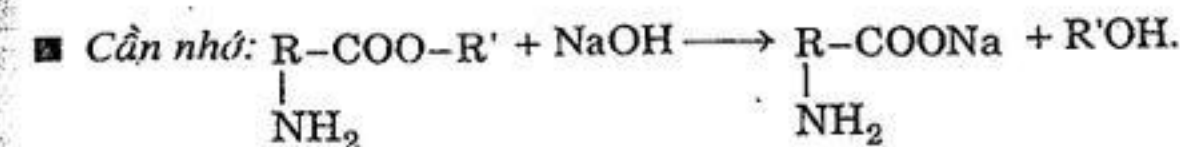
Câu 48:

- Theo đề $\Rightarrow \text{X}: \begin{array}{c} \text{CH}_2 - \text{COO} - \text{C}_2\text{H}_5 \\ | \\ \text{NH}_2 \end{array}$

- Ta có: $n_{\text{X}} = 0,25 \text{ mol}$; $n_{\text{NaOH}} = 0,3 \text{ mol}$

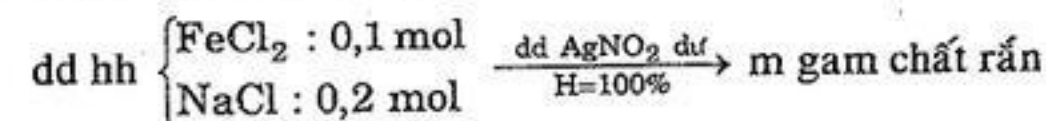
$\Rightarrow$ Rắn thu được khi cô cạn ddY: $\begin{cases} \text{CH}_2 - \text{COONa}: 0,25 \text{ mol} \\ | \\ \text{NH}_2 \\ \text{NaOH}_{\text{dư}}: 0,05 \text{ mol} \end{cases}$

$$\Rightarrow m = 97 \cdot 0,25 + 40 \cdot 0,05 = 26,25 \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$



Câu 49:

- Theo đề ta có tóm tắt:



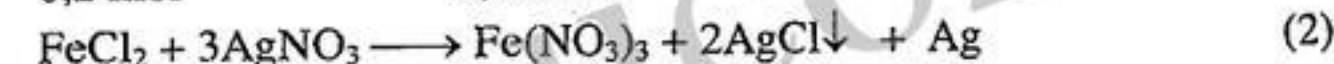
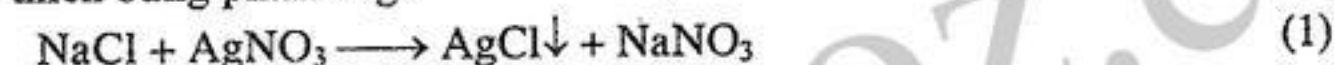
$m = ?$

* **Giải:**

Để thấy chất rắn thu được gồm $\begin{cases} \text{AgCl}: (0,2 + 2 \cdot 0,1) \text{ mol} \\ \text{Ag}: 0,1 \text{ mol} \end{cases}$

$$\Rightarrow m = 143,5 \cdot 0,4 + 108 \cdot 0,1 = 68,2 \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

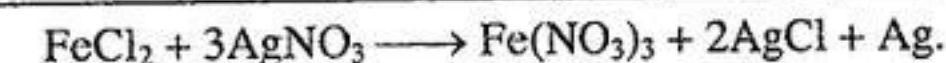
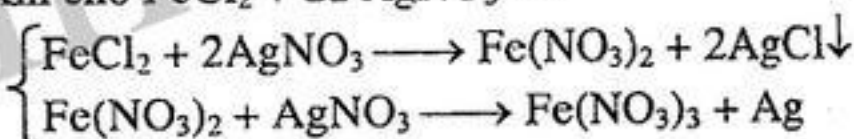
* **Giải thích bằng phản ứng:**



■ **Cần nhớ:**

• Theo quy tắc α có phản ứng: $\text{Ag}^+ + \text{Fe}^{2+} \longrightarrow \text{Fe}^{3+} + \text{Ag}$

• Khi cho $\text{FeCl}_2 + \text{dd AgNO}_3$ dư:



Câu 50:

- Ta có: $\text{Số C} = \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{X}}^{\text{ph}}}} = \frac{4}{1} = 4 \Rightarrow \text{B sai.}$

- X phản ứng được với Na và tham gia phản ứng tráng bạc $\Rightarrow \text{A sai.}$

- X tham gia cộng $\text{Br}_2 \Rightarrow \text{C sai.} \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$

■ **Cần nhớ:**

• X (C, H, O) vừa phản ứng được với Na, vừa tham gia phản ứng tráng gương $\Rightarrow$ X có đồng thời các nhóm: $(-\text{OH})$, $(-\text{C}(=\text{O})-\text{H})$.

• Hợp chất hữu cơ có nhóm $(-\text{OH})$ có thể là: rượu, phenol, axit.

Câu 51:

Vì Y là $\begin{array}{c} \text{CH}_3 - \text{CH} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3 \\ | \\ \text{Br} \end{array} \Rightarrow \text{Z}: \text{CH}_3 - \text{CH}(\text{MgBr}) - \text{CH}_2 - \text{CH}_3.$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 52:

Dễ dàng thấy suất điện động của pin Zn - Cu lớn nhất $\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** Tổng quát: Với A^{n+}/A , B^{m+}/B

Suất điện động của Pin (A - B) = $E_{B^{m+}/B}^0 - E_{A^{n+}/A}^0$.

Câu 53:

Dễ thấy A, B, D là các kết luận đúng $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 54:

Ta có: $[H^+] = \frac{C_{CH_3COOH}}{C_{CH_3COONa}} \cdot K_a = 1,75 \cdot 10^{-5}$

$\Rightarrow pH = -\lg[H^+] = -\lg 1,75 \cdot 10^{-5} = 4,76 \Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

• Dung dịch đệm: dd $\begin{cases} \text{Axit yếu (hoặc bazơ yếu)} \\ \text{Muối tương ứng} \end{cases}$

• Tổng quát: dd $\begin{cases} HA & C_a \text{ (mol/l)} \\ MA & C_m \text{ (mol/l)} \end{cases}$

$$K_{HA} = K_a \Rightarrow [H^+] = \frac{C_a}{C_m} \cdot K_a$$

Câu 55:

- Phản ứng: $Au + 3HCl + HNO_3 \rightarrow AuCl_3 + NO + 2H_2O$ (1)
 $0,02 \text{ mol} \rightarrow 0,06 \text{ mol} \quad 0,02 \text{ mol}$

Theo (1) $\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:**

• Nước cường toan là hỗn hợp thu được khi trộn HCl với HNO_3 theo tỉ lệ mol tương ứng 3 : 1.

• Nước cường toan hoà tan được mọi kim loại theo công thức sau:



Với: Muối là muối clorua hoá trị cao nhất.

Câu 56:

- Gọi x, y, z (mol) lần lượt là số mol của ba hợp chất hữu cơ tương ứng có trong hỗn hợp X.

- Theo đề ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} n_{hhX} = x + y + z = 0,04 \\ n_{Br_2 \text{ pư}} = x \cdot 1 + z \cdot 2 = \frac{6,4}{160} \\ n_{NaOH \text{ pư}} = x + y = 0,04 \times 0,75 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,02 \\ y = 0,01 \\ z = 0,01 \end{cases}$$

$\Rightarrow m_{CH_2=CH-COOH} = 0,02 \times 72 = 1,44 \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

• $n_{NaOH \text{ pư}} = n_{axit \text{ pư}} \times \text{Số chức axit}$

• $CH_2=CH-CHO$ phản ứng với Br_2 trong dung dịch theo tỉ lệ 1 : 2 (vì có C=C và nhóm -CHO phản ứng).

Câu 57:

- Ta tính khối lượng anilin theo biểu thức sau:

$$m_{anilin} = 93 \times \frac{156}{78} \times \frac{60}{100} \times \frac{50}{100} = 55,8 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

* **Giải thích:**

Sơ đồ hợp thức: $\text{C}_6\text{H}_6 \xrightarrow{=60\%} \text{C}_6\text{H}_5\text{NO}_2 \xrightarrow{=50\%} \text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$ (*)

Theo (*) $\Rightarrow n_{anilin} = n_{benzen}$.

■ **Cần nhớ:**

Với sơ đồ: $A \xrightarrow{H_1} B \xrightarrow{H_2} C \dots X \xrightarrow{H_n} Y$

Hiệu suất của quá trình biến $A \rightarrow Y$ là $H = H_1 \cdot H_2 \dots H_n$.

Câu 58:

NH_4NO_3 là muối sinh bởi axit mạnh - bazơ yếu $\Rightarrow NH_4NO_3$ có tính axit.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 59:

* **Tóm tắt:**

$\frac{hhX}{0,2 \text{ mol}} \left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ ancol no, đơn} \\ \text{(đồng đẳng kế tiếp)} \end{array} \right\} \xrightarrow{CuO, t^o} \text{sản phẩm Y} \xrightarrow[\text{NH}_3]{\text{dd AgNO}_3} 5,4 \text{ g Ag}$

$m = ?$

* **Nhận xét:** $n_{hhY} = n_{hhX} = 0,2$

$n_{Ag} = 0,5 > 2 \cdot n_{hhY} \Rightarrow hhY$ có HCHO.

$\Rightarrow hhY \begin{cases} \text{HCHO: } a \text{ mol} \\ \text{CH}_3\text{CHO: } b \text{ mol} \end{cases}$

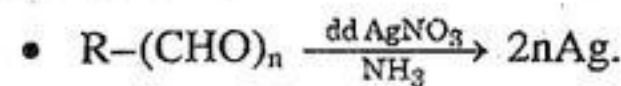
Vậy ta có: $\begin{cases} n_{hhY} = a + b = 0,2 \\ n_{Ag} = 4a + 2b = 0,5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,05 \\ b = 0,15 \end{cases}$

$\Rightarrow hhX \begin{cases} \text{CH}_3\text{OH: } 0,05 \\ \text{C}_2\text{H}_5\text{OH: } 0,15 \end{cases} \Rightarrow m = 8,5 \text{ gam}$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

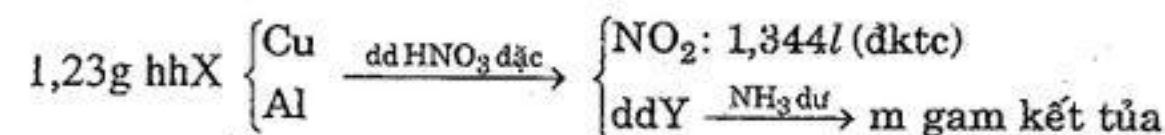
■ **Cần nhớ:**

• $\text{HCHO} \xrightarrow[\text{NH}_3]{\text{dd AgNO}_3} 4\text{Ag} \Rightarrow n_{Ag} = 4 \cdot n_{\text{HCHO pư}}$



Câu 60:

* Tóm tắt:



• % (theo m) của Cu = ?

• m = ?

* Giải:

– Đặt $n_{Cu} = x$; $n_{Al} = y$.

– Ta có hệ phương trình:
$$\begin{cases} m_{hhX} = 64x + 27y = 1,23 \\ \text{ĐLBTTĐT: } x.II + y.III = 1,344 \\ 22,4 \end{cases}$$

$\Rightarrow \begin{cases} x = 0,015 \\ y = 0,01 \end{cases} \Rightarrow hhX \begin{cases} Cu: 0,015 \text{ mol} \\ Al: 0,01 \text{ mol} \end{cases}$

$\Rightarrow \%Cu = \frac{0,015 \times 64}{1,23} = 0,78 \times 0,5 = 78,04\%$

$\Rightarrow m = 78 \times 0,01 = 0,78 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$

■ Cần nhớ:

• ĐLBTTĐT có:

$\sum n_{\text{c cho}} = \sum n_{\text{c nhận}}$

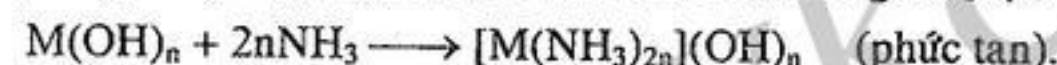
* Với kim loại:

$n_{\text{c cho}} = n_{\text{KL pư}} \cdot \text{Hoá trị}$

* $HNO_3 \rightarrow NO_2$:

$n_{\text{c nhận}} = 1 \cdot n_{NO_2}$

• $Cu(OH)_2, Zn(OH)_2, AgOH$ mới sinh có thể tan trong NH_3 tạo thành phức amoniac.



ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI A NĂM 2010

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Dung dịch X có chứa: 0,07 mol Na^+ ; 0,02 mol SO_4^{2-} và x mol OH^- . Dung dịch Y có chứa ClO_4^- , NO_3^- và y mol H^+ ; tổng số mol ClO_4^- và NO_3^- là 0,04. Trộn X và Y được 100ml dung dịch Z. Dung dịch Z có pH (bỏ qua sự điện li của H_2O) là

- A. 1. B. 2. C. 12. D. 13.

Câu 2: Cho 19,3 gam hỗn hợp bột Zn và Cu có tỉ lệ mol tương ứng là 1 : 2 vào dung dịch chứa 0,2 mol $Fe_2(SO_4)_3$. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được m gam kim loại. Giá trị của m là

- A. 6,40. B. 16,53. C. 12,00. D. 12,80.

Câu 3: Hỗn hợp khí X gồm N_2 và H_2 có tỉ khối so với He bằng 1,8. Đun nóng X một thời gian trong bình kín (có bột Fe làm xúc tác), thu được hỗn hợp khí Y có tỉ khối so với He bằng 2. Hiệu suất của phản ứng tổng hợp NH_3 là

- A. 50%. B. 36%. C. 40%. D. 25%.

Câu 4: Trong số các chất: C_3H_8 , C_3H_7Cl , C_3H_8O và C_3H_9N ; chất có nhiều đồng phân cấu tạo nhất là

- A. C_3H_7Cl . B. C_3H_8O . C. C_3H_8 . D. C_3H_9N .

Câu 5: Thực hiện các thí nghiệm sau:

(I) Sục khí SO_2 vào dung dịch $KMnO_4$.

(II) Sục khí SO_2 vào dung dịch H_2S .

(III) Sục hỗn hợp khí NO_2 và O_2 vào nước.

(IV) Cho MnO_2 vào dung dịch HCl đặc, nóng.

(V) Cho Fe_2O_3 vào dung dịch H_2SO_4 đặc, nóng.

(VI) Cho SiO_2 vào dung dịch HF .

Số thí nghiệm có phản ứng oxi hoá - khử xảy ra là

- A. 3. B. 6. C. 5. D. 4.

Câu 6: Cho cân bằng $2SO_2 (k) + O_2 (k) \rightleftharpoons 2SO_3 (k)$. Khi tăng nhiệt độ thì tỉ khối của hỗn hợp khí so với H_2 giảm đi. Phát biểu đúng khi nói về cân bằng này là

- A. Phản ứng nghịch toả nhiệt, cân bằng dịch chuyển theo chiều thuận khi tăng nhiệt độ.
B. Phản ứng thuận toả nhiệt, cân bằng dịch chuyển theo chiều nghịch khi tăng nhiệt độ.
C. Phản ứng nghịch thu nhiệt, cân bằng dịch chuyển theo chiều thuận khi tăng nhiệt độ.
D. Phản ứng thuận thu nhiệt, cân bằng dịch chuyển theo chiều nghịch khi tăng nhiệt độ.

Câu 7: Cho m gam $NaOH$ vào 2 lít dung dịch $NaHCO_3$ nồng độ a mol/l, thu được 2 lít dung dịch X. Lấy 1 lít dung dịch X tác dụng với dung dịch $BaCl_2$ (dư) thu được 11,82 gam kết tủa. Mặt khác, cho 1 lít dung dịch X vào dung dịch $CaCl_2$ (dư) rồi đun nóng, sau khi kết thúc các phản ứng thu được 7,0 gam kết tủa. Giá trị của a, m tương ứng là

- A. 0,04 và 4,8. B. 0,07 và 3,2. C. 0,08 và 4,8. D. 0,14 và 2,4.

Câu 8: Một phân tử saccarozơ có

- A. một gốc β -glucozơ và một gốc β -fructozơ.
B. một gốc β -glucozơ và một gốc α -fructozơ.
C. hai gốc α -glucozơ.
D. một gốc α -glucozơ và một gốc β -fructozơ.

Câu 9: Oxi hoá hết 2,2 gam hỗn hợp hai ancol đơn chức thành andehit cần vừa đủ 4,8 gam CuO . Cho toàn bộ lượng andehit trên tác dụng với lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 , thu được 23,76 gam Ag. Hai ancol là

- A. $C_2H_5OH, C_2H_5CH_2OH$. B. $C_2H_5OH, C_3H_7CH_2OH$.
C. $CH_3OH, C_2H_5CH_2OH$. D. CH_3OH, C_2H_5OH .

Câu 10: Hỗn hợp M gồm ancol no, đơn chức X và axit cacboxylic đơn chức Y, đều mạch hở và có cùng số nguyên tử C, tổng số mol của hai chất là 0,5 mol (số mol của Y lớn hơn số mol của X). Nếu đốt cháy hoàn toàn M thì thu được 3,36 lít khí CO_2 (đktc) và 25,2 gam H_2O . Mặt khác, nếu đun nóng M với H_2SO_4 đặc để thực hiện phản ứng este hoá (hiệu suất là 80%) thì số gam este thu được là

- A. 34,20. B. 27,36. C. 22,80. D. 18,24.

Câu 11: Cho dung dịch X gồm: 0,007 mol Na^+ ; 0,003 mol Ca^{2+} ; 0,006 mol Cl^- ; 0,006 HCO_3^- và 0,001 mol NO_3^- . Để loại bỏ hết Ca^{2+} trong X cần một lượng vừa đủ dung dịch chứa a gam Ca(OH)_2 . Giá trị của a là

- A. 0,222. B. 0,120. C. 0,444. D. 0,180.

Câu 12: Hỗn hợp khí nào sau đây không tồn tại ở nhiệt độ thường?

- A. H_2 và F_2 . B. Cl_2 và O_2 . C. H_2S và N_2 . D. CO và O_2 .

Câu 13: Đun nóng hỗn hợp khí X gồm 0,02 mol C_2H_2 và 0,03 mol H_2 trong một bình kín (xúc tác Ni), thu được hỗn hợp khí Y. Cho Y lội từ từ vào bình nước brom (dư), sau khi kết thúc các phản ứng, khối lượng bình tăng m gam và có 280ml hỗn hợp khí Z (đktc) thoát ra. Tỷ khối của Z so với H_2 là 10,08. Giá trị của m là

- A. 0,328. B. 0,205. C. 0,585. D. 0,620.

Câu 14: Nung nóng từng cặp chất trong bình kín:

- (1) $\text{Fe} + \text{S}$ (r), (2) $\text{Fe}_2\text{O}_3 + \text{CO}$ (k), (3) $\text{Au} + \text{O}_2$ (k),
(4) $\text{Cu} + \text{Cu(NO}_3)_2$ (r), (5) $\text{Cu} + \text{KNO}_3$ (r), (6) $\text{Al} + \text{NaCl}$ (r).

Các trường hợp xảy ra phản ứng oxi hoá kim loại là

- A. (1), (3), (6). B. (2), (3), (4). C. (1), (4), (5). D. (2), (5), (6).

Câu 15: Tổng số chất hữu cơ mạch hở, có cùng công thức phân tử $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}_2$ là

- A. 3. B. 1. C. 2. D. 4.

Câu 16: Có các phát biểu sau:

- (1) Lưu huỳnh, photpho đều bốc cháy khi tiếp xúc với CrO_3 .
(2) Ion Fe^{3+} có cấu hình electron viết gọn là $[\text{Ar}]3d^5$.
(3) Bột nhôm tự bốc cháy khi tiếp xúc với khí clo.
(4) Phèn chua có công thức $\text{Na}_2\text{SO}_4 \cdot \text{Al}_2(\text{SO}_4)_3 \cdot 24\text{H}_2\text{O}$.

Các phát biểu đúng là

- A. (1), (3), (4). B. (2), (3), (4). C. (1), (2), (3). D. (1), (2), (4).

Câu 17: Phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Các kim loại: natri, bari, beri đều tác dụng với nước ở nhiệt độ thường.
B. Kim loại xeri được dùng để chế tạo tế bào quang điện.
C. Kim loại magie có kiểu mạng tinh thể lập phương tâm diện.
D. Theo chiều tăng dần của điện tích hạt nhân, các kim loại kiềm thổ (từ beri đến bari) có nhiệt độ nóng chảy giảm dần.

Câu 18: Hoà tan hoàn toàn m gam ZnSO_4 vào nước được dung dịch X. Nếu cho 110ml dung dịch KOH 2M vào X thì thu được 3a gam kết tủa. Mặt khác, nếu cho 140ml dung dịch KOH 2M vào X thì thu được 2a gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 32,20. B. 24,15. C. 17,71. D. 16,10.

Câu 19: Cho các loại tơ: bông, tơ capron, tơ xenlulozơ axetat, tơ tằm, tơ nitron, nilon-6,6. Số tơ tổng hợp là

- A. 3. B. 4. C. 2. D. 5.

Câu 20: Trong số các phát biểu sau về phenol ($\text{C}_6\text{H}_5\text{OH}$):

- (1) Phenol tan ít trong nước nhưng tan nhiều trong dung dịch HCl .
(2) Phenol có tính axit, dung dịch phenol không làm đổi màu quỳ tím.
(3) Phenol dùng để sản xuất keo dán, chất diệt nấm mốc.
(4) Phenol tham gia phản ứng thế brom và thế nitro dễ hơn benzen.

Các phát biểu đúng là

- A. (1), (2), (4). B. (2), (3), (4). C. (1), (2), (3). D. (1), (3), (4).

Câu 21: Có bao nhiêu tripeptit (mạch hở) khác loại mà khi thủy phân hoàn toàn đều thu được 3 amino axit: glyxin, alanin và phenylalanin?

- A. 3. B. 9. C. 4. D. 6.

Câu 22: Hỗn hợp khí X gồm dimethylamin và hai hidrocarbon đồng đẳng liên tiếp. Đốt cháy hoàn toàn 100ml hỗn hợp X bằng một lượng oxi vừa đủ, thu được 550ml hỗn hợp Y gồm khí và hơi nước. Nếu cho Y đi qua dung dịch axit sunfuric đặc (dư) thì còn lại 250ml khí (các thể tích khí và hơi đo ở cùng điều kiện). Công thức phân tử của hai hidrocarbon là

- A. C_2H_6 và C_3H_8 . B. C_3H_6 và C_4H_8 .
C. CH_4 và C_2H_6 . D. C_2H_4 và C_3H_6 .

Câu 23: Phát biểu đúng là

- A. Khi thủy phân đến cùng các protein đơn giản sẽ cho hỗn hợp các α -amino axit.
B. Khi cho dung dịch lòng trắng trứng vào Cu(OH)_2 thấy xuất hiện phức màu xanh đậm.
C. Enzim amilaza xúc tác cho phản ứng thủy phân xenlulozơ thành mantozơ.
D. Axit nucleic là polieste của axit photphoric và glucozơ.

Câu 24: Đốt cháy hoàn toàn m gam hỗn hợp 3 ancol đơn chức, thuộc cùng dãy đồng đẳng, thu được 3,808 lít khí CO_2 (đktc) và 5,4 gam H_2O . Giá trị của m là

- A. 4,72. B. 5,42. C. 7,42. D. 5,72.

Câu 25: Nhận định nào sau đây đúng khi nói về 3 nguyên tử: $^{26}_{13}\text{X}$, $^{55}_{26}\text{Y}$, $^{26}_{12}\text{Z}$?

- A. X, Y thuộc cùng một nguyên tố hoá học.
B. X và Z có cùng số khối. C. X và Y có cùng số nơtron.
D. X, Z là 2 đồng vị của cùng một nguyên tố hoá học.

Câu 26: Cho x mol Fe tan hoàn toàn trong dung dịch chứa y mol H_2SO_4 (tỉ lệ $x : y = 2 : 5$), thu được một sản phẩm khử duy nhất và dung dịch chỉ chứa muối sunfat. Số mol electron do lượng Fe trên nhường khi bị hoà tan là

- A. 3x. B. y. C. 2x. D. 2y.

Câu 27: Axeton được điều chế bằng cách oxi hoá cumen nhờ oxi, sau đó thuỷ phân trong dung dịch H_2SO_4 loãng. Để thu được 145 gam axeton thì lượng cumen cần dùng (giả sử hiệu suất quá trình điều chế đạt 75%) là

- A. 300 gam. B. 500 gam. C. 400 gam. D. 600 gam.

Câu 28: Cho các chất: $NaHCO_3$, CO, $Al(OH)_3$, $Fe(OH)_3$, HF, Cl_2 , NH_4Cl . Số chất tác dụng được với dung dịch NaOH loãng ở nhiệt độ thường là

- A. 4. B. 5. C. 3. D. 6.

Câu 29: Thuỷ phân hoàn toàn 0,2 mol một este E cần dùng vừa đủ 100 gam dung dịch NaOH 24%, thu được một ancol và 43,6 gam hỗn hợp muối của hai axit cacboxylic đơn chức. Hai axit đó là

- A. $HCOOH$ và CH_3COOH . B. CH_3COOH và C_2H_5COOH .
C. C_2H_5COOH và C_3H_7COOH . D. $HCOOH$ và C_2H_5COOH .

Câu 30: Các nguyên tố từ Li đến F, theo chiều tăng của điện tích hạt nhân thì

- A. Bán kính nguyên tử và độ âm điện đều tăng.
B. Bán kính nguyên tử tăng, độ âm điện giảm.
C. Bán kính nguyên tử giảm, độ âm điện tăng.
D. Bán kính nguyên tử và độ âm điện đều giảm.

Câu 31: Cho 0,15 mol $H_2NC_3H_5(COOH)_2$ (axit glutamic) vào 175ml dung dịch HCl 2M, thu được dung dịch X. Cho NaOH dư vào dung dịch X. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, số mol NaOH đã phản ứng là

- A. 0,50. B. 0,65. C. 0,70. D. 0,55.

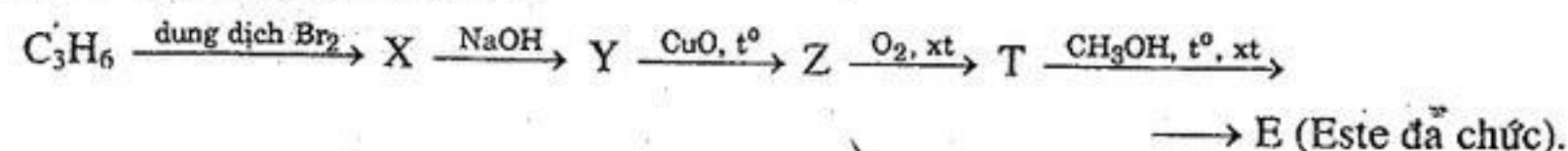
Câu 32: Cho 7,1 gam hỗn hợp gồm một kim loại kiềm X và một kim loại kiềm thổ Y tác dụng hết với lượng dư dung dịch HCl loãng, thu được 5,6 lít khí (đktc). Kim loại X, Y là

- A. natri và magie. B. liti và beri. C. kali và canxi. D. kali và bari.

Câu 33: Hoà tan hoàn toàn 8,94 gam hỗn hợp gồm Na, K và Ba vào nước, thu được dung dịch X và 2,688 lít khí H_2 (đktc). Dung dịch Y gồm HCl và H_2SO_4 , tỉ lệ mol tương ứng là 4 : 1. Trung hoà dung dịch X bởi dung dịch Y, tổng khối lượng các muối được tạo ra là

- A. 13,70 gam. B. 18,46 gam. C. 12,78 gam. D. 14,62 gam.

Câu 34: Cho sơ đồ chuyển hoá:



Tên gọi của Y là

- A. propan-1,3-di-ol. B. propan-1,2-di-ol.
C. propan-2-ol. D. glixerol.

Câu 35: Cho 4 dung dịch: H_2SO_4 loãng, $AgNO_3$, $CuSO_4$, AgF. Chất không tác dụng được với cả 4 dung dịch trên là

- A. KOH. B. $BaCl_2$. C. NH_3 . D. $NaNO_3$.

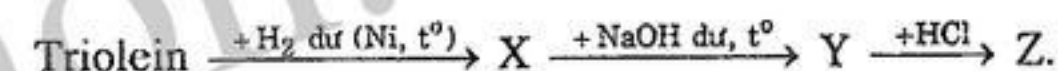
Câu 36: Phản ứng điện phân dung dịch $CuCl_2$ (với điện cực trơ) và phản ứng ăn mòn điện hoá xảy ra khi nhúng hợp kim Zn-Cu vào dung dịch HCl có đặc điểm là

- A. Phản ứng xảy ra luôn kèm theo sự phát sinh dòng điện.
B. Đồng sinh ra Cu ở cực âm.
C. Phản ứng ở cực âm có sự tham gia của kim loại hoặc ion kim loại.
D. Phản ứng ở cực dương đều là sự oxi hoá Cl^- .

Câu 37: Anken X hợp nước tạo thành 3-ethylpentan-3-ol. Tên của X là

- A. 3-ethylpent-3-en. B. 2-ethylpent-2-en.
C. 3-ethylpent-2-en. D. 3-ethylpent-1-en.

Câu 38: Cho sơ đồ chuyển hoá:



Tên của Z là

- A. axit linoleic. B. axit oleic. C. axit panmitic. D. axit stearic.

Câu 39: Phát biểu không đúng là

- A. Hidro sunfua bị oxi hoá bởi nước clo ở nhiệt độ thường.
B. Kim cương, than chì, fullerene là các dạng thù hình của cacbon.
C. Tất cả các nguyên tố halogen đều có các số oxi hoá: -1, +1, +3, +5 và +7 trong các hợp chất.
D. Trong công nghiệp, photpho được sản xuất bằng cách nung hỗn hợp quặng photphorit, cát và than cốc ở $1200^\circ C$ trong lò điện.

Câu 40: Đốt cháy hoàn toàn một este đơn chức, mạch hở X (phân tử có số liên kết π nhỏ hơn 3), thu được thể tích khí CO_2 bằng $\frac{6}{7}$ thể tích khí O_2 đã phản ứng (các thể tích khí đo ở cùng điều kiện). Cho m gam X tác dụng hoàn toàn với 200ml dung dịch KOH 0,7M thu được dung dịch Y. Cô cạn Y thu được 12,88 gam chất rắn khan. Giá trị của m là

- A. 7,20. B. 6,66. C. 8,88. D. 10,56.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Chất được dùng để tẩy trắng giấy và bột giấy trong công nghiệp là

- A. CO_2 . B. SO_2 . C. N_2O . D. NO_2 .

- Câu 42:** Hỗn hợp X gồm 1 mol amino axit no, mạch hở và 1 mol amin no, mạch hở. X có khả năng phản ứng tối đa với 2 mol HCl hoặc 2 mol NaOH. Đốt cháy hoàn toàn X thu được 6 mol CO₂, x mol H₂O và y mol N₂. Các giá trị x, y tương ứng là
A. 8 và 1,0. B. 8 và 1,5. C. 7 và 1,0. D. 7 và 1,5.
- Câu 43:** Từ 180 gam glucôzơ, bằng phương pháp lên men rượu, thu được a gam ancol etylic (hiệu suất 80%). Oxi hoá 0,1a gam ancol etylic bằng phương pháp lên men giấm, thu được hỗn hợp X. Để trung hoà hỗn hợp X cần 720ml dung dịch NaOH 0,2M. Hiệu suất quá trình lên men giấm là
A. 80%. B. 10%. C. 90%. D. 20%.
- Câu 44:** Các chất vừa tác dụng được với dung dịch HCl vừa tác dụng được với dung dịch AgNO₃ là
A. CuO, Al, Mg. B. Zn, Cu, Fe.
C. MgO, Na, Ba. D. Zn, Ni, Sn.
- Câu 45:** Trong phản ứng: $K_2Cr_2O_7 + HCl \rightarrow CrCl_3 + Cl_2 + KCl + H_2O$
Số phân tử HCl đóng vai trò chất khử bằng k lần tổng số phân tử HCl tham gia phản ứng. Giá trị của k là
A. 4/7. B. 1/7. C. 3/14. D. 3/7.
- Câu 46:** Nhỏ từ từ từng giọt đến hết 30ml dung dịch HCl 1M vào 100ml dung dịch chứa Na₂CO₃ 0,2M và NaHCO₃ 0,2M, sau phản ứng thu được số mol CO₂ là
A. 0,030. B. 0,010. C. 0,020. D. 0,015.
- Câu 47:** Cho m gam hỗn hợp etanal và propanal phản ứng hoàn toàn với lượng dư dung dịch AgNO₃ trong NH₃, thu được 43,2 gam kết tủa và dung dịch chứa 17,5 gam muối amoni của hai axit hữu cơ. Giá trị của m là
A. 10,9. B. 14,3. C. 10,2. D. 9,5.
- Câu 48:** Hỗn hợp gồm 0,1 mol một axit cacboxylic đơn chức và 0,1 mol muối của axit đó với kim loại kiềm có tổng khối lượng là 15,8 gam. Tên của axit trên là
A. axit propanoic. B. axit metanoic.
C. axit etanoic. D. axit butanoic.
- Câu 49:** Đốt cháy hoàn toàn một lượng hidrocarbon X. Hấp thụ toàn bộ sản phẩm cháy vào dung dịch Ba(OH)₂ (dư) tạo ra 29,55 gam kết tủa, dung dịch sau phản ứng có khối lượng giảm 19,35 gam so với dung dịch Ba(OH)₂ ban đầu. Công thức phân tử của X là
A. C₃H₄. B. C₂H₆. C. C₃H₆. D. C₃H₈.
- Câu 50:** Điện phân (với điện cực trơ) một dung dịch gồm NaCl và CuSO₄ có cùng số mol, đến khi ở catot xuất hiện bọt khí thì dừng điện phân. Trong cả quá trình điện phân trên, sản phẩm thu được ở anot là
A. khí Cl₂ và O₂. B. khí H₂ và O₂.
C. chỉ có khí Cl₂. D. khí Cl₂ và H₂.

B. Theo chương trình Nâng cao

- Câu 51:** Trong các polime sau: (1) poli(metyl metacrylat); (2) polistiren; (3) nylon-7; (4) poli(etilen-terephthalat); (5) nylon-6,6; (6) poli(vinyl axetat), các polime là sản phẩm của phản ứng trùng ngưng là
A. (1), (3), (6). B. (3), (4), (5). C. (1), (2), (3). D. (1), (3), (5).
- Câu 52:** Điện phân (điện cực trơ) dung dịch X chứa 0,2 mol CuSO₄ và 0,12 mol NaCl bằng dòng điện có cường độ 2A. Thể tích khí (đktc) thoát ra ở anot sau 9650 giây điện phân là
A. 2,240 lít. B. 2,912 lít. C. 1,792 lít. D. 1,344 lít.
- Câu 53:** Cho 0,448 lít khí NH₃ (đktc) đi qua ống sứ đựng 16 gam CuO nung nóng, thu được chất rắn X (giả sử phản ứng xảy ra hoàn toàn). Phần trăm khối lượng của Cu trong X là
A. 12,37%. B. 87,63%. C. 14,12%. D. 85,88%.
- Câu 54:** Đốt cháy hoàn toàn V lít hơi một amin X bằng một lượng oxi vừa đủ tạo ra 8V lít hỗn hợp gồm khí cacbonic, khí nitơ và hơi nước (các thể tích khí và hơi đều đo ở cùng điều kiện). Amin X tác dụng với axit nitơ ở nhiệt độ thường, giải phóng khí nitơ. Chất X là
A. CH₂=CH-NH-CH₃. B. CH₃-CH₂-NH-CH₃.
C. CH₃-CH₂-CH₂-NH₂. D. CH₂=CH-CH₂-NH₂.
- Câu 55:** Hidro hoá chất hữu cơ X thu được (CH₃)₂CHCH(OH)CH₃. Chất X có tên thay thế là
A. metyl isopropyl xetol. B. 3-metylbutan-2-on.
C. 3-metylbutan-2-ol. D. 2-metylbutan-3-on.
- Câu 56:** Trong số các nguồn năng lượng: (1) thủy điện, (2) gió, (3) mặt trời, (4) hoá thạch; những nguồn năng lượng sạch là
A. (1), (3), (4). B. (2), (3), (4). C. (1), (2), (4). D. (1), (2), (3).
- Câu 57:** Cho hỗn hợp X gồm ancol metylic và hai axit cacboxylic (no, đơn chức, kế tiếp nhau trong dãy đồng đẳng) tác dụng hết với Na, giải phóng ra 6,72 lít khí H₂ (đktc). Nếu đun nóng hỗn hợp X (có H₂SO₄ đặc làm xúc tác) thì các chất trong hỗn hợp phản ứng vừa đủ với nhau tạo thành 25 gam hỗn hợp este (giả thiết phản ứng este hoá đạt hiệu suất 100%). Hai axit trong hỗn hợp X là
A. HCOOH và CH₃COOH. B. CH₃COOH và C₂H₅COOH.
C. C₂H₅COOH và C₃H₇COOH. D. C₂H₇COOH và C₄H₉COOH.
- Câu 58:** Cho m gam hỗn hợp bột X gồm ba kim loại Zn, Cr, Sn có số mol bằng nhau tác dụng hết với lượng dư dung dịch HCl loãng, nóng thu được dung dịch Y và khí H₂. Cô cạn dung dịch Y thu được 8,98 gam muối khan. Nếu cho m gam hỗn hợp X tác dụng hoàn toàn với O₂ (dư) để tạo hỗn hợp 3 oxit thì thể tích khí O₂ (đktc) phản ứng là
A. 2,016 lít. B. 0,672 lít. C. 1,344 lít. D. 1,008 lít.

Câu 59: Tách nước hỗn hợp gồm ancol etylic và ancol Y chỉ tạo ra 2 anken. Đốt cháy cùng số mol mỗi ancol thì lượng nước sinh ra từ ancol này bằng 5/3 lần lượng nước sinh ra từ ancol kia. Ancol Y là

- A. $\text{CH}_3\text{--CH}_2\text{--CH(OH)--CH}_3$. B. $\text{CH}_3\text{--CH}_2\text{--CH}_2\text{--CH}_2\text{--OH}$.
C. $\text{CH}_3\text{--CH}_2\text{--CH}_2\text{--OH}$. D. $\text{CH}_3\text{--CH(OH)--CH}_3$.

Câu 60: Xét cân bằng: $\text{N}_2\text{O}_4(\text{k}) \rightleftharpoons 2\text{NO}_2(\text{k})$ ở 25°C . Khi chuyển dịch sang một trạng thái cân bằng mới nếu nồng độ của N_2O_4 tăng lên 9 lần thì nồng độ của NO_2

- A. tăng 9 lần. B. tăng 3 lần. C. tăng 4,5 lần. D. giảm 3 lần.

ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	A	11	A	21	D	31	B	41	B	51	B
2	A	12	A	22	D	32	A	42	C	52	C
3	D	13	A	23	A	33	B	43	C	53	A
4	D	14	C	24	A	34	A	44	D	54	C
5	D	15	A	25	B	35	D	45	D	55	B
6	B	16	C	26	B	36	C	46	B	56	D
7	C	17	B	27	C	37	C	47	A	57	B
8	D	18	D	28	B	38	D	48	C	58	D
9	C	19	A	29	A	39	C	49	D	59	B
10	D	20	B	30	C	40	C	50	A	60	B

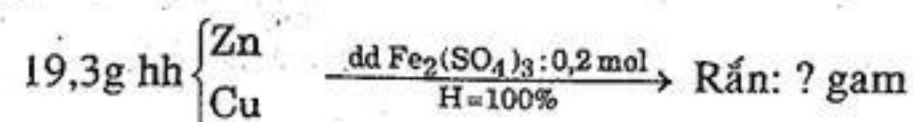
HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

Theo ĐLBTD

- Trong dd X có: $0,07 \times 1 = 0,02 \times 2 + x \times 1 \Rightarrow x = 0,03 \text{ (mol)}$
 $\Rightarrow$ dd X có 0,03 mol OH^-
- Trong dd Y có: $0,04 \times 1 = y \times 1 \Rightarrow y = 0,04 \Rightarrow$ dd Y có 0,04 mol H^+
- Khi trộn dd X với dd Y được dd sau có:
 $\text{mol H}^+ \text{ dư} = 0,04 - 0,03 = 0,01 \text{ mol}$
 $\Rightarrow [\text{H}^+] = \frac{0,01}{0,1} = 0,1 = 10^{-1} \text{ (mol/l)} \Rightarrow \text{pH} = 1 \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 2:



$$(n_{\text{Zn}} : n_{\text{Cu}} = 1 : 2)$$

Ta có: $n_{\text{Zn bd}} = 0,1 \text{ mol}; n_{\text{Cu bd}} = 0,2 \text{ mol}$

$$n_{\text{Fe}^{3+} \text{ bd}} = 0,2 \times 2 = 0,4 \text{ mol}$$

Để thấy Zn hết $\Rightarrow n_{\text{Fe}^{3+} \text{ pư với Zn}} = n_{\text{Zn}} \cdot 2 = 0,2 \text{ mol}$

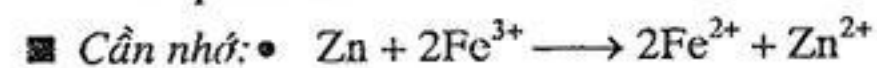
$$\Rightarrow \text{Fe}^{3+} \text{ còn dư để pư với Cu} = 0,2 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_{\text{Cu pư}} = \frac{1}{2} \times n_{\text{Fe}^{3+}} = 0,1 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \text{Cu dư} = 0,2 - 0,1 = 0,1 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow m_{\text{cắn}} = 0,1 \times 64 = 6,4 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.



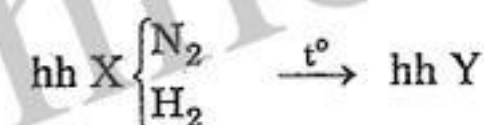
*** Cách giải 2:** Ta nhẩm nhanh được mol Cu phản ứng nhờ ĐLBTD

$$0,1 \times 2 + x \cdot 2 = 0,4 \times 1$$

$$\Rightarrow x = 0,1; \text{ với } x \text{ là số mol Cu phản ứng}$$

$$\Rightarrow n_{\text{Cu còn dư}} = 0,2 - 0,1 = 0,1 \text{ mol} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

Câu 3:



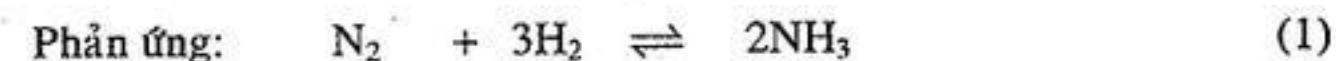
$$d_{\text{hhX/He}} = 1,8$$

$$d_{\text{hhY/He}} = 2$$

$$H_{\text{pư}} = ?$$

*** Cách giải 1:**

Với $d_{\text{hhX/He}} = 1,8 \Rightarrow \frac{n_{\text{N}_2}}{n_{\text{H}_2}} = \frac{1}{4} \Rightarrow \text{hh X} \begin{cases} \text{N}_2 : x \text{ mol} \\ \text{H}_2 : 4x \text{ mol} \end{cases}$



Ban đầu: $x \quad 4x \quad 0 \text{ (mol)}$

Phản ứng: $a \rightarrow 3a \rightarrow 2a \text{ (mol)}$

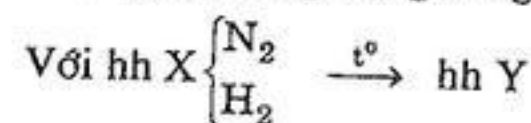
Cân bằng: $x - a \quad 4x - 3a \quad 2a \text{ (mol)}$

(1) $\Rightarrow \text{hh Y} \begin{cases} \text{NH}_3 : 2a \text{ (mol)} \\ \text{N}_2 : x - a \text{ (mol)} \\ \text{H}_2 : 4x - 3a \text{ (mol)} \end{cases}$

Có $d_{\text{hhY/He}} = 2,4 \Rightarrow \frac{m_{\text{hhY}}}{n_{\text{hhY}}} = 8 \Leftrightarrow \frac{m_{\text{hhX}}}{n_{\text{hhY}}} = 8 \Leftrightarrow \frac{28x + 2,4x}{5x - 2a} = 8$

$$\Rightarrow H_{\text{pư}} = \frac{a}{x} = 0,25 = 25\% \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

* Cách giải 2: Áp dụng công thức sau:



$$n_{N_2} : n_{H_2} = 1 : K \quad (K \geq 3)$$

$$\Rightarrow H = \frac{K+1}{2} \left(1 - \frac{\overline{M}_{hhX}}{\overline{M}_{hhY}} \right) \quad (*)$$

- Công thức (*) được chứng minh dễ dàng bằng phương pháp 3 dòng.

- Theo công thức trên ta có: $H_{pu} = \frac{5}{2} \left(1 - \frac{1,8}{2} \right) = 0,25 = 25\%$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

* Giải thích:

Từ $d_{hhX/He} = 1,8 \Rightarrow n_{N_2} : n_{H_2} = 1 : 4 \Rightarrow K = 4$

$$\Rightarrow H = \frac{4+1}{2} \left(1 - \frac{d_{hhX/He}}{d_{hhY/He}} \right)$$

Câu 4:

■ Cần nhớ:

Các hợp chất cùng số C, cùng số liên kết π , số đồng phân tỉ lệ thuận với hoá trị của các nguyên tố lạ (Cl, O, N, ...)

$\Rightarrow C_3H_9N$ có nhiều đồng phân nhất $\Rightarrow$ Đáp án: D.

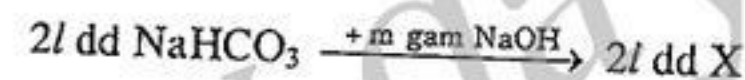
Câu 5:

Chỉ có I, II, III, IV là phản ứng oxi hoá khử $\Rightarrow$ Đáp án: D.

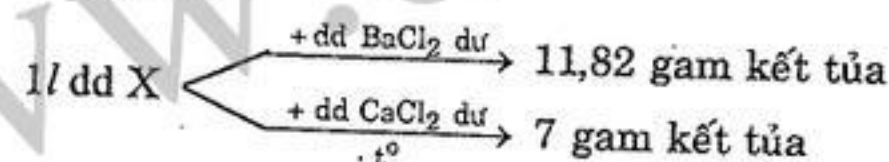
Câu 6:

Theo đề bài $\Rightarrow$ Phản ứng thuận là phản ứng tỏa nhiệt $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 7:



a mol/l

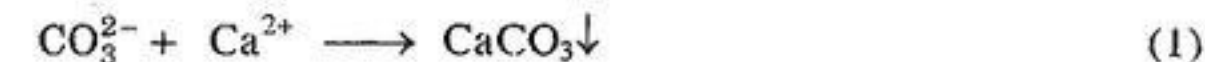
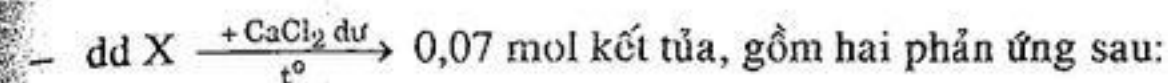


* Gợi ý:

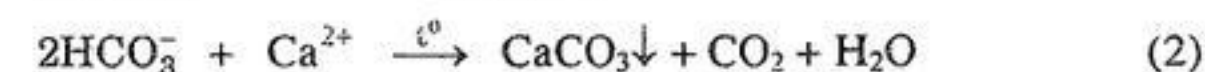
Ta có: $n_{BaCO_3 \downarrow} = \frac{11,82}{197} = 0,06 \text{ mol}$

$$n_{CaCO_3 \downarrow} = \frac{7}{100} = 0,07 \text{ mol}$$

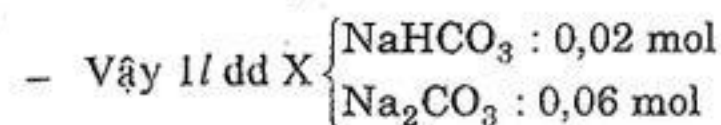
- Theo đề dd X có $n_{CO_3^{2-}} = n_{BaCO_3 \downarrow} = 0,06 \text{ mol}$



$$0,06 \text{ mol} \quad \quad \quad 0,06 \text{ mol}$$



$$0,02 \text{ mol} \quad \quad \quad 0,01 \text{ mol}$$



$$\Rightarrow 2l \text{ dd } NaHCO_3 \text{ ban đầu có } \sum n_{HCO_3^-} = 2.(n_{NaHCO_3} + n_{Na_2CO_3})$$

$$\Leftrightarrow 2.a = 2(0,02 + 0,06) \Rightarrow a = 0,08$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

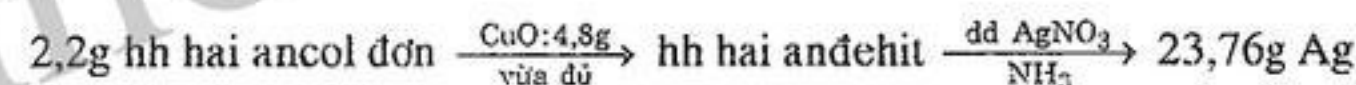
Câu 8:

- Cần nhớ saccarozơ gồm một gốc α -glucozơ và một gốc β -fructozơ.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

- Ở câu này ta chỉ cần nhớ saccarozơ được tạo bởi α -glucozơ và fructozơ là đủ thấy A, B, C sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 9:



* Gợi ý:

$$\overline{M}_{hh \text{ ancol}} = \frac{2,2}{\frac{4,8}{80}} = 36,67 \Rightarrow \text{hh gồm } \begin{cases} CH_3OH : x \text{ mol} \\ R-CH_2OH : y \text{ mol} \end{cases}$$

$$\text{Theo đề có: } \begin{cases} m_{\text{ancol}} = 32x + M.y = 2,2 \\ n_{hh \text{ ancol}} = x + y = \frac{4,8}{80} = 0,06 \\ n_{Ag} = 4x + 2y = \frac{23,76}{108} = 0,22 \end{cases}$$

$$\Rightarrow M = 60 \Rightarrow \text{hh rượu } \begin{cases} CH_3OH \\ C_3H_7OH \end{cases}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

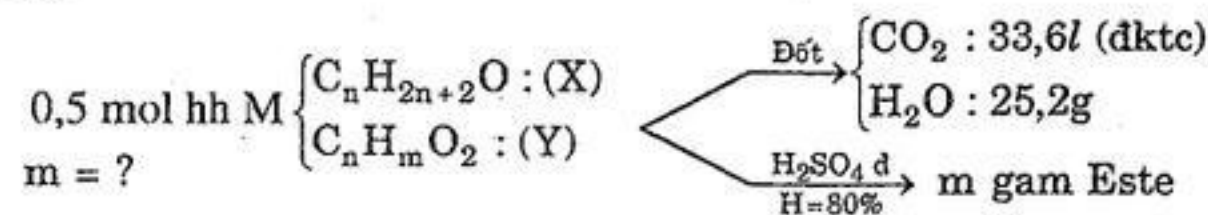
■ Cần nhớ:

• Với ancol đơn: $n_{\text{ancol pư}} = n_{CuO \text{ pư}}$

• $\frac{n_{Ag}}{n_{\text{hehe pư}}} = 2$. Số chức andehit

• Riêng: $HCHO \xrightarrow[NH_3]{dd AgNO_3} Ag$ có: $n_{Ag} = 4.n_{HCHO \text{ pư}}$

Câu 10:



* Hướng dẫn giải:

Theo đề: $n = \frac{n_{CO_2}}{n_{hhM}} = \frac{1,5}{0,5} = 3 \Rightarrow hh M \begin{cases} (X) : C_3H_8O \\ (Y) : C_3H_mO_2 \end{cases}$

Ta có: $số H_{\text{trung bình}} = \frac{2.n_{H_2O}}{n_{hhM}} = 5,6 \Rightarrow m = 2; 4.$

Do: Số mol Y > Số mol X $\Rightarrow$ nghiệm hợp lí là $m = 4.$

$\Rightarrow hh M \begin{cases} (X) : C_3H_7OH : 0,2 \text{ mol} \\ (Y) : CH_2=CH-COOH : 0,3 \text{ mol} \end{cases}$

$\Rightarrow$ Este: $CH_2=CH-COO-C_3H_7$

$\Rightarrow m_{\text{este}} = 114 \times 0,2 \times \frac{80}{100} = 18,24 \text{ gam}$

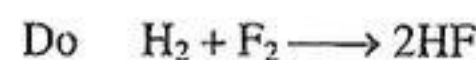
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 11:

Để kết tủa hết $Ca^{2+} \Leftrightarrow n_{OH^-} = n_{HCO_3^-} \Leftrightarrow \frac{a}{74} \times 2 = 0,006 \Rightarrow a = 0,222$

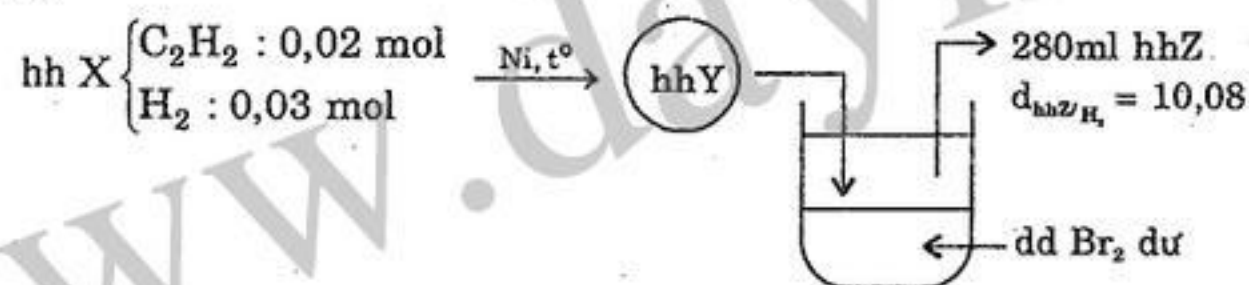
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 12:



Phản ứng xảy ra ở nhiệt độ thường $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 13:



Khối lượng bình Br_2 tăng m gam.

- Theo ĐLBTKL ta có:

$m_{hhX} = m_{hhY} = \Delta m \text{ bình } Br_2 \text{ tăng} + m_{hhZ}$

$\Leftrightarrow 26.0,02 + 2.0,03 = m + \frac{280}{22400} \times 10,08 \times 2 \Rightarrow m = 0,328 \text{ gam}$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

* Gợi ý: $m_{hhZ} = \overline{M}_{hhZ} \times n_{hhZ}$

Câu 14:

Vì (3) không xảy ra $\Rightarrow$ A, B sai.

Phản ứng (2) không phải là phản ứng oxi hoá kim loại $\Rightarrow$ D sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 15:

Để thấy $C_2H_4O_2$ có 3 đồng phân sau: $CH_3COOH, HCOOCH_3, \begin{matrix} CH_2-CHO \\ | \\ OH \end{matrix}$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 16:

Phèn chua: $K_2SO_4 \cdot Al_2(SO_4)_3 \cdot 24H_2O \Rightarrow$ A, B, D sai. $\Rightarrow$ Đáp án: C.

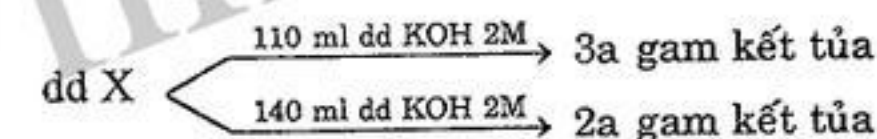
Câu 17:

■ Cần nhớ:

- Be không tan trong H_2O .
- Nhiệt độ nóng chảy ở phân nhóm IIA không có quy luật.
- Mg có kiểu mạng tinh thể lục phương $\Rightarrow$ A, C, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 18:

dd X: $\frac{m}{161} \text{ mol } Zn^{2+}$



Theo đề $\Rightarrow n_{Zn(OH)_2 \text{ bị tan}} = \frac{1}{2}(0,28 - 0,22) = 0,03 \text{ mol}$

$\Rightarrow a \text{ gam kết tủa có số mol là } 0,03 \text{ mol}$

$\Rightarrow 2a \text{ gam kết tủa có số mol là } 0,06 \text{ mol}$

$\Rightarrow 0,28 = 4 \cdot \frac{m}{161} - 2 \cdot 0,06 \Rightarrow m = 16,1 \text{ gam} \Rightarrow$ Đáp án: D.

■ Cần nhớ:

Theo đề 2a gam kết tủa thu được ứng với trường hợp có kết tủa bị tan nên có công thức:

$$n_{OH^- \text{ dư}} = 4.n_{Zn^{2+}} - 2.n_{\downarrow}$$

Câu 19:

Tơ tổng hợp: tơ capron, tơ nilon, tơ nilon-6,6 $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 20:

Do phenol không tan trong HCl $\Rightarrow$ (1) sai $\Rightarrow$ A, C, D sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 21:

- **Cần nhớ:** Số n peptit chứa đủ n gốc aminoaxit = n!
 $\Rightarrow$ Số tripeptit có chứa đủ 3 gốc aminoaxit bằng $3! = 1.2.3 = 6$ tripeptit.
 $\Rightarrow$ Đáp số: D.

Câu 22:

Theo đề có: $V_{H_2O} = 300\text{ml}$; $V_{hh(CO_2, N_2)} = 250\text{ml}$

TH1: hh X $\begin{cases} C_2H_7N : a \text{ (ml)} \\ C_nH_{2n+2} : b \text{ (ml)} \end{cases}$

Theo đề có: $\begin{cases} V_{hh} = a + b = 100 \\ V_{(CO_2, N_2)} = 2a + \bar{M}b + \frac{1}{2}a = 250 \\ V_{H_2O} = \frac{7}{2}a + (\bar{n} + 1)b = 300 \end{cases}$

Dễ thấy hệ trên vô nghiệm $\Rightarrow$ A, C sai.

TH2: hh X $\begin{cases} C_2H_7N \\ C_nH_{2n} \end{cases}$

Giải tương tự TH1 $\Rightarrow \bar{n} = 2,5 \Rightarrow$ Đáp án: D.

- **Cần nhớ:**
- $V_{CO_2} = V_{đốt} \times \text{Số C}$
 - $V_{H_2O} = V_{đốt} \times \frac{\text{Số H}}{2}$
 - $V_{N_2} = V_{đốt} \times \frac{\text{Số N}}{2}$

($V_{đốt}$: thể tích của chất đem đốt cháy).

Câu 23:

- Axit nucleic là polieste của axit photphoric và pentozơ $\Rightarrow$ D sai.
- Lòng trắng trứng + $Cu(OH)_2 \rightarrow$ Màu tím $\Rightarrow$ B sai.
- Thủy phân xenlulozơ được glucozơ $\Rightarrow$ C sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 24:

m gam hh 3 ancol đơn $\xrightarrow{\text{Đốt}}$ $\begin{cases} CO_2 : 3,808\text{l (đktc)} \\ H_2O : 5,4\text{g} \end{cases}$
 (cùng dãy đồng đẳng)
 $m = ?$

* **Giải:**

Ta có: $\begin{cases} n_{CO_2} = 0,17 \text{ mol} \\ n_{H_2O} = 0,3 \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow n_{CO_2} < n_{H_2O}$

$\Rightarrow$ Các rượu đem đốt là các rượu no.

Vậy ta có: $m = 5,4 - \frac{0,17.44}{11} = 4,72 \text{ gam} \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** Rượu đơn, no $\xrightarrow{\text{Đốt}}$ $\begin{cases} CO_2 \\ H_2O \end{cases}$

$\Rightarrow m_{\text{rượu pư}} = m_{H_2O} - \frac{m_{CO_2}}{11}$

Câu 25:

- Vì $Z_X \neq Z_Y \Rightarrow$ X, Y không thuộc cùng một nguyên tố $\Rightarrow$ A sai.
 - Theo đề $n_X = 13$; $n_Y = 29 \Rightarrow$ C sai.
 - $Z_X \neq Z_Z \Rightarrow$ X, Z không là hai đồng vị của cùng một nguyên tố $\Rightarrow$ D sai.
- $\Rightarrow$ Đáp án: B.
 Dễ thấy B là đáp án đúng vì cùng số khối.

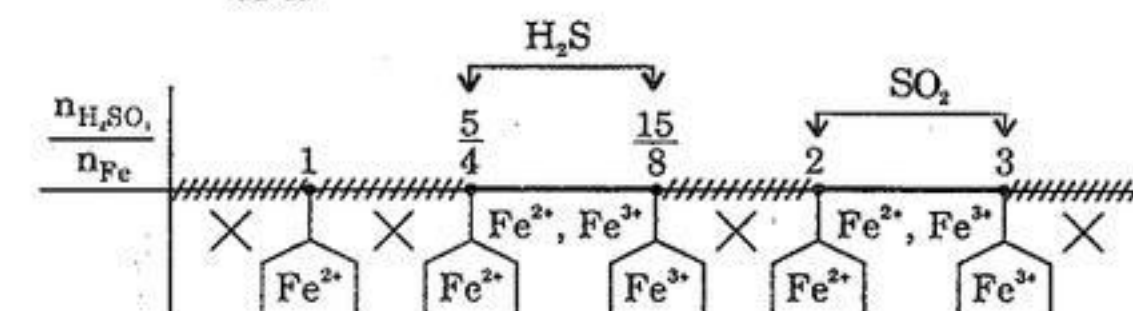
Câu 26:

- Theo đề Fe, H_2SO_4 đều hết.
- $\frac{n_{H_2SO_4}}{n_{Fe}} = \frac{5}{2} = 2,5 \Rightarrow$ Sản phẩm khử là SO_2
 $\Rightarrow n_{e \text{ cho}} = n_{e \text{ nhận}} = 2.n_{SO_2}$
 Do: $n_{H_2SO_4 \text{ pư}} = 2.n_{SO_2} \Rightarrow n_{e \text{ cho}} = y.$

■ **Cần nhớ:** Kim loại $\xrightarrow{H_2SO_4}$ SO_2

$n_{H_2SO_4 \text{ pư}} = 2.n_{SO_2}$

• Fe $\xrightarrow[\text{vừa đủ}]{H_2SO_4}$ khí, cần nhớ:

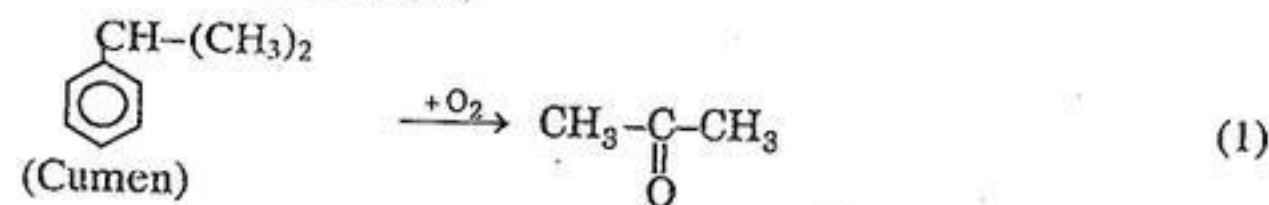


* **Giải thích:**

- $\frac{n_{H_2SO_4}}{n_{Fe}} = 1 \Rightarrow \begin{cases} \text{khí: } H_2 \\ \text{muối: } Fe^{2+} \end{cases}$
- $\frac{5}{4} \leq \frac{n_{H_2SO_4}}{n_{Fe}} \leq \frac{15}{8} \Rightarrow$ Khí: H_2S
- $2 \leq \frac{n_{H_2SO_4}}{n_{SO_2}} \leq 3 \Rightarrow$ Khí: SO_2 .

Câu 27:

Ta có sơ đồ điều chế axeton:



$$(1) \Rightarrow m_{\text{Cumene cần}} = 120 \times \frac{145}{58} \times \frac{100}{75} = 400 \text{ gam.}$$

Câu 28:

Các chất phản ứng được với NaOH ở nhiệt độ thường: NaHCO_3 , HF , Cl_2 , NH_4Cl , $\text{Al}(\text{OH})_3 \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 29:

0,2 mol este E $\xrightarrow[\text{vừa đủ}]{100\text{g dd NaOH } 24\%}$ 43,6 gam muối của hai axit đơn

Hai axit đơn: ?

$$\text{* Gợi ý: } \frac{n_{\text{NaOH dư}}}{n_{\text{este dư}}} = \frac{100 \times 24}{100 \times 40} = 3 \Rightarrow \text{Este E: 3 chức.}$$

Vì E sinh bởi các axit đơn $\Rightarrow n_{\text{hh muối}} = 3.n_E = 0,6 \text{ (mol)}$

$$\Rightarrow \overline{M}_{\text{hh muối}} = \frac{43,6}{0,6} = 72,67 \Rightarrow \text{hh muối có HCOONa} \Rightarrow \text{B, C sai.}$$

$$\Rightarrow \text{hh muối} \begin{cases} \text{HCOONa : 0,2 mol} \\ \text{RCOONa : 0,4 mol} \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} \text{HCOONa : 0,4 mol} \\ \text{RCOONa : 0,2 mol} \end{cases}$$

Dễ dàng thấy TH1: vô nghiệm.

$$\text{Với TH2} \Rightarrow R = 15 \Rightarrow \text{hh hai axit} \begin{cases} \text{HCOOH} \\ \text{CH}_3\text{COOH} \end{cases} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

Câu 30:

■ **Cần nhớ:**

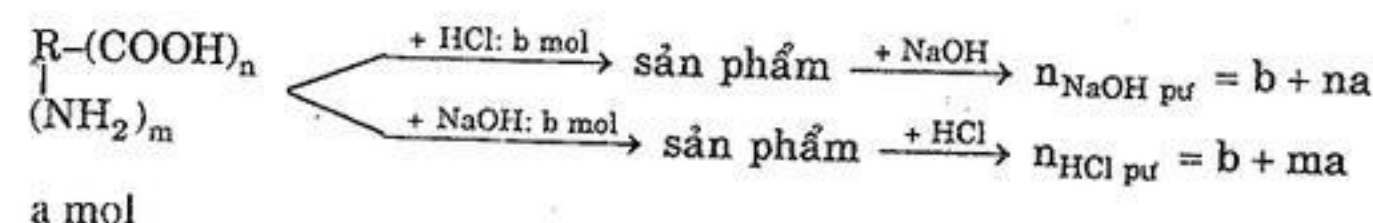
- Từ trái sang phải (trên cùng một chu kỳ): Bán kính nguyên tử giảm, độ âm điện tăng.
- Từ trên xuống: ngược lại.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

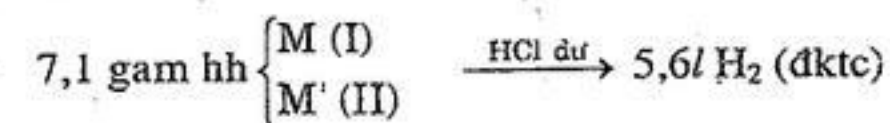
Câu 31:

$$n_{\text{NaOH dư}} = 0,175 \times 2 + 2 \times 0,15 = 0,65 \text{ (mol)}$$

■ **Cần nhớ:**



Câu 32:



M, M': ?

M: kim loại kiềm (Li, Na, K)

M': kim loại kiềm thổ (Be, Ca, Ba)

* **Gợi ý:**

- Câu hỏi này ta nên kiểm tra các phương án trả lời sẽ dễ và nhanh nhất.

- Với kim loại $\xrightarrow{\text{H}^+} \text{H}_2$, ta cần nhớ: $n_{\text{KL dư}} \times \text{hoá trị} = 2.n_{\text{H}_2}$

$$+ \text{Với D: hh (K, Ba)} \Rightarrow 1,16 \leq V_{\text{H}_2} \leq 2,039 \text{ (l)} \Rightarrow \text{D sai.}$$

$$+ \text{Với C: hh (K, Ca)} \Rightarrow 2,039 \leq V_{\text{H}_2} \leq 3,976 \text{ (l)} \Rightarrow \text{C sai.}$$

$$+ \text{Với B: hh (Li, Be)} \Rightarrow 11,36 \leq V_{\text{H}_2} \leq 17,67 \text{ (l)} \Rightarrow \text{B sai.}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

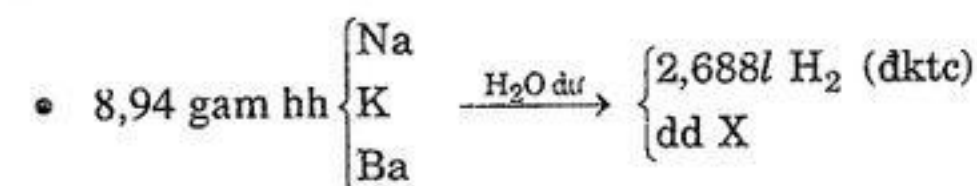
* **Giải thích:**

$$\text{Với D: } + \text{Giả sử hh chỉ có K: } \frac{7,1}{39} \times I = 2 \cdot \frac{V_{\text{H}_2}}{22,4} \Rightarrow V_{\text{H}_2} = 2,039 \text{ (l)}$$

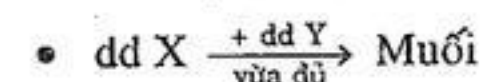
$$+ \text{Giả sử hh chỉ có Ba: } \frac{7,1}{137} \times II = 2 \cdot \frac{V_{\text{H}_2}}{22,4} \Rightarrow V_{\text{H}_2} = 1,16 \text{ (l)}$$

Kết luận: $1,16 \leq V_{\text{H}_2} \leq 2,039 \text{ (l)}$.

Câu 33:



$$\text{dd Y} \begin{cases} \text{HCl} \\ \text{H}_2\text{SO}_4 \end{cases}; \quad n_{\text{HCl}} : n_{\text{H}_2\text{SO}_4} = 4 : 1$$



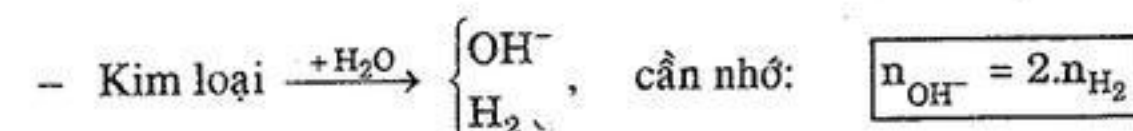
$$m_{\text{muối}} = ?$$

* **Gợi ý:**

- Công thức tính khối lượng muối: $m_{\text{muối}} = m_{\text{kim loại}} + m_{\text{Cl}^-} + m_{\text{SO}_4^{2-}}$

- Từ lượng $\text{H}_2 \Rightarrow$ Lượng OH^- có trong dd X

$$\Rightarrow \text{Số mol mỗi axit} \Rightarrow m_{\text{Cl}^-}, m_{\text{SO}_4^{2-}}$$



* Giải:

– Đặt dd Y $\begin{cases} \text{HCl} : 4a \text{ (mol)} \\ \text{H}_2\text{SO}_4 : a \text{ (mol)} \end{cases}$

$$\Rightarrow 4a + 2a = 2 \times \frac{2,688}{22,4} \Rightarrow a = 0,04 \text{ mol}$$

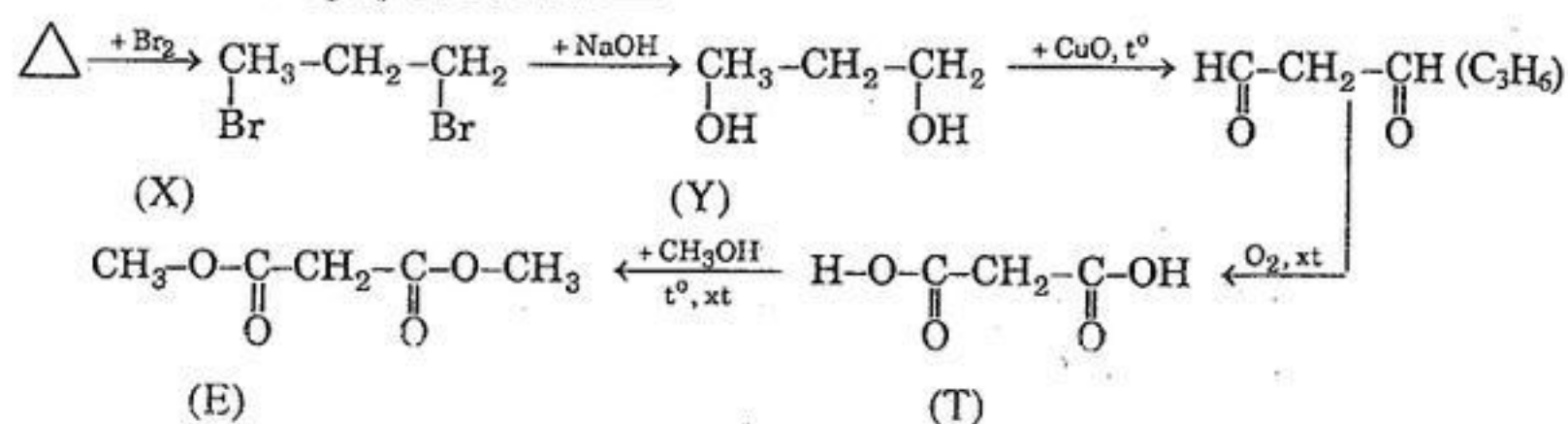
$$m_{\text{muối}} = 8,94 + 35,5 \times 4 \times 0,04 + 96 \times 0,04 = 18,46 \text{ (gam)}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 34:

* Sơ đồ gợi ý:

Theo đề $\Rightarrow \text{C}_3\text{H}_6$ có CTCT: $\triangle$



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 35:

Chỉ có NaNO_3 không phản ứng được với ... $\Rightarrow$ Đáp án: D.

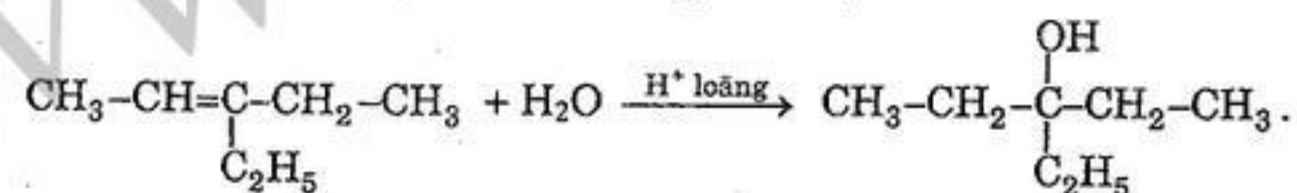
Câu 36:

- A sai vì chỉ có ăn mòn điện hoá mới có phát sinh dòng điện.
- B sai vì trong ăn mòn điện hóa không có Cu sinh ở cực âm.
- D sai vì ở cực dương trong ăn mòn điện hóa ở trường hợp này không có quá trình oxi hoá Cl^- .

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 37:

Dễ thấy đáp án đúng là C. Phản ứng minh họa:



Câu 38:

Triolein: $(\text{CH}_3-[\text{CH}_2]_7-\text{CH}=\text{CH}-[\text{CH}_2]_7-\text{COO})_3 \text{C}_3\text{H}_5$

X: $(\text{CH}_3-[\text{CH}_2]_{16}-\text{COO})_3 \text{C}_3\text{H}_5$

Y: $\text{CH}_3-[\text{CH}_2]_{16}-\text{COONa}$

Z: $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_{16}-\text{COOH}$ (axit stearic) $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 39:

Dễ thấy C sai vì F trong hợp chất chỉ có nước oxi hoá bằng -1.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 40:

Este đơn X $\xrightarrow{\text{đốt}}$ $V_{\text{CO}_2} = \frac{6}{7} V_{\text{O}_2 \text{ dư}}$ (các thể tích đo cùng điều kiện)

Số lk $\pi < 3$

m gam Este X $\xrightarrow{200\text{ml dd KOH } 0,7\text{M}}$ dd Y $\xrightarrow{\text{cô cạn}}$ 12,88 gam rắn

m = ?

* Gợi ý:

– Từ giả thiết đốt ta dễ dàng $\Rightarrow$ X: $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_2$

– Rắn gồm RCOOK: a mol. KOH dư: $(0,14 - a)$ mol
(R = 1; 15)

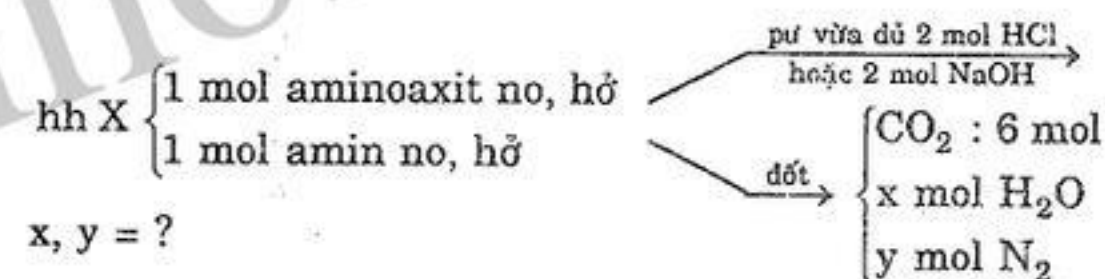
Nghiệm hợp lí: R = 15; a = 0,12 $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 41:

Chất dùng để tẩy trắng giấy và bột giấy trong công nghiệp là SO_2 .

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 42:



* Gợi ý:

Vì $n_{\text{HCl}} \text{ phứ} = 2 \text{ mol} \Rightarrow$ aminoaxit, amin đều chỉ có một nhóm $(-\text{NH}_2)$

$n_{\text{NaOH}} \text{ phứ} = 2 \text{ mol} \Rightarrow$ aminoaxit có 2 nhóm $(-\text{COOH})$

$\Rightarrow$ Aminoaxit: $\text{C}_n\text{H}_{2n-1}\text{COOH}$; Amin: $\text{C}_m\text{H}_{2m+1}-\text{NH}_2$.

$$\begin{array}{l} \text{Theo đề ta có: } \begin{cases} n_{\text{CO}_2} = (n+2).1 + m.1 = 6 \\ n_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{2n+3}{2}.1 + \frac{2m+3}{2}.1 = x \\ n_{\text{N}_2} = \frac{1}{2}.1 + \frac{1}{2}.1 = y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} n+m=4 \\ x=7 \\ y=1 \end{cases} \Rightarrow \text{Đáp án: C.} \end{array}$$

Câu 43:

Ta có sơ đồ hợp thức: $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \rightarrow 2\text{C}_2\text{H}_5\text{OH} \rightarrow 2\text{CH}_3\text{COOH}$ (1)

$$\text{Theo (1) ta có: } H_{\text{phứ}} = \frac{0,72 \times 0,2 \times 10}{2 \times \frac{180}{180} \times \frac{80}{100}} = 0,9 = 90\%. \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

* **Giải thích:** $H_{\text{pư}} = \frac{\text{Lượng phản ứng}}{\text{Lượng ban đầu}}$

Ở câu này: Lượng ban đầu = $n_{\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}} = 2n_{\text{glucose}} \times \frac{80}{100}$

Lượng phản ứng = $n_{\text{C}_2\text{H}_5\text{OH pư}} = n_{\text{CH}_3\text{COOH}} = n_{\text{NaOH}}$

Chú ý: Chỉ đem lên men giấm 0,1a gam $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$.

Câu 44:

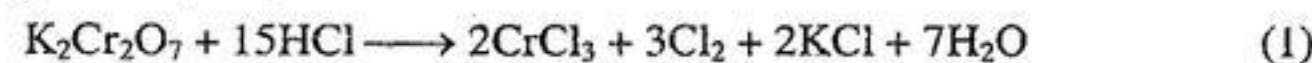
Vì Cu không phản ứng được với HCl $\Rightarrow$ B sai.

MgO, CuO không phản ứng với dung dịch $\text{AgNO}_3 \Rightarrow$ A, C sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 45:

Ta có phản ứng:



Theo trên số phân tử HCl đóng vai trò chất khử là 6 phân tử.

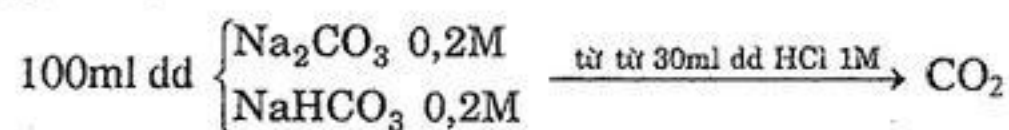
$\Rightarrow K = \frac{6}{14} = \frac{3}{7} \Rightarrow$ Đáp án: D.

* **Gợi ý:**

HCl thể hiện tính khử khi sinh Cl_2 .

Theo phản ứng (1) có $6\text{HCl} \longrightarrow 3\text{Cl}_2$, còn lại 8 phân tử tạo muối.

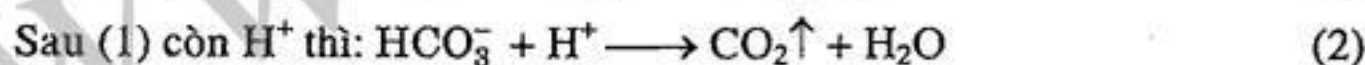
Câu 46:



$n_{\text{CO}_2} = ?$

* **Gợi ý:**

Khi nhỏ từ từ H^+ vào dd $\begin{cases} \text{CO}_3^{2-} \\ \text{HCO}_3^- \end{cases}$



* **Giải:**

$n_{\text{H}^+ \text{ bd}} = 0,03 \text{ mol}; n_{\text{CO}_3^{2-} \text{ bd}} = 0,02 \text{ mol}; n_{\text{HCO}_3^-} = 0,02 \text{ mol}$



Ban đầu: 0,03 0,02 0 (mol)

Phản ứng: 0,02 $\leftarrow$ 0,02 $\rightarrow$ 0,02 (mol)

Sau pư: 0,01 0 0,02 (mol)

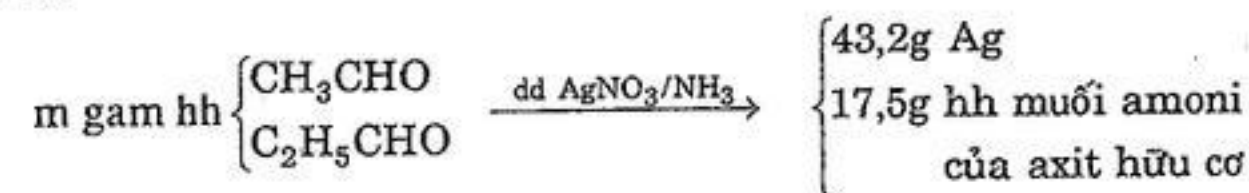
Sau (1) H^+ còn 0,01 mol.

$$\sum \text{HCO}_3^- = 0,02 + 0,02 = 0,04 \text{ (mol)}$$

(2) $\Rightarrow n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}^+} = 0,01 \text{ mol} \Rightarrow$ Đáp án: B.

Ở câu này dựa vào phản ứng (1), (2) và các số mol ban đầu ta cũng dễ dàng suy được số mol CO_2 sinh ra bằng cách $n_{\text{H}^+ \text{ bd}} - n_{\text{CO}_3^{2-} \text{ bd}} = 0,01 \text{ mol}$ (do HCO_3^- luôn còn dư).

Câu 47:



* **Gợi ý:**

Theo đề ta có: $\text{R-CHO} \longrightarrow \text{RCOONH}_4$.

$$\Rightarrow m_{\text{muối}} = m_{\text{andhit}} + 33.n_{\text{pư}}$$

$$\text{Với } n_{\text{pư}} = n_{\text{andhit pư}} = \frac{1}{2}n_{\text{Ag}}$$

* **Giải:** $17,5 = m + 33 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{43,2}{108} \Rightarrow m = 10,9 \text{ (gam)} \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 48:

15,8 gam hh $\begin{cases} 0,1 \text{ mol RCOOH} \\ 0,1 \text{ mol RCOOM} \end{cases}$

(M: kim loại kiềm)

Tên axit: ?

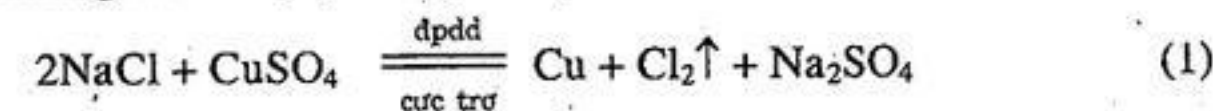
* **Giải:**

$$\text{Từ dữ kiện đề bài } \Rightarrow R = \frac{69 - M}{2}$$

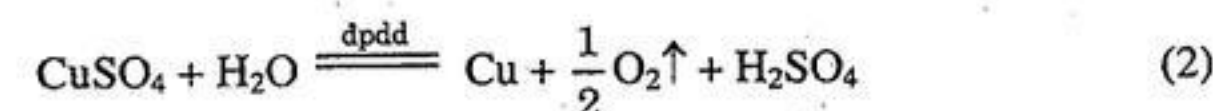
Nghiệm hợp lí $\begin{cases} M = 39 \text{ (Kali)} \\ R = 15 \end{cases} \Rightarrow$ Axit: $\text{CH}_3\text{COOH} \Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 50:

Ta có phương trình điện phân giai đoạn đầu:



Vì $n_{\text{NaCl bd}} = n_{\text{CuSO}_4 \text{ bd}}$ nên sau (1) còn CuSO_4 do đó có thêm phương trình sau:



(1), (2) $\Rightarrow$ Khí ở anot: $\text{Cl}_2, \text{O}_2 \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 51:

Vì poli(metyl metaacrylat) là sản phẩm trùng hợp của metyl metaacrylat

$$\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)-\text{COO}-\text{CH}_3$$

$\Rightarrow$ Có (1) là phương án sai $\Rightarrow$ A, C, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: B.

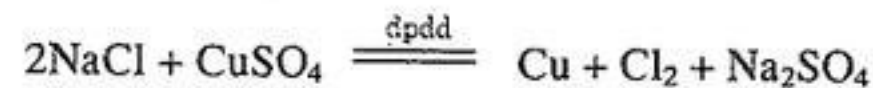
Câu 52:

dd X $\begin{cases} \text{CuSO}_4 : 0,2 \text{ mol} \\ \text{NaCl} : 0,12 \text{ mol} \end{cases} \xrightarrow[\substack{I = 2A \\ t = 9650 \text{ (s)}}]{\text{đpdd (cực trơ)}} \text{Khí ở anot VI (đktc)}$

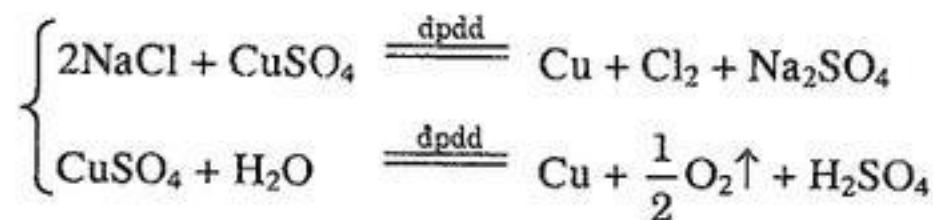
V = ?

* Gọi ý: $\begin{cases} \text{NaCl} \\ \text{CuSO}_4 \end{cases} \xrightarrow[\text{cực trơ}]{\text{đpdd}}$

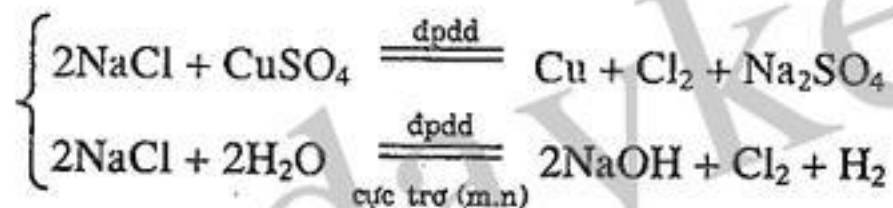
• Nếu: $\frac{n_{\text{NaCl}}}{2} = \frac{n_{\text{CuSO}_4}}{1}$, chỉ có phương trình điện phân:



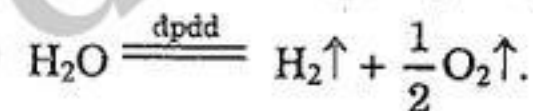
• Nếu: $\frac{n_{\text{NaCl}}}{2} < \frac{n_{\text{CuSO}_4}}{1}$, bài toán có phương trình điện phân:



• Nếu: $\frac{n_{\text{NaCl}}}{2} > \frac{n_{\text{CuSO}_4}}{1}$, bài toán có phương trình điện phân:

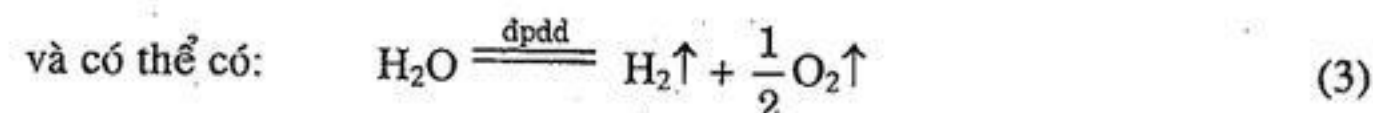
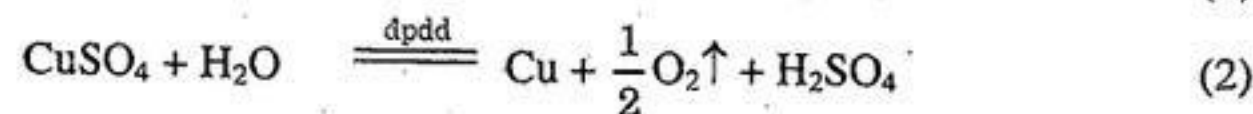
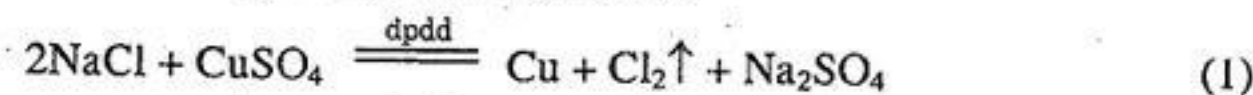


Trong mỗi trường hợp đều có thể có thêm phương trình điện phân của H_2O .



* Giải:

Theo đề bài ta có phương trình điện phân:



- Nếu CuSO_4 điện phân hết $\Rightarrow t = \frac{0,2 \times 2 \times 96500}{2} = 19300 > 9650$

$\Rightarrow$ (3) không xảy ra.

- Ta dễ dàng tính được thời gian điện phân (2) là 3860 giây.

(2) $\Rightarrow n_{\text{O}_2} = 0,02$

(1) $\Rightarrow n_{\text{Cl}_2} = 0,06 \Rightarrow \sum n_{(\text{Cl}_2, \text{O}_2)} = 0,08 \Rightarrow V_{\text{khí}} = 1,792\text{l}$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:

Theo Faraday ta có công thức tính số mol khí thoát ra ở điện cực:

$$\text{mol khí} = \frac{I \cdot t}{n \cdot F}$$

• Với Cl_2 : $n = 2$

• Với O_2 : $n = 4$

• $F = 96500$

• Nếu chất thoát ở điện cực là kim loại: $n =$ hoá trị.

Câu 53:

Ta có phản ứng: $3\text{CuO} + 2\text{NH}_3 \xrightarrow{t^\circ} 3\text{Cu} + \text{N}_2 + 3\text{H}_2\text{O} \quad (1)$

Ban đầu: $\begin{matrix} 0,2 & 0,02 & 0 \end{matrix} \quad (\text{mol})$

Phản ứng: $\begin{matrix} 0,03 & \leftarrow 0,02 & \rightarrow 0,03 \end{matrix} \quad (\text{mol})$

Sau phản ứng: $\begin{matrix} 0,17 & 0 & 0,03 \end{matrix} \quad (\text{mol})$

(1) $\Rightarrow$ Rắn $\begin{cases} \text{Cu} : 0,03 \text{ mol} \\ \text{CuO} : 0,17 \text{ mol} \end{cases}$

$\Rightarrow \% \text{Cu trong rắn} = \frac{0,03 \cdot 64}{64 \cdot 0,03 + 80 \cdot 0,17} = 0,1237 = 12,37\% \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 54:

Vì $\text{X} \xrightarrow{+\text{HNO}_2} \text{N}_2 \Rightarrow \text{X}$: amin bậc I $\Rightarrow$ A, B sai.

C, D $\Rightarrow \text{X}: \text{C}_3\text{H}_y\text{N} \Rightarrow 8V = 3V + \frac{y}{2}V + \frac{1}{2}V \Rightarrow y = 9$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ: $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \cdot \text{Số C}$

$$n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{đốt}} \cdot \frac{\text{Số H}}{2}$$

$$n_{\text{N}_2} = n_{\text{đốt}} \cdot \frac{\text{Số N}}{2}$$

(Có thể thay số mol = thể tích)

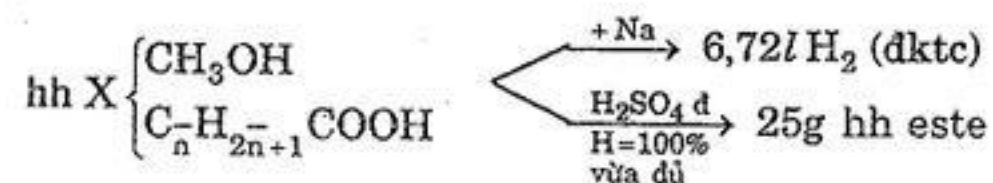
Câu 55:

Để thấy tên hợp lí là B.

Câu 56:

Có (4) là phương án sai $\Rightarrow$ A, B, C sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 57:



Hai axit kế tiếp: ?

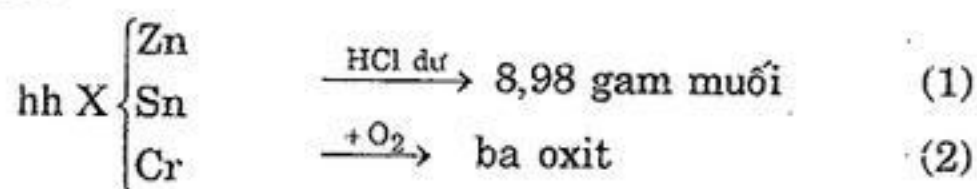
* Gợi ý:

Theo đề $\Rightarrow n_{\text{CH}_3\text{OH}} = n_{\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COOH}} = n_{\text{hh este}} = 0,3 \text{ mol}$

Từ 25 gam este $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COOCH}_3$ (0,3 mol) $\Rightarrow \bar{n} = 1,67$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 58:



$V_{\text{O}_2 \text{ pư}} = ?$

* Công thức cần nhớ:

- Kim loại phản ứng với $\text{HCl} \rightarrow \text{H}_2$ có:

$$m_{\text{muối}} = m_{\text{KL pư}} + 71.n_{\text{H}_2}$$

$$n_{\text{KL pư}} \times \text{Hoá trị} = 2.n_{\text{H}_2}$$

- Kim loại $\xrightarrow{+\text{O}_2}$ Oxit có: $n_{\text{KL pư}} \times \text{Hoá trị} = 4.n_{\text{O}_2 \text{ pư}}$

- Hoá trị của kim loại ở phản ứng với $\text{H}^+ \rightarrow \text{H}_2$ là hoá trị thấp, ở phản ứng với oxi có hoá trị cao.

* Giải:

- Ở thí nghiệm 1 có: $n_{\text{Zn}} \times \text{II} + n_{\text{Sn}} \times \text{II} + n_{\text{Cr}} \times \text{II} = 2.n_{\text{H}_2}$

$$\text{Theo đề: } n_{\text{Zn}} = n_{\text{Sn}} = n_{\text{Cr}} \Rightarrow n_{\text{Zn}} = n_{\text{Sn}} = n_{\text{Cr}} = \frac{1}{3}.n_{\text{H}_2}$$

$$\text{Ta có: } 8,98 = m + 71.n_{\text{H}_2}$$

$$\Leftrightarrow 8,98 = (65 + 119 + 52). \frac{1}{3}.n_{\text{H}_2} + 71.n_{\text{H}_2} \Rightarrow n_{\text{H}_2} = 0,06 \text{ mol}$$

- Ở thí nghiệm 2 có: $n_{\text{Zn}} \times \text{II} + n_{\text{Sn}} \times \text{IV} + n_{\text{Cr}} \times \text{III} = 4.n_{\text{O}_2}$

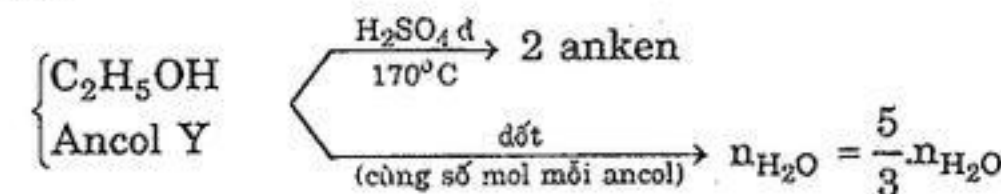
$$\Leftrightarrow \frac{2}{3}.n_{\text{H}_2} + \frac{4}{3}.n_{\text{H}_2} + \frac{3}{3}.n_{\text{H}_2} = 4.n_{\text{O}_2}$$

$$\Rightarrow n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = \frac{3}{4}.n_{\text{H}_2} = \frac{3}{4} \times 0,06 = 0,045 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow V_{\text{O}_2 \text{ pư}} = 0,045 \times 22,4 = 1,008 \text{ l (đktc)}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 59:



* Hướng dẫn:

Theo đề $\Rightarrow$ Y: ancol đơn, no (do $\text{Y} \xrightarrow{-\text{H}_2\text{O}} \text{anken}$)

$$\Rightarrow \text{Y: } \text{C}_n\text{H}_{2n+2}\text{O}$$

$$\text{Theo đề có: } \frac{n_{\text{H}_2\text{O}} \text{ sinh từ } \text{C}_2\text{H}_5\text{OH}}{n_{\text{H}_2\text{O}} \text{ sinh từ Y}} = \frac{5}{3} \text{ hoặc } \frac{3}{5}$$

$$\text{Ta có: } \frac{3}{n+1} = \frac{5}{3} \text{ hoặc } \frac{3}{5}$$

Nghiệm hợp lí là $n = 4$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Không chọn A vì A sinh hai ancol (trái với đề).

Câu 60:

Khi $[\text{N}_2\text{O}_4]$ tăng 9 lần $\Rightarrow [\text{NO}_2]^2$ tăng 9 lần $\Rightarrow [\text{NO}_2]$ tăng 3 lần.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI B NĂM 2010

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Hợp chất hữu cơ mạch hở X có công thức phân tử $\text{C}_6\text{H}_{10}\text{O}_4$. Thủy phân X tạo ra hai ancol đơn chức có số nguyên tử cacbon trong phân tử gấp đôi nhau. Công thức của X là

- A. $\text{CH}_3\text{OCO}-\text{CH}_2-\text{COOC}_2\text{H}_5$. B. $\text{C}_2\text{H}_5\text{OCO}-\text{COOCH}_3$.
C. $\text{CH}_3\text{OCO}-\text{COOC}_3\text{H}_7$. D. $\text{CH}_3\text{OCO}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{COOC}_2\text{H}_5$.

Câu 2: Nung 2,23 gam hỗn hợp X gồm các kim loại Fe, Al, Zn, Mg trong oxi, sau một thời gian thu được 2,71 gam hỗn hợp Y. Hoà tan hoàn toàn Y vào dung dịch HNO_3 (dư), thu được 0,672 lít khí NO (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Số mol HNO_3 đã phản ứng là

- A. 0,12. B. 0,14. C. 0,16. D. 0,18.

Câu 3: Hỗn hợp X gồm axit panmitic, axit stearic và axit linoleic. Để trung hoà m gam X cần 40ml dung dịch NaOH 1M. Mặt khác, nếu đốt cháy hoàn toàn m gam X thì thu được 15,232 lít khí CO_2 (đktc) và 11,7 gam H_2O . Số mol của axit linoleic trong m gam hỗn hợp X là

- A. 0,015. B. 0,010. C. 0,020. D. 0,005.

Câu 4: Phương pháp để loại bỏ tạp chất HCl có lẫn trong khí H_2S là: Cho hỗn hợp khí lội từ từ qua một lượng dư dung dịch

- A. $\text{Pb}(\text{NO}_3)_2$. B. NaHS. C. AgNO_3 . D. NaOH.

Câu 5: Phát biểu nào sau đây không đúng khi so sánh tính chất hoá học của nhôm và crom?

- A. Nhôm và crom đều bị thụ động hoá trong dung dịch H_2SO_4 đặc nguội.
B. Nhôm có tính khử mạnh hơn crom.
C. Nhôm và crom đều phản ứng với dung dịch HCl theo cùng tỉ lệ về số mol.
D. Nhôm và crom đều bền trong không khí và trong nước.

Câu 6: Hai hợp chất hữu cơ X và Y có cùng công thức phân tử là $\text{C}_3\text{H}_7\text{NO}_2$, đều là chất rắn ở điều kiện thường. Chất X phản ứng với dung dịch NaOH, giải phóng khí. Chất Y có phản ứng trùng ngưng. Các chất X và Y lần lượt là

- A. vinylamoni fomat và amoni acrylat.
B. amoni acrylat và axit 2-aminopropionic.
C. axit 2-aminopropionic và amoni acrylat.
D. axit 2-aminopropionic và axit 3-aminopropionic.

Câu 7: Khử hoàn toàn m gam oxit M_xO_y cần vừa đủ 17,92 lít khí CO (đktc), thu được a gam kim loại M. Hoà tan hết a gam M bằng dung dịch H_2SO_4 đặc nóng (dư), thu được 20,16 lít khí SO_2 (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Oxit M_xO_y là

- A. Cr_2O_3 . B. FeO. C. Fe_3O_4 . D. CrO.

Câu 8: Cho dung dịch $\text{Ba}(\text{HCO}_3)_2$ lần lượt vào các dung dịch: CaCl_2 , $\text{Ca}(\text{NO}_3)_2$, NaOH, Na_2CO_3 , KHSO_4 , Na_2SO_4 , $\text{Ca}(\text{OH})_2$, H_2SO_4 , HCl. Số trường hợp có tạo ra kết tủa là

- A. 4. B. 7. C. 5. D. 6.

Câu 9: Dipeptit mạch hở X và tripeptit mạch hở Y đều được tạo nên từ một amino axit (no, mạch hở, trong phân tử chứa một nhóm $-\text{NH}_2$ và một nhóm $-\text{COOH}$). Đốt cháy hoàn toàn 0,1 mol Y, thu được tổng khối lượng CO_2 và H_2O bằng 54,9 gam. Đốt cháy hoàn toàn 0,2 mol X, sản phẩm thu được cho lội từ từ qua nước vôi trong dư, tạo ra m gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 120. B. 60. C. 30. D. 45.

Câu 10: Hỗn hợp Z gồm hai axit cacboxylic đơn chức X và Y ($M_X > M_Y$) có tổng khối lượng là 8,2 gam. Cho Z tác dụng vừa đủ với dung dịch NaOH, thu được dung dịch chứa 11,5 gam muối. Mặt khác, nếu cho Z tác dụng với một lượng dư dung dịch

AgNO_3 trong NH_3 , thu được 21,6 gam Ag. Công thức và phần trăm khối lượng của X trong Z là

- A. $\text{C}_3\text{H}_5\text{COOH}$ và 54,88%. B. $\text{C}_2\text{H}_3\text{COOH}$ và 43,90%.
C. $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$ và 56,10%. D. HCOOH và 45,12%.

Câu 11: Các chất mà phân tử không phân cực là

- A. HBr, CO_2 , CH_4 . B. Cl_2 , CO_2 , C_2H_2 .
C. NH_3 , Br_2 , C_2H_4 . D. HCl, C_2H_2 , Br_2 .

Câu 12: Một ion M^{3+} có tổng số hạt proton, neutron, electron là 79, trong đó số hạt mang điện nhiều hơn số hạt không mang điện là 19. Cấu hình electron của nguyên tử M là

- A. $[\text{Ar}]3d^54s^1$. B. $[\text{Ar}]3d^64s^2$. C. $[\text{Ar}]3d^64s^1$. D. $[\text{Ar}]3d^34s^2$.

Câu 13: Hỗn hợp khí X gồm một ankan và một anken. Tỉ khối của X so với H_2 bằng 11,25. Đốt cháy hoàn toàn 4,48 lít X, thu được 6,72 lít CO_2 (các thể tích khí đo ở đktc). Công thức của ankan và anken lần lượt là

- A. CH_4 và C_2H_4 . B. C_2H_6 và C_2H_4 .
C. CH_4 và C_3H_6 . D. CH_4 và C_4H_8 .

Câu 14: Phát biểu nào sau đây không đúng?

- A. Trong các dung dịch: HCl, H_2SO_4 , H_2S có cùng nồng độ 0,01M, dung dịch H_2S có pH lớn nhất.
B. Nhỏ dung dịch NH_3 từ từ tới dư vào dung dịch CuSO_4 , thu được kết tủa xanh.
C. Dung dịch Na_2CO_3 làm phenolphthalein không màu chuyển sang màu hồng.
D. Nhỏ dung dịch NH_3 từ từ tới dư vào dung dịch AlCl_3 , thu được kết tủa trắng.

Câu 15: Dãy gồm các chất đều tác dụng với H_2 (xúc tác Ni, t^o) tạo ra sản phẩm có khả năng phản ứng với Na là

- A. $\text{C}_2\text{H}_3\text{CH}_2\text{OH}$, CH_3COCH_3 , $\text{C}_2\text{H}_3\text{COOH}$.
B. $\text{C}_2\text{H}_3\text{CHO}$, $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_3$, $\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH}$.
C. $\text{C}_2\text{H}_3\text{CH}_2\text{OH}$, CH_3CHO , CH_3COOH .
D. $\text{CH}_3\text{OC}_2\text{H}_5$, CH_3CHO , $\text{C}_2\text{H}_3\text{COOH}$.

Câu 16: Một loại phân supephotphat kép có chứa 69,62% muối canxi dihidrophotphat, còn lại gồm các chất không chứa photpho. Độ dinh dưỡng của loại phân lân này là

- A. 48,52%. B. 42,25%. C. 39,76%. D. 45,75%.

Câu 17: Cho 13,74 gam 2,4,6-trinitrophenol vào bình kín rồi nung nóng ở nhiệt độ cao. Sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được x mol hỗn hợp khí gồm: CO_2 , CO, N_2 và H_2 . Giá trị của x là

- A. 0,60. B. 0,36. C. 0,54. D. 0,45.

Câu 18: Hỗn hợp X gồm 1 ancol và 2 sản phẩm hợp nước của propen. Tỉ khối hơi của X so với hidro bằng 23. Cho m gam X đi qua ống sứ đựng CuO (dư) nung nóng. Sau khi các

phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được hỗn hợp Y gồm 3 chất hữu cơ và hơi nước, khối lượng ống sứ giảm 3,2 gam. Cho Y tác dụng hoàn toàn với lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 , tạo ra 48,6 gam Ag. Phần trăm khối lượng của propan-1-ol trong X là

A. 65,2%. B. 16,3%. C. 48,9%. D. 83,7%.

Câu 19: Cho phản ứng: $2\text{C}_6\text{H}_5\text{-CHO} + \text{KOH} \rightarrow \text{C}_6\text{H}_5\text{-COOK} + \text{C}_6\text{H}_5\text{-CH}_2\text{-OH}$

Phản ứng này chứng tỏ $\text{C}_6\text{H}_5\text{-CHO}$

A. vừa thể hiện tính oxi hoá, vừa thể hiện tính khử.

B. chỉ thể hiện tính oxi hoá.

C. chỉ thể hiện tính khử.

D. không thể hiện tính khử và tính oxi hoá.

Câu 20: Hoà tan hoàn toàn 2,44 gam hỗn hợp bột X gồm Fe_xO_y và Cu bằng dung dịch H_2SO_4 đặc nóng (dư). Sau phản ứng thu được 0,504 lít khí SO_2 (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc) và dung dịch chứa 6,6 gam hỗn hợp muối sunfat. Phần trăm khối lượng của Cu trong X là

A. 39,34%. B. 65,57%. C. 26,23%. D. 13,11%.

Câu 21: Điện phân (với điện cực trơ) 200ml dung dịch CuSO_4 nồng độ x mol/l, sau một thời gian thu được dung dịch Y vẫn còn màu xanh, có khối lượng giảm 8g so với dung dịch ban đầu. Cho 16,8g bột Fe vào Y, sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 12,4g kim loại. Giá trị của x là

A. 2,25. B. 1,5. C. 1,25. D. 3,25.

Câu 22: Trộn 10,8g bột Al với 34,8g bột Fe_3O_4 rồi tiến hành phản ứng nhiệt nhôm trong điều kiện không có không khí. Hoà tan hoàn toàn hỗn hợp rắn sau phản ứng bằng dung dịch H_2SO_4 loãng (dư) thu được 10,752 lít khí H_2 (đktc). Hiệu suất của phản ứng nhiệt nhôm là

A. 80%. B. 90%. C. 70%. D. 60%.

Câu 23: Hỗn hợp M gồm andêhit X (no, đơn chức, mạch hở) và hidrocarbon Y, có tổng số mol là 0,2 (số mol của X nhỏ hơn của Y). Đốt cháy hoàn toàn M, thu được 8,96 lít khí CO_2 (đktc) và 7,2g H_2O . Hidrocarbon Y là

A. CH_4 . B. C_2H_2 . C. C_3H_6 . D. C_2H_4 .

Câu 24: Các dung dịch phản ứng được với Cu(OH)_2 ở nhiệt độ thường là

A. glixeron, axit axetic, glucozơ. B. lòng trắng trứng, fructozơ, axeton.

C. andêhit axetic, saccarozơ, axit axetic.

D. fructozơ, axit acrylic, ancol etylic.

Câu 25: Cho dung dịch X chứa KMnO_4 và H_2SO_4 (loãng) lần lượt vào các dung dịch: FeCl_2 , FeSO_4 , CuSO_4 , MgSO_4 , H_2S , HCl (đặc). Số trường hợp có xảy ra phản ứng oxi hoá - khử là

A. 3. B. 5. C. 4. D. 6.

Câu 26: Các chất đều không bị thủy phân trong dung dịch H_2SO_4 loãng, nóng là

A. tơ capron; nilon-6,6; polietylen.

B. poli (vinyl axetat); polietilen, cao su buna.

C. nilon-6,6; poli(etylen-terephthalat); polistiren.

D. polietylen; cao su buna; polistiren.

Câu 27: Đốt cháy hoàn toàn 0,1 mol một amin no, mạch hở X bằng oxi vừa đủ thu được 0,5 mol hỗn hợp Y gồm khí và hơi. Cho 4,6g X tác dụng với dung dịch HCl (dư), số mol HCl phản ứng là

A. 0,1. B. 0,4. C. 0,3. D. 0,2.

Câu 28: Cho 150ml dung dịch KOH 1,2M tác dụng với 100ml dung dịch AlCl_3 nồng độ x mol/l, thu được dung dịch Y và 4,86 gam kết tủa. Loại bỏ kết tủa, thêm tiếp 175ml dung dịch KOH 1,2M vào Y, thu được 2,34 gam kết tủa. Giá trị của x là

A. 1,2. B. 0,8. C. 0,9. D. 1,0.

Câu 29: Phát biểu nào sau đây không đúng?

A. Dung dịch đậm đặc của Na_2SiO_3 và K_2SiO_3 được gọi là thủy tinh lỏng.

B. Đám cháy magie có thể được dập tắt bằng cát khô.

C. CF_2Cl_2 bị cấm sử dụng do khi thải ra khí quyển thì phá hủy tầng ozon.

D. Trong phòng thí nghiệm, N_2 được điều chế bằng cách đun nóng dung dịch NH_4NO_2 bão hoà.

Câu 30: Có 4 dung dịch riêng biệt: CuSO_4 , ZnCl_2 , FeCl_3 , AgNO_3 . Nhúng vào mỗi dung dịch một thanh Ni. Số trường hợp xuất hiện ăn mòn điện hoá là

A. 1. B. 4. C. 3. D. 2.

Câu 31: Thủy phân este Z trong môi trường axit thu được hai chất hữu cơ X và Y ($M_X < M_Y$). Bằng một phản ứng có thể chuyển hoá X thành Y. Chất Z không thể là

A. metyl propionat.

B. metyl axetat.

C. etyl axetat.

D. vinyl axetat.

Câu 32: Tổng số hợp chất hữu cơ no, đơn chức, mạch hở, có cùng công thức phân tử $\text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}_2$, phản ứng được với dung dịch NaOH nhưng không có phản ứng tráng bạc là

A. 4. B. 5. C. 8. D. 9.

Câu 33: Hoà tan hoàn toàn 2,45 gam hỗn hợp X gồm hai kim loại kiềm thổ vào 200ml dung dịch HCl 1,25M, thu được dung dịch Y chứa các chất tan có nồng độ mol bằng nhau. Hai kim loại trong X là

A. Mg và Ca. B. Be và Mg.

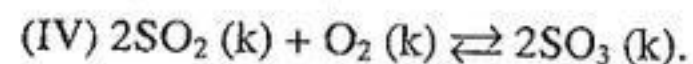
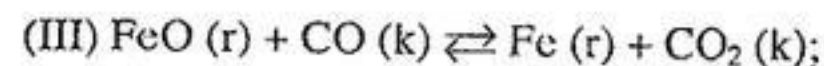
C. Mg và Sr.

D. Be và Ca.

Câu 34: Cho các cân bằng sau:

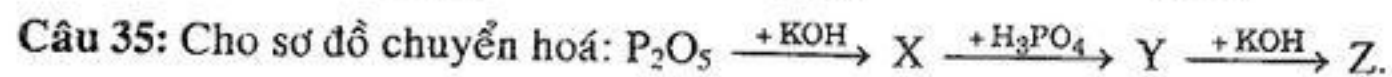
(I) $2\text{HI}(\text{k}) \rightleftharpoons \text{H}_2(\text{k}) + \text{I}_2(\text{k});$

(II) $\text{CaCO}_3(\text{r}) \rightleftharpoons \text{CaO}(\text{r}) + \text{CO}_2(\text{k});$



Khi giảm áp suất của hệ, số cân bằng bị chuyển dịch theo chiều nghịch là

- A. 4. B. 3. C. 2. D. 1.



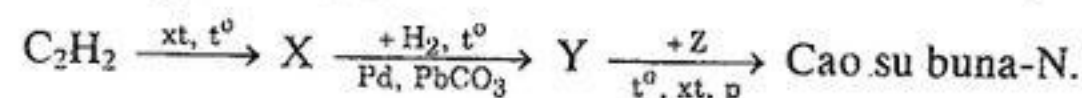
Các chất X, Y, Z lần lượt là

- A. K_3PO_4 , K_2HPO_4 , KH_2PO_4 . B. KH_2PO_4 , K_2HPO_4 , K_3PO_4 .
C. K_3PO_4 , KH_2PO_4 , K_2HPO_4 . D. KH_2PO_4 , K_3PO_4 , K_2HPO_4 .

Câu 36: Đốt cháy hoàn toàn m gam FeS_2 bằng một lượng O_2 vừa đủ, thu được khí X. Hấp thụ hết X vào 1 lít dung dịch chứa Ba(OH)_2 0,15M và KOH 0,1M, thu được dung dịch Y và 21,7 gam kết tủa. Cho Y vào dung dịch NaOH , thấy xuất hiện thêm kết tủa. Giá trị của m là

- A. 23,2. B. 12,6. C. 18,0. D. 24,0.

Câu 37: Cho sơ đồ chuyển hoá sau:



Các chất X, Y, Z lần lượt là

- A. benzen; xiclohexan; amoniac. B. axetanđehit; ancol etylic; buta-1,3-đien.
C. vinylaxetilen; buta-1,3-đien; stiren.
D. vinylaxetilen; buta-1,3-đien; acrilonitrin.

Câu 38: Đốt cháy hoàn toàn một lượng hỗn hợp X gồm 2 ancol (đều no, đa chức, mạch hở, có cùng số nhóm $-\text{OH}$) cần vừa đủ V lít khí O_2 , thu được 11,2 lít khí CO_2 và 12,6 gam H_2O (các thể tích khí đo ở đktc). Giá trị của V là

- A. 14,56. B. 15,68. C. 11,20. D. 4,48.

Câu 39: Hỗn hợp X gồm alanin và axit glutamic. Cho m gam X tác dụng hoàn toàn với dung dịch NaOH (dư), thu được dung dịch Y chứa (m + 30,8) gam muối. Mặt khác, nếu cho m gam X tác dụng hoàn toàn với dung dịch HCl , thu được dung dịch Z chứa (m + 36,5) gam muối. Giá trị của m là

- A. 112,2. B. 165,6. C. 123,8. D. 171,0.

Câu 40: Trong các chất: xiclopropan, benzen, stiren, metyl acrylat, vinyl axetat, dimetyl ete, số chất có khả năng làm mất màu nước brom là

- A. 5. B. 4. C. 6. D. 3.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Khi đun $\text{C}_2\text{H}_5\text{Br}$ với dung dịch KOH chỉ thu được etilen.

B. Dung dịch phenol làm phenolphthalein không màu chuyển thành màu hồng.

C. Dãy các chất: $\text{C}_2\text{H}_5\text{Cl}$, $\text{C}_2\text{H}_5\text{Br}$, $\text{C}_2\text{H}_5\text{I}$ có nhiệt độ sôi tăng dần từ trái sang phải.

D. Đun ancol etylic ở 140°C (xúc tác H_2SO_4 đặc) thu được dimetyl ete.

Câu 42: Cho các cặp chất với tỉ lệ số mol tương ứng như sau:

- (a) Fe_3SO_4 và Cu (1 : 1) (b) Sn và Zn (2 : 1)
(c) Zn và Cu (1 : 1) (d) $\text{Fe}_2(\text{SO}_4)_3$ và Cu (1 : 1)
(e) FeCl_2 và Cu (2 : 1) (g) FeCl_3 và Cu (1 : 1)

Số cặp chất tan hoàn toàn trong một lượng dư dung dịch HCl loãng nóng là

- A. 4. B. 2. C. 3. D. 5.

Câu 43: Có bao nhiêu chất hữu cơ mạch hở dùng để điều chế 4-methylpentan-2-ol chỉ bằng phản ứng cộng H_2 (xúc tác Ni , t°)?

- A. 3. B. 5. C. 2. D. 4.

Câu 44: Hỗn hợp M gồm axit cacboxylic X, ancol Y (đều đơn chức, số mol X gấp hai lần số mol Y) và este Z được tạo ra từ X và Y. Cho một lượng M tác dụng vừa đủ với dung dịch chứa 0,2 mol NaOH , tạo ra 16,4 gam muối và 8,05 gam ancol. Công thức của X và Y là

- A. HCOOH và CH_3OH . B. CH_3COOH và CH_3OH .
C. HCOOH và $\text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$. D. CH_3COOH và $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$.

Câu 45: Dung dịch X chứa các ion: Ca^{2+} , Na^+ , HCO_3^- và Cl^- , trong đó số mol của ion Cl^- là 0,1. Cho 1/2 dung dịch X phản ứng với dung dịch NaOH (dư), thu được 2 gam kết tủa. Cho 1/2 dung dịch X còn lại phản ứng với dung dịch Ca(OH)_2 (dư), thu được 3 gam kết tủa. Mặt khác, nếu đun sôi đến cạn dung dịch X thì thu được m gam chất rắn khan. Giá trị của m là

- A. 9,21. B. 9,26. C. 8,79. D. 7,47.

Câu 46: Hỗn hợp X gồm CuO và Fe_2O_3 . Hoà tan hoàn toàn 44 gam X bằng dung dịch HCl (dư), sau phản ứng thu được dung dịch chứa 85,25 gam muối. Mặt khác, nếu khử hoàn toàn 22 gam X bằng CO (dư), cho hỗn hợp khí thu được sau phản ứng lội từ từ qua dung dịch Ba(OH)_2 (dư) thì thu được m gam kết tủa. Giá trị của m là

- A. 76,755. B. 73,875. C. 147,750. D. 78,875.

Câu 47: Cho một số nhận định về nguyên nhân gây ô nhiễm môi trường không khí như sau:

- (1) Do hoạt động của núi lửa.
- (2) Do khí thải công nghiệp, khí thải sinh hoạt.
- (3) Do khí thải từ các phương tiện giao thông.
- (4) Do khí sinh ra từ quá trình quang hợp cây xanh.
- (5) Do nồng độ cao của các ion kim loại: Pb^{2+} , Hg^{2+} , Mn^{2+} , Cu^{2+} trong các nguồn nước.

Những nhận định đúng là

- A. (1), (2), (3). B. (2), (3), (5). C. (1), (2), (4). D. (2), (3), (4).

Câu 48: Thủy phân hoàn toàn 1 mol pentapeptit X, thu được 2 mol glyxin (Gly), 1 mol alanin (Ala), 1 mol valin (Val) và 1 mol Phenylalanin (Phe). Thủy phân không hoàn toàn X thu được dipeptit Val-Phe và tripeptit Gly-Ala-Val nhưng không thu được dipeptit Gly-Gly. Chất X có công thức là

- A. Gly-Phe-Gly-Ala-Val. B. Gly-Ala-Val-Val-Phe.
C. Gly-Ala-Val-Phe-Gly. D. Val-Phe-Gly-Ala-Gly.

Câu 49: Hỗn hợp bột X gồm Cu, Zn. Đốt cháy hoàn toàn m gam X trong oxi (dư), thu được 40,3 gam hỗn hợp gồm CuO và ZnO. Mặt khác, nếu cho 0,25 mol X phản ứng với một lượng dư dung dịch KOH loãng nóng, thì thu được 3,36 lít khí H₂ (đktc). Phần trăm khối lượng của Cu trong X là

- A. 19,81%. B. 29,72%. C. 39,63%. D. 59,44%.

Câu 50: Cho các chất: (1) axit picric; (2) cumen; (3) xiclohexanol;

(4) 1,2-dihidroxi-4-metylbenzen; (5) 4-metylphenol; (6) α-naphtol.

Các chất thuộc loại phenol là

- A. (1), (3), (5), (6). B. (1), (2), (4), (6).
C. (1), (2), (4), (5). D. (1), (4), (5), (6).

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Cho 0,3 mol bột Cu và 0,6 mol Fe(NO₃)₂ vào dung dịch chứa 0,9 mol H₂SO₄ (loãng). Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được V lít khí NO (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Giá trị của V là

- A. 6,72. B. 8,96. C. 4,48. D. 10,08.

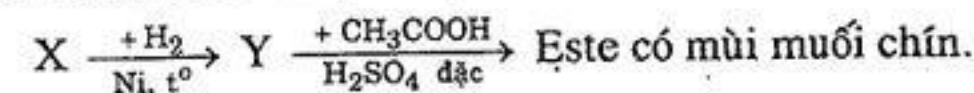
Câu 52: Phát biểu nào sau đây không đúng?

- A. Trong môi trường kiềm, muối Cr(III) có tính khử và bị các chất oxi hoá mạnh chuyển thành muối Cr(VI).
B. Do Pb²⁺/Pb đứng trước 2H⁺/H₂ trong dãy điện hoá nên Pb dễ dàng phản ứng với dung dịch HCl loãng nguội, giải phóng khí H₂.
C. CuO nung nóng khi tác dụng với NH₃ hoặc CO, đều thu được Cu.
D. Ag không phản ứng với dung dịch H₂SO₄ loãng nhưng phản ứng với dung dịch H₂SO₄ đặc nóng.

Câu 53: Dung dịch axit fomic 0,007M có pH = 3. Kết luận nào sau đây không đúng?

- A. Khi pha loãng 10 lần dung dịch trên thì thu được dung dịch có pH = 4.
B. Độ điện li của axit fomic sẽ giảm khi thêm dung dịch HCl.
C. Khi pha loãng dung dịch trên thì độ điện li của axit fomic tăng.
D. Độ điện li của axit fomic trong dung dịch trên là 14,29%.

Câu 54: Hợp chất hữu cơ mạch hở X có công thức phân tử C₅H₁₀O. Chất X không phản ứng với Na, thỏa mãn sơ đồ chuyển hoá sau:



Tên của X là

- A. pentanal. B. 2-metylbutanal.
C. 2,2-dimetylpropanal. D. 3-metylbutanal.

Câu 55: Để đánh giá sự ô nhiễm kim loại nặng trong nước thải của một nhà máy, người ta lấy một ít nước, cô đặc rồi thêm dung dịch Na₂S vào thấy xuất hiện kết tủa màu vàng. Hiện tượng trên chứng tỏ nước thải bị ô nhiễm bởi ion

- A. Fe²⁺. B. Cu²⁺. C. Pb²⁺. D. Cd²⁺.

Câu 56: Cho sơ đồ phản ứng: Stiren $\xrightarrow[\text{H}^+, \text{t}^\circ]{+\text{H}_2\text{O}}$ X $\xrightarrow[\text{t}^\circ]{+\text{CuO}}$ Y $\xrightarrow[\text{H}^+]{+\text{Br}_2}$ Z

Trong đó X, Y, Z đều là các sản phẩm chính. Công thức của X, Y, Z lần lượt là

- A. C₆H₅CHOHCH₃, C₆H₅COCH₃, C₆H₅COCH₂Br.
B. C₆H₅CH₂CH₂OH, C₆H₅CH₂CHO, C₆H₅CH₂COOH.
C. C₆H₅CH₂CH₂OH, C₆H₅CH₂CHO, m-BrC₆H₄CH₂COOH.
D. C₆H₅CHOHCH₃, C₆H₅COCH₃, m-BrC₆H₄COCH₃.

Câu 57: Trung hoà hoàn toàn 8,88 gam một amin (bậc một, mạch cacbon không phân nhánh) bằng axit HCl, tạo ra 17,64 gam muối. Amin có công thức là

- A. H₂NCH₂CH₂CH₂CH₂NH₂. B. CH₃CH₂CH₂NH₂.
C. H₂NCH₂CH₂NH₂. D. H₂NCH₂CH₂CH₂NH₂.

Câu 58: Cho sơ đồ chuyển hoá: Fe₃O₄ + dung dịch HI (dư) → X + Y + H₂O

Biết X và Y là sản phẩm cuối cùng của quá trình chuyển hoá. Các chất X và Y là

- A. Fe và I₂. B. FeI₃ và FeI₂. C. FeI₂ và I₂. D. FeI₃ và I₂.

Câu 59: Đốt cháy hoàn toàn m gam hỗn hợp X gồm ba ancol (đơn chức, thuộc cùng dãy đồng đẳng), thu được 8,96 lít khí CO₂ (đktc) và 11,7 gam H₂O. Mặt khác, nếu đun nóng m gam X với H₂SO₄ đặc thì tổng khối lượng ete tối đa thu được là

- A. 7,85 gam. B. 7,40 gam. C. 6,50 gam. D. 5,60 gam.

Câu 60: Chất X có các đặc điểm sau: phân tử có nhiều nhóm -OH, có vị ngọt, hoà tan Cu(OH)₂ ở nhiệt độ thường, phân tử có liên kết glicozit, làm mất màu nước brom. Chất X là

- A. xenlulozơ. B. mantozơ. C. glucozơ. D. saccarozơ.

ĐÁP ÁN

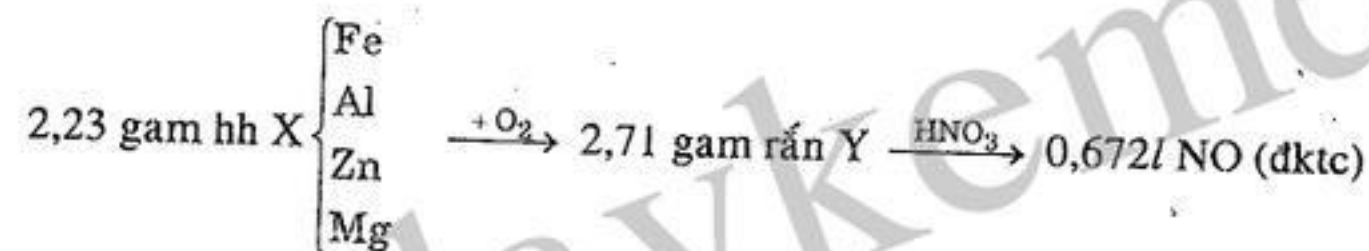
Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	A	11	B	21	C	31	A	41	C	51	B
2	D	12	B	22	A	32	D	42	C	52	B
3	A	13	C	23	D	33	D	43	B	53	A
4	B	14	B	24	A	34	D	44	D	54	D
5	C	15	A	25	C	35	C	45	C	55	D
6	B	16	B	26	D	36	C	46	B	56	A
7	C	17	C	27	D	37	D	47	A	57	D
8	D	18	B	28	A	38	A	48	C	58	C
9	A	19	A	29	B	39	A	49	C	59	A
10	B	20	C	30	D	40	B	50	D	60	B

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

- Vì X có CTPT $C_6H_{10}O_4 \Rightarrow B, D$ sai.
 - $CH_3-COO-COO-C_3H_7$ sinh hai rượu C_3H_7OH và CH_3OH (trái với đề bài: hai ancol có số nguyên tử gấp đôi nhau) $\Rightarrow C$ sai.
- $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 2:

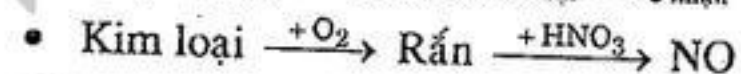


$n_{HNO_3 \text{ pư}} = ?$

* Công thức cần nhớ:

$n_{HNO_3 \text{ pư}} = \sum n_{[N]} \text{ trong muối} + \sum n_{[N]} \text{ trong sản phẩm khử}$

$n_{[N]} \text{ trong muối} = n_e \text{ cho của kim loại} = n_e \text{ nhận}$



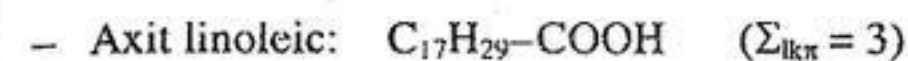
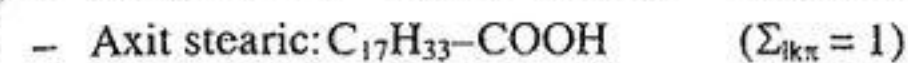
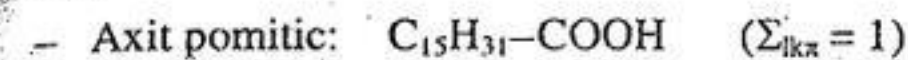
Có: $n_e \text{ cho của KL} = 4.n_{O_2 \text{ pư}} + 3.n_{NO}$

$\Rightarrow n_{HNO_3 \text{ pư}} = [4.n_{O_2 \text{ pư}} + 3.n_{NO}] + n_{NO}$

$\Leftrightarrow n_{HNO_3 \text{ pư}} = \left[4 \cdot \frac{2,71 - 2,23}{32} + 3 \cdot \frac{0,672}{22,4} \right] + \frac{0,672}{22,4} = 0,18$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 3:



■ Cần nhớ:

Đốt hh gồm $\begin{cases} \sum l_{k\pi} = 1 \\ \sum l_{k\pi} = 3 \end{cases} \Rightarrow n_{\text{hcho}} (\text{có } l_{k\pi} = 3) = \frac{n_{CO_2} - n_{H_2O}}{2}$

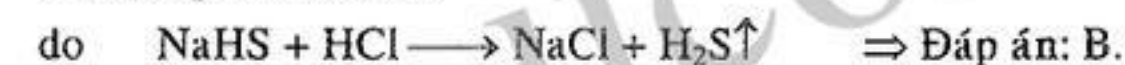
* Giải:

Theo đề $\Rightarrow n_{\text{axit linoleic}} = \frac{0,68 - 0,65}{2} = 0,015 \text{ mol}$

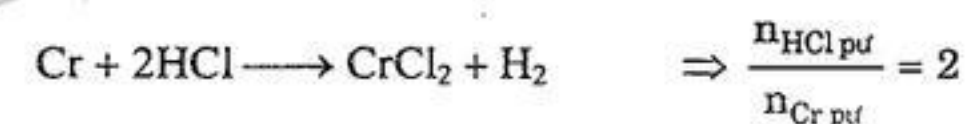
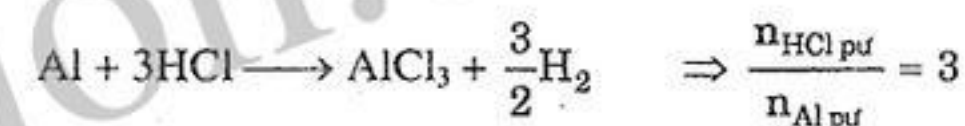
Với cách giải này ta không cần dùng dữ kiện NaOH.

Câu 4:

Chỉ dùng được NaHS



Câu 5:



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 6:

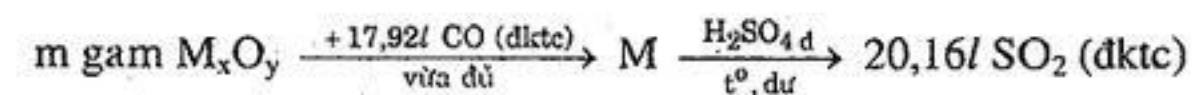
$C_3H_7O_2N$ phản ứng với NaOH sinh khí

$\Rightarrow C_3H_7O_2N$ là muối amoni $\Rightarrow A, C, D$ sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

* Gợi ý: $C_3H_7O_2N$ (muối): $CH_2=CH-COO-NH_4$.

Câu 7:



Oxit là: ?

* Gợi ý:

- Do: $n_{CO} \cdot 2 < n_{SO_2} \cdot 2 \Rightarrow M_xO_y$ là chất khử $\Rightarrow A$ sai.

- Theo ĐLBTT có: $n_{M_xO_y} \cdot 1 + 2.n_{CO} = 2.n_{SO_2} \Rightarrow n_{M_xO_y} = 0,2 \text{ mol}$.

- Trong nhiệt luyện ta có:

$n_{CO \text{ pư}} = n_{[O]} \text{ trong oxit} = n_{\text{oxit}} \times \text{Số oxi}$

$\Leftrightarrow 0,8 = 0,2 \times 4 \Rightarrow$ Oxit: Fe_3O_4 .

■ **Cần nhớ:**

– Đề: Oxit kim loại hoá trị cao $\xrightarrow[t^{\circ}]{+CO}$ Rắn $\xrightarrow{\text{Axit loại 2}}$ sản phẩm khử
(hoặc 1 hoá trị)

Theo ĐLBTTĐT có: $n_{CO\text{ dư}} \times 2 = n_{\text{e nhận của axit loại 2}}$

– Đề: Oxit của KL có tính khử $\xrightarrow[t^{\circ}]{+CO}$ Rắn $\xrightarrow{\text{Axit loại 2}}$ sản phẩm khử
(FeO; Fe₃O₄; CrO)

Theo ĐLBTTĐT có: $n_{\text{oxit dư}} \times 1 + n_{CO\text{ dư}} \times 2 = n_{\text{e nhận của axit loại 2}}$

– Tương tự CO là H₂; hh (H₂, CO).

– Với FeO, Fe₃O₄, CrO: $n_{\text{e cho}} = n_{\text{oxit}} \times 1$.

Câu 8:

Các chất tạo kết tủa với dd Ba(HCO₃)₂ là: NaOH, Na₂CO₃, KHSO₄, Na₂SO₄, Ca(OH)₂, H₂SO₄ ⇒ Đáp án: D.

Câu 9:

X là dipeptit, Y là tripeptit.

X, Y sinh từ một amino axit (no, mạch hở có một nhóm –NH₂ và một nhóm –COOH).

0,1 mol Y $\xrightarrow{\text{đốt}}$ 54,9 gam hỗn hợp (CO₂, H₂)

0,2 mol X $\xrightarrow{\text{đốt}} \begin{cases} \text{CO}_2 \\ \text{H}_2\text{O} \end{cases} \xrightarrow{\text{dd Ca(OH)}_2 \text{ dư}} m \text{ gam kết tủa}$

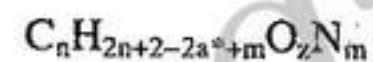
m = ?

* **Gợi ý:**

• 2.a.a $\xrightarrow{-H_2O}$ một dipeptit

• 3.a.a $\xrightarrow{-2H_2O}$ một tripeptit

• CTTQ của hợp chất hữu cơ chứa C, H, O, N (N có hoá trị 3)



$a^* = \sum l k \pi$ trong phân tử

Với amino axit no, mạch hở, có một nhóm –NH₂ và một nhóm –COOH, thì $a^* = 1$, $m = 1$, $z = 2 \Rightarrow$ Amino axit tạo X, Y: C_nH_{2n+1}O₂N.

⇒ X: C_{2n}H_{2(2n+1)-2}O₃N₂; Y: C_{3n}H_{3(2n+1)-4}O₄N₃.

• $n_{CO_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$

• $n_{H_2O} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số H}$

* **Giải:**

Khi đốt Y ta có: $44 \times 0,1 \times 3n + 18 \times 0,1 \times \frac{3(2n+1)-4}{2} = 54,9 \Rightarrow n = 3$

⇒ X: C₆H₁₂O₃N₂ (0,2 mol)

⇒ $n_{CO_2} = 0,2 \times 6 = 1,2 \text{ mol} \Rightarrow m_{CaCO_3 \downarrow} = 1,2 \times 100 = 120 \text{ gam}$

⇒ Đáp án: A.

Câu 10:

8,2 gam hh Z $\begin{cases} \text{Axit đơn X} \\ \text{Axit đơn Y} \end{cases} \xrightarrow[\text{NH}_3]{\begin{matrix} \text{NaOH} \\ \text{vừa đủ} \\ \text{dd AgNO}_3 \end{matrix}} \begin{matrix} 11,5 \text{ gam muối} \\ 21,6 \text{ gam Ag} \end{matrix}$

Công thức và % X trong hỗn hợp Z: ?

* **Hướng dẫn giải:**

– Ta có: $n_{hhZ} = \frac{11,5 - 8,2}{22} = 0,15 \text{ mol}$

– Theo đề trong hh Z có HCOOH và $n_{HCOOH} = \frac{1}{2} \times \frac{21,6}{108} = 0,1$

⇒ X: RCOOH (0,05 mol) và có khối lượng là: $8,2 - 46 \cdot 0,1 = 3,6 \text{ gam}$

⇒ $M_X = \frac{3,6}{0,05} = 72 \Rightarrow X: CH_2=CH-COOH \Rightarrow$ Đáp án: B.

Hoặc $\%X = \frac{3,6}{8,2} = 0,439 = 43,9\% \Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:** • RCOOH $\xrightarrow{+NaOH}$ RCOONa

Có: $m_{\text{muối}} = m_{\text{axit}} + 22 \cdot n_{\text{pư}}$

(với $n_{\text{pư}} = n_{\text{axit}} = n_{\text{muối}} = n_{NaOH \text{ pư}} = n_{H_2O}$).

Câu 11:

HBr, HCl, NH₃ là các phân tử phân cực ⇒ A, C, D sai ⇒ Đáp án: B.

Câu 12:

Theo đề M³⁺ có: $\begin{cases} p + n + e - 3 = 79 \\ p + e - 3 - n = 19 \end{cases} \Rightarrow p = 26$

Mà $p = e$

⇒ M (Z = 26): [Ar] 3d⁶ 4s² ⇒ Đáp án: B.

Câu 13:

Ta có $d_{hhX/H_2} = 11,25 \Rightarrow \overline{M}_{hhX} = 22,5$

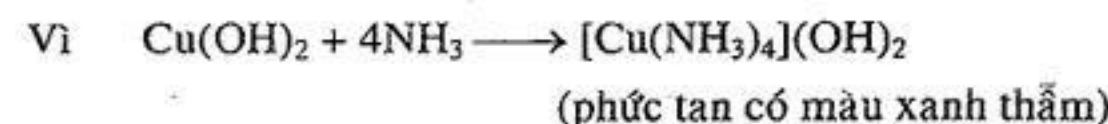
⇒ hh X có CH₄ ⇒ B sai ⇒ hh X $\begin{cases} CH_4 : a \text{ mol} \\ C_n H_{2n} : b \text{ mol} \end{cases}$

Ta có hệ: $\begin{cases} n_{hh} = a + b = 0,2 \\ n_{CO_2} = a + nb = 0,3 \end{cases}$

Với n = 2; 4 không thỏa tỉ lệ mol để có $d_{hhX/H_2} = 11,25 \Rightarrow$ A, D sai.

⇒ Đáp án: C.

Câu 14:



$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cân nhắc:**

Cu(OH)_2 , Zn(OH)_2 , Ag(OH) mới sinh tan trong dd NH_3 tạo phức amoniacit (tan).

Câu 15:

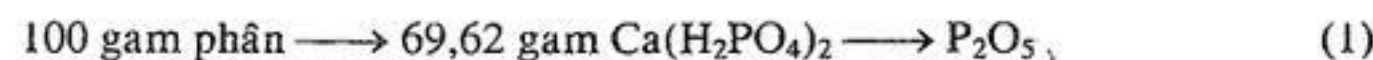
- CH_3COOH , $\text{CH}_3\text{-O-C}_2\text{H}_5$ không phản ứng với $\text{H}_2 \Rightarrow$ C, D sai.
 - Sản phẩm cộng H_2 của $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$ không phản ứng được với $\text{Na} \Rightarrow$ B sai.
- $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 16:

* **Gọi ý:**

- Phân supephotphat kép: $\text{Ca(H}_2\text{PO}_4)_2$.
- Độ dinh dưỡng của phân lân được đánh giá bằng $\%\text{P}_2\text{O}_5$.

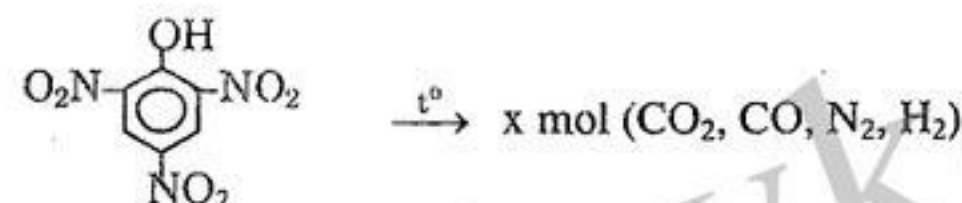
* **Giải:**



$(1) \Rightarrow n_{\text{P}_2\text{O}_5} = n_{\text{Ca(H}_2\text{PO}_4)_2}$

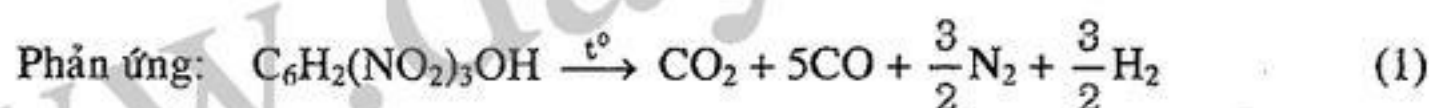
$\Rightarrow$ Độ dinh dưỡng = $\%\text{P}_2\text{O}_5 = \frac{\frac{69,62}{234} \times 142}{100} = 0,4225 = 42,25\% \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 17:



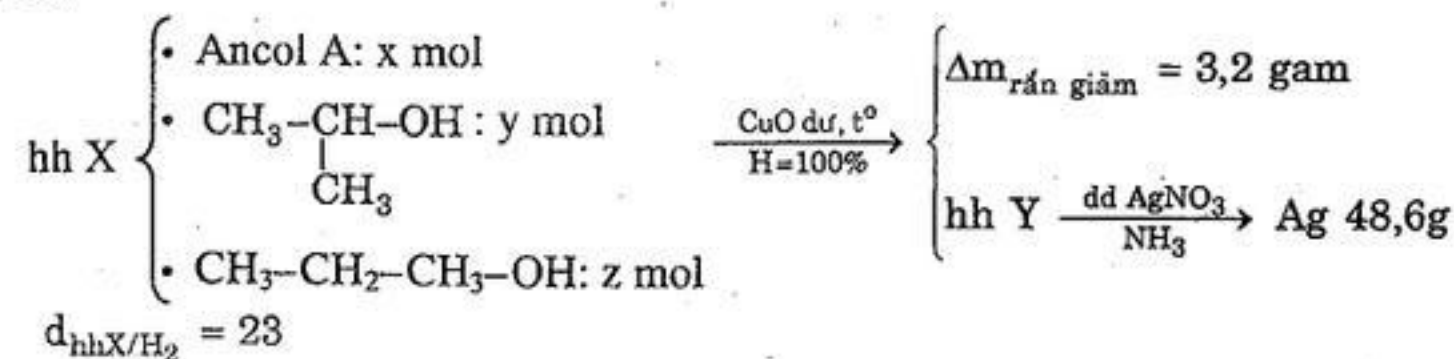
13,74 gam

$x = ?$



$(1) \Rightarrow x = \Sigma n_{\text{khí}} = \left(1 + 5 + \frac{3}{2} + \frac{3}{2}\right) \cdot \frac{13,74}{229} = 0,54 \Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 18:



* **Hướng dẫn:**

- Do $d_{\text{hhX/H}_2} = 23 \Rightarrow M_{\text{hhX}} = 46 \Rightarrow \text{A: CH}_3\text{OH}$

- $\Delta m_{\text{rắn giảm}} = 3,2 = 16 \cdot n_{\text{pu}} \Leftrightarrow 3,2 = 16 \cdot (x + y + z) \Rightarrow x + y + z = 0,2$ (I)

- hh Y: $\begin{cases} \text{HCHO: } y \text{ mol} \\ \text{CH}_3-\text{C}=\text{CH}_3: y \text{ mol} \\ \quad \quad \quad \text{O} \\ \text{C}_2\text{H}_5\text{CHO: } z \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow n_{\text{Ag}} = 4x + 2z = \frac{48,6}{108}$ (II)

- Từ khối lượng hh X = $46 \times 0,2 = 9,2 \text{ gam}$

Ta có: $32x + 60y + 60z = 9,2$ (III)

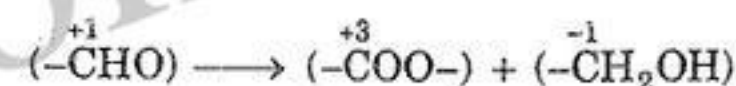
Giải hệ (I), (II), (III) ta được: $z = 0,025 \text{ mol}$

$\Rightarrow \%\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CH}_2\text{OH} = \frac{60 \times 0,025}{9,2} = 0,163 = 16,3\%$

(theo khối lượng)

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

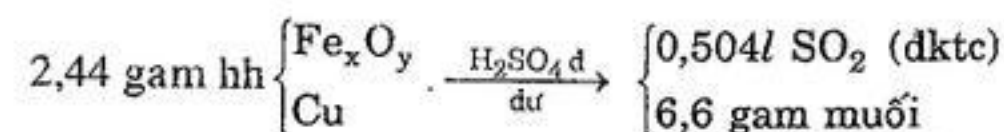
Câu 19:



$\Rightarrow$ Phản ứng trên đủ chứng minh $\text{C}_6\text{H}_5\text{CHO}$ vừa có tính oxi hoá vừa có tính khử.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 20:



$\%\text{Cu}$ (theo m) = ?

* **Hướng dẫn giải:**

- Nếu Fe_xO_y là Fe_2O_3 thì ta có:

$n_{\text{Cu}} \times 11 = 2 \times n_{\text{SO}_2} \Rightarrow n_{\text{Cu}} = n_{\text{SO}_2} = 0,0225 \text{ mol}$

$\Rightarrow \%\text{Cu} = \frac{64 \cdot 0,0225}{2,44} = 0,59 = 59\%$ (không có đáp án đúng)

Vậy Fe_xO_y là FeO , Fe_3O_4 .

- Nếu Fe_xO_y là FeO ta có: $\begin{cases} 72 \cdot a + 64 \cdot b = 2,44 \\ a \cdot 1 + b \cdot 11 = 2 \cdot 0,0225 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,025 \\ b = 0,01 \end{cases}$

$\Rightarrow \%\text{Cu}$ (theo m) = $26,23\% \Rightarrow$ Đáp án: C.

- Tương tự nếu Fe_xO_y là Fe_3O_4 : không có đáp án.

Với cách giải này ta không cần đủ kiện 6,6 gam muối.

Câu 21:

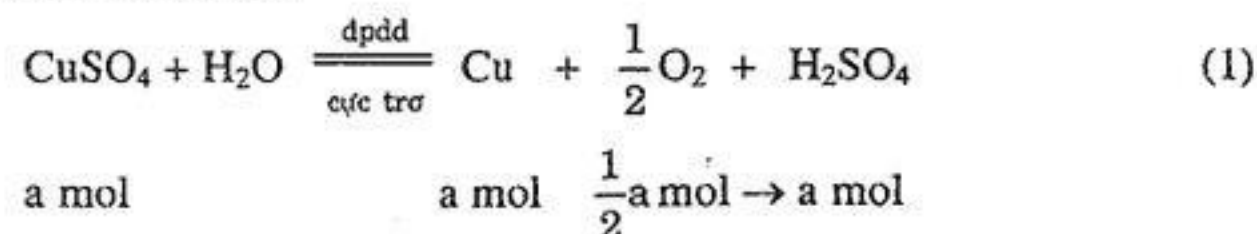
- 200ml dd CuSO_4 x mol/l $\xrightarrow{\text{dpdd}}$ dd Y (vẫn còn màu xanh)
Khối lượng dd giảm 8 gam.

- dd Y $\xrightarrow[\text{H}=100\%]{+16,8\text{g Fe}}$ 12,4 gam kim loại.

x = ?

* **Hướng dẫn:**

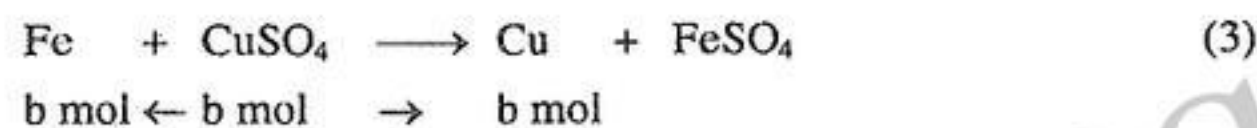
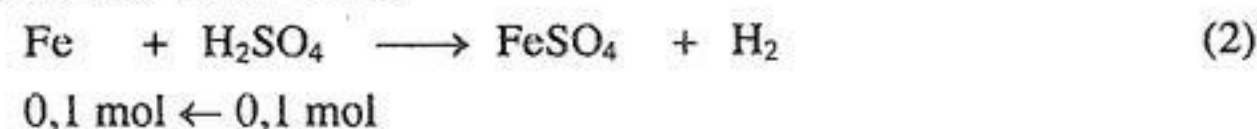
Phương trình điện phân:



Theo đề $\Rightarrow 64a + \frac{1}{2}a \cdot 32 = 8 \Rightarrow a = 0,1$

(1) $\Rightarrow$ dd Y $\begin{cases} \text{H}_2\text{SO}_4 : 0,1 \text{ mol} \\ \text{CuSO}_4 : b \text{ mol} \end{cases}; \quad n_{\text{Fe bd}} = 0,3 \text{ mol}$

Cho Y phản ứng với Fe ta có:

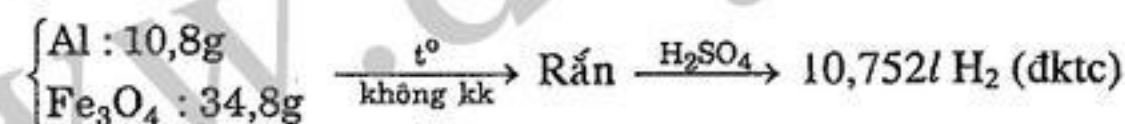


(2), (3) $\Rightarrow 12,4 = 64b + 56 \cdot (0,3 - 0,1 - b)$
 $\Rightarrow b = 0,15 \text{ mol}$

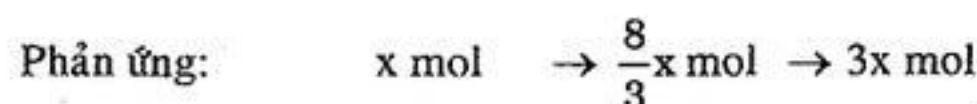
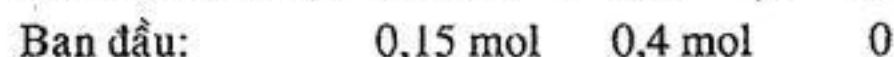
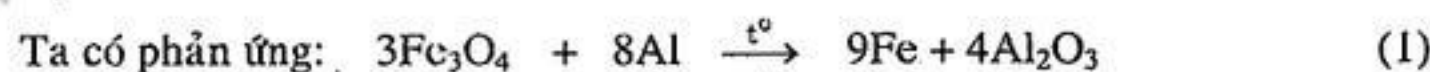
Vậy $\sum n_{\text{CuSO}_4} = 0,1 + 0,15 = 0,25 \Rightarrow x = \frac{0,25}{0,2} = 1,25 \text{ (mol/l)}$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 22:



$H_{\text{phản ứng nhôm}} = ?$



Từ lượng H_2 ta có:

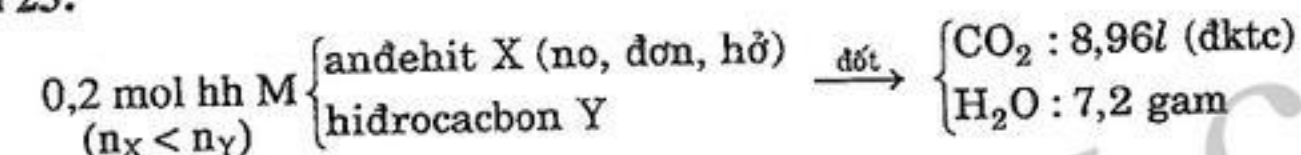
$$\left(0,4 - \frac{8}{3}x\right) \cdot III + 3x \cdot II = 2 \cdot \frac{10,752}{22,4} \Rightarrow x = 0,12 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow H = \frac{0,12}{0,15} = 0,8 = 80\%$$

■ **Cần nhớ:**

- Kim loại $\xrightarrow{\text{H}^+} \text{H}_2$: $n_{\text{kim loại}} \times \text{Hoá trị} = 2 \cdot n_{\text{H}_2}$
- Ở bài này tính hiệu suất theo Fe_3O_4 hay Al là như nhau.

Câu 23:



* **Hướng dẫn giải:**

Do $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}} = 0,4 \text{ mol} \Rightarrow \text{X, Y đều có 1 liên kết } \pi$

$\Rightarrow \text{Y: anken} \Rightarrow \text{A, B sai.}$

Ta có: $\bar{n} = \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{hhM}}} = \frac{0,4}{0,2} = 2 \Rightarrow$ Bài toán có hai trường hợp.

- **TH1:** $\begin{cases} \text{X: HCHO (a mol)} \\ \text{Y: C}_3\text{H}_6 \text{ (b mol)} \end{cases}$
 $\Rightarrow \begin{cases} a + b = 0,2 \\ n_{\text{CO}_2} = a + 3b = 0,4 \end{cases} \Rightarrow a = b = 0,1 \text{ (trái với đề bài)}$

- **TH2:** $\begin{cases} \text{CH}_3\text{-CHO} \\ \text{C}_2\text{H}_4 \end{cases} \Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 24:

Axeton, ancol etylic, andehit axetic không phản ứng với Cu(OH)_2 ở nhiệt độ thường $\Rightarrow$ B, D, C sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 25:

Các chất phản ứng với dung dịch ($\text{KMnO}_4, \text{H}_2\text{SO}_4$) theo cơ chế oxi hoá khử là: $\text{FeCl}_2, \text{FeSO}_4, \text{H}_2\text{S}, \text{HCl}$. $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:**

Các chất phản ứng với KMnO_4 phải có tính khử (ví dụ: $\text{Fe}^{2+}, \text{Cl}^-, \text{S}^{2-}$).

Câu 26:

Các chất bị thủy phân trong dd H_2SO_4 là:

Tơ capron; nylon-6,6; poli(vinyl axetat)

$\Rightarrow$ A, B, C sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 27:

0,1 mol amino (X) no, hở $\xrightarrow[\text{O}_2 \text{ vừa đủ}]{\text{đốt}}$ 0,5 mol hỗn hợp (khí, hơi)

4,6 gam X $\xrightarrow{+\text{HCl dư}}$

$n_{\text{HCl dư}} = ?$

* **Hướng dẫn giải:**

X: $\text{C}_n\text{H}_{2n+2+m}\text{N}_m$ (0,1 mol)

$$\Rightarrow n \cdot 0,1 + \frac{2n+2+m}{2} \cdot 0,1 + \frac{m}{2} \cdot 0,1 = 0,5$$

$$\Rightarrow 2n+m=4 \Rightarrow \text{nghiệm hợp lí} \begin{cases} n=1 \\ m=2 \end{cases} \Rightarrow \text{X: CH}_2(\text{NH}_2)_2$$

$$\Rightarrow n_{\text{HCl dư}} = \frac{4,6}{46} \times 2 = 0,2 \text{ mol}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:**

• CTTQ Amin: $\boxed{\text{C}_n\text{C}_{2n+2-2a^*+m}\text{N}_m}$
 a^* : Σ lk π trong phân tử

Ở câu này X no $\Rightarrow a^* = 0$.

• $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$

$$n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số H}}{2}$$

$$n_{\text{N}_2} = n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số N}}{2}$$

• Amin + HCl $\longrightarrow$ Muối

$$n_{\text{HCl dư}} = n_{\text{amin dư}} \times \text{Số chức amin.}$$

Câu 28:

dd KOH 1,2M $\xrightarrow{+100\text{ml dd AlCl}_3 \text{ x (mol/l)}}$ $\begin{cases} 4,68\text{g kết tủa} \\ \text{ddY} \xrightarrow{175\text{ml dd KOH 1,2M}} 2,34\text{g kết tủa} \end{cases}$

Giá trị x = ?

* **Hướng dẫn giải:**

$$\Sigma n_{\text{OH}^- \text{ dư}} = 0,15 \times 1,2 + 0,175 \times 1,2 = 0,039 \text{ mol}$$

$$\Sigma n_{\text{Al(OH)}_3 \downarrow} = \frac{4,68 + 2,34}{78} = 0,09 \text{ mol}$$

Do $n_{\downarrow} \neq \frac{n_{\text{OH}^-}}{3}$ nên ta có:

$$n_{\text{Al}^{3+} \text{ dư}} = \frac{n_{\downarrow} + n_{\text{OH}^-}}{4} = \frac{0,39 + 0,09}{4} = 0,12 \Leftrightarrow 0,1x = 0,12 \Rightarrow x = 1,2$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:**

Trong bài toán Al^{3+} phản ứng với dd OH^- .

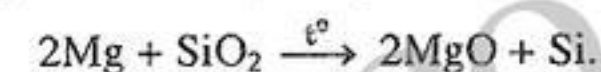
• Nếu $n_{\downarrow} \neq \frac{n_{\text{OH}^-}}{3} \Rightarrow n_{\text{Al}^{3+} \text{ dư}} = \frac{n_{\downarrow} + n_{\text{OH}^-}}{4}$

• Nếu $n_{\downarrow} = \frac{n_{\text{OH}^-}}{3} \Rightarrow n_{\text{Al}^{3+} \text{ dư}} \geq n_{\downarrow}$.

Câu 29:

■ **Cần nhớ:**

Không thể dập tắt đám cháy magiê bằng cát khô do có phản ứng:

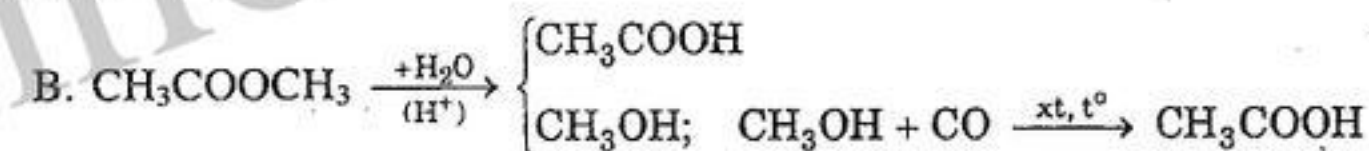


Câu 30:

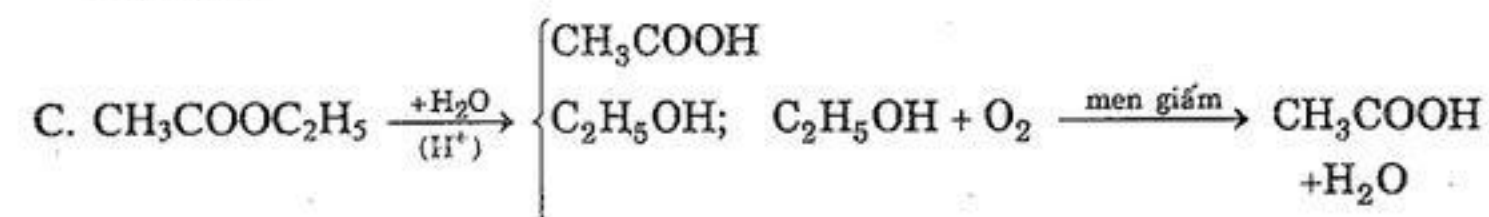
Các dung dịch có ăn mòn điện hóa khi nhúng Ni vào là: CuSO_4 , AgNO_3

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

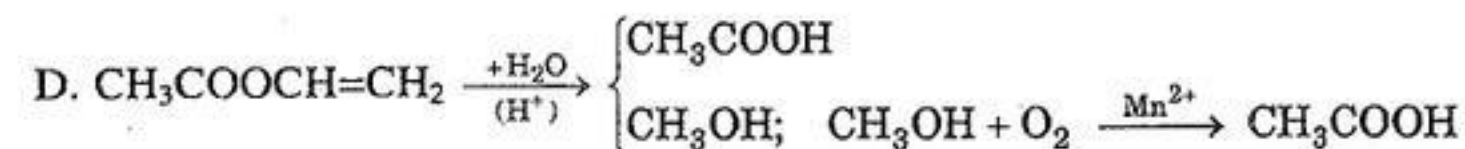
Câu 31:



$\Rightarrow$ B sai.



$\Rightarrow$ C sai.



$\Rightarrow$ D sai.

Vậy đáp án: A.

Câu 32:

* **Gợi ý:**

$\text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}_2$ có 2 oxi, no, đơn chức $\Rightarrow \text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}_2$ là axit, este.

• Axit: có 4 đồng phân

• Este: có 5 đồng phân (không tráng gương) $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 33:

2,45 gam hh $\xrightarrow{200\text{ml dd HCl } 1,25\text{M}}$ dd Y chứa các chất tan
hai kim loại kiềm thổ có nồng độ mol bằng nhau
Hai kim loại là: ?

* Hướng dẫn giải:

- Vì dung dịch Y chứa các chất tan có nồng độ mol/l bằng nhau $\Rightarrow$ số mol các chất bằng nhau.

- hh 2 kim loại $\begin{cases} M : a \text{ mol} \\ M' : a \text{ mol} \end{cases}$

$$\Rightarrow \text{dd Y} \begin{cases} MCl_2 : a \text{ mol} \\ M'Cl_2 : a \text{ mol} \\ HCl_{\text{dư}} : 0,25 - 4a \end{cases} \Rightarrow \sum n_{HCl_{\text{ph}}}=4a$$

$$\text{Theo đề} \Rightarrow 0,25 - 4a = a \Rightarrow a = 0,05 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \overline{M}_{hh} = \frac{M + M'}{2} = \frac{2,45}{2 \cdot 0,05} \Rightarrow M + M' = 49$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

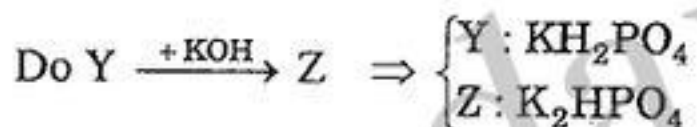
Câu 34:

- Các phản ứng (I), (III) không dịch chuyển khi thay đổi áp suất (vì tổng hệ số cân bằng chất khí ở hai vế bằng nhau).
- Khi giảm áp suất thì (II) dịch chuyển sang chiều thuận chỉ có (IV) dịch chuyển sang chiều thuận.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

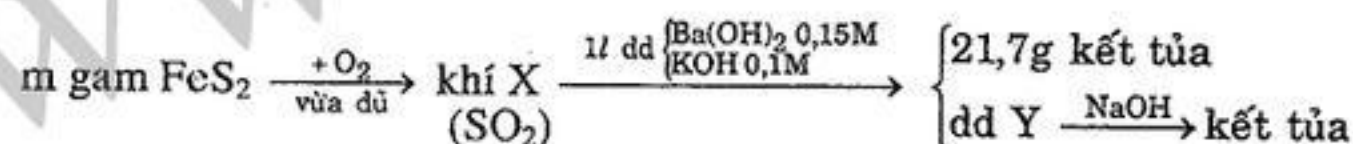
Câu 35:

Vì X phản ứng được với $H_3PO_4 \Rightarrow X: K_3PO_4$.



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 36:



$m = ?$

* Hướng dẫn giải:

Vì dd Y $\xrightarrow{+NaOH}$ sinh kết tủa

$\Rightarrow$ dd Y có HSO_3^- (tức OH^- hết)

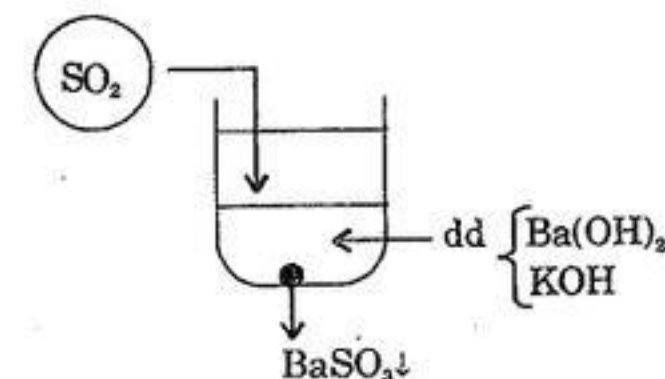
$$\Rightarrow n_{SO_2} = \sum n_{OH^-} - n_{\text{kết tủa}} = 0,4 - 0,1 = 0,3 \text{ mol}$$

Ta có sơ đồ hợp thức: $FeS_2 \longrightarrow 2SO_2$ (1)

$$(1) \Rightarrow n_{FeS_2} = \frac{1}{2} n_{SO_2} = 0,15 \text{ mol} \Rightarrow m = 0,15 \times 120 = 18 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:



- Tương tự SO_2 là CO_2
- $Ba(OH)_2 \Leftrightarrow Ca(OH)_2$
- $KOH \Leftrightarrow NaOH$

- Kiểu đề: Tính lượng SO_2 .

• TH1: $n_{SO_2} = n_{\downarrow}$ (trường hợp này OH^- dư)

• TH2: $n_{SO_2} = \sum n_{OH^-} - n_{\downarrow}$

- Ở bài toán này theo đề cho ta thấy OH^- không dư.

$\Rightarrow$ Đáp số ở TH2.

- Kiểu đề còn lại: Tính lượng kết tủa, tính lượng OH^- ban đầu.

Câu 37:

■ Cần nhớ:

Cao su buna-N sinh bởi $\begin{cases} \text{Butadien - 1,3 (Y)} \\ \text{Acrylonitrin (Z)} \end{cases} \Rightarrow X: CH_2=CH-C\equiv CH$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 38:

Gọi CTTQ đại diện cho hai rượu $C_nH_{2n+2}O_m$; $m \geq 2$.

Ta có: $n_{CO_2} = 0,5$; $n_{H_2O} = 0,7$

$$\Rightarrow \frac{n_{CO_2}}{n_{H_2O}} = \frac{\bar{n}}{\bar{n} + 1} = \frac{0,5}{0,7} \Rightarrow \bar{n} = 2,5$$

$\Rightarrow$ hh X có $C_2H_6O_2 \Rightarrow$ hh X chứa rượu 2 chức.

Ta có: $n_{CO_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$

$$\Leftrightarrow 0,5 = n_{hhX} \times 2,5 \Rightarrow n_{hhX} = 0,2 \text{ mol}$$

$$\text{Ta có: } \frac{V}{22,4} = 0,5 + \frac{1}{2} \cdot 0,7 - \frac{2}{2} \cdot 0,2 \Rightarrow V = 14,56 \text{ (l)} \Rightarrow \text{Đáp số: A.}$$

* Một số công thức cần nhớ:

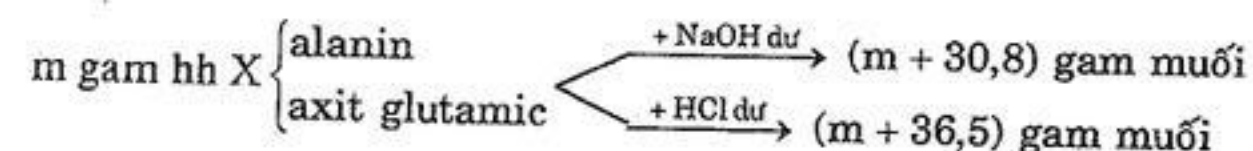
$$\left. \begin{aligned} n_{\text{CO}_2} &= n_{\text{đốt}} \times \text{Số C} \\ n_{\text{H}_2\text{O}} &= n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số H}}{2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{\text{Số C}}{\frac{1}{2} \cdot \text{Số H}}$$

$$n_{\text{O}_2 \text{ dư}} = n_{\text{CO}_2} + \frac{1}{2} n_{\text{H}_2\text{O}} - \frac{\text{Số oxi}}{2} \cdot n_{\text{đốt}}$$

• Rượu đa chức no thì Số C $\geq$ Số oxi ≥ 2

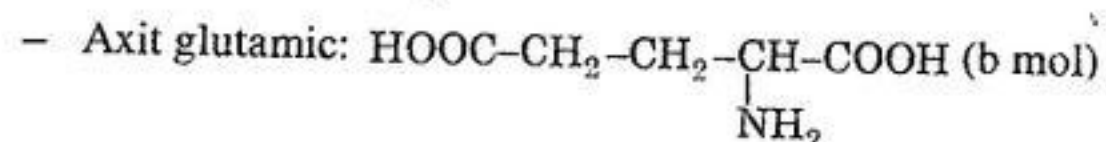
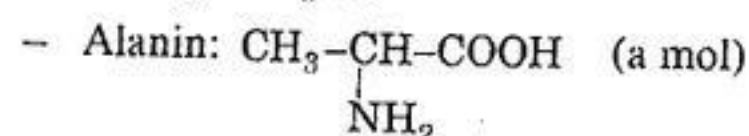
$n_{\text{đốt}}$ = mol của chất đem đốt.

Câu 39:



$m = ?$

* Hướng dẫn giải:

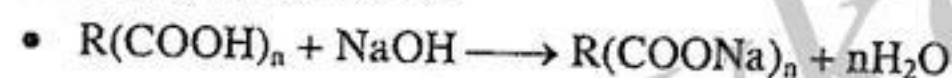


$$\begin{cases} m + 30,8 = m + 22 \cdot (a + 2b) \\ m + 36,5 = m + 36,5(a + b) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,6 \\ b = 0,4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow m = 89,0,6 + 147,0,4 = 112,2$$

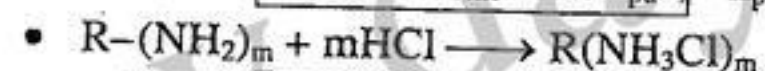
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

* Các công thức cần nhớ:



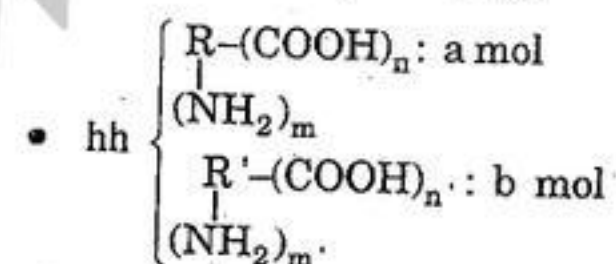
Theo phương pháp tăng giảm khối lượng ta có:

$$m_{\text{muối}} = m_{\text{axit}} + 22 \cdot n_{\text{axit}}; \quad n_{\text{axit}} = n_{\text{axit dư}}$$



$$\Rightarrow m_{\text{muối}} = m_{\text{amin}} + 36,5m \cdot n_{\text{axit}}$$

$$n_{\text{axit}} = n_{\text{amin dư}}$$



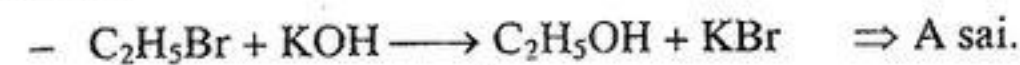
$$+ \text{ Với NaOH: } m_{\text{muối}} = m_{\text{hh}} + 22 \cdot (na + n'b)$$

$$+ \text{ Với HCl: } m_{\text{muối}} = m_{\text{hh}} + 36,5 \cdot (ma + m'b).$$

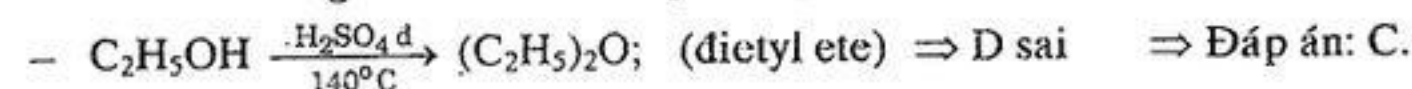
Câu 40:

Những chất có khả năng mất màu nước brom là: xiclopropan, stiren, metylacrylat, vinyl axetat $\Rightarrow$ Đáp án: B.

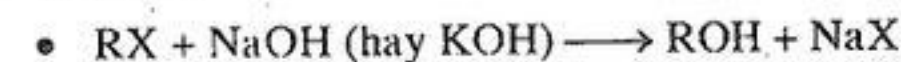
Câu 41:



– Phenol không làm đổi màu dd phenolphthalein $\Rightarrow$ B sai.



■ Cần nhớ:



• Phenolphthalein (không màu) chỉ chuyển sang màu hồng trong môi trường bazơ.

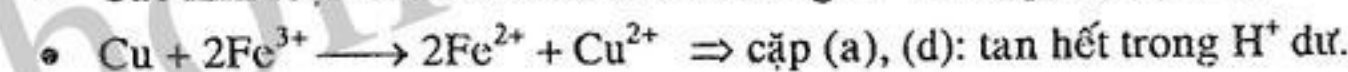
Câu 42:

– Dễ thấy cặp (c), cặp (c): Cu còn nguyên.

– Cặp (g): Cu còn $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:

• Các kim loại trước H luôn tan hết trong H^+ $\Rightarrow$ cặp (b) tan hết.



Câu 43:

* Gọi ý:

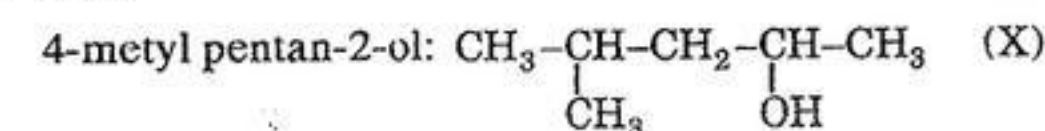
Các chất hữu cơ cộng H_2 (Ni, t°) sinh rượu bậc 2 có thể là:

– Rượu chưa no tương ứng

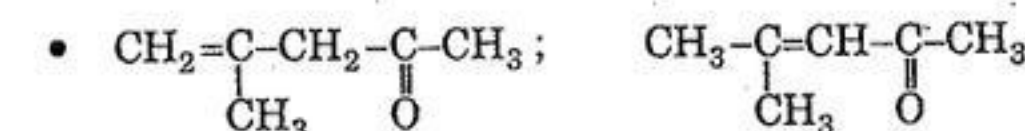
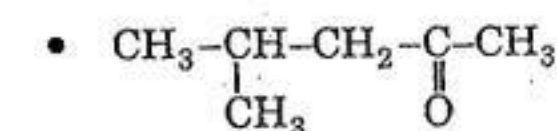
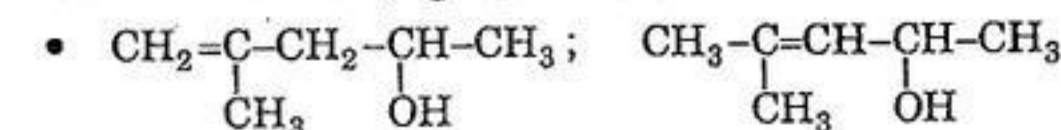
– Xeton

– Xeton chưa no.

* Giải:

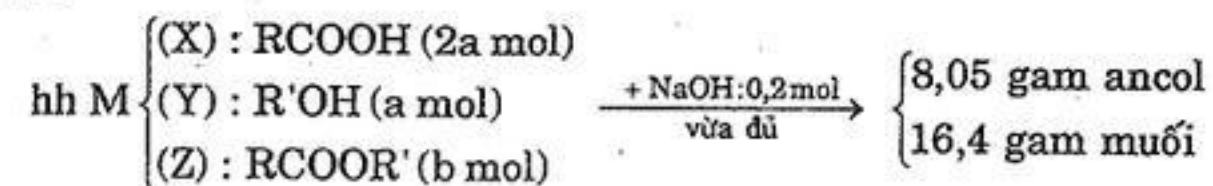


Các chất hữu cơ cộng H_2 sinh (X) là:



$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 44:



(X), (Y): ?

* Hướng dẫn giải:

Ta có: $n_{\text{muối}} = n_{\text{NaOH pư}} = 0,2 \text{ mol}$

$$\Rightarrow M_{\text{RCOONa}} = \frac{16,4}{0,2} = 82 \Rightarrow \text{Muối } \text{CH}_3\text{COONa}$$

$\Rightarrow$ Axit (X): $\text{CH}_3\text{COOH} \Rightarrow \text{A, C sai.}$

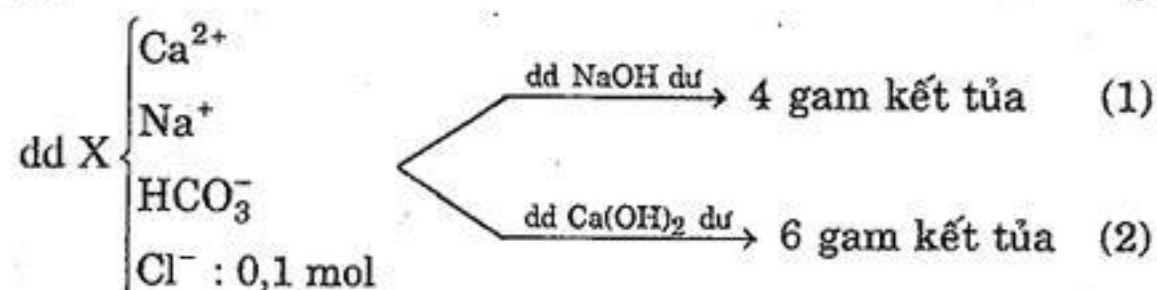
$$\text{Nếu (Y) là } \text{CH}_3\text{OH} \Rightarrow a = \frac{8,05}{32} \approx 0,252 \text{ (mol)}$$

$$\Rightarrow 2a = 0,504 > 0,2 \text{ (vô lí)}$$

$$\Rightarrow \text{B sai (vì } 2a + b = n_{\text{NaOH}} = 0,2 \text{ mol)}$$

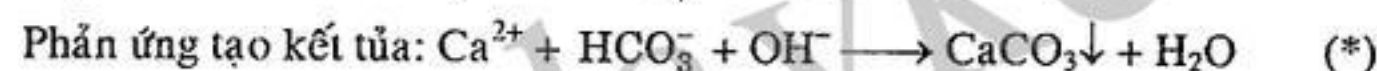
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 45:



* Hướng dẫn giải:

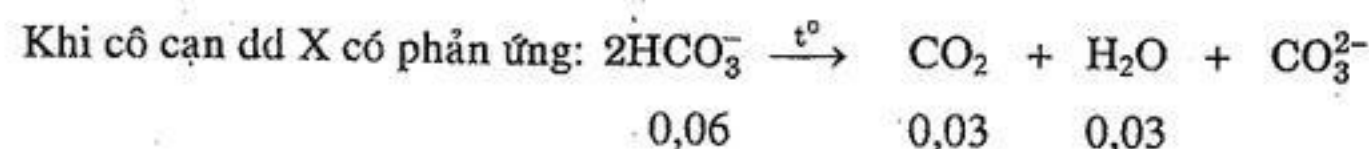
$$\text{Vì } n_{\text{TN2}} > n_{\text{TN1}} \Rightarrow \begin{cases} \text{TN1: } \text{Ca}^{2+} \text{ hết} \\ \text{TN2: } \text{HCO}_3^- \text{ hết} \end{cases}$$



$$\text{Theo } (*) \Rightarrow \begin{cases} n_{\text{HCO}_3^-} = n_{\text{TN2}} = \frac{6}{100} = 0,06 \\ n_{\text{Ca}^{2+}} = n_{\text{TN1}} = \frac{4}{100} = 0,04 \end{cases}$$

$$\text{Theo ĐLBTT} \Rightarrow n_{\text{Na}^+} = 0,08 \text{ mol}$$

$$\text{Vậy dd X} \begin{cases} \text{Ca}^{2+} : 0,04 \text{ mol} \\ \text{Na}^+ : 0,08 \text{ mol} \\ \text{HCO}_3^- : 0,06 \text{ mol} \\ \text{Cl}^- : 0,1 \text{ mol} \end{cases}$$

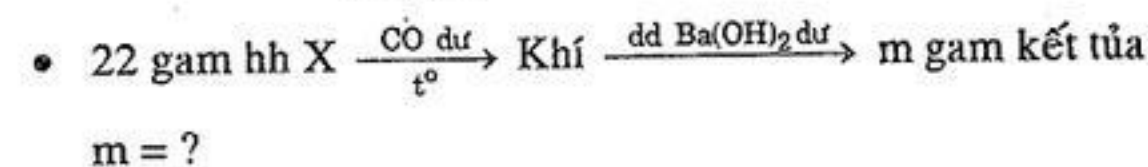
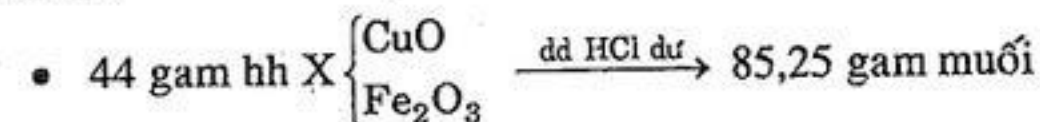


$$\Rightarrow m_{\text{rắn}} = m_{\text{muối trong ddX}} - m_{(\text{CO}_2, \text{H}_2\text{O})}$$

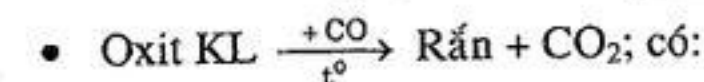
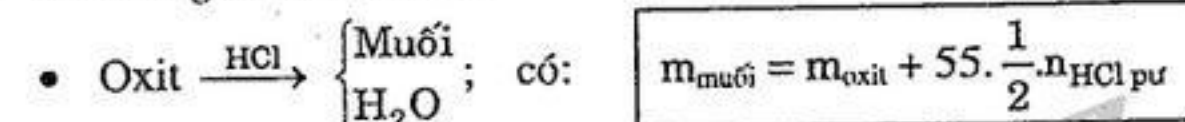
$$\Rightarrow m_{\text{rắn}} = (40.0,04 + 23.0,08 + 61.0,06 + 35,5.0,1) - 62.0,03 = 8,79 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

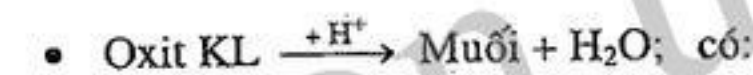
Câu 46:



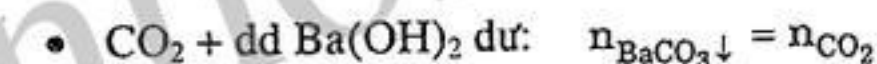
* Các công thức cần nhớ:



$$n_{\text{CO pư}} = n_{[\text{O}]} \text{ trong oxit phản ứng}; n_{\text{CO}_2} = n_{\text{CO pư}}$$



$$n_{\text{H}^+ \text{ pư}} = 2 \cdot n_{[\text{O}]} \text{ trong oxit phản ứng}$$



* Giải:

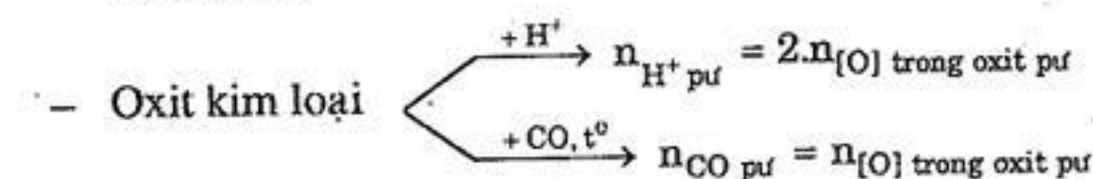
$$\text{Ở thí nghiệm 1 ta có: } 85,25 = 44 + 55 \cdot \frac{1}{2} \cdot n_{\text{HCl pư}} \Rightarrow n_{\text{HCl pư}} = 1,5 \text{ mol}$$

Theo công thức gợi ý trên ta có:

$$n_{\text{BaCO}_3 \downarrow} = n_{\text{CO}_2} = n_{\text{CO pư}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{HCl pư ở TN2}} = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1,5}{2} \right) = 0,375 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow m_{\text{BaCO}_3 \downarrow} = 197 \times 0,375 = 73,875 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

* Giải thích:



$$\Rightarrow n_{\text{CO pư}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{H}^+ \text{ pư}}$$

Ở bài toán này khối lượng hh X ở thí nghiệm 2 bằng $\frac{1}{2}$ khối lượng hỗn hợp ở thí nghiệm 1

$$\Rightarrow n_{\text{CO pư ở TN2}} = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot n_{\text{H}^+ \text{ pư ở TN1}} \right)$$

Câu 47:

Các phương án có (4), (5) đều sai $\Rightarrow$ A, C, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 48:

– Theo đề $\Rightarrow$ X có 2 (Gly) (1)

– Do thủy phân không hoàn toàn X thu được $\begin{cases} \text{Gly} - \text{Ala} - \text{Val} \\ \text{Val} - \text{Phe} \end{cases}$ (2)

(1), (2) $\Rightarrow$ X: Gly – Ala – Val – Phe – Gly

hoặc Gly – Gly – Ala – Val – Phe

Do thủy phân không hoàn toàn X không sinh dipeptit Gly – Gly.

$\Rightarrow$ X: Gly – Ala – Val – Phe – Gly.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 49:

• m gam hh X $\begin{cases} \text{Zn} \\ \text{Cu} \end{cases} \xrightarrow{+O_2 \text{ dư}} 40,3 \text{ gam hh (ZnO, CuO)}$

• 0,25 mol hh X $\begin{cases} \text{Zn} \\ \text{Cu} \end{cases} \xrightarrow{\text{dd KOH dư}} 3,36 \text{ l H}_2 \text{ (đktc)}$

%Cu (theo m) trong hh X = ?

* Công thức cần nhớ:

• Kim loại $\rightarrow$ H₂, có: $n_{\text{KL dư}} \times \text{Hoá trị} = 2.n_{\text{H}_2}$

• Tỷ lệ mol các chất trong hỗn hợp không phụ thuộc lượng hỗn hợp.

* Giải:

Ta có: $n_{\text{Zn}}.II = 2.n_{\text{H}_2} \Rightarrow n_{\text{Zn}} = 0,15 \text{ mol} \Rightarrow n_{\text{Cu}} = 0,1 \text{ mol}$

$\Rightarrow \% \text{Cu (theo m)} = \frac{64.0,1}{64.0,1 + 65.0,15} = 0,3963 = 39,63\%$.

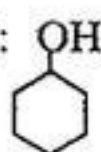
Vậy ở bài toán này không sử dụng dữ kiện ở thí nghiệm 1.

Câu 50:

Các phương án trả lời có (2), (3) là phương án sai

vì cumen, xiclohexanol không thuộc loại phenol $\Rightarrow$ A, B, C sai

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Cumen: $\text{CH}_3 - \text{CH} - \text{CH}_3$; xiclohexanol: 

Câu 51:

$\begin{cases} \text{Cu} : 0,3 \text{ mol} \\ \text{Fe(NO}_3)_2 : 0,6 \text{ mol} \end{cases} \xrightarrow{+0,9 \text{ mol H}_2\text{SO}_4} \text{V l NO (đktc)}$

V = ?

* Hướng dẫn giải:

– Theo đề ta có: $n_{\text{Cu}} = 0,3 \text{ mol}$; $n_{\text{Fe}^{2+}} = 0,6 \text{ mol}$; $n_{\text{H}^+} = 1,8 \text{ mol}$

$n_{\text{NO}_3^-} = 1,2 \text{ mol}$

– Ta có các phản ứng:

$3\text{Cu} + 8\text{H}^+ + 2\text{NO}_3^- \rightarrow 3\text{Cu} + 2\text{NO} + 4\text{H}_2\text{O}$ (1)

$3\text{Fe}^{2+} + 4\text{H}^+ + \text{NO}_3^- \rightarrow 3\text{Fe}^{3+} + \text{NO} + 2\text{H}_2\text{O}$ (2)

– Để thấy H⁺, NO₃⁻ đều dư $\Rightarrow$ Cu, Fe²⁺: hết.

(1), (2) $\Rightarrow \sum n_{\text{NO}} = \frac{2}{3}n_{\text{Cu}} + \frac{1}{3}n_{\text{Fe}^{2+}} = 0,4 \text{ mol}$

$\Rightarrow V_{\text{NO (đktc)}} = 0,4 \times 22,4 = 8,96 \text{ (l)}$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 52:

Để thấy A, C, D luôn đúng $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 53:

– Với pH = 3 $\Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-3} = 0,007. \alpha \Rightarrow \alpha = 14,29\% \Rightarrow$ D luôn đúng.

– Theo SGK nâng cao lớp 11 trang 9, 10 dễ dàng thấy B, C luôn đúng.

$\Rightarrow$ A sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ: A chỉ đúng với axit mạnh ($\alpha = 1$).

Câu 54:

Este có mùi chuối chín: $\text{CH}_3\text{COO}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\underset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_2$ (izoamyl axetat)

$\Rightarrow$ Y: $\text{CH}_3-\underset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{OH}$

$\Rightarrow$ X: $\text{CH}_3-\underset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_2-\text{CHO}$ (3-metyl butanal)

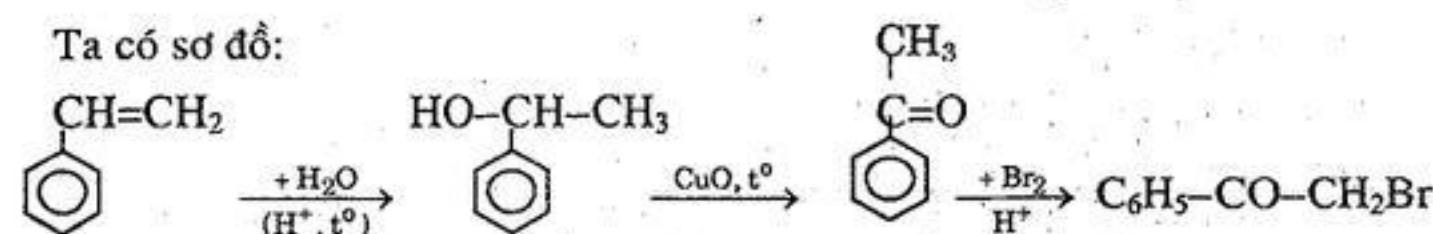
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 55:

Cần nhớ: CdS $\downarrow$ màu vàng, các sunfua còn lại có màu đen. Đáp án: D.

Câu 56:

Ta có sơ đồ:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 57:

- Từ A, C, D $\Rightarrow$ Amin: $R-(NH_2)_2$
- Phản ứng: $R-(NH_2)_2 + 2HCl \rightarrow R(NH_3Cl)_2$
 $\Rightarrow m_{\text{muối}} = m_{\text{amin}} + 36,5 \cdot 2 \cdot n_{\text{pư}}$
 $(n_{\text{pư}} = n_{\text{amin pư}} = \frac{1}{2} n_{HCl \text{ pư}} = n_{\text{muối}})$

- Vậy: $M_{\text{amin}} = \frac{8,88}{\frac{17,64 - 8,88}{36,5 \times 2}} = 74$

$\Rightarrow$ Amin: $H_2N-CH_2-CH_2-CH_2-NH_2 \Rightarrow$ Đáp án: D.

* Gợi ý:

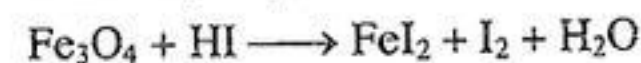
- A, C có $M \neq 74 \Rightarrow$ Đáp án: D.
- Nếu M_{amin} tính được không trùng với M của A, C, D thì hiển nhiên đáp án sẽ là B.

Câu 58:

Đây là quá trình oxi hoá khử theo công thức sau:

Oxit + Axit loại 3 $\rightarrow$ Muối + H_2O + Sản phẩm oxi hoá

(Muối ứng với hoá trị thấp; axit loại 3 là axit có tính khử) nên ta có:



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 59:

m gam hh ancol đơn, cùng dãy đồng đẳng
 $x = ?$

đốt $\rightarrow \begin{cases} CO_2 : 8,96l \text{ (đktc)} \\ H_2O : 11,7 \text{ gam} \end{cases}$
 $H_2SO_4 \text{ d} \rightarrow x \text{ gam ete}$

* Hướng dẫn giải:

- $n_{CO_2} = 0,4$; $n_{H_2O} = 0,65 \Rightarrow n_{CO_2} < n_{H_2O} \Rightarrow$ các ancol đem đốt đều no.

$$\Rightarrow m = 11,7 - \frac{0,4 \cdot 44}{11} = 10,1 \text{ gam.}$$

- Gọi CTTQ đại diện cho ba rượu là $C_nH_{2n+2}O$

$$\Rightarrow \frac{\bar{n}}{\bar{n}+1} = \frac{0,4}{0,65} \Rightarrow \bar{n} = 1,6.$$

- Ta có: $n_{CO_2} = n_{\text{hh rượu đem đốt}} \times \bar{n} \Rightarrow n_{\text{hh rượu}} = 0,25 \text{ mol.}$

- Trong tách nước tạo ete có:

$$n_{\text{ete}} = n_{H_2O} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{rượu pư}} \Rightarrow n_{H_2O} = 0,125$$

$$\text{Vậy } m_{\text{ete}} = m_{\text{rượu}} - m_{H_2O} = 10,1 - 18,0,125 = 7,85g$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

* Một số công thức cần nhớ:

• Đốt rượu đơn no: $m_{\text{rượu}} = m_{H_2O} - \frac{m_{CO_2}}{11}$

• Tách H_2O của rượu tạo ete:

$$n_{\text{ete}} = n_{H_2O} = \frac{1}{2} n_{\text{rượu pư}}$$

$$m_{\text{ete}} + m_{H_2O} = m_{\text{rượu pư}}$$

• $n_{CO_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$

$$\frac{n_{CO_2}}{n_{H_2O}} = \frac{\text{Số C}}{\frac{1}{2} \cdot \text{Số H}}$$

Câu 60:

Dễ dàng thấy các đặc điểm của X chỉ đúng cho mantazơ.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI A NĂM 2011

MÃ ĐỀ 482

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Đốt cháy hoàn toàn 3,42 gam hỗn hợp gồm axit acrylic, vinyl axetat, methyl acrylat và axit oleic, rồi hấp thụ toàn bộ sản phẩm cháy vào dung dịch $Ca(OH)_2$ (dư). Sau phản ứng thu được 18 gam kết tủa và dung dịch X. Khối lượng X so với khối lượng dung dịch $Ca(OH)_2$ ban đầu đã thay đổi như thế nào?

- A. Tăng 2,70 gam. B. Giảm 7,74 gam.
 C. Tăng 7,92 gam. D. Giảm 7,38 gam.

Câu 2: Cho axit salixylic (axit o-hidroxi benzoic) phản ứng với anhidrit axetic, thu được axit axetylsalixylic ($o-CH_3COO-C_6H_4-COOH$) dùng làm thuốc cảm (aspirin). Để phản ứng hoàn toàn với 43,2 gam axit axetylsalixylic cần vừa đủ V lít dung dịch KOH 1M. Giá trị của V là

- A. 0,72. B. 0,48. C. 0,96. D. 0,24.

Câu 3: Hoà tan 13,68 gam muối MSO_4 vào nước được dung dịch X. Điện phân X (với điện cực trơ, cường độ dòng điện không đổi) trong thời gian t giây, được y gam kim loại M duy nhất ở catot và 0,035 mol khí ở anot. Còn nếu thời gian điện phân là 2t giây thì tổng số mol khí thu được ở cả hai điện cực là 0,1245 mol. Giá trị của y là

- A. 4,480. B. 3,920. C. 1,680. D. 4,783.

- Câu 4:** Cho dãy các chất: NaOH , $\text{Sn}(\text{OH})_2$, $\text{Pb}(\text{OH})_2$, $\text{Al}(\text{OH})_3$, $\text{Cr}(\text{OH})_3$. Số chất trong dãy có tính chất lưỡng tính là
A. 4. B. 1. C. 3. D. 2.
- Câu 5:** Khi nói về peptit và protein, phát biểu nào sau đây là sai?
A. Liên kết của nhóm CO với nhóm NH giữa hai đơn vị α -amino axit được gọi là liên kết peptit.
B. Tất cả các protein đều tan trong nước tạo thành dung dịch keo.
C. Protein có phản ứng màu biure với $\text{Cu}(\text{OH})_2$.
D. Thủy phân hoàn toàn protein đơn giản thu được các α -amino axit.
- Câu 6:** Phát biểu nào sau đây là sai?
A. Bán kính nguyên tử của clo lớn hơn bán kính nguyên tử của flo.
B. Độ âm điện của brom lớn hơn độ âm điện của iot.
C. Tính axit của HF mạnh hơn tính axit của HCl.
D. Tính khử của ion Br^- lớn hơn tính khử của ion Cl^- .
- Câu 7:** Đốt cháy hoàn toàn x mol axit cacboxylic E, thu được y mol CO_2 và z mol H_2O (với $z = y - x$). Cho x mol E tác dụng với NaHCO_3 (dư) thu được y mol CO_2 . Tên của E là
A. axit acrylic. B. axit oxalic. C. axit adipic. D. axit fomic.
- Câu 8:** Phèn chua được dùng trong ngành công nghiệp thuộc da, công nghiệp giấy, chất cầm màu trong ngành nhuộm vải, chất làm trong nước. Công thức hoá học của phèn chua là
A. $\text{Li}_2\text{SO}_4 \cdot \text{Al}_2(\text{SO}_4)_3 \cdot 24\text{H}_2\text{O}$. B. $\text{K}_2\text{SO}_4 \cdot \text{Al}_2(\text{SO}_4)_3 \cdot 24\text{H}_2\text{O}$.
C. $(\text{NH}_4)_2\text{SO}_4 \cdot \text{Al}_2(\text{SO}_4)_3 \cdot 24\text{H}_2\text{O}$. D. $\text{Na}_2\text{SO}_4 \cdot \text{Al}_2(\text{SO}_4)_3 \cdot 24\text{H}_2\text{O}$.
- Câu 9:** Sản phẩm hữu cơ của phản ứng nào sau đây **không** dùng để chế tạo tơ tổng hợp?
A. Trùng hợp vinyl xianua.
B. Trùng ngưng axit ϵ -aminocaproic.
C. Trùng hợp metyl metacrylat.
D. Trùng ngưng hexametylendiamin với axit adipic.
- Câu 10:** Este X được tạo thành từ etylen glycol và hai axit cacboxylic đơn chức. Trong phân tử este, số nguyên tử cacbon nhiều hơn số nguyên tử oxi là 1. Khi cho m gam X tác dụng với dung dịch NaOH (dư) thì lượng NaOH đã phản ứng là 10 gam. Giá trị của m là
A. 14,5. B. 17,5. C. 15,5. D. 16,5.
- Câu 11:** Đun nóng m gam hỗn hợp Cu và Fe có tỉ lệ khối lượng tương ứng 7 : 3 với một lượng dung dịch HNO_3 . Khi các phản ứng kết thúc, thu được 0,75m gam chất rắn, dung dịch X và 5,6 lít hỗn hợp khí (đktc) gồm NO và NO_2 (không có sản phẩm khử khác của N^{+5}). Biết lượng HNO_3 đã phản ứng là 44,1 gam. Giá trị của m là
A. 44,8. B. 40,5. C. 33,6. D. 50,4.

- Câu 12:** Cho dãy các chất: phenylamoni clorua, benzyl clorua, isopropyl clorua, m-crezol, ancol benzylic, natri phenolat, anlyl clorua. Số chất trong dãy tác dụng được với dung dịch NaOH loãng, đun nóng là
A. 4. B. 3. C. 6. D. 5.
- Câu 13:** Hấp thụ hoàn toàn 0,672 lít khí CO_2 (đktc) vào 1 lít dung dịch gồm NaOH 0,025M và $\text{Ca}(\text{OH})_2$ 0,0125M, thu được x gam kết tủa. Giá trị của x là
A. 2,00. B. 0,75. C. 1,00. D. 1,25.
- Câu 14:** Điện phân dung dịch gồm 7,45 gam KCl và 28,2 gam $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ (điện cực trơ, màng ngăn xốp) đến khi khối lượng dung dịch giảm đi 10,75 gam thì ngừng điện phân (giả thiết lượng nước bay hơi không đáng kể). Tất cả các chất tan trong dung dịch sau điện phân là
A. KNO_3 và KOH. B. KNO_3 , KCl và KOH.
C. KNO_3 và $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$. D. KNO_3 , HNO_3 và $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$.
- Câu 15:** Hợp chất hữu cơ X chứa vòng benzen có công thức phân tử trùng với công thức đơn giản nhất. Trong X, tỉ lệ khối lượng các nguyên tố là $m_C : m_H : m_O = 21 : 2 : 8$. Biết khi X phản ứng hoàn toàn với Na thì thu được số mol khí hydro bằng số mol của X đã phản ứng. X có bao nhiêu đồng phân (chứa vòng benzen) thỏa mãn các tính chất trên?
A. 9. B. 3. C. 7. D. 10.
- Câu 16:** Khi so sánh NH_3 với NH_4^+ , phát biểu **không** đúng là:
A. Trong NH_3 và NH_4^+ , nitơ đều có số oxi hóa -3.
B. NH_3 có tính bazơ, NH_4^+ có tính axit.
C. Trong NH_3 và NH_4^+ , nitơ đều có cộng hóa trị 3.
D. Phân tử NH_3 và ion NH_4^+ đều chứa liên kết cộng hóa trị.
- Câu 17:** Đốt cháy hoàn toàn x gam hỗn hợp gồm hai axit cacboxylic hai chức, mạch hở và đều có một liên kết đôi $\text{C}=\text{C}$ trong phân tử, thu được V lít khí CO_2 (đktc) và y mol H_2O . Biểu thức liên hệ giữa các giá trị x, y và V là
A. $V = \frac{28}{55}(x - 30y)$. B. $V = \frac{28}{95}(x - 62y)$.
C. $V = \frac{28}{55}(x + 30y)$. D. $V = \frac{28}{95}(x + 62y)$.
- Câu 18:** Thành phần % khối lượng của nitơ trong hợp chất hữu cơ $\text{C}_x\text{H}_y\text{N}$ là 23,73%. Số đồng phân amin bậc một thỏa mãn các dữ kiện trên là
A. 2. B. 3. C. 4. D. 1.
- Câu 19:** Hợp chất nào của canxi được dùng để đúc tượng, bó bột khi gãy xương?
A. Vôi sống (CaO). B. Thạch cao sống ($\text{CaSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$).
C. Đá vôi (CaCO_3). D. Thạch cao nung ($\text{CaSO}_4 \cdot \text{H}_2\text{O}$).

- Câu 20:** Cho 13,8 gam chất hữu cơ X có công thức phân tử C_7H_8 tác dụng với một lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 , thu được 45,9 gam kết tủa. X có bao nhiêu đồng phân cấu tạo thỏa mãn tính chất trên?
A. 5. B. 4. C. 6. D. 2.
- Câu 21:** Cho 0,87 gam hỗn hợp gồm Fe, Cu và Al vào bình đựng 300ml dung dịch H_2SO_4 0,1M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 0,32 gam chất rắn và có 448ml khí (đktc) thoát ra. Thêm tiếp vào bình 0,425 gam $NaNO_3$, khi các phản ứng kết thúc thì thể tích khí NO (đktc, sản phẩm khử duy nhất) tạo thành và khối lượng muối trong dung dịch là
A. 0,224 lít và 3,750 gam. B. 0,112 lít và 3,750 gam.
C. 0,112 lít và 3,865 gam. D. 0,224 lít và 3,865 gam.
- Câu 22:** Dãy gồm các chất đều có thể làm mất tính cứng tạm thời của nước là:
A. HCl, NaOH, Na_2CO_3 . B. NaOH, Na_3PO_4 , Na_2CO_3 .
C. KCl, $Ca(OH)_2$, Na_2CO_3 . D. HCl, $Ca(OH)_2$, Na_2CO_3 .
- Câu 23:** Quặng sắt manhetit có thành phần chính là
A. FeS_2 . B. Fe_3O_4 . C. Fe_2O_3 . D. $FeCO_3$.
- Câu 24:** Tiến hành các thí nghiệm sau:
(1) Cho dung dịch NaOH vào dung dịch $Ca(HCO_3)_2$.
(2) Cho dung dịch HCl tới dư vào dung dịch $NaAlO_2$ (hoặc $Na[Al(OH)_4]$).
(3) Sục khí H_2S vào dung dịch $FeCl_2$.
(4) Sục khí NH_3 tới dư vào dung dịch $AlCl_3$.
(5) Sục khí CO_2 tới dư vào dung dịch $NaAlO_2$ (hoặc $Na[Al(OH)_4]$).
(6) Sục khí etilen vào dung dịch $KMnO_4$.
Sau khi các phản ứng kết thúc, có bao nhiêu thí nghiệm thu được kết tủa?
A. 3. B. 4. C. 6. D. 5.
- Câu 25:** Chia hỗn hợp X gồm K, Al và Fe thành hai phần bằng nhau.
– Cho phần 1 vào dung dịch KOH (dư) thu được 0,784 lít khí H_2 (đktc).
– Cho phần 2 vào một lượng dư H_2O , thu được 0,448 lít khí H_2 (đktc) và m gam hỗn hợp kim loại Y. Hoà tan hoàn toàn Y vào dung dịch HCl (dư) thu được 0,56 lít khí H_2 (đktc).
Khối lượng (tính theo gam) của K, Al, Fe trong mỗi phần hỗn hợp X lần lượt là:
A. 0,39; 0,54; 1,40. B. 0,78; 0,54; 1,12.
C. 0,39; 0,54; 0,56. D. 0,78; 1,08; 0,56.
- Câu 26:** Hỗn hợp X gồm axit axetic, axit fomic và axit oxalic. Khi cho m gam X tác dụng với $NaHCO_3$ (dư) thì thu được 15,68 lít khí CO_2 (đktc). Mặt khác, đốt cháy hoàn toàn m gam X cần 8,96 lít khí O_2 (đktc), thu được 35,2 gam CO_2 và y mol H_2O . Giá trị của y là
A. 0,3. B. 0,8. C. 0,2. D. 0,6.

- Câu 27:** Hỗn hợp X gồm C_2H_2 và H_2 có cùng số mol. Lấy một lượng hỗn hợp X cho qua chất xúc tác nung nóng, thu được hỗn hợp Y gồm C_2H_4 , C_2H_6 , C_2H_2 và H_2 . Sục Y vào dung dịch brom (dư) thì khối lượng bình brom tăng 10,8 gam và thoát ra 4,48 lít hỗn hợp khí (đktc) có tỉ khối so với H_2 là 8. Thể tích O_2 (đktc) cần để đốt cháy hoàn toàn hỗn hợp Y là
A. 22,4 lít. B. 44,8 lít. C. 26,88 lít. D. 33,6 lít.
- Câu 28:** Trung hoà 3,88 gam hỗn hợp X gồm hai axit cacboxylic no, đơn chức, mạch hở bằng dung dịch NaOH, cô cạn toàn bộ dung dịch sau phản ứng thu được 5,2 gam muối khan. Nếu đốt cháy hoàn toàn 3,88 gam X thì thể tích oxi (đktc) cần dùng là
A. 4,48 lít. B. 3,36 lít. C. 2,24 lít. D. 1,12 lít.
- Câu 29:** Xenlulozơ trinitrat được điều chế từ phản ứng giữa axit nitric với xenlulozơ (hiệu suất phản ứng 60% tính theo xenlulozơ). Nếu dùng 2 tấn xenlulozơ thì khối lượng xenlulozơ trinitrat điều chế được là
A. 2,97 tấn. B. 3,67 tấn. C. 2,20 tấn. D. 1,10 tấn.
- Câu 30:** Đốt cháy hoàn toàn andehit X, thu được thể tích khí CO_2 bằng thể tích hơi nước (trong cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất). Khi cho 0,01 mol X tác dụng với một lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 thì thu được 0,04 mol Ag. X là
A. andehit fomic. B. andehit no, mạch hở, hai chức.
C. andehit axetic. D. andehit không no, mạch hở, hai chức.
- Câu 31:** Thủy phân hết m gam tetrapeptit Ala-Ala-Ala-Ala (mạch hở) thu được hỗn hợp gồm 28,48 gam Ala, 32 gam Ala-Ala và 27,72 gam Ala-Ala-Ala. Giá trị của m là
A. 90,6. B. 111,74. C. 81,54. D. 66,44.
- Câu 32:** Đốt cháy hoàn toàn hỗn hợp X gồm C_2H_2 , C_3H_4 và C_4H_4 (số mol mỗi chất bằng nhau) thu được 0,09 mol CO_2 . Nếu lấy cùng một lượng hỗn hợp X như trên tác dụng với một lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 , thì khối lượng kết tủa thu được lớn hơn 4 gam. Công thức cấu tạo của C_3H_4 và C_4H_4 trong X lần lượt là:
A. $CH \equiv C - CH_3$; $CH_2 = CH - C \equiv CH$. B. $CH \equiv C - CH_3$; $CH_2 = C = C = CH_2$.
C. $CH_2 = C = CH_2$; $CH_2 = C = C = CH_2$. D. $CH_2 = C = CH_2$; $CH_2 = CH - C \equiv CH$.
- Câu 33:** Số đồng phân amino axit có công thức phân tử $C_3H_7O_2N$ là
A. 2. B. 4. C. 3. D. 1.
- Câu 34:** Khối lượng riêng của canxi kim loại là $1,55g/cm^3$. Giả thiết rằng, trong tinh thể canxi các nguyên tử là những hình cầu chiếm 74% thể tích tinh thể, phần còn lại là khe rỗng. Bán kính nguyên tử canxi tính theo lý thuyết là
A. 0,155nm. B. 0,185nm. C. 0,196nm. D. 0,168nm.
- Câu 35:** Cho 7,68 gam Cu vào 200ml dung dịch gồm HNO_3 0,6M và H_2SO_4 0,5M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn (sản phẩm khử duy nhất là NO), cô cạn cẩn thận toàn bộ dung dịch sau phản ứng thì khối lượng muối khan thu được là
A. 20,16 gam. B. 19,76 gam. C. 19,20 gam. D. 22,56 gam.

Câu 36: Nung m gam hỗn hợp X gồm FeS và FeS₂ trong một bình kín chứa không khí (gồm 20% thể tích O₂ và 80% thể tích N₂) đến khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được một chất rắn duy nhất và hỗn hợp khí Y có thành phần thể tích: 84,8% N₂, 14% SO₂, còn lại là O₂. Phần trăm khối lượng của FeS trong hỗn hợp X là

- A. 42,31%. B. 59,46%. C. 19,64%. D. 26,83%.

Câu 37: Cho cân bằng hoá học: $\text{H}_2(\text{k}) + \text{I}_2(\text{k}) \rightleftharpoons 2\text{HI}(\text{k}); \Delta H > 0$.

Cân bằng **không** bị chuyển dịch khi

- A. giảm áp suất chung của hệ. B. giảm nồng độ HI.
C. tăng nhiệt độ của hệ. D. tăng nồng độ H₂.

Câu 38: Cho dãy các chất và ion: Fe, Cl₂, SO₂, NO₂, C, Al, Mg²⁺, Na⁺, Fe²⁺, Fe³⁺. Số chất và ion vừa có tính oxi hoá, vừa có tính khử là

- A. 4. B. 5. C. 6. D. 8.

Câu 39: Thực hiện các thí nghiệm sau:

- (1) Đốt dây sắt trong khí clo.
- (2) Đốt nóng hỗn hợp bột Fe và S (trong điều kiện không có oxi).
- (3) Cho FeO vào dung dịch HNO₃ (loãng, dư).
- (4) Cho Fe vào dung dịch Fe₂(SO₄)₃.
- (5) Cho Fe vào dung dịch H₂SO₄ (loãng, dư).

Có bao nhiêu thí nghiệm tạo ra muối sắt(II)?

- A. 4. B. 2. C. 3. D. 1.

Câu 40: Trong các thí nghiệm sau:

- (1) Cho SiO₂ tác dụng với axit HF.
- (2) Cho khí SO₂ tác dụng với khí H₂S.
- (3) Cho khí NH₃ tác dụng với CuO đun nóng.
- (4) Cho CaOCl₂ tác dụng với dung dịch HCl đặc.
- (5) Cho Si đơn chất tác dụng với dung dịch NaOH.
- (6) Cho khí O₃ tác dụng với Ag.
- (7) Cho dung dịch NH₄Cl tác dụng với dung dịch NaNO₂ đun nóng.

Số thí nghiệm tạo ra đơn chất là

- A. 4. B. 7. C. 6. D. 5.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Cho buta-1,3-đien phản ứng cộng với Br₂ theo tỉ lệ mol 1 : 1. Số dẫn xuất dibrom (đồng phân cấu tạo và đồng phân hình học) thu được là

- A. 3. B. 1. C. 2. D. 4.

Câu 42: Dung dịch nào sau đây làm quỳ tím đổi thành màu xanh?

- A. Dung dịch alanin. B. Dung dịch glyxin.
C. Dung dịch lysin. D. Dung dịch valin.

Câu 43: Khi điện phân dung dịch NaCl (cực âm bằng sắt, cực dương bằng than chì, có màng ngăn xốp) thì

- A. ở cực dương xảy ra quá trình oxi hoá ion Na⁺ và ở cực âm xảy ra quá trình khử ion Cl⁻.
B. ở cực âm xảy ra quá trình khử H₂O và ở cực dương xảy ra quá trình oxi hoá ion Cl⁻.
C. ở cực âm xảy ra quá trình oxi hoá H₂O và ở cực dương xảy ra quá trình khử ion Cl⁻.
D. ở cực âm xảy ra quá trình khử ion Na⁺ và ở cực dương xảy ra quá trình oxi hoá ion Cl⁻.

Câu 44: Cấu hình electron của ion Cu⁴⁺ và Cr³⁺ lần lượt là

- A. [Ar]3d⁹ và [Ar]3d³. B. [Ar]3d⁷4s² và [Ar]3d¹4s².
C. [Ar]3d⁹ và [Ar]3d¹4s². D. [Ar]3d⁷4s² và [Ar]3d³.

Câu 45: Ancol etylic được điều chế từ tinh bột bằng phương pháp lên men với hiệu suất toàn bộ quá trình là 90%. Hấp thụ toàn bộ lượng CO₂ sinh ra khi lên men m gam tinh bột vào nước vôi trong, thu được 330 gam kết tủa và dung dịch X. Biết khối lượng X giảm đi so với khối lượng nước vôi trong ban đầu là 132 gam. Giá trị của m là

- A. 405. B. 324. C. 486. D. 297.

Câu 46: Hoá hơi 15,52 gam hỗn hợp gồm một axit no đơn chức X và một axit no đa chức Y (số mol X lớn hơn số mol Y), thu được một thể tích hơi bằng thể tích của 5,6 gam N₂ (đo trong cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất). Nếu đốt cháy toàn bộ hỗn hợp hai axit trên thì thu được 10,752 lít CO₂ (đktc). Công thức cấu tạo của X, Y lần lượt là

- A. CH₃-CH₂-COOH và HOOC-COOH.
B. CH₃-COOH và HOOC-CH₂-CH₂-COOH.
C. H-COOH và HOOC-COOH.
D. CH₃-COOH và HOOC-CH₂-COOH.

Câu 47: Nhóm những chất khí (hoặc hơi) nào dưới đây đều gây hiệu ứng nhà kính khi nồng độ của chúng trong khí quyển vượt quá tiêu chuẩn cho phép?

- A. N₂ và CO. B. CO₂ và O₂. C. CH₄ và H₂O. D. CO₂ và CH₄.

Câu 48: Cho 2,7 gam hỗn hợp bột X gồm Fe và Zn tác dụng với dung dịch CuSO₄. Sau một thời gian, thu được dung dịch Y và 2,84 gam chất rắn Z. Cho toàn bộ Z vào dung dịch H₂SO₄ (loãng, dư), sau khi các phản ứng kết thúc thì khối lượng chất rắn giảm 0,28 gam và dung dịch thu được chỉ chứa một muối duy nhất. Phần trăm khối lượng của Fe trong X là

- A. 58,52%. B. 51,85%. C. 48,15%. D. 41,48%.

Câu 49: Cho hỗn hợp X gồm Fe₂O₃, ZnO và Cu tác dụng với dung dịch HCl (dư) thu

được dung dịch Y và phần không tan Z. Cho Y tác dụng với dung dịch NaOH (loãng, dư) thu được kết tủa

- A. $\text{Fe}(\text{OH})_3$ và $\text{Zn}(\text{OH})_2$.
B. $\text{Fe}(\text{OH})_2$, $\text{Cu}(\text{OH})_2$ và $\text{Zn}(\text{OH})_2$.
C. $\text{Fe}(\text{OH})_3$.
D. $\text{Fe}(\text{OH})_2$ và $\text{Cu}(\text{OH})_2$.

Câu 50: X, Y, Z là các hợp chất mạch hở, bền có cùng công thức phân tử $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}$. X tác dụng được với Na và không có phản ứng tráng bạc. Y không tác dụng được với Na nhưng có phản ứng tráng bạc. Z không tác dụng được với Na và không có phản ứng tráng bạc. Các chất X, Y, Z lần lượt là:

- A. $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$, $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CHO}$, $\text{CH}_3-\text{CO}-\text{CH}_3$.
B. $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$, $\text{CH}_3-\text{CO}-\text{CH}_3$, $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CHO}$.
C. $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CHO}$, $\text{CH}_3-\text{CO}-\text{CH}_3$, $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$.
D. $\text{CH}_3-\text{CO}-\text{CH}_3$, $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CHO}$, $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2-\text{OH}$.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Phát biểu nào sau đây về andehit và xeton là sai?

- A. Hidro xianua cộng vào nhóm cacbonyl tạo thành sản phẩm không bền.
B. Axeton không phản ứng được với nước brom.
C. Axetandehit phản ứng được với nước brom.
D. Andehit fomic tác dụng với H_2O tạo thành sản phẩm không bền.

Câu 52: Không khí trong phòng thí nghiệm bị ô nhiễm bởi khí clo. Để khử độc, có thể xịt vào không khí dung dịch nào sau đây?

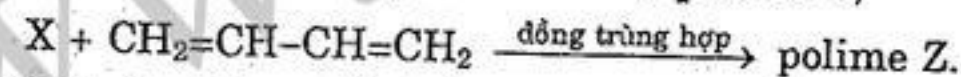
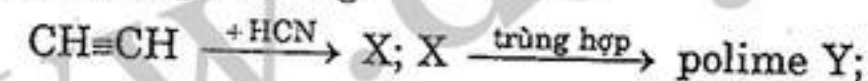
- A. Dung dịch NH_3 .
B. Dung dịch NaCl .
C. Dung dịch NaOH .
D. Dung dịch H_2SO_4 loãng.

Câu 53: Thủy phân hoàn toàn 60 gam hỗn hợp hai dipeptit thu được 63,6 gam hỗn hợp X gồm các amino axit (các amino axit chỉ có một nhóm amino và một nhóm cacboxyl trong phân tử). Nếu cho $\frac{1}{10}$ hỗn hợp X tác dụng với dung dịch

HCl (dư), cô cạn cẩn thận dung dịch, thì lượng muối khan thu được là

- A. 7,09 gam. B. 16,30 gam. C. 8,15 gam. D. 7,82 gam.

Câu 54: Cho sơ đồ phản ứng:



Y và Z lần lượt dùng để chế tạo vật liệu polime nào sau đây?

- A. Tơ capron và cao su buna. B. Tơ nylon-6,6 và cao su cloropren.
C. Tơ olon và cao su buna-N. D. Tơ nitron và cao su buna-S.

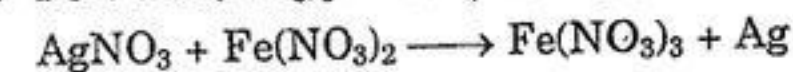
Câu 55: Hoà tan hỗn hợp bột gồm m gam Cu và 4,64 gam Fe_3O_4 vào dung dịch H_2SO_4 (loãng, rất dư), sau khi các phản ứng kết thúc chỉ thu được dung dịch X. Dung dịch X làm mất màu vừa đủ 100ml dung dịch KMnO_4 0,1M. Giá trị của m là

- A. 1,24. B. 3,2. C. 0,64. D. 0,96.

Câu 56: Hiện tượng xảy ra khi nhỏ vài giọt dung dịch H_2SO_4 vào dung dịch Na_2CrO_4 là:

- A. Dung dịch chuyển từ màu vàng sang không màu.
B. Dung dịch chuyển từ màu da cam sang màu vàng.
C. Dung dịch chuyển từ màu vàng sang màu da cam.
D. Dung dịch chuyển từ không màu sang màu da cam.

Câu 57: Cho các phản ứng sau: $\text{Fe} + 2\text{Fe}(\text{NO}_3)_3 \rightarrow 3\text{Fe}(\text{NO}_3)_2$



Dãy sắp xếp theo thứ tự tăng dần tính oxi hoá của các ion kim loại là:

- A. Ag^+ , Fe^{2+} , Fe^{3+} . B. Fe^{2+} , Fe^{3+} , Ag^+ .
C. Fe^{2+} , Ag^+ , Fe^{3+} . D. Ag^+ , Fe^{3+} , Fe^{2+} .

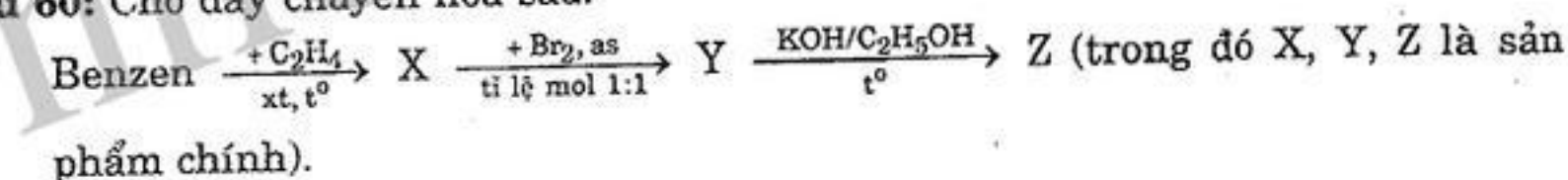
Câu 58: Đốt cháy hoàn toàn 0,11 gam một este X (tạo nên từ một axit cacboxylic đơn chức và một ancol đơn chức) thu được 0,22 gam CO_2 và 0,09 gam H_2O . Số este đồng phân của X là

- A. 2. B. 5. C. 6. D. 4.

Câu 59: Dung dịch X gồm CH_3COOH 1M ($K_a = 1,75 \cdot 10^{-5}$) và HCl 0,001M. Giá trị pH của dung dịch X là

- A. 2,43. B. 2,33. C. 1,77. D. 2,55.

Câu 60: Cho dãy chuyển hoá sau:



Tên gọi của Y, Z lần lượt là

- A. benzylbromua và toluen. B. 1-brom-1-phenyletan và stiren.
C. 2-brom-1-phenylbenzen và stiren. D. 1-brom-2-phenyletan và stiren.

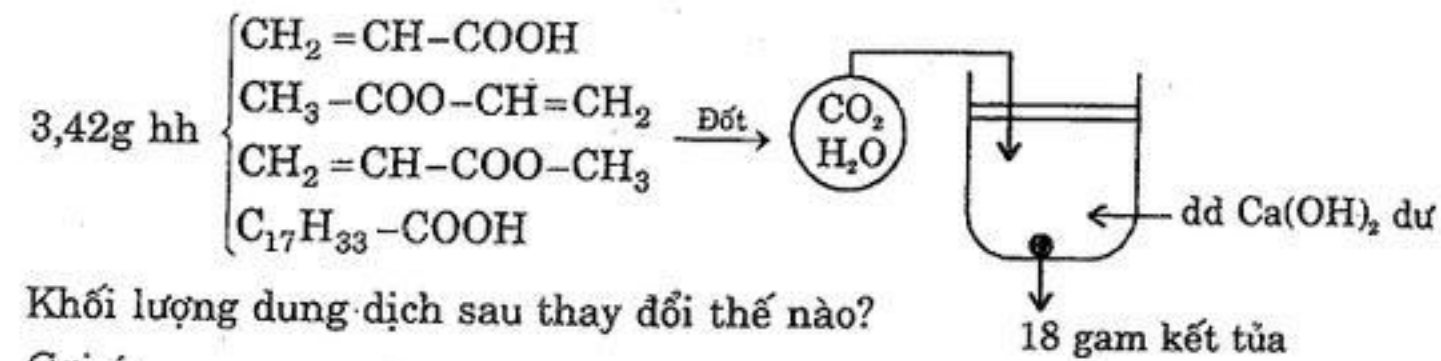
ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	D	11	D	21	C	31	C	41	A	51	A
2	A	12	D	22	B	32	A	42	C	52	A
3	A	13	D	23	B	33	A	43	B	53	D
4	A	14	D	24	B	34	C	44	A	54	C
5	B	15	A	25	C	35	B	45	A	55	D
6	C	16	C	26	D	36	C	46	D	56	C
7	B	17	C	27	D	37	A	47	D	57	B
8	B	18	A	28	B	38	B	48	B	58	D
9	C	19	D	29	C	39	C	49	D	59	B
10	D	20	B	30	A	40	C	50	A	60	B

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

* Tóm tắt:



Khối lượng dung dịch sau thay đổi thế nào?

* Gợi ý:

- Ta có $n_{\text{CO}_2} = n_{\downarrow} = 0,18 \text{ mol}$

- Hỗn hợp để cho chứa các chất đều có $\sum_{\text{lk}} \pi = 2$

$$\Rightarrow m_{\text{đốt}} = m_{\text{CO}_2} - 30 \cdot n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow n_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{44 \cdot 0,18 - 3,42}{30} = 0,15 \text{ mol}$$

- Ta có $\Delta m_{\text{dd}} = (m_{\text{CO}_2} + m_{\text{H}_2\text{O}}) - m_{\downarrow}$

$$\Delta m_{\text{dd}} = 44 \cdot 0,18 + 18 \cdot 0,15 - 18 = -7,38$$

Vậy khối lượng dung dịch sau giảm 7,38 gam.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ Cần nhớ:

• Với công thức tổng quát $\text{C}_n\text{H}_{2n-2}\text{O}_2$ (đặc điểm có 2 liên kết π , 2 nguyên tử oxi), ta có công thức cần nhớ

$$m_{\text{đốt}} = m_{\text{CO}_2} - 30 \cdot n_{\text{H}_2\text{O}}$$

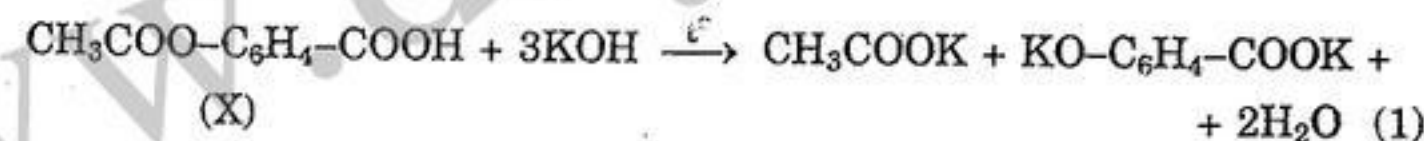
• $\Delta m_{\text{ddS}} = \sum m_{\text{chất cho vào bình}} - m_{\downarrow} - m_{\uparrow} = \Delta$

+ Nếu $\Delta > 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd tăng Δ gam

+ Nếu $\Delta < 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd giảm Δ gam

+ Nếu $\Delta = 0 \Leftrightarrow$ Khối lượng dd không đổi.

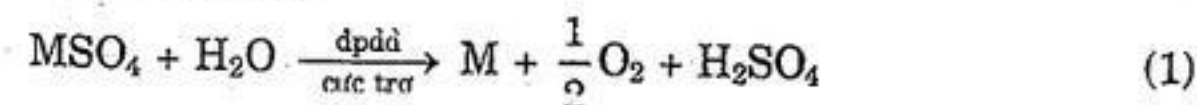
Câu 2: Ta có phản ứng:



$$\text{Theo (1)} \Rightarrow n_{\text{KOH dư}} = 3n_X \Leftrightarrow V \times 1 = 3 \times \frac{43,2}{180} \Rightarrow V = 0,72 \text{ (lít)}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 3: Phương trình điện phân:



- Khí ở anot: O_2

- Vì $0,1245 > 2 \cdot 0,035 \Rightarrow$ ở 2t giây bài toán gồm có 2 phương trình điện phân (1), (2).

$$\Rightarrow n_{\text{H}_2} = 0,1245 - 2 \cdot 0,035 = 0,0545 \text{ mol}$$

$$(1), (2) \Rightarrow n_{\text{MSO}_4} = 2 \left(0,07 - \frac{1}{2} \cdot 0,0545 \right) = 0,0855 \text{ (mol)}$$

$$\Rightarrow M_{\text{MSO}_4} = \frac{13,68}{0,0855} = 160 \Rightarrow \text{M: Cu}$$

$$\Rightarrow m_{\text{Cu}} = y = 2 \cdot 0,035 \times 64 = 4,48 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 4: Cần nhớ các hidroxít lưỡng tính: Sn(OH)_2 , Pb(OH)_2 , Al(OH)_3 , Cr(OH)_3 , Be(OH)_2 , Zn(OH)_2 .

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 5: Xem SGK $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 6: HF: axit yếu; HCl, HBr, HI: axit mạnh $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 7:

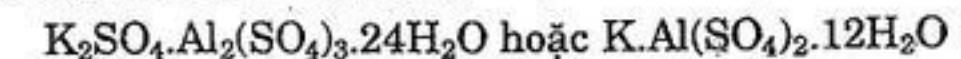
- Vì $z = y - x \Rightarrow y > z \Leftrightarrow n_{\text{CO}_2} > n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow \sum_{\text{lk}} \pi > 1$

$\Rightarrow$ D sai (vì HCOOH chỉ có 1 lk π)

$$\left. \begin{array}{l} \text{Số C} = \frac{m_{\text{CO}_2}}{n_{\text{đốt}}} = \frac{y}{x} \\ \text{Số chức axit} = \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{E dư}}} = \frac{y}{x} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{E có số C} = \text{số chức}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 8: Cần nhớ công thức phen chua là:



$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 9: Vì sản phẩm trùng hợp metyl metaacrylic không thuộc loại tơ tổng hợp.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

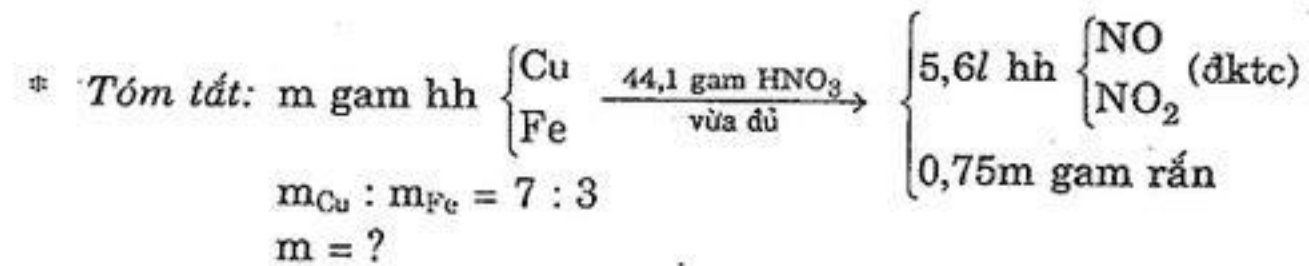
Câu 10: Theo đề $\Rightarrow$ Este X có dạng $\begin{matrix} \text{RCOO}-\text{CH}_2 \\ | \\ \text{R'COO}-\text{CH}_2 \end{matrix}$

Vì số C nhiều hơn số oxi là 1 $\Rightarrow \sum_{\text{số C}} = 5 \Rightarrow$ X là $\begin{matrix} \text{CH}_3-\text{COO}-\text{CH}_2 \\ | \\ \text{H}-\text{COO}-\text{CH}_2 \end{matrix}$

$$\Rightarrow m = \frac{1}{2} \times \frac{10}{40} \times 132 = 16,5 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 11:



* Gọi ý:

- Theo đề $\Rightarrow m_{\text{Cu bd}} = 0,7m$ gam, $m_{\text{Fe bd}} = 0,3m$ gam
- Do khối lượng rắn sau $> m_{\text{Cu bd}} \Rightarrow$ rắn sau gồm Fe còn dư và Cu còn nguyên $\Rightarrow m_{\text{Fe dư}} = 0,75m - 0,7m = 0,05m$ gam $\Rightarrow m_{\text{Fe pư}} = 0,25m$
- Vì Fe dư nên Fe $\xrightarrow{\text{HNO}_3} \text{Fe(NO}_3)_2$
- Ta có công thức tính số mol HNO₃ phản ứng:

$$n_{\text{HNO}_3 \text{ pư}} = \sum n_{[\text{N}] \text{ trong muối}} + \sum n_{[\text{N}] \text{ trong sản phẩm khử}}$$

$$\Leftrightarrow \frac{44,1}{63} = \frac{0,25m}{56} \times 2 + \frac{5,6}{22,4} \Rightarrow m = 50,4 \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

Câu 12: Các hợp chất phản ứng được với dd NaOH:

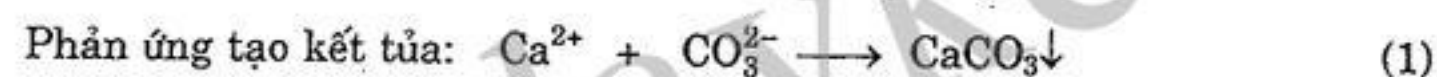
- Muối halogenua
- Axit
- Phenol
- Este

$\Rightarrow$ Các hợp chất phản ứng được với dd NaOH là: phenylamoni clorua, benzyl clorua, isopropyl clorua, m-crezol, anlyl clorua.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 13: $\sum n_{\text{OH}^-} = 0,05$; $n_{\text{CO}_2} = 0,03$ mol

$$\Rightarrow \frac{n_{\text{OH}^-}}{n_{\text{CO}_2}} = \frac{0,05}{0,03} = 1,67 \Rightarrow \text{Sản phẩm gồm } \begin{cases} \text{CO}_3^{2-}: 0,02 \text{ mol} \\ \text{HCO}_3^-: 0,01 \text{ mol} \end{cases}$$



Ban đầu: 0,0125 0,02

(1) $\Rightarrow n_{\text{CaCO}_3 \downarrow} = n_{\text{Ca}^{2+}} = 0,0125 \Rightarrow m \downarrow = 0,0125 \times 100 = 1,25$ gam

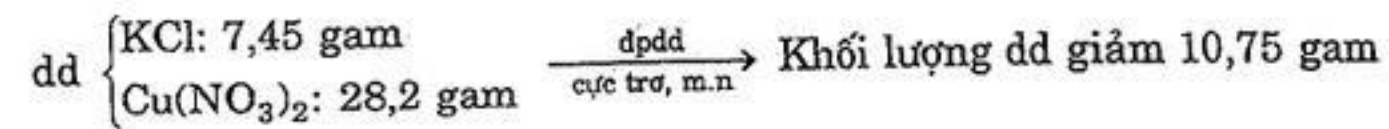
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ Cần nhớ:

$\frac{n_{\text{OH}^-}}{n_{\text{CO}_2}}$	1	2
Công thức tính số mol muối thu được	$n_{\text{HCO}_3^-} = n_{\text{OH}^-}$	$n_{\text{CO}_3^{2-}} = n_{\text{OH}^-} - n_{\text{CO}_2}$ $n_{\text{HCO}_3^-} = n_{\text{CO}_2} - n_{\text{CO}_3^{2-}}$

Câu 14:

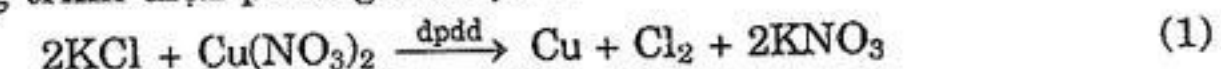
* Tóm tắt:



Sản phẩm điện phân?

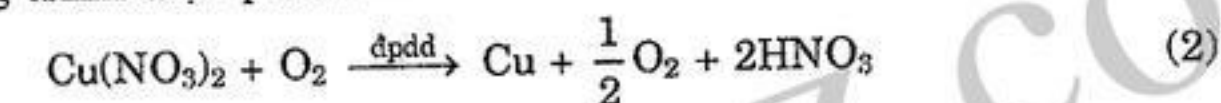
* Gọi ý:

- $\Delta m_{\text{dd giảm}} = m_{\text{kim loại bám vào catot}} + m_{\text{khí thoát ra}}$
- Phương trình điện phân giai đoạn 1:

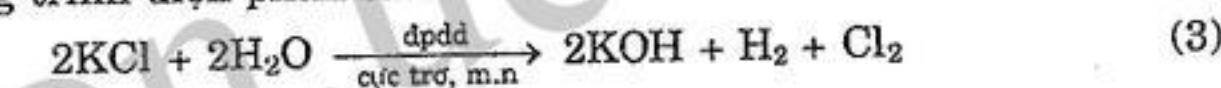


Sau (1) có ba trường hợp:

- + Nếu $\frac{n_{\text{KCl}}}{2} < \frac{n_{\text{Cu(NO}_3)_2}}{1}$ thì sau (1) còn Cu(NO₃)₂, nếu điện phân tiếp sẽ có phương trình điện phân sau:



- + Nếu $\frac{n_{\text{KCl}}}{2} > \frac{n_{\text{Cu(NO}_3)_2}}{1}$ thì sau (1) còn KCl, nếu điện phân tiếp sẽ có phương trình điện phân sau:



- + Nếu $\frac{n_{\text{KCl}}}{2} = \frac{n_{\text{Cu(NO}_3)_2}}{1}$ thì sau (1) KCl, Cu(NO₃)₂ đều hết, nếu tiếp tục điện phân chỉ có H₂O điện phân.

* Giải: Ta có $n_{\text{KCl}} = 0,1$ mol; $n_{\text{Cu(NO}_3)_2} = 0,15$ mol $\Rightarrow \frac{n_{\text{KCl}}}{2} < \frac{n_{\text{Cu(NO}_3)_2}}{1}$

$\Rightarrow$ KCl hết, nếu chỉ có (1) thì $\Delta m_{\text{dd giảm}} = 64.0,05 + 71.0,05 < 10,75$

$\Rightarrow$ Có phương trình điện phân (2)

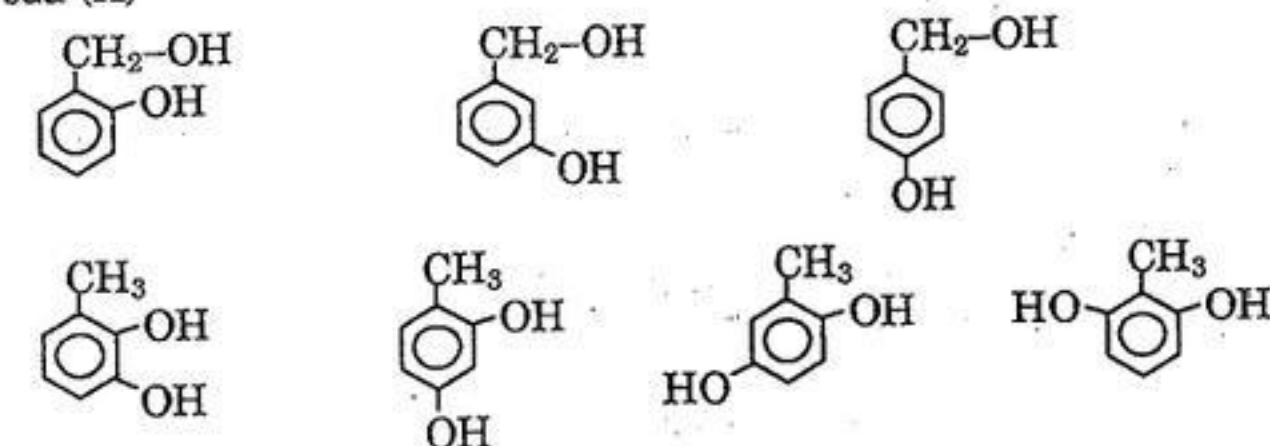
$\Rightarrow$ Dung dịch sau điện phân có HNO₃ $\Rightarrow$ A, B, C sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

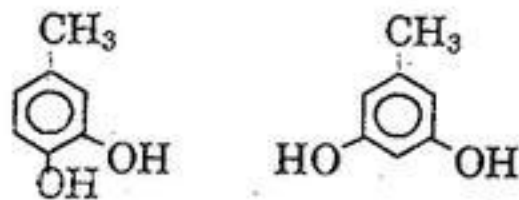
Câu 15: Đặt CTTQ X: C_xH_yO_z

Có $m_{\text{C}} : m_{\text{H}} : m_{\text{O}} = 21 : 2 : 8 \Leftrightarrow x : y : z = \frac{21}{12} : \frac{2}{1} : \frac{8}{16} = 7 : 8 : 2$

$\Rightarrow$ CTPT X: C₇H₈O₂

Vì X phản ứng với Na có $n_{\text{H}_2} = n_{\text{X}} \Rightarrow$ (X) có 2 nhóm (OH) $\Rightarrow$ Các đồng phân của (X)





$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 16: Dễ thấy A, B, D luôn đúng.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 17: Công thức tổng quát đại diện cho các axit 2 chức, chưa no có 1 liên kết C=C là $C_nH_{2n-4}O_4$ (a mol)

Ta có: $x = (14\bar{n} + 60).a$ với $a = \frac{n_{\text{CO}_2} - n_{\text{H}_2\text{O}}}{3-1} = \frac{n_{\text{CO}_2} - n_{\text{H}_2\text{O}}}{2}$

$$\Rightarrow x = 14na + 60 \cdot \frac{n_{\text{CO}_2} - n_{\text{H}_2\text{O}}}{2} \Rightarrow x = m_{\text{CO}_2} - 30 \cdot n_{\text{H}_2\text{O}} = 44 \cdot \frac{V}{22.4} - 30 \cdot y$$

$$\Rightarrow V = (x + 30y) \cdot \frac{22,4}{44} = \frac{28}{55}(x + 30y) \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

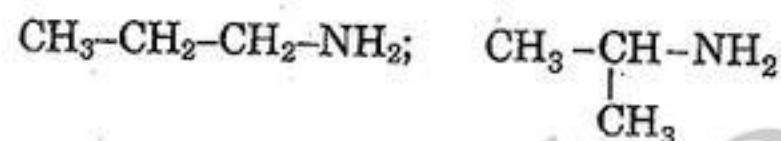
■ **Cần nhớ:** Với CTTQ: $C_nH_{2n-2}O_2$; $C_nH_{2n-4}O_4$

$$m_{\text{đốt}} = m_{\text{CO}_2} - 30.n_{\text{H}_2\text{O}}$$

Câu 18: Với (X): C_xH_yN có $\%N = \frac{14}{M} \times 100 = 23,73$

$$\Rightarrow M_{(X)} = 59 \quad \Rightarrow (X): C_3H_9N$$

Các đồng phân amin bậc 1 của (X) là:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

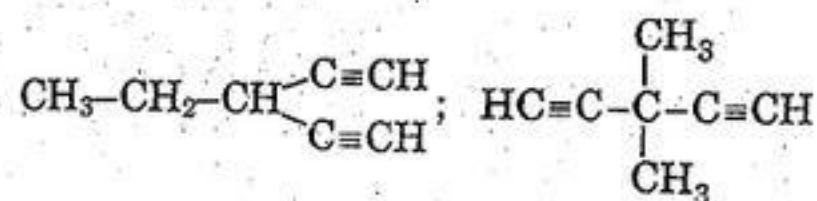
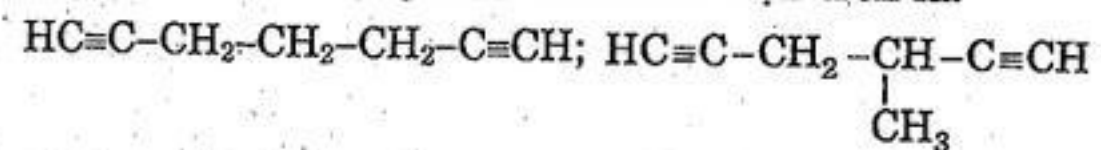
Câu 19: Cần nhớ hợp chất dùng đúc tượng, bó bột khi gãy xương là thạch cao nung ($\text{CaSO}_4 \cdot \text{H}_2\text{O}$) $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 20: Ta có $n_{C_7H_8} = \frac{13,8}{92} = 0,15 \text{ mol}$

$$V \downarrow n \downarrow = n_{C_7H_8} = 0,15 \text{ mol} \Rightarrow M \downarrow = \frac{45,9}{0,15} = 306$$

⇒ Kết tủa: $C_3H_6-(C \equiv CAg)_2$

⇒ Đồng phân của C_7H_8 thỏa mãn điều kiện trên là:



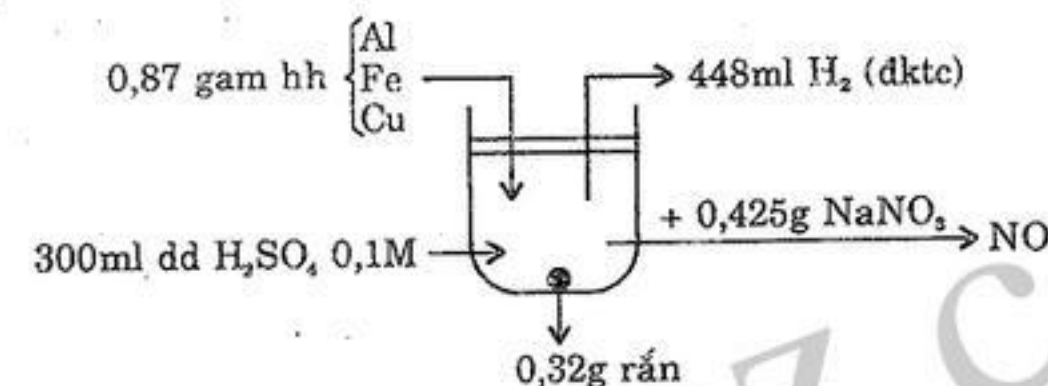
■ **Cẩn nhó:**
$$R-(C\equiv CH)_n \xrightarrow[NH_3]{dd AgNO_3} R-(C\equiv CAg)_n \downarrow$$

$$\bullet \quad n_{\downarrow} = n_{\text{hehe pif}} \Rightarrow M_{\downarrow} = 306$$

- Ở câu này nghiệm hợp lí $\begin{cases} n = 2 \\ R = 42 \end{cases}$

Câu 21:

* Tóm tắt:



Khối lượng muối thu được và thể tích NO?

* *Gợi ý:*

- Rắn không tan là Cu $\Rightarrow n_{\text{Cu}} = 0,005 \text{ mol}$

- Đặt $n_A = x$, $n_{Fe} = y$, ta có:

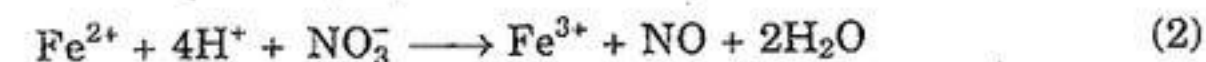
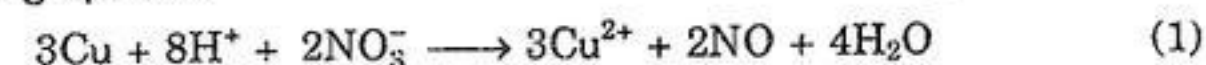
$$\begin{cases} 27x + 56y = 0,87 - 0,32 \\ x \cdot \text{III} + y \cdot \text{II} = 2 \cdot \frac{448}{22400} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,01 \\ y = 0,005 \end{cases} \Rightarrow \text{Fe}^{2+}: 0,005 \text{ mol}$$

- Ta có $n_{\text{H}^+ \text{ ban đầu}} = 0,06 \text{ mol}$, $n_{\text{H}^+ \text{ cuối}} = 2n_{\text{H}_2} = 0,04 \text{ mol}$

$\Rightarrow$ Dung dịch sau còn 0,02 mol H^+

- Theo đề $n_{\text{NO}_3^-} = 0,005 \text{ mol}$

- Phản ứng tạo NO:



- Từ (1), (2) và các số liệu của Cu, Fe^{2+} , H^+ , NO_3^- dễ thấy tất cả đều hết.

- (1), (2) $\Rightarrow n_{\text{NO}} = n_{\text{NO}_2^-} = 0,005 \text{ mol} \Rightarrow V = 0,112 \text{ l (đktc)} \Rightarrow \text{A, D sai.}$

- Dung dịch sau gồm

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Fe}^{3+} \\ \text{Al}^{3+} \\ \text{Cu}^{2+} \end{array} \right\}$	$0,87 \text{ gam}$
Na^+	$0,005 \text{ mol}$
SO_4^{2-}	$0,03 \text{ mol}$

$$\Rightarrow m_{\text{muối}} = 0,87 + 23.0,005 + 96.0,03 = 3,865 \text{ gam} \Rightarrow \text{B sai}$$

⇒ Đáp án: C.

Câu 22: HCl, KCl không làm mềm nước cứng $\Rightarrow$ A, C, D sai.

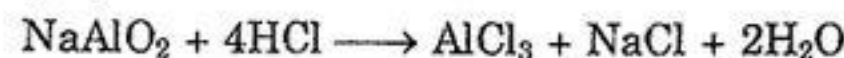
$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 23: Quặng manhetit có thành phần chính là Fe_3O_4 .

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 24: (1): $\text{Ca}(\text{HCO}_3)_2 + 2\text{NaOH} \rightarrow \text{CaCO}_3\downarrow + \text{Na}_2\text{CO}_3 + 2\text{H}_2\text{O}$

(2): Không tạo kết tủa vì HCl dư:



(3): $\text{FeCl}_2 + \text{H}_2\text{S} \rightarrow$ không phản ứng

(4): $\text{AlCl}_3 + 3\text{NH}_3 + 3\text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Al}(\text{OH})_3\downarrow + 3\text{NH}_4\text{Cl}$

(5): $\text{NaAlO}_2 + \text{CO}_2 + 2\text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Al}(\text{OH})_3\downarrow + \text{NaHCO}_3$

(6): $\text{CH}_2=\text{CH}_2 + \text{KMnO}_4 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \begin{matrix} \text{CH}_2 & - & \text{CH}_2 \\ | & & | \\ \text{OH} & & \text{OH} \end{matrix} + \text{MnO}_2 + \text{KOH}$

$\Rightarrow$ (1), (4), (5), (6) có kết tủa.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 25:

* Tóm tắt: hh X $\begin{cases} \text{K} \\ \text{Al} \\ \text{Fe} \end{cases} \begin{cases} \text{P}_1 \xrightarrow{+\text{dd KOH dư}} 0,784\text{l H}_2 \text{ (đktc)} \\ \text{P}_2 \xrightarrow{+\text{H}_2\text{O dư}} \begin{cases} 0,448\text{l H}_2 \text{ (đktc)} \\ \text{Rắn Y} \xrightarrow{\text{HCl dư}} 0,56\text{l H}_2 \text{ (đktc)} \end{cases} \end{cases}$

Khối lượng mỗi kim loại?

* Gợi ý:

- Kim loại $\rightarrow \text{H}_2$, luôn có $n_{\text{KL pư}} \times \text{hoá trị} = 2n_{\text{H}_2}$

- Đặt số mol mỗi kim loại trong P_1, P_2 lần lượt là x, y, z .

- Ta có hệ phương trình sau:

$$\begin{cases} x.I + y.III = 2 \cdot \frac{0,784}{22,4} \\ x.I + x.III = 2 \cdot \frac{0,448}{22,4} \\ z.II + (y - x).III = 2 \cdot \frac{0,56}{22,4} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,01 \\ y = 0,02 \\ z = 0,01 \end{cases} \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

Câu 26:

* Tóm tắt: hh X $\begin{cases} \text{CH}_3\text{COOH} \\ \text{HCOOH} \\ \text{COOH} \\ \text{COOH} \end{cases} \begin{cases} \xrightarrow{+\text{NaHCO}_3 \text{ dư}} 15,68\text{l CO}_2 \text{ (đktc)} \\ \xrightarrow[\text{Cần } 8,96\text{l O}_2 \text{ (đktc)}]{\text{Đốt}} \begin{cases} \text{CO}_2: 35,2 \text{ gam} \\ \text{H}_2\text{O}: y \text{ mol} \end{cases} \end{cases}$

$y = ?$

* Cần nhớ: $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{số C}$

$$n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{số H}}{2}$$

$$n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = n_{\text{CO}_2} + \frac{1}{2}n_{\text{H}_2\text{O}} - \frac{\text{số oxi}}{2} \cdot n_{\text{đốt}}$$

$$\text{Hoặc } n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = \frac{4 \cdot \text{số C} + \text{số H} - 2 \cdot \text{số O}}{4} \cdot n_{\text{đốt}}$$

$$\frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{hchc pư với NaHCO}_3}} = \text{số chức axit}$$

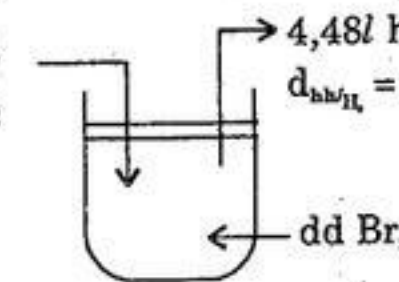
* Gợi ý: Đặt số mol các chất theo thứ tự a, b, c, ta có hệ phương trình sau:

$$\begin{cases} a.1 + b.1 + c.2 = \frac{15,68}{22,4} \\ a.2 + b.1 + c.2 = \frac{35,2}{44} \\ 2a + \frac{1}{2}b + \frac{1}{2}c = \frac{8,96}{22,4} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,1 \\ b = 0,2 \\ c = 0,2 \end{cases}$$

$$\text{Ta có: } y = a \cdot \frac{4}{2} + b \cdot \frac{2}{2} + c \cdot \frac{2}{2} = 0,6 \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

Câu 27:

* Tóm tắt:

hh X $\begin{cases} \text{C}_2\text{H}_2: a \text{ mol} \\ \text{H}_2: a \text{ mol} \end{cases} \xrightarrow{\text{Ni, t}^\circ} \text{hh Y} \begin{cases} \text{C}_2\text{H}_6 \\ \text{C}_2\text{H}_4 \\ \text{C}_2\text{H}_2 \\ \text{H}_2 \end{cases}$ 

$\Delta m_{\text{bình Br}_2 \text{ tăng}} = 10,8$

Thể tích O_2 (đktc) cần đốt hh Y?

* Giải:

- Theo đề ta có: $m_{\text{hh X}} = \Delta m_{\text{bình Br}_2 \text{ tăng}} + m_{\text{hh khí S}}$

$$\Leftrightarrow 26a + 2a = 10,8 + (8 \times 2) \times \frac{4,48}{22,4} \Rightarrow a = 0,5 \text{ mol}$$

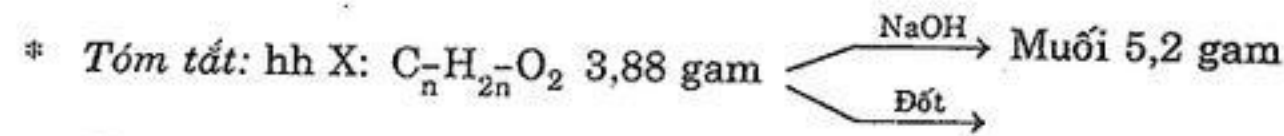
- $V_{\text{O}_2 \text{ pư đốt hh Y}} = V_{\text{O}_2 \text{ pư đốt hh X}}$

$$\begin{cases} \text{C}_2\text{H}_2 + \frac{5}{2}\text{O}_2 \rightarrow 2\text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O} & (1) \\ a \rightarrow \frac{5}{2}a \\ \text{H}_2 + \frac{1}{2}\text{O}_2 \rightarrow \text{H}_2\text{O} & (2) \\ a \rightarrow \frac{a}{2} \end{cases}$$

$$(1), (2) \Rightarrow V_{O_2 \text{ pư}} = 22,4 \left(\frac{5}{2}a + \frac{1}{2}a \right) = 33,6 \text{ lít (đktc)}$$

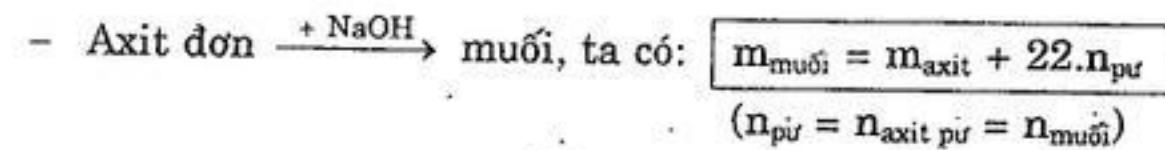
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 28:



$$V_{O_2 \text{ pư}} = ?$$

* Gọi ý:

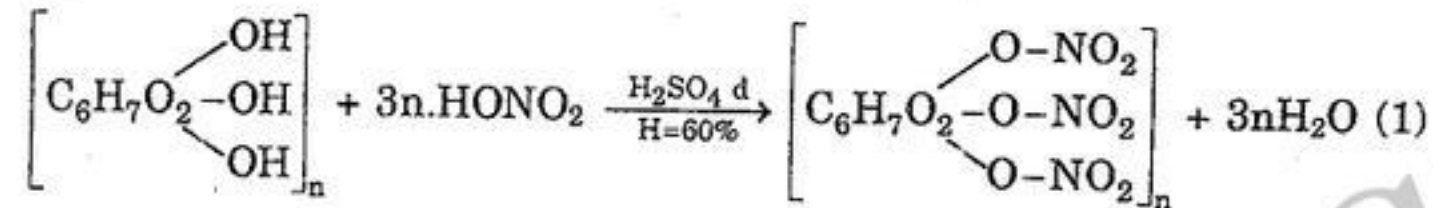


- Ở câu này $\Rightarrow n_{\text{hh X}} = \frac{5,2 - 3,88}{22} = 0,06 \text{ mol}$

$$\Rightarrow \bar{M}_{\text{hh X}} = 14\bar{n} + 32 = \frac{3,88}{0,06} \Rightarrow \bar{n} = 2,33$$

- Ta có: $V_{O_2 \text{ pư}} = 22,4 \times \frac{3\bar{n} - 2}{2} \times 0,06 = 3,36 \text{ l (đktc)} \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 29:

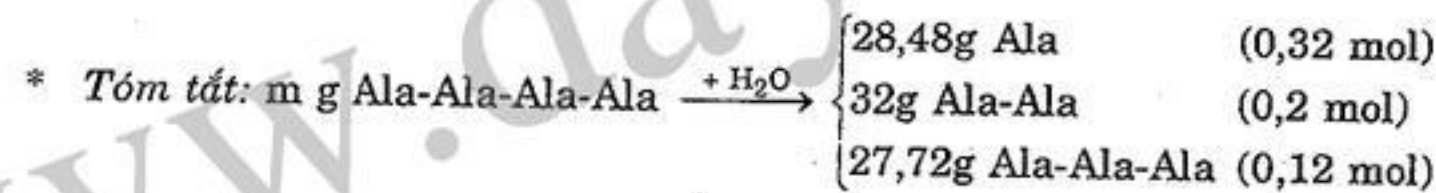


(1) $\Rightarrow m_{\text{xenlulozơ trinitrat}} = 297.n \times \frac{2}{162n} \times \frac{60}{100} = 2,2 \text{ (tấn)} \Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 30: Vì $n_{CO_2} = n_{H_2O} \Rightarrow$ (X) có $\sum_{lk \pi} = 1 \Rightarrow$ B, D sai

Do $n_{Ag} = 4.n_{(X) \text{ pư}} \Rightarrow$ C sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 31:



$$m = ?$$

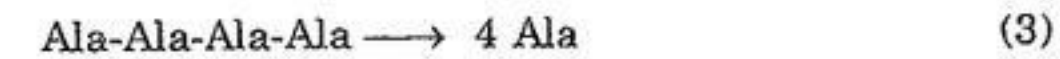
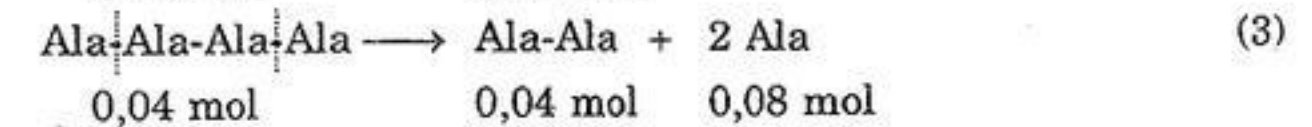
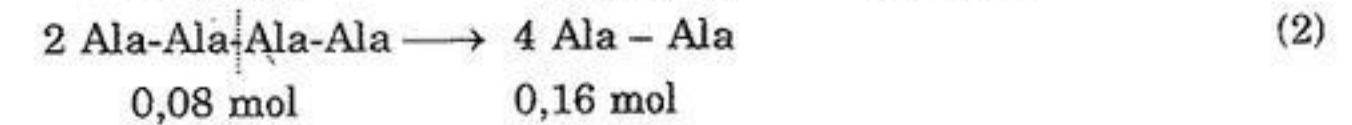
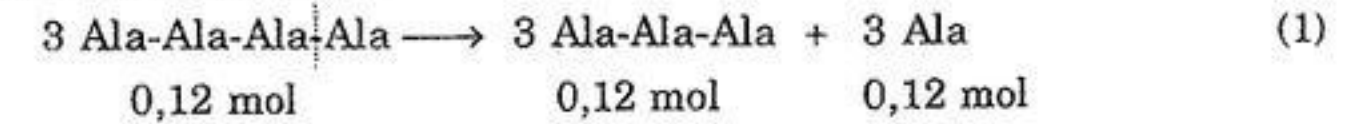
* Gọi ý: (Giải tương tự phương pháp tự luận)

- Ta có $n_{\text{Ala}} : n_{\text{Ala-Ala}} : n_{\text{Ala-Ala-Ala}} = 0,32 : 0,2 : 0,12 = 8 : 5 : 3$

$\Rightarrow$ Số mol mỗi phân tử = $\frac{0,32 + 0,2 + 0,12}{8 + 5 + 3} = 0,04 \text{ mol}$

$$\Rightarrow \begin{cases} n_{\text{Ala}} = 0,04 \times 8 = 0,32 \\ n_{\text{Ala-Ala}} = 0,04 \times 5 = 0,2 \\ n_{\text{Ala-Ala-Ala-Ala}} = 0,04 \times 3 = 0,12 \end{cases}$$

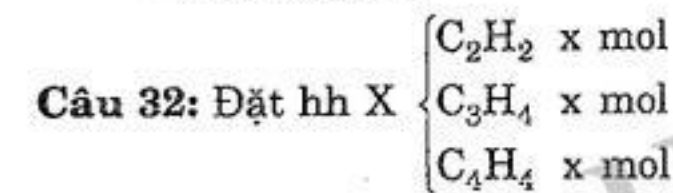
- Vậy ta có phản ứng:



Theo (1), (2), (3) và đề $\Rightarrow n_{\text{Ala ở (4)}} = 0,32 - (0,12 + 0,08) = 0,12 \text{ mol}$

$$\Rightarrow \sum n_{\text{tetrapeptit}} = 0,12 + 0,08 + 0,04 + \frac{1}{4} \cdot 0,12 = 0,27 \Rightarrow m = 302 \times 0,27 = 81,54$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.



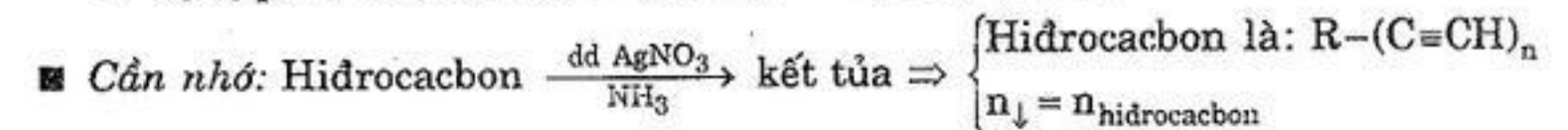
$$n_{CO_2} = 2x + 3x + 4x = 0,09 \Rightarrow x = 0,01 \text{ mol}$$

Vì khối lượng kết tủa $> 4 \text{ gam} \Rightarrow$ C, D sai

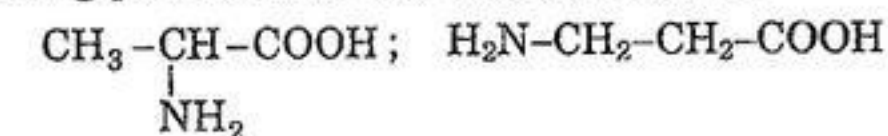
A, B $\Rightarrow C_3H_4$ có CTCT: $CH_3-C \equiv CH$

$$\Rightarrow \sum m_{\downarrow \text{ sinh từ } (C_2H_2, C_3H_4)} = 240 \times 0,01 + 147 \times 0,01 = 3,87 < 4$$

$\Rightarrow C_4H_4$ phải sinh kết tủa $\Rightarrow$ B sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.



Câu 33: Các đồng phân amino axit của $C_3H_7O_2N$ là:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 34: Nguyên tử canxi

$$V_{\text{nguyên tử canxi}} = 74\% V_{\text{tinh thể}}; d = 1,55 \text{ g/cm}^3$$

$$R_{\text{canxi}} = ?$$

* Gọi ý: Ta có $V = \frac{4}{3} \pi R^3 \Rightarrow R = \sqrt[3]{\frac{3}{4} \times \frac{V}{3,14}}$, $V = \frac{M}{d \cdot 6,023 \cdot 10^{23}} \cdot \frac{a}{100}$

$$(\text{với } V_{\text{nguyên tử}} = \frac{a}{100} \cdot V_{\text{tinh thể}})$$

$$\Rightarrow R = \sqrt[3]{\frac{3}{4} \times \frac{1}{3,14} \times \frac{40}{1,55 \times 6,023 \cdot 10^{23}} \times \frac{74}{100}} = 0,196 \cdot 10^{-7} \text{ (cm)} = 0,196 \text{ (nm)}$$

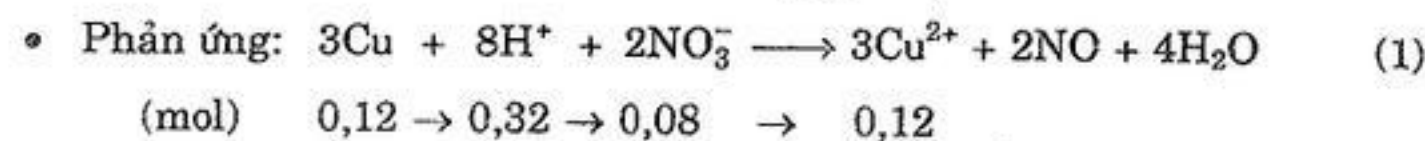
$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 35:

* Tóm tắt: Cu 7,68 gam $\xrightarrow{+ 200\text{ml dd } \begin{cases} \text{HNO}_3 \text{ 0,6M} \\ \text{H}_2\text{SO}_4 \text{ 0,5M} \end{cases}}$ NO
 $m_{\text{muối}} = ?$

* Gợi ý:

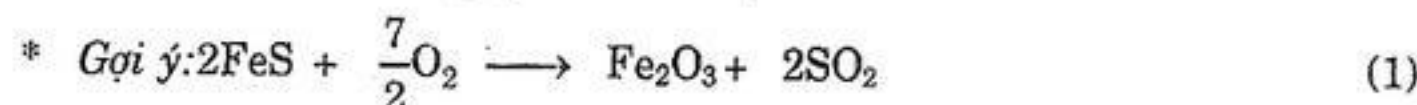
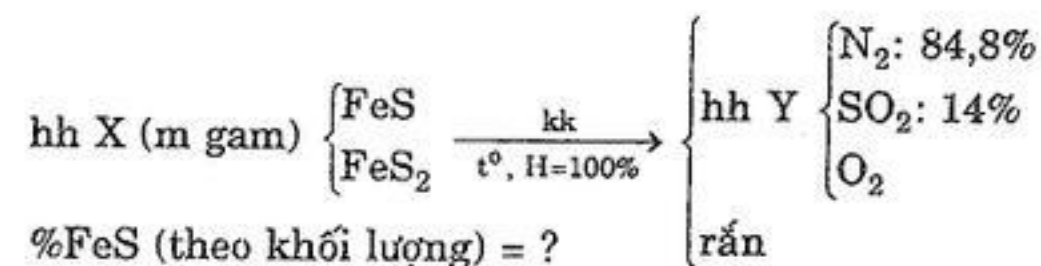
• $n_{\text{Cu bd}} = 0,12 \text{ mol}; n_{\text{H}^+} = 0,32 \text{ mol}; n_{\text{NO}_3^-} = 0,12 \text{ mol}$



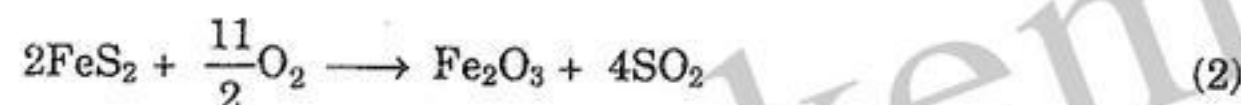
$\Rightarrow$ Dung dịch sau $\begin{cases} \text{Cu}^{2+}: 0,12 \text{ mol} \\ \text{NO}_3^-: 0,04 \text{ mol} \\ \text{SO}_4^{2-}: 0,1 \text{ mol} \end{cases}$

$\Rightarrow m_{\text{muối}} = 64 \times 0,12 + 96 \times 0,1 + 62 \times 0,04 = 19,76 \text{ gam} \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 36:



$x \rightarrow \frac{7}{4}x \rightarrow x \text{ (mol)}$



$y \rightarrow \frac{11}{4}y \rightarrow 2y \text{ (mol)}$

Đặt $n_{\text{O}_2 \text{ bd}} = a \Rightarrow n_{\text{N}_2 \text{ bd}} = 4a$

(1), (2) $\Rightarrow$ hh S $\begin{cases} \text{SO}_2: x + 2y \text{ (mol)} \\ \text{N}_2: 4a \text{ (mol)} \\ \text{O}_2: a - \left(\frac{7}{4}x + \frac{11}{4}y\right) \end{cases} \Rightarrow 5a - \frac{3}{4}(x + y) \text{ mol}$

Ta có $\% \text{SO}_2 = \frac{x + 2y}{5a - \frac{3}{4}(x + y)} \cdot 100 = 14; \% \text{N}_2 = \frac{4a}{5a - \frac{3}{4}(x + y)} \cdot 100 = 84,8$

$\Rightarrow \begin{cases} x = 0,0043a \text{ mol} \\ y = 0,283a \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow \% \text{FeS} = 19,63\% \Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 37: Vì tổng hệ số cân bằng chất khí về trái bằng tổng hệ số cân bằng chất về phải nên khi thay đổi áp suất cân bằng không bị dịch chuyển.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ:

• Khi thay đổi nồng độ các chất trên phản ứng thì cân bằng luôn có chuyển dịch.

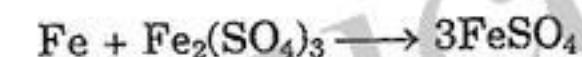
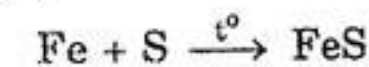
• Phản ứng có kèm hiệu ứng nhiệt (tỏa nhiệt, thu nhiệt) thì yếu tố nhiệt độ luôn luôn dịch chuyển cân bằng.

Câu 38: Cần nhớ kim loại luôn chỉ có tính khử, ion kim loại hoá trị cao hoặc 1 hoá trị chỉ có tính oxi hoá.

Vậy các chất vừa có tính oxi hoá vừa có tính khử: $\text{Cl}_2, \text{SO}_2, \text{NO}_2, \text{C}, \text{Fe}^{2+}$.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

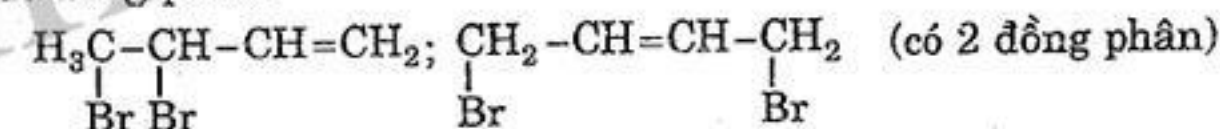
Câu 39: Các phản ứng tạo muối sắt (II):



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

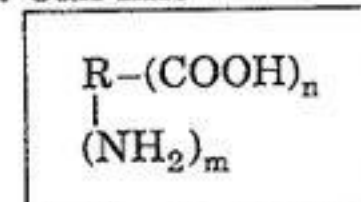
Câu 40: Chỉ có (1) không sinh đơn chất $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 41: Các đồng phân:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 42: Cần nhớ



- $n > m \Rightarrow$ Môi trường axit
- $n = m \Rightarrow$ Môi trường trung tính
- $n < m \Rightarrow$ Môi trường bazơ

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 43: Khi điện phân dd NaCl (cực trơ, màng ngăn):

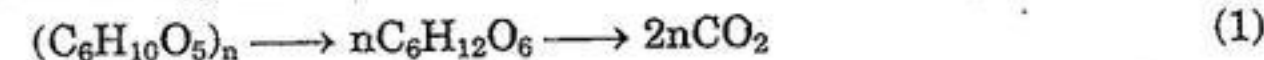
- Ở cực âm: $2\text{H}_2\text{O} + 2e \rightarrow \text{H}_2 \uparrow + 2\text{OH}^-$
- Ở cực dương: $2\text{Cl}^- - 2e \rightarrow \text{Cl}_2$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 44: Cấu hình e của Cu^{2+} : $[\text{Ar}]3d^9$, Cr^{3+} : $[\text{Ar}]3d^3$.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 45: Ta có sơ đồ hợp thức:



$\Rightarrow m = 162n \times \frac{1}{2n} \times n_{\text{CO}_2} \times \frac{100}{90}$ (vì H = 90%)

Với $n_{\text{CO}_2} = \frac{330 - 132}{44} = 4,5 \text{ mol} \Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ: Dẫn CO_2 vào dd Ca(OH)_2 có kết tủa a g và thấy khối lượng dd giảm b g $\Rightarrow m_{\text{CO}_2} - m_{\downarrow} = -b$

Câu 46:

- Ta có số C trung bình $= \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{hh}}} = \frac{\frac{22,4}{28}}{\frac{10,752}{28}} = 2,4 \Rightarrow$ C sai
- $n_X > n_Y \Rightarrow$ A sai do $\begin{cases} n_{\text{hh}} = x + y = 0,2 \\ n_{\text{CO}_2} = 3x + 2y = 0,48 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,08 \\ y = 0,12 \end{cases}$ (trái giả thiết)
- Kiểm tra B: $\begin{cases} n_{\text{hh}} = x + y = 0,2 \\ n_{\text{CO}_2} = 2x + 4y = 0,48 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,16 \\ y = 0,04 \end{cases}$

$\Rightarrow m_{\text{hh}} = 74.0,16 + 90.0,04 = 15,52 \Rightarrow$ B sai

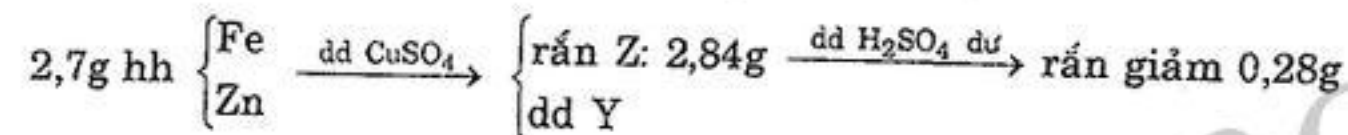
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 47: Cần nhớ các khí gây hiệu ứng nhà kính là CO_2 , CH_4 .

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 48:

* Tóm tắt:



%Fe (theo m) = ?

* Gợi ý:

- Đặt $n_{\text{Fe}} \text{ bd} = x$, $n_{\text{Zn}} \text{ bd} = y$
- Sơ đồ hợp thức: $\text{Zn} \rightarrow \text{Cu}$; $\Delta m_{\text{rắn}} = 1.n_{\text{Zn}}$ (1)
 $\text{Fe} \rightarrow \text{Cu}$; $\Delta m_{\text{rắn}} = 8.n_{\text{Fe}}$ (2)

Theo đề có $\Delta m_{\text{rắn}} = 2,84 - 2,7 = 0,14 \text{ gam}$

$\Rightarrow$ (2) xảy ra $\Rightarrow$ Zn hết $\Rightarrow$ rắn Z: Cu, Fe.

Và $m_{\text{Fe còn}} = 0,28 \Rightarrow n_{\text{Fe dư}} = x - \frac{0,28}{56}$

Ta có: $\begin{cases} -1.y + 8.\left(x - \frac{0,28}{56}\right) = 0,14 \\ 65y + 56x = 2,7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,025 \\ y = 0,02 \end{cases}$

$\Rightarrow \% \text{Fe} = \frac{56.0,025}{2,7} = 0,5185 = 51,85$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

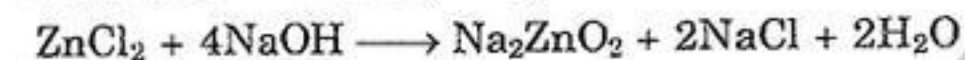
Câu 49:

- Phần không tan Z là Cu (do HCl dư) $\Rightarrow$ dd Y $\begin{cases} \text{FeCl}_2 \\ \text{CuCl}_2 \\ \text{ZnCl}_2 \end{cases}$

- Vì dd NaOH dư $\Rightarrow \text{Zn(OH)}_2$ tan hết.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

* Các phản ứng: $\text{Fe}_2\text{O}_3 + 6\text{HCl} \rightarrow 2\text{FeCl}_3 + 3\text{H}_2\text{O}$



Câu 50: Dễ thấy X: $\text{CH}_2=\text{CH}-\text{CH}_2\text{OH}$, Y: $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{CHO}$, Z: $\text{CH}_3-\text{C}(=\text{O})-\text{CH}_3$

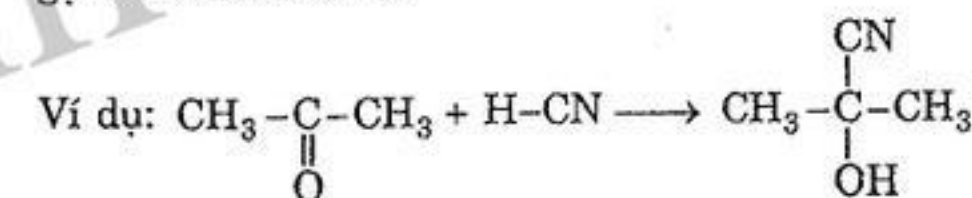
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Hoặc dùng phương pháp loại trừ ta thấy:

X phản ứng với Na $\Rightarrow$ C, D sai

Y tráng gương $\Rightarrow$ B sai

Câu 51: Cần nhớ hidro xianua cộng vào nhóm cacboxyl tạo thành sản phẩm bền gọi là xianohidrin.



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 52: Dùng NH_3 là hợp lí nhất do $2\text{NH}_3 + 3\text{Cl}_2 \rightarrow \text{N}_2 + 6\text{HCl}$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

B, D luôn sai vì không hấp thu được Cl_2 .

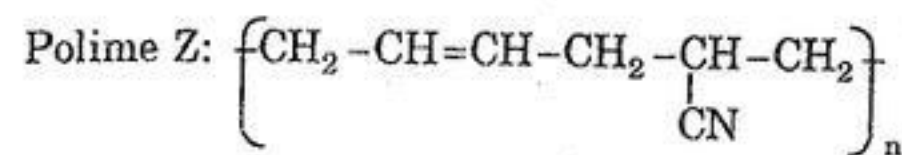
Câu 53: Ta có $n_{\text{hh dipeptit}} = \frac{63,6 - 60}{18} = 0,2 \text{ mol} \Rightarrow n_{\text{hh X}} = 0,4 \text{ mol}$

Khi cho $\frac{1}{10}$ hh X phản ứng với HCl, khối lượng muối thu được sẽ là:

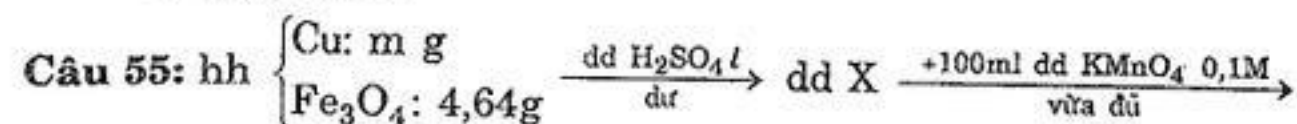
$\frac{1}{10}.63,6 + 36,5.\left(\frac{1}{10}.0,4\right) = 7,82\text{g} \Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 54: Ta có phản ứng sinh Y: $\text{CH}=\text{CH} + \text{HCN} \rightarrow \text{CH}(\text{CN})=\text{CH}_2$ (Y)

$\Rightarrow$ Polime Y: $\left[\text{CH}(\text{CN})-\text{CH}_2 \right]_n$



⇒ Đáp án: C.



$m = ?$

* Gọi ý: $\sum n_{\text{Fe}^{2+}} = n_{\text{Fe}_3\text{O}_4} + 2n_{\text{Cu}}$

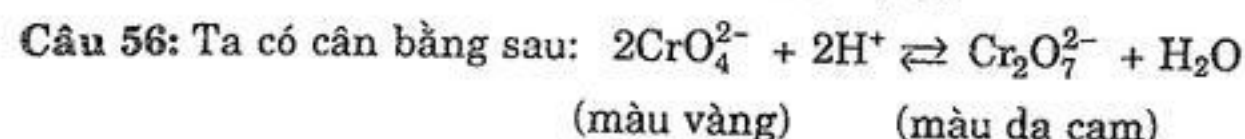
• $n_{\text{Fe}^{2+}} \times 1 = 5 \times n_{\text{KMnO}_4}$

• Vậy: $\frac{4,64}{232} + 2 \cdot \frac{m}{64} = 5 \times (0,1 \times 0,1) \Rightarrow m = 0,96 \Rightarrow$ Đáp án: D.

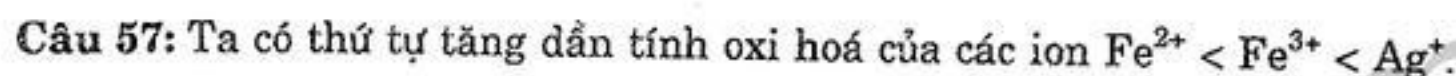
■ Cần nhớ: • $\text{KMnO}_4, \text{H}^+ : n_{\text{e nhận}} = 5n_{\text{KMnO}_4 \text{ pư}}$

• $\text{Fe}^{2+} \rightarrow \text{Fe}^{3+} : n_{\text{e cho}} = n_{\text{Fe}^{2+} \text{ pư}} \times 1$

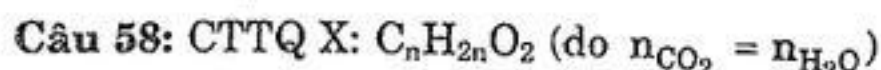
• $\text{Fe}_3\text{O}_4 \xrightarrow{+\text{H}^+} \begin{cases} \text{Fe}^{2+} : n_{\text{Fe}^{2+}} = n_{\text{Fe}_3\text{O}_4} \\ \text{Fe}^{3+} : n_{\text{Fe}^{3+}} = 2n_{\text{Fe}_3\text{O}_4} \end{cases}$



⇒ Đáp án: C.



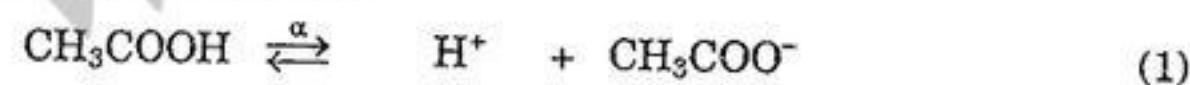
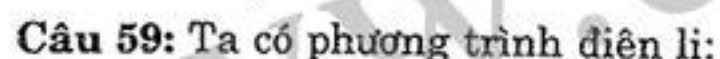
⇒ Đáp án: B.



Ta có $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{X pư}} \times \text{số C} \Leftrightarrow 0,005 = \frac{0,11}{14n + 32} \times n \Rightarrow n = 4$

⇒ X: $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_2$ có 4 đồng phân chứa este.

⇒ Đáp án: D.



Ban đầu: $\text{Co} = 1$ 0,001 0 (mol/l)

Phản ứng: $\text{Co} \cdot \alpha \rightarrow \text{Co} \cdot \alpha \rightarrow \text{Co} \cdot \alpha$ (mol/l)

Cân bằng: $\text{Co} - \text{Co} \cdot \alpha$ 0,001 + $\text{Co} \cdot \alpha$ $\text{Co} \cdot \alpha$ (mol/l)

(1) $\Rightarrow K_a = \frac{[\text{H}^+][\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]} = \frac{\text{Co} \cdot \alpha (0,001 + \text{Co} \cdot \alpha)}{\text{Co} - \text{Co} \cdot \alpha} = \frac{\alpha (0,001 + \text{Co} \cdot \alpha)}{1 - \alpha}$ (*)

Vì CH_3COOH là chất điện li yếu $\Rightarrow \alpha \ll 1 \Rightarrow 1 - \alpha \approx 1$

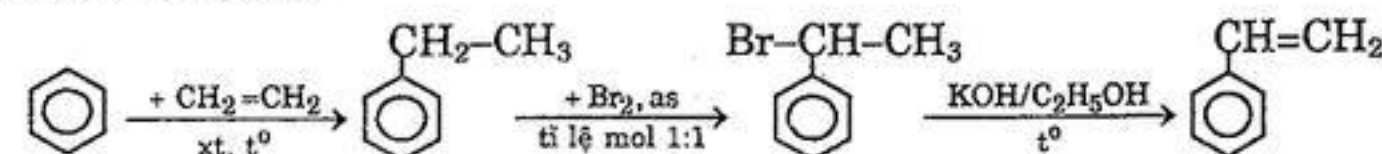
nên (*) viết lại: $K_a = \alpha (0,001 + \text{Co} \cdot \alpha) \Rightarrow \alpha = 3,71 \cdot 10^{-3}$

(1) $\Rightarrow [\text{H}^+] = 0,001 + \alpha = 4,71 \cdot 10^{-3}$

$\Rightarrow \text{pH} = -\lg[\text{H}^+] = -\lg 4,71 \cdot 10^{-3} = 2,33$

⇒ Đáp án: B.

Câu 60: Sơ đồ gọi ý:



⇒ Đáp án: B.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI B NĂM 2011

Mã đề 794

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Hỗn hợp X gồm $\text{Fe}(\text{NO}_3)_2$, $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ và AgNO_3 . Thành phần % khối lượng của nitơ trong X là 11,864%. Có thể điều chế được tối đa bao nhiêu gam hỗn hợp ba kim loại từ 14,16 gam X?

A. 10,56 gam. B. 7,68 gam. C. 3,36 gam. D. 6,72 gam.

Câu 2: Cho dãy các chất: phenyl axetat, anlyl axetat, metyl axetat, etyl fomat, tripanmitin. Số chất trong dãy khi thủy phân trong dung dịch NaOH (dư), đun nóng sinh ra ancol là

A. 4. B. 2. C. 5. D. 3.

Câu 3: Cho 200 gam một loại chất béo có chỉ số axit bằng 7 tác dụng vừa đủ với một lượng NaOH, thu được 207,55 gam hỗn hợp muối khan. Khối lượng NaOH đã tham gia phản ứng là

A. 31 gam. B. 32,36 gam. C. 30 gam. D. 31,45 gam.

Câu 4: Thực hiện các thí nghiệm với hỗn hợp bột gồm Ag và Cu (hỗn hợp X):

- (a) Cho X vào bình chứa một lượng dư khí O_3 (ở điều kiện thường).
- (b) Cho X vào một lượng dư dung dịch HNO_3 (đặc).
- (c) Cho X vào một lượng dư dung dịch HCl (không có mặt O_2).
- (d) Cho X vào một lượng dư dung dịch FeCl_3 .

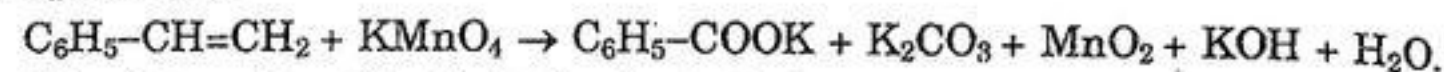
Thí nghiệm mà Cu bị oxi hoá còn Ag không bị oxi hoá là

A. (a). B. (b). C. (d). D. (c).

Câu 5: Khi cho 0,15 mol este đơn chức X tác dụng với dung dịch NaOH (dư), sau khi phản ứng kết thúc thì lượng NaOH phản ứng là 12 gam và tổng khối lượng sản phẩm hữu cơ thu được là 29,7 gam. Số đồng phân cấu tạo của X thỏa mãn các tính chất trên là

A. 4. B. 5. C. 6. D. 2.

Câu 6: Cho phản ứng:



Tổng hệ số (nguyên, tối giản) tất cả các chất trong phương trình hoá học của phản ứng trên là

- A. 27. B. 31. C. 24. D. 34.

Câu 7: Cho dãy các oxit sau: SO_2 , NO_2 , NO , SO_3 , CrO_3 , P_2O_5 , CO , N_2O_5 , N_2O . Số oxit trong dãy tác dụng được với H_2O ở điều kiện thường là

- A. 5. B. 6. C. 8. D. 7.

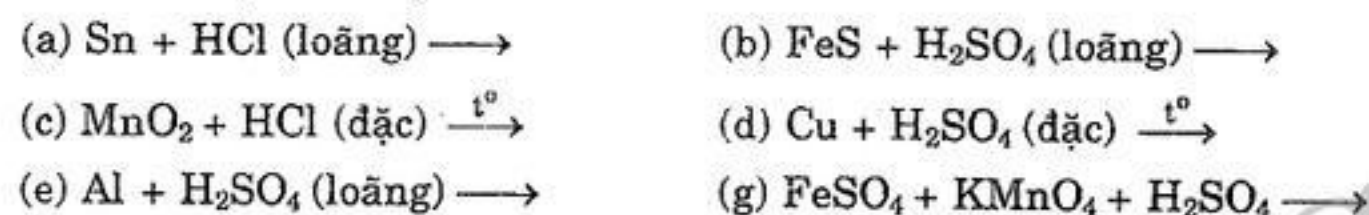
Câu 8: Để luyện được 800 tấn gang có hàm lượng sắt 95%, cần dùng x tấn quặng manhetit chứa 80% Fe_3O_4 (còn lại là tạp chất không chứa sắt). Biết rằng lượng sắt bị hao hụt trong quá trình sản xuất là 1%. Giá trị của x là

- A. 959,59. B. 1311,90. C. 1394,90. D. 1325,16.

Câu 9: Triolein không tác dụng với chất (hoặc dung dịch) nào sau đây?

- A. H_2O (xúc tác H_2SO_4 loãng, đun nóng).
B. $\text{Cu}(\text{OH})_2$ (ở điều kiện thường).
C. Dung dịch NaOH (đun nóng).
D. H_2 (xúc tác Ni, đun nóng).

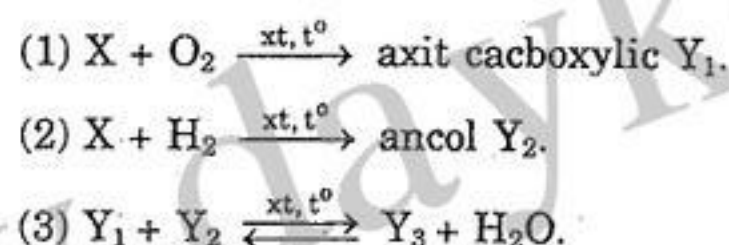
Câu 10: Cho các phản ứng:



Số phản ứng mà H^+ của axit đóng vai trò chất oxi hoá là

- A. 3. B. 6. C. 2. D. 5.

Câu 11: Cho sơ đồ phản ứng:



Biết Y_3 có công thức phân tử $\text{C}_6\text{H}_{10}\text{O}_2$. Tên gọi của X là

- A. anđehit acrylic. B. anđehit propionic.
C. anđehit metacrylic. D. anđehit axetic.

Câu 12: Thực hiện các thí nghiệm sau:

- (a) Nung NH_4NO_3 rắn.
(b) Đun nóng NaCl tinh thể với dung dịch H_2SO_4 (đặc).
(c) Sục khí Cl_2 vào dung dịch NaHCO_3 .
(d) Sục khí CO_2 vào dung dịch $\text{Ca}(\text{OH})_2$ (dư).
(e) Sục khí SO_2 vào dung dịch KMnO_4 .

(g) Cho dung dịch KHSO_4 vào dung dịch NaHCO_3 .

(h) Cho PbS vào dung dịch HCl (loãng).

(i) Cho Na_2SO_3 vào dung dịch H_2SO_4 (dư), đun nóng.

Số thí nghiệm sinh ra chất khí là

- A. 2. B. 6. C. 5. D. 4.

Câu 13: Dung dịch X gồm 0,1 mol H^+ , z mol Al^{3+} , t mol NO_3^- và 0,02 mol SO_4^{2-} . Cho 120ml dung dịch Y gồm KOH 1,2M và $\text{Ba}(\text{OH})_2$ 0,1M vào X, sau khi các phản ứng kết thúc, thu được 3,732 gam kết tủa. Giá trị của z, t lần lượt là

- A. 0,020 và 0,012. B. 0,020 và 0,120.
C. 0,012 và 0,096. D. 0,120 và 0,020.

Câu 14: Dãy gồm các kim loại có cùng kiểu mạng tinh thể lập phương tâm khối là:

- A. Na, K, Ba. B. Mg, Ca, Ba. C. Na, K, Ca. D. Li, Na, Mg.

Câu 15: Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Na_2CO_3 là nguyên liệu quan trọng trong công nghiệp sản xuất thủy tinh.
B. Ở nhiệt độ thường, tất cả các kim loại kiềm thổ đều tác dụng được với nước.
C. Nhôm bền trong môi trường không khí và nước là do có màng oxit Al_2O_3 bền vững bảo vệ.
D. Theo chiều tăng dần của điện tích hạt nhân, nhiệt độ nóng chảy của kim loại kiềm giảm dần.

Câu 16: Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Tinh thể nước đá, tinh thể iot đều thuộc loại tinh thể phân tử.
B. Trong tinh thể NaCl , xung quanh mỗi ion đều có 6 ion ngược dấu gần nhất.
C. Tất cả các tinh thể phân tử đều khó nóng chảy và khó bay hơi.
D. Trong tinh thể nguyên tử, các nguyên tử liên kết với nhau bằng liên kết cộng hoá trị.

Câu 17: Để hidro hoá hoàn toàn 0,025 mol hỗn hợp X gồm hai anđehit có khối lượng 1,64 gam, cần 1,12 lít H_2 (đktc). Mặt khác, khi cho cùng lượng X trên phản ứng với một lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 thì thu được 8,64 gam Ag. Công thức cấu tạo của hai anđehit trong X là

- A. $\text{OHC-CH}_2\text{-CHO}$ và OHC-CHO .
B. H-CHO và $\text{OHC-CH}_2\text{-CHO}$.
C. $\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)\text{-CHO}$ và OHC-CHO .
D. $\text{CH}_2=\text{CH-CHO}$ và $\text{OHC-CH}_2\text{-CHO}$.

Câu 18: Hỗn hợp khí X gồm etilen, metan, propin và vinylaxetilen có tỉ khối so với H_2 là 17. Đốt cháy hoàn toàn 0,05 mol hỗn hợp X rồi hấp thụ toàn bộ sản phẩm cháy vào bình dung dịch $\text{Ca}(\text{OH})_2$ (dư) thì khối lượng bình tăng thêm m gam. Giá trị của m là

- A. 5,85. B. 3,39. C. 6,6. D. 7,3.

- Câu 19:** Nhiệt phân 4,385 gam hỗn hợp X gồm KClO_3 và KMnO_4 , thu được O_2 và m gam chất rắn gồm K_2MnO_4 , MnO_2 và KCl . Toàn bộ lượng O_2 tác dụng hết với cacbon nóng đỏ, thu được 0,896 lít hỗn hợp khí Y (đktc) có tỉ khối so với H_2 là 16. Thành phần % theo khối lượng của KMnO_4 trong X là
A. 62,76%. B. 74,92%. C. 72,06%. D. 27,94%.
- Câu 20:** Cho hơi nước đi qua than nóng đỏ, thu được 15,68 lít hỗn hợp khí X (đktc) gồm CO , CO_2 và H_2 . Cho toàn bộ X tác dụng hết với CuO (dư) nung nóng, thu được hỗn hợp chất rắn Y. Hoà tan toàn bộ Y bằng dung dịch HNO_3 (loãng, dư) được 8,96 lít NO (sản phẩm khử duy nhất, ở đktc). Phần trăm thể tích khí CO trong X là
A. 18,42%. B. 28,57%. C. 14,28%. D. 57,15%.
- Câu 21:** Hoà tan chất X vào nước thu được dung dịch trong suốt, rồi thêm tiếp dung dịch chất Y thì thu được chất Z (làm vẩn đục dung dịch). Các chất X, Y, Z lần lượt là:
A. phenol, natri hidroxit, natri phenolat.
B. natri phenolat, axit clohidric, phenol.
C. phenylamoni clorua, axit clohidric, anilin.
D. anilin, axit clohidric, phenylamoni clorua.
- Câu 22:** Cho 1,82 gam hỗn hợp bột X gồm Cu và Ag (tỉ lệ số mol tương ứng 4 : 1) vào 30ml dung dịch gồm H_2SO_4 0,5M và HNO_3 2M, sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được a mol khí NO (sản phẩm khử duy nhất của N^{+5}). Trộn a mol NO trên với 0,1 mol O_2 thu được hỗn hợp khí Y. Cho toàn bộ Y tác dụng với H_2O , thu được 150ml dung dịch có $\text{pH} = z$. Giá trị của z là
A. 1. B. 3. C. 2. D. 4.
- Câu 23:** Cho cân bằng hoá học sau: $2\text{SO}_2(\text{k}) + \text{O}_2(\text{k}) \rightleftharpoons 2\text{SO}_3(\text{k}); \Delta H < 0$.
Cho các biện pháp: (1) tăng nhiệt độ, (2) tăng áp suất chung của hệ phản ứng, (3) hạ nhiệt độ, (4) dùng thêm chất xúc tác V_2O_5 , (5) giảm nồng độ SO_3 , (6) giảm áp suất chung của hệ phản ứng. Những biện pháp nào làm cân bằng trên chuyển dịch theo chiều thuận?
A. (2), (3), (4), (6). B. (1), (2), (4). C. (1), (2), (4), (5). D. (2), (3), (5).
- Câu 24:** Cho 400ml dung dịch E gồm AlCl_3 x mol/lít và $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3$ y mol/lít tác dụng với 612ml dung dịch NaOH 1M, sau khi các phản ứng kết thúc thu được 8,424 gam kết tủa. Mặt khác, khi cho 400ml E tác dụng với dung dịch BaCl_2 (dư) thì thu được 33,552 gam kết tủa. Tỉ lệ x : y là
A. 4 : 3. B. 3 : 4. C. 7 : 4. D. 3 : 2.
- Câu 25:** Hỗn hợp khí X gồm O_2 và O_3 có tỉ khối so với H_2 là 22. Hỗn hợp khí Y gồm metylamin và etylamin có tỉ khối so với H_2 là 17,833. Để đốt hoàn toàn V_1 lít Y cần vừa đủ V_2 lít X (biết sản phẩm cháy gồm CO_2 , H_2O và N_2 , các chất khí đo ở cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất). Tỉ lệ $V_1 : V_2$ là
A. 3 : 5. B. 5 : 3. C. 2 : 1. D. 1 : 2.

- Câu 26:** Hỗn hợp X gồm hai anđehit đơn chức Y và Z (biết phân tử khối của Y nhỏ hơn của Z). Cho 1,89 gam X tác dụng với một lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 , sau khi các phản ứng kết thúc, thu được 18,36 gam Ag và dung dịch E. Cho toàn bộ E tác dụng với dung dịch HCl (dư), thu được 0,784 lít CO_2 (đktc). Tên của Z là
A. anđehit propionic. B. anđehit butiric.
C. anđehit axetic. D. anđehit acrylic.
- Câu 27:** Cho các phát biểu sau:
(a) Khi đốt cháy hoàn toàn một hidrocarbon X bất kì, nếu thu được số mol CO_2 bằng số mol H_2O thì X là anken.
(b) Trong thành phần hợp chất hữu cơ nhất thiết phải có cacbon.
(c) Liên kết hoá học chủ yếu trong hợp chất hữu cơ là liên kết cộng hoá trị.
(d) Những hợp chất hữu cơ khác nhau có cùng phân tử khối là đồng phân của nhau.
(e) Phản ứng hữu cơ thường xảy ra nhanh và không theo một hướng nhất định.
(g) Hợp chất $\text{C}_9\text{H}_{14}\text{BrCl}$ có vòng benzen trong phân tử.
Số phát biểu đúng là
A. 4. B. 3. C. 2. D. 5.
- Câu 28:** Ancol và amin nào sau đây cùng bậc?
A. $(\text{C}_6\text{H}_5)_2\text{NH}$ và $\text{C}_6\text{H}_5\text{CH}_2\text{OH}$. B. $\text{C}_6\text{H}_5\text{NHCH}_3$ và $\text{C}_6\text{H}_5\text{CH}(\text{OH})\text{CH}_3$.
C. $(\text{CH}_3)_3\text{COH}$ và $(\text{CH}_3)_3\text{CNH}_2$. D. $(\text{CH}_3)_2\text{CHOH}$ và $(\text{CH}_3)_2\text{CHNH}_2$.
- Câu 29:** Trong tự nhiên clo có hai đồng vị bền: $^{37}_{17}\text{Cl}$ chiếm 24,23% tổng số nguyên tử, còn lại là $^{35}_{17}\text{Cl}$. Thành phần % theo khối lượng của $^{37}_{17}\text{Cl}$ trong HClO_4 là
A. 8,92%. B. 8,43%. C. 8,56%. D. 8,79%.
- Câu 30:** Dãy gồm các chất (hoặc dung dịch) đều phản ứng được với dung dịch FeCl_2 là:
A. Bột Mg , dung dịch NaNO_3 , dung dịch HCl .
B. Bột Mg , dung dịch BaCl_2 , dung dịch HNO_3 .
C. Khí Cl_2 , dung dịch Na_2CO_3 , dung dịch HCl .
D. Khí Cl_2 , dung dịch Na_2S , dung dịch HNO_3 .
- Câu 31:** Chia hỗn hợp gồm hai ancol đơn chức X và Y (phân tử khối của X nhỏ hơn của Y) là đồng đẳng kế tiếp thành hai phần bằng nhau:
– Đốt cháy hoàn toàn phần 1 thu được 5,6 lít CO_2 (đktc) và 6,3 gam H_2O .
– Đun nóng phần 2 với H_2SO_4 đặc ở 140°C tạo thành 1,25 gam hỗn hợp ba ete. Hoá hơi hoàn toàn hỗn hợp ba ete trên, thu được thể tích hơi bằng thể tích của 0,42 gam N_2 (trong cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất).
Hiệu suất phản ứng tạo ete của X, Y lần lượt là
A. 30% và 30%. B. 25% và 35%. C. 40% và 20%. D. 20% và 40%.

Câu 32: Thực hiện phản ứng nhiệt nhôm hỗn hợp gồm m gam Al và 4,56 gam Cr_2O_3 (trong điều kiện không có O_2), sau khi phản ứng kết thúc, thu được hỗn hợp X. Cho toàn bộ X vào một lượng dư dung dịch HCl (loãng, nóng), sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 2,016 lít H_2 (đktc). Còn nếu cho toàn bộ X vào một lượng dư dung dịch NaOH (đặc, nóng), sau khi các phản ứng kết thúc thì số mol NaOH đã phản ứng là

- A. 0,06 mol. B. 0,14 mol. C. 0,08 mol. D. 0,16 mol.

Câu 33: Hấp thụ hoàn toàn 2,24 lít CO_2 (đktc) vào 100ml dung dịch gồm K_2CO_3 0,2M và KOH x mol/lít, sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được dung dịch Y. Cho toàn bộ Y tác dụng với dung dịch BaCl_2 (dư), thu được 11,82 gam kết tủa. Giá trị của x là

- A. 1,0. B. 1,4. C. 1,2. D. 1,6.

Câu 34: Phát biểu nào sau đây đúng?

- A. Để phân biệt benzen, toluen và stiren (ở điều kiện thường) bằng phương pháp hoá học, chỉ cần dùng thuốc thử là nước brom.
B. Tất cả các este đều tan tốt trong nước, không độc, được dùng làm chất tạo hương trong công nghiệp thực phẩm, mỹ phẩm.
C. Phản ứng giữa axit axetic với ancol benzylic (ở điều kiện thích hợp), tạo thành benzyl axetat có mùi thơm của chuối chín.
D. Trong phản ứng este hoá giữa CH_3COOH với CH_3OH , H_2O tạo nên từ -OH trong nhóm -COOH của axit và H trong nhóm của ancol.

Câu 35: Cho các tơ sau: tơ xenlulozơ axetat, tơ capron, tơ nitron, tơ visco, tơ nilon-6,6. Có bao nhiêu tơ thuộc loại tơ poliamit?

- A. 2. B. 1. C. 4. D. 3.

Câu 36: Cho các phát biểu sau về cacbohidrat:

- (a) Glucozơ và saccarozơ đều là chất rắn có vị ngọt, dễ tan trong nước.
(b) Tinh bột và xenlulozơ đều là polisaccarit.
(c) Trong dung dịch, glucozơ và saccarozơ đều hoà tan $\text{Cu}(\text{OH})_2$, tạo phức màu xanh lam.
(d) Khi thủy phân hoàn toàn hỗn hợp gồm tinh bột và saccarozơ trong môi trường axit, chỉ thu được một loại monosaccarit duy nhất.
(e) Khi đun nóng glucozơ (hoặc fructozơ) với dung dịch AgNO_3 trong NH_3 thu được Ag.
(g) Glucozơ và saccarozơ đều tác dụng với H_2 (xúc tác Ni, đun nóng) tạo sobitol.

Số phát biểu đúng là

- A. 6. B. 3. C. 4. D. 5.

Câu 37: Cho ba dung dịch có cùng nồng độ mol:

- (1) $\text{H}_2\text{NCH}_2\text{COOH}$, (2) CH_3COOH , (3) $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{NH}_2$.

Dãy xếp theo thứ tự pH tăng dần là:

- A. (3), (1), (2). B. (1), (2), (3). C. (2), (3), (1). D. (2), (1), (3).

Câu 38: Hỗn hợp X gồm vinyl axetat, metyl axetat và etyl fomat. Đốt cháy hoàn toàn 3,08 gam X, thu được 2,16 gam H_2O . Phần trăm số mol của vinyl axetat trong X là

- A. 25%. B. 27,92%. C. 72,08%. D. 75%.

Câu 39: Hỗn hợp M gồm một anđehit và một ankin (có cùng số nguyên tử cacbon). Đốt cháy hoàn toàn x mol hỗn hợp M, thu được $3x$ mol CO_2 và $1,8x$ mol H_2O . Phần trăm số mol của anđehit trong hỗn hợp M là

- A. 20%. B. 50%. C. 40%. D. 30%.

Câu 40: Cho dãy các chất: SiO_2 , $\text{Cr}(\text{OH})_3$, CrO_3 , $\text{Zn}(\text{OH})_2$, NaHCO_3 , Al_2O_3 . Số chất trong dãy tác dụng được với dung dịch NaOH (đặc, nóng) là

- A. 6. B. 3. C. 5. D. 4.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Số đồng phân cấu tạo của C_5H_{10} phản ứng được với dung dịch brom là

- A. 8. B. 9. C. 5. D. 7.

Câu 42: X là hỗn hợp gồm H_2 và hơi của hai anđehit (no, đơn chức, mạch hở, phân tử đều có số nguyên tử C nhỏ hơn 4), có tỉ khối so với heli là 4,7. Đun nóng 2 mol X (xúc tác Ni), được hỗn hợp Y có tỉ khối hơi so với heli là 9,4. Thu lấy toàn bộ các ancol trong Y rồi cho tác dụng với Na (dư), được V lít H_2 (đktc). Giá trị lớn nhất của V là

- A. 22,4. B. 5,6. C. 11,2. D. 13,44.

Câu 43: Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Nhôm là kim loại dẫn điện tốt hơn vàng.
B. Chì (Pb) có ứng dụng để chế tạo thiết bị ngăn cản tia phóng xạ.
C. Trong y học, ZnO được dùng làm thuốc giảm đau dây thần kinh, chữa bệnh eczema, bệnh ngứa.
D. Thiếc có thể dùng để phủ lên bề mặt của sắt để chống gỉ.

Câu 44: Chất hữu cơ X mạch hở có dạng $\text{H}_2\text{N}-\text{R}-\text{COOR}'$ (R, R' là các gốc hidrocarbon), phần trăm khối lượng nitơ trong X là 15,73%. Cho m gam X phản ứng hoàn toàn với dung dịch NaOH, toàn bộ lượng ancol sinh ra cho tác dụng hết với CuO (đun nóng) được anđehit Y (ancol chỉ bị oxi hoá thành anđehit). Cho toàn bộ Y tác dụng với một lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 , thu được 12,96 gam Ag kết tủa. Giá trị của m là

- A. 2,67. B. 4,45. C. 5,34. D. 3,56.

Câu 45: Cho dãy các chất sau: Al, NaHCO_3 , $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$, NH_4Cl , Al_2O_3 , Zn, K_2CO_3 , K_2SO_4 . Có bao nhiêu chất trong dãy vừa tác dụng được với dung dịch HCl, vừa tác dụng được với dung dịch NaOH?

- A. 2. B. 3. C. 4. D. 5.

Câu 46: Cho m gam bột Zn vào 500ml dung dịch $\text{Fe}_2(\text{SO}_4)_3$ 0,24M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, khối lượng dung dịch tăng thêm 9,6 gam so với khối lượng dung dịch ban đầu. Giá trị của m là

- A. 32,50. B. 20,80. C. 29,25. D. 48,75.

Câu 47: Nhiệt phân một lượng AgNO_3 được chất rắn X và hỗn hợp khí Y. Dẫn toàn bộ Y vào một lượng dư H_2O , thu được dung dịch Z. Cho toàn bộ X vào Z, X chỉ tan một phần và thoát ra khí NO (sản phẩm khử duy nhất). Biết các phản ứng xảy ra hoàn toàn. Phần trăm khối lượng của X đã phản ứng là

- A. 25%. B. 60%. C. 70%. D. 75%.

Câu 48: Cho butan qua xúc tác (ở nhiệt độ cao) thu được hỗn hợp X gồm C_4H_{10} , C_4H_8 , C_4H_6 và H_2 . Tỷ khối của X so với butan là 0,4. Nếu cho 0,6 mol X vào dung dịch brom (dư) thì số mol brom tối đa phản ứng là

- A. 0,48 mol. B. 0,36 mol. C. 0,60 mol. D. 0,24 mol.

Câu 49: Trong quả gấc chín rất giàu hàm lượng

- A. este của vitamin A. B. este của vitamin A.
C. β -caroten. D. vitamin A.

Câu 50: Cho các phát biểu sau:

- (a) Andehit vừa có tính oxi hoá vừa có tính khử.
(b) Phenol tham gia phản ứng thế brom khó hơn benzen.
(c) Andehit tác dụng với H_2 (dư) có xúc tác Ni đun nóng, thu được ancol bậc một.
(d) Dung dịch axit axetic tác dụng được với $\text{Cu}(\text{OH})_2$.
(e) Dung dịch phenol trong nước làm quỳ tím hoá đỏ.
(g) Trong công nghiệp, axeton được sản xuất từ cumen.

Số phát biểu đúng là

- A. 5. B. 4. C. 3. D. 2.

B. Theo chương trình Nâng cao (10 câu, từ câu 51 đến câu 60)

Câu 51: Phát biểu không đúng là

- A. Etylamin tác dụng với axit nitơ ở nhiệt độ thường tạo ra etanol.
B. Protein là những polipeptit cao phân tử có phân tử khối từ vài chục nghìn đến vài triệu.
C. Metylamin tan trong nước cho dung dịch có môi trường bazơ.
D. Dipeptit glyxylalanin (mạch hở) có 2 liên kết peptit.

Câu 52: Thực hiện các thí nghiệm sau:

- (a) Nhiệt phân AgNO_3 .
(b) Nung FeS_2 trong không khí.
(c) Nhiệt phân KNO_3 .
(d) Cho dung dịch CuSO_4 vào dung dịch NH_3 (dư).
(e) Cho Fe vào dung dịch CuSO_4 .

(g) Cho Zn vào dung dịch FeCl_3 (dư).

(h) Nung Ag_2S trong không khí.

(i) Cho Ba vào dung dịch CuSO_4 (dư).

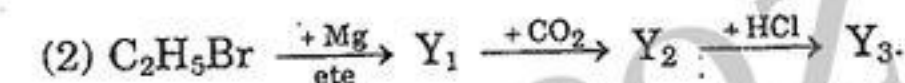
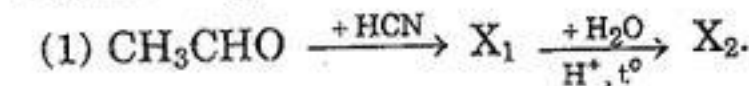
Số thí nghiệm thu được kim loại sau khi các phản ứng kết thúc là

- A. 3. B. 5. C. 2. D. 4.

Câu 53: Hoà tan 25 gam hỗn hợp X gồm FeSO_4 và $\text{Fe}_2(\text{SO}_4)_3$ vào nước, thu được 150ml dung dịch Y. Thêm H_2SO_4 (dư) vào 20ml dung dịch Y rồi chuẩn độ toàn bộ dung dịch này bằng dung dịch KMnO_4 0,1M thì dùng hết 30ml dung dịch chuẩn. Phần trăm khối lượng FeSO_4 trong hỗn hợp X là

- A. 13,68%. B. 68,4%. C. 9,12%. D. 31,6%.

Câu 54: Cho sơ đồ phản ứng:



Các chất hữu cơ X_1 , X_2 , Y_1 , Y_2 , Y_3 là các sản phẩm chính. Hai chất X_2 , Y_3 lần lượt là

- A. axit 3-hydroxipropoic và ancol propylic.
B. axit axetic và ancol propylic.
C. axit 2-hydroxipropoic và axit propoic.
D. axit axetic và axit propoic.

Câu 55: Hỗn hợp X gồm hai axit cacboxylic no, mạch hở Y và Z (phân tử khối của Y nhỏ hơn của Z). Đốt cháy hoàn toàn a mol X, sau phản ứng thu được a mol H_2O . Mặt khác, nếu cho a mol X tác dụng với lượng dư dung dịch NaHCO_3 , thì thu được 1,6a mol CO_2 . Thành phần % theo khối lượng của Y trong X là

- A. 46,67%. B. 40,00%. C. 25,41%. D. 74,59%.

Câu 56: Cho 5,6 gam CO và 5,4 gam H_2O vào một bình kín dung tích không đổi 10 lít. Nung nóng bình một thời gian ở 830°C để hệ đạt đến trạng thái cân bằng: $\text{CO}(\text{k}) + \text{H}_2\text{O}(\text{k}) \rightleftharpoons \text{CO}_2(\text{k}) + \text{H}_2(\text{k})$ (hằng số cân bằng $K_C = 1$). Nồng độ cân bằng của CO, H_2O lần lượt là

- A. 0,018M và 0,008M. B. 0,012M và 0,024M.
C. 0,08M và 0,18M. D. 0,008M và 0,018M.

Câu 57: Thủy phân hỗn hợp gồm 0,02 mol saccarozơ và 0,01 mol mantozơ một thời gian thu được dung dịch X (hiệu suất phản ứng thủy phân mỗi chất đều là 75%). Khi cho toàn bộ X tác dụng với một lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 thì lượng Ag thu được là

- A. 0,090 mol. B. 0,095 mol. C. 0,12 mol. D. 0,06 mol.

Câu 58: Cho m gam bột Cu vào 400ml dung dịch AgNO_3 0,2M, sau một thời gian phản ứng thu được 7,76 gam hỗn hợp chất rắn X và dung dịch Y. Lọc tách X,

rồi thêm 5,85 gam bột Zn vào Y, sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được 10,53 gam chất rắn Z. Giá trị của m là

- A. 3,84. B. 6,40. C. 5,12. D. 5,76.

Câu 59: Trong quá trình hoạt động của pin điện hoá Zn-Cu thì

- A. khối lượng của điện cực Zn tăng.
B. nồng độ của ion Cu^{2+} trong dung dịch tăng.
C. nồng độ của ion Zn^{2+} trong dung dịch tăng.
D. khối lượng của điện cực Cu giảm.

Câu 60: Cho các phát biểu sau:

- (a) Có thể dùng nước brom để phân biệt glucozơ và fructozơ.
(b) Trong môi trường axit, glucozơ và fructozơ có thể chuyển hoá lẫn nhau.
(c) Có thể phân biệt glucozơ và fructozơ bằng phản ứng với dung dịch AgNO_3 trong NH_3 .
(d) Trong dung dịch, glucozơ và fructozơ đều hoà tan Cu(OH)_2 ở nhiệt độ thường cho dung dịch màu xanh lam.
(e) Trong dung dịch, fructozơ tồn tại chủ yếu ở dạng mạch hở.
(g) Trong dung dịch, glucozơ tồn tại chủ yếu ở dạng vòng 6 cạnh (dạng α và β).

Số phát biểu đúng là

- A. 5. B. 3. C. 2. D. 4.

ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	D	11	A	21	B	31	C	41	A	51	D
2	A	12	C	22	A	32	C	42	C	52	A
3	A	13	B	23	D	33	B	43	A	53	B
4	C	14	A	24	C	34	D	44	A	54	C
5	A	15	B	25	D	35	A	45	D	55	C
6	D	16	C	26	D	36	C	46	B	56	D
7	B	17	D	27	C	37	D	47	D	57	B
8	D	18	D	28	B	38	A	48	B	58	B
9	B	19	C	29	A	39	A	49	C	59	C
10	C	20	B	30	D	40	A	50	B	60	B

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1: 14,16g hh X $\begin{cases} \text{Fe(NO}_3)_2 \\ \text{Cu(NO}_3)_2 \\ \text{AgNO}_3 \end{cases} \rightarrow \text{Kim loại: ? gam}$

%N (theo khối lượng) = 11,864

* Gọi ý:

– Với mọi muối nitrat ta luôn có $m_N : m_O = 14 : 48$

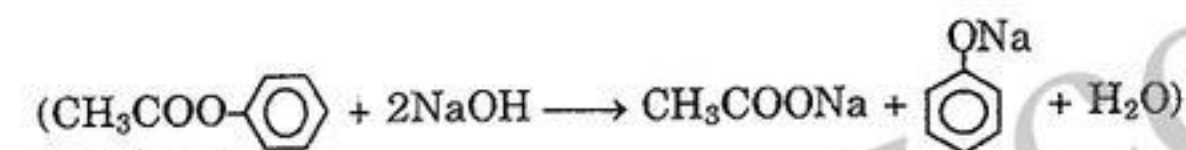
– Ta có $m_N = \frac{11,864 \times 14,16}{100} = 1,68 \text{ gam}$

$$\Rightarrow m_O = 1,68 \times \frac{48}{14} = 5,76 \text{ gam}$$

$$\Rightarrow m_{\text{kim loại}} = 14,16 - (1,68 + 5,76) = 6,72 \text{ gam}$$

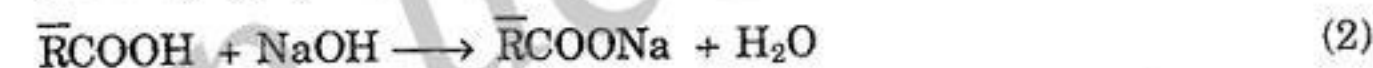
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 2: Chỉ có phenyl axetat $\xrightarrow[t^0]{+\text{NaOH}}$ không sinh ancol



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 3: Ta có phản ứng xà phòng hoá chất béo:



Theo phương pháp tăng giảm khối lượng ta có:

$$(1) \text{ có } \Delta m_{\text{muối tăng}} = 28 \cdot n_{\text{pư}}; n_{\text{pư}} = \frac{1}{3} n_{\text{NaOH pư}} \quad (1)$$

$$(2) \text{ có } \Delta m_{\text{muối tăng}} = 22 \cdot n_{\text{pư}}; n_{\text{pư}} = n_{\text{NaOH pư}} \quad (2)$$

Theo đề có $\Delta m_{\text{muối tăng}} = 207,55 - 200 = 7,55 \text{ gam}$

Ta có công thức tính chỉ số axit:

$$\text{Chỉ số axit} = \frac{n_{\text{NaOH pư trung hoà}} \times 56 \times 10^3}{m_{\text{chất béo}}}$$

$$\Rightarrow n_{\text{NaOH pư (2)}} = \frac{7 \times 200}{56 \times 10^3} = 0,025 \text{ mol}$$

Ta có $\Delta m_{\text{muối tăng pư (1)}} + \Delta m_{\text{muối tăng pư (2)}} = 7,55$

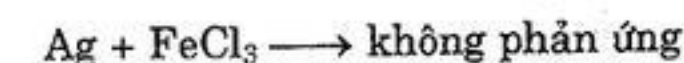
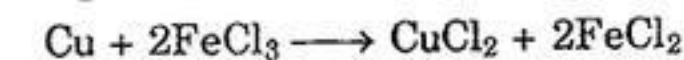
$$\Leftrightarrow 28 \cdot \frac{1}{3} \cdot n_{\text{NaOH pư (1)}} + 22 \cdot 0,025 = 7,55 \Rightarrow n_{\text{NaOH pư (1)}} = 0,75 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \sum n_{\text{NaOH pư (1), (2)}} = 0,75 + 0,025 = 0,775 \text{ (mol)}$$

$$\Rightarrow m_{\text{NaOH pư}} = 0,775 \times 40 = 31 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 4: Chỉ có thí nghiệm (d) thỏa đề:



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 5: 0,15 mol X: este đơn chức $\xrightarrow[\text{H}=100\%]{\text{dd NaOH dư}}$ $\begin{cases} m_{\text{NaOH dư}} = 12 \text{ gam} \\ \text{Tổng khối lượng sản phẩm} \\ \text{hữu cơ: 29,7 gam} \end{cases}$

(X): có số đồng phân?

■ **Cần nhớ:** $\begin{cases} \text{Este đơn chức} \\ \frac{n_{\text{NaOH dư}}}{n_{\text{este dư}}} = 2 \end{cases} \Rightarrow \text{Este cần tìm: Este phenol}$

* **Giải:**

- Theo đề $\Rightarrow$ X: este phenol

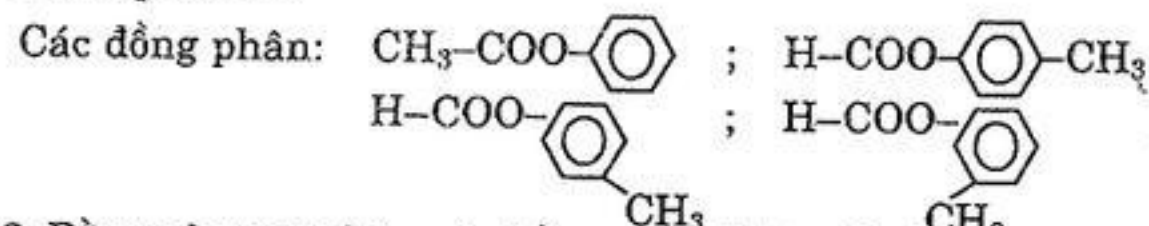
- Với este phenol (đơn chức) ta có:

$$m_{\text{este}} + m_{\text{NaOH dư}} = m_{\text{muối}} + m_{\text{H}_2\text{O}}; n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{este dư}}$$

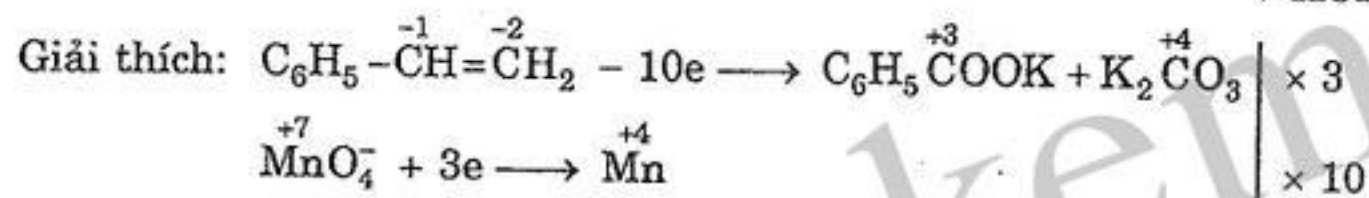
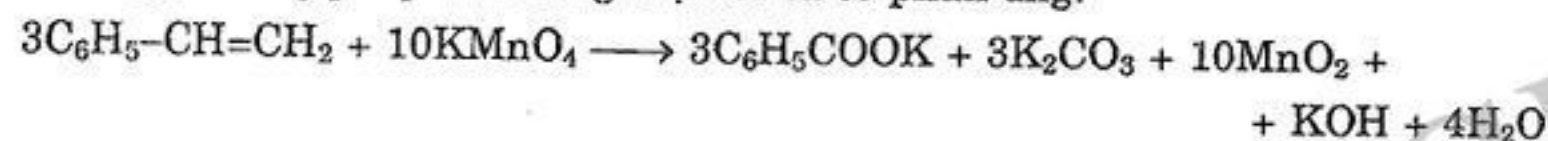
$$\Rightarrow m_{\text{este}} = 29,7 + 18 \times 0,15 - 12 = 20,4 \text{ gam}$$

$$\Rightarrow M_X = \frac{20,4}{0,15} = 136 \Rightarrow (X): \text{C}_8\text{H}_8\text{O}_2 \Rightarrow (X) \text{ có số đồng phân: 4.}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.



Câu 6: Bằng phương pháp cân bằng điện tử ta có phản ứng:



Câu 7: Điều kiện tác dụng được với H_2O là số $[\text{O}] \geq +4$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 8: Mandehit (Fe_3O_4) $\xrightarrow{\text{hao hụt 1\%}}$ Gang có 95% Fe

x tấn

800 tấn

$$\% \text{Fe}_3\text{O}_4 = 80\%$$

$$x = ?$$

* **Gợi ý:**

• Hao hụt 1% $\Leftrightarrow$ hiệu suất 99%

• Sơ đồ hợp thức điều chế Fe: $\text{Fe}_3\text{O}_4 \longrightarrow 3\text{Fe}$

• Biểu thức tính x:

$$x = 232 \times \frac{1}{3} \times \frac{800}{56} \times \frac{95}{100} \times \frac{100}{99} \times \frac{100}{80} = 1325,16 \text{ (tấn)}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** X (nguyên chất: b%) $\xrightarrow{\text{H=a\%}}$ Y

$$\bullet \text{ Lượng } X_{\text{cần tính}} = \text{Lượng } X_{\text{LT}} \times \frac{100}{a} \times \frac{100}{b}$$

$$\bullet \text{ Lượng } Y_{\text{cần tính}} = \text{Lượng } Y_{\text{LT}} \times \frac{a}{100} \times \frac{b}{100}$$

Lượng_{LT} là lượng tính dựa trên phản ứng bỏ qua các giá trị % (hiệu suất, % nguyên chất, ...)

Câu 9: Triolein là este chưa no nên có các phản ứng thủy phân, xà phòng hoá, cộng hidro.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

(A, C, D sai do có phản ứng).

Câu 10: Chỉ có phản ứng (a), (e) thì H^+ đóng vai trò chất oxi hoá.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:** H^+ đóng vai trò chất $[\text{O}] \Leftrightarrow \text{H}^+ \rightarrow \text{H}_2$.

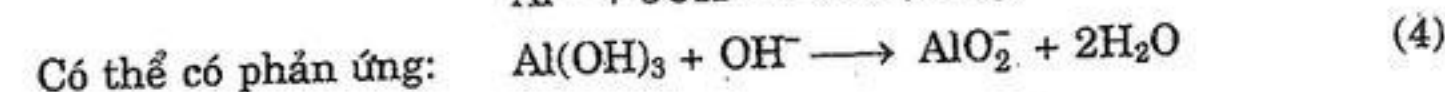
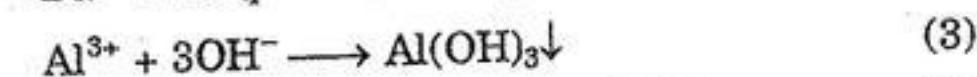
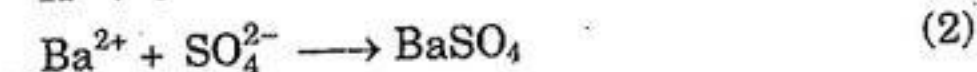
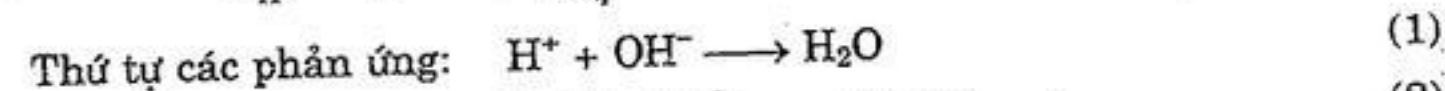
Câu 11: Theo đề $\Rightarrow \begin{cases} \text{X: andehit} \\ \text{X, Y}_1, \text{Y}_2 \text{ cùng số C} \end{cases}$

$\Rightarrow$ Y có cTCT: $\text{CH}_2=\text{CH-COO-C}_3\text{H}_7 \Rightarrow \text{X: CH}_2=\text{CH-CHO} \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 12: Các phản ứng sinh khí: (a), (b), (c), (g), (i). $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 13: Ta có: $n_{\text{Ba}^{2+}} = 0,012 \text{ mol}$; $n_{\text{OH}^-} = 0,168 \text{ mol}$

$$n_{\text{H}^+} = 0,1 \text{ mol}; n_{\text{SO}_4^{2-}} = 0,02 \text{ mol}$$



$$(1), (2) \Rightarrow \begin{cases} n_{\text{OH}^- \text{ dư với } \text{Al}^{3+}} = 0,068 \text{ mol} \\ n_{\text{Al(OH)}_3 \downarrow} = \frac{3,732 - 233 \times 0,012}{78} = 0,012 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\text{Vì } \frac{n_{\text{OH}^-}}{3} \neq n_{\downarrow} \Rightarrow z = n_{\text{Al}^{3+}} = \frac{n_{\downarrow} + n_{\text{OH}^-}}{4} = \frac{0,012 + 0,068}{4} = 0,02 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow t = 0,12 \text{ (nhờ ĐLBTD: } \sum n_{\text{dt}+} = \sum n_{\text{dt}-})$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 14:

■ **Cần nhớ:** Mạng tinh thể lục phương: Be, Mg, Zn, ...

Mạng tinh thể lập phương tâm diện: Cu, Ag, Al, Au, Ca

Mạng tinh thể lập phương tâm khối: Li, Na, K, Ba, ...

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 15: Các kim loại tan được trong H_2O ở nhiệt độ thường là: kiềm, Ca, Ba.
 $\Rightarrow$ Tất cả các kim loại kiềm thổ tan được trong H_2O là sai, ví dụ $Mg + H_2O \rightarrow$ không phản ứng $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 16:

■ **Cần nhớ:** Tất cả các tinh thể phân tử đều dễ nóng chảy, dễ bay hơi.
 $\Rightarrow$ Đáp án: C. (Xem bài 14, SGK lớp 10, trang 70)

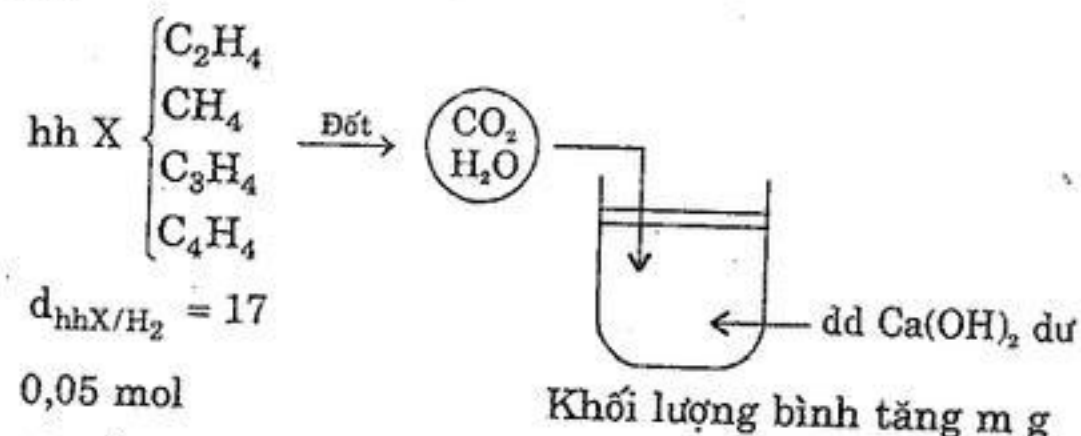
Câu 17:

- A, B có $n_{Ag} = 0,025 \times 4 = 0,1 \text{ mol} \Rightarrow m_{Ag} = 10,8 \neq 8,64 \Rightarrow$ A, B sai
- Gọi a, b (mol) lần lượt là số mol mỗi andehit, ta có:

$$\begin{cases} n_{hh} = a + b = 0,025 \\ n = 2a + 4b = \frac{8,64}{108} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 0,01 \text{ mol} \\ b = 0,015 \text{ mol} \end{cases}$$

Kiểm tra C ta có: $m_{hh} = 70.0,01 + 58.0,015 = 1,57 \neq 1,64 \Rightarrow$ C sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 18:

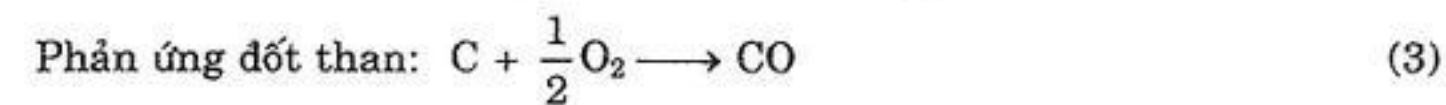
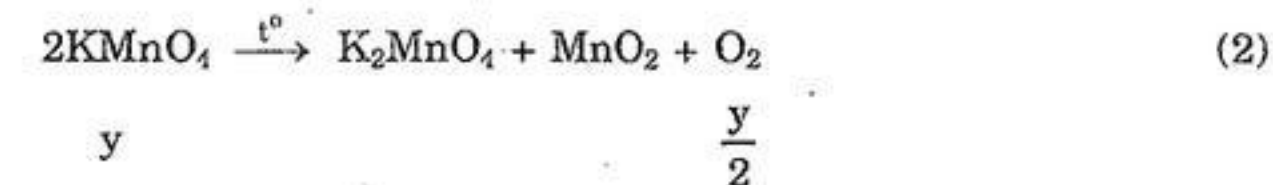
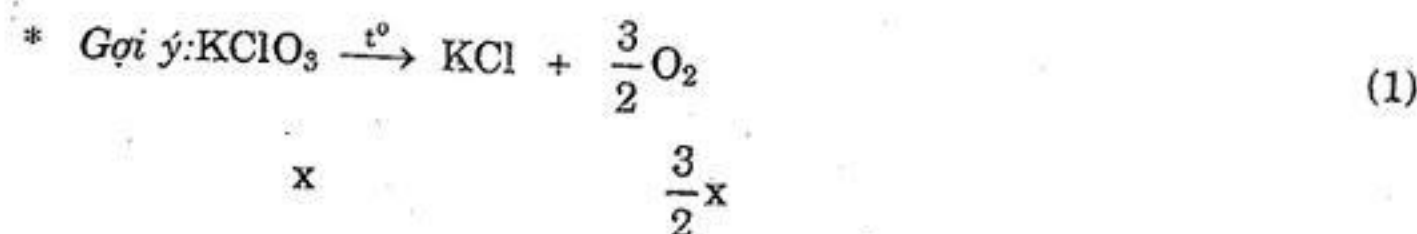
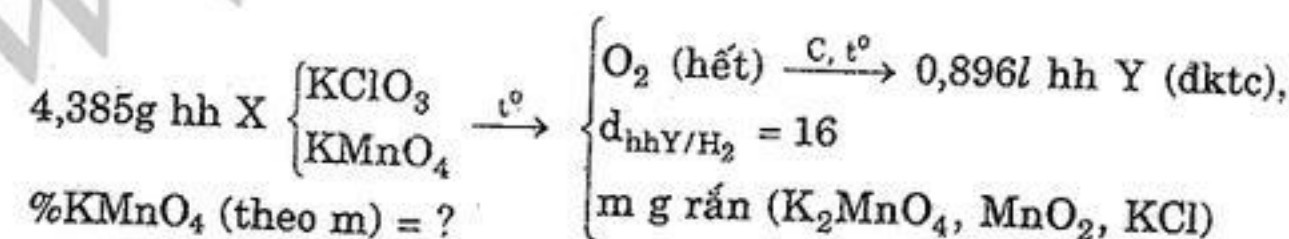


* **Gợi ý:** Theo đề $\Rightarrow$ CTTQ đại diện cho hh X: $C_{\bar{x}}H_4$ (vì các chất trong hh X đều có 4 nguyên tử H) $\Rightarrow 12\bar{x} + 4 = 17 \times 2 \Rightarrow \bar{x} = 2,5$

Ta có: $m = m_{CO_2} + m_{H_2O} = 44 \times 0,05 \times 2,5 + 18 \times 0,05 \times \frac{4}{2} = 7,3 \text{ gam}$
 $\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** $n_{CO_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{số C}; n_{H_2O} = n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{số H}}{2}$.

Câu 19:



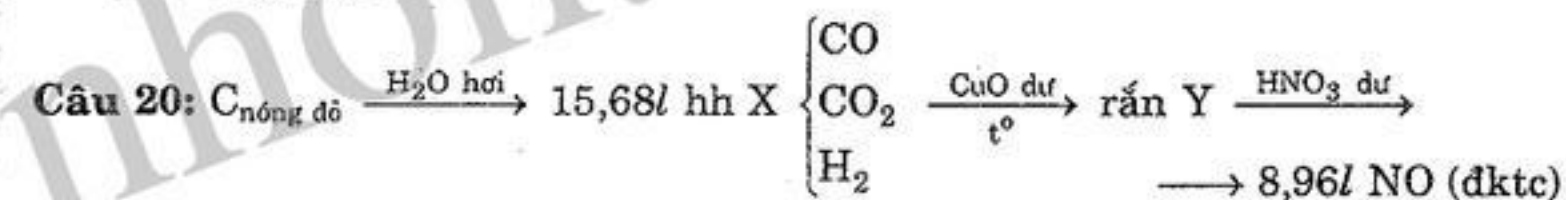
Từ các dữ kiện của hh Y $\Rightarrow \begin{cases} n_{CO_2} = 0,01 \\ n_{CO} = 0,03 \end{cases}$

(3), (4) $\Rightarrow \sum n_{O_2 \text{ sinh ở (1), (2)}} = \sum n_{O_2 \text{ pư (3), (4)}} = \frac{1}{2} \cdot 0,03 + 0,01 = 0,025$

Vậy ta có hệ phương trình: $\begin{cases} \frac{3}{2}x + \frac{y}{2} = 0,025 \\ 122,5x + 158y = 4,385 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,01 \\ y = 0,02 \end{cases}$

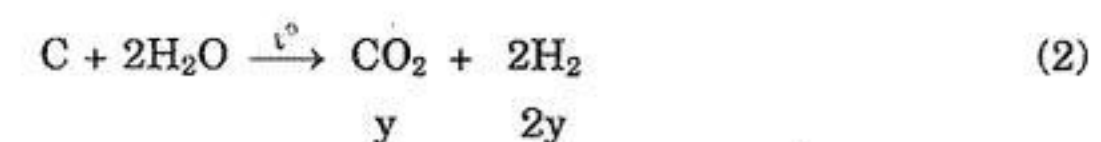
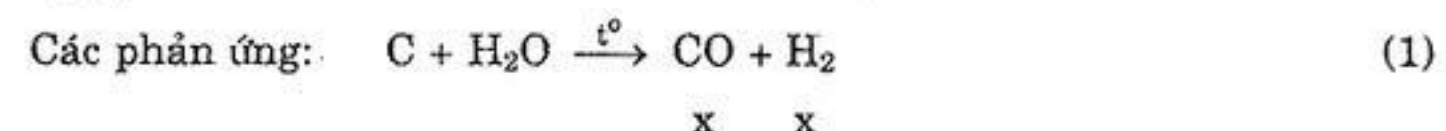
$\Rightarrow \%KMnO_4 = \frac{158 \cdot 0,02}{4,385} = 0,7206 = 72,06\%$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.



%CO (theo thể tích) = ?

* **Gợi ý:**



$\Rightarrow$ hh X $\begin{cases} CO: x \text{ mol} \\ CO_2: y \text{ mol} \\ H_2: x + 2y \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow n_{hhX} = x + y + (x + 2y) = 0,7$ (a)

Khi cho hh X phản ứng với CuO dư ta có:

$n_{Cu \text{ sinh ra}} = n_{hh(H_2, CO)} = 2(x + y) \text{ mol}$

Cho rắn Y phản ứng với HNO_3 ta có:

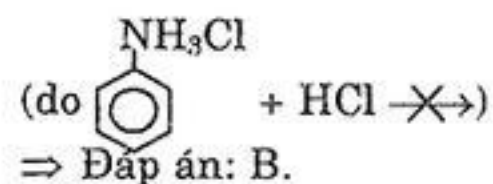
$n_{Cu \cdot II} = 3n_{NO} \Leftrightarrow 2(x + y) \cdot II = 3 \cdot 0,4$ (b)

Từ (a) và (b), ta có hệ phương trình: $\begin{cases} 2x + 3y = 0,7 \\ x + y = 0,3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,2 \\ y = 0,1 \end{cases}$

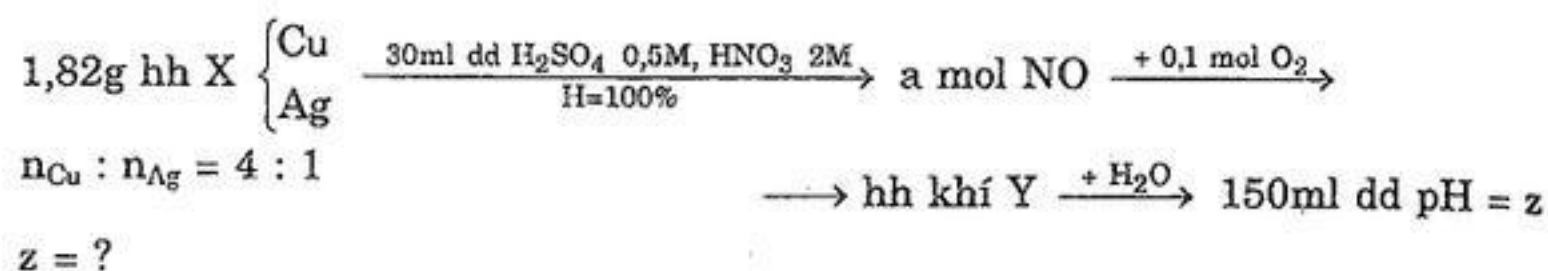
$\Rightarrow \%CO \text{ (theo V)} = \frac{0,2}{0,7} = 0,2857 = 28,57\% \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 21:

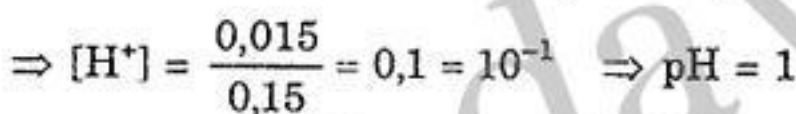
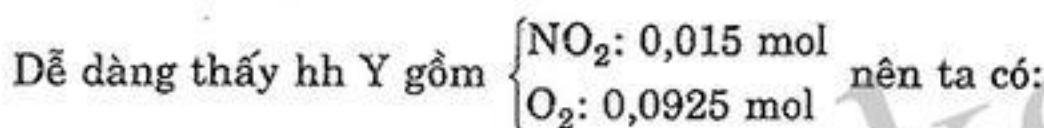
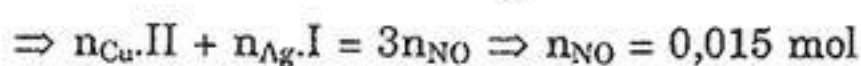
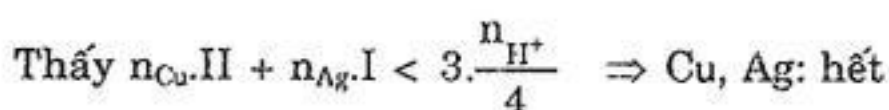
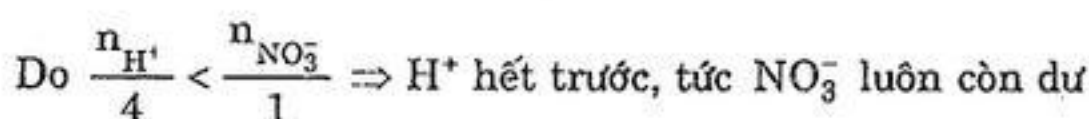
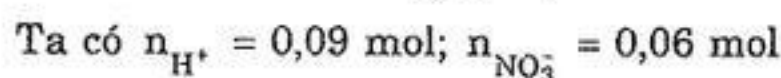
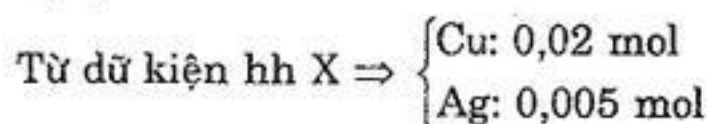
- Cho X vào H₂O được dd trong suốt $\Rightarrow$ A, D sai (vì phenol, anilin không tan trong H₂O nên có sự tách lớp).
- Cho Y vào tiếp lại được chất Z (làm vẩn đục dd) $\Rightarrow$ C sai



Câu 22:

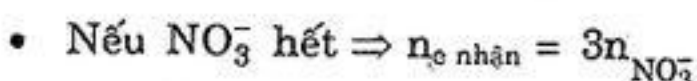
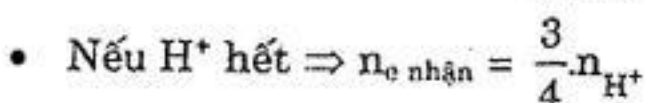
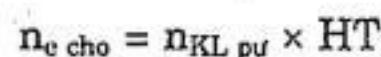


* Gọi ý:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

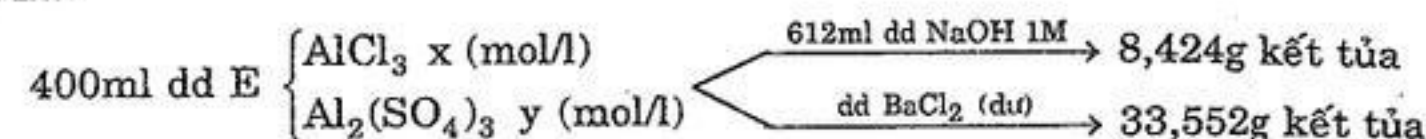
■ **Cần nhớ:** Với bài toán kim loại + dd $\begin{cases} \text{H}^+ \\ \text{NO}_3^- \end{cases} \rightarrow \text{NO}$, ta có:



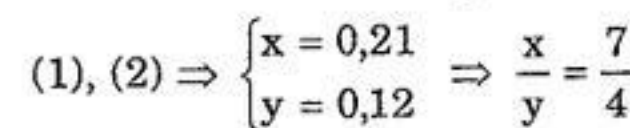
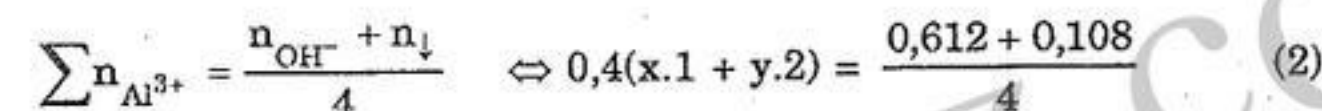
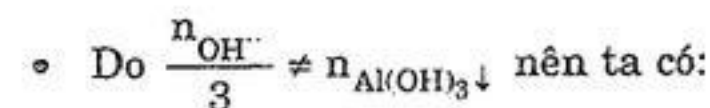
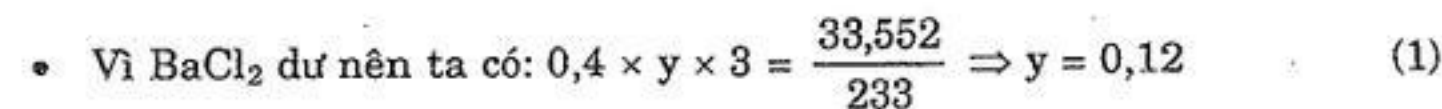
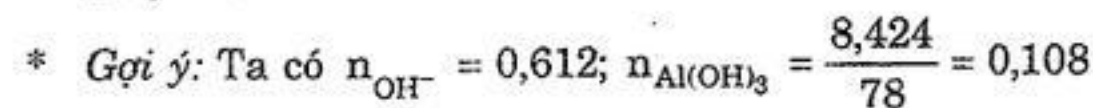
Câu 23: Các yếu tố làm cân bằng dịch chuyển sang chiều thuận là (2), (3), (5).

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 24:

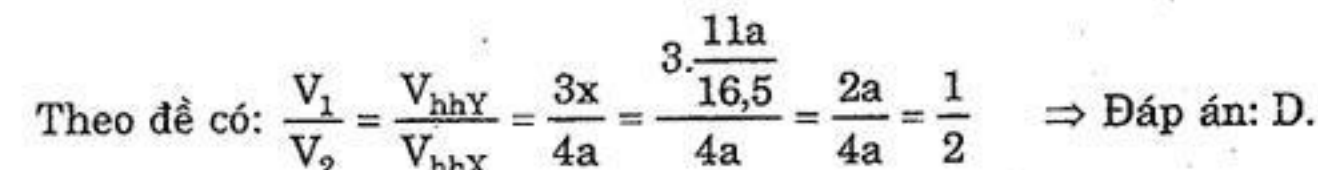
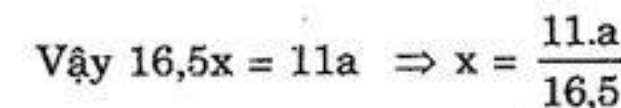
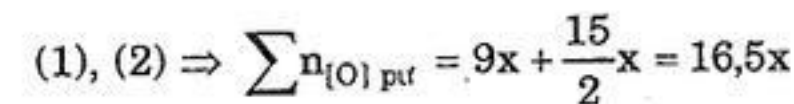
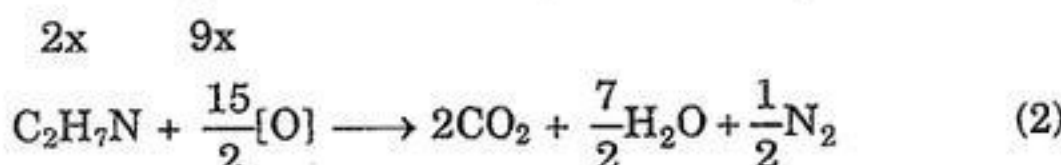
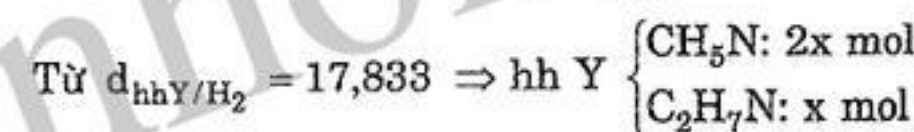


$x : y = ?$

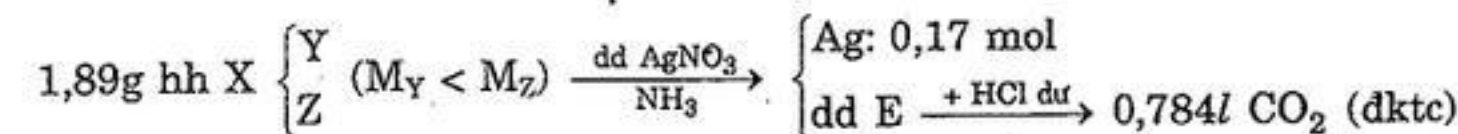


$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 25: Từ $d_{\text{hhX/H}_2} = 22 \Rightarrow \text{hh X} \begin{cases} \text{O}_2: a \text{ mol} \\ \text{O}_3: 3a \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow \sum n_{[\text{O}]} = 11a \text{ mol}$

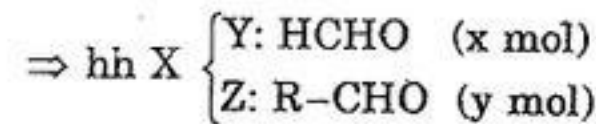


Câu 26:



Z: ?

* Gọi ý: Vì dd E $\xrightarrow{+HCl}$ $CO_2 \Rightarrow$ hh X có HCHO



$$\text{Có} \begin{cases} m_{\text{hhX}} = 30.x + M_Z.y = 1,89 \\ n_{CO_2} = n_X \Leftrightarrow x = \frac{0,784}{224} = 0,035 \text{ mol} \Rightarrow M_Z = 56 \Rightarrow \text{Z: CH}_2=\text{CH-CHO} \\ n_{Ag} = 4x + 2y = 0,17 \end{cases}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 27: Dễ thấy chỉ có (b), (c) đúng. $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 28: $C_6H_5-NH-CH_3$: amin bậc 2; $C_6H_5-\underset{\text{OH}}{\underset{|}{CH}}-CH_3$: ancol bậc 2

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

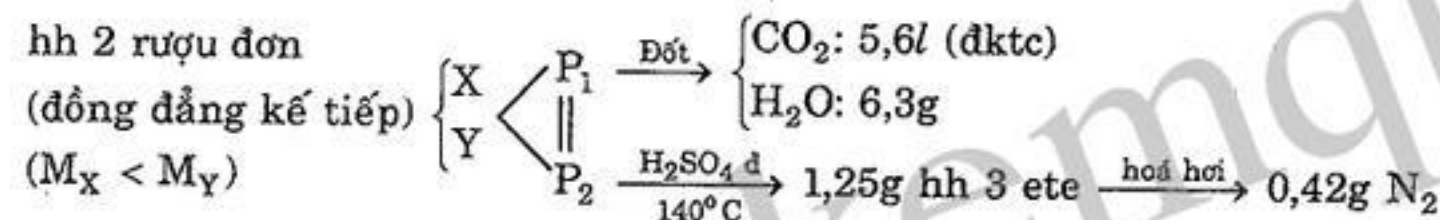
$$\text{Câu 29: } \% \text{ } ^{37}_{17}\text{Cl trong HClO}_4 \text{ (theo khối lượng)} = \frac{37 \times \frac{24,23}{100}}{100,5} \times 100 = 8,92$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 30: $FeCl_2$ không phản ứng với dd HCl, dd $BaCl_2 \Rightarrow$ A, B, C sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 31:



Hiệu suất phản ứng tạo ete của X, Y: ?

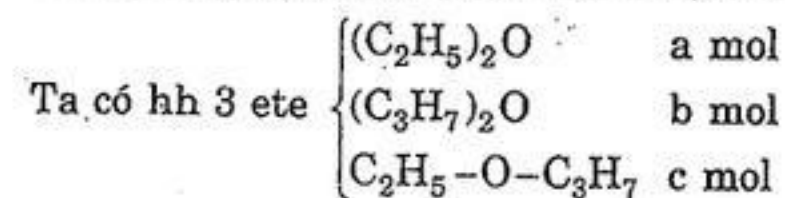
* Gọi ý: Ta có $n_{CO_2} = 0,25 \text{ mol}$; $n_{H_2O} = 0,35 \text{ mol}$

$$\Rightarrow n_{CO_2} < n_{H_2O} \Rightarrow \begin{cases} X, Y \text{ đều đơn, no} \\ n_{\text{hh}(X, Y)} = n_{H_2O} - n_{CO_2} = 0,1 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{Số C trung bình} = \frac{n_{CO_2}}{n_{\text{hh}}} = \frac{0,25}{0,1} = 2,5$$

Vì X, Y là đồng đẳng kế tiếp $\Rightarrow$ hh rượu $\begin{cases} C_2H_5OH \\ C_3H_7OH \end{cases}$

Từ số C trung bình $\Rightarrow n_X = n_Y = 0,05 \text{ mol}$



$$\Rightarrow n_{C_2H_5OH \text{ pư}} = 2a + c; n_{C_3H_7OH \text{ pư}} = 2b + c$$

$$\text{Ta có} \begin{cases} m_{\text{hh ete}} = 74a + 102b + 88c = 1,25 \\ n_{\text{hh ete}} = a + b + c = \frac{0,42}{28} = 0,015 \text{ mol} \end{cases}$$

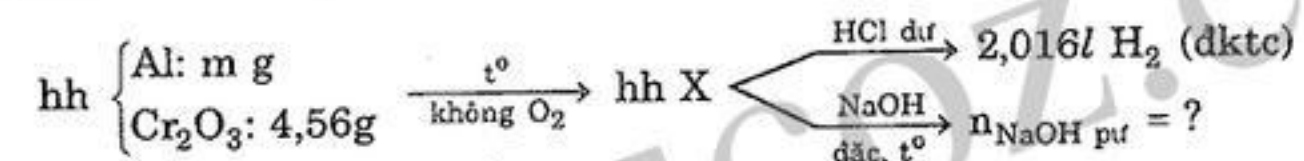
$$\Leftrightarrow \begin{cases} 37.(2a + c) + 51(2b + c) = 1,25 \\ (2a + c) + 2(b + c) = 0,03 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a + c = 0,02 \\ 2b + c = 0,01 \end{cases}$$

$$\text{Vậy: } H_{\text{pư}} \text{ của } C_2H_5OH = \frac{0,02}{0,05} = 0,4 = 40\%$$

$$H_{\text{pư}} \text{ của } C_3H_7OH = \frac{0,01}{0,05} = 0,2 = 20\%$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

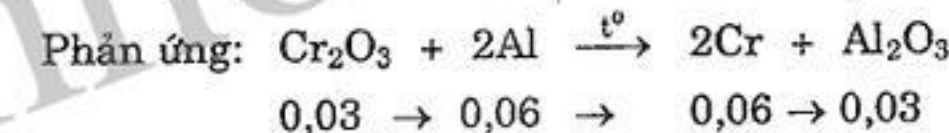
Câu 32:



* Gọi ý: $n_{Cr_2O_3} = 0,03$; $n_{H_2} = 0,09$

$$\Rightarrow n_{Cr \text{ trong } Cr_2O_3} = 0,03.2 = 0,06$$

Ta thấy $0,06.II < 2.0,09 \Rightarrow$ hh X còn Al dư $\Rightarrow Cr_2O_3$ hết



$$\Rightarrow \text{hh X} \begin{cases} Al_2O_3: 0,03 \text{ mol} \\ Cr: 0,06 \text{ mol} \\ Al_{\text{dư}}: x \text{ mol} \end{cases}$$

• Từ phản ứng của hh X với HCl, ta có:

$$0,06.II + x.III = 2.0,09 \Rightarrow x = 0,02 \text{ mol}$$

• Phản ứng của hh X với dd NaOH, ta có:

$$n_{NaOH \text{ pư}} = 2.n_{Al_2O_3} + n_{Al \text{ dư}} = 2.0,03 + 0,02 = 0,08$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ Cần nhớ:

• Cr không phản ứng với NaOH

$$n_{NaOH \text{ pư}} = 2.n_{Al_2O_3}$$

$$n_{NaOH \text{ pư}} = n_{Al \text{ pư}}$$

• Kim loại $\xrightarrow{H^+} H_2$; theo ĐLBTTĐT có $n_{KL \text{ pư}} \times HT = 2.n_{H_2}$

Câu 33: Ta có $n_{CO_2} = 0,1 \text{ mol}$; $n_{OH^-} = 0,1.x \text{ mol}$; $n_{CO_3^{2-}} = 0,02 \text{ mol}$

$$n_{BaCO_3} = \frac{11,82}{197} = 0,06 \text{ mol}$$

$$\text{Từ B, C, D} \Rightarrow 1 < x < 2 \Rightarrow 1 < \frac{n_{OH^-}}{n_{CO_2}} < 2$$

$$\Rightarrow \text{dd Y} \begin{cases} CO_3^{2-}; \sum n_{CO_3^{2-}} = 0,02 + (0,1x - 0,1) = n_d \\ HCO_3^- \end{cases}$$

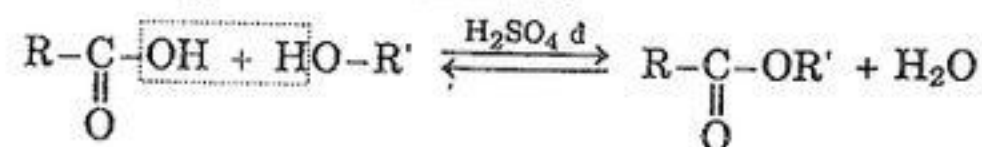
$$\Leftrightarrow 0,02 + (0,1x - 0,1) = 0,06 \Rightarrow x = 1,4 \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

■ Cần nhớ: $CO_2 + dd OH^-$

Nếu $1 < \frac{n_{OH^-}}{n_{CO_2}} < 2$ thì sản phẩm thu được có CO_3^{2-} , HCO_3^- và

$$\begin{cases} n_{CO_3^{2-}} = n_{OH^-} - n_{CO_2} \\ n_{HCO_3^-} = n_{CO_2} - n_{CO_3^{2-}} \end{cases}$$

Câu 34: Trong phản ứng este hoá cần nhớ:



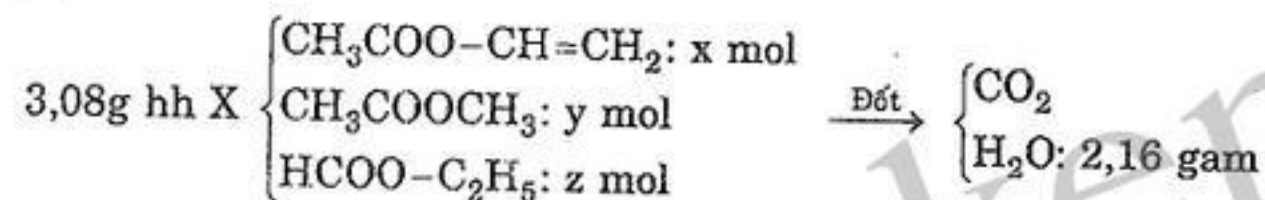
$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 35: Tơ capron, tơ nilon-6,6 thuộc loại tơ poliamit $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 36: Dễ thấy (d), (g) sai. $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 37: (2): pH < 7; (1): pH = 7; (3): pH > 7 $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 38:

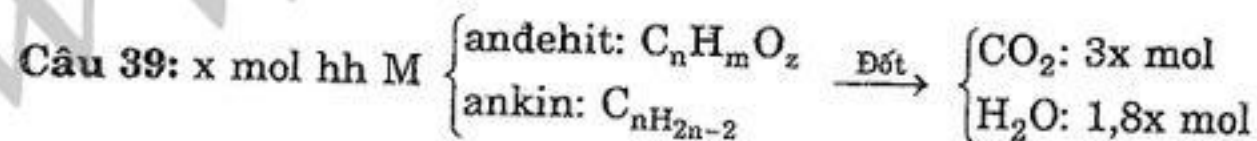


% $CH_3COOCH=CH_2$ (theo số mol) = ?

$$\begin{aligned} * \text{ Gọi ý: Theo đề có: } \begin{cases} m_{hhX} = 86x + 74(y+z) = 3,08 \\ n_{H_2O} = x.3 + (y+z).3 = 0,12 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x = 0,01 \\ y+z = 0,03 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \%CH_3COOCH=CH_2 \text{ (theo mol)} = \frac{x}{x+y+z} = \frac{0,01}{0,01+0,03} = 0,25 = 25\%$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.



%andehit (theo mol) = ?

* Gọi ý:

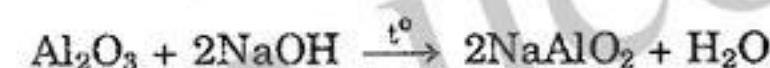
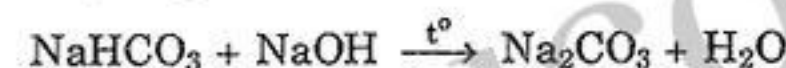
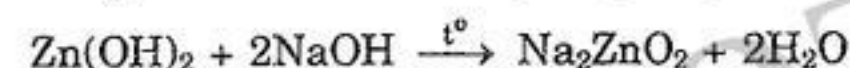
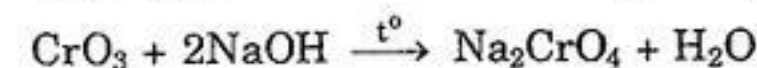
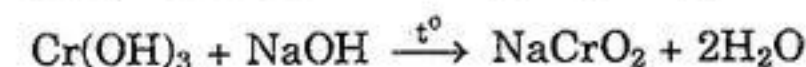
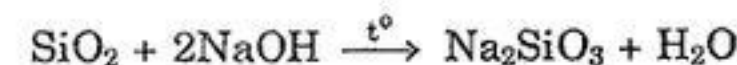
$$\begin{aligned} - \text{ Ta có } \bar{n} = n = \frac{n_{CO_2}}{n_{hhM}} = \frac{3x}{x} = 3 &\Rightarrow \text{hh M} \begin{cases} C_3H_4: a \text{ mol} \\ C_3H_2O: b \text{ mol} \end{cases} \end{aligned}$$

$$- \text{ Ta có } \bar{y} = \frac{n_{H_2O}.2}{n_{hhM}} = \frac{1,8x.2}{x} = 3,6 < 4 \Rightarrow y = 2 \Rightarrow \text{Andehit: } HC \equiv C-CHO$$

$$\begin{aligned} - \text{ Ta có hệ phương trình: } \begin{cases} n_{hh} = a + b = x \\ n_{H_2O} = a.\frac{4}{2} + b.\frac{2}{2} = 1,8x \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} a = 0,8x \\ b = 0,2x \end{cases} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \%HC \equiv C-CHO \text{ (theo mol)} = \frac{b}{x} = \frac{0,2x}{x} = 0,2 = 20\% \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

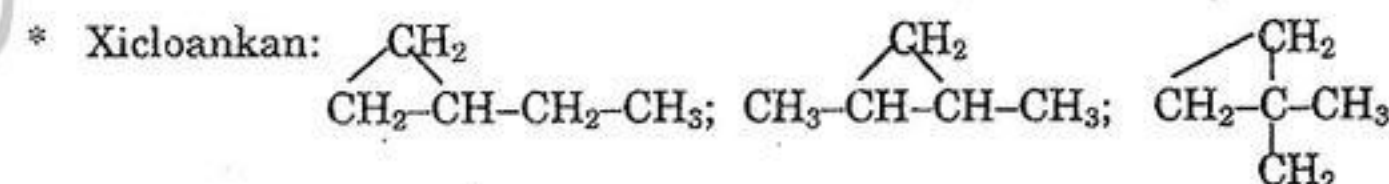
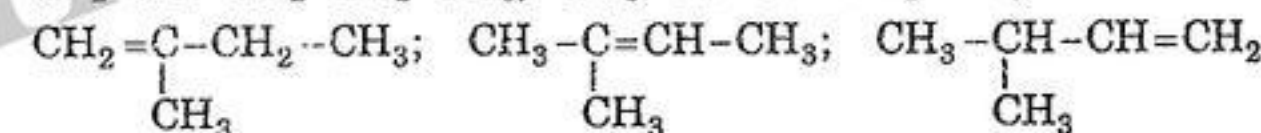
Câu 40: Tất cả các chất đều tác dụng được với NaOH (đặc, t°)



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

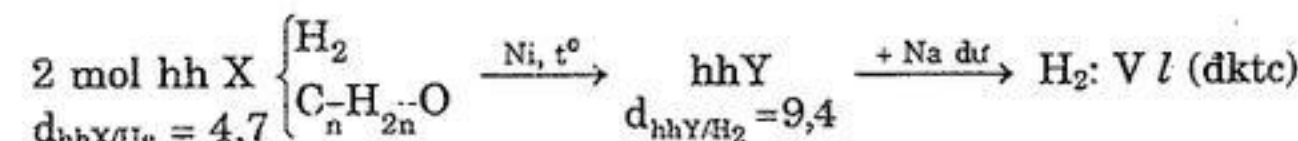
Câu 41: Các đồng phân của C_5H_{10} phản ứng với dd Br_2 :

* Anken: $CH_2=CH-CH_2-CH_2-CH_3$; $CH_3-CH=CH-CH_2-CH_3$



$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 42:



* Gọi ý:

$$\bullet \text{ Ta có } \begin{cases} n_X \cdot \bar{M}_{hhX} = n_Y \cdot \bar{M}_{hhY} \\ n_X = 2 \text{ mol} \end{cases} \Rightarrow n_Y = 1 \text{ mol}$$

$$\bullet \text{ Vậy } n_{H_2} = \frac{1}{2}n_Y = 0,5 \text{ mol} \Rightarrow V = 11,2 \text{ l}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

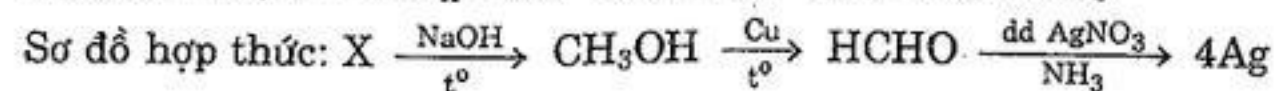
Câu 43: Cần nhớ kim loại dẫn điện tốt nhất là Ag, sau đó đến Cu, Au, Al

$\Rightarrow$ A sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 44: X: $H_2N-RCOOR'$

$$\text{Từ } \%N = 15,73 \Rightarrow M_X = 89 \Rightarrow X: H_2N-CH_2-COO-CH_3$$



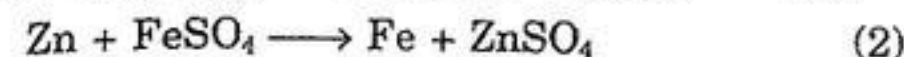
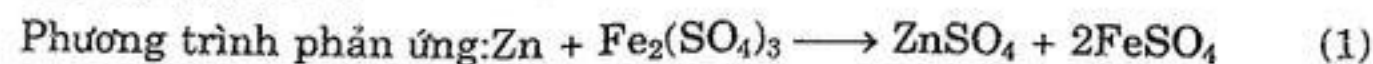
$$\Rightarrow m = m_X = 89 \times \frac{1}{4} \times \frac{12,96}{108} = 2,67 \text{ gam} \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

Câu 45: Các chất vừa tác dụng với HCl, dd NaOH là: Al, $NaHCO_3$, $(NH_4)_2CO_3$, Al_2O_3 , Zn.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 46: m g Zn $\xrightarrow[\text{H=100\%}]{500ml \text{ dd } Fe_2(SO_4)_3 \text{ 0,24M}}$ Khối lượng dd tăng thêm 9,6g

Giá trị của m = ?



Theo đề có $\Delta m_{\text{muối tăng}} = 9,6g \Rightarrow \Delta m_{\text{kim loại giảm}} = 9,6g$

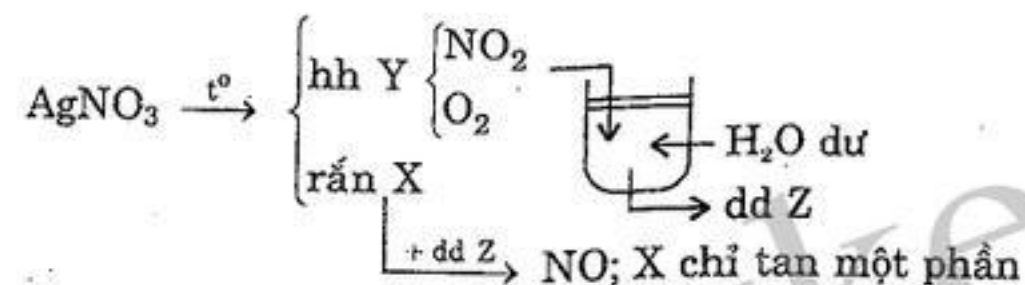
(1) có $\Delta m_{\text{kim loại giảm}} = 65.n_{\text{pư}}$; $n_{\text{pư}} = n_{Fe_2(SO_4)_3} = 0,12$

(2) có $\Delta m_{\text{kim loại giảm}} = 9.n_{\text{pư}}$; $n_{\text{pư}} = n_{Zn \text{ pư}}$

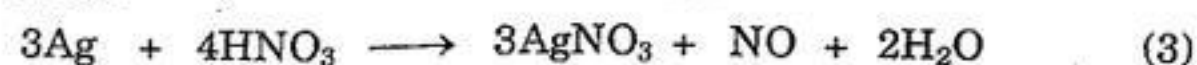
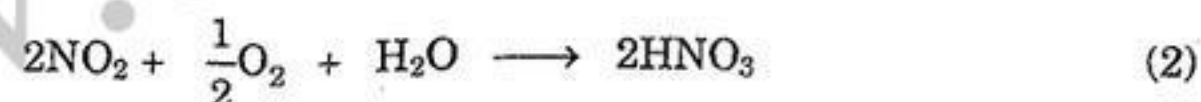
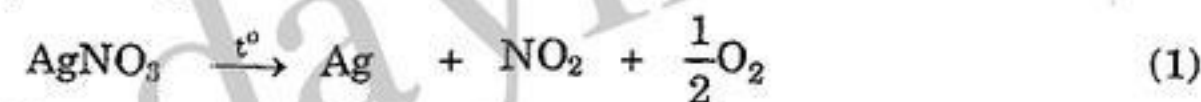
Ta có: $65.0,12 + 9.x = 9,6 \Rightarrow x = 0,2$

$$\Rightarrow \sum n_{Zn} = 0,12 + 0,2 = 0,32 \Rightarrow m = 0,32 \times 65 = 20,8g \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

Câu 47:



* Gợi ý: Các phản ứng:

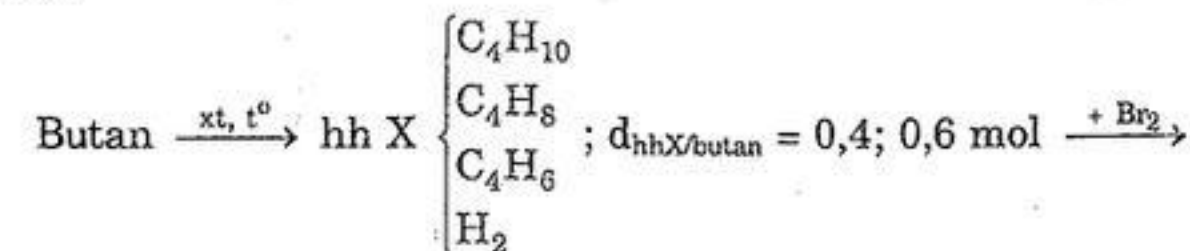


Ban đầu: x x

Phản ứng: $\frac{3}{4}x \leftarrow x$

$$\text{Theo (3)} \Rightarrow n_{Ag \text{ pư}} = \frac{3}{4}x \Rightarrow H = \frac{\frac{3}{4}x}{x} = 0,75 = 75\% \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

Câu 48:



$$n_{Br_2 \text{ pư}} = ?$$

* Gợi ý:

$$- n_{Br_2 \text{ pư}} = n_{H_2 \text{ tách ra}} = n_{\text{hhX}} - n_{\text{butan bd}}$$

$$- \text{Theo ĐLBTKL có: } m_{\text{butan bd}} = m_{\text{hhX}} \Leftrightarrow 58.n_{\text{butan}} = (58 \times 0,4).0,6 \Rightarrow n_{\text{butan}} = 0,24 \text{ mol}$$

$$\text{Vậy } n_{Br_2 \text{ pư}} = 0,6 - 0,24 = 0,36 \text{ mol} \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

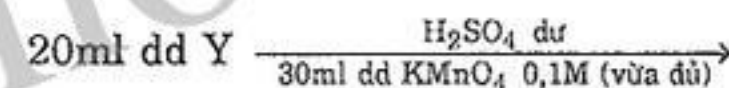
Câu 49: Cần nhớ trong quả gấc có chứa nhiều β -caroten. $\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 50: Các phát biểu sai: (b), (e). $\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 51: Cần nhớ dipeptit chỉ có 1 liên kết peptit $\Rightarrow$ D sai. $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 52: Các thí nghiệm sinh kim loại: (a), (e), (h). $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 53: 25 gam hh $\begin{cases} FeSO_4 \\ Fe_2(SO_4)_3 \end{cases} \xrightarrow{+ H_2O} 150ml \text{ dd Y}$



$\%FeSO_4$ (theo khối lượng) = ?

* Gợi ý: Muối sắt $\xrightarrow[(H^+)]{+ dd KMnO_4}$, cần nhớ:

• Chỉ có muối Fe^{2+} phản ứng và $n_{e \text{ cho}} = n_{Fe^{2+} \text{ pư}} \times 1$

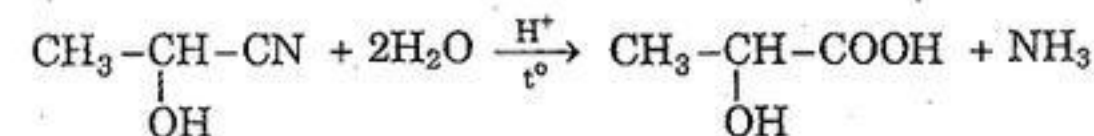
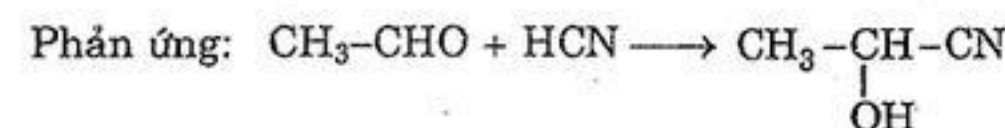
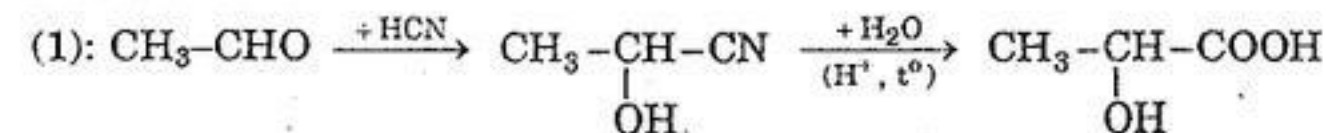
• $KMnO_4, H^+$: $n_{e \text{ nhận}} = 5.n_{KMnO_4 \text{ pư}}$

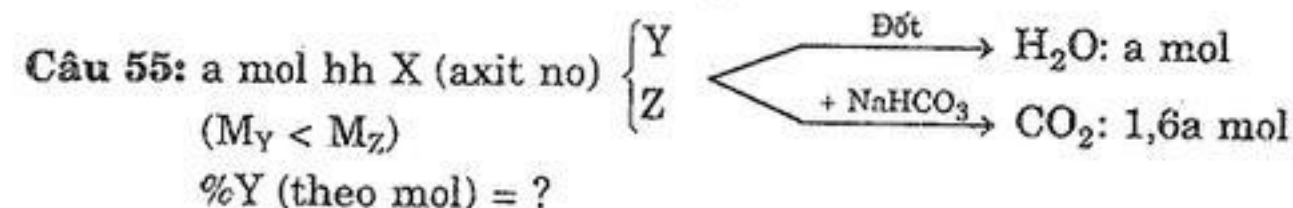
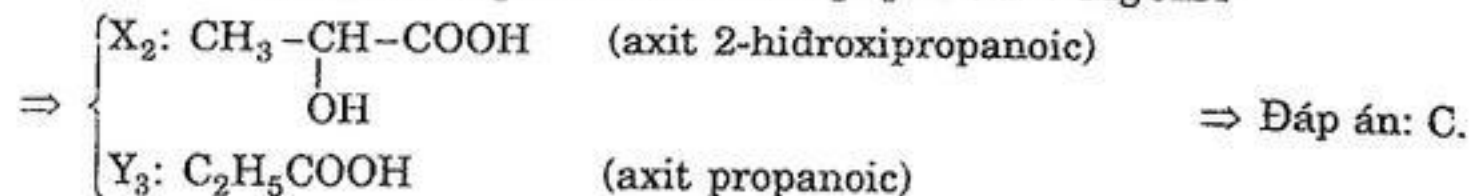
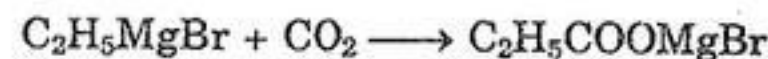
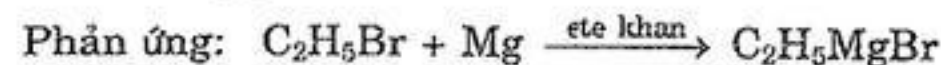
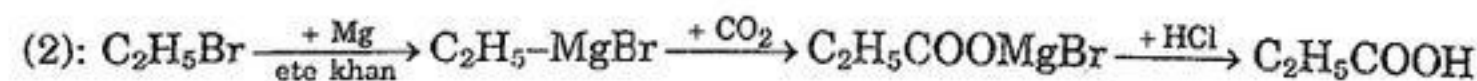
* Giải: Ta tính nhanh số mol $FeSO_4$ nhờ ĐLBTTĐT:

$$n_{FeSO_4} \cdot 1 = 5 \times \frac{30}{1000} \times 0,1 \times \frac{150}{20} \Rightarrow n_{FeSO_4} = 0,1125 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \%FeSO_4 = \frac{0,1125 \times 152}{25} = 0,684 = 68,4\% \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

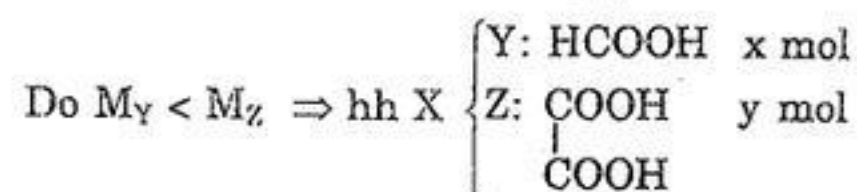
Câu 54: Ta có sơ đồ:





* *Gợi ý:*

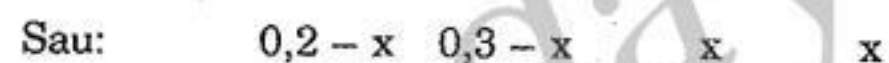
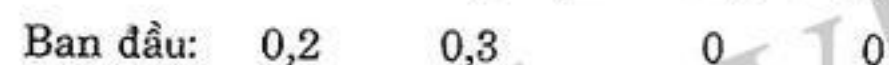
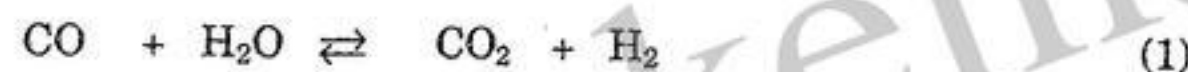
Ta có số H trung bình = $\frac{2.n_{H_2O}}{n_{hhX}} = 2 \Rightarrow Y, Z$ đều có 2 nguyên tử H.



Theo đề ta có $\begin{cases} n_{hh} = x + y = a \\ n_{CO_2} = x.1 + y.2 = 1,6a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0,4a \text{ mol} \\ y = 0,6a \text{ mol} \end{cases}$

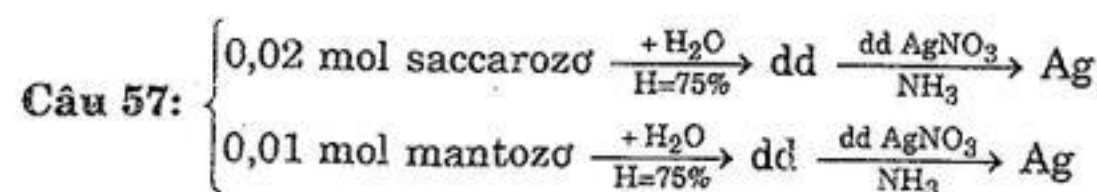
$\Rightarrow \%Y (\text{theo khối lượng}) = \frac{46.0,4a}{46.0,4a + 90.0,6a} = 0,2541 = 25,41\% \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$

Câu 56:

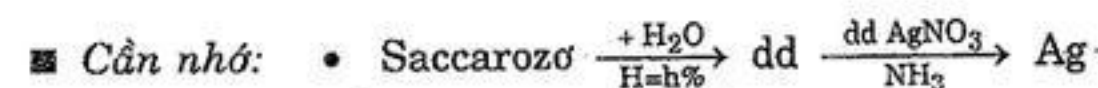


(1) $\Rightarrow K_c = \frac{[CO_2].[H_2]}{[CO].[H_2O]} = \frac{x^2}{(0,2-x)(0,3-x)} = 1 \Rightarrow x = 0,12$

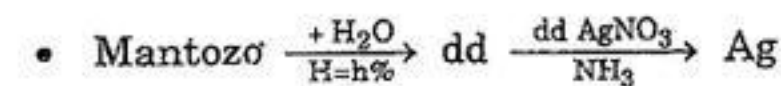
$\Rightarrow \begin{cases} [CO] = \frac{0,2-0,12}{10} = 0,008 \text{ (mol/l)} \\ [H_2O] = \frac{0,3-0,12}{10} = 0,018 \text{ (mol/l)} \end{cases} \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$



Số mol Ag thu được?



$\Rightarrow n_{Ag} = 2.n_{saccarozơ\ bd} \times 2 \times \frac{h}{100}$

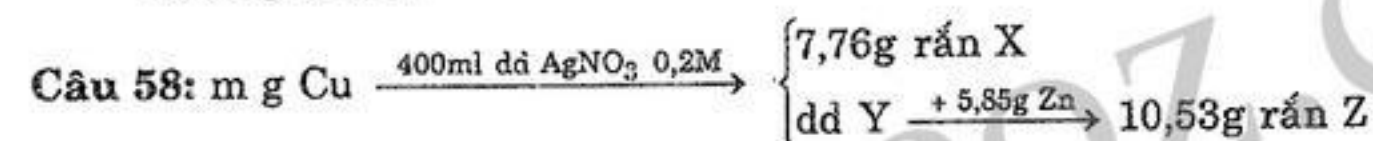


$\Rightarrow n_{Ag} = 2.n_{mantozơ\ bd} \times \frac{100+h}{100}$

* *Giải:* Theo đề ta có:

$n_{Ag} = \left(0,02 \times 2 \times \frac{75}{100} + 0,01 \times \frac{175}{100} \right) \cdot 2 = 0,095 \text{ mol}$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.



m = ?

* *Gợi ý:* Ta có $n_{Ag^+ \text{ bd}} = 0,08 \text{ mol}; n_{Zn} = 0,09 \text{ mol}$

Ta thấy $n_{Ag^+ . I} < n_{Zn . II} \Rightarrow Zn$ còn dư, Ag^+ : hết

Theo ĐLBTT có $n_{Ag^+ . I} = n_{Zn \text{ pư . II}} \Leftrightarrow 0,08.1 = n_{Zn \text{ pư . II}} \Rightarrow n_{Zn \text{ pư}} = 0,04$

$\Rightarrow Zn$ còn dư trong Z là 0,05 mol

Theo đề có: $m_{\text{rắn X}} + m_{\text{rắn Z}} = m_{Cu \text{ bd}} + m_{Zn \text{ còn dư}} + m_{Ag}$

$\Leftrightarrow 7,76 + 10,53 = m + 65.0,05 + 108.0,08 \Rightarrow m = 6,4$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 59: Trong pin điện hoá Zn-Cu

Đặc điểm: Cực Zn tan $\rightarrow$ nồng độ Zn^{2+} trong dd tăng

Cực Cu có khối lượng tăng

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 60: Các phát biểu đúng là (a), (d), (g).

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI A NĂM 2012

Mã đề 752

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Nguyên tử R tạo được cation R^+ . Cấu hình electron ở phân lớp ngoài cùng của R^+ (ở trạng thái cơ bản) là $2p^6$. Tổng số hạt mang điện trong nguyên tử R là

- A. 11. B. 10. C. 22. D. 23.

Câu 2: Điện phân 150ml dung dịch $AgNO_3$ 1M với điện cực trơ trong t giờ, cường độ dòng điện không đổi 2,68A (hiệu suất quá trình điện phân là 100%), thu được chất rắn X, dung dịch Y và khí Z. Cho 12,6 gam Fe vào Y, sau khi các phản ứng kết thúc thu được 14,5 gam hỗn hợp kim loại và khí NO (sản phẩm khử duy nhất của N^{+5}). Giá trị của t là

- A. 0,8. B. 0,3. C. 1,2. D. 1,0.

Câu 3: Cho các phát biểu sau:

- (a) Chất béo được gọi chung là triglixerit hay triaxylglixerol.
(b) Chất béo nhẹ hơn nước, không tan trong nước nhưng tan nhiều trong dung môi hữu cơ.
(c) Phản ứng thủy phân chất béo trong môi trường axit là phản ứng thuận nghịch.
(d) Tristearin, triolein có công thức lần lượt là: $(C_{17}H_{33}COO)_3C_3H_5$, $(C_{17}H_{35}COO)_3C_3H_5$.

Số phát biểu đúng là

- A. 1. B. 2. C. 4. D. 3.

Câu 4: Cho dãy các chất: stiren, ancol benzylic, anilin, toluen, phenol (C_6H_5OH). Số chất trong dãy có khả năng làm mất màu nước brom là

- A. 4. B. 2. C. 5. D. 3.

Câu 5: Cho các phản ứng sau:

- (a) $H_2S + SO_2 \rightarrow$
(b) $Na_2S_2O_3 + \text{dung dịch } H_2SO_4 \text{ (loãng)} \rightarrow$
(c) $SiO_2 + Mg \xrightarrow[t^0]{\text{tỉ lệ mol 1:2}}$
(d) $Al_2O_3 + \text{dung dịch } NaOH \rightarrow$
(e) $Ag + O_3 \rightarrow$
(g) $SiO_2 + \text{dung dịch } HF \rightarrow$

Số phản ứng tạo ra đơn chất là

- A. 3. B. 5. C. 6. D. 4.

Câu 6: Cho sơ đồ phản ứng:

- (a) $X + H_2O \xrightarrow{\text{xúc tác}} Y$
(b) $Y + AgNO_3 + NH_3 + H_2O \rightarrow \text{amoni gluconat} + Ag + NH_4NO_3$
(c) $Y \xrightarrow{\text{xúc tác}} E + Z$
(d) $Z + H_2O \xrightarrow[\text{chất diệt lục}]{\text{ánh sáng}} X + G$

X, Y, Z lần lượt là:

- A. Tinh bột, glucozơ, etanol. B. Tinh bột, glucozơ, cacbon dioxit.
C. Xenlulozơ, saccarozơ, cacbon dioxit. D. Xenlulozơ, fructozơ, cacbon dioxit.

Câu 7: Quặng nào sau đây giàu sắt nhất?

- A. Pirit sắt. B. Hematit đỏ. C. Manhetit. D. Xiderit.

Câu 8: Hỗn hợp X có khối lượng 82,3 gam gồm $KClO_3$, $Ca(ClO_3)_2$, $CaCl_2$ và KCl . Nhiệt phân hoàn toàn X thu được 13,44 lít O_2 (đktc), chất rắn Y gồm $CaCl_2$ và KCl . Toàn bộ Y tác dụng vừa đủ với 0,3 lít dung dịch K_2CO_3 1M thu được dung dịch Z. Lượng KCl trong Z nhiều gấp 5 lần lượng KCl trong X. Phần trăm khối lượng KCl trong X là

- A. 18,10%. B. 12,67%. C. 25,62%. D. 29,77%.

Câu 9: Hỗn hợp M gồm một anken và hai amin no, đơn chức, mạch hở X và Y là đồng đẳng kế tiếp ($M_X < M_Y$). Đốt cháy hoàn toàn một lượng M cần dùng 4,536 lít O_2 (đktc) thu được H_2O , N_2 và 2,24 lít CO_2 (đktc). Chất Y là

- A. etylmetylamin. B. butylamin.
C. etylamin. D. propylamin.

Câu 10: Dãy chất nào sau đây đều thể hiện tính oxi hoá khi phản ứng với SO_2 ?

- A. H_2S , O_2 , nước brom.
B. Dung dịch $NaOH$, O_2 , dung dịch $KMnO_4$.
C. O_2 , nước brom, dung dịch $KMnO_4$.
D. Dung dịch $BaCl_2$, CaO , nước brom.

Câu 11: Trong ancol X, oxi chiếm 26,667% về khối lượng. Đun nóng X với H_2SO_4 đặc thu được anken Y. Phân tử khối của Y là

- A. 42. B. 70. C. 28. D. 56.

Câu 12: Cho 2,8 gam bột sắt vào 200ml dung dịch gồm $AgNO_3$ 0,1M và $Cu(NO_3)_2$ 0,5M; khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được m gam chất rắn X. Giá trị của m là

- A. 4,48. B. 4,72. C. 4,08. D. 3,20.

Câu 13: Hidrat hoá 5,2 gam axetilen với xúc tác $HgSO_4$ trong môi trường axit, đun nóng. Cho toàn bộ các chất hữu cơ sau phản ứng vào một lượng dư dung dịch $AgNO_3$ trong NH_3 thu được 44,16 gam kết tủa. Hiệu suất phản ứng hidrat hoá axetilen là

- A. 80%. B. 70%. C. 92%. D. 60%.

Câu 14: Hỗn hợp X gồm 2 amino axit no (chỉ có nhóm chức $-COOH$ và $-NH_2$ trong phân tử), trong đó tỉ lệ $m_O : m_N = 80 : 21$. Để tác dụng vừa đủ với 3,83 gam hỗn hợp X cần 30ml dung dịch HCl 1M. Mặt khác, đốt cháy hoàn toàn 3,83 gam hỗn hợp X cần 3,192 lít O_2 (đktc). Dẫn toàn bộ sản phẩm cháy (CO_2 , H_2O và N_2) vào nước vôi trong dư thì khối lượng kết tủa thu được là

- A. 20 gam. B. 10 gam. C. 13 gam. D. 15 gam.

Câu 15: Cho các cặp oxi hoá - khử được sắp xếp theo chiều tăng dần tính oxi hoá của dạng oxi hoá như sau: Fe^{2+}/Fe , Cu^{2+}/Cu , Fe^{3+}/Fe^{2+} . Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Cu^{2+} oxi hoá được Fe^{2+} thành Fe^{3+} .
 B. Fe^{3+} oxi hoá được Cu thành Cu^{2+} .
 C. Cu khử được Fe^{3+} thành Fe.
 D. Fe^{2+} oxi hoá được Cu thành Cu^{2+} .
- Câu 16:** Đốt cháy hoàn toàn 7,6 gam hỗn hợp gồm một axit cacboxylic no, đơn chức, mạch hở và một ancol đơn chức (có số nguyên tử cacbon trong phân tử khác nhau) thu được 0,3 mol CO_2 và 0,4 mol H_2O . Thực hiện phản ứng este hoá 7,6 gam hỗn hợp trên với hiệu suất 80% thu được m gam este. Giá trị của m là
 A. 8,16. B. 2,04. C. 6,12. D. 4,08.
- Câu 17:** Phần trăm khối lượng của nguyên tố R trong hợp chất khí với hidro (R có số oxi hoá thấp nhất) và trong oxit cao nhất tương ứng là a% và b%, với $a : b = 11 : 4$. Phát biểu nào sau đây là đúng?
 A. Phân tử oxit cao nhất của R không có cực.
 B. Nguyên tử R (ở trạng thái cơ bản) có 6 electron s.
 C. Oxit cao nhất của R ở điều kiện thường là chất rắn.
 D. Trong bảng tuần hoàn các nguyên tố hoá học, R thuộc chu kì 3.
- Câu 18:** Hỗn hợp X gồm axit fomic, axit acrylic, axit oxalic và axit axetic. Cho m gam X phản ứng hết với dung dịch NaHCO_3 thu được 1,344 lít CO_2 (đktc). Đốt cháy hoàn toàn m gam X cần 2,016 lít O_2 (đktc), thu được 4,84 gam CO_2 và a gam H_2O . Giá trị của a là
 A. 1,62. B. 1,44. C. 1,80. D. 3,60.
- Câu 19:** Hỗn hợp X gồm Fe_3O_4 và Al có tỉ lệ mol tương ứng 1 : 3. Thực hiện phản ứng nhiệt nhôm X (không có không khí) đến khi phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được hỗn hợp gồm
 A. Al, Fe, Fe_3O_4 và Al_2O_3 . B. Al_2O_3 , Fe và Fe_3O_4 .
 C. Al_2O_3 và Fe. D. Al, Fe và Al_2O_3 .
- Câu 20:** Hợp chất X có công thức $\text{C}_8\text{H}_{14}\text{O}_4$. Từ X thực hiện các phản ứng (theo đúng tỉ lệ mol):
 (a) $\text{X} + 2\text{NaOH} \rightarrow \text{X}_1 + \text{X}_2 + \text{H}_2\text{O}$ (b) $\text{X}_1 + \text{H}_2\text{SO}_4 \rightarrow \text{X}_3 + \text{Na}_2\text{SO}_4$
 (c) $n\text{X}_3 + n\text{X}_4 \rightarrow \text{nilon-6,6} + 2n\text{H}_2\text{O}$ (d) $2\text{X}_2 + \text{X}_3 \rightarrow \text{X}_5 + 2\text{H}_2\text{O}$
 Phân tử khối của X_5 là
 A. 198. B. 216. C. 202. D. 174.
- Câu 21:** Cho 500ml dung dịch $\text{Ba}(\text{OH})_2$ 0,1M vào V ml dung dịch $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3$ 0,1M; sau khi các phản ứng kết thúc thu được 12,045 gam kết tủa. Giá trị của V là
 A. 75. B. 150. C. 300. D. 200.
- Câu 22:** Cho dãy các chất: $\text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$ (1), $\text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$ (2), $(\text{C}_6\text{H}_5)_2\text{NH}$ (3), $(\text{C}_2\text{H}_5)_2\text{NH}$ (4), NH_3 (5) (C_6H_5^- là gốc phenyl).
 Dãy các chất sắp xếp theo thứ tự lực bazơ giảm dần là:
 A. (4), (1), (5), (2), (3). B. (4), (2), (5), (1), (3).
 C. (4), (2), (3), (1), (5). D. (3), (1), (5), (2), (4).

- Câu 23:** Hidro hoá hoàn toàn hidrocarbon mạch hở X thu được isopentan. Số công thức cấu tạo có thể có của X là
 A. 6. B. 5. C. 4. D. 7.
- Câu 24:** Đốt cháy hoàn toàn 4,64 gam một hidrocarbon X (chất khí ở điều kiện thường) rồi đem toàn bộ sản phẩm cháy hấp thụ hết vào bình đựng dung dịch $\text{Ba}(\text{OH})_2$. Sau các phản ứng thu được 39,4 gam kết tủa và khối lượng phần dung dịch giảm bớt 19,912 gam. Công thức phân tử của X là
 A. CH_4 . B. C_2H_4 . C. C_4H_{10} . D. C_3H_4 .
- Câu 25:** Dãy các kim loại đều có thể được điều chế bằng phương pháp điện phân dung dịch muối (với điện cực trơ) là:
 A. Ni, Cu, Ag. B. Li, Ag, Sn. C. Ca, Zn, Cu. D. Al, Fe, Cr.
- Câu 26:** Cho các phát biểu sau về phenol ($\text{C}_6\text{H}_5\text{OH}$):
 (a) Phenol tan nhiều trong nước lạnh.
 (b) Phenol có tính axit nhưng dung dịch phenol trong nước không làm đổi màu quỳ tím.
 (c) Phenol được dùng để sản xuất phẩm nhuộm, chất diệt nấm mốc.
 (d) Nguyên tử H của vòng benzen trong phenol dễ bị thay thế hơn nguyên tử H trong benzen.
 (e) Cho nước brom vào dung dịch phenol thấy xuất hiện kết tủa.
 Số phát biểu đúng là
 A. 4. B. 2. C. 3. D. 5.
- Câu 27:** Thực hiện các thí nghiệm sau (ở điều kiện thường):
 (a) Cho đồng kim loại vào dung dịch sắt (III) clorua.
 (b) Sục khí hidro sunfua vào dung dịch đồng (II) sunfat.
 (c) Cho dung dịch bạc nitrat vào dung dịch sắt (III) clorua.
 (d) Cho bột lưu huỳnh vào thủy ngân.
 Số thí nghiệm xảy ra phản ứng là
 A. 4. B. 2. C. 3. D. 1.
- Câu 28:** X và Y là hai nguyên tố thuộc cùng một chu kỳ, hai nhóm A liên tiếp. Số proton của nguyên tử Y nhiều hơn số proton của nguyên tử X. Tổng số hạt proton trong nguyên tử X và Y là 33. Nhận xét nào sau đây về X, Y là đúng?
 A. Đơn chất X là chất khí ở điều kiện thường.
 B. Phân lớp ngoài cùng của nguyên tử X (ở trạng thái cơ bản) có 4 electron.
 C. Lớp ngoài cùng của nguyên tử Y (ở trạng thái cơ bản) có 5 electron.
 D. Độ âm điện của X lớn hơn độ âm điện của Y.
- Câu 29:** Cho dãy các hợp chất thơm:
 $p\text{-HO}-\text{CH}_2-\text{C}_6\text{H}_4-\text{OH}$, $p\text{-HO}-\text{C}_6\text{H}_4-\text{COOC}_2\text{H}_5$, $p\text{-HO}-\text{C}_6\text{H}_4-\text{COOH}$,
 $p\text{-HCOO}-\text{C}_6\text{H}_4-\text{OH}$, $p\text{-CH}_3\text{O}-\text{C}_6\text{H}_4-\text{OH}$.

Có bao nhiêu chất trong dãy thỏa mãn đồng thời 2 điều kiện sau?

(a) Chỉ tác dụng với NaOH theo tỉ lệ mol 1 : 1.

(b) Tác dụng được với Na (dư) tạo ra số mol H_2 bằng số mol chất phản ứng.

A. 3. B. 4. C. 2. D. 1.

Câu 30: Cho hỗn hợp K_2CO_3 và $NaHCO_3$ (tỉ lệ mol 1 : 1) vào bình dung dịch $Ba(HCO_3)_2$ thu được kết tủa X và dung dịch Y. Thêm từ từ dung dịch HCl 0,5M vào bình đến khi không còn khí thoát ra thì hết 560ml. Biết toàn bộ Y phản ứng vừa đủ với 200ml dung dịch NaOH 1M. Khối lượng kết tủa X là

A. 3,94 gam. B. 7,88 gam. C. 11,28 gam. D. 9,85 gam.

Câu 31: Đốt cháy hoàn toàn 3 lít hỗn hợp X gồm 2 anken kết tiếp nhau trong dãy đồng đẳng cần vừa đủ 10,5 lít O_2 (các thể tích khí đo trong cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất). Hidrat hoá hoàn toàn X trong điều kiện thích hợp thu được hỗn hợp ancol Y, trong đó khối lượng ancol bậc hai bằng $\frac{6}{13}$ lần tổng khối lượng các ancol bậc một. Phần trăm khối lượng của ancol bậc một (có số nguyên tử cacbon lớn hơn) trong Y là

A. 46,43%. B. 31,58%. C. 7,89%. D. 10,88%.

Câu 32: Hoà tan hoàn toàn 2,43 gam hỗn hợp gồm Mg và Zn vào một lượng vừa đủ dung dịch H_2SO_4 loãng, sau phản ứng thu được 1,12 lít H_2 (đktc) và dung dịch X. Khối lượng muối trong dung dịch X là

A. 5,83 gam. B. 7,33 gam. C. 4,83 gam. D. 7,23 gam.

Câu 33: Cho dãy các chất: Al, $Al(OH)_3$, $Zn(OH)_2$, $NaHCO_3$, Na_2SO_4 . Số chất trong dãy vừa phản ứng được với dung dịch HCl, vừa phản ứng được với dung dịch NaOH là

A. 5. B. 2. C. 3. D. 4.

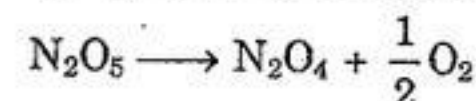
Câu 34: Hoà tan hoàn toàn m gam hỗn hợp gồm Na_2O và Al_2O_3 vào nước thu được dung dịch X trong suốt. Thêm từ từ dung dịch HCl 1M vào X, khi hết 100ml thì bắt đầu xuất hiện kết tủa; khi hết 300ml hoặc 700ml thì đều thu được a gam kết tủa. Giá trị của a và m lần lượt là

A. 15,6 và 55,4. B. 23,4 và 56,3. C. 15,6 và 27,7. D. 23,4 và 35,9.

Câu 35: Cho dãy các oxit: NO_2 , Cr_2O_3 , SO_2 , CrO_3 , CO_2 , P_2O_5 , Cl_2O_7 , SiO_2 , CuO. Có bao nhiêu oxit trong dãy tác dụng được với dung dịch NaOH loãng?

A. 6. B. 7. C. 8. D. 5.

Câu 36: Xét phản ứng phân hủy N_2O_5 trong dung môi CCl_4 ở $45^\circ C$:



Ban đầu nồng độ của N_2O_5 là 2,33M, sau 184 giây nồng độ của N_2O_5 là 2,08M. Tốc độ trung bình của phản ứng tính theo N_2O_5 là

A. $2,72 \cdot 10^{-3} \text{ mol/(l.s)}$. B. $6,80 \cdot 10^{-4} \text{ mol/(l.s)}$.
C. $6,80 \cdot 10^{-3} \text{ mol/(l.s)}$. D. $1,36 \cdot 10^{-3} \text{ mol/(l.s)}$.

Câu 37: Loại tơ nào sau đây được điều chế bằng phản ứng trùng hợp?

A. Tơ xenlulozơ axetat. B. Tơ nitron.
C. Tơ nilon-6,6. D. Tơ visco.

Câu 38: Một loại phân kali có thành phần chính là KCl (còn lại là các tạp chất không chứa kali) được sản xuất từ quặng xinvinit có độ dinh dưỡng 55%. Phần trăm khối lượng của KCl trong loại phân kali đó là

A. 95,51%. B. 65,75%. C. 87,18%. D. 88,52%.

Câu 39: Cho các phát biểu sau:

(a) Đốt cháy hoàn toàn este no, đơn chức, mạch hở luôn thu được số mol CO_2 bằng số mol H_2O .

(b) Trong hợp chất hữu cơ nhất thiết phải có cacbon và hidro.

(c) Những hợp chất hữu cơ có thành phần nguyên tố giống nhau, thành phần phân tử hơn kém nhau một hay nhiều nhóm CH_2 là đồng đẳng của nhau.

(d) Dung dịch glucozơ bị khử bởi $AgNO_3$ trong NH_3 tạo ra Ag.

(e) Saccarazơ chỉ có cấu tạo mạch vòng.

Số phát biểu đúng là

A. 4. B. 2. C. 3. D. 5.

Câu 40: Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. Muối phenylamoni clorua không tan trong nước.

B. Ở điều kiện thường, metylamin và dimethylamin là những chất khí có mùi khai.

C. Tất cả các peptit đều có phản ứng màu biure.

D. $H_2N-CH_2-CH_2-CO-NH-CH_2-COOH$ là một dipeptit.

II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Hoà hơi 8,64 gam hỗn hợp gồm một axit no, đơn chức, mạch hở X và một axit no, đa chức Y (có mạch cacbon hở, không phân nhánh) thu được một thể tích hơi bằng thể tích của 2,8 gam N_2 (đo trong cùng điều kiện nhiệt độ, áp suất). Đốt cháy hoàn toàn 8,64 gam hỗn hợp hai axit trên thu được 11,44 gam CO_2 . Phần trăm khối lượng của X trong hỗn hợp ban đầu là

A. 72,22%. B. 27,78%. C. 65,15%. D. 35,25%.

Câu 42: Cho 100ml dung dịch $AgNO_3$ 2a mol/l vào 100ml dung dịch $Fe(NO_3)_2$ a mol/l. Sau khi phản ứng kết thúc thu được 8,64 gam chất rắn và dung dịch X. Cho dung dịch HCl dư vào X thu được m gam kết tủa. Giá trị của m là

A. 22,96. B. 14,35. C. 17,22. D. 11,48.

Câu 43: Đốt cháy hoàn toàn một lượng ancol X tạo ra 0,4 mol CO_2 và 0,5 mol H_2O . X tác dụng với $Cu(OH)_2$ tạo ra dung dịch màu xanh lam. Oxi hoá X bằng CuO tạo hợp chất hữu cơ đa chức Y. Nhận xét nào sau đây đúng với X?

A. Hidrat hoá but-2-en thu được X.

- B. Trong X có ba nhóm $-\text{CH}_3$.
 C. Trong X có hai nhóm $-\text{OH}$ liên kết với hai nguyên tử cacbon bậc hai.
 D. X làm mất màu nước brom

Câu 44: Cho các phản ứng sau:

- (a) $\text{FeS} + 2\text{HCl} \rightarrow \text{FeCl}_2 + \text{H}_2\text{S}$
 (b) $\text{Na}_2\text{S} + 2\text{HCl} \rightarrow 2\text{NaCl} + \text{H}_2\text{S}$
 (c) $2\text{AlCl}_3 + 3\text{Na}_2\text{S} + 6\text{H}_2\text{O} \rightarrow 2\text{Al}(\text{OH})_3 + 3\text{H}_2\text{S} + 6\text{NaCl}$
 (d) $\text{KHSO}_4 + \text{KHS} \rightarrow \text{K}_2\text{SO}_4 + \text{H}_2\text{S}$
 (e) $\text{BaS} + \text{H}_2\text{SO}_4 (\text{loãng}) \rightarrow \text{BaSO}_4 + \text{H}_2\text{S}$

Số phản ứng có phương trình ion rút gọn $\text{S}^{2-} + 2\text{H}^+ \rightarrow \text{H}_2\text{S}$ là
 A. 4. B. 1. C. 2. D. 3.

Câu 45: Cho sơ đồ chuyển hoá sau:

- (a) $\text{C}_3\text{H}_4\text{O}_2 + \text{NaOH} \rightarrow \text{X} + \text{Y}$
 (b) $\text{X} + \text{H}_2\text{SO}_4 (\text{loãng}) \rightarrow \text{Z} + \text{T}$
 (c) $\text{Z} + \text{dung dịch AgNO}_3/\text{NH}_3 (\text{dư}) \rightarrow \text{E} + \text{Ag} + \text{NH}_4\text{NO}_3$
 (d) $\text{Y} + \text{dung dịch AgNO}_3/\text{NH}_3 (\text{dư}) \rightarrow \text{F} + \text{Ag} + \text{NH}_4\text{NO}_3$

Chất E và chất F theo thứ tự là

- A. $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$ và CH_3COOH . B. $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$ và $\text{CH}_3\text{COONH}_4$.
 C. HCOONH_4 và $\text{CH}_3\text{COONH}_4$. D. HCOONH_4 và CH_3CHO .

Câu 46: Cho hỗn hợp gồm Fe và Mg vào dung dịch AgNO_3 , khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được dung dịch X (gồm hai muối) và chất rắn Y (gồm hai kim loại). Hai muối trong X là:

- A. $\text{Fe}(\text{NO}_3)_2$ và AgNO_3 . B. $\text{Fe}(\text{NO}_3)_3$ và $\text{Mg}(\text{NO}_3)_2$.
 C. $\text{Mg}(\text{NO}_3)_2$ và $\text{Fe}(\text{NO}_3)_2$. D. AgNO_3 và $\text{Mg}(\text{NO}_3)_2$.

Câu 47: Số amin bậc một có cùng công thức phân tử $\text{C}_3\text{H}_9\text{N}$ là

- A. 2. B. 3. C. 1. D. 4.

Câu 48: Nhận xét nào sau đây **không** đúng?

- A. Crom là kim loại cứng nhất trong tất cả các kim loại.
 B. Nhôm và crom đều bị thụ động hoá bởi HNO_3 đặc, nguội.
 C. Nhôm và crom đều phản ứng với HCl theo cùng tỉ lệ số mol.
 D. Vật dụng làm bằng nhôm và crom đều bền trong không khí và nước vì có màng oxit bảo vệ.

Câu 49: Hỗn hợp X gồm H_2 và C_2H_4 có tỉ khối so với H_2 là 7,5. Dẫn X qua Ni nung nóng, thu được hỗn hợp Y có tỉ khối so với H_2 là 12,5. Hiệu suất của phản ứng hidro hoá là

- A. 80%. B. 60%. C. 50%. D. 70%.

Câu 50: Dung dịch chất nào sau đây làm quỳ tím chuyển thành màu hồng?

- A. Axit α -aminopropionic. B. Axit α , ϵ -diaminocaproic.
 C. Axit α -aminoglutaric. D. Axit aminoaxetic.

B. Theo chương trình Nâng cao

Câu 51: Cho dãy các chất : cumen, stiren, isopren, xiclohexan, axetilen, benzen. Số chất trong dãy làm mất màu dung dịch brom là

- A. 5. B. 2. C. 4. D. 3.

Câu 52: Khử este no, đơn chức, mạch hở X bằng LiAlH_4 , thu được ancol duy nhất Y. Đốt cháy hoàn toàn Y thu được 0,2 mol CO_2 và 0,3 mol H_2O . Đốt cháy hoàn toàn 0,1 mol X thu được tổng khối lượng CO_2 và H_2O là

- A. 28,4 gam. B. 24,8 gam. C. 16,8 gam. D. 18,6 gam.

Câu 53: Có các chất sau : keo dán ure-fomandehit; tơ lapsan; tơ nilon-6,6; protein; sợi bông; amoniacetat; nhựa novolac. Trong các chất trên, có bao nhiêu chất mà trong phân tử của chúng có chứa nhóm $-\text{NH}-\text{CO}-$?

- A. 5. B. 4. C. 3. D. 6.

Câu 54: Cho các phát biểu sau về cacbohidrat:

- (a) Tất cả các cacbohidrat đều có phản ứng thủy phân.
 (b) Thủy phân hoàn toàn tinh bột thu được glucozơ.
 (c) Glucozơ, fructozơ và mantozơ đều có phản ứng tráng bạc.
 (d) Glucozơ làm mất màu nước brom.

Số phát biểu đúng là:

- A. 1. B. 4. C. 3. D. 2.

Câu 55: Cho sơ đồ chuyển hoá: $\text{CH}_3\text{Cl} \xrightarrow{\text{KCN}} \text{X} \xrightarrow[\text{t}^\circ]{\text{H}_3\text{O}^+} \text{Y}$

Công thức cấu tạo X, Y lần lượt là

- A. CH_3NH_2 , CH_3COOH . C. CH_3CN , CH_3CHO .
 B. CH_3NH_2 , $\text{CH}_3\text{COONH}_4$. D. CH_3CN , CH_3COOH .

Câu 56: Cho 18,4 gam hỗn hợp X gồm Cu_2S , CuS , FeS_2 và FeS tác dụng hết với HNO_3 (đặc nóng dư) thu được V lít khí chỉ có NO_2 (ở đktc, sản phẩm khử duy nhất) và dung dịch Y. Cho toàn bộ Y vào một lượng dư dung dịch BaCl_2 , thu được 46,6 gam kết tủa, còn khi cho toàn bộ Y tác dụng với dung dịch NH_3 dư thu được 10,7 gam kết tủa. Giá trị của V là

- A. 38,08. B. 11,2. C. 24,64. D. 16,8.

Câu 57: Dung dịch X gồm CH_3COOH 0,03M và CH_3COONa 0,01M. Biết ở 25°C , K_a của CH_3COOH là $1,75 \cdot 10^{-5}$, bỏ qua sự phân li của nước. Giá trị pH của dung dịch X ở 25°C là

- A. 4,28. B. 4,76. C. 6,28. D. 4,04.

Câu 58: Cho các phát biểu sau:

- (a) Khí CO_2 gây ra hiện tượng hiệu ứng nhà kính.
 (b) Khí SO_2 gây ra hiện tượng mưa axit.
 (c) Khi được thải ra khí quyển, freon (chủ yếu là CFCl_3 và CF_2Cl_2) phá hủy tầng ozon.

(d) Moocphin và cocain là các chất ma túy.

Số phát biểu đúng là

- A. 4. B. 3. C. 1. D. 2.

Câu 59: Nhận xét nào sau đây **không** đúng?

- A. SO_3 và CrO_3 đều là oxit axit.
B. $\text{Al}(\text{OH})_3$ và $\text{Cr}(\text{OH})_3$ đều là hidroxit lưỡng tính và có tính khử.
C. BaSO_4 và BaCrO_4 hầu như không tan trong nước.
D. $\text{Fe}(\text{OH})_2$ và $\text{Cr}(\text{OH})_2$ đều là bazơ và có tính khử.

Câu 60: Cho $E_{\text{pin}(\text{Zn}-\text{Cu})}^0 = 1,10\text{V}$; $E_{\text{Zn}^{2+}/\text{Zn}}^0 = -0,76\text{V}$ và $E_{\text{Ag}^+/\text{Ag}}^0 = +0,80\text{V}$.

Suất điện động chuẩn của pin điện hoá Cu-Ag là

- A. 0,56V. B. 1,14V. C. 0,34V. D. 0,46V.

ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	C	11	A	21	B	31	C	41	B	51	D
2	D	12	B	22	B	32	B	42	D	52	B
3	D	13	A	23	D	33	D	43	C	53	C
4	D	14	C	24	D	34	C	44	B	54	C
5	D	15	B	25	A	35	A	45	B	55	D
6	A	16	D	26	A	36	D	46	C	56	A
7	C	17	A	27	A	37	B	47	A	57	A
8	A	18	B	28	B	38	C	48	C	58	A
9	C	19	D	29	D	39	B	49	A	59	B
10	C	20	C	30	B	40	B	50	C	60	D

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1: R^+ có cấu hình e electron ở phân lớp ngoài cùng là $2p^6$

$\Rightarrow$ Cấu hình electron của R: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$

$\Rightarrow$ R có số hạt proton = số hạt electron = 11

Vậy tổng hạt mang điện = $p + e = 11 + 11 = 22 \Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 2:

- Đặt a (mol) là số mol AgNO_3 bị điện phân
 $\Rightarrow$ Số mol HNO_3 sinh ra: a (mol)
- Vậy dung dịch Y gồm: $(0,15 - a)$ mol AgNO_3 và a mol HNO_3
- 12,6 gam Fe tác dụng với dung dịch Y thu được 14,5 gam hỗn hợp kim loại
 $\Rightarrow$ Fe còn dư và $\Delta m_{\text{KL tăng}} = 14,5 - 12,6 = 1,9$ gam

- Vì Fe dư nên các phản ứng của Fe với dung dịch Y đều sinh muối $\text{Fe}(\text{II})$

• Với HNO_3 sinh NO:

$$+ \text{mol Fe pư.II} = 3 \text{ mol NO}; \text{ trong đó mol NO} = \frac{1}{4} \text{ mol HNO}_3 = \frac{1}{4}a$$

$$\Rightarrow \text{mol Fe pư} = \frac{3}{8}a \text{ (mol)}$$

$$+ \Delta m_{\text{KL giảm}} = 56 \cdot \text{mol Fe pư} = 56 \cdot \frac{3}{8}a \quad (1)$$

• Với AgNO_3 : $\text{Fe} \rightarrow 2\text{Ag}$

$$\Rightarrow \Delta m_{\text{KL tăng}} = 160 \cdot n_{\text{pư}} \text{ với } n_{\text{pư}} = \frac{1}{2} \text{ mol Ag pư} = \frac{1}{2}(0,15 - a)$$

$$\Rightarrow \Delta m_{\text{KL tăng}} = 160 \cdot \frac{1}{2}(0,15 - a) = 80(0,15 - a) \quad (2)$$

$$\text{Từ (1), (2) và đề, ta có: } 56 \cdot \frac{3}{8}a + 80(0,15 - a) = 1,9 \Rightarrow a = 0,1 \text{ (mol)}$$

Vậy AgNO_3 điện phân là 0,1 (mol). Dùng công thức Faraday ta dễ dàng tính được $t = 1,0$ (giờ).

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 3: Dễ dàng thấy (d) sai $\Rightarrow$ Đáp án: D.

■ **Cần nhớ:** Tristearin: $(\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COO})_3\text{C}_3\text{H}_5$, triolein: $(\text{C}_{17}\text{H}_{33}\text{COO})_3\text{C}_3\text{H}_5$.

Câu 4: Các chất có khả năng mất màu dung dịch Br_2 là: stiren, anilin, phenol

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 5: Chỉ có (d) và (g) không sinh đơn chất $\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 6: Dễ dàng thấy: X: tinh bột, Y: glucozơ, Z: etanol $\Rightarrow$ Đáp án: A.

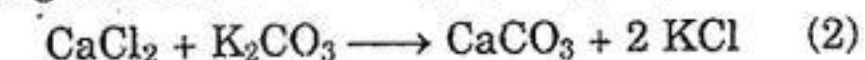
Câu 7: Quặng giàu sắt nhất là Mahetit $\Rightarrow$ Đáp án: C.

■ **Cần nhớ:** Pirit sắt: FeS_2 ; Hematit đỏ: Fe_2O_3 ; Xiderit: FeCO_3 .

Câu 8: Đặt số mol KClO_3 và KCl trong hỗn hợp X lần lượt là a (mol) và b (mol)

$$\text{Dễ thấy tổng số mol KCl trong Y} = (\text{số mol KClO}_3 + \text{số mol KCl trong X}) = a + b \text{ mol} \quad (1)$$

Phản ứng của rắn Y với dung dịch K_2CO_3 :



Từ lượng K_2CO_3 phản ứng ta suy được trong rắn Y có 0,3 mol CaCl_2

Từ (1) và (2) $\Rightarrow$ Trong dung dịch Z có $(a + b + 2 \cdot 0,3)$ mol KCl

Nhờ ĐLBTKL ta suy được khối lượng rắn Y = $m_X - m_{\text{O}_2} = 63,1$ gam

$$\Leftrightarrow 111,0,6 + 74,5(a + b) = 63,1 \Rightarrow a + b = 0,4$$

$$\Rightarrow \text{Số mol KCl trong Z} = 0,4 + 2 \cdot 0,3 = 1 \text{ (mol)}$$

Theo đề ta có mol KCl trong Z = 5 mol KCl trong X

$$\Leftrightarrow 1 = 5 \cdot b \Rightarrow b = 0,2 \text{ (mol)}$$

$$\text{Vậy : \%KCl} = \frac{0,2 \times 74,5}{82,3} \times 100\% = 18,1\%$$

⇒ Đáp án: A.

Câu 9: Hỗn hợp M: a mol C_nH_{2n} và b mol $C_mH_{2m+3}N$ (m: số C trung bình)

$$\text{Ta có mol } CO_2 = a \times n + b \times m = 0,1 \quad (1)$$

$$\text{mol } O_2 = \frac{3}{2}na + \frac{3}{2}mb + \frac{3}{4}b = 0,2025 \quad (2)$$

Từ (1), (2) ta suy được: b = 0,07 mol

$$\Rightarrow m < \frac{0,1}{0,07} = 1,4 \Rightarrow \text{Hỗn hợp 2 amin: } CH_5N, C_2H_7N \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

Câu 10: H_2S có tính khử khí phản ứng với $SO_2 \Rightarrow$ A sai.

Các phản ứng của CaO, NaOH: không là phản ứng oxi hóa khử $\Rightarrow$ B, D sai

⇒ Đáp án: C.

Câu 11: Đun nóng X với H_2SO_4 thu được anken Y

⇒ X: ancol đơn chức no ($C_nH_{2n+2}O$)

$$\text{Từ \%O} = 26,667 \Rightarrow M_X = \frac{16 \times 1 \times 100}{26,667} = 60$$

$$\Rightarrow X: C_3H_8O \Rightarrow Y: C_3H_6 \Rightarrow M_Y = 42 \text{ (đvC)}$$

⇒ Đáp án: A.

Câu 12: Ta có mol Fe (bđ) = 0,05 mol; mol Cu^{2+} (bđ) = 0,1 mol;

$$\text{mol } Ag^+ \text{ (bđ)} = 0,02 \text{ mol}$$

Từ số mol ban đầu của Fe và Ag^+ ta dễ dàng thấy được Fe còn dư khi phản ứng với Ag^+ nên sản phẩm của Fe là Fe^{2+}

Ta thấy: $0,05 \times II < 0,1 \times 2 + 0,02 \times 1 \Rightarrow$ Fe hết, Cu^{2+} còn

Ta có: $0,05 \times II = 0,04 \times 2 + 0,02 \times 1 \Rightarrow Cu^{2+}_{\text{pư}} = 0,04 \text{ mol}$

Vậy: Rắn X gồm 0,04 mol Cu và 0,02 mol Ag

$$\Rightarrow m = 64 \times 0,04 + 108 \times 0,02 = 4,72$$

⇒ Đáp án: B.

Câu 13: Số mol $CH=CH$ ban đầu: 0,2 mol; số mol $CH=CH$ phản ứng với H_2O là a mol

⇒ Hỗn hợp sau gồm: a mol CH_3CHO và (0,2 - a) mol $CH=CH$

⇒ 44,16 gam kết tủa gồm: 2a mol Ag, (0,2 - a) mol $C_{Ag}=C_{Ag}$

$$\text{Ta có: } 108 \times 2a + 240 \times (0,2 - a) = 44,16 \Rightarrow a = 0,16$$

$$\text{Vậy hiệu suất phản ứng hydrat hóa axetylen} = \frac{0,16}{0,2} = 0,8 = 80\% \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

Câu 14: Đặt công thức đại diện là $C_xH_yO_zN_t$ (a mol)

Từ các dữ kiện đề cho ta có:

$$\bullet \quad 12ax + ay + 16az + 14at = 3,83 \quad (1)$$

$$\bullet \quad 16az : 14at = 80 : 21 \quad (2)$$

$$\bullet \quad at = 0,03 \quad (3)$$

(Gợi ý: mol HCl = mol hchc pư $\times$ số chức)

$$\bullet \quad \text{mol } O_2 = \frac{4x + y - 2z}{4} \times a = 0,1425 \quad (4)$$

Từ các phương trình trên ta dễ dàng tìm được: ax = 0,13

$$\text{Ta có khối lượng kết tủa} = 100 \cdot ax = 0,13 \cdot 100 = 13 \text{ (gam)}$$

⇒ Đáp án: C.

Câu 15: Chỉ có phản ứng: $Cu + Fe^{3+} \rightarrow Fe^{2+} + Cu^{2+}$

⇒ Đáp án: B.

Câu 16: Công thức tổng quát axit (X): $C_nH_{2n}O_2$ (a mol)

Vì số mol $CO_2 <$ mol H_2O

⇒ Ancol (Y): $C_mH_{2m+2}O$ (b = mol H_2O - mol $CO_2 = 0,1$ mol)

$$\text{Theo đề ta có: } \bullet \quad (14n + 32)a + (14m + 18)b = 7,6 \quad (1)$$

$$\bullet \quad \text{mol } CO_2 = na + mb = 0,3 \quad (2)$$

$$\bullet \quad b = 0,1 \quad (3)$$

Từ (1), (2) và (3) $\Rightarrow$ nghiệm hợp lí là: a = 0,05, n = 4, m = 1

Vậy hỗn hợp gồm: C_4H_7COOH (0,05 mol) và CH_3OH (0,1 mol)

$$\Rightarrow m_{\text{este}} = 102 \times 0,05 \times \frac{80}{100} = 4,08 \text{ (gam)}$$

⇒ Đáp án: D.

Câu 17: Đặt công thức oxit cao nhất là $R_2O_n \Rightarrow$ Hợp chất với hidro là: RH_{8-n}

$$\text{Theo đề ta có: } \frac{\frac{R}{R+8-n}}{\frac{R \times 2}{2R+16n}} = \frac{11}{4} \Leftrightarrow \frac{2R+16n}{R+8-n} = \frac{11}{4} \Rightarrow \text{Nghiệm hợp lí: } CO_2$$

⇒ Đáp án: A.

Câu 18: Từ thí nghiệm với $NaHCO_3 \Rightarrow$ Tổng số mol [O] trong hhX là:

$$2 \cdot \text{mol } CO_2 = 2 \cdot 0,06 = 0,12 \text{ mol}$$

Theo ĐLBTT mol nguyên tử ta có:

$$\begin{aligned} & \text{Tổng mol [O]/hhX} + \text{Tổng mol [O]/}O_2 \text{ pư} \\ & = \text{Tổng mol [O]/}CO_2 + \text{Tổng mol [O]/}H_2O \\ \Leftrightarrow & 0,12 + \frac{2,016}{22,4} \times 2 = \frac{4,84}{44} \times 2 + \frac{m}{18} \times 1 \Rightarrow m = 14,4 \end{aligned}$$

⇒ Đáp án: B.

Câu 19: Đặt số mol Fe_3O_4 : a (mol) $\Rightarrow$ số mol [O] = 4a (mol)

Theo đề $\Rightarrow$ số mol Al: 3a (mol)

Ta biết số mol Al phản ứng = $\frac{2}{3}$ số mol [O] = $\frac{2}{3} \cdot 4a = \frac{8}{3}a < \text{số mol Al đem phản ứng}$

$\Rightarrow$ Al dư $\Rightarrow \text{Fe}_3\text{O}_4$ hết (do H pư = 100%)

$\Rightarrow$ Rắn sau phản ứng gồm: Al_2O_3 , Al, Fe

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 20: Theo đề $\Rightarrow \text{X}_3: \text{HOOC}-(\text{CH}_2)_4-\text{COOH} \Rightarrow \text{X}: \text{HOOC}-(\text{CH}_2)_4-\text{COOC}_2\text{H}_5$

$\Rightarrow \text{X}_2: \text{C}_2\text{H}_5\text{OH} \Rightarrow \text{X}_5: \text{C}_2\text{H}_5-\text{OOC}-(\text{CH}_2)_4-\text{COO}-\text{C}_2\text{H}_5$

$\Rightarrow$ Phân tử khối của $\text{X}_5 = 202$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 21: Ta có số mol Ba^{2+} : 0,05 (mol); số mol OH^- : 0,1 (mol)

số mol Al^{3+} : $\frac{0,2V}{1000}$ (mol); số mol OH^- : $\frac{0,3V}{1000}$ (mol)

Theo đề $\Rightarrow$ kết tủa gồm BaSO_4 và $\text{Al}(\text{OH})_3$

* TH1: số mol $\text{Ba}^{2+} < \text{số mol Al}^{3+} \Leftrightarrow 0,05 < \frac{0,2V}{1000} \Rightarrow V > 250$ (ml)

$\Rightarrow \text{BaSO}_4$ (0,05 mol) $\Rightarrow \text{Al}(\text{OH})_3$: $\frac{12,045 - 233 \times 0,05}{78} = 0,005064$ (mol)

Ta có công thức tính số mol $\text{Al}^{3+} = \frac{0,2V}{1000} = \frac{0,005064 + 0,1}{4}$

$\Rightarrow V = 131,33$ (vô lí).

* TH2: số mol $\text{Ba}^{2+} > \text{số mol Al}^{3+} \Leftrightarrow 0,05 > \frac{0,2V}{1000} \Rightarrow V < 250$ (ml)

$\Rightarrow \text{BaSO}_4$ $\left(\frac{0,3V}{1000} \text{ mol}\right) \Rightarrow \text{Al}(\text{OH})_3$: $\frac{12,045 - 233 \times 0,05}{78} = 0,005064$ (mol)

Ta có công thức tính số mol $\text{Al}^{3+} = \frac{0,2V}{1000} = \frac{\frac{12,045 - 233 \times \frac{0,3V}{1000}}{78} + 0,1}{4}$

$\Rightarrow V = 150 \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 22: Nguyên tắc so sánh lực bazơ là so sánh lực đẩy electron của gốc

Lực đẩy electron của gốc càng mạnh: Lực bazơ tương ứng càng mạnh

$\Rightarrow$ Lực bazơ giảm dần theo thứ tự:

$(\text{C}_2\text{H}_5)_2\text{NH}$: (4) $> \text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$: (2) $> \text{NH}_3$: (5) $> \text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$: (1) $> (\text{C}_6\text{H}_5)_2\text{NH}$: (3)

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 23: $\text{X} \xrightarrow{+\text{H}_2, \text{Ni}, t^\circ}$ isopentan $\Rightarrow$ Các CTCT X là:

* Các anken: $\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)-\text{CH}_2-\text{CH}_3$; $\text{CH}_3-\text{C}(\text{CH}_3)=\text{CH}-\text{CH}_3$;
 $\text{CH}_3-\text{CH}(\text{CH}_3)-\text{CH}=\text{CH}_2$.

* Các ankadien: $\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)-\text{CH}=\text{CH}_2$; $\text{CH}_3-\text{C}(\text{CH}_3)=\text{C}=\text{CH}_2$

* Các ankin: $\text{CH}_3-\text{C}(\text{CH}_3)-\text{C}\equiv\text{CH}$

* Hidrocarbon khác: $\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)-\text{C}\equiv\text{CH} \Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 24: Đặt CTTQ của X: C_xH_y (a mol) $\Rightarrow m_X = 12ax + ay = 4,64$ (1)

Ta có Δm dung dịch giảm $19,912 \Leftrightarrow m_{(\text{CO}_2, \text{H}_2\text{O})} - m_{\text{BaCO}_3 \downarrow} = -19,912$

$\Leftrightarrow m_{(\text{CO}_2, \text{H}_2\text{O})} - 39,4 = -19,912 \Leftrightarrow 44ax + 18 \cdot \frac{ay}{2} = 19,488$ (2)

Từ (1) và (2) $\Rightarrow ax = 0,348$; $ay = 0,464 \Rightarrow x : y = 3 : 4$

$\Rightarrow \text{X}: \text{C}_3\text{H}_4$ (do X là hidrocarbon khí ở điều kiện thường nên số C ≤ 4)

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 25: Nguyên tắc điện dung dịch chỉ điều chế được kim loại sau Al $\Rightarrow$ B, C, D sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 26: Chỉ có (a) sai $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 27: Các phản ứng:

(a) $\text{Cu} + 2\text{FeCl}_3 \longrightarrow 2\text{FeCl}_2 + \text{CuCl}_2$

(c) $3\text{AgNO}_3 + \text{FeCl}_3 \longrightarrow \text{Fe}(\text{NO}_3)_3 + 3\text{AgCl} \downarrow$

(b) $\text{H}_2\text{S} + \text{CuSO}_4 \longrightarrow \text{CuS} \downarrow + \text{H}_2\text{SO}_4$

(d) $\text{S} + \text{Hg} \longrightarrow \text{HgS}$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 28: Vì X, Y cùng thuộc một chu kì và thuộc 2 nhóm liên tiếp

Theo đề ta có: $Z_Y - Z_X = 1$ và $Z_X + Z_Y = 33 \Rightarrow Z_X = 16$; $Z_Y = 17$

$\Rightarrow \text{X}: \text{S}$; $\text{Y}: \text{Cl}$

* Ở nhiệt độ thường S ở thể rắn $\Rightarrow$ A sai

* Vì độ âm điện Y $>$ âm điện X $\Rightarrow$ D sai

* Cấu hình electron của Cl ($Z = 17$): $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5 \Rightarrow$ Cl có 7 electron lớp ngoài $\Rightarrow$ C sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 29: Theo (a) $\Rightarrow$ Các chất hữu cơ có một nhóm chức axit hoặc một nhóm chức este hay có một nhóm ($-\text{OH}$) gắn trực tiếp với nhân benzen.

Theo (b) $\Rightarrow$ Các chất hữu cơ có 2 nguyên tử H linh động

Vậy chỉ có $p\text{-HO}-\text{CH}_2-\text{C}_6\text{H}_4-\text{OH}$ thỏa yêu cầu của đề.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

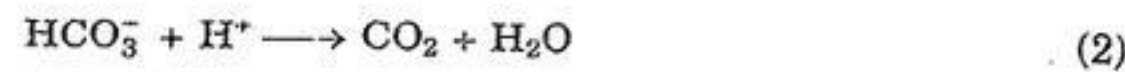
Câu 30: Đặt số mol NaHCO_3 : a (mol) $\Rightarrow$ số mol K_2CO_3 : a (mol);

Đặt số mol $\text{Ba}(\text{HCO}_3)_2$: b (mol)

* Các phản ứng với HCl:

$\text{CO}_3^{2-} + 2\text{H}^+ \longrightarrow \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$ (1)

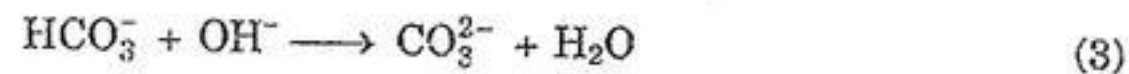
a mol



(a + 2b) mol

Theo (1), (2) và đề $\Rightarrow$ Số mol HCl pư = $2.a + (a + 2b) = 0,56 \times 0,5$ (I)

* Phản ứng với NaOH:



(a + 2b) mol

Theo (3) và đề $\Rightarrow$ số mol NaOH pư = $a + 2b = 0,2 \times 1$ (II)

* Từ I, II $\Rightarrow a = 0,04 \text{ mol} \Rightarrow b = 0,08 \text{ mol}$

Số mol $\text{BaCO}_3 \downarrow = 0,04 \text{ mol}$

$\Rightarrow$ Khối lượng $\text{BaCO}_3 \downarrow = (137 + 12 + 16 \times 3) \times 0,04 = 7,88 \text{ g} \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 31: Đặt CTTQ đại diện cho hai anken: C_nH_{2n} .

$$\text{Ta có: } \frac{V_{\text{O}_2}}{V_{\text{hh}}} = \frac{\frac{3n}{2}}{1} = \frac{10,5}{3} \Rightarrow n = 2,333$$

$\Rightarrow$ hỗn hợp hai anken: $\text{C}_2\text{H}_4, \text{C}_3\text{H}_6$

$\Rightarrow$ hỗn hợp hai ancol: $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ (a mol), $\text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$ (b mol)

Từ $n = 2,333 \Rightarrow a = 2b$

$$\Rightarrow \% \text{C}_2\text{H}_5\text{OH} = \frac{46.a}{46.a + 60.b} = \frac{46.2b}{46.2b + 60.b} = 60,53\%$$

Theo đề $\Rightarrow \%i - \text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$ (rượu bậc 2) = $\frac{6}{6 + 13} = 31,58\%$

$\Rightarrow \%n - \text{C}_3\text{H}_7\text{OH}$ (rượu bậc 1) = $100\% - 60,53\% - 31,58\% = 7,89\%$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 32: Ta có công thức tính khối lượng muối:

$$m_{\text{KL pư}} + 96 \times n_{\text{H}_2} = 2,43 + 96 \times \frac{1,12}{22,4} = 7,23 \Rightarrow \text{Đáp án: B.}$$

Câu 33: Các chất vừa tác dụng được với dd HCl vừa tác dụng với dd NaOH là: Al, $\text{Al}(\text{OH})_3$, $\text{Zn}(\text{OH})_2$, NaHCO_3 .

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 34: Đặt số mol Al_2O_3 là x (mol), theo đề $\Rightarrow \text{Al}_2\text{O}_3$ tan hết (vì tạo dung dịch trong suốt) và mol NaOH còn dư sau khi hoà tan Al_2O_3 bằng số mol HCl ở giai đoạn đầu là 0,1 mol.

Vậy hỗn hợp đầu gồm x mol Al_2O_3 và $\left(x + \frac{1}{2} \cdot 0,1\right)$ mol Na_2O và số mol HCl dùng

để tạo kết tủa với dung dịch X là $(0,3 - 0,1)$ mol và $(0,7 - 0,1)$ mol.

Vì cả hai thí nghiệm đều có cùng lượng kết tủa nên ta có số mol kết tủa ở thí nghiệm 1 = số mol HCl phản ứng ở thí nghiệm 1 = $(0,3 - 0,1)$

$\Rightarrow m \text{ kết tủa} = a = 78 \cdot (0,3 - 0,2) = 15,6 \text{ gam.}$

Để tính a ta dựa vào mol kết tủa $\text{TN1} = \text{mol kết tủa TN2}$

$$0,2 = \frac{4.2x - 0,6}{3} \Rightarrow x = 0,15 \Rightarrow m = 102 \cdot 0,15 + 62 \cdot 0,2 = 27,7$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 35:

■ Cần nhớ:

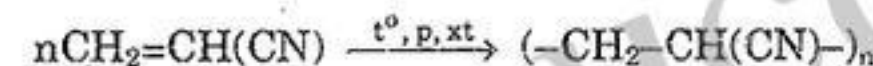
- Cr_2O_3 phản ứng được với NaOH đặc, không phản ứng với NaOH loãng;
- SiO_2 phản ứng được với NaOH đặc nóng, không phản ứng với NaOH loãng;
- CuO không phản ứng với NaOH.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 36: Ta có công thức tính vận tốc trung bình:

$$\bar{V} = \frac{\text{lượng phản ứng}}{\text{thời gian}} = \frac{2,33 - 2,08}{184} = 1,36 \cdot 10^{-3} (\text{mol/l.s}) \Rightarrow \text{Đáp án: D.}$$

Câu 37: Phản ứng điều chế tơ nitron:



$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 38: Độ dinh dưỡng phân kali là $\% \text{K}_2\text{O}$ trong phân tử.

Ta có sơ đồ hợp thức: $2\text{NaCl.KCl} \rightarrow \text{K}_2\text{O}$ (1)

Theo (1) $\Rightarrow$ số mol KCl trong phân tử = 2 mol K_2O

Xét 100 gam phân bón, theo đề $\Rightarrow$ khối lượng $\text{K}_2\text{O} = 55 \text{ gam}$

$$\text{Vậy: } \% \text{KCl} = \frac{2 \times \frac{55}{94} \times 74,5}{100} \times 100\% = 87,18\% \Rightarrow \text{Đáp án: C.}$$

Câu 39: Các kết luận sai: (b), (c), (d) $\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:

- Glucozơ bị oxi hoá bởi $\text{AgNO}_3/\text{NH}_3$.
- Hợp chất hữu cơ nhất thiết phải có cacbon (là hợp chất của cacbon trừ CO_2 , CO, muối cacbonat, xianua, cacbua...)

Câu 40: Chỉ có B đúng $\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ:

- Peptit là hợp chất chứa các gốc α -amino axit.
- Ở điều kiện thường có bốn amin có tính chất giống NH_3 là: $\text{CH}_3\text{-NH}_2$, $(\text{CH}_3)_2\text{NH}$, $(\text{CH}_3)_3\text{N}$, $\text{C}_2\text{H}_5\text{-NH}_2$.

Câu 41: Ta có: $n_{\text{N}_2} = 0,1 \text{ mol}; n_{\text{CO}_2} = 0,26 \text{ mol}$

- X là axit đơn no $\Rightarrow$ CTTQ X: $\text{C}_n\text{H}_{2n}\text{O}_2$ (x mol).
- Y đa chức, no, không nhánh $\Rightarrow$ Y là axit hai chức, no.
(Vì không nhánh $\Rightarrow$ số chức $(-\text{COOH}) \leq 2 \Rightarrow \text{Y: C}_m\text{H}_{2m-2}\text{O}_4$ (y mol).

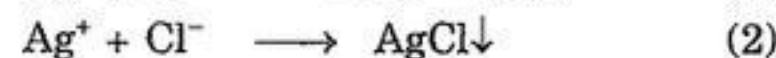
Theo đề ta có hệ sau:
$$\begin{cases} n_{hh(X,Y)} = x + y = 0,1 \\ n_{CO_2} = nx + my = 0,26 \\ m_{hh(X,Y)} = (14n + 32)x + (14m + 62)y = 8,64 \end{cases}$$

$\Rightarrow x = 0,04 \text{ mol}; y = 0,006 \text{ mol};$

$2n + 3m = 13 \Rightarrow$ nghiệm hợp lí là $n = 2; m = 3$

$\Rightarrow \%CH_3COOH = \frac{60.0,04}{8,64} = 27,78\% \Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 42: Ta có: $n_{Ag^+} = 0,2a \text{ mol}; n_{Fe^{2+}} = 0,1a \text{ mol}; n_{Ag} = 0,08 \text{ mol}$



Từ (1), (2) và đề $\Rightarrow n_{Ag\downarrow} = n_{Fe^{2+}} = 0,1a = 0,08 \text{ mol}$

$n_{AgCl\downarrow} = n_{Ag^+} = 0,1a = 0,08 \text{ mol}$

$\Rightarrow m = m_{Ag\downarrow} = 143,5 \times 0,08 = 11,48 \text{ gam}$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 43: Ta có: $n_{CO_2} = 0,4 \text{ mol}; n_{H_2O} = 0,5 \text{ mol}$

$\Rightarrow \begin{cases} \text{Ancol no} \\ \text{Số C} = \frac{0,4}{0,5 - 0,4} = 4 \end{cases} \Rightarrow X: C_4H_{10}O_2 \quad (I)$

- Vì X phản ứng được với $Cu(OH)_2$ tạo dung dịch xanh lam

$\Rightarrow$ X có ít nhất hai ($-OH$) kế cận (II)

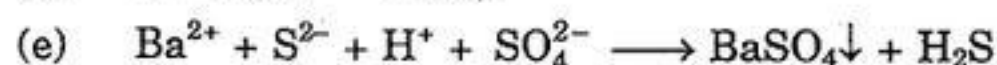
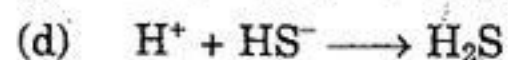
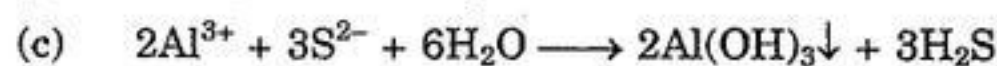
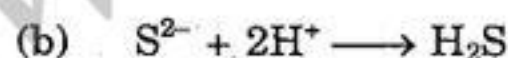
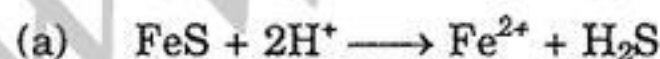
- Mặt khác oxi hoá X bằng CuO , thu được chất hữu cơ Y đa chức

$\Rightarrow$ X có các nhóm ($-OH$) cùng bậc (III)

Từ (I), (II), (III) $\Rightarrow X: CH_3-\underset{\underset{OH}{|}}{CH}-\underset{\underset{OH}{|}}{CH}-CH_3 \Rightarrow A, B, D$ sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 44: Các phương trình ion thu gọn:



$\Rightarrow$ Chỉ có (B) có phương trình ion thu gọn thỏa đề.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ Cần nhớ: Chất rắn, chất khí không phân li thành ion.

Câu 45: Theo đề $\Rightarrow C_3H_4O_2$ có cấu tạo: $HCOO-CH=CH_2$.

$\Rightarrow X: HCOONa \Rightarrow Z: HCOOH \Rightarrow E: (NH_4)_2CO_3$

$Y: CH_3CHO \Rightarrow F: CH_3COONH_4$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 46: Ta có tóm tắt:

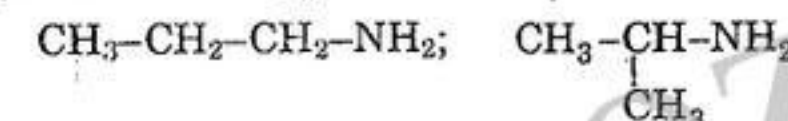
Mg	Fe	Ag ⁺
+	+	+

Theo đề sau phản ứng thu được chất rắn gồm hai kim loại: Ag, Fe.

Vì sắt dư $\rightarrow$ sản phẩm của Fe tạo $Fe^{2+} \Rightarrow$ dung dịch thu được gồm Mg^{2+}, Fe^{2+} .

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 47: C_3H_9N có hai đồng phân amin bậc 1:



$\Rightarrow$ Đáp án: A.



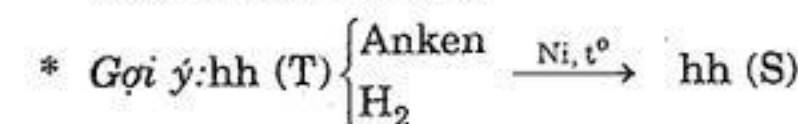
$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 49: Hỗn hợp X $\begin{cases} C_2H_4 \\ H_2 \end{cases} \longrightarrow$ hỗn hợp Y

$d_{hhX/H_2} = 7,5$

$d_{hhY/H_2} = 12,5$

Hiệu suất phản ứng?



Nếu: $\frac{n_{H_2}}{n_{anken}} = K$ hoặc $\frac{n_{anken}}{n_{H_2}} = K$ (với $K \geq 1$)

$\Rightarrow \frac{\overline{M}_{hh(T)}}{\overline{M}_{hh(S)}} = 1 - \left(\frac{1}{1+K} \right) \cdot H_{pt}$

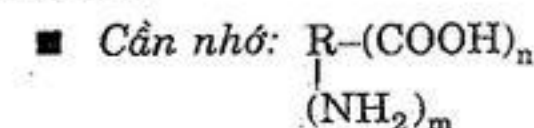
Với $d_{hhX/H_2} = 7,5 \Rightarrow K = 1$

$\Rightarrow \frac{7,5}{12,5} = 1 - \left(\frac{1}{1+1} \right) \cdot H_{pt} \Rightarrow H = 0,8 = 80\%$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ Cần nhớ: Nếu so với cùng một chất thì tỉ lệ $\overline{M}$ bằng tỉ lệ d.

Câu 50:



• $n > m \Rightarrow$ dd có MT axit

• $n = m \Rightarrow$ dd có MT trung tính

• $n < m \Rightarrow$ dd có MT bazơ.

- Axit α -amino glutaric: $\text{HOOC}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\underset{\text{NH}_2}{\text{CH}}-\text{COOH}$
- Axit α -amino propionic: $\text{CH}_3-\underset{\text{NH}_2}{\text{CH}}-\text{COOH}$
- Axit amino axetic: $\underset{\text{NH}_2}{\text{CH}_2}-\text{COOH}$
- Axit α,ϵ -diaminocaproic: $\text{H}_2\text{N}-(\text{CH}_2)_4-\underset{\text{NH}_2}{\text{CH}}-\text{COOH}$

$\Rightarrow$ Chất làm quỳ tím chuyển thành màu hồng là axit α -aminoglutaric.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 51: Các chất làm mất màu dd Br_2 là: stiren, isopren, axetilen.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

* **Gợi ý:** Các chất phản ứng với dd Br_2 :

+ Chưa no

+ Có nhóm $\left(\begin{array}{c} \text{C}-\text{H} \\ \parallel \\ \text{O} \end{array} \right)$

+ Vòng 3C

+ Các phản ứng thế lên nhân: phenol, anilin, ...

Câu 52:

■ **Cần nhớ:** • $\text{RCOOR}' \xrightarrow{\text{LiAlH}_4} \text{RCH}_2\text{OH} + \text{R}'\text{OH}$

• $\text{Hchc} \xrightarrow{\text{đốt}} \begin{cases} n_{\text{CO}_2} = a \text{ mol} \\ n_{\text{H}_2\text{O}} = b \text{ mol} \end{cases}$

Nếu $a < b \Rightarrow$ hợp chất hữu cơ no và số C = $\frac{a}{b-a}$

* **Gợi ý:**

- Xác định Y: Theo đề ancol Y có số C = $\frac{0,2}{0,3-0,2} = 2$

$\Rightarrow$ Y: $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH} \Rightarrow$ X: $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$

- Tính khối lượng CO_2 , H_2O khi đốt (X):

(X): $\text{CH}_3\text{COOC}_2\text{H}_5$ (0,1 mol)

$\Rightarrow m_{(\text{CO}_2, \text{H}_2\text{O})} = 44.(0,1 \times 4) + 18.0,1 \times \frac{8}{2} = 24,8$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

■ **Cần nhớ:** $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$

$n_{\text{H}_2\text{O}} = n_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số H}}{2}$

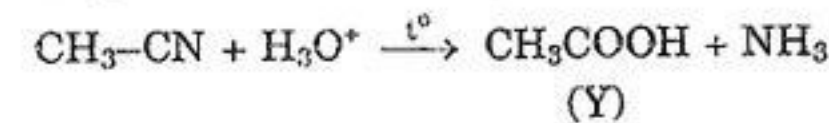
Câu 53: Các chất trong phân tử có chứa nhóm $-\text{NH}-\text{CO}-$ là: keo dán ure-fomandehit; tơ nilon-6,6, protein.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 54: Dễ thấy (a) sai vì glucozơ, fructozơ không có phản ứng thủy phân.

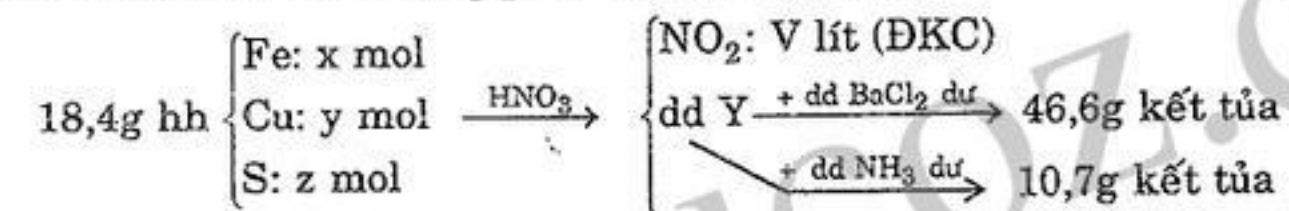
$\Rightarrow$ Đáp án: C

Câu 55: Các phản ứng gợi ý:



$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 56: Ta có tóm tắt (dùng phương pháp quy đổi)

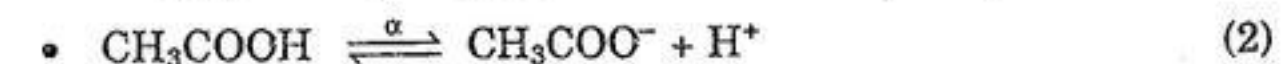
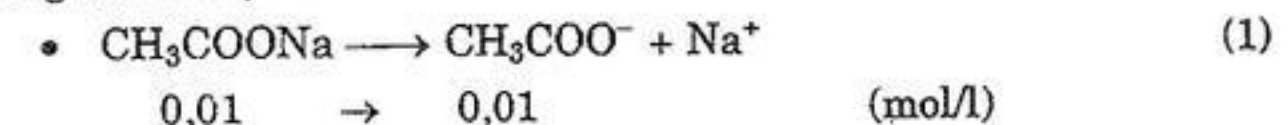


* **Gợi ý:** Theo đề ta có hệ phương trình sau:

$$\begin{cases} m_{\text{hhX}} = 56x + 64y + 32z = 18,4 \\ n_{\text{BaSO}_4} = n_{\text{S}} = z = \frac{46,6}{233} \\ n_{\text{Fe(OH)}_3 \downarrow} = x = \frac{10,7}{107} \\ \text{ĐLBTT: } x.\text{III} + y.\text{II} + z.\text{IV} = 1. \frac{V}{22,4} \end{cases}$$

Giải hệ trên ta được $x = 0,1$; $z = 0,2$; $y = 0,1 \Rightarrow V = 38,08 \Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 57: Phương trình điện li:



Ban đầu: $\text{Co} = 0,03$ 0,01 0 (mol/l)

Phân li: $\text{Co}.\alpha$ $\rightarrow$ $\text{Co}.\alpha$ $\rightarrow$ $\text{Co}.\alpha$ (mol/l)

Cân bằng: $\text{Co} - \text{Co}.\alpha$ $(\text{Co}.\alpha + 0,01)$ $\text{Co}.\alpha$ (mol/l)

$$(1), (2) \Rightarrow K_a = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-].[\text{H}^+]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]} = \frac{(\text{Co}.\alpha + 0,01).\text{Co}.\alpha}{\text{Co} - \alpha.\text{Co}}$$

$$\Leftrightarrow K_a = \frac{(\text{Co}.\alpha + 0,01)\alpha}{1 - \alpha} \quad (*)$$

Vì CH_3COOH là chất điện li yếu $\Rightarrow \alpha \ll 1 \Rightarrow \begin{cases} \text{Co}.\alpha + 0,01 \approx 0,01 \\ 1 - \alpha \approx 1 \end{cases}$

nên (*) viết lại $K_a = 0,01 \cdot \alpha$

$$(2) \Rightarrow [H^+] = C_0 \cdot \alpha = 0,03 \cdot \frac{1,75 \cdot 10^{-5}}{0,01} = 3,175 \cdot 10^{-5} \Rightarrow pH = 4,28$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

* Cách 2: Dễ thấy dung dịch X là dung dịch đệm.

$$\Rightarrow [H^+] = \frac{C_{axit}}{C_{muối}} \cdot K_a = \frac{0,03}{0,01} \cdot 1,75 \cdot 10^{-5} \Rightarrow pH = 4,28 \Rightarrow \text{Đáp án: A.}$$

Câu 58: Tất cả các phát biểu trên đều đúng. $\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 59: $Al(OH)_3$ chỉ có tính oxi hoá $\Rightarrow$ B sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 60: Ta có: $E_{(Cu-Ag)}^0 = E_{Ag^+/Ag}^0 - E_{Cu^{2+}/Cu}^0$ (1)

$$E_{(Zn-Cu)}^0 = E_{Cu^{2+}/Cu}^0 - E_{Zn^{2+}/Zn}^0$$
 (2)

Từ (1), (2) và đề $\Rightarrow E_{(Cu-Ag)}^0 = 0,46V \Rightarrow$ Đáp án: D.

ĐỀ THI TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI B NĂM 2012

Mã đề 359

I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH

Câu 1: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Tất cả các phản ứng của lưu huỳnh với kim loại đều cần đun nóng.
- B. Trong công nghiệp nhôm được sản xuất từ quặng dolomit.
- C. $Ca(OH)_2$ được dùng làm mất tính cứng vĩnh cửu của nước.
- D. CrO_3 tác dụng với nước tạo ra hỗn hợp axit.

Câu 2: Đốt 5,6 gam Fe trong không khí, thu được hỗn hợp chất rắn X. Cho toàn bộ X tác dụng với dung dịch HNO_3 loãng (dư), thu được khí NO (sản phẩm khử duy nhất) và dung dịch chứa m gam muối. Giá trị của m là:

- A. 18,0. B. 22,4. C. 15,6. D. 24,2.

Câu 3: Khi nói về kim loại kiềm, phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Các kim loại kiềm có màu trắng bạc và có ánh kim.
- B. Trong tự nhiên, các kim loại kiềm chỉ tồn tại ở dạng hợp chất.
- C. Từ Li đến Cs khả năng phản ứng với nước giảm dần.
- D. Kim loại kiềm có nhiệt độ nóng chảy và nhiệt độ sôi thấp.

Câu 4: Đốt cháy hoàn toàn m gam hỗn hợp X gồm hai este đồng phân cần dùng 27,44 lít khí O_2 , thu được 23,52 lít khí CO_2 và 18,9 gam H_2O . Nếu cho m gam X tác dụng hết với 400ml dung dịch NaOH 1M, cô cạn dung dịch sau phản ứng thì thu được 27,9 gam chất rắn khan, trong đó có a mol muối Y và b mol muối Z ($M_Y < M_Z$). Các thể tích khí đều đo ở điều kiện tiêu chuẩn. Tỷ lệ a : b là

- A. 2 : 3. B. 4 : 3. C. 3 : 2. D. 3 : 5.

Câu 5: Thủy phân este X mạch hở có công thức phân tử $C_4H_8O_2$, sản phẩm thu được có khả năng tráng bạc. Số este X thỏa mãn tính chất trên là

- A. 4. B. 3. C. 6. D. 5.

Câu 6: Thí nghiệm nào sau đây chứng tỏ trong phân tử glucosơ có 5 nhóm hydroxyl?

- A. Khử hoàn toàn glucosơ thành hexan.
- B. Cho glucosơ tác dụng với $Cu(OH)_2$.
- C. Tiến hành phản ứng tạo este của glucosơ với anhidrit axetic.
- D. Thực hiện phản ứng tráng bạc.

Câu 7: Cho dãy chuyển hoá sau: $CaC_2 \xrightarrow{+H_2O} X \xrightarrow{Pd/PbCO_3, t^0} Y \xrightarrow{+H_2O, t^0} Z$

Tên gọi của X và Z lần lượt là

- A. axetilen và ancol etylic. B. axetilen và etylen glicol.
- C. etan và etanal. D. etilen và ancol etylic.

Câu 8: Điện phân dung dịch hỗn hợp gồm 0,1 mol $FeCl_3$, 0,2 mol $CuCl_2$ và 0,1 mol HCl (điện cực trơ). Khi ở catot bắt đầu thoát khí thì ở anot thu được V lít khí (đktc). Biết hiệu suất của quá trình điện phân là 100%. Giá trị của V là

- A. 5,60. B. 11,20. C. 22,40. D. 4,48.

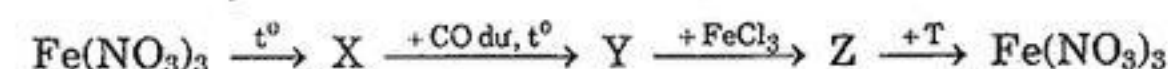
Câu 9: Các polime thuộc loại tơ nhân tạo là

- A. tơ visco và tơ nilon-6,6. B. tơ tằm và tơ vinilon.
- C. tơ nilon-6,6 và tơ capron. D. tơ visco và tơ xenlulozơ axetat.

Câu 10: Đun nóng m gam hỗn hợp gồm a mol tetrapeptit mạch hở X và 2a mol tripeptit mạch hở Y với 600ml dung dịch NaOH 1M (vừa đủ). Sau khi các phản ứng kết thúc, cô cạn dung dịch thu được 72,48 gam muối khan của các amino axit đều có một nhóm $-COOH$ và một nhóm $-NH_2$ trong phân tử. Giá trị của M là

- A. 51,72. B. 54,30. C. 66,00. D. 44,48

Câu 11: Cho sơ đồ chuyển hoá:



Các chất X và T lần lượt là

- A. FeO và $NaNO_3$. B. FeO và $AgNO_3$.
- C. Fe_2O_3 và $Cu(NO_3)_2$. D. Fe_2O_3 và $AgNO_3$.

Câu 12: Cho các thí nghiệm sau:

- (a) Đốt khí H_2S trong O_2 dư.
- (b) Nhiệt phân $KClO_3$ (xúc tác MnO_2).
- (c) Dẫn khí F_2 vào nước nóng.
- (d) Đốt P trong O_2 dư.
- (e) Khí NH_3 cháy trong O_2 .
- (g) Dẫn khí CO_2 vào dung dịch Na_2SiO_3 .

Số thí nghiệm tạo ra chất khí là

- A. 5. B. 4. C. 2. D. 3.

Câu 13: Cho 21 gam hỗn hợp gồm glyxin và axit axetic tác dụng vừa đủ với dung dịch KOH, thu được dung dịch X chứa 32,4 gam muối. Cho X tác dụng với dung dịch HCl dư, thu được dung dịch chứa m gam muối. Giá trị của m là
A. 44,65. B. 50,65. C. 22,35. D. 33,50.

Câu 14: Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Nguyên tử kim loại thường có 1, 2 hoặc 3 electron ở lớp ngoài cùng.
- B. Các nhóm A bao gồm các nguyên tố s và nguyên tố p.
- C. Trong một chu kì, bán kính nguyên tử kim loại nhỏ hơn bán kính nguyên tử phi kim.
- D. Các kim loại thường có ánh kim do các electron tự do phản xạ ánh sáng nhìn thấy được.

Câu 15: Cho hỗn hợp X gồm ancol metylic, etylen glicol và glixerol. Đốt cháy hoàn toàn m gam X thu được 6,72 lít khí CO_2 (đktc). Cũng m gam X trên cho tác dụng với Na dư thu được tối đa V lít khí H_2 (đktc). Giá trị của V là
A. 3,36. B. 11,20. C. 5,60. D. 6,72.

Câu 16: Số trieste khi thủy phân đều thu được sản phẩm gồm glixerol, axit CH_3COOH và axit $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$ là
A. 9. B. 4. C. 6. D. 2.

Câu 17: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Hỗn hợp FeS và CuS tan được hết trong dung dịch HCl dư.
- B. Thối không khí qua than nung đỏ, thu được khí than ướt.
- C. Phốtpho đỏ dễ bốc cháy trong không khí ở điều kiện thường.
- D. Dung dịch hỗn hợp HCl và KNO_3 hoà tan được bột đồng.

Câu 18: Đốt cháy hỗn hợp gồm 1,92 gam Mg và 4,48 gam Fe với hỗn hợp khí X gồm Clo và Oxi, sau phản ứng chỉ thu được hỗn hợp Y gồm các oxit và muối clorua (không còn khí dư) hoà tan Y bằng một lượng vừa đủ 120ml dung dịch HCl 2M, thu được dung dịch Z. Cho AgNO_3 dư vào dung dịch Z, thu được 56,69 gam kết tủa. Phần trăm thể tích của Clo trong hỗn hợp X là
A. 51,72%. B. 76,70%. C. 53,85%. D. 56,36%.

Câu 19: Oxi hoá 0,08 mol một ancol đơn chức, thu được hỗn hợp X gồm một axit cacboxylic, một andehit, ancol dư và nước. Ngưng tụ toàn bộ X rồi chia làm hai phần bằng nhau. Phần một cho tác dụng hết với Na dư, thu được 0,504 lít khí H_2 (đktc). Phần hai cho phản ứng tráng bạc hoàn toàn thu được 9,72 gam Ag. Phần trăm khối lượng ancol bị oxi hoá là
A. 50,00%. B. 62,50%. C. 31,25%. D. 40,00%.

Câu 20: Nguyên tố Y là phi kim thuộc chu kì 3, có công thức oxit cao nhất là YO_3 . Nguyên tố Y tạo với kim loại M hợp chất có công thức MY, trong đó M chiếm 63,64% về khối lượng. Kim loại M là
A. Zn. B. Cu. C. Mg. D. Fe.

Câu 21: Đốt cháy hoàn toàn 20ml hơi hợp chất hữu cơ X (chỉ gồm C, H, O) cần vừa đủ 110ml khí O_2 thu được 160ml hỗn hợp Y gồm khí và hơi. Dẫn Y qua dung dịch H_2SO_4 đặc (dư), còn lại 80ml khí Z. Biết các thể tích khí và hơi đo ở cùng điều kiện. Công thức phân tử của X là
A. $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_2$. B. $\text{C}_4\text{H}_{10}\text{O}$. C. $\text{C}_3\text{H}_8\text{O}$. D. $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}$.

Câu 22: Một dung dịch X gồm 0,01 mol Na^+ ; 0,02 mol Ca^{2+} ; 0,02 mol HCO_3^- và a mol ion X (bỏ qua sự điện li của nước). Ion X và giá trị của a là
A. NO_3^- và 0,03. B. Cl^- và 0,01.
C. CO_3^{2-} và 0,03. D. OH^- và 0,03.

Câu 23: Cho phản ứng: $\text{N}_2(\text{k}) + 3\text{H}_2(\text{k}) \rightleftharpoons 2\text{NH}_3(\text{k}); \Delta H = -92\text{kJ}$.

- Hai biện pháp đều làm cân bằng chuyển dịch theo chiều thuận là
A. giảm nhiệt độ và giảm áp suất. B. tăng nhiệt độ và tăng áp suất.
C. giảm nhiệt độ và tăng áp suất. D. tăng nhiệt độ và giảm áp suất.

Câu 24: Hỗn hợp X gồm 0,15 mol vinylaxetilen và 0,6 mol H_2 . Nung nóng hỗn hợp X (xúc tác Ni) một thời gian, thu được hỗn hợp Y có tỉ khối so với H_2 bằng 10. Dẫn hỗn hợp Y qua dung dịch Brom dư, sau khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, khối lượng brom tham gia phản ứng là
A. 0 gam. B. 24 gam. C. 8 gam. D. 16 gam.

Câu 25: Sục 4,48 lít khí CO_2 (đktc) vào 1 lít dung dịch hỗn hợp $\text{Ba}(\text{OH})_2$ 0,12M và NaOH 0,06M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn thu được m gam kết tủa. Giá trị của m là
A. 19,70. B. 23,64. C. 7,88. D. 13,79.

Câu 26: Trường hợp nào sau đây xảy ra ăn mòn điện hoá?

- A. Sợi dây bạc nhúng trong dung dịch HNO_3 .
- B. Đốt lá sắt trong khí Cl_2 .
- C. Thanh nhôm nhúng trong dung dịch H_2SO_4 loãng.
- D. Thanh kẽm nhúng trong dung dịch CuSO_4 .

Câu 27: Cho 29 gam hỗn hợp gồm Al, Cu và Ag tác dụng vừa đủ với 950ml dung dịch HNO_3 1,5M, thu được dung dịch chứa m gam muối và 5,6 lít hỗn hợp khí X (đktc) gồm NO và N_2O . Tỉ khối của X so với H_2 là 16,4. Giá trị của m là
A. 98,20. B. 97,20. C. 98,75. D. 91,00.

Câu 28: Đốt cháy hoàn toàn 50ml hỗn hợp khí X gồm trimetylamin và 2 hidrocarbon đồng đẳng kế tiếp bằng một lượng oxi vừa đủ, thu được 375ml hỗn hợp Y gồm khí và hơi. Dẫn toàn bộ Y đi qua dung dịch H_2SO_4 đặc (dư). Thể tích khí còn lại là 175ml. Các thể tích khí và hơi đo ở cùng điều kiện. Hai hidrocarbon đó là
A. C_2H_4 và C_3H_6 . B. C_3H_6 và C_4H_8 . C. C_2H_6 và C_3H_8 . D. C_3H_8 và C_4H_{10} .

Câu 29: Cho các chất riêng biệt sau: FeSO_4 , AgNO_3 , Na_2SO_3 , H_2S , HI , Fe_3O_4 , Fe_2O_3 tác dụng với dung dịch H_2SO_4 đặc, nóng. Số trường hợp xảy ra phản ứng oxi hoá khử là

- A. 6. B. 3. C. 4. D. 5.

Câu 30: Cho 0,42 gam hỗn hợp bột Fe và Al vào 250ml dung dịch AgNO_3 0,12M. Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được dung dịch X và 3,333 gam chất rắn. Khối lượng Fe trong hỗn hợp ban đầu là

- A. 0,168 gam. B. 0,123 gam. C. 0,177 gam. D. 0,150 gam.

Câu 31: Cho 0,125 mol andehit mạch hở X phản ứng với lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 thu được 27 gam Ag. Mặt khác, hidro hoá hoàn toàn 0,25 mol X cần vừa đủ 0,5 mol H_2 . Dãy đồng đẳng của X có công thức chung là

- A. $\text{C}_n\text{H}_{2n}(\text{CHO})_2$ ($n \geq 0$). B. $\text{C}_n\text{H}_{2n-3}\text{CHO}$ ($n \geq 2$).
C. $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{CHO}$ ($n \geq 0$). D. $\text{C}_n\text{H}_{2n-1}\text{CHO}$ ($n \geq 2$).

Câu 32: Cho các chất sau: FeCO_3 , Fe_3O_4 , FeS , $\text{Fe}(\text{OH})_2$. Nếu hoà tan cùng số mol mỗi chất vào dung dịch H_2SO_4 đặc, nóng (dư) thì chất tạo ra số mol khí lớn nhất là

- A. Fe_3O_4 . B. $\text{Fe}(\text{OH})_2$. C. FeS . D. FeCO_3 .

Câu 33: Đun nóng m gam hỗn hợp X gồm các chất có cùng một loại nhóm chức với 600ml dung dịch NaOH 1,15M, thu được dung dịch Y chứa muối của một axit cacboxylic đơn chức và 15,4 gam hơi Z gồm các ancol. Cho toàn bộ Z tác dụng với Na dư, thu được 5,04 lít khí H_2 (đktc). Cô cạn dung dịch Y, nung nóng chất rắn thu được với CaO cho đến khi phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 7,2 gam một chất khí. Giá trị của m là

- A. 40,60. B. 22,60. C. 34,30. D. 34,51.

Câu 34: Hỗn hợp X gồm hai axit cacboxylic đơn chức. Đốt cháy hoàn toàn 0,1 mol X cần 0,24 mol O_2 thu được CO_2 và 0,2 mol H_2O . Công thức hai axit là

- A. HCOOH và $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$.
B. $\text{CH}_2=\text{CHCOOH}$ và $\text{CH}_2=\text{C}(\text{CH}_3)\text{COOH}$.
C. CH_3COOH và $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$.
D. CH_3COOH và $\text{CH}_2=\text{CHCOOH}$.

Câu 35: Đốt 16,2 gam hỗn hợp X gồm Al và Fe trong khí Cl_2 thu được hỗn hợp chất rắn Y. Cho Y vào nước dư, thu được dung dịch Z và 2,4 gam kim loại. Dung dịch Z tác dụng được với tối đa 0,21 mol KMnO_4 trong dung dịch H_2SO_4 (không tạo ra SO_2). Phần trăm khối lượng của Fe trong hỗn hợp X là

- A. 72,91%. B. 64,00%. C. 66,67%. D. 37,33%.

Câu 36: Hoà tan hoàn toàn 0,1 mol FeS_2 trong 200ml dung dịch HNO_3 4M, sản phẩm thu được gồm dung dịch X và một chất khí thoát ra. Dung dịch X có thể hoà tan tối đa m gam Cu. Biết trong các quá trình trên, sản phẩm khử duy nhất của N^{+5} đều là NO. Giá trị của m là

- A. 12,8. B. 6,4. C. 9,6. D. 3,2.

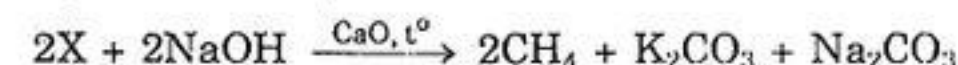
Câu 37: Este X là hợp chất thơm có công thức phân tử là $\text{C}_9\text{H}_{10}\text{O}_2$. Cho X tác dụng với dung dịch NaOH , tạo ra hai muối đều có phân tử khối lớn hơn 80. Công thức cấu tạo thu gọn của X là

- A. $\text{CH}_3\text{COOCH}_2\text{C}_6\text{H}_5$. B. $\text{HCOOC}_6\text{H}_4\text{C}_2\text{H}_5$.
C. $\text{C}_6\text{H}_5\text{COOC}_2\text{H}_5$. D. $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOC}_6\text{H}_5$.

Câu 38: Alanin có công thức là

- A. $\text{C}_6\text{H}_5\text{-NH}_2$. B. $\text{CH}_3\text{-CH}(\text{NH}_2)\text{-COOH}$.
C. $\text{H}_2\text{N-CH}_2\text{-COOH}$. D. $\text{H}_2\text{N-CH}_2\text{-CH}_2\text{-COOH}$.

Câu 39: Cho phương trình hoá học:



Chất X là

- A. $\text{CH}_2(\text{COOK})_2$. B. $\text{CH}_2(\text{COONa})_2$.
C. CH_3COOK . D. CH_3COONa .

Câu 40: Dẫn luồng khí CO đi qua hỗn hợp gồm CuO và Fe_2O_3 nung nóng, sau một thời gian thu được chất rắn X và khí Y. Cho Y hấp thụ hoàn toàn vào dung dịch $\text{Ba}(\text{OH})_2$ dư, thu được 29,55 gam kết tủa. Chất rắn X phản ứng với dung dịch HNO_3 dư thu được V lít khí NO (sản phẩm khử duy nhất ở đktc). Giá trị của V là

- A. 2,24. B. 4,48. C. 6,72. D. 3,36.

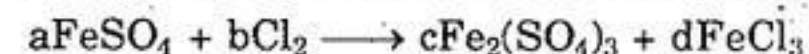
II. PHẦN RIÊNG

A. Theo chương trình Chuẩn

Câu 41: Cho dãy các chất sau: toluen, phenyl fomat, fructozơ, glyxylvalin (Gly-val), etylen glicol, triolein. Số chất bị thủy phân trong môi trường axit là

- A. 6. B. 3. C. 4. D. 5.

Câu 42: Cho phương trình hoá học (với a, b, c, d là các hệ số):



Tỉ lệ a : c là

- A. 4 : 1. B. 3 : 2. C. 2 : 1. D. 3 : 1.

Câu 43: Cho m gam bột sắt vào dung dịch hỗn hợp gồm 0,15 mol CuSO_4 và 0,2 mol HCl . Sau khi các phản ứng xảy ra hoàn toàn, thu được 0,725m gam hỗn hợp kim loại. Giá trị của m là

- A. 16,0. B. 18,0. C. 16,8. D. 11,2.

Câu 44: Để điều chế 53,46 kg xenlulozơ trinitrat (hiệu suất 60%) cần dùng ít nhất V lít axit nitric 94,5% ($D = 1,5 \text{ g/ml}$) phản ứng với xenlulozơ dư. Giá trị của V là

- A. 60. B. 24. C. 36. D. 40.

Câu 45: Có bao nhiêu chất chứa vòng benzen có cùng công thức phân tử $\text{C}_7\text{H}_8\text{O}$?

- A. 3. B. 5. C. 6. D. 4.

- Câu 46:** Đốt cháy hoàn toàn hỗn hợp X gồm hai hidrocarbon (tỉ lệ số mol 1 : 1) có công thức đơn giản nhất khác nhau, thu được 2,2 gam CO_2 và 0,9 gam H_2O . Các chất trong X là
 A. một ankan và một ankin. B. hai ankadien.
 C. hai anken. D. một anken và một ankin.
- Câu 47:** Cho axit cacboxylic X phản ứng với chất Y thu được một muối có công thức phân tử $\text{C}_3\text{H}_9\text{O}_2\text{N}$ (sản phẩm duy nhất). Số cặp chất X và Y thỏa mãn điều kiện trên là
 A. 3. B. 2. C. 4. D. 1.
- Câu 48:** Phát biểu nào sau đây là sai?
 A. Clo được dùng để diệt trùng nước trong hệ thống cung cấp nước sạch.
 B. Amoniac được dùng để điều chế nhiên liệu cho tên lửa.
 C. Lưu huỳnh đioxit được dùng làm chất chống thấm nước.
 D. Ozon trong không khí là nguyên nhân chính gây ra sự biến đổi khí hậu.
- Câu 49:** Phát biểu nào sau đây là sai?
 A. $\text{Cr}(\text{OH})_3$ tan trong dung dịch NaOH.
 B. Trong môi trường axit, Zn khử Cr^{3+} thành Cr.
 C. Photpho bốc cháy khi tiếp xúc với CrO_3 .
 D. Trong môi trường kiềm, Br_2 oxi hoá CrO_2^- thành CrO_4^{2-} .
- Câu 50:** Nung nóng 46,6 gam hỗn hợp gồm Al và Cr_2O_3 (trong điều kiện không có không khí) đến khi phản ứng xảy ra hoàn toàn. Chia hỗn hợp thu được sau phản ứng thành hai phần bằng nhau. Phần một phản ứng vừa đủ với 300ml dung dịch NaOH 1M (loãng). Để hoà tan hết phần hai cần vừa đủ dung dịch chứa a mol HCl. Giá trị của a là
 A. 0,9. B. 1,3. C. 0,5. D. 1,5.

B. Theo chương trình Nâng cao

- Câu 51:** Thủy phân hỗn hợp gồm 0,01 mol saccarozơ và 0,02 mol mantozơ trong môi trường axit, với hiệu suất đều là 60% theo mỗi chất, thu được dung dịch X. Trung hoà dung dịch X, thu được dung dịch Y, sau đó cho toàn bộ Y tác dụng với lượng dư dung dịch AgNO_3 trong NH_3 , thu được m gam Ag. Giá trị của m là
 A. 6,480. B. 9,504. C. 8,208. D. 7,776.
- Câu 52:** Một mẫu khí thải được sục vào dung dịch CuSO_4 , thấy xuất hiện kết tủa màu đen. Hiện tượng này do chất nào có trong khí thải gây ra?
 A. H_2S . B. NO_2 . C. SO_2 . D. CO_2 .
- Câu 53:** Cho phenol ($\text{C}_6\text{H}_5\text{OH}$) lần lượt tác dụng với $(\text{CH}_3\text{CO})_2\text{O}$ và các dung dịch: NaOH, HCl, Br_2 , HNO_3 , CH_3COOH . Số trường hợp xảy ra phản ứng là
 A. 3. B. 4. C. 2. D. 1.
- Câu 54:** Hoà tan Au bằng nước cường toan thì sản phẩm khử là NO; hoà tan Ag trong dung dịch HNO_3 đặc thì sản phẩm khử là NO_2 . Để số mol NO_2 bằng số mol NO thì tỉ lệ số mol Ag và Au tương ứng là
 A. 1 : 2. B. 3 : 1. C. 1 : 1. D. 1 : 3.

- Câu 55:** Người ta điều chế H_2 và O_2 bằng phương pháp điện phân dung dịch NaOH với điện cực trơ, cường độ dòng điện 0,67A trong thời gian 40 giờ. Dung dịch thu được sau điện phân có khối lượng 100 gam và nồng độ NaOH là 6%. Nồng độ dung dịch NaOH trước điện phân là (giả thiết lượng nước bay hơi không đáng kể)
 A. 5,08%. B. 6,00%. C. 5,50%. D. 3,16%.
- Câu 56:** Hidrat hoá 2-metylbut-2-en (điều kiện nhiệt độ, xúc tác thích hợp) thu được sản phẩm chính là
 A. 2-metylbutan-2-ol. B. 3-metylbutan-2-ol.
 C. 3-metylbutan-1-ol. D. 2-metylbutan-3-ol.
- Câu 57:** Dung dịch chất X không làm đổi màu quỳ tím; dung dịch chất Y làm quỳ tím hoá xanh. Trộn lẫn hai dung dịch trên thu được kết tủa. Hai chất X và Y tương ứng là
 A. KNO_3 và Na_2CO_3 . B. $\text{Ba}(\text{NO}_3)_2$ và Na_2CO_3 .
 C. Na_2SO_4 và BaCl_2 . D. $\text{Ba}(\text{NO}_3)_2$ và K_2SO_4 .
- Câu 58:** Trường hợp nào sau đây tạo ra kim loại?
 A. Đốt FeS_2 trong oxi dư.
 B. Nung hỗn hợp quặng apatit, đá xà vân và than cốc trong lò đứng.
 C. Đốt Ag_2S trong oxi dư.
 D. Nung hỗn hợp quặng photphorit, cát và than cốc trong lò điện.
- Câu 59:** Đốt cháy hoàn toàn m gam hỗn hợp X gồm hai ancol, thu được 13,44 lít khí CO_2 (đktc) và 15,3 gam H_2O . Mặt khác, cho m gam X tác dụng với Na (dư), thu được 4,48 lít khí H_2 (đktc). Giá trị của m là
 A. 12,9. B. 15,3. C. 12,3. D. 16,9.
- Câu 60:** Cho các chất : caprolactam (1), isopropylbenzen (2), acrilonitrin (3), glyxin (4), vinyl axetat (5). Các chất có khả năng tham gia phản ứng trùng hợp tạo polime là
 A. (1), (2) và (3). B. (1), (2) và (5). C. (1), (3) và (5). D. (3), (4) và (5).

ĐÁP ÁN

Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án	Câu	Đáp án
1	D	11	D	21	D	31	D	41	B	51	B
2	D	12	B	22	A	32	C	42	D	52	A
3	C	13	A	23	C	33	A	43	A	53	B
4	B	14	C	24	B	34	D	44	D	54	C
5	D	15	A	25	A	35	C	45	B	55	C
6	C	16	B	26	D	36	A	46	A	56	A
7	A	17	D	27	A	37	D	47	C	57	B
8	A	18	C	28	B	38	B	48	D	58	C
9	D	19	B	29	C	39	C	49	B	59	B
10	A	20	D	30	C	40	A	50	B	60	C

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1:

- Dễ thấy A, B, C sai.
S + Hg xảy ra ở nhiệt độ thường.
Trong công nghiệp Al điều chế từ quặng bôxit.
Ca(OH)₂ không thể làm mất tính cứng vĩnh cửu của nước.
- CrO₃ phản ứng với nước theo phản ứng sau:

$$\text{CrO}_3 + \text{H}_2\text{O} \longrightarrow \text{H}_2\text{CrO}_4$$

$$2 \text{CrO}_3 + \text{H}_2\text{O} \longrightarrow \text{H}_2\text{Cr}_2\text{O}_7$$

⇒ Đáp án: D.

Câu 2: Theo đề muối thu được là Fe(NO₃)₃ có số mol = số mol Fe = 0,1 mol

⇒ Đáp án: D.

Câu 3: Dễ thấy kết luận C sai ⇒ Đáp án: C.

Câu 4:

- Ta có số mol CO₂ = số mol H₂O = 1,05 mol ⇒ cả 2 este đều đơn no.
- Kết hợp với lượng oxi ta dễ dàng tìm được 2 este là C₃H₆O₂ có tổng mol là 0,35 mol.
⇒ Số mol NaOH còn dư: 0,05 mol
⇒ Khối lượng hỗn hợp muối: 27,9 – 40.0,05 = 25,9 gam
- Theo đề ta có Y: HCOONa (a mol); Z: CH₃COONa (b mol)
- Từ khối lượng muối và số mol hỗn hợp ta dễ dàng tìm được:

$$a = 0,2; b = 0,15 \Rightarrow a : b = 4 : 3$$

⇒ Đáp án: B.

Câu 5: Vì X hở và có 2 liên kết π và sản phẩm thủy phân X có khả năng tráng gương nên có 2 trường hợp sau:

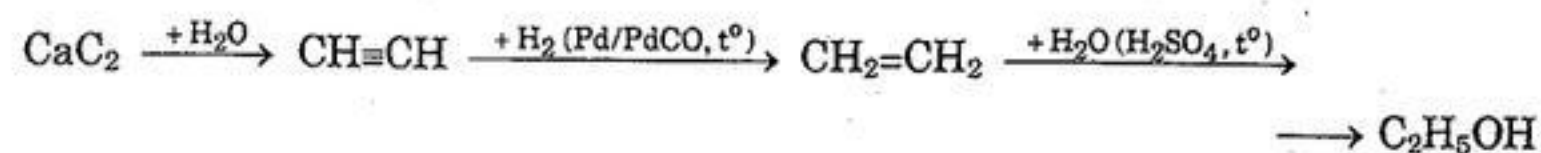
- X là este fomat: HCOO-CH₂-CH=CH₂; HCOOCH=CH-CH₃ (*);

$$\text{HCOO}-\text{C}(\text{CH}_3)=\text{CH}_2$$
- Sản phẩm thủy phân X có andehit: CH₃COOCH=CH₂
 ⇒ Đáp án: D. (*) có 2 đồng phân (cis-tran)

Câu 6: Dễ thấy chỉ có C đúng ⇒ Đáp án: C.

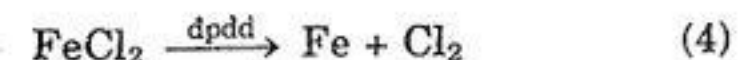
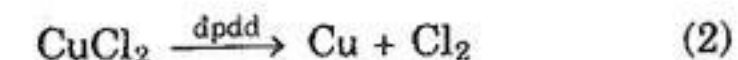
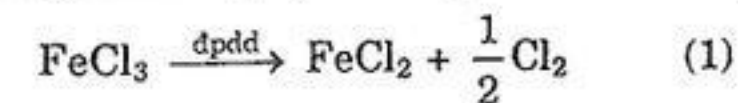
Câu 7:

* Sơ đồ gợi ý:



⇒ Đáp án: A.

Câu 8: Các phương trình điện phân xảy ra theo thứ tự sau:



Theo đề ⇒ (3) không xảy ra ⇒ Bài toán chỉ có (1) và (2)

Từ (1), (2) và đề ⇒ Tổng số mol khí bằng: $\frac{1}{2} \cdot 0,1 + 0,2 = 0,25$

⇒ Đáp án: A.

Câu 9:

- Nilon-6,6: tơ tổng hợp ⇒ A, C sai.
 - Tơ tằm: tơ thiên nhiên ⇒ B sai.
- ⇒ Đáp án: D.

Câu 10:

- Với a mol tetrapeptit phản ứng hết với NaOH ⇒ Số mol NaOH phản ứng bằng a × 4 (mol) và có độ tăng khối lượng tương ứng là:

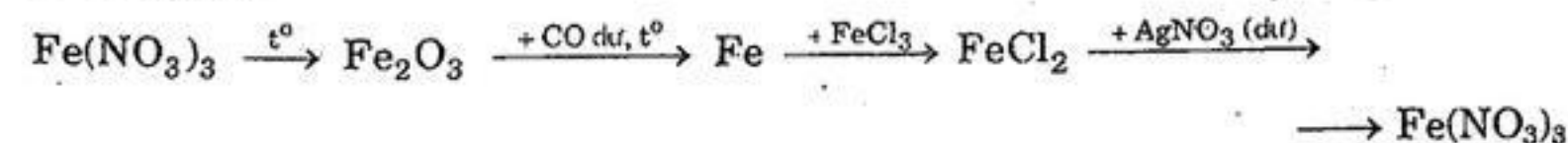
$$39.a + 40.a + 40.a + 23.a = 142.a \text{ (gam)}$$
 - Với 2a mol tripeptit phản ứng hết với NaOH ⇒ Số mol NaOH phản ứng bằng 2a × 3 (mol) và có độ tăng khối lượng tương ứng là:

$$39.2a + 40.2a + 23.2a = 102.2a \text{ (gam)}$$
 - Ta có tổng mol NaOH phản ứng = 4a + 6a = 0,6.1 ⇒ a = 0,06.
 - Theo phương pháp tăng giảm khối lượng ta có:

$$72,48 = m + (142a + 102.2a); \text{ với } a = 0,06 \Rightarrow m = 51,72.$$
- ⇒ Đáp án: A.

Câu 11:

* Sơ đồ gợi ý:



Theo sơ đồ trên ⇒ X: Fe₂O₃, T: AgNO₃.

⇒ Đáp án: D.

Câu 12:

- (d), (g): Không sinh khí
- (a): H₂S + O₂ (dư) $\xrightarrow{t^\circ}$ SO₂↑ + H₂O

- (c): $F_2 + H_2O \rightarrow HF + O_2$
- (e): $NH_3 + O_2 \xrightarrow{t^o} N_2 + H_2O$
- (b): $KClO_3 \xrightarrow{MnO_2, t^o} KCl + \frac{3}{2}O_2$

⇒ Đáp án: B.

Câu 13:

- Đặt số mol glyxin: a (mol); axit axetic: b (mol).
- Từ lượng hỗn hợp đầu (21 gam) và khối lượng muối (32,4 gam) ta dễ dàng tìm được a = 0,2 mol, b = 0,1 mol.
- Khí cho HCl phản ứng với dung dịch X, ta được dung dịch chứa:
0,2 mol $HOOC-CH_2-NH_3Cl$ và 0,3 mol KCl

⇒ Đáp án: A.

Câu 14: Trong cùng chu kì từ trái sang phải bán kính nguyên tử giảm ⇒ C sai.

⇒ Đáp án: C.

Câu 15:

- Với rượu có số (-OH) = Số C thì số mol $H_2 = \frac{1}{2}$ số mol CO_2
- Vậy ta dễ dàng thấy được số mol $H_2 = 0,15$ mol.

⇒ Đáp án: A.

Câu 16: Ta có công thức tính số trieste khi thủy phân sinh glyxerol + n axit đơn
là: $\frac{n^2(n+1)}{2} - n$

⇒ Đáp án: B.

Câu 17:

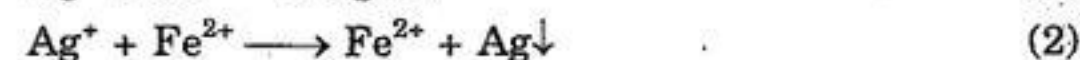
- Muối sulfua kim loại từ Pb về sau không phản ứng được với HCl, H_2SO_4 loãng
⇒ A sai.
- Dễ thấy B, C sai.
- Dung dịch hỗn hợp (H^+ , NO_3^-) hòa tan được tất cả các kim loại (trừ Au, Pt).

⇒ Đáp án: D.

Câu 18:

- Ta có Mg: 0,08 mol, Fe: 0,08 mol
Đặt số mol O_2 : x (mol); số mol Cl_2 : y (mol)
- Đặt số mol $Fe \rightarrow Fe^{2+}$: a (mol) ⇒ số mol $Fe \rightarrow Fe^{3+}$: 0,08 - a (mol)
- Theo ĐLBTTĐT ta có: $0,08.2 + a.2 + (0,08 - a).3 = 4.x + 2.y$ (I)
- Theo đề dung dịch Z có: Cl^- : $2y + 0,24$ (mol); Fe^{2+} : a (mol)

- Phản ứng tạo kết tủa với dung dịch $AgNO_3$ dư:



- Theo (1), (2) và đề ta có: $143,5(2y + 0,24) + 108a = 56,69$ (II)

- Ta có tổng mol HCl phản ứng = 2.

$$\text{Tổng mol Oxi trong Y} \Leftrightarrow 0,24 = 2.2x \quad (III)$$

- Giải (I), (II), (III) ta được: a = 0,12, x = 0,06, y = 0,07

$$\text{Vậy } \%ClO = \frac{0,07}{0,06 + 0,07} = 0,5385 = 53,85\%$$

⇒ Đáp án: C.

Câu 19:

- Đặt số mol $RCH_2OH \rightarrow RCHO$ là x mol; số mol $RCH_2OH \rightarrow RCOOH$ là y mol; số mol RCH_2OH còn dư: z mol.

⇒ Hỗn hợp X: x mol RCHO; y mol RCOOH; z mol RCH_2OH ;

$$(x + y) \text{ mol } H_2O.$$

- Theo đề ta có hệ phương trình sau:

$$+ \text{ Số mol rượu ban đầu} = x + y + z = 0,08 \quad (1)$$

$$+ \text{ Số mol } H_2 = \frac{1}{2}[y + (x + y) + z] = 2 \cdot \frac{0,504}{22,4} \quad (2)$$

- Theo đề ⇒ bài toán có 2 trường hợp:

$$+ \text{ TH1: } RCHO \neq HCHO \Rightarrow \text{Số mol Ag} = 2x = 2 \cdot \frac{9,72}{108} \quad (3)$$

Dễ thấy trường hợp này không có nghiệm hóa học.

$$+ \text{ TH2: } RCH \text{ là } HCHO \Rightarrow RCOOH \text{ là } HCOOH$$

$$\Rightarrow \text{Số mol Ag} = 4x + 2y = 2 \cdot \frac{9,72}{108} \quad (3')$$

$$\text{Từ (1), (2), (3')} \Rightarrow y = 0,01 \text{ (mol); } x = 0,04 \text{ (mol)}$$

$$\text{Vậy \% rượu bị oxi hóa} = \frac{0,04 + 0,01}{0,08} = 0,625 = 62,5\%$$

⇒ Đáp án: B.

Câu 20:

- Phi kim Y có công thức oxit cao nhất là $YO_3 \Rightarrow Y: O; S; \dots$

$$\text{MY có: } \frac{\%M}{\%Y} = \frac{M}{Y} = \frac{63,64}{100 - 63,64}$$

Dễ thấy phương trình trên có nghiệm hợp lí là:

$$Y: S \Rightarrow M = 56 \Rightarrow M = 56 \Rightarrow M: Fe$$

⇒ Đáp án: D.

$$\Leftrightarrow n_{\text{HNO}_3 \text{ pư}} = 1,3 \text{ mol} < n_{\text{HNO}_3 \text{ để cho}} = 1,425 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow \text{Có } \text{NH}_4\text{NO}_3: \frac{1,425 - 1,3}{10} = 0,0125 \text{ mol}$$

- Ta có công thức tính khối lượng muối:

$$m_{\text{muối}} = m_{\text{kim loại pư}} + 62 \cdot n_{\text{e nhận}} + m_{\text{NH}_4\text{NO}_3}$$

$$m_{\text{muối}} = 29 + 62(0,23 + 8,0,05 + 8,0,0125) + 80 \cdot 0,0125 = 98,2 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 28: Theo đề $\Rightarrow V_{(\text{CO}_2, \text{N}_2)} = 175 \text{ ml}; V_{\text{H}_2\text{O}} = 200 \text{ ml}$

* TH1: Hai hidrocarbon là anken $\Rightarrow \text{hh} \begin{cases} \text{C}_3\text{H}_6 \text{ (a ml)} \\ \text{C}_n\text{H}_{2n} \text{ (b ml)} \end{cases}$

$$\text{Ta có hệ phương trình: } \begin{cases} V_{\text{hh}} = a + b = 50 \\ V_{\text{H}_2\text{O}} = a \cdot \frac{9}{2} + b \cdot \bar{n} = 200 \\ V_{(\text{CO}_2, \text{N}_2)} = a \cdot 3 + b \cdot \bar{n} + a \cdot \frac{1}{2} = 175 \end{cases}$$

Giải hệ trên ta được: $a = b = 25; \bar{n} = 3,5$

$\Rightarrow$ Hai hidrocarbon là $\text{C}_3\text{H}_6, \text{C}_4\text{H}_8$.

* TH2: Hai hidrocarbon là ankan $\Rightarrow \text{hh} \begin{cases} \text{C}_3\text{H}_8 \text{ (a ml)} \\ \text{C}_n\text{H}_{2n+2} \text{ (b ml)} \end{cases}$

$$\text{Ta có hệ phương trình: } \begin{cases} V_{\text{hh}} = a + b = 50 \\ V_{\text{H}_2\text{O}} = a \cdot \frac{9}{2} + b(n+1) = 200 \\ V_{(\text{CO}_2, \text{N}_2)} = a \cdot 3 + b \cdot \bar{n} + \frac{1}{2} \cdot a = 175 \end{cases}$$

Dễ thấy hệ trên vô nghiệm.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

$$\blacksquare \text{ Cần nhớ: } V_{\text{CO}_2} = V_{\text{đốt}} \times \text{Số C}$$

$$V_{\text{H}_2\text{O}} = V_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số H}}{2}$$

$$V_{\text{N}_2} = V_{\text{đốt}} \times \frac{\text{Số N}}{2}$$

Câu 29: Các chất phản ứng với H_2SO_4 đặc theo cơ chế oxi hoá là: $\text{FeSO}_4, \text{H}_2\text{S}, \text{HI}, \text{Fe}_3\text{O}_4$.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 30:

$$\text{* Tóm tắt: } 0,42 \text{ g hh} \begin{cases} \text{Al} \\ \text{Fe} \end{cases} \xrightarrow[\text{H=100\%}]{250 \text{ ml dd AgNO}_3 \text{ 0,12M}} \begin{cases} \text{ddX} \\ 3,333 \text{ gam rắn} \end{cases}$$

Khối lượng Fe trong hỗn hợp đầu?

* Gọi ý: Ta có: $n_{\text{Ag}^+} = 0,03 \text{ mol}$

- Độ tăng khối lượng rắn = $3,333 - 0,42 = 2,913$

- Ta thấy: $m_{\text{Ag}} = 108 \times 0,03 = 3,24 < 3,333$

$\Rightarrow$ rắn sau phản ứng còn Fe

$\Rightarrow$ dd X có: $\text{Al}^{3+}, \text{Fe}^{2+}$.

- Đặt $n_{\text{Al pư}} = a \text{ (mol)}; n_{\text{Fe pư}} = b \text{ (mol)}$

$$\text{Ta có hệ phương trình: } \begin{cases} 297a + 160b = 2,913 \\ a \cdot \text{III} + b \cdot \text{II} = 0,03 \times 1 \end{cases} \Rightarrow a = 0,009; b = 0,0015$$

$$\Rightarrow m_{\text{Fe}} \text{ trong hỗn hợp đầu} = 0,42 - 0,009 \times 27 = 0,177$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

$$\blacksquare \text{ Cần nhớ: } \bullet 1\text{Al} \rightarrow 3\text{Ag: } \Delta m_{\text{KL tăng}} = 297 \cdot n_{\text{pư}}$$

$$n_{\text{pư}} = n_{\text{Al pư}} = \frac{1}{3} \cdot n_{\text{Ag}^+ \text{ pư}}$$

$$\bullet \text{Fe} \rightarrow 2\text{Ag: } \Delta m_{\text{KL tăng}} = 160 \cdot n_{\text{pư}}$$

$$n_{\text{pư}} = n_{\text{Fe pư}} = \frac{1}{2} \cdot n_{\text{Ag}^+ \text{ pư}}$$

Câu 31: Để giải câu hỏi này ta cần nhớ:

$$\bullet \frac{n_{\text{Ag}}}{n_{\text{hchc pư}}} = 2 \cdot \text{Số nhóm } (-\text{CHO})$$

$$\bullet \frac{n_{\text{H}_2 \text{ pư}}}{n_{\text{hchc pư}}} = \sum \text{số liên kết } \pi$$

$$\text{- Theo đề có: } \frac{n_{\text{Ag}}}{n_{\text{X pư}}} = \frac{108}{0,125} = 2 \Rightarrow \text{X có 1 nhóm } (-\text{CHO})$$

$$\frac{n_{\text{H}_2}}{n_{\text{X pư}}} = \frac{0,5}{0,25} = 2 \Rightarrow \text{X có 2 liên kết } \pi$$

$$\Rightarrow X \text{ có } \begin{cases} 1 \text{ nhóm } (-\text{CHO}) \\ 1 \text{ lk C}=\text{C} \end{cases} \Rightarrow \text{CTTQ X: } \text{C}_n\text{H}_{2n-1}\text{CHO} \quad (n \geq 2)$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 32: Theo ĐLBTTĐT ta có:

$$\text{A: } n_{\text{Fe}_3\text{O}_4 \text{ pư}} \times 1 = 2.n_{\text{SO}_2}$$

$$\text{B: } n_{\text{Fe}(\text{OH})_2 \text{ pư}} \times 1 = 2.n_{\text{SO}_2}$$

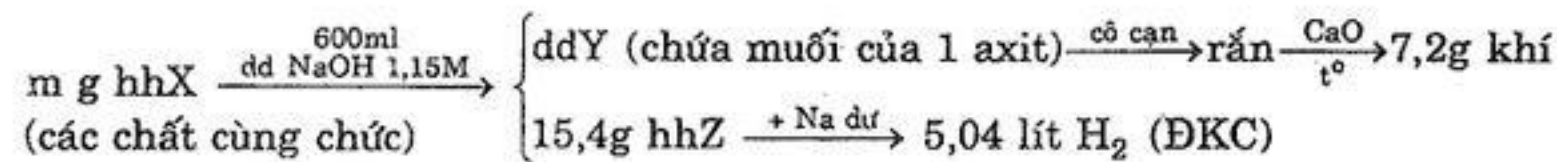
$$\text{C: } n_{\text{FeS pư}} \times 9 = 2.n_{\text{SO}_2}$$

$$\text{D: } n_{\text{FeCO}_3 \text{ pư}} \times 1 = 2.n_{\text{SO}_2}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 33:

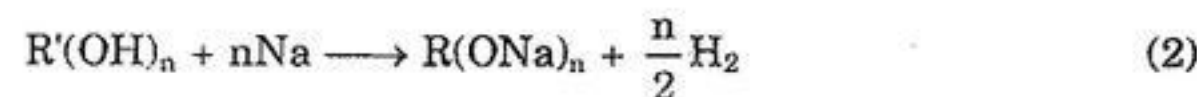
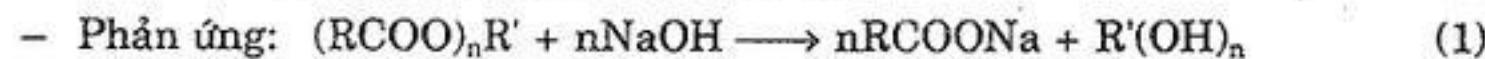
* Tóm tắt:



$$m = ?$$

* Gọi ý:

- Theo đề hỗn hợp X chứa este $(\text{RCOO})_n\text{R}'$



$$\text{Từ (1), (2)} \Rightarrow n_{\text{NaOH pư}} = 2.n_{\text{H}_2} = 2 \cdot \frac{5,04}{22,4} = 0,45 \text{ (mol)}$$

$$\Rightarrow n_{\text{NaOH dư}} = 0,69 - 0,45 = 0,24 \text{ (mol)}$$

$$\text{Từ (1) có: } n_{\text{RCOONa}} = 0,45 \text{ mol} > n_{\text{NaOH dư}} \Rightarrow n_{\text{RH}} = 0,24 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow M_{\text{RH}} = \frac{7,2}{0,24} = 30 \Rightarrow \text{RH: } \text{C}_2\text{H}_6$$

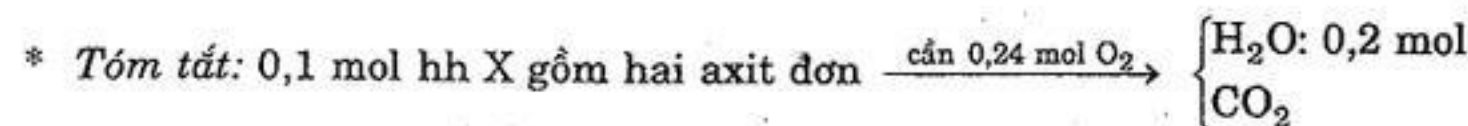
$$\Rightarrow \text{dd Y: } \begin{cases} \text{C}_2\text{H}_5\text{COONa: } 0,45 \text{ mol} \\ \text{NaOH dư: } 0,24 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\text{Theo ĐLBTKL có: } m + 0,69 \times 40 = 96 \times 0,45 + 40 \times 0,24 + 15,4$$

$$\Rightarrow m = 40,6 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 34:



Công thức của axit: ?

$$\text{* Gọi ý: } n_{\text{O}_2 \text{ pư}} = n_{\text{CO}_2} + \frac{1}{2}.n_{\text{H}_2\text{O}} - \frac{\text{Số oxi}}{2}.n_{\text{đốt}}$$

$$\Leftrightarrow 0,24 = n_{\text{CO}_2} + \frac{1}{2}.0,2 - \frac{2}{2}.0,1 \Rightarrow n_{\text{CO}_2} = 0,24$$

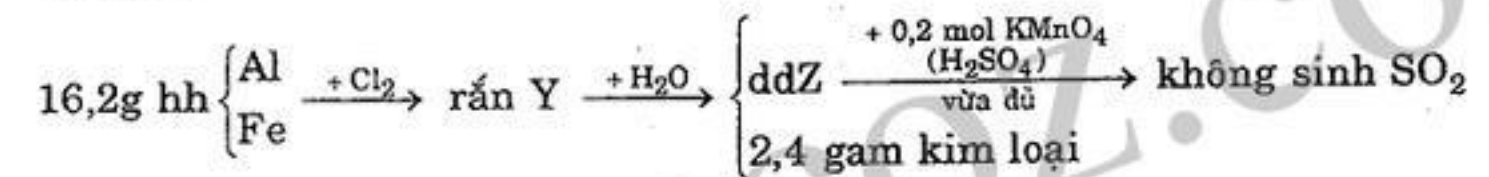
$$\bullet \text{ Số C trung bình} = \frac{n_{\text{CO}_2}}{n_{\text{đốt}}} = \frac{0,24}{0,1} = 2,4 \Rightarrow \text{B sai.}$$

$$\bullet \text{ Vì } n_{\text{CO}_2} > n_{\text{H}_2\text{O}} \Rightarrow \text{A, C sai.}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 35:

* Tóm tắt:



% Fe trong hỗn hợp đầu: ?

* Gọi ý:

- Cần thấy phản ứng của dd Z với dung dịch hỗn hợp $(\text{KMnO}_4, \text{H}_2\text{SO}_4)$ chỉ sinh Cl_2 .

- Vậy bài toán này: Al, Fe cho e; KMnO_4 nhận e.

- Khối lượng (Al, Fe) phản ứng = $16,2 - 2,4 = 13,8 \text{ gam}$

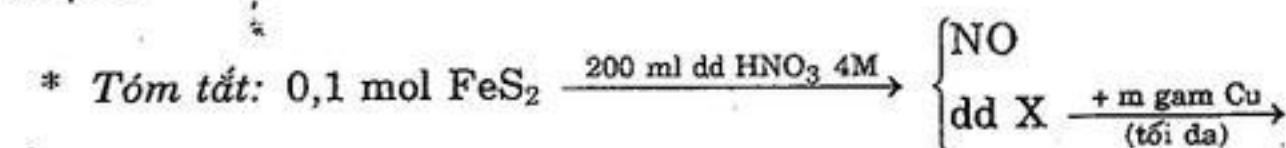
- Đặt số mol Al, Fe phản ứng lần lượt: x, y

$$\text{Vậy ta có phương trình: } \begin{cases} 27x + 56y = 13,8 \\ x.III + y.III = 5,0,21 \end{cases} \Rightarrow x = 0,2; y = 0,15$$

$$\Rightarrow m_{\text{Fe}} = 0,15 \times 56 + 2,4 = 10,8 \Rightarrow \% \text{Fe} = 66,67$$

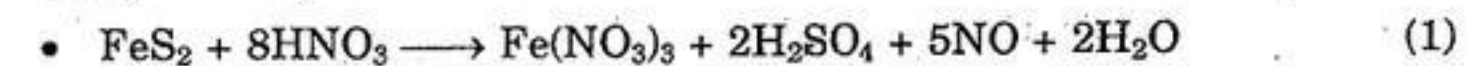
$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 36:



$$\text{* Gọi ý: Ta có: } n_{\text{HNO}_3} = 0,2 \times 4 = 0,8 \text{ mol}$$

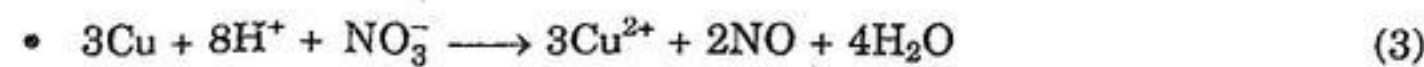
Các phản ứng:



$$0,1 \rightarrow 0,8 \rightarrow 0,1 \rightarrow 0,2 \quad (\text{mol})$$



$$0,1 \text{ mol}$$



0,4 mol

$$\text{Từ (2), (3)} \Rightarrow n_{\text{Cu pư}} = \frac{1}{2}n_{\text{Fe}^{3+}} + \frac{3}{8}n_{\text{H}^+} = 0,2 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_{\text{Cu pư}} = 0,2 \times 64 = 12,8 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 37: Vì X là este đơn $\xrightarrow{+\text{NaOH}}$ hai muối

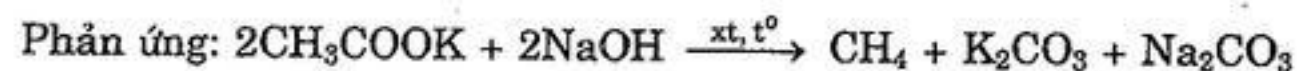
$\Rightarrow$ X: este phenol $\Rightarrow$ A, C sai.

- Do cả hai muối đều có $M > 80 \Rightarrow$ B sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 38: Dễ thấy đáp án B.

Câu 39: X: CH_3COOK



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 40: Theo đề $\Rightarrow \text{CO}$: cho e; HNO_3 : nhận e.

- Theo DLBTĐT ta có: $n_{\text{CO pư}} \times 2 = 3.n_{\text{NO}}$

$$\text{- Với } n_{\text{CO pư}} = n_{\text{CO}_2} = n_{\text{BaCO}_3 \downarrow} = \frac{29,55}{197} = 0,15 \Rightarrow V = 2,24 \text{ lít (ĐKC)}$$

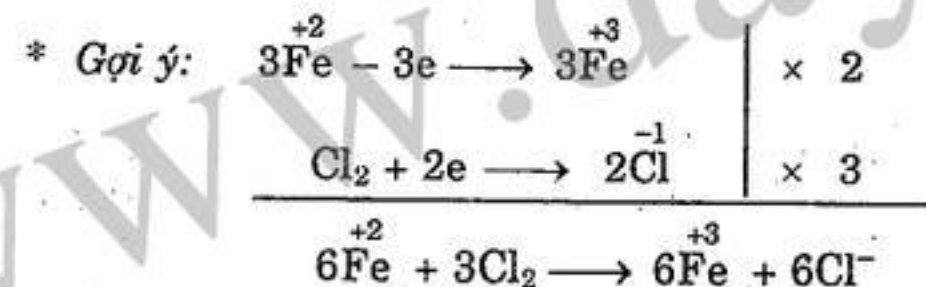
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 41: Các chất thủy phân được: phenyl fomat, glyxylalin, triolein.

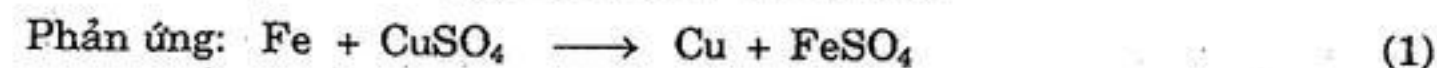
$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 42: Ta có phản ứng: $6\text{FeSO}_4 + 3\text{Cl}_2 \longrightarrow 2\text{Fe}_2(\text{SO}_4)_3 + 2\text{FeCl}_3$

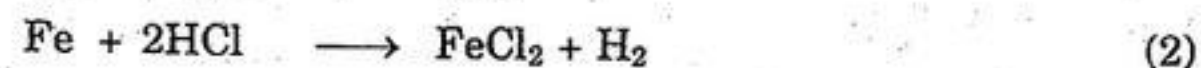
$\Rightarrow$ Đáp án: D.



Câu 43: Theo đề $\Rightarrow$ rắn sau gồm: Cu, Fe $\Rightarrow$ HCl hết.



$$0,15 \leftarrow 0,15 \rightarrow 0,15$$



$$0,1 \leftarrow 0,2$$

Từ (1), (2) và đề ta có:

$$0,725m = m - 56.(0,1 + 0,15) + 0,15.64 \Rightarrow m = 16$$

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

* **Cách 2:** Theo (1) $\Rightarrow \Delta m_{\text{KL}\uparrow} = 8.n_{\text{pư}} = 8.0,15$

$$\text{Theo (2)} \Rightarrow \Delta m_{\text{KL}\downarrow} = 56.n_{\text{pư}} = 56.0,1$$

$$\text{Theo đề: } \Delta m_{\text{KL}\downarrow} = m - 0,725m = 0,275m$$

$$\Leftrightarrow 8.0,15 - 56.0,1 = -0,275m \Rightarrow m = 16$$

* **Gợi ý:** Phương pháp tăng giảm khối lượng

Phản ứng (1) có Δm_1

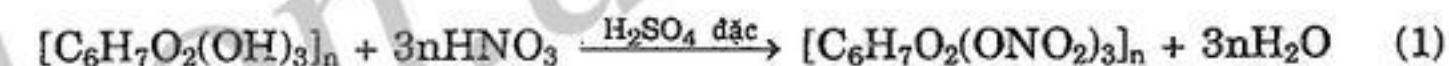
Phản ứng (2) có Δm_2

$$\Delta m_{\text{chung}} = \Delta m_1 + \Delta m_2$$

+ Tăng: $+\Delta m$

+ Giảm: $-\Delta m$

Câu 44: Phản ứng:

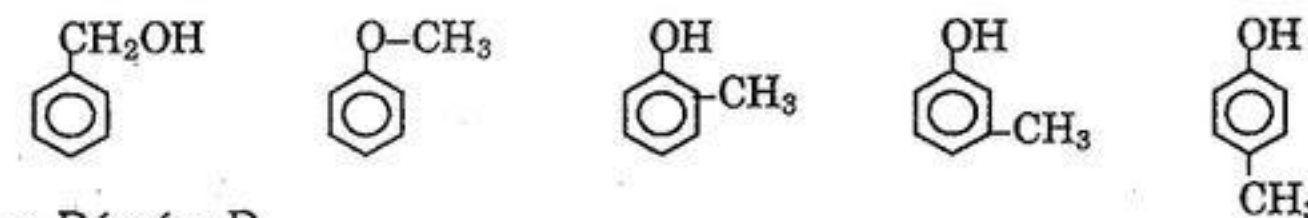


$$(1) \Rightarrow n_{\text{HNO}_3 \text{ pư}} = 3n.n_{\text{xenulose trinitrat}}$$

$$\Leftrightarrow \frac{V \times 1,5 \times 94,5}{63 \times 100} = 3n \times \frac{53,46}{297n} \times \frac{100}{60} \Rightarrow V = 40 \text{ (lít)}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 45: Các đồng phân chứa vòng benzen của $\text{C}_7\text{H}_8\text{O}$:



$\Rightarrow$ Đáp án: D.

Câu 46: Ta có: $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}} = 0,05 \text{ mol} \Rightarrow$ B, D sai.

Vì công thức đơn giản nhất của hai hidrocarbon khác nhau $\Rightarrow$ C sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: A.

■ **Cần nhớ:** Đốt hai chất bất kì có $n_{\text{CO}_2} = n_{\text{H}_2\text{O}}$ có hai trường hợp:

* TH1: Cả hai đều có 1 liên kết π .

* TH2: Hỗn hợp gồm một chất không có liên kết π và một chất có số liên kết $\pi > 1$.

Câu 47: Dễ thấy $\text{C}_3\text{H}_9\text{O}_2\text{N}$ có các CTCT sau:

• $\text{C}_2\text{H}_5\text{OONH}_4$ (sinh từ $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$ và NH_3)

- $\text{CH}_3\text{COONH}_2$ (sinh từ CH_3COOH và CH_3NH_2)
- HCOONH_2 (sinh từ HCOOH và $\text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$)
- HCOONH_2 (sinh từ HCOOH và $\text{CH}_3\text{-NH-CH}_3$)

⇒ Đáp án: C.

Câu 48: Dễ thấy A, B, C luôn đúng (Xem SGK lớp 10 trang 99, SGK lớp 11 trang 44, SGK lớp 10 trang 136).

⇒ Đáp án: D.

Câu 49:

A. Đúng vì: $\text{Cr(OH)}_3 + \text{NaOH} \longrightarrow \text{Na[Cr(OH)}_4]$

C. Do CrO_3 có tính oxi hoá mạnh, nên: S, P, C, NH_3 , $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ bốc cháy khi tiếp xúc với $\text{CrO}_3 \Rightarrow$ C đúng.

D. Có phản ứng: $2\text{CrO}_2 + 3\text{Br}_2 + 8\text{OH}^- \longrightarrow 2\text{CrO}_4^{2-} + 6\text{Br}^- + 4\text{H}_2\text{O}$

B. Phản ứng Zn với dd Cr^{3+} : $\text{Zn} + 2\text{Cr}^{3+} \longrightarrow 2\text{Cr}^{2+} + \text{Zn}^{2+}$

⇒ Đáp án: B.

Câu 50: Theo đề $\Rightarrow$ bài toán có hai trường hợp:

* TH1: Al còn dư $\Rightarrow \text{Cr}_2\text{O}_3$ hết.

Ta có phản ứng: $\text{Cr}_2\text{O}_3 + 2\text{Al} \xrightarrow{t^\circ} \text{Al}_2\text{O}_3 + 2\text{Cr}$ (1)

(1) $\Rightarrow$ rắn sau nhiệt nhôm $\begin{cases} \text{Al}_2\text{O}_3: x \text{ mol} \\ \text{Al}: y \text{ mol} \\ \text{Cr}: 2x \text{ mol} \end{cases}$

Ta có: $n_{\text{NaOH pư}} = 2.n_{\text{Al}_2\text{O}_3} + n_{\text{Al}} \Leftrightarrow 2x + y = 0,3$ (a)

Từ khối lượng hỗn hợp đầu ta có:

$$152x + 27(2x + y) = 46,6 \quad (b)$$

Từ (a), (b) $\Rightarrow x = 0,1 \text{ mol}; y = 0,1 \text{ mol}$

Ta có: $n_{\text{HCl pư}} = 2.n_{\text{Al}_2\text{O}_3} \cdot 3 + n_{\text{Al pư}} \cdot 3 + n_{\text{Cr pư}} \cdot 2$

$$\Rightarrow n_{\text{HCl pư}} = 2.0,1 \times 3 + 0,1.3 + 0,2.2 = 1,3 \text{ mol}$$

⇒ Đáp án: B.

⇒ TH2 không là đáp án.

- **Cần nhớ:**
 - Cr không phản ứng với dung dịch NaOH.
 - Kim loại phản ứng với H^+ : $n_{\text{H}^+ \text{ pư}} = n_{\text{kim loại pư}} \times \text{hoá trị}$

- Oxit phản ứng với H^+ : $n_{\text{H}^+ \text{ pư}} = 2.n_{[\text{O}]}$ trong oxit pư

- Oxit lưỡng tính phản ứng với NaOH:

$$n_{\text{NaOH phản ứng}} = 2.n_{\text{oxit lưỡng tính phản ứng}}$$

Câu 51:

■ **Cần nhớ:** - Saccarozơ $\xrightarrow[\text{H=h\%}]{+\text{H}_2\text{O}}$ dd $\xrightarrow[\text{NH}_3]{\text{dd AgNO}_3}$ Ag

$$\Rightarrow n_{\text{Ag}} = 2 \cdot \left(2 \cdot \frac{h}{100} \cdot n_{\text{saccarozơ ban đầu}} \right)$$

- Mantozơ $\xrightarrow[\text{H=h\%}]{+\text{H}_2\text{O}}$ dd $\xrightarrow[\text{NH}_3]{\text{dd AgNO}_3}$ Ag

$$\Rightarrow n_{\text{Ag}} = 2 \cdot \left(\frac{100 + h}{100} \cdot n_{\text{mantozơ ban đầu}} \right)$$

Theo đề ta có công thức tính nhanh lượng Ag là:

$$m_{\text{Ag}} = m = 108 \cdot \left[2 \cdot \frac{60}{100} \cdot 0,01 + 2 \cdot \frac{100 + 60}{100} \cdot 0,02 \right] = 9,504 \text{ gam}$$

⇒ Đáp án: B.

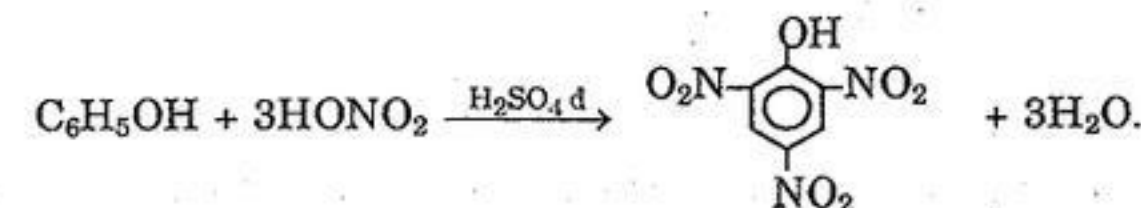
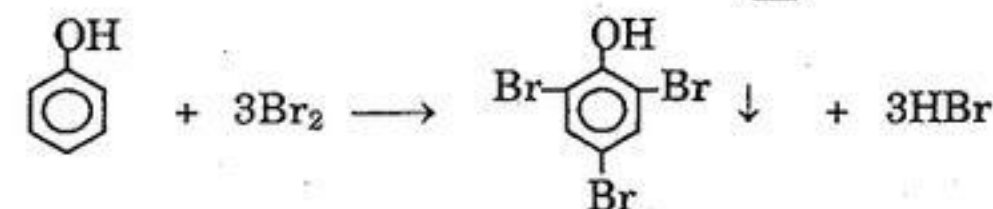
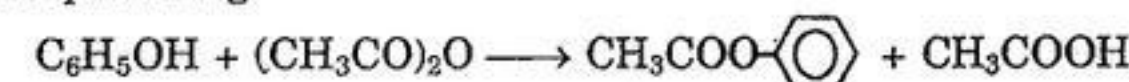
Câu 52: Dễ thấy đáp án đúng là A.

Phản ứng: $\text{CuSO}_4 + \text{H}_2\text{S} \longrightarrow \text{CuS} \downarrow + \text{H}_2\text{SO}_4$.

Câu 53: Các chất phản ứng được với phenol: $(\text{CH}_3\text{CO})_2\text{O}$, NaOH, Br_2 , HNO_3 .

⇒ Đáp án: B.

Các phản ứng:



Câu 54: Theo ĐLBTĐT có: $n_{\text{Ag.I}} = n_{\text{NO}_2}$ (1)

$$n_{\text{Au.III}} = 3.n_{\text{NO}} \quad (2)$$

Từ (1), (2) $\Rightarrow$ để $n_{\text{NO}} = n_{\text{NO}_2}$ thì $n_{\text{Ag}} = n_{\text{Au}}$

⇒ Đáp án: C.

Câu 55: Ta có phương trình điện phân: $\text{H}_2\text{O} \xrightarrow[\text{dd NaOH}]{\text{đpđ}} \text{H}_2 + \frac{1}{2}\text{O}_2$ (1)

Theo (1) $\Rightarrow n_{\text{H}_2\text{O điện phân}} = n_{\text{H}_2}$

$$\text{Ta có: } n_{\text{H}_2} = \frac{I.t}{n.F} = \frac{0,67 \times 40 \times 3600}{2 \times 96500} = 0,5$$

$$\Rightarrow m_{\text{H}_2\text{O điện phân}} = 0,5 \times 18 = 9 \text{ gam}$$

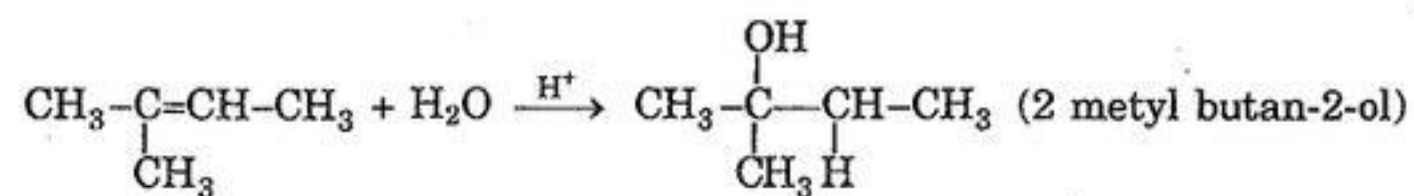
Do điện phân dung dịch NaOH chỉ có H_2O điện phân nên ta có:

$$m_{\text{dd trước}} \times C\%_{\text{trước}} = m_{\text{dd sau}} \times C\%_{\text{sau}}$$

$$\Leftrightarrow 100 \times 6 = (100 + 9) \times C\% \Rightarrow C\% = 5,5\%$$

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 56: Ta có phản ứng:



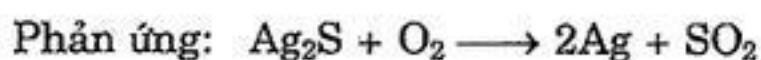
$\Rightarrow$ Đáp án: A.

Câu 57:

- Khi trộn hai dung dịch thu được kết tủa $\Rightarrow$ A sai.
- Dung dịch làm quỳ tím hoá xanh $\Rightarrow$ C, D sai.

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 58: Chỉ có trường hợp C tạo kim loại.



$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Câu 59: Ta có: $m = m_{\text{C}} + m_{\text{H}} + m_{\text{O}}$

Trong đó: $n_{[\text{O}]} = n_{[\text{OH}]} = 2 \cdot n_{\text{H}_2}$ sinh từ phản ứng với Na (do: $2\text{OH}^- \longrightarrow \text{H}_2$)

$$\text{Vậy } m = 12 \times \frac{13,44}{22,4} + 2 \cdot \frac{15,3}{18} + 2 \cdot \frac{4,48}{22,4} \times 16 = 15,3 \text{ gam}$$

$\Rightarrow$ Đáp án: B.

Câu 60: Dễ thấy chỉ có (1), (3) và (5) tạo polime bằng phản ứng trùng hợp.

- (1): sinh tơ capron
- (2): sinh tơ olon
- (5): sinh PVA.

$\Rightarrow$ Đáp án: C.

Mục lục

A. PHẦN TOÁN

ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2008	5	6
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2008	12	13
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2009	19	21
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2009	28	30
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2010	36	45
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2010	56	61
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A NĂM 2011	68	75
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2011	82	88
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI A - A ₁ NĂM 2012	95	100
ĐỀ THI MÔN TOÁN KHỐI B NĂM 2012	107	112

B. PHẦN VẬT LÝ

ĐỀ THI ĐẠI HỌC NĂM 2009	121	131
ĐỀ THI CAO ĐẲNG NĂM 2009	153	162
ĐỀ THI ĐẠI HỌC NĂM 2010	180	189
ĐỀ THI ĐẠI HỌC NĂM 2011	204	212
ĐỀ THI ĐẠI HỌC NĂM 2012	228	237

C. PHẦN HÓA HỌC

ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI A NĂM 2009	255	262
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI B NĂM 2009	287	296
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI A NĂM 2010	318	326
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI B NĂM 2010	343	352
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI A NĂM 2011	371	379
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI B NĂM 2011	395	404
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI A NĂM 2012	420	428
ĐỀ THI MÔN HÓA KHỐI B NĂM 2012	440	447

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI

16 Hàng Chuối – Hai Bà Trưng – Hà Nội

Điện thoại: Biên tập-Chế bản: (04) 39714896;

Hành chính: (04) 39714899; Tổng biên tập: (04) 39714897

Fax: (04) 39714899

Chịu trách nhiệm xuất bản

Giám đốc – Tổng biên tập

PHẠM THỊ TRÂM

Biên tập lần đầu: LAN HƯƠNG
NGUYỄN THỦY
QUỐC THẮNG

Biên tập tái bản: THANH HOA

Đối tác liên kết xuất bản:

NHÀ SÁCH HỒNG ÂN

SÁCH LIÊN KẾT

**GIỚI THIỆU VÀ HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT ĐỀ THI
TUYỂN SINH ĐẠI HỌC KHỐI A**

Mã số: 1L-238ĐH2012

In 1.000 cuốn, khổ 17x24cm, tại Công ty Cổ phần Văn hóa Văn Lang.

Số xuất bản: 873-2012/CXB/03-143/ĐHQGHN, ngày 27/7/2012.

Quyết định xuất bản số: 227LK-TN/QĐ-NXBĐHQGHN, ngày 9/8/2012.

In xong và nộp lưu chiểu quý III năm 2012.